

LIBRARY OF THE UNIVERSITY OF ILLINOIS AT URBANA-CHAMPAIGN

510

H4320

v.4

Math.



The person charging this material is responsible for its return to the library from which it was withdrawn on or before the **Latest Date** stamped below.

Theft, mutilation, and underlining of books are reasons for disciplinary action and may result in dismissal from the University.

UNIVERSITY OF ILLINOIS LIBRARY AT URBANA-CHAMPAIGN





HERONIS ALEXANDRINI DPERA QUAE SUPERSUNT OMNIA

VOL. IV
HERONIS DEFINITIONES CUM VARIIS
COLLECTIONIBUS
HERONIS QUAE FERUNTUR GEOMETRICA

COPIIS GUILELMI SCHMIDT USUS

EDIDIT

J. L. HEIBERG
PROFESSOR HAUNIENSIS

CUM LXII FIGURIS



editis Geeponicum librum qui uocatur prorsus omisi, quippe qui ex errore ortus sit (u. Festschrift Moritz Cantor anläßl. seines achtzigsten Geburtstages gewidmet, Leipzig 1909, p. 118 sqg.); quae continet ex Heronianis excerpta, suis locis collata sunt. Ne Geodaesiam quidem recepi, quae nihil praebet nisi excerpta tenuia Geometriae Heronianae; in prolegomenis uoluminis V codices eius diligenter describam et quae continent indicabo. Didymum omisi, quia comperi, alium in eo occupatum esse. Rursus metrologica quaedam (p. 402, 26 sqq.) in meis codicibus obuia adiunxi, quae Hultschius inter Metrologicorum scriptorum reliquias (I fr. 5, 95, 81) posuerat. Non pauca additamenta inedita suppeditauit codex Constantinopolitanus (u. uol. III p. VII sqq.), cuius imaginem lucis ope expressam beneficio Hermanni Schöne possideo. Figuras eius plerasque reddendas curaui propter codicis antiquitatem, quas reliqui codices praebent, omnes fere omisi ut inutiles ad uerba scriptoris intellegenda; genus eorum et ex iis, quas cum Hultschio speciminis causa recepi, et ex Cnopolitanis satis cognosci potest.

Codicibus igitur usus sum his:

DEFINITIONES.

Hoc opusculum, quod Heroni tribuere non dubito, nobis traditum est ut pars prima collectaneorum mathematicorum, quae homo doctus nescio quis Byzantinus fortasse saeculo XI e uariis auctoribus excerpserat (1—132 Definitiones, 133 ex Heronis Geometria, 134 ex Euclidis Elementis, 135 ex Gemino, 136—137 ex Procli Commentario in Elem. I siue potius ex collectione aliqua scholiorum Euclidianorum, 138 ex Anatolio et Theone Smyrnaeo), quorum partes aliae etiam separatim in aliis codicibus seruatae sunt. Ab iis incipiam, qui totam collectionem praebent.

C = cod. Paris. suppl. Gr. 387, 4to, bombyc.¹) saec. XIV, prius Georgii Vallae, apud quem eum Venetiis uidit Ianus Lascaris a. 1490—91 (u. K. K. Müller, Centralbl. f. Bi-

¹⁾ H. e. ex charta orientali, in oriente scriptus.

bliothekswesen I p. 383 f. 51^b 10, cfr. Beihefte z. Centralbl. f. Bibl. XVI p. 128), tum Alberti Pii principis Carpensis, cuius libri Mutinam in Bibliothecam Estensem migrauerunt; inde a. 1796 Parisios transportatus est nec a. 1814 cum ceteris in patriam rediit (u. Cenni storici della R. Biblioteca Estense p. 78 nr. 7). cfr. Omont, Inv. III p. 254sq. quae continet hic codex unicus, haec sunt:

f. 1—4^r notae astronomicae, medicae, similia, manu posteriore, quae ad finem bis subscripsit: ^δ_ω \(\overline{\pi} \) \(\overline{\pi} \) βοήθει μοι τῷ \(\overline{\pi} \) δούλφ Γεωργίφ: — † τὸ χούμνο.

f. 4^v Αλβέρτου Πίου Καρπαίων ἄρχοντος ατῆμα.
 Γεωργίου τοῦ Βάλλα ἐστὶ τοῦτο τὸ βιβλίου (deletum).

f. 5—12 περί ούρανοῦ, inc. ούρανός ἐστιν περιοχὴ (astrologica).

f. 12° m. post. Έτους $\sqrt{s\omega n\gamma}$ (1315) μηνὶ μαρτ. $\overline{\iota s}$ N $\overline{\iota \gamma}$ ήμέρα κυριακή έσπέρας, ήν δὲ τῶν βαΐων, ἐκοιμή $\langle \eth \eta$ δ \rangle δούλος τοῦ $\eth \langle sοῦ$ δ \rangle ἱερομοναχὸς κυρ $\wr s$ $\langle \nu \iota \rangle$ κηφόρος ὁ αὐ \eth έντης μον ὁ $\overline{\pi \eta \rho}$ μον.

f. 13^r-14^v Geometric. 22, 1 p. 390^b 1-392^b 17, ¹) ἀρχὴ σὺν ϑεῷ τῆς γεωμετρίας, Euclidis Elem. I deff. 1-23 (u. p. XI n. 1), Geometr. 3, 22 p. 180, 11-25 p. 182, 16 (Ca); ²) 2 p. 176,

1-13.1)

f. 14^v—15^r Definit. 136, 1 p. 108, 10-25. 1)

f. 15^r—61^r Geometr. 3 p. 176, 14—4, 16 p. 200, 9; 5, 1—5; 5, 7—6, 2; 6, 4—8, 1; 9, 1—12, 62; 12, 73—13, 6; 14, 2—11; 14, 13—15, 19; 16, 1—8, 20—28, 9—10, 14—19, 29—46; 17, 1—36; 21, 1—2, 8—13; 18, 1—14; 19, 1—4; 20, 1—14 p. 374, 2; ³) 21, 8 p. 380, 4—13 p. 382, 16; 21, 3 p. 374, 25—4 p. 376^b 21; 21, 5 p. 376^b 30—378^b 12; 21, 11 p. 382, 1—14 p. 382, 21; 21, 17 p. 382, 17—23 p. 386, 10; 21, 25 p. 386, 16—30 p. 390, 14. ¹)

f. 61r-62r de tegulis et hydriis quaedam, quae inter stereo-

metrica recepi; u. uol. V.

f. 62° οἰκονυρεὖεί δὲ κατ' ἐνιαυτὸν ζώδιον ἔν τῶν ιβ' · ποῖον δὲ τοῦτό ἐστιν; τὸ ἐφ' ὧ ἡ 《 εδρίσκεται κατὰ τὴν ιβ' τοῦ μαρτίου μηνός. ἄρχεται δὲ ἡ τῶν ζωδίων οἰκοκυρία καὶ δίαιτα ἀπὸ α⁸ τοῦ ὀκτοβρίου μηνός, εδρίσκεται δὲ τὸ οἰκοκυρεῦον ζώδιον ἀπὸ τοῦ μετὰ τὸν ὀκτώβριον μαρτίου.

2) $C^b = Deff. 133, 1-3 (C fol. 80^r).$

¹⁾ Huius editionis, ut etiam in sequentibus.

³⁾ Fol. 53° praeter p. 352° 1—2 (εὐφεῖν) nihil continet nisi notulam astronomicam m. post.; f. 54° rursus incipit p. 352° 1 τὸ δὲ ατλ.

f. 62v-63r u. infra appendix 1.

f. 63°-95° Definitiones p. 2, 1—166, 9 φητορικῆ. deinde 3 folia recisa. 1)

f. 96r-105r Stereometrica; u. uol. V.

f. 105°-107° Didymus Μέτρα μαρμάρων καὶ παντοίων ξύλων.

f. 107^v—110^r Geometr. 23, 1 p. 398, 12—66 p. 412, 27 (om. p. 406, 3—408, 13).

f. 110r-117 Stereometrica; u. uol. V.

f. 118r notulae.

f. 118^{x} — 140^{y} ψηφηφορικά ζητήματα καὶ προβλήματα, & δὴ καὶ μετὰ τῶν οἰκείων μεθόδων Εκαστον σύγκειται. 2)

f. 141^r—142^r m. post. (b) arithmetica quaedam, inc. πας δὲ ἀριθμὸς ἢ περιττός ἐστιν ἢ ἄρτιος, des. εἶτα ὁ ἐφέβδομος καὶ οἱ ἐφεξῆς κατὰ τὸ ἀκόλουθον.

f. 142^r alia manu (c) 9 uersus de numero circulari.

f. 142 - 147 hac manu (c) astronomica.

f. 147 notulae.

f. 148^r—149^v manu post. (b) computatiunculae.

f. 150°-151° post deleta nonnulla: τὰ εὐρισκόμενα κατὰ λατίνους ἔτι ἀπὸ τοῦ χ̄υ κατὰ τὸ ἐνεστὼς ἐν ἡμῖν κωια ἔτος (1303) κτλ.

f. 151 το Έρατοσθένειον κόσκινον.

f. 152^r—157^r ετέρα ψηφιφορία περί τε τόκων νομισμάτων διαφοράς τε καὶ φυρασίας, καὶ ἔστιν εἰπεῖν οὕτως περὶ τόκων νομισμάτων.

f. 157^{r} — 159^{r} ψηφιφορία περί συνθέσεως μορίων ἐκβολῆς δι-

αιρέσεώς τε και πολλαπλασιασμού.

f. 159°-161° ψηφιφορικά προβλήματα πάνυ δφέλημα.

f. 162 έκ τῶν ἰπάρχου (catalogus stellarum).

f. 162 notulae, uelut haec: ἔγὰ Γεώργιος ὁμολογῶ διὰ τοῦ παρόντος πτλ.

f. 163°-180° ἀρχὴ τῆς μεγάλης καὶ Ινδικῆς ψηφιφορίας (cum numeris Arabicis).

f. 181r u. appendix 2.

f. 181*—208* ἀρχὴ σὺν θεῷ ἀγίῳ τῆς νοταρικῆς ἐπιστήμης. ἰπο. πρῶτον μὲν εἴπωμεν περὶ τῆς καταλακτικῆς ἤγουν τῶν τρικεφάλων. f. 196* ἀρχὴ σὺν θεῷ τῆς τοῦ πενταρίου ψηφιφορίας, f. 202* ψηφιφορία τοῦ κεντιναρίου εἴληφεν ἀρχὴν σὺν θεῷ ἀγίω; des. ἤγουν ἐξάγια δ΄. τῷ τερματούργω πω τοῦ τέλους χάρις.

f. 208 u. appendix 3. f. 208 u. appendix 4.

1) De fol. 75v-76r u. p. 71, 22.

²⁾ Huc eadem manu praeter foll. 5—12, quae manu b scripta sunt, ut f. 150—210.

- f. 209°—210° ἀρχὴ σὺν Φεῷ τῶν παραπέμπτων. inc. ἴσθι ὁπόταν ἐρωτηθῆς εἰς τὰ παράπεμπτα, des. καὶ μέλλεις εὐρίσκειν. τέλος σὺν θεῷ τοῦ ὅλον ψηφαρίον καὶ τῆς πραγματεντικῆς ἐπιστίμης. deinde duae notulae manu c deletae. f. 211° nota chronologica (manu b), cuius initium del.
- f. 212^r—219^r ἀφχὴ τῆς τῶν χριστιανῶν βασιλέων κωνσταντινουπόλεως (manu c) a Constantino Magno ad Michaelem IV († 1040). f. 219^r (ult.) uacat.
- contulit Guilelmus Schmidt praeter p. 92—168; ego hanc partem contuli plurimosque locos inspexi.1)
- B = cod. Paris. Gr. 2475, chart. saec. XVI. continet:
 - f. 1—53 Definitiones p. 2—166, 9 δητοριαῆ. f. 54 uacat. f. 55—71° Stereometrica, u. uol. V; f. 71° uacat. f. 72—76° Didymum. f. 76°—80° Geometr. 23, 1 p. 398, 12—66 p. 412, 27 (om. p. 406, 3—408, 13). f. 80°—94 (ult.) Stereometrica, u. uol. V. a codice C pendet. contulit Fridericus Hultsch; nonnullos locos inspeximus Guilelmus Schmidt et ego. paucas scripturas memorabiles in adparatum recepi, ceteras neglexi.
- F = cod. Paris. Gr. 2385, chart. saec. XV—XVI. continet: f. 1—18 Geminum. f. 19—39 Pediasimi commentarium in Cleomedem. f. 40—48° astronomica περὶ τοῦ τετραγώνου (u. Th. H. Martin l. c. p. 237); f. 48° uacat. f. 49—63° Definitiones p. 2—166, 9 ξητορινῆ. a codice C pendet, sed emendationes aliquot obuias habet; quare totam fere discrepantiam scripturae recepi. contulit Fridericus Hultsch, inspeximus Guilelmus Schmidt et ego.
- M = cod. Monacensis Gr. 165, chart. saec. XVI (scr. Andreas Darmarius). continet:
 - f. 2-27 Heronis Βελοποιικά. f. 28-65° Stereometrica. f. 65° -70° Geometrica 23, 1 p. 398, 12-66 p. 412, 27 (om. p. 406, 3-408, 13).
 f. 70°-75° Didymum. f. 76°-79° Deff. 138 p. 160, 8-168, 12.
 f. 79°-87° Damiani Optica. a codice C pendet, sed impudenter interpolatus est. contulit Fridericus Hultsch; ego locos nonnullos inspexi et p. 166, 9-168, 12, quam partem solus seruauit, sine dubio a C desumptam ante folia tria post f. 95 recisa, iterum contuli; ibi omnem scripturae discrepantiam dedi, reliquam neglexi.

¹⁾ De uerbo γίνεται uel γίνονται, utrum omnibus litteris an compendio scriptum sit, ea tantum praestare possum, quae diserte indicaui. sed u. infra Corrigenda.

V = cod. Vatic. Gr. 215, bombyc. saec. XIV, de cuius genere uniuerso u. Festschr. Moritz Cantor anl. sein. achtz. Geburtstages gewidmet p. 119 sq. est codex Geeponicorum, quae habet f. 24^r—191^v. Deinde addita sunt acta quaedam ad possessiones rusticas pertinentia f. 192—195 (nunc numerantur 193—96, quia insertum est 1 folium recens uacuum). Praemittuntur excerpta Heroniana rei rusticae utilia f. 1—24^r, scilicet haec:

Deff. 25-34, 39-53, 55-61, 65-72, 98-99; deinde (f. 4r) Geometr. 3, 1-25; 4, 1, 6; 5, 1 p. 200^b 1-3; 5, 1 p. 200^a 1-3 p. 202, 31; 6, 1 p. 206° 1-2 p. 208° 27; 7, 1 p. 210° $1-212^a$ 10; 7, 5 p. 212^a 30 -214^a 21; 11, 1 p. 228^a 1-2 p. 230° 3; 24, 31 p. 434, 20-36 p. 438, 19; 17, 4 p. 332° 1-338 13; 18, 4 p. 352 1-11; 18, 6 p. 354 1-9; στοά u. Stereometr.; 18, 15-16 p. 356, 12-22; de pyramidibus, u. uol. V; Diophantus ed. Tannery II p. 18, 7-23 (f. 10^r μέθοδοι τῶν πολυγώνων οὕτως); 1) Geometr. 24, 1 p. 414, 28-2 p. 418, 2; Stereometrica, u. uol. V; Geometr. 13, 6 p. 272, 25-274, 4; Stereometrica, u. uol. V; Deff. 130-132 (f. 12v-13v); Geometr. 2; Geometr. 23, 67 p. 412, 28-414, 12; Μετρήσεις 54-59 (u. uol. V); Geometr. 23, 68 p. 414, 13-27; Μετρήσεις 2-3, 16-23, 54-59, 1-10, 12, 14-16, 18, 20-23, 26, 29-31, 35-36, 38 (u. uol. V); Diophantus II p. 24, 15-27, 19 (f. 19v-21r); Geometr. 22, 1 p. 390a 1-24 p. 398, 11 (f. 21^r-22^r); Stereometr., u. uol. V; Meτρήσεις 49; Stereometr., u. vol. V; Stereometr.; Μετρήσεις 52; Stereometr. (f. 22r-24r). in prima pagina postea ad-

ditum: $\tilde{\eta}\varrho\omega\langle vos\rangle$ $\gamma \epsilon \eta \pi o \frac{ic}{\langle v\iota} \frac{xc}{\varkappa c} \nu \iota n \dot{o} \nu \beta \iota \beta \lambda l o \nu$ et supra scri-

ptum manu recenti: Ironis Agricultura; in folio anteposito: ἤρωνος γεωμετρικῆς καὶ στερεωμετρικῆς πράξεως βιβλίον. τοῦ αὐτοῦ γεωργικῶν ἐκλογῶν βιβλία π (cui adscripsit Angelus Mai: nempe sunt eadem quae Constantini Caesaris). hinc originem duxit "Heronis liber geeponicus" Hultschii.

In Definitionibus Mensurisque sui generis est et haud spernendae auctoritatis; reliqua paucis capitulis exceptis e codice S descripta esse, iam Guilelmus Schmidt intellexerat. Contulit ille, inspexi ego.

G = cod. Paris. Gr. 2342, chart. saec. XIV. u. Omont, Inv. II p. 243; Apollon. Perg. ed. Heiberg II p. XII. habet f. 114^r

¹⁾ De his Pseudo-Diophanteis u. appendix 6.

- —115^r Deff. 135, 10 p. 102, 9—13 p. 108, 9. Contulit Richardus Schöne (Damianos Schrift über Optik, Berlin 1897, p. 22 sqq.).
- J = cod. Vatic. Gr. 192, bomb. saec XIV; u. Heiberg, Om Scholierne til Euklids Elementer (Vidensk. Selsk. Skr., 6.
 Raekke, hist. philos. Afd. II 3, Hauniae 1888) p. 34. habet f. 125^rsq. Deff. 135, 10—13 ut G. Contuli, sed plerasque scripturas ut inutiles omisi.
- H = cod. Vatic. Gr. 193, chart. saec. XIV—XV (Heiberg, Om Scholierne p. 59, Hermes XXXVIII p. 71 not.). habet f. 1^r—3^v Deff. 136, 1 p. 108, 10—57 p. 154, 23. Contuli ipse.
- N = cod. Bonon. Bibl. comm. 18, membr. saec. XI. u. Euclidis opp. edd. Heiberg et Menge V p. XXXIII. habet f. 35^x—44^v Deff. 136, 1 p. 108, 10—58 p. 156, 5. Contuli ipse.
- Definitiones 1—131 primus edidit Cunr. Dasypodius, Euclidis Elem. lib. primus. Heronis Alexandrini vocabula geometrica, Argentorati 1570 (in aliis exemplaribus est 1571). Deinde Hasenbalg, Heronis Alexandrini definitiones geometricae, Stralsundiae 1826. Cfr. etiam Mayring, Des Heron aus Alexandrien geometrische Definitionen übersetzt u. commentirt, Neuburg 1861.
- Deff. 1—132 edidit G. Friedlein, De Heronis quae feruntur definitionibus, Bullettino di bibliografia e di storia delle scienze matematiche e fisiche IV, Romae 1871.
- Deff. 138 edidit Fabricius, Bibliotheca Graeca, Hamburgi 1707, II p. 275 sqq. Praeterea nonnulla excerpserunt M. Letronne, Recherches critiques, historiques et géographiques sur les fragments d'Héron d'Alexandrie, Paris 1851, p. 59 sqq., et Th. Henri Martin, Recherches sur la vie et les ouvrages d'Héron d'Alexandrie (Mémoires présentés par divers savants à l'Académie des inscriptions et belles-lettres, 1° série, IV), Paris 1854, p. 405 sqq. Deff. 135, 10—13 saepius cum Opticis Damiani uel Heliodori editae sunt,

nouissimum a Richardo Schöne l. c. p. 22 sqq., et praeterea ab Henrico Martin l. c. p. 414 sqq. cum Deff. 138 (ib. p. 427 sqq.).

GEOMETRICA.

Ex Geometria fragmenta nonnulla sub nomine Didymi ediderunt Angelus Mai, Iliadis fragmenta et picturae, Mediolani 1819, et Th. Henri Martin l. c. p. 437 sqq., plenius deinde J. L. Sirks, Specimen litterarium exhibens Heronis mathematici Alexandrini Metrica nunc primum edita, Lugduni Batav. 1861, codicibus recentibus usus. Denique Fridericus Hultsch (Heronis Alexandrini Geometricorum et Stereometricorum reliquiae, Berolini 1864), qui editionem Sirksii non nouerat, unum saltem codicem antiquum (A) nactus sanum fundamentum recensionis iecit; sed codicem C iniuria neglexit (l. c. p. VI—VII). In hac editione codices usurpati sunt hi:

A = cod. Paris. 1670, membr. saec. XII.) u. Omont, Inv. II p. 118. Continet:

f. 1 = f. 50, mg. "duplex exemplar folii 50 infra reperiendi". f. 2 = f. 43, mg. "duplex exemplar folii 43 infra reperiendi". f. 3 *)—13* ἀρχὴ σὺν δεῷ τῆς παλαιᾶς λογαρικῆς τοῦ Αὐγούστον Καίσαρος. f. 13* τέλος σὺν δεῷ τῆς παλαιᾶς λογαρικῆς τοῦ Αὐγούστον Καίσαρος καὶ ἀρχὴ τῆς νέας τῆς νῦν ἀπαιτουμένης διὰ προστάξεως τοῦ ἀοιδίμου βασιλέως κυροῦ ἀλεξίον τοῦ Κομνηνοῦ; sequuntur duo decreta regia; des. f. 18*; deinde: κατὰ γοῦν τὰς περιλήψεις καὶ δυνάμεις τῶν ἀναγεγραμμένων δείων καὶ προσκυνητῶν βασιλικῶν προστάξεων ὀφείλεις ποιεῖν τὴν ἀπαίτησιν ἐκάστον ψηφίον οῦτως κτλ., des. f. 21* (τέλος).

f. 21°—33° ἀρχὴ ἐὐν τεῷ τῶν λιτρισμῶν. f. 33°—34° περὶ τῶν λεπτῶν τῆς λίτρας. f. 35°—46° ἀρχὴ σὺν τῶν πῶν λεπτῶν. f. 46°—61° ἀρχὴ σὺν τεῷ τῆς ψήφον τῶν πασχαλίων

2) fol. 3^r mg. inf. numerus quaternionis α legitur, et sic deinceps. sunt quaterniones iustae ις praeter foll. 1, 2, 132.

¹⁾ In schedula antefixa: scr. est a. m. 6691 i. Christi 1183. fol. 1 in mg. inf.: λογιστική τῶν ἐπὶ Αὐγούστου Καίσαρος. | λογιστική τῶν ἐπὶ τοῦ βασιλέως ἀλεξίου τοῦ Κομυηνοῦ. | ψήφησις τῶν πασχαλίων καὶ ἐτέρων διαφόρων ζητημάτων. | Εὐκλείδου καὶ "Ηρωνος καὶ Πλάτωνος καὶ 'Αρχιμήδους γεωμετρικὰ διάφορα, ἐν οῖς καὶ ἡ βίβλος τελευτῷ. Νο 13.

καὶ ἐτέρων διαφόρων ζητημάτων, καθώς συνίστανται καὶ ψηφίζονται, καὶ εὐρίσκεται ἐνὸς ἐκάστου ζητήματος ἡ ἐρμηνεία. f. 61° u. app. 5. f. 62° ἀρχὴ σὺν θεῷ τῆς γεωμετρίας. Εὐκλείδου περὶ γεωμετρίας, Euclidis Elem. I deff. 1—23.¹)

f. 62—131 Geometr. 2 p. 176, 1—5, 8; 6, 1—3; 6, 5—10, 11 p. 226, 17; 10, 12—13; 11—12, 13; 12, 15—28, 30—40, 43—74; 13—15, 14; 15, 17—19; 15, 15—16; 16, 1—25; 16, 27—46; 17—18, 14; 19, 1—4; 20—21, 27; 23, 1—22 p. 402, 25.

f. 132 (ult.) = f. 44, mg. ,duplex exemplar folii 44".

Post Hultschium contulit Guilelmus Schmidt; locos non paucos inspexi.²) Numeros plerumque omnibus litteris scribit, quod non notaui.

- C = cod. Paris. suppl. Gr. 387. u. p. IV sqq.
 - f. 13^r—14^v, 15^r—61^r, 107^v—110^r. partes quaedam bis leguntur; in iis quae ordinem non sequuntur, sigla C^a significaui. de C^b u. supra p. V n. 2.
- D = cod. Paris. Gr. 2013, chart. saec. XVI. u. Omont, Inv. II p. 179. Continet:
 - f. 1—80 Theonem Smyrnaeum. f. 81—97 Euclidis Catoptrica (hucusque a Christophoro Auer scriptus est). f. 98—141 Geometr. 2—21, 27 p. 388, 12 (in fine add. ἰδοῦ καὶ τὸ

2) Ne hic quidem in formis γίνονται uel γίνεται praestare possum, quae non diserte indicaui. u. Corrigenda.

¹⁾ Huius partis codicum A et C (f. 13°) communis collationem hic dabo. Eucl. edit. meae p. 2, 1 οὐδέν A. numeros om. C, add. m. 2 A. 4 τοις | της C. 6 έχει μόνον C. 10 supra εὐθείαις add. γραμμάτων C. p. 4, 2 έστιν C. supra εὐθείαις add. γραμμάτων C. p. 4, 2 έστιν C. supra εὐθεία add. γραμμή m. 2 A. 5 ἔλασσον C. 6 ὅρος | ὅρος δέ ΑC. 7 έστι | δὲ ΑC. τὸ | οπ. Α. 13 εἰσί Α. 15 ἐστὶν | in ras. m. 2 C. 19 σχημα σχη- e corr. m. 2 C. p. 6, 1 περιφερείας | τοῦ πύκλου περιφερείας ΑC. 1 κέντρον — 2 ἐστίν | τμημα κύκλον έστι τὸ περιεχόμενον σχημα ὁπό τε εὐθείας και κύκλον περιφερείας η (mut. in ητο m. 2 A) μείζονος η ἐλάττονος ημιννιλίον ΑC. 3 ιθ΄ | κ΄ m. 2 A. ὁπὸ | e corr. m. 2 C. 4 τριῶν | τριῶν περιεχόμενα C. 7 κ΄ | α΄ m. 2 A. ante ἰσοσκελὲς ins. β΄ m. 2 A. 9 μόνον A. 11 κα΄ | δ΄ m. 2 A. 12 ἔχον | μίαν ἔχον A, μίαν ἔχον C. ante ἀμβλυγ. ins. ε΄ m. 2 A. 13 δὲ | τὲ ΑC. ἔχον | μίαν ἔχον A, ἔχον μίαν C. 14 γονίας ἔχον AC. 15 κβ΄ | α΄ m. 2 A. 16 ante ἔτερόμ. ins. β΄ m. 2 A. 18 ante δόμβος ins. γ΄ m. 2 A. δρθόγωνον C. 19 ante δομβοειδές ins. δ΄ m. 2 A. άπέναντι A. p. 8, 1 ante τὰ δὲ ins. ε΄ m. 2 A. 3 κγ΄ | 5΄ m. 2 A.

πέρας τῆς ἐμῆς λειτουργίας) praemissis definitionibus Euclidis Elem. I et omissis iisdem capitulis, quae in C desunt. f. 141—151 γεωδαισία "Ηρωνος. f. 151 —154 Ίσαὰκ μοναχοῦ τοῦ Άργυροῦ Πῶς ἄν τὰ μὴ ὁρθὰ τῶν τριγώνων κτλ. f. 155—158 fragmenta Mensurarum et metrologica. f. 159 (ult.) finem opusculi Isaaci. Contulit Fridericus Hultsch; inspexi ego, sed raro scripturas eius adtuli. Pendet a C, sed aliunde correctus est.

S = cod. Constantinopolitanus Palatii ueteris 1, membr. saec. XI. u. H. Schöne uol. III p. VII sqq. Continet:

f. 31) Geometr. 1 p. 172-175.

- f. 4—6^r Geometr. 3 p. 176, 15 (omisso titulo) —4, 13 p. 196^a 18.
- f. 6^r—6^v Geometr. 5, 1—3 p. 202^a 31; 6, 1—2 p. 208^a 27.
- f. 7^r Geometr. 7, 1—6 p. 214^a 21. f. 7^v Geometr. 11, 1—2 p. 230^a 3.
- f. 7v-8v Geometr. 24, 31 p. 434, 20-35 p. 438, 11.

f. 9^r—10^r Geometr. 17, 4 p. 332^a 1—338^a 13.

f. 10^r—10^v Geometr. 18, 4 p. 352^a 1—6 p. 354^a 9; 15—16 p. 356, 12—22.

f. 10° Stereometr., u. uol. V.

- f. 11^r—12^r Geometr. 20, 4 p. 364^a 1—11; 19, 5 p. 358, 30—7 p. 360, 30; 20, 8 p. 368^a 1—9 p. 370^a 12; 19, 8 p. 360, 31—362, 7.
- f. 12^r-17^v Stereometr., u. uol. V.

Huc usque uno tenore sine ulla distinctione. tum

f. 17°-26° Διοφάνους (Διοφάντους m. 2), Diophantus ed. Tannery II p. 15, 21-31, 22. u. appendix 6.

f. 26 (sine distinctione) Stereometr., u. uol. V.

f. 27^{*}–28^{*} "Howvos εἰσαγωγαί, Geometr. 23, 1—21, 23—54. f. 28^{*}–38^{*} (post distinctionem ornamento significatam) Geo-

metr. 24, 1-51. f. 38v-42r (sine distinctione) Stereometr., u. uol. V.

- 1. 42°-51° μέτρησις τετραστόου ήτοι τετρακαμάρου κτλ. (post distinctionem), u. uol. V.
- f. 51^r-54^v (post distinctionem) στόα ἔχουσα μτλ., u. uol. V.
- f. 55 -61 (post spatium uacuum f. 54) μέτρησις πυραμίδων, u. uol. V.

f. 61^r—62^v Geometr. 22, 1 p. 390^a 1—24 p. 398, 11.

f. $63^{\circ}-63^{\circ}$ (post spatium uacuum f. 62°) "Heovos (in ras. manu rec.) γεωμετρικά, Geometr. 4, 1—13 p. 196° 16.

¹⁾ In mg. superiore manus recens scripsit: ἐτηρήϑη. causa est, cur putem, codicem fuisse bibliothecae Universitatis Cnopolitanae.

f. 64'-66' Διδύμον 'Αλεξανδρέως περὶ παντοίων ξύλων τῆς μετρήσεως. f. 66' uacat.

f. $67^{\rm r}$ —110° (ult.) "Howvos Metquaw I—III (u. uol. III).

Nonnulla correxerunt duae manus recentes. Scholia adscripsit et manus recens et prima; quae ad partes a me editas pertinent, in uol. V dabo. In partibus, quae bis leguntur, ea, quae extra ordinem editionis sunt, sigla S^b indicaui (uelut p. 182 est f. 63). Contuli uel descripsi ipse ex imagine phototypica; ipsum codicem Berolini inspexi.

V = cod. Vatic. Gr. 215; u. p. VIII. f. 4^{r} — 22^{r} .

De codice Paris. suppl. Gr. 541 (p. 184, 26) ceterisque codicibus Geodaesiae u. Prolegomena uoluminis V, ubi etiam de codicibus non usurpatis eorumque cognatione disputabo.

Scr. Hauniae mense Febr. MDCCCCXII.

J. L. Heiberg.

APPENDIX.

1. C fol. 62°-63°.

Τὰ τέσσαρα ε" ε" τί μέρος είσι πρὸς τὰ κδ'; ἐροῦμεν οὖν

ούτως κατά την τοῦ Διοφάντου μέθοδον ἐπειδή περί ε" ε" δ λόγος, πεντάκις τὰ κδ' γίνονται οκ', καὶ ἐπειδὴ δ' ε" ε", λάβε μέρος δ΄ τῶν οκ', ὅπεο ἐστὶ τρίαντα καὶ ἔστι τὰ δ΄ ε" ε" 5 είς τὰ κδ΄ μέρος λ΄΄. οθτω ποίει κατὰ παντὸς ψήφου, ὅτε λεπτά είεν. και έπειδή τὰ λεπτά ούχ εύρηται ένι άριθμῶ πάντοτε ως τὸ ἄνωθεν λ'' μέρος, άλλὰ πῆ μὲν εἰς ἀριθμὸν ἕνα συστέλλονται τὰ πλεῖστα λεπτά, ὡς εἰρήκαμεν, πῆ δὲ οὐγ ούτως, ήμεῖς περί τῶν συστελλομένων ἐφ' ἐνὶ ἀριθμὸν εἴπομεν. 10 Πολυπλασιασμός θαυμάσιος σύν τοῖς μετ' αὐτῶν λεπτοῖς y' y'' ἐπὶ δ' δ'' καὶ αὖθις ταῦτα ἐπὶ ε' ε'' καὶ λέγομεν οῦτως διὰ τὰ ἐπακολουθοῦντα λεπτὰ πολυπλασιάζεις ἐν ἕκαστον

έπὶ μέρος οὕτως τὰ $\gamma' \gamma''$ διὰ τὸ γ'' γίνονται ι' , τὰ δ΄ δ'' διὰ τὸ δ'' γίνονται $\iota \zeta'$, καὶ τὰ ε΄ ε'' γίνονται κς΄. εἶτα τοὺς 15 τοιούτους ἀριθμοὺς πρὸς ἀλλήλους δεκάκις τὰ $\iota \zeta'$ ρο΄ καὶ ταῦτα ἐπὶ τὰ κς΄ γίνονται όνκ΄. εἶτα δι' ἀλλήλων τὰ λεπτά. γ' δ' ιβ', καὶ ταῦτα πεντάκις ξ'. τῶν γοῦν δυκ' τὸ ξ" λαβων έχεις το ζητούμενον, και έστι το ξ" ογ ω".

 $\beta''\delta''$, $\delta' \epsilon''$, ϵ'' , $\delta' \gamma''$ αὐτὰ πρὸς ἄλληλα τι γίνονται; κα' μγ' καὶ ογ'. ταῦτα πρὸς ἄλληλα, ἤγουν τὰ θ' ἐπὶ τὰ κα'

² διόφαντ^{OS} C. 3 γίνονται] Γ' C, ut semper. 4 τρίαν^{τα} C. 9 ενί] C, scrib. ενα. 13 γ΄] γ C, ut saepius. 16 δυκ΄] corr. ex. γυκ' C. 20 ρξ' C.

οπθ΄ ταῦτα ἐπὶ τὰ μγ΄ γίνονται ηρκζ΄ ταῦτα πάλιν ἐπὶ τὰ ογ΄ γίνονται $\ddot{\nu}$ $\ddot{\theta}$ γσοα΄. εἶτα $\begin{bmatrix} 63^{\text{T}} \end{bmatrix}$ πολυπλασίασον καὶ τὰ μέρη πρὸς ἄλληλα τὸ δ΄ πρὸς τὸ ε΄΄ γίνονται κ΄ ταῦτα πρὸς τὸ ζ΄ $\ddot{\phi}$ μαὶ ταῦτα πρὸς τὰ η΄΄ γίνονται $\ddot{\alpha}$ $\ddot{\phi}$ $\ddot{\alpha}$ $\ddot{\nu}$ $\ddot{\theta}$ καὶ τὰ $\ddot{\gamma}$ $\ddot{\sigma}$ $\ddot{\sigma}$ $\ddot{\nu}$ $\ddot{\tau}$ $\ddot{\tau$

2. C fol. 181.

Έκ τῆς ἀριθμητικῆς Διοφάντους.

ἀπὸ δύο μεθόδων εύρισκεται παντὸς τετραγώνου ἀριθμοῦ πλευρὰ ἤτοι δυνάμεως, καὶ ἡ μὲν μία ἔχει οὕτως ἀπόγραψαι τοιοῦτον ἀριθμὸν κατὰ τὴν τάξιν τῆς Ἰνδικῆς μεθόδου, εἶτα το ἄρξαι ἀπὸ δεξιῶν ἐπὶ ἀριστερὰ, καθ' ἔκαστον δὲ στοιχεῖον λέγε γίνεται οὐ γίνεται, γίνεται οὐ γίνεται, ἔως ᾶν τελειωθῶσι τὰ στοιχεῖα, καὶ εἰ μὲν τύχη τὸ τελευταῖον ὑπὸ τὸ γίνεται, ἄρξαι τοῦ μερισμοῦ ἐκεῖθεν, εἰ δὲ ὑπὸ τὸ οὐ γίνεται, καταλιπὼν τὸ τελευταῖον στοιχεῖον ἄρξαι τοῦ μερισμοῦ ἀπὸ τοῦ 15 μετ' αὐτοῦ στοιχείου τοῦ πρὸς τὰ δεξιά, ἐν ὧ δηλονότι φθάνει τὸ γίνεται.

Εὶ βούλει προειπεῖν γυναικί, ποδαπὸν γεννήσεται ἔμβρυον, δι' ἀριθμητικοῦ λόγου, ποίει οὕτως ' ἀρίθμησον τὸ ὄνομα τοῦ μηνός, ἐν ῷ συνέλαβεν ἡ γυνή, καὶ τὸ ὄνομα ταύτης καὶ τοῦ 20 συζύγου αὐτῆς, καὶ ἐπισυνάψας ἄπαντας ὕφειλον ἐπὶ τῶν τριῶν, καὶ εὶ μὲν μείνη μία, ἄρρεν ἐστὶ τὸ τεχθέν, εὶ δὲ $\bar{\beta}$, θῆλυ. εὶ δὲ ἀπὸ θεωρίας μόνης διακρίναι τοῦτο, ἰδὲ ταύτην εἰς τοὺς ὀφθαλμοὺς ἀκριβῶς, καὶ εὶ μὲν ἕνι λεῖον τὸ ἄκρον τῶν ὀφθαλμῶν αὐτῆς, ἄρρεν ἐστί, εὶ δὲ ἔχει λάκκους, θῆλυ· 25

όρα δὲ ταῦτα κατὰ τὸν δ μῆναν καὶ ὄγδοον.

Εἰ βούλει ἐν τῷ ἀστρολάβῳ εύρεῖν τὰς ὥρας τῆς ἡμέρας, ὅσαι εἰσίν, εὕρισκε πρῶτον τὴν φυσικὴν ὥραν καὶ τίθει σημεῖον ἐπάνω αὐτῆς εἰς τὰ τοῦ ἡλίου ὑψώματα, καὶ εἰ μὲν

πρό τοῦ μεσημερίου γυρεύεις τὴν ὥραν εύρεῖν, φέρε τὸ ζώδιον, ἐν ὧ ἐστιν ὁ ἥλιος, καὶ τίθει τὴν μοῖραν αὐτήν, ἢν ἔχει ὁ ἥλιος, εἰς τὸν πρῶτον τῆς ἀνατολῆς παράλληλον καὶ μέτρα ἀπὸ τοῦ μοιρο [181] γνωμονίου μέχρι τοῦ σημείου τῆς ὥρας, 5 πόσα ὁσπήτιά εἰσι, καὶ ὕφειλον ταῦτα ἐπὶ τὸν γ΄ καὶ κατὰ γ΄ λογίζου ὧραν μίαν εἰ δὲ μετὰ τὸ μεσημέριον βούλει τὴν ὧραν εύρεῖν, τίθει τὸ ζώδιον εἰς τὸν τῆς δύσεως πρῶτον παράλληλον, καὶ εὐρήσεις τὰς ἀκριβεῖς ὥρας τῆς ἡμέρας. εἰ δὲ βούλει τὸ τοῦ ἡλίου εὐρεῖν ὕψωμα, τίθει τὸ ζώδιον, ἐν ὧ ἐστιν ὁ 10 ἥλιος, εἰς τὴν μέσην γραμμὴν τῆς δύσεως καὶ τῆς ἀνατολῆς, καὶ εὐρήσεις τὸ ὕψωμα.

3. C fol. 208^r.

Παρεκβολαὶ γεγονυῖαι τοῦ Βρανᾶ τοῦ τε ήλίου καὶ τῆς σελήνης κατὰ τὸ $\sqrt{\varsigma}$ ωις ἔτος καὶ τοῦ μὲν ήλίου κατὰ τὴν α΄ τοῦ δεκεμβρίου, τῆς δὲ σελήνης κατὰ τὴν $\overline{\lambda}$ τοῦ νοεμβρίου. 15 ἔχει δὲ οὕτως. sequentur duae tabulae astronomicae.

4. C fol. 208°.

Εύρημα καινόν. ἄρξον μετρεῖν ἀπὸ μονάδος, ὡς ἔθος ἐστίν, α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄ ς΄ ζ΄ η΄ θ΄ ι΄ ια΄ ιβ΄, ἄχρις ἄν βούλοιο στῆναι, καὶ ἐκ τότε, εἰ θέλης γνῶναι, πόσος ἀριθμὸς ἐγεγόνει ἀπὸ τῆς συνθέσεως, ποίει οὕτως πολλαπλασίαζε ἀεὶ τὸν ἔσχα-20 τον πάντων ἀριθμὸν εἰς εαυτὸν καὶ τοῦ γινομένου ἀριθμοῦ ἀπὸ τοῦ πολλαπλασιασμοῦ ἀεὶ λάμβανε τὸ L΄΄, ὁμοίως καὶ τὸ L΄΄ τοῦ πολλαπλασιασθέντος ἀριθμοῦ, καὶ συντίθει ὁμοῦ, καὶ ἕξεις τὴν ποσότητα τῆς τοιαύτης συνθέσεως. οἶον ἐν ὑπο- δείγματι, θέλω γνῶναι, πόσος ἀριθμὸς γίνεται ἀπὸ μονάδος 25 μέχρι τοῦ τ συντεθέντων τῶν ἀριθμῶν, καὶ ποιῶ οὕτως τὰ τὸ ἐφ΄ ἐαυτά γίνονται ϙ΄ τὸ L΄΄ τῶν ο ν΄, καὶ τὸ L΄΄ τῶν τ ε΄.

 $[\]varphi_{v}$ C. 3 μέτρα] an μέτρει? 5 δσπ η^{T} C. \tilde{v} φειλον] φ_{v} C. 7 τίθη C. 8 βο \tilde{v} C. 9 ήλίον] comp. C. τίθη C. 10 τῆς (pr.)] τὴν C. 12 γεγονείαι seq. ras. 5 litt. C. ἡ ω C. 13 σελήνης] comp. C. $\frac{1}{5}$ $\overline{\omega}\iota\bar{\varsigma}$] h. e. ann. p. Chr. 1308. ήλίον] comp. C. 14 σελήνης] comp. C. 18 έγεγώνει C. 25 μέχρει C.

δμοῦ \overline{v} ε. εἰ δὲ βούλει γνῶναι τὴν τοιαύτην ἀπαρίθμησιν ὑπὸ πλείονος πείρας, εἴτε ἀληθής ἐστιν εἴτε μή, εἰπὲ οὕτως α΄ καὶ β΄ γ΄, β΄ γ΄ \leq , καὶ δ΄ $\overline{\iota}$, καὶ ε΄ ιε΄, καὶ \leq καὶ , καὶ \leq κη΄, καὶ η΄ λ \leq , καὶ θ΄ με΄, καὶ $\overline{\iota}$ \overline{v} ε καὶ ἀληθής ἡ ἀπόδειξις. μέχρι 5 ἀπείρου δ' ἐστιν ἀληθής ἡ τοιαύτη μέθοδος.

Εἰ θέλεις εἰπεῖν, ὅτι· ὕφελον ἀπὸ ἀριθμοῦ Δ΄ ὅ΄΄ η΄΄, καὶ ας ἀπομείνωσιν π, ποίει οὕτως πάλιν τὰ η΄ πολλαπλασίασον εἰς π, καὶ γίνονται ρξ. τὰ ρξ ταῦτά ἐστιν ὁ ἀριθμός, ἀφ' οδ ἐξέργεται τὸ Δ΄΄, τὸ τέταρτον καὶ τὸ ὄγδοον, καὶ ἀπομέ-

10 ขอบธเข ะใหอธเ.

5. A fol. 61^v.

Μέτοησις λίθου στερεοῦ. λίθου μῆπος ποδῶν $\bar{\xi}$ δ", πλάτος ποδῶν $\bar{\delta}$ η", πάχος ποδῶν $\bar{\beta}$ γ". ποιῶ οὕτως τὰ $\bar{\xi}$ δ" εἰς τέταρτα γίνονται κε καὶ τὰ $\bar{\delta}$ η" εἰς ὄγδοα γίνονται $\bar{\lambda}$ γινονται $\bar{\zeta}$ καὶ τὰ $\bar{\beta}$ γ" εἰς τρίτα γίνονται $\bar{\zeta}$ καὶ τὰ μέρη $\bar{\delta}$ ι ἀλλήλων το γίνονται $\bar{\zeta}$ ς καὶ $\bar{\zeta}$ α $\bar{\zeta}$ $\bar{\zeta}$ $\bar{\zeta}$ γίνονται $\bar{\zeta}$ $\bar{$

6. S fol. 17*-26r.

Pseudodiophantea cum editione Pauli Tannery comparata.1)

Diophantus ed. Tannery II p. 15, 20 Διοφάντον ἐπιπεδομετοικά] Διοφάνους S, Διοφάντους m. rec. 21 διαμέτοον $\frac{\pi}{n}$ 23 τοισάκις

p. 16, 1 πρόσβαλλε τοσοῦτον] ἔσται 2 περίμ. \mathring{n} π $\mathring{\beta}$ 3 $\mathring{\xi}$] $\mathring{\xi}$ \mathring{n} πολυπλασίασον 4 $\mathring{\mu}\mathring{\vartheta}$] \mathring{n} $\mathring{\mu}\mathring{\vartheta}$ $\mathring{\epsilon}$ π $\mathring{\iota}$ τὰ $\mathring{\iota}$ α] $\mathring{\iota}$ α $\mathring{\iota}$ $\mathring{\iota}$

¹ δμοῦ] comp. C. βούλοι C. 4 ἀπόδιξεις C. 6 Φε C. 11 στερρεοῦ A. 13 κε" A. $\hat{\eta}$ A. 14 ξ " A. 15 supra G5 add. ξε m. 2 A. 16 ξ ψο" ε" A. supra G5 add. ξε m. 2 A. 17 supra $\bar{\xi}$ $\bar{\eta}$ " λ αdd. ξ ε $\bar{\chi}$ " λ στερρεον A. στερρεον A.

¹⁾ Figuras codicis omisi, scholia infra dabo.

κλου $[i\delta]$ $\mathring{\pi}$ $[i\delta]$ $[i\delta]$ [π έξει δ κύκλος $15 \overline{\mu \delta}$ π $\overline{\mu \delta}$ $16 \epsilon \pi \tau \epsilon$ έξει δ κύκλος 15ϵ corr. ex ξ in scrib. 17 ιδ] γι. ιδ τοσούτον] τοσούτων π έσται διάμ. τοῦ κύκλου 20 ἀνὰ] ἐκ $\overset{o}{\pi}$ 22 τοσοῦτον] $\overset{o}{\pi}$ $\overset{c}{\xi}$ 25 ἀνὰ] ἐκ π

p. 17, 1 τρισάκις 2 $\iota\delta'$ \rbrack $\iota\delta'$ $\gamma\iota$. $\bar{\iota}$ $\lfloor ' \rbrack$ corr. ex $\iota\xi$ m. rec. $\tau \circ \sigma \circ \tilde{\tau} \circ \tau \circ \nu$ | $\tilde{\epsilon} \sigma \tau \alpha \iota$ | $\tilde{\epsilon} \mu \beta$, $\tilde{\sigma} \tilde{\kappa} (\tilde{\iota} \not \perp' \text{m. rec.})$ | $3 \vec{\iota} \delta$ | $\tilde{\sigma} \tilde{\iota} \delta$ $\overline{\xi}] \stackrel{\alpha}{\pi} \overline{\xi}$ 4 $\tau \mathring{\eta} v] τ \mathring{\delta}$ 5 $\beta \acute{\alpha} \sigma \iota v \stackrel{\epsilon}{\epsilon} \pi \grave{\iota}$ 7 $\stackrel{\epsilon}{\epsilon} v \delta \epsilon \varkappa \acute{\alpha} \varkappa \iota \varsigma] \iota \mathring{\alpha}$ οξ γι. π οξ τοσούτον τοσούτων έστι 8 έμβ. π οξ 9 την om. $\bar{\iota}$ $\begin{bmatrix} 0 & \bar{\iota} \\ \pi & \bar{\iota} \end{bmatrix}$ 11 $\hat{\epsilon}\pi\hat{\iota}$ $\tau\hat{\alpha}$ om. $\iota\delta'$ \rbrace $\iota\delta'$ $\gamma\iota$. 12 $n\eta'$ corr. ex η' m. 1 τ 0σούτων $\frac{13}{\iota \beta}$ σφαίο. $\mathring{\eta}$ $\overline{\iota \iota \delta}$ $\mathring{\delta}$ $\iota \mathring{\eta}$ 15 $\tau \grave{\delta} \nu$] om. 16 $\tau \varepsilon \tau \tau \acute{\alpha} \varrho \omega \nu$ $\overline{\iota \beta}$] $\mathring{\vartheta}$ 17 $\delta \iota \pi \lambda \alpha \sigma \iota \varrho$] mut. in $\eta \mu \iota o \lambda \iota \phi$ m. rec. supra $\eta \nu$ add. o $\vartheta \varsigma$ m. rec. $\eta = 0$ πασῶν έξ. 18 ἀριθμητικής] γεωμετρική, mg. m. rec. άλλὰ καὶ ἀριθμητική (relatum ad ιβ lin. 19) 20 τοσούτοις] τρισίν δὲ] δὲ καὶ 22 τοσοῦτον] τοῦτον post ἐπίτριτος add. | άρμονικης ἀναλογίας διττή πρίσις μία, ὅταν τὸν λόγον, δυ έγει δ μέσος πρός του πρώτου, τοῦτου έχει, δυ υπερέχεται υπό τοῦ τελευταίου 1) 23 $\bar{\xi}$] $\bar{\eta}$ $\bar{\xi}$ 24 $\bar{\beta}$] $\bar{\eta}$ $\bar{\beta}$ 27 οβ δ οβ τὰ om.

p. 18, 1 τοσούτου 3 ἄλλως] om. 4 τὰ] om. 5 τοσούτου 6 seq. ornamentum finale 7 πολυγ. ούτως $8 \bar{\iota}] \stackrel{\alpha}{\pi} \bar{\iota}$ $11 \gamma'] \stackrel{\alpha}{\gamma} \gamma \iota$. $\omega'] \stackrel{\beta}{R}$, ut semper $q\xi \xi] \stackrel{\alpha}{\pi} q\xi \xi$ 13 ιξ π ιζ ποιῶ δὲ οῦτως] om. 14 ἐπὶ τὰ ιξ ιξ τὰ] om. 15 $\iota \xi$ (alt.)] $\overset{\circ}{\pi} \iota \xi$ καὶ ἐκάστη πλευρὰ $\overset{\circ}{\pi} \iota$ 17 $\overset{\circ}{\xi}$] $\vec{\alpha} \ \vec{\xi} \ \vec{\lambda}$] $\vec{\epsilon} \sigma \tau \iota \ \vec{\alpha} \ \vec{\lambda}$ 18 $\tau \varrho (\tau \sigma \nu)$ $\vec{\rho}$ (similiter saepius)

¹⁾ Corrupta et lacunosa.

19 τοσούτων $\overset{\circ}{n}$ ἐστὶν $\overset{\circ}{\delta}$ ξξάγωνος 21 $\overset{\circ}{\alpha}$] $\overset{\circ}{\pi}$ $\underline{\alpha}$, ut semper 22 $[\overline{\beta}\tau\mu]$ $\overset{\circ}{\pi}$ $[\overline{\beta}\tau\mu]$ τοσούτων $\overset{\circ}{\pi}$ ἔστω

p. 19, 1 $\bar{\iota}$] $\mathring{\pi}$ $\bar{\iota}$ 2 $\bar{\mu}\gamma$] τὰ $\bar{\mu}\gamma$ 3 $\iota\beta'$] $\iota\beta'$ $\gamma\iota$. τοσούτον 4 $\tau\epsilon$] om. 5 $\bar{\iota}$] $\mathring{\pi}$ $\bar{\iota}$ 8 τοσούτον ἐστὶ 10 $\mathring{\pi}$ $\bar{\kappa}\bar{\varsigma}$ ποι $\tilde{\omega}$ 11 $\bar{\varrho}\lambda$] $\mathring{\pi}$ $\bar{\varrho}\lambda$ $\bar{\iota}$] $\gamma\iota$. $\bar{\iota}$ τοσούτον 12 ὀπταγώνον] corr. ex τριγώνον m. 2 14 $\bar{\kappa}\delta$] $\mathring{\pi}$ $\bar{\kappa}\bar{\delta}$ 15 $\tau\delta$] om. $\bar{\iota}$] $\mathring{\pi}$ $\bar{\iota}$ τοσούτον 17 $\tau\epsilon$] om. 18 $\bar{\iota}$] $\mathring{\pi}$ $\bar{\iota}$ 20 $\bar{\epsilon}\bar{\varrho}$] -ρ e corr. m. 1 τούτων] bis, pr. del. τοσούτον 21 ἐμβ. τοῦ ἐνναγώνον 23 $\mathring{\pi}$, ut semper 24 $\bar{\iota}$] $\mathring{\pi}$ ι τριπλασίων

p. 20, 1 γίνεται] γι., ut semper 2 τοσούτον $3 \overline{\psi} \nu$] $\overline{\psi} \nu$ ἔσται $4 \overline{\iota}$] corr. ex 0 m. rec. $5 \overline{\rho} \omega$] corr. ex $\overline{\rho} \omega$ 9 $\overline{\iota}$] $\overline{\rho}$ $\overline{\iota}$ ποιῶ οὕτως] om. 11 ἕβδομον] $\overline{\xi}$ γι. τοσοῦτον] $\overline{\rho}$ $\overline{\rho}$ $\overline{\rho}$ $\overline{\rho}$ $\overline{\rho}$ $\overline{\iota}$ 15 δ΄] corr. ex α '? τοσούτον $\overline{\rho}$ $\overline{\rho$

p. 21, $2\bar{\epsilon}$] $\hat{\pi}$ $\bar{\epsilon}$ δωδεκάκις] corr. ex δώδεκα m. rec. $3\bar{\iota}\beta$] $\hat{\pi}$ $\bar{\iota}\epsilon$ τοσοῦτόν] τοσούτων ποδῶν $6\bar{\iota}\beta$] $\hat{\pi}$ $\bar{\iota}\beta$ $7\bar{\epsilon}$ έστιν] ἐστι $\hat{\pi}$ μένουσιν] ἀπομένουσι $\hat{\pi}$ $\bar{\gamma}$] γι. $\bar{\gamma}$ $8\bar{\iota}\beta$] $\bar{\iota}\beta$ $\hat{\pi}$ μένουσι $9\bar{\iota}\zeta$] $\hat{\pi}$ $\bar{\iota}\zeta$ τοσοῦτόν] τοσούτων $\hat{\pi}$ διαγώνιος] corr. ex διαγώνος $11\bar{\epsilon}\ell$] corr. ex. $\hat{\eta}$ $13\bar{\epsilon}$ συγγωνος $15\bar{\iota}\beta$] $\hat{\pi}$ $\bar{\iota}\beta$ $17\bar{\epsilon}$ τοσοῦτον] τοσούτων $\hat{\pi}$ $18\bar{\epsilon}\mu\beta$. τοῦ ὀπταγώνου $20\bar{\iota}\beta$] $\hat{\pi}$ $\bar{\iota}\beta$ $\hat{\eta}$] $\hat{\eta}$ del. $\hat{\mu}$ μία] πρώτη $\bar{\epsilon}$] $\hat{\pi}$ $\bar{\epsilon}$ " $21\bar{\iota}\beta$] $\bar{\iota}\beta$ $\hat{\pi}$ $\bar{\xi}$] $\hat{\pi}$ $\bar{\xi}$ $22\bar{\epsilon}\alpha$] $\hat{\pi}$ $\bar{\epsilon}$ π τοσούτων $\hat{\pi}$ έστιν τὸ ἐμβ. τοῦ ὀπταγώνου $\hat{\pi}$ $\bar{\epsilon}$ π $\bar{\epsilon}$ 1 τὸ $\bar{\iota}$ 2 $\bar{\iota}$ 3 μᾶλλον $\bar{\iota}$ 4 τετράγωνον] om. $25\bar{\iota}\beta$] $\hat{\pi}$ $\bar{\iota}\beta$ $\bar{\iota}$ 1 τὸ $\bar{\iota}$ 1 τὸ $\bar{\iota}$ 2

p. 22, 1 τὸ] τὸν 2 add. (f. 21 extr.) έξῆς ἡ καταγραφή (fig. seq. f. 22) 3 κύκλους εχ| 5 τρίτον καὶ δέ-

κατον] γ' ι' ; item lin. 17, 19 17 ἐστὶ τετραγώνοις ἃ] supra ser. 21 $\hat{\gamma}$ καὶ τὸ $\hat{\iota}$ τοσούτου

p. 23, $1\overline{\kappa_5}$] $\overset{\circ}{\pi}\overline{\kappa_5}$ τοσούτου $4\widetilde{\eta}\mu\iota\sigma\upsilon$] \angle' , ut semper $5\overline{\sigma\kappa\epsilon}$ $\overset{\circ}{\alpha}\pi\delta$] $\overset{\circ}{\alpha}$ οον $\overset{\circ}{\alpha}\pi\delta$ $6\overline{\kappa_5}$] $\overset{\circ}{n}\overline{\kappa_5}$ τοσούτου $8\overline{\tau_6}$] $\overset{\circ}{n}\overline{\tau_6}$ τοσούτου $10\overline{\iota\beta}$] $\overset{\circ}{n}\overline{\iota\beta}$ $\overline{\delta}$] $\overset{\circ}{n}\overline{\delta}$ $\overline{\delta}$ 11 \angle'] τὸ \angle' εκυτὰ τοισάκις 15 τοσοῦτον] τοσούτων $\overset{\circ}{n}$ $19\overline{\vartheta}$] $\overset{\circ}{n}\overline{\vartheta}$ τὰ] τῶν 20 τοσούτου $21\overline{\xi}$] $\overset{\circ}{n}\overline{\xi}$ $22\overline{\xi}$] $\overset{\circ}{n}\overline{\xi}$ $\overline{\iota\epsilon}$] $\overset{\circ}{n}\overline{\iota\epsilon}$ 24 τὴν πορυφὴν $27\overline{\vartheta}$] γι. $\overset{\circ}{\vartheta}$

p. 24, 2 λοιπὰ 3 $\overline{\iota\beta}$] γι. $\iota\beta$ 4 $\overline{\iota\beta}$] \mathring{n} $\overline{\iota\beta}$ 5 αὐτά τὰ $\overline{\varsigma}$ 7 $\overline{\lambda\gamma}$] γι. $\overline{\lambda\gamma}$ $\overline{\lambda\gamma}$] \mathring{n} $\overline{\lambda\gamma}$ 8 $\overline{\pi\varsigma}$] \mathring{n} $\overline{\pi\varsigma}$ 9 $\overline{v\delta}$] μένει $\overline{v\delta}$ 10 $\overline{\kappa\xi}$] γι. $\overline{\kappa\xi}$ 11 $\overline{\kappa\xi}$] \mathring{n} $\overline{\kappa\zeta}$ $\overline{v\eta}$] \mathring{n} $\overline{v\eta}$ 12 $\overline{\iota\vartheta}$] γι. $\overline{\iota\vartheta}$ 14 τοσοῦτον] τοσούτων \mathring{n} mg. ξήτει τοία διαγοάμματα εἰς τὸ εν θεώρημα (seqq. 3 figg., des. f. 23^r) 16 π εντάγωνος $\overline{\kappa}$] \mathring{n} $\overline{\kappa}$ 18 τομπλασιάζεις corr. ex πολυπλασιάζεις τοισσάκις] \mathring{n} $\overline{\kappa}$ 18 τομπλασιάζεις τοισοῦτόν] τοσούτων \mathring{n} 23 τὸ πεντάκις] τὴν πλευρὰν $\mathring{\varepsilon}$ 24 $\overline{\kappa}$] \mathring{n} $\overline{\kappa}$ τοσούτων \mathring{n} $\mathring{\varepsilon}$ στω

p. 26, 1 δωδεκάκις] $\overline{\iota \beta}$ 2 $\overline{\varrho}$ $\stackrel{o}{\pi}$ $\overline{\varrho}$ 3 $\overline{\imath}$ $\stackrel{o}{\pi}$ $\overline{\imath}$ τοσοῦ-

τον] ἔστω ὀκταγ. $\overset{o}{\pi}$ $\overset{i}{\pi}$ 4 ἐννάγωνος $\overset{i}{\pi}$] $\overset{o}{\pi}$ $\overset{i}{\pi}$ 6 τοιπλασιάζω ξ η α ξ 7 ξ η α ξ τοσούτων <math>α ξ στω η πλευράτοῦ ἐνναγώνου 8 ἀπὸ] ἀπὸ τῆς πλευοᾶς αὐτ. ἐνναγώvov 9 ἐννάμις $\overline{\vartheta}$ $\overline{\xi}$ $\overline{\mathring{\pi}}$ $\overline{\mathring{\xi}}$! 10 τρίτον $\widehat{\mathring{\gamma}}$ γι. τοσούτων $\overset{o}{π}$ 11 διάμ. τοῦ ἐνναγώνου 12 δεκάγωνος $\overset{o}{π}$ $\overset{o}{π}$ 13 πλευο, οθτως τοιπλασιάζεις $14 \ \bar{\xi} \ \bar{\pi} \ \bar{\xi}$ δέκατον $\ \hat{\iota}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{0}{\pi}$ $\frac{1}{5}$ 15 τοσούτων $\frac{0}{\pi}$ έστω $\frac{1}{7}$ πλευρά τοῦ δεκαγώνου 17 αὖτ. δεκαγώνου $18 \ \bar{\xi} \ \hat{\chi} \ \bar{\chi}$ τοισσάκις $\hat{\chi}$ 19 $\bar{\chi}$ ο τοσούτων η έστω η διάμ. τοῦ δεκαγώνου 20 ένδεκάγωνος $\overline{n\beta}$ $| \stackrel{\circ}{\pi} | \overline{n\beta} | 22 | \stackrel{\xi}{\xi} | \stackrel{\circ}{\pi} | \stackrel{\xi}{\xi} | 23 | ενδέκατον | ιᾶ γι.$ ς] post ras. 1 litt. τοσοῦτον] ἔστω πλευρὰ αν ς 24 ἀπὸ] τοῦ αὐτοῦ ενδεκαγώνου ἀπὸ 25 ποιεῖς ενδεκάκις] ιᾶ $26 \ \xi \overline{\xi} \] \stackrel{o}{\pi} \ \xi \overline{\xi}$ $\tau o (t \overline{\tau} \overline{\tau} \overline{\tau}) \stackrel{o}{\gamma} \gamma \iota. \stackrel{o}{\pi}$ $27 \ \tau o \sigma o \tilde{v} \overline{\tau} \sigma v] \stackrel{o}{\pi} \overline{\kappa} \beta$ p. 27, 1 δωδεκάγωνος $\bar{\kappa}$ $\bar{\kappa}$ $\bar{\kappa}$ 3 τοισάκις $\bar{\xi}$ $\bar{\kappa}$ 4 δωδέκατον] $\iota \beta'$ γι. $\overset{\circ}{\pi}$ έστω $\overset{\circ}{\eta}$ $\overset{\circ}{\pi}$ $\overset{\circ}{\pi}$ $\overset{\circ}{\varepsilon}$ 5 πλευρ. τοῦ αὐτοῦ δωδεκαγώνου 6 δωδεκάκις] $\hat{\iota}\hat{\beta}$ 7 $\bar{\xi}$] $\hat{\pi}$ $\bar{\xi}$ τρίτον] $\hat{\gamma}$ γι. $\hat{\pi}$ 8 $\hat{\eta}$ διαμετρος τοῦ δωδεκαγώνου $\hat{\pi}$ $\hat{\pi}$ 11 διάμετρ. γι. $\overset{o}{\pi}$ sq. spat. 1 litt. 12 τοσούτου 17 τρισκαιδεκάγωνος ποίει $\overline{\imath\gamma}$ τὴν 20 δμοίως—χρ $\widetilde{\omega}$] ἐὰν δὲ τεσσαοεσκαιδεκάγωνος η πεντεκαιδεκάγωνος η έξκαιδεκάγωνος η δσωνδήποτε, ποίει, καθώς προγέγραπται ἀπὸ τῆσδε 1) την πλευράν καὶ ἀπὸ τῆς πλευρᾶς τὴν διάμετρον καθολικῶς τῆ αὐτῆ μεθόδω γοῶ καὶ τοσούτου ἀποφαίνου, καὶ έξεις ἀδιασφάλτως τὰς μεθόδους. Seq. ornamentum finale. tum:

σφαῖρά ἐστι σχῆμα στερεὸν ὑπὸ μιᾶς ἐπιφανείας περιεχόμενον, πρὸς ἣν ἀφ' ἐνὸς σημείου τῶν ἐντὸς τοῦ σχήματος κειμένων πᾶσαι αι προσπίπτουσαι εὐθεῖαι (πρὸς τὴν περιφέρειαν mg. m. 1) ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν. κέντρον δὲ τῆς σφαίρας τὸ σημεῖόν ἐστιν. (διάμετρος δὲ τῆς σφαίρας ἐστὶν mg.

¹⁾ Scrib. της διαμέτρου.

m. 1) εὐθεῖά τις διὰ τοῦ κέντρου ἢγμένη καὶ περατουμένη ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας, περὶ ἢν μένουσαν εὐθεῖαν ἡ σφαῖρα στρέφεται (seq. lac. 7—8 litt.) δὲ τῆς σφαίρας εἰσὶ (seq. lac. $\frac{1}{4} + \frac{1}{2}$ lin.) δὲ τῆς σφαίρας εἰσὶς, ἀφ' οὖ πόλος ἐν σφαίρα λέγεται σημεῖον ἀπὸ 1) τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας, ἀφ' οὖ πᾶσαι αὶ προσπίπτουσαι εὐθεῖαι πρὸς τὴν τοῦ κύκλου περιφέρειαν ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν. ἐπειδὴ ἐν τοῖς στερεοῖς προεγράψαμεν περὶ σφαίρας (καὶ ins. m. 1) κυλίνδρου, χρὴ δὲ προτετάχθαι περὶ κύβων, ὅθεν καὶ τὴν γένεσιν ἔχουσιν, κύβος ἐστὶ σχῆμα στερεὸν πάντοθεν τετράγωνος καὶ ἰσόπλευρος ὑπὸ εξ ἐπιφανείῶν περιεχόμενος ὡς ὀβολός, ὅθεν καὶ ὀβολὸς καλεῖται. ἔχει γὰρ πλάτος καὶ πάχος καὶ τύψος' εἰ δὲ τὸ τὸ τος ἔχει περισσὸν τοῦ πλάτους, τὰ τοιαῦτα σχήματα δοκίδες καλοῦνται. 22 ἀπέδειξεν

p. 28, 1 τὸ] om. 2 ἕνδεκα] $\overline{\iota\alpha}$ 4 εἰσὶ 5 ἕνδεκα] $\overline{\iota\alpha}$ 9 $\overline{\iota\delta}$] τὰ $\overline{\iota\delta}$ 11 $\overline{\xi}$] \mathring{n} $\overline{\xi}$ $\overline{\xi}$] \mathring{n} $\overline{\xi}$ 12 $\overline{\iota\mu\gamma}$ 13 τὰ] om. 17 καὶ] καὶ τοῦ 19 post αὐτὴν del. τοῦ 23 ὅσου 24 ω] δίμοιρον 25 ἐστὶ] ἐστὶ \mathring{n} $\overline{n\vartheta}$] \mathring{n} $\overline{n\vartheta}$ 26 ἀπὸ] δὲ ἀπὸ

p. 29, 1 τὸ] τὰ 2 τοῦ] om. 4 w] δίμοιφον 6 τὰ] τὸν 9 μερίζεις 15—p. 30, 14 om.

p. 30, 15 ἔστω $\bar{\delta}$] $\overset{\circ}{\pi}$ $\overset{\circ}{\delta}$ 16 ἀπὸ τοῦ κυλίνδρου] τοῦ κώνου, del. ἐν] πρῶτον ἐν 17 μέτρει] μείζονα, -α e corr. m. 1 τῆς διαμέτρου] τοῦ ἐμβαδοῦ 20 τοσοῦτον] τοσούτων $\overset{\circ}{\pi}$ ἔσται 23 καί] om. $(25\ \bar{\nu})$ corr. ex $\bar{\eta}$ m. 1 τοσούτον

¹⁾ Scrib. έπλ.

16 μδ' corr. ex μα' m. 1 17 τέσσαρα δ 18 ξ η ξ 19 πυβίζω] corr. ex πυβάζω m. 1 20 ενδεπάπις] ιᾶ 21 τοσούτον τοσούτων π.

SCHOLIA.

- 1. Ad p. 16, 22 m. rec. fol. 18^r.
 - Αί ἀπὸ τῶν κέντοων (ἐπὶ τὸ κέντρον supra add.) ἀγόμεναι διὰ τῶν ἀφῶν ἐλεύσονται διὰ τὸ ιβ΄ τοῦ γ΄ τῶν Στοιχείων. γίνεται οὖν τρίγωνον ἰσόπλευρον ἶσοι γὰρ οἱ κύκλοι ωστε ή τοῦ τριγώνου γωνία διμοίρου έσται όρθης. είσι δε καί οί τομεῖς ΐσοι διὰ τὸ καὶ τὰς γωνίας ἴσας εἶναι διὰ τὸ τελευταΐον τοῦ ς΄ τῶν Στοιγείων δυ γοῦν λόγον ἔγει ἡ γωνία πρός δ΄ δρθάς. ἔστι δὲ ἕπτον, τὸν αὐτὸν λόγον ἔγει καὶ ὁ τομεὺς ποὸς τὸν ὅλον κύκλον. ἀφαιρεθέντος οὖν τοισσάκις τοῦ έκτου τοῦ ἐμβαδοῦ τοῦ κύκλου ἀπὸ τοῦ ἐμβαδοῦ τοῦ τριγώνου τὸ λοιπὸν ἔσται τὸ τοῦ μέσου σχήματος.
- 2. Ad p. 17, 12 m. rec. fol. 18v. Διὰ τὸ τὴν ἐπιφάνειαν τῆς σφαίρας τετραπλασίαν εἶναι τοῦ μεγίστου κύκλου τῶν ἐν τῆ σφαίρα.
- 3. Ad p. 17, 21 m. rec. fol. 19r. Διέλασσον [?] αΰτη ή ἀναλογία.
- 4. Ad p. 18, 10 m. 1 fol. 19^r. Ότι καὶ ε τετράγωνα τρισὶ πενταγώνοις τοῖς ἀπὸ τῆς αὐτῆς πλευράς ἀναγραφομένοις ἴσα ἐστίν.
- 5. Ad p. 18, 11 m. rec. fol. 19^r. \Hat{E} δειξεν $\delta\Hat{H}$ ρων 1 $) ἐν λήμματι, ὡς, ἐὰν <math> ilde{\eta}$ τρίγωνον ὀρθογώνιον τὸ ΑΓΒ ἔχον τὴν ποὸς τῷ Γ γωνίαν ὀοθήν (supra scr.), την δέ πρός τῶ Α δύο πέμπτων ὀρθης (corr. ex ὀρθαῖς), τὸ από συναμφοτέρου τῆς ΒΑ, ΑΓ πενταπλάσιόν ἐστι τοῦ (corr. ex των) ἀπὸ (corr. ex <math>βγ) AΓ (corr. ex <math>βγ). ληφθήτω τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ Ζ, 2) καὶ ἐπεζεύγθωσαν αί ΖΑ, ΖΒ, καὶ

¹⁾ Merçiná I 17 p. 50, 1 sqq.
2) In pentagono inscripto, cuius latus est AB, ad quod perpendicularis est ZI.

ήχθω κάθετος ή ΖΓ. ἐπεὶ οὖν ή ὑπὸ ΑΖΒ γωνία πρὸς κέντρω οὖσα τῷ Ζ δ πέμπτων ἐστὶ καὶ διήρηται δίχα, ἡ ὑπὸ ΑΖΓ δύο πέμπτων έσται, καὶ διὰ τὸ λημμα τὸ ἀπὸ συναμφοτέοου της ΑΖΓ πενταπλάσιον έσται τοῦ ἀπὸ ΖΓ (corr. ex αγ). άλλ' ἐπεὶ οὐκ ἔστιν ἀριθμὸς τετράγωνος τετραγώνου πενταπλάσιος, ληφθήτω δ έγγιστα καὶ έστιν δ πα΄ τοῦ ις΄ πενταπλάσιος ώς έγγιστα. συναμφότερος ἄρα δ ΑΖ, ΖΓ πρός του ΖΓ λόγον έχει, ου θ΄ πρός δ΄. άλλὰ τοῦτο μεν παρεκβατικώτερον έρρέθη χρήσιμον γάρ μαλλον είς την εύρεσιν τοῦ ἐμβαδοῦ. συνελόντι δὲ εἰπεῖν, ἐπεὶ ἡ ὑπὸ ΑΖΒ δίχα διήρηται, καὶ ἡ ΑΒ δίχα διαιρεθήσεται ωστε ή ΑΓ έσται ε΄. ή δε ΖΓ έσται ζ΄ μείζονα γαο γωνίαν υποτείνει. ή ΑΖ ἄρα ἔσται τῶν οδ ἡ πλευρὰ ἤτοι η' γ'' καὶ ε' (καὶ ε' supra ser.) οπτωπαιδέπατα (corr. ex οπτωπαιδέπατον). έπει δε έκ τοῦ κέντρου ἐστίν, ἡ διπλῆ ταύτης ἔσται διάμετρος, καὶ γίνεται ιζ καὶ β θ΄.

- 6. Ad p. 18, 16 m. rec. fol. 19°.

 'Αποδέδειχεν 'Αρχιμήδης, ὅτι τὰ ιγ΄ τετράγωνα τὰ ἀπὸ τῆς πλευρᾶς τοῦ έξαγώνου ἶσα εἰσὶ ε΄ έξαγώνοις ικό τε ἔσται τὸ πεντάγωνον β΄ 1) Δ΄ δεκάτου. τὰ δὲ δύο Δ΄ δέκατον τοῦ ς΄ γ΄ δέκατον ἀναλυθέντων γὰρ τῶν β̄ (corr. ex δύο) Δ΄ δεκάτου εἰς κς΄ δέκατα καὶ τῶν ς΄ εἰς ξ΄ ἔσται τὰ κς΄ τρίτον δέκατον τῶν ξ΄.
- Ad p. 18, 17 m. 1 fol. 19*.
 Ότι ἡ τοῦ ἐξαγώνου πλευοὰ τῆ ἡμισεία τῆς διαμέτρου ἤτοι τῆ ἐπ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου ἴση ἐστίν.
- Ad p. 18, 20 m. rec. fol. 19^v.
 Καὶ ταῦτα διὰ τὰ προειρημένα.
- 9. Ad p. 18, 24 m. rec. fol. 19.
 Τὰ μγ΄ τετράγωνα τὰ ἀπὸ τῆς πλευρᾶς τοῦ ἐπταγώνου ἶσα γίνεται ιβ΄ ἐπταγώνοις.

¹⁾ Supra β add. compendium dubium (fort. μονάδων).

10. Ad p. 19, 4 m. rec. fol. 19^v.

Τὰ κθ΄ τετοάγωνα τὰ ἀπὸ πλευρᾶς τοῦ ὀκταγώνου (-αe corr.) ἶσα εθρίσκεται 5΄ ὀκταγώνοις.

11. Ad p. 19, 4 m. rec. fol. 19.

Αί τῶν πολυγώνων γωνίαι γνωσθήσονται ἀπὸ τῶν ποὸς τῷ κέντρω τοῦ κύκλου συνισταμένων γωνιῶν τριγωνικῶν. έπει γαο αί πρός τῷ κέντρω τέσσαρσιν ὀρθαῖς είσιν ἶσαι, αί τριγωνικαί δ΄ γωνίαι αί ἀπὸ τῶν πλευρῶν τοῦ τετραγώνου ἀνιστάμεναι πρὸς τῷ πέντρω (τῷ del.) τέτρασιν ὀρθαῖς εἰσιν ἶσαι αί ἄρα (τ del.) πρὸς ταῖς βάσεσι τῷν τριγώνων γωνίαι ίσαι οὖσαι ἀπὸ ἡμισείας ὀοθῆς ἔσονται. ώσαύτως ἐπὶ (e corr.) τοῦ πενταγώνου τῶν πρὸς τῷ πέντοω ε΄ γωνιῶν ἔσεται (e corr.) επάστη τεσσάρων πέμπτων δρθης (?) αι πρός τη βάσει άρα Ισαι οδσαι έσονται άπὸ τοιῶν πέμπτων. ώστε ή τοῦ πενταγώνου γωνία έσεται δοθης και πέμπτου δοθης. Επί τοῦ έξαγώνου αι ποὸς τῷ κέντοῷ γωνίαι τοιγωνικαί εξ διμοίοων ἔσονται. ώστε έκάστου τριγώνου αί πρός τη βάσει ίσαι οὖσαι ἀπὸ διμοίρου (-ι- e corr.)· δοθης ἄρα καὶ τρίτου ἔσται ή τοῦ έξαγώνου γωνία. ἐπὶ τῶν ἐπταγώνων αί πρὸς τῷ κέντοφ τοιγωνικαί γωνίαι ἔσονται ἀπὸ δ΄ ξβδόμων αί ἄρα πρὸς τῆ βάσει ἀπὸ πέντε ξβδόμων. ὅστε ἡ τοῦ ξπταγώνου γωνία έσται δοθής και τριών εβδόμων. επί των διταγώνων αί πρός τῷ κέντρω ὀκτώ τριγωνικαὶ γωνίαι ἀπὸ ήμισείας ὀοθῆς αί ἄρα ποὸς τῆ βάσει ἀπὸ ήμισείας καὶ δ΄. ἡ ἄρα τοῦ ὀκταγώνου ὀοθῆς καὶ ήμισείας. ὡσαύτως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων (ὅπεο δὲ παρέλιπον, ὰν τρίγωνον ισόπλευρον κύκλω del.).

12. Ad p. 19, 9 m. rec. fol. 20^r.

Δείκνυται ἐν τοῖς Ἦφωνος, ¹) ἐὰν ὀπτάγωνον ἐγγοαφῆ κύκλω ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον, ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπὶ τὴν πλευρὰν κάθετος ἕξει λόγον τόνδε, ἡ δὲ ἔκ τοῦ κέντρου τόνδε οἶον ὡς ἐν παραδείγματι, εἰ ι΄ ἐστὶν ἡ πλευρὰ τοῦ ὀκταγώνου, ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπ' αὐτὴν κάθετος

¹⁾ Μετρικά Ι 21.

(ώς ἔγγιστα del.) ιβ΄ μονάδων καὶ δωδέκατον ώς ἔγγιστα καὶ (?) εἰκοστοτέταρτον ἡ δὲ ὑποτείνουσα τὴν ὀρθὴν γωνίαν ἤτοι ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ιγ΄ ιγ΄ ὡς ἔγγιστα ἔσται οὖν ἡ διάμετρος κς΄ καὶ β΄ ιγ΄.

- 13. Ad p. 19, 17 m. rec. fol. 20^r.
 Τὰ να΄ τετράγωνα τὰ ἀπὸ τῆς πλευρᾶς τοῦ ἐννεαγώνου ἶσα εὐρίσκεται η΄ ἐννεαγώνοις.
- 14. Ad p. 19, 22 m. rec. fol. 20^r:
 Δέδεικται γάρ, ὅτι ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου, ὧ τὸ ἐννεά-γωνον ἐγγέγραπται, τριπλασίων ἐστὶν ὡς ἔγγιστα τῆς πλευρᾶς τοῦ ἐννεαγώνου.
- 15. Ad p. 19, 25 m. rec. fol. 20^r.
 Τὰ ἀπὸ τῆς πλευρᾶς τοῦ δεκαγώνου ιε΄ τετράγωνα ἶσα δυσὶ δεκαγώνοις διὰ τοῦτο τὸ ἀπὸ τῆς πλευρᾶς τετράγωνον πολλαπλασιάζεται ἐπὶ τὰ ιε΄, καὶ λαμβάνεται τὸ Δ΄΄.
- Ad p. 22, 26 m. rec. fol. 22.
 Διὰ τὸ τὰ μήπει διπλάσια δυνάμει τετραπλάσια.
- Ad p. 24, 16 m. rec. fol. 23^v.
 Διάμετρον ἐνταῦθα φησὶ τὴν ἀπὸ γωνίας εἰς γωνίαν ἀγομένην.

CONSPECTUS CAPITULORUM EDITIONIS HULTSCHIANAE CUM MEIS COMPARATORUM.

```
ed. Hultschii
                   ed. meae
                                  ed. Hultschii
                                                     ed. meae
Deff. cap.
                                 Var. Collect.
                                                 = 136, 19
    1
                 = p.14,18qq.
                                      32, 2
    2 - 10
                                      33 - 42, 1
                                                 = 136, 20 - 28
                 = 1 - 8
    11 - 32
                 = 9 - 30
                                      42, 2-4
                                                 = 136, 29 - 31
    33-100
                 = 32 - 99
                                      43-44
                                                 = 136, 32 - 33
                                                 = 136, 34
    101
                 = 103 - 104
                                      45 - 46
    102-103
                 = 101 - 102
                                      47 - 61
                                                 = 136, 35-49
    104
                 = 100
                                      62
                                                 = 136, 50 - 51
    105 - 114
                                      63, 1 - 3
                                                 = 136, 52 - 54
                 = 105 - 114
    115, 1
                 = 115, 1
                                      64 - 65
                                                 = 136, 55 - 56
    115, 2
                 = 115, 2-4
                                      66 - 67
                                                 = 136, 57
    116 - 124
                 = 116 - 124
                                      68
                                                 = 136, 58
    125, 1-4
                                      69 - 72
                 = 125, 1
                                                  = 137, 1-4
    125, 5-6
                                      73 - 74
                 = 125, 2
                                                 = 137, 5
    126 - 130
                 = 126 - 130
                                      75 - 78
                                                  = 137, 6-9
    131-132
                 = 131
                                      79, 1-2
                                                  = 138, 1-2
                                                  = 138, 3-4
    133
                 = 132
                                      80 - 81
                                      82, 1-2
                                                  = 138, 5-6
Var. Collect.
                                      83 - 87
                                                  = 138, 7 - 11
    1
                 = 133, 1-3
    2
                 = 133, 4
                                  Geometr. 1)
    3-4
                                      1 u. supra p. XI n. 1.
                 = 134, 1-2
    5 - 13
                 = 135, 1-9
                                      2 - 3
                                                  = 2 - 3
    14, 1-2
                 == 135, 10
                                      4, 1-2
                                                  =4,1-2
    14, 3 - 4
                 = 135, 11
                                                  =4, 3
                                      4.3 - 4
    14, 5-8
                 = 135, 12
                                      4,5 - 17
                                                  =4.4-16
    14, 9 - 10
                 = 135, 13
                                      4, 18
                                                  = 5.1
    15 - 17
                                      5, 1 - 9
                                                  = 5, 2-10
                 = 136, 1—3
    18, 1
                 = 136, 4
                                      6
                                                  = 6
    18, 2-19
                 = 136, 5
                                      7
                                                  = 7, 1-4
    20-31
                 = 136, 6-17
                                      8
                                                  = 7, 5 - 7
    32, 1
                 = 136, 18
                                      9.1 - 2
                                                  = 7, 8 - 9
```

¹⁾ Ex duabus columnis dextra Hultschiana continet.

ed. Hultschii	ed. meae	ed. Hultschii	ed. meae
Geometr.		Geometr.	04. 22000
10—11	= 7, 10-17	58	= 15, 12-14
12—13	= 8-9	59	= 15, 17 - 18
14	= 10, 1-2	60	= 15, 19
15	= 10, 3-5	61	= 15, 15-16
16	= 10, 6-8	62	= 16, 1
17	= 10, 9-13	63	= 16, 2-3
18	= 11, 1-2	64	= 16, 4
19	= 11, 3-4	65	= 16, 5
20	= 11, 5-6	66	= 16, 6-8
21	= 11, 7-8	67	= 16, 9-10
22	= 11, 9-10	68	= 16, 11
23	= 11, 11-12	69	= 16, 12-13
24	= 12, 1-3	70	= 16, 14
25	= 12, 4-8	71	= 16, 15 - 16
26	= 12, 9-14	72	= 16, 17
27 28	= 12, 15 - 18	73 74	= 16, 18-19
29	= 12, 19-22 $= 12, 23-27$	75	= 16, 20 $= 16, 21-22$
30	= 12, 23-21 $= 12, 28-29$	76	= 16, 21 - 22 $= 16, 23$
31	= 12, 20-23 = 12, 30-32	77	= 16, 24 - 25
32	= 12, 33 - 37	78	= 16, 24 - 25 $= 16, 26$
33	= 12, 38-40	79	= 16, 27 - 28
34	= 12, 43-50	80	= 16, 29 - 30
35	= 12, 51-62	81	= 16, 31 - 32
36	= 12, 63 - 74	82	= 16, 33
37	= 13, 1	83	= 16, 34 - 37
38	= 13, 2	84	= 16,38-39
39	= 13, 3	85	= 16, 40-41
40, 1-2	= 13, 4	86	= 16, 42-46
40, 3—4	= 13, 5	87	= 17, 1-9
41	= 13, 6	88	= 17, 10-22
42-43	= 14, 1-2	89	= 17, 23
44	= 14, 3-6	90	= 17, 24 - 28
45	= 14, 7	91	= 17, 29 - 36
46 47—49	= 14, 8-9	92	= 18, 1
50	= 14, 10-12	93 94	= 18, 2-14 = 19, 1-2
51	= 14, 13-15 = 14, 16-21	95	= 19, 1-2 $= 19, 3-4$
52	= 14, 10 - 21 $= 14, 22 - 23$	96	= 20, 1-3
53	= 15, 1-3	97	= 20, 4-7
54	= 15, 4	98	= 20, 8-13
55	= 15, 5-7	99	= 20, 14
56	= 15, 8-9	100	= 21, 1-2
57	= 15, 10-11	. 101	= 21, 3-13

ed. Hultschii	ed. meae	ed. Hult	schii	ed. meae
Geometr.		Lib. Geer	on.	Geom.
102	= 21, 14-24	6 6		18, 4(a)
103	= 21, 25	67	-	18, 6 (a)
104	= 21, 26-27	68 u. u	ol. V	
105	= 22			. 18, 15—16
106	= 23, 1-22	71 - 74	u. uol. V	•
Lib. Geepon.	10, 1	75 - 77	= Pseud	lo-Dioph.
1-6 = De	eff. 25—30			1Ô—11
	32-34	78—79	= Geom	. 24, 1-2
10-24 =		80-85	u. uol. V	
25 - 31 =			= Geom	
32-39 =			u. uol. V	
40-41 =				130-132
42 - 43 = G		94	= Geom	. 2
44 =	4,1	95	_	23, 67
45 =	4, 6 (a);		u. uol.	
40 —	5, 1 (a et b)	102-103		
46-47 =	5, 2-3(a)	104—145		
48-49 =	6, 1—2(a)	146-164	= Pseud	do-Dioph.
50-51 =	7, 1-6(a)			23-41
52 =	11, 1—2(a)	165-166	= Geom	. 22, 1(a)—2
53-58 =	24, 31—36			22, 3—24
59-65 =	17, 4—8 (a)	191-205		
3303 ==	1., 1-0(4)	202 200		



DEFINITIONES

ΗΡΩΝΟΣ

ΟΡΟΙ ΤΩΝ ΓΕΩΜΕΤΡΙΑΣ ΟΝΟΜΑΤΩΝ.

$[\alpha'.$	T'	έστι	σημεῖον;	
-------------	----	------	----------	--

β'. Τί γοαμμή;

γ'. Τίνες αί τῶν γοαμμῶν διαφοραί;

δ'. Τί έστιν εὐθεῖα γραμμή;

ε'. Τίνες αί κυκλικαὶ γοαμμαί;

ς'. Τίνες αί καμπύλαι γοαμμαί;

ζ'. Τίνες αὶ έλικοειδεῖς γοαμμαί;

η'. Περί ἐπιφανείας.

θ'. Τι έστιν επίπεδος επιφάνεια;

ι'. Τίς ἡ οὐκ ἐπίπεδος ἐπιφάνεια;

ια'. Περί στερεοῦ σώματος.

ιβ΄. Πεοί γωνίας καὶ κεκλασμένης γοαμμῆς.

ιγ΄. Τίνες αί γενικαὶ τῶν γωνιῶν διαφοραί;

ιδ΄. Τί έστι κοινῶς ἐπίπεδος γωνία;

ιε'. Τίς ή ἐπίπεδος εὐθύγραμμος γωνία;

ις'. Τίνες αί των εὐθυγράμμων γωνιων διαφοραί;

10

15

20

ιζ'. Τίς ή ὀρθή γωνία;

ιη'. Τίς ή δξεῖα γωνία;

ιθ'. Τίς ή ἀμβλεῖα γωνία;

π΄. Πῶς ἔχουσι πρὸς ἀλλήλας αἱ εὐθύγραμμοι;

³ τίνες] F, τίνος C. 7 έλιποειδεῖς] F, έλιποιδές C.

HERONS

DEFINITIONEN GEOMETRISCHER BENENNUNGEN.

- [1. Was ist ein Punkt?
 - 2. Was eine Linie?
- 3. Welche sind die Arten der Linien?
- 4. Was ist eine gerade Linie?
- 5. Was sind Kreislinien?
- 6. Was sind krumme Linien?
- 7. Was sind Schneckenlinien?
- 8. Von der Fläche.

10

20

- 9. Was ist eine ebene Fläche?
- 10. Was ist eine nichtebene Fläche?
- 11. Vom soliden Körper.
- 12. Vom Winkel und von der gebrochenen Linie.
- 13. Welche sind die allgemeinen Arten der Winkel?
 - 14. Was ist allgemein ein ebener Winkel?
 - 15. Was ist der ebene gradlinige Winkel?
 - 16. Welche sind die Arten der gradlinigen Winkel?
 - 17. Was ist der rechte Winkel?
 - 18. Was der spitze Winkel?
 - 19. Was der stumpfe Winkel?
 - 20. Wie verhalten sich die gradlinigen Winkel zueinander?

9 έστιν] C, δέ F. 12 και κεκλασμένης] Hultsch, κεκλασμένης και C; cfr. p. 22, 22. 13 γωνιῶν] F, γονιῶν C. 20 εὐθύγραμμοι] C, εὐθύγραμμοι ⟨γωνίαι⟩ Hultsch, εὐθύγραμμοι γραμμαί F, cfr. p. 26, 18.

1 *

κα΄. Ότι ή ὀρθή γωνία καὶ ή μονὰς καὶ τὸ νῦν δμοίως ἔχουσιν.

μβ'. Περὶ στερεᾶς γωνίας.

κγ΄. Περί σχήματος.

κδ'. Τίνες οί τῶν σχημάτων ὅροι;

πε΄. Τίνες αί γενικαὶ τῶν σχημάτων διαφοραί;

κς'. Τίνες αι τῶν ἐπιπέδων σχημάτων διαφοραί;

5

10

κζ΄. Πεοὶ ἀσυνθέτου ἐπιπέδου σχήματος, ὅ ἐστι κύκλος.

κη'. Περί διαμέτρου.

κθ΄. Περὶ τῶν ἐν τοῖς ἐπιπέδοις ἐξ ἀνομογενῶν συνθέτων περιφερειῶν σχημάτων, οἶον τί ἐστιν ἡμικύκλιον;

λ'. Τί ἐστιν ἀψίς;

λα΄. Τί έστι τμημα κύκλου τὸ μεῖζον;

λβ΄. Τί έστι κοινῶς τμῆμα κύκλου;

λγ΄. Τίς ή ἐν τμήματι κύκλου γωνία;

λδ'. Τί ἐστι τομεὺς κύκλου;

λε΄. Περὶ τῶν ἐκ δύο περιφερειῶν ἐπιπέδων σχημάτων καὶ λοιπῶν, τουτέστι περὶ κυρτῆς καὶ 20 κοίλης περιφερείας.

λς'. Τι έστι μηνίσκος;

λζ΄. Τί ἐστι στεφάνη;

λη'. Τί ἐστι πέλεκυς;

λθ΄. Τίνες αι τῶν ἐν τοῖς ἐπιπέδοις εὐθυγοάμμων 25 σχημάτων διαφοραί;

μ'. Τί έστι τρίγωνον;

μα'. Τίνα τῶν τοιγώνων εἴδη καὶ πόσα;

μβ'. Τί τὸ ἰσόπλευρου;

⁵ οί] F^2 , αί CF. 7 κς΄— διαφοραί] F, cfr. p. 30, 25; οm. C. 8 κς΄] κς΄ C. ἐπιπέδου] F, cfr. p. 32, 9; ἐπιφα-

- Der rechte Winkel, die Einheit und das Nu verhalten sich ähnlich.
- 22. Vom körperlichen Winkel.
- 23. Von der Figur.
- 5 24. Welche sind die Grenzen der Figuren?
 - 25. Welche sind die allgemeinen Arten der Figuren?
 - 26. Welche sind die Arten der ebenen Figuren?
 - Von der nicht zusammengesetzten ebenen Figur, d. h. dem Kreise.
 - 28. Vom Durchmesser.

10

15

20

- 29. Von den Figuren in der Ebene, welche aus ungleichartigen Peripherien zusammengesetzt sind, und zwar: was ist ein Halbkreis?
- 30. Was ist eine Apsis?
- 31. Was ist ein größerer Kreisabschnitt?
- 32. Was ist allgemein ein Kreisabschnitt?
- 33. Was ist der Winkel in einem Kreisabschnitt?
- 34. Was ist ein Kreisausschnitt?
- 35. Von den aus zwei Kreisbögen zusammengesetzten ebenen Figuren usw., d. h. von dem konvexen und konkaven Bogen.
- 36. Was ist ein Möndchen?
- 37. Was ist ein Kranz?
- 38. Was ist ein Doppelbeil?
- 39. Welche sind die Arten der gradlinigen Figuren in der Ebene?
 - 40. Was ist ein Dreieck?
- 41. Welche sind die Arten der Dreiecke und wie viele?
- 42. Was ist ein gleichseitiges Dreieck?

νείας C. 10 κη'] κζ' C. 11 κθ'] κη' C. ἐπιπέδοις] F, ἐξανανομογενῶν C. 12 οίον] Schmidt, ἃ C, ἤγονν F. 14 λ'] κθ' C, et similiter deinceps. 15 λα' — μείζον] om. F, cfr. p. 34, 13. 16 λβ'] λ' F, et sic deinceps. 19 ἐκ] Hultsch, cfr. p. 36, 9; om. C, έν F. 20 τοντέστι τῆς κοίλης καὶ περιφερείας F. 25 αί] C, έκ F. εὐθυγράμμων] C, om. F. 28 μα' — πόσα] F, cfr p. 38, 15; om. C. 29 μβ'] μ' C, et similiter deinceps.

```
μν'. Τί τὸ ἰσοσκελές;
μδ'. Τί τὸ σκαληνόν;
με'. Τί τὸ ὀοθογώνιον;
μς'. Τί τὸ ὀξυγώνιον:
μζ'. Τί τὸ ἀμβλυγώνιον;
                                                  5
μη'. Τοινώνων Ιδιότητες.
μθ΄. Περί τετραπλεύρων σχημάτων. τί έστι τετρά-
    πλευοον ἐπίπεδον:
ν'. Τίνες αί των τετραπλεύρων διαφοραί;
να΄. Τίνα τὰ τετοάγωνα;
                                                 10
νβ'. Τίνα τὰ έτερομήκη;
νγ'. Τί δόμβοι;
νδ'. Τί φομβοειδη; .
νε'. Τίνα παραλληλόγραμμα;
νς'. Πεοί παραλληλογράμμων δοθογωνίων.
                                                  15
νζ'. Τίς δ έν παραλληλογράμμο γνώμον;
νη'. Τί έστι γνώμων κοινῶς;
νθ'. Τί ἐστι τραπέζιον;
ξ'. Τίνα τὰ τοαπέζια;
ξα'. Τίνα τὰ τραπεζοειδῆ;
                                                  20
ξβ'. Τί τοαπέζιον Ισοσκελές:
ξγ'. Τί τραπέζιον σκαληνόν;
ξδ΄. Τίνα τὰ πολύπλευρα ἐπίπεδα;
ξε'. Πεοί των έν τοῖς ἐπιπέδοις εὐθυγράμμων καί
     έκαστα λεγομένων, οἶον τί ἐστι βάσις;
                                                  25
ξς'. Τί ἐστι πλευρά;
ξζ'. Τί έστι διαγώνιος;
ξη'. Τί έστι κάθετος:
ξθ'. Τί ἐστι κάθετος ποὸς ὀοθάς;
```

⁴ Ti] τi add. litt. initial. T C. 6 $\mu \eta'$] om. C. 7 $\mu \vartheta'$] $\mu \varsigma'$ C. Ante τi ins. $\mu \varsigma'$ C. 9 ν'] $\mu \eta'$ C, et simi-

- 43. Was ein gleichschenkliges?
- 44. Was ein ungleichseitiges?
- 45. Was ein rechtwinkliges?
- 46. Was ein spitzwinkliges?
- 47. Was ein stumpfwinkliges?
- 48. Eigentümlichkeiten der Dreiecke.
- 49. Von den vierseitigen Figuren. Was ist ein ebenes Viereck?
- 50. Welche sind die Arten der Vierecke?
- 51. Was sind Quadrate?
- 52. Was Rechtecke?
- 53. Was Rhomben?
- 54. Was Rhomboide?
- 55. Was Parallelogramme?
- 56. Von den rechtwinkligen Parallelogrammen.
 - 57. Was ist der Gnomon in einem Parallelogramme?
 - 58. Was ist allgemein ein Gnomon?
 - 59. Was ist ein Trapez?
 - 60. Welche sind die Trapeze?
 - 61. Welche die Trapezoide?
 - 62. Was ist ein gleichschenkliges Trapez?
 - 63. Was ein ungleichseitiges Trapez?
 - 64. Welche sind die Vielecke in der Ebene?
- 65. Von den einzelnen Benennungen an den gradlinigen Figuren in der Ebene, und zwar: was ist Grundlinie?
- 66. Was ist Seite?

20

25

30

- 67. Was ist Diagonale?
- 68. Was ist eine Kathete?
- 69. Was ist eine senkrecht stehende Kathete?

liter deinceps. 10 $\tau \grave{\alpha}$] C, om. F. 11 $\tau \grave{\alpha}$] C, $\tau \epsilon$ F. 13 $\tau \iota$ foursoid] C, om. F. 14 $Tiv\alpha$ $\tau \grave{\alpha}$ F, cfr. p. 42, 15. 18 $\tau \iota$ for $\tau \alpha \alpha \kappa \xi \iota \nu \nu$] (ut p. 44, 15) falsum; cfr. Eucl. I def. 22. 23 $\tau \iota \nu \alpha$] C, $\tau \iota \nu \alpha$ å $\alpha \alpha$ F, cfr. p. 46, 7. 24 $\tau \mathring{\alpha} \nu \nu$] CF, cfr. p. 46, 11. 25 $\iota \alpha \iota \nu$] CF, cfr. p. 46, 12; $\iota \alpha \vartheta \nu$ Hultsch. of $\iota \nu$ F, cfr. p. 46, 12; $\iota \alpha \vartheta \nu$ C. Ante $\iota \iota$ ins. $\iota \vartheta \nu$ C. 26 $\iota \iota \nu$ c, ct similiter deinceps.

- ο'. Τίνες εἰσὶ εὐθεῖαι παράλληλοι;
- οα'. Τίνες οὐ παράλληλοι εὐθεῖαι;
- οβ'. Τί έστι τριγώνου ύψος;
- ογ'. Τίνα τῶν ἐπιπέδων σχημάτων συμπληφοῖ τὸν τοῦ ἐπιπέδου τόπον;

Έρμηνεῖαι τῶν στερεομετρουμένων.

- οδ'. Τίνες τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς σχήμασι τῶν ἐπιφανειῶν διαφοραί;
- οε'. Τίνες τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς σχήμασι τῶν γραμμῶν διαφοραί;

10

- ος'. Περί σφαίρας ἀσυνθέτου στερεοῦ σώματος καὶ σφαιρικῆς ἐπιφανείας.
- οζ'. Τι κέντρον σφαίρας;
- οη'. Τί ἄξων σφαίρας;
- οθ'. Τι πόλος έν σφαίρα;
 - π'. Τι κύκλος έν σφαίος;
- πα'. Τί μύκλου πόλος ἐπὶ σφαίρα;
- πβ'. Ότι τῶν στερεῶν ἰσοπεριμέτρων σχημάτων μείζων ή σφαῖρα.
- πγ'. Περί τῶν ἐξ ἀνομογενῶν συνθέτων στερεῶν 20 σχημάτων οὕτως· τί μῶνος;
- πδ'. Τί βάσις κώνου;
- πε'. Τι κορυφή κώνου;
- πς'. Τί ἄξων κώνου;
- πζ'. Τίς δ ἰσοσκελής κῶνος;
- πη'. Τίς δ σκαληνός κῶνος;
- πθ'. Τίς ὀοθογώνιος κῶνος;

¹ εὐθεῖαι παράλληλοι] εὐθεῖαι παραλληλογράμμων C, παραλληλόγραμμοι F, παράλληλοι γραμμαί Hultsch. 2 οδ] F, οδσαι C. 6 ἑρμηνεῖαι] C, ἑρμηνεία F; cfr. p. 50, 8. 7 οδ΄] ins. C. τῶν (alt.)] del. Hultsch. ἐπιφανειῶν] F, ἐπιφερειῶν C. 9 οε΄] C,

- 70. Welche sind parallele Gerade?
- 71. Welche sind nichtparallele Gerade?
- 72. Was ist Höhe eines Dreiecks?
- 73. Welche ebenen Figuren füllen den Raum der Ebene?

Erklärung der stereometrischen Benennungen.

- 74. Welche sind die Arten der Flächen in den körperlichen Figuren?
- 75. Welche die Arten der Linien in den körperlichen Figuren?
- 76. Von dem nicht zusammengesetzten soliden Körper, der Kugel, und von der Kugeloberfläche.
- 77. Was ist ein Kugelzentrum?
- 78. Was eine Kugelachse?

15

- 79. Was ist auf einer Kugel ein Pol?
- 80. Was ist ein Kreis auf einer Kugel?
- 81. Was ist der Pol eines Kreises auf einer Kugel?
- 82. Die Kugel ist größer als die körperlichen Figuren gleichen Umfangs.
- 83. Von den aus ungleichartigen zusammengesetzten körperlichen Figuren, und zwar: was ist ein Kegel?
- 84. Was ist Grundfläche eines Kegels?
- 85. Was Spitze eines Kegels?
- 86. Was Achse eines Kegels?
- 87. Welcher ist der gleichschenklige Kegel?
- 88. Welcher der ungleichseitige Kegel?
- 89. Welcher der rechtwinklige Kegel?

q'. Τίς δξυγώνιος κῶνος;

ςα'. Τίς ἀμβλυγώνιος κῶνος;

ςβ'. Τί κόλουρος κῶνος;

ςγ'. Τίς ἐπιφάνεια κώνου;

qδ'. Τί τομή κώνου;

ςε'. Περὶ κυλίνδρου ἄξονος καὶ βάσεως αὐτοῦ καὶ τομῆς κυλίνδρου.

ςς'. Περί τομης κοινώς.

ςς'. Πεοί των έκ δύο περιφερειών στερεών σχημάτων, σπείρας ήτοι κρίκου.

10

20

25

ςη΄. Τίνες αί τῶν εὐθυγοάμμων στερεῶν σχημάτων διαφοραί;

ηθ'. Τι έστι πυραμίς;

ο'. Τί ἐστι κύβος;

οα'. Τί έστιν οπτάεδοον;

οβ'. Τι έστι δωδεκάεδοον;

ογ'. Τί έστιν είχοσάεδοον;

οδ'. Ότι πλην τοῦ δωδεκαέδρου τὰ $\overline{\delta}$ λόγον ἔχουσι πρὸς την σφαῖραν.

οε'. Τί έστι ποίσματα;

ος'. Τίνα τῶν σχημάτων οὔτε πυραμίδες οὔτε πρίσματά εἰσι;

οξ'. Τίνα δε παραλληλόγοαμμα ποίσματα;

οη'. Τίνα τὰ παραλληλεπίπεδα;

οθ'. Τίς ή ἐν στερεῷ κάθετος;

οι'. Τίνα τὰ παραλληλόπλευρα ὀρθογώνια πρίσματα, τίνα δὲ οὐκ ὀρθογώνια;

οια'. Τί ἐστι κύβος;

οιβ'. Τί ἐστι δοκός;

- 90. Welcher der spitzwinklige Kegel?
- 91. Welcher der stumpfwinklige Kegel?
- 92. Was ist ein Kegelstumpf?
- 93. Welcher ist ein Kegelmantel?
- 94. Was ein Kegelschnitt?
- 95. Von der Achse eines Zylinders, seiner Grundfläche und dem Zylinderschnitt.
- 96. Vom Schnitt allgemein.
- 97. Von den aus zwei Peripherien gebildeten körperlichen Figuren, Wulst oder Ring.
- 98. Welche sind die Arten der gradlinigen körperlichen Figuren?
- 99. Was ist eine Pyramide?
- 100. Was ist ein Würfel?

10

15

20

25

- 101. Was ist ein Oktaeder?
- 102. Was ist ein Dodekaeder?
- 103. Was ist ein Ikosaeder?
- 104. Die 4 (Körper) außer dem Dodekaeder haben ein Verhältnis zur Kugel.
- 105. Was sind Prismen?
- 106. Welche unter den Figuren sind weder Pyramiden noch Prismen?
- 107. Und welche parallellinige Prismen?
- 108. Welche sind die Parallelepipeda?
- 109. Was ist eine Senkrechte im Raume?
- 110. Welche sind die parallelseitigen rechtwinkligen Prismen, und welche nicht rechtwinklige?
- 111. Was ist ein Würfel?
- 112. Was ist ein Balken?

νος CF. αὐτοῦ καὶ βάσεως F. 8 κοινῆς F. 9 ἐν] F, om. C. 14 ἐστι κύβος] C, ἐστιν εἰκοσάεδρον F; cfr. p. 64, 1. 17 ἐστιν εἰκοσάεδρον] C, ἐστι κύβος F. 18 ρδ΄] ρε΄ C, om. F. Ότι—19 σφαῖραν] C, om. F; cfr. p. 64, 19. 20 πρίσμα F. 22 εἰσι] C, om. F. 23 τίνα—πρίσματα] περὶ παραλληλογράμμων πρισμάτων F, mg. ἴσως παραλληλοπλεύρων. 27 Ante τίνα δὲ ins. ριβ' C. 28 ρια'] ριγ' C, et similiter deinceps. ρια'— πύβος] om. F.

οιγ'. Τί έστι πλινθίς;

οιδ'. Τί έστι σφηνίσχος;

οιε'. Τίνων καὶ πόσαι έν τοῖς σχήμασιν ἐπαφαί;

οις'. Πεοί ἴσων καὶ δμοίων σχημάτων.

οιζ'. Περί ἴσων γραμμών.

οιη'. Πεοί ἴσων καί ἀντιπεπονθότων σχημάτων.

5

10

20

οιθ΄. Πεοί τοῦ ἐν μεγέθεσιν ἀπείρου.

οχ'. Πεοί τοῦ ἐν μεγέθεσι μέρους.

οκα'. Περί πολλαπλασίου.

οπβ΄. Πεοί τῆς κατὰ μεγέθη ἀναλογίας.

οκγ΄. Τίνα λόγον έχει ποὸς ἄλληλα τὰ μεγέθη;

οπδ΄. Τίνα τὰ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ μεγέθη ἐστίν;

οπε΄. Διάφοροι μεγεθών αναλογίαι.

οχς'. Τίνα τὰ δμόλογα μεγέθη;

οκζ΄. Περί τῆς ἐν τοῖς μεγέθεσι τῶν λόγων διαφορᾶς. 15

οκη'. Πεοί μεγεθών συμμέτοων καὶ ἀσυμμέτοων.

οπθ΄. Περί εὐθειῶν συμμέτρων καὶ ἀσυμμέτρων.

ολ'. Τίνα μέρη τῶν ἐν τοῖς μεγέθεσι μετρήσεων καταμετροῦντα τὰ ὅλα;

ολα'. Τί τῶν εἰοημένων ἕκαστον δύναται;

ολβ΄. Εὐθυμετοικά.

ολγ΄. Ἐμβαδομετοικά.

ολδ΄. "Ηρωνος ἀρχή τῶν γεωμετρουμένων.

ολε΄. Είδη τῆς μετρήσεως πέντε.

ολε'. Κύκλων θεωρήματα $\overline{\delta}$.

ολζ΄. "Ηρωνος είσαγωγαί των γεωμετρουμένων.]

² σφηνίσκος F, φηνίσκος F. 3 τίνων F, τίνες F; cfr. p. 70, 8. σχημ $_{\alpha}^{\alpha t}$ F. έπαφαί] F, έπαμφίαι F. 5 ίσων γραμμῶν F, ἱσογράμμων F. 10 μεγέθη] F, μεγέθει F. 11 μεγέθη F, μεγέθει F. 12 τὰ] F, οπ. F. αὐτῷ F, αὐτῷ τῷ F. 13 διάφοροι] scripsi; διαφοραί F, διαφόρων F. ἀνα-

- 113. Was ist eine Plinthis?
- 114. Was ist ein Spheniskos?
- 115. Zwischen welchen und wie viele Berührungen gibt es bei den Figuren?
- 116. Von gleichen und ähnlichen Figuren.
- 117. Von gleichen Linien.
- 118. Von gleichen und umgekehrt proportionalen Figuren.
- 119. Vom Unendlichen in den Größen.
- 120. Vom Teil in den Größen.
- 121. Vom Vielfachen.

10

15

20

25

30

- 122. Von der Proportionalität an den Größen.
- 123. Welches Verhältnis haben die Größen zueinander?
- 124. Welche sind die Größen, die in demselben Verhältnis stehen?
- 125. Verschiedene Proportionalitäten der Größen.
- 126. Was sind homologe Größen?
- 127. Von der Verschiedenheit der Verhältnisse bei den Größen.
- 128. Von kommensurablen und inkommensurablen Größen.
- 129. Von kommensurablen und inkommensurablen Geraden,
- 130. Welche sind bei den Vermessungen der Größen die Teile, die das Ganze messen?
- 131. Was gilt jedes der genannten (Maße)?
 - 132. Längenmaße.
 - 133. Flächenmaße.
 - 134. Anfang der Geometrie von Heron.
 - 135. Fünf Arten der Vermessung.
 - 136. 4 Sätze über Kreise.
 - 137. Einleitung in die Geometrie von Heron.]

λογίαι] ἀναλόγως C; ἀναλογία F, mg. ἴσως ἀναλογίαι; cfr. p. 80, 9. 14 ὁμόλογα] ἄλογα F. 15 τῆς] F, τοῖς C. 18 μεγέθεσι] F, μέρεσι C. 26 "Ηρωνος—γεωμετρουμένων] C; εἰσαγωγαὶ "Ηρωνος. ρλ. διαφοραὶ μεγέθῶν ἀναλόγων. ρλα. τίνα τὰ ὁμόλογα μεγέθη. ρλβ. περὶ τῆς ἐν τοῖς μεγέθεσι τῶν γραμμῶν διαφορᾶς F.

Καὶ τὰ μὲν ποὸ τῆς γεωμετοικῆς στοιχειώσεως τεχνολογούμενα ὑπογράφων σοι καὶ ὑποτυπούμενος, ὡς ἔχει μάλιστα συντόμως, Διονύσιε λαμπρότατε, τήν τε ἀρχὴν καὶ τὴν ὅλην σύνταξιν ποιήσομαι κατὰ τὴν τοῦ Εὐκλείδου τοῦ στοιχειωτοῦ τῆς ἐν γεωμετρία 5 θεωρίας διδασκαλίαν οἶμαι γὰρ οὕτως οὐ μόνον τὰς ἐκείνου πραγματείας εὐσυνόπτους ἔσεσθαί σοι, ἀλλὰ καὶ πλείστας ἄλλας τῶν εἰς γεωμετρίαν ἀνηκόντων. ἄρξομαι τοίνυν ἀπὸ σημείου.

α'. [Πεοὶ σημείου.]

10

Σημεῖον ἐστιν, οὖ μέρος οὐθὲν ἢ πέρας ἀδιάστατον ἢ πέρας γραμμῆς, πέφυκε δὲ διανοία μόνη ληπτὸν εἶναι ὡσανεὶ ἀμερές τε καὶ ἀμέγεθες τυγχάνον. τοιοῦτον οὖν αὐτό φασιν εἶναι οἶον ἐν χρόνω τὸ ἐνεστὸς καὶ οἶον μονάδα θέσιν ἔχουσαν. ὅτι μὲν οὖν τῆ οὐσία 15 ταὐτὸν τῆ μονάδι ἀδιαίρετα γὰρ ἄμφω καὶ ἀσώματα καὶ ἀμέριστα τῆ δὲ ἐπιφανεία καὶ τῆ σχέσει διαφέρει ἡ μὲν γὰρ μονὰς ἀρχὴ ἀριθμοῦ, τὸ δὲ σημεῖον τῆς γεωμετρουμένης οὐσίας ἀρχὴ, ἀρχὴ δὲ κατὰ ἔκθεσιν, οὐχ ὡς μέρος ὂν τῆς γραμμῆς, ὡς τοῦ ἀριθμοῦ μέρος 20 ἡ μονάς, προεπινοούμενον δὲ αὐτῆς κινηθέντος γὰρ ἢ μᾶλλον νοηθέντος ἐν ῥύσει νοεῖται γραμμή, καὶ οὕτω σημεῖον ἀρχή ἐστι γραμμῆς, ἐπιφάνεια δὲ στερεοῦ σώματος.

β'. [Πεοὶ γοαμμῆς.]

Γραμμή δέ έστι μῆκος ἀπλατὲς καὶ ἀβαθὲς ἢ τὸ

¹ μὲν] mihi suspectum. 2 ὑπογράφων] FC^2 , ὑπόγραφον C. 5 Ante τῆς del. τῆ C. 7 πραγματείας] C, διδασκαλίας F. εὐσυνόπτους] scripsi, ἀσυνάπτους CF, εὐσυνάπτους C^2 . 12 ληπτὸν] Schmidt, λοιπὸν CF, ἐπίληπτον Dasypodius. 15 ὅτι] ἔστι Friedlein. τῆ οὐσία] C^2 , ἡ οὐσία CF. 16—17 καὶ ἀμέριστα

Auch in dieser möglichst kurzen Darstellung und Abriß der kunstgerechten Vorbereitung zu den Elementen der Geometrie, hochverehrter Dionysios, werde ich mich sowohl in der Grundlegung als im ganzen Aufbau an die Lehre 5 des Eukleides halten, des Verfassers der Elemente der geometrischen Wissenschaft; so glaube ich nämlich, daß nicht nur seine Arbeiten, sondern auch viele andere über Gegenstände, die unter die Geometrie gehören, dir übersichtlich sein werden. Ich werde also mit dem Punkte anfangen.

1. [Vom Punkte.]

Ein Punkt ist, was keinen Teil hat oder eine Grenze ohne Ausdehnung oder Grenze einer Linie, und sein Wesen ist es nur dem Gedanken faßbar zu sein, weil er sowohl ohne Teile als ohne Größe ist. Man sagt daher, daß er von 15 derselben Beschaffenheit ist als das Nu in der Zeit und die im Raume fixierte Einheit. Dem Wesen nach ist er nun offenbar dasselbe als die Einheit; denn beide sind unteilbar, körperlos und teilerlos; aber der Erscheinung und dem Verhalten nach sind sie verschieden; denn die Einheit ist An-20 fang der Zahl, der Punkt aber der geometrischen Gebilde Anfang, und zwar Anfang der Auseinandersetzung nach, nicht als Teil der Linie, wie die Einheit Teil der Zahl ist, und gedanklich ihr vorausgehend; denn aus der Bewegung des Punktes oder richtiger aus der Vorstellung eines im Fluß 25 befindlichen Punktes entsteht die Vorstellung einer Linie. und in dem Sinne ist der Punkt Anfang der Linie wie die Fläche der des soliden Körpers.

2. [Von der Linie.]

Eine Linie aber ist eine Länge ohne Breite und Tiefe

καὶ ἀσώματα F. 20 ὂν] Hultsch, ὢν CF. 21 προεπινοούμενον] scripsi, προεπινοουμένου CF. 22 γραμμή, καί] scripsi, γραμμής CF, γραμμή Hasenbalg. 23 οὕτω] scripsi, ὅτε CF. σημεῖον] mg. F², σημεῖα CF. γραμμής, γραμμή δὲ ἐπιφανείας, ἐπιφάνεια Mayring.

πρώτον έν μεγέθει την υπόστασιν λαμβάνον ή τὸ έφ' έν διαστατόν τε και διαιρετόν γίνεται δε σημείου δυέντος ἄνωθεν κάτω έννοία τη κατά την συνέχειαν, περιέγεται τε καὶ περατοῦται σημείοις πέρας ἐπιφανείας αὐτή γενομένη. λέγοιτο δὲ ἂν εἶναι γοαμμή τὸ διαι- 5 οοῦν ἀπὸ τῆς σκιᾶς τὴν ἡλιακὴν ἀκτῖνα ἢ ἀπὸ τοῦ πεφωτισμένου μέρους την σκιάν καλ έν Ιματίφ ώς έν συνεχεί νοουμένω τὸ γωρίζον τὴν πορφύραν ἀπὸ τοῦ έρίου ή τὸ ἔριον ἀπὸ τῆς πορφύρας. ήδη δὲ κὰν τῆ συνηθεία της γραμμης έννοιαν έχομεν ως μηκος μόνον 10 έχούσης, οὐκέτι δὲ πλάτος ἢ βάθος. λέγομεν γοῦν εἶς τοῖγός έστι καθ' ὑπόθεσιν πηχῶν ο, οὐκέτι ἀποβλέποντες είς τὸ πλάτος ἢ τὸ πάγος, ἢ δδὸς σταδίων ν, τὸ μῆκος μόνον, οὐκέτι δὲ καὶ τὸ πλάτος αὐτῆς πολυπραγμονούντες, ως γραμμικήν ήμιν είναι και την τοι- 15 αύτην έξαρίθμησιν αὐτίκα καὶ εὐθυμετρική καλεῖται.

γ'. [Τίνες αί τῶν γοαμμῶν διαφοραί;]

Τῶν γοαμμῶν αί μέν εἰσιν εὐθεῖαι, αἱ δὲ οὔ, καὶ τῶν μὴ εὐθειῶν αἱ μέν εἰσι κυκλικαὶ περιφέρειαι ὀνομαζόμεναι, αἱ δὲ έλικοειδεῖς, αἱ δὲ καμπύλαι.

δ'. [Τίς εὐθεῖα γοαμμή;]

Εὐθεῖα μὲν οὖν γοαμμή ἐστιν, ἥτις ἐξ ἴσου τοῖς ἐπ' αὐτῆς σημείοις κεῖται ὀοθὴ οὖσα καὶ οἶον ἐπ' ἄκρον τεταμένη ἐπὶ τὰ πέρατα ἥτις δύο δοθέντων σημείων μεταξὺ ἐλαχίστη ἐστὶν τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα 25

oder das, was innerhalb der Größe zuerst Existenz annimmt. oder was nach einer Dimension Ausdehnung hat und teilbar ist, und sie entsteht, indem ein Punkt von oben nach unten gleitet mittels des Kontinuitätsbegriffs, und ist ein-5 geschlossen und begrenzt durch Punkte, während sie selbst Grenze einer Fläche ist. Linie kann man nennen, was das Sonnenlicht vom Schatten oder den Schatten vom beleuchteten Teil abtrennt, und an einem Kleid als ein Kontinuierliches betrachtet was den Purpurstreifen von der Wolle oder 10 die Wolle vom Purpurstreifen scheidet. Und auch schon im gewöhnlichen Sprachgebrauch haben wir den Begriff der Linie als etwas, das nur Länge hat, nicht aber zugleich Breite und Dicke. Wir sagen ja: eine Wand ist z. B. 100 Ellen lang, ohne zugleich die Breite oder Dicke zu berück-15 sichtigen, oder: ein Weg von 50 Stadien, indem wir uns nur um die Länge, nicht aber zugleich auch um seine Breite kümmern, so daß auch diese Vermessung für uns linear ist; sie wird ja auch Längenmessung genannt.

3. [Welche sind die Arten der Linien?]

Die Linien sind teils gerade teils nicht, die nicht geraden sind teils Kreislinien, Bogen genannt, teils Schraubenlinien, teils krumme.

4. [Was ist eine gerade Linie?]

Eine gerade Linie ist eine solche, die eine den auf ihr befindlichen Punkten gleichmäßige Lage hat, gleichlaufend und wie völlig ausgespannt zwischen den Endpunkten. Sie ist zwischen zwei gegebenen Punkten die kleinste der Linien, welche dieselben Endpunkte haben, sie ist so beschaffen, daß

εὐθεῖαι C. 19 μὴ] Dasypodius, μὲν CF. 23 ἐπ' αὐτῆς] Hultsch, ἐπ' αὐτοῦ C, ἐπ' αὐτον F, ἐπ' αὐτὴν mg. F^2 , ἐφ' ἑαντῆς Dasypodius ex Euclide I p. 2, 4. 24 τεταμένη [Hultsch, τεταμμένη CF. ῆτις] ἢ ῆτις Mayring. 25 μεταξὺ [Mayring, cfr. Theo Smyrn. p. 111, 24; ἡ μεταξὺ CF. ἐλαχίστη] Dasypodius, ἐλάχιστος CF. ἐστὶ F.

έχουσῶν γοαμμῶν, καὶ ἦς πάντα τὰ μέρη πᾶσι τοῖς μέρεσι παντοίως ἐφαρμόζειν πέφυκε, καὶ τῶν περάτων μενόντων καὶ αὐτὴ μένουσα, οἶον ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῷ στρεφομένη καὶ περὶ τὰ αὐτὰ πέρατα, τὸν αὐτὸν ἀεὶ τόπον ἔχουσα. οὕτε δὲ μία εὐθεῖα οὕτε δύο σχῆμα 5 πελοῦσιν.

ε'. [Τίνες αὶ πυπλικαὶ γοαμμαί;]

Κυκλικαί γοαμμαί είσιν, ὅσαι περί εν σημεῖον περιφερῶς ἐπ' ἄκρον τεταμέναι ἢ κύκλους ἢ μέρη κύκλων ἀποτελοῦσι μόναι τῶν ἄλλων γραμμῶν σχή- 10 ματος οὖσαι ποιητικαί.

ς'. [Τίνες αι καμπύλαι γοαμμαί;]

Τῶν δὲ καμπύλων γοαμμῶν ἔστιν μέντοι πλῆθος ἄπειρον αἱ μὲν γὰρ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κοῖλα ἔχουσιν, αἱ δὲ οὔ. ἐπὶ τὰ αὐτὰ μὲν οὖν κοίλη γοαμμή 15 ἔστιν, ὅταν δύο σημείων ληφθέντων αὐτῆς ὁποιωνοῦν ἡ τὰ σημεῖα ἐπιζευγνύουσα εὐθεῖα ἤτοι κατ' αὐτῆς πίπτη τῆς γραμμῆς ἢ ἐντός, ἐκτὸς δὲ μηδέποτε. οὐκ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη κοίλη γραμμή ἐστιν ἡ οὐχ οὕτως ἔχουσα.

ζ'. [Τίνες αὶ έλικοειδεῖς γοαμμαί;]

Έλιξ δὲ γραμμή έστιν ἐν ἐπιπέδφ μέν, ἐὰν εὐθείας μένοντος τοῦ ἐτέρου πέρατος [καὶ] κινουμένης ἐν τῷ ἐπιπέδφ, εως εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῆ, φέρηταί τι σημεῖον ἀπὸ τοῦ μένοντος πέρατος ὁμοῦ ἀρξάμενον 25 τῆ εὐθεία; καὶ ἡ μὲν ἀπὸ ταύτης τῆς εὐθείας γινομένη γραμμὴ κύκλος ἔσται, ἡ δὲ ἀπὸ τοῦ κατὰ τῆς εὐθείας

¹ $\tilde{\eta}_S$] Dasypodius, ϵi_S CF. 2 $u\alpha l$] $\tilde{\eta}$ $\tilde{\eta}$ Schmidt, efr. Proclus in Eucl. p. 110, 21. 16 $\delta \pi o \iota \omega v o \tilde{v} v$] FC², $\delta \pi o \iota o v o \tilde{v} v$ C.

alle Teile mit allen Teilen vollständig kongruieren, und wenn die Endpunkte bleiben, bleibt sie auch selbst, wenn sie gleichsam in derselben Ebene und um dieselben Endpunkte gedreht wird, indem sie immer denselben Ort einnimmt. Weder eine noch zwei Geraden bringen eine Figur zustande.

5. [Was sind Kreislinien?]

Kreislinien sind solche, die um einen Punkt in die Runde völlig ausgespannt entweder Kreise oder Kreisteile bilden, 10 indem sie zum Unterschied von allen anderen Linien allein im Stande sind eine Figur hervorzubringen.

6. [Was sind krumme Linien?]

Von den krummen Linien aber gibt es in der Tat eine unbegrenzte Anzahl; sie haben nämlich teils die Krümmung 15 nach derselben Seite teils nicht. Eine Linie ist nun nach derselben Seite gekrümmt, wenn die Gerade, die zwei beliebig herausgegriffene ihrer Punkte verbindet, entweder auf der Linie selbst fällt oder innerhalb derselben, außerhalb aber niemals. Nicht nach derselben Seite gekrümmt 20 aber ist eine Linie, die sich so nicht verhält.

7. [Was sind Schneckenlinien?]

Eine Schneckenlinie aber entsteht, in der Ebene, wenn, während eine Gerade, deren einer Endpunkt fest bleibt, sich in der Ebene bewegt, bis sie wieder zu derselben Lage zurückgekehrt ist, vom festen Endpunkt gleichzeitig mit der Linie anfangend ein Punkt sie durchläuft; dann wird die durch jene Gerade entstehende Linie ein Kreis sein, die aber, welche durch den die Gerade durchlaufenden Punkt

¹⁸ πίπτη] Hultsch, πίπτει CF. 19 οὐχ] Dasypodius, om. C; οὐκ F, mg. C^2 . 23 μένοντος] Dasypodius, cfr. Archimedes II p. 50, 23; μενούσης CF. καὶ] del. Hultsch. 24 ἔως] ἔως ἄν Hultsch. 26 γινομένη] κιτονμένη F. 27 κύκλος] κοίλη F. κατὰ] Schmidt, cfr. Archimedes II p. 52, 3; om. CF.

φερομένου σημείου ελίξ καλεῖται. ἐἀν δὲ παραλληλογράμμου ὀρθογωνίου μενούσης μιᾶς πλευρᾶς τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιενεχθέντος τὸ μὲν παραλληλόγραμμου εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῆ, ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, ἄμα δὲ τῷ παραλληλογράμμῷ σημεῖόν τι 5 φέρηται κατ' αὐτῆς τῆς μὴ μενούσης παραλλήλου ἀρξάμενον ἀπὸ τοῦ έτέρου πέρατος, τὸ μὲν [οὖν] περιληφθὲν σχῆμα ὑπὸ τῆς τοῦ παραλληλογράμμου κινήσεως καλεῖται κύλινδρος, ἡ δὲ ὑπὸ τοῦ φερομένου σημείου γραμμὴ γίνεται ελίξ, ἦς πᾶν μέρος ἐπὶ πᾶν 10 ἐφαρμόζει, ὅταν ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κοῖλα ἔχη.

η'. [Περὶ ἐπιφανείας.]

Ἐπιφάνειά ἐστιν, ὁ μῆκος καὶ πλάτος μόνον ἔχει ἢ πέρας σώματος καὶ τόπου ἢ τὸ ἐπὶ δύο διαστατὸν ἀβαθὲς ἢ τὸ παντὸς στερεοῦ τε καὶ ἐπιπέδου σχήματος 15 κατὰ δύο διαστάσεις μήκους καὶ πλάτους ἐπιφαινόμενον πέρας. γίνεται δὲ δύσει ὑπὸ γραμμῆς κατὰ πλάτος ἀπὸ δεξιῶν ἐπ᾽ ἀριστερὰ φυείσης. καὶ νοοῖτ᾽ ἂν εἶναι ἐπιφάνεια πᾶσα σκιὰ καὶ πᾶσα χρόα, καθ᾽ ὁ καὶ χρόας ἐκάλουν οἱ Πυθαγόρειοι τὰς ἐπιφανείας νοοῖτο καί, 20 καθ᾽ ὁ μίγνυται ὁ ἀἡρ τῆ γῆ ἢ ἄλλφ στερεῷ σώματι ἢ ὁ ἀὴρ ὕδατι ἢ τὸ ὕδωρ ποτηρίφ ἢ ἄλλφ.τινὶ δοχείφ.

[Τίνες αι τῶν ἐπιφανειῶν γενικαὶ διαφοραί ἡ τίς ἐπίπεδος ἐπιφάνεια;]

Tῶν δὲ ἐπιφανειῶν αἱ μὲν ἐπίπεδοι καλοῦνται, 25 αἱ δὲ οὕ.

¹ φερομένου | Dasypodius, φερομένης C, φερομένη F. δὲ] Friedlein, om. C.F. 2 δρθογωνίου | F; δρθογώνου C, mg. F. 2 τῶν — 3 γωνίαν | del. Mayring. 3 περιενεχθέντως | scripsi, περιενεχθέντων C.F., περιενεχθέν Dasypodius. μὲν τό Dasypodius. παραλληλόγραμμον | F, παραλληλογράμμων C. 4 ἀπο-

entsteht, wird Schneckenlinie genannt. Wenn aber, indem ein rechtwinkliges Parallelogramm sich herumbewegt, während eine der den rechten Winkel umschließenden Seiten fest bleibt, das Parallelogramm wieder zu derselben Lage zurückkehrt, von der aus es sich zu bewegen anfing, und gleichzeitig mit dem Parallelogramm ein Punkt sich auf der nicht fest bleibenden Parallelen selbst bewegt von dem einen Endpunkt anfangend, so wird die durch die Bewegung des Parallelogramms entstandene Figur Zylinder genannt, die Linie aber, die von dem sich bewegenden Punkt beschrieben wird, ist eine Schneckenlinie, von der jeder Teil mit jedem kongruiert, wenn sie die Krümmung nach derselben Seite haben.

8. [Von der Fläche.]

Eine Fläche ist, was nur Länge und Breite hat, oder Grenze eines Körpers und eines Raumes, oder was nach zwei Dimensionen Ausdehnung hat ohne Tiefe, oder die begrenzende Oberfläche jeder soliden und ebenen Figur nach den zwei Dimensionen der Länge und Breite. Sie entsteht durch Gleiten einer Linie, die in der Breite von rechts nach links gleitet. Und als Fläche kann man sich vorstellen jeden Schatten und jede Farbe, weshalb die Pythagoreer auch die Flächen "Farben" nannten; ferner das, wo die Luft mit der Erde oder mit einem anderen soliden Körper zusammenstößt oder die Luft mit dem Wasser oder das Wasser mit dem Becher oder einem anderen Behälter.

[Welche sind die Hauptarten der Flächen, oder was ist eine ebene Fläche?]

Die Flächen aber werden teils ebene genannt, teils nicht 30 ebene.

κατασταθή] Dasypodius, ἀποκατεστάθη C, ἀποκατεσταθή F. 5 ἄμμα F. 6 μή] Dasypodius, om. CF. 7 οὖν] deleo. 9 ὑπὸ] ἀπὸ? cfr. p. 18, 27. 11 ἔχει F, sed corr. 18 ῷνείσης] Hasenbalg (Dasypodii ὁνήσεις idem sibi uult), ῥύησις C, ῥύσις F. νοοῖτ΄] Μαγκίης (νοοῖτο), νοεῖτ' CF. 20 Πνθαγόφειοι] F, πνθαγόφιοι C. καὶ] κἄν Hultsch. 22 δοχίφ F. 23 γενικαὶ] γενόμεναι F.

θ'. [Τί ἐστιν ἐπίπεδος ἐπιφάνεια;]

'Επίπεδος ἐπιφάνειά ἐστιν, ἥτις ἐξ ἴσου ταῖς ἐφ' ἑαυτῆς εὐθείαις κεῖται ὀρθὴ οὖσα ἀποτεταμένη· ἦς ἐπειδὰν δύο σημείων ἄψηται εὐθεῖα, καὶ ὅλη αὐτῆ κατὰ πάντα τόπον παντοίως ἐφαρμόζεται, τουτέστιν ἡ 5 κατὰ ὅλην εὐθεῖαν ἐφαρμόζουσα, καὶ ἡ ἐλαχίστη πασῶν τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἐχουσῶν ἐπιφανειῶν, καὶ ἦς πάντα τὰ μέρη ἐφαρμόζειν πέφυκε.

ι'. [Τίς δὲ οὐκ ἐπίπεδος ἐπιφάνεια;]

Οὐχ ἐπίπεδοι ἐπιφάνειαί εἰσιν αί μὴ οὕτως ἔχου- 10 σαι, τουτέστιν αί μὴ πάντη κατ' εὐθείας φερόμεναι γραμμάς, ἔχουσαι δέ τινα ἀνωμαλίαν καὶ οὐχ ὀρθαὶ δι' ὅλου.

ια'. [Περί στερεού σώματος.]

Στεφεόν ἐστι σῶμα τὸ μῆκος καὶ πλάτος καὶ βάθος 15 ἔχον ἢ τὸ ταῖς τρισὶ διαστάσεσι κεχρημένον. καλοῦνται δὲ στεφεὰ σώματα καὶ οἱ τόποι. σῶμα μὲν οὖν μαθηματικόν ἐστι τὸ τριχῆ διαστατόν, σῶμα δὲ ἀπλῶς τὸ τριχῆ διαστατὸν μετὰ ἀντιτυπίας. περατοῦται δὲ πᾶν στεφεὸν ὑπὸ ἐπιφανειῶν καὶ γίνεται ἐπιφανείας 20 ἀπὸ τῶν πρόσω [ἔμπροσθεν] ἐπὶ τὰ ὀπίσω ἐνεχθείσης.

ιβ'. [Περὶ γωνίας καὶ κεκλασμένης γραμμῆς.]

Γωνία έστὶ συναγωγή πρὸς εν σημεῖον ὑπὸ κεκλασμένης ἐπιφανείας ἢ γραμμῆς ἀποτελουμένη. κεκλασ-

³ αὐτῆς F. ἀποτεταμένη F, ἀποτεταμένη C. ἦς] Hultsch, ἢν CF. 4 αὐτῆ Schmidt, αὐτή CF. 6 ααὶ] ἢ Schmidt. πασῶν] C; πὰτων F, mg. ἴσως πασῶν. 7 ἦς] Dasypodius, εἰς

9. [Was ist eine ebene Fläche?]

Eine ebene Fläche ist eine solche, die eine den auf ihr befindlichen Geraden gleichmäßige Lage hat gleichlaufend ausgespannt; und wenn eine Gerade zwei ihrer Punkte rührt, 5 fällt auch die ganze Gerade an jeder Stelle vollkommen mit ihr zusammen, also eine Fläche, die mit einer Geraden in ihrer ganzen Länge zusammenfällt, und die kleinste von allen Flächen, die dieselben Grenzen haben, und eine solche, deren sämtliche Teile die Eigenschaft haben, unter sich zu 10 kongruieren.

10. [Was ist eine nicht ebene Fläche?]

Nicht ebene Flächen sind solche, die sich nicht so verhalten, d. h. die sich nicht nach allen Richtungen hin nach geraden Linien bewegen, sondern eine Ungleichmäßigkeit haben und nicht durch und durch gleichlaufend sind.

11. [Vom soliden Körper.]

Ein solider Körper ist, was Länge, Breite und Tiefe hat, oder was drei Dimensionen besitzt. Ein mathematischer Körper ist also wie gesagt, was nach drei Dimensionen Ausdehnung hat, Körper im allgemeinen aber, was nach drei Dimensionen Ausdehnung hat und Widerstand leistet. Begrenzt aber ist jeder solide Körper von Flächen und entsteht, indem eine Fläche sich von vorn nach hinten bewegt.

12. [Vom Winkel und von der gebrochenen Linie.]

Ein Winkel ist die von einer gebrochenen Fläche oder Linie gebildete Zusammenziehung auf einen Punkt zu. Ge-

CF. 8 Post μέρη add. πᾶσι τοῖς μέρεσι παντοίως Hultsch praeeunte Mayringio, cfr. p. 18, 1. 11 εὐθείας φερόμεναι γραμμάς] Hultsch, εὐθεῖαν φερόμεναι γραμμάτ CF. 17 σᾶμα —18 διαστατόν] om. F. 21 εμπροσθεν] om. Dasypodius έπενεχθείσης F, corr. mg. 23 πειλασμένη γραμμῆ ἢ ἐπιφανεία Proclus in Eucl. p. 123, 17; cfr. infra p. 24, 15. 24 ἀποτελουμένης F.

μένη δε λέγεται γοαμμή, ήτις εκβαλλομένη οὐ συμπίπτει αὐτὴ καθ' εαυτῆς.

ιγ΄. [Τίνες αὶ γενικαὶ γωνιών διαφοραί;]

Τῶν δὲ γωνιῶν αὶ μέν εἰσιν ἐπίπεδοι, αἱ δὲ στερεαί, καὶ τῶν ἐπιπέδων ἢ στερεῶν αἱ μέν εἰσιν 5 εὐθύγραμμοι, αἱ δὲ οὔ.

ιδ΄. [Τί ἐστι κοινῶς ἐπίπεδος γωνία;]

'Επίπεδος μὲν οὖν ἐστι κοινῶς γωνία ἡ ἐν ἐπιπέδω δύο γοαμμῶν ἀπτομένων ἀλλήλων καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κειμένων πρὸς ἀλλήλας τῶν γοαμμῶν κλίσις. 10 εἰσὶ δὲ οὐ συνεχεῖς ἀπτόμεναι ἀλλήλων αἱ γοαμμαί, ὅταν ἡ ἐτέρα προσεκβαλλομένη κατὰ τὴν ἐαυτῆς σύννευσιν μὴ πίπτη κατὰ τῆς ἐτέρας. καὶ ἄλλως δέ ἐπίπεδός ἐστι γωνία γοαμμῆς ἐν ἐπιπέδω πρὸς ἐνὶ σημείω κλάσις ἢ συναγωγὴ πρὸς ἕν σημείον ὑπὸ κε- 15 κλασμένη γοαμμῆ.

ιε΄. [Τίς ή ἐπίπεδος εὐθύγοαμμος γωνία;]

'Επίπεδος δὲ εὐθύγραμμος καλεῖται γωνία, ὅταν αἱ περιέχουσαι αὐτὴν γραμμαὶ εὐθεῖαι ὧσιν [ἐπίπεδος δὲ γωνία ἡ ἐν ἐπιπέδω πρὸς ἐνὶ σημείω σύννευσις 20 γραμμῆς], ἢ γραμμῆς εὐθείας πρὸς ἐνὶ σημείω κλάσις οὕτω γοῦν γλωχῖνας ἐκάλουν οἱ Πυθαγόρειοι τὰς γωνίας.

¹ ἐκβαλομένη C. $o\dot{v}$] Hasenbalg, cfr. p. 28 , 22; om. CF. συμπίπτει | πίπτει Schmidt, cfr. lin. 13. 2 αὐτή] Dasypodius, αὐτή CF. έαυτῆς] Hasenbalg, cfr. p. 18, 17 al.; ἐαυτήν C, αὐτήν F. 6 εὐθύγραμμαι F. 10 κλίσις] Dasy-

brochen aber wird eine Linie genannt, deren Verlängerung nicht mit ihr selbst zusammenfällt.

13. [Welche sind die allgemeinen Arten der Winkel?]

Die Winkel aber sind teils ebene, teils solide, und die bebenen oder soliden sind teils gradlinig, teils nicht.

14. [Was ist allgemein ein ebener Winkel?]

Ein ebener Winkel allgemein ist nun, wenn zwei Linien in der Ebene einander rühren ohne auf einer Geraden zu liegen, die Neigung der Linien gegeneinander. Einander rührend aber, ohne kontinuierlich zu sein, sind die Linien, wenn die eine, nach der Richtung ihrer Neigung auf die andere verlängert, nicht auf der anderen fällt. Und auf andere Weise: ein ebener Winkel ist die Brechung einer Linie in der Ebene an einem Punkt oder eine Zusammentiehung auf einen Punkt zu unter einer gebrochenen Linie.

15. [Was ist der ebene gradlinige Winkel?]

Gradlinig eben aber wird ein Winkel genannt, wenn die ihn umschließenden Linien Geraden sind, oder die Brechung einer geraden Linie an einem Punkt; nach dieser Aufzofassung haben ja die Pythagoreer die Winkel Spitzen genannt.

podius, κλίσεις CF. 12 σύννευσιν] Hasenbalg, σύνευσιν C; σύνεσιν F, mg. ἴσως σύνευσιν. 14 γωνίας F. 15 κλάσις] Dasypodius, cfr. Proclus in Eucl. p. 125, 10; κλίσις CF. η̃] Dasypodius, η̂ CF. ὑποπεκλασμένη γραμμή C, ἀποπεκλασμένη γραμμή F, ὑπὸ πεκλασμένης γραμμής Dasypodius. 19 ἐπίπεδος—21 pr. γραμμής] del. Friedlein. 20 ἐνὶ σημείω] scripsi, ἀνίσους CF. σύννευσις] Hasenbalg, σύνευσις CF. 21 γραμμής (pr.)] F, γραμμάς C. η̃] Dasypodius, η̂ CF. γραμμής (alt.)] Dasypodius, γραμμή CF. κλάσις] Dasypodius, κλίσις CF. 22 Πνθαγόρειο] F, Πνθαγόρειοι C.

ις'. [Τίνες αι των εὐθυγράμμων γωνιων διαφοραί;]

Τῶν ἐν τοῖς ἐπιπέδοις οὐκ εὐθυγοάμμων γωνιῶν πλῆθός ἐστιν ἄπειρον. τῶν δὲ ἐν τοῖς ἐπιπέδοις εὐθυγοάμμων γωνιῶν εἴδη ἐστὶ τοία αὶ μὲν γὰο ὀοθαί, αἱ δὲ ὀξεῖαι, αἱ δὲ ἀμβλεῖαι καλοῦνται.

ιζ'. [Τίς ἡ ὀοθή γωνία;]

'Όρθη μεν οὖν ἐστι γωνία ἡ τῆ ἀντικειμένη ἴση. ἀντικείμεναι δέ εἰσιν, ἃς ποιεῖ εὐθεῖα ἐπ' εὐθεῖαν σταθεῖσα τὰς ἐφεξῆς γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῆ, ὀρθὴ ἐκατέρα τῶν 10 ἴσων γωνιῶν ἐστιν.

ιη'. [Τίς ἡ όξεῖα γωνία;] 'Όξεῖα γωνία ἐστὶν ἡ ἐλάττων ὀοθῆς.

ιθ'. [Τίς ἡ ἀμβλεῖα γωνία;]

Άμβλεῖα δὲ ἡ μείζων ὀοθῆς ὅταν γὰο εὐθεῖα ἐπ' 16 εὐθεῖαν σταθεῖσα γωνίας ἀνίσους ποιῆ, ἡ μὲν ἐλάττων καλεῖται ὀξεῖα, ἡ δὲ μείζων ἀμβλεῖα.

α΄. [Πῶς ἔχουσι ποὸς ἀλλήλας αι εὐθύγοαμμοι;]

Πᾶσα μεν ὸρθὴ πάση ὀρθῆ ἐστιν ἴση, οὐκέτι δὲ πᾶσα ὀξεῖα πάση ὀξεία ἐστὶν ἴση, οὐδὲ πᾶσα ἀμβλεῖα 20 πάση ἀμβλεία ἐστὶν ἴση. εὐθείας γὰρ ἐπὶ εὐθεῖαν στα-θείσης καὶ ἐγκλινάσης ἀπὸ τῆς ὀρθῆς μέχρι τούτου

³ εὐθυγοάμμων] οὐν εὐθυγοάμμων C, corr. C^2 . 8 έπ'— 9 εὐθεῖαν] om. F. 8 εὐθεῖαν] Dasypodius, cfr. Eucl. I def. 10; εὐθεῖα C. 9 εὐθεῖαν] Dasypodius, εὐθεῖα C. 10 ἀλλήλαις ποιῆ] Hasenbalg, cfr. Eucl. I p. 4, 1; ἀλλήλας ποιεῖ CF. 13 ἐλάττων] F, ἔλαττον C. 15 δὲ] γωνία F. 16 ποιεῖ F. ἐλάττων] ἔλαττων F, ἔλαττον C. 17 μείζων] F, μείζον C.

16. [Welche sind die Arten der gradlinigen Winkel?]

Von den nicht gradlinigen Winkeln in der Ebene gibt es eine unendliche Anzahl. Von den gradlinigen Winkeln aber in der Ebene gibt es drei Arten; teils werden sie näm-5 lich rechte, teils spitze, teils stumpfe genannt.

17. [Was ist der rechte Winkel?]

Recht ist nun der Winkel, der dem gegenüberliegenden gleich ist. Gegenüberliegend aber sind die Winkel, die eine Gerade auf einer Geraden aufgerichtet bildet; wenn näm-10 lich eine Gerade auf einer Geraden aufgerichtet die Nachbarwinkel unter sich gleich bildet, ist jeder der beiden gleichen Winkel ein rechter.

18. [Was der spitze Winkel?]

Ein spitzer Winkel ist ein solcher, der kleiner ist als

19. [Was ein stumpfer Winkel?]

Ein stumpfer aber ein solcher, der größer ist als ein rechter; wenn nämlich eine Gerade auf einer Geraden aufgerichtet ungleiche Winkel bildet, wird der kleinere spitz 10 genannt, der größere aber stumpf.

20. [Wie verhalten sich die gradlinigen Winkel zueinander?]

Jeder rechte Winkel ist jedem rechten gleich, dagegen ist nicht auch jeder spitze jedem spitzen gleich, noch jeder stumpfe jedem stumpfen gleich. Wenn nämlich eine Gerade auf einer Geraden aufgerichtet wird und von dem rechten Winkel aus sich vorwärts neigt, so wird der spitze Winkel immer kleiner, bis die Geraden selbst zusammenfallen und

¹⁸ εὐθύγραμμοι] Schmidt, εὐθύγραμμοι γραμμαί CF, εὐθύγραμμοι γωνίαι Hultsch, cfr. p. 2, 20. 20 πάση ὀξεία] mg. F, om. C. 22 ἐγκλινάσης] Hasenbalg, cfr. Proclus in Eucl. p. 134, 26; ἐνκλινάσης CF.

έλαττοῦται ἡ ὀξεῖα, ἔως συνιζήσωσιν αὐταὶ αί εὐθεῖαι καὶ ἐφίκωνται ἀλλήλων, εὐθείας δὲ ἐπ' εὐθεῖαν στα-θείσης καὶ ἀποκλινάσης ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας μέχρι τούτου μείζων γίνεται ἡ ἀμβλεῖα, ἕως ἀν ὑπτιάσασα ἡ κάθετος ἐπ' εὐθείας καὶ συνεχὴς γένηται τῆ ὑπο- 5 κειμένη.

κα'. [Ότι ή δοθή γωνία καὶ τὸ νῦν καὶ ή μονὰς δμοίως ἔχουσιν.]

'Η όρθη γωνία καὶ τὸ νῦν καὶ μονὰς ὁμοίως ἔχουσιν ή τε γὰρ ὀρθη γωνία ἀεὶ ἔστηκεν ἡ αὐτὴ μέ- 10 νουσα τῆς ὀξείας καὶ ἀμβλείας ἐπ' ἄπειρον μετακινουμένων, ἥ τε μονὰς μὲν αὐτὴ ἔστηκεν, ὁ δὲ μερισμὸς περὶ αὐτὴν καὶ ἡ σύνθεσις, καὶ τὸ νῦν δὲ αὐτὸ ἔστηκεν, ὁ δὲ παρεληλυθώς καὶ ὁ μέλλων ἐπ' ἄπειρον.

μβ'. [Πεοὶ στεοεᾶς γωνίας.]

15

Στεφεὰ γωνία κοινῶς μέν ἐστιν ἐπιφανείας ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κοῖλα ἐχούσης πρὸς ἐνὶ σημείω συναγωγή. καὶ ἄλλως δέ στεφεὰ γωνία ἐστὶν ἡ ὑπὸ τριῶν ἢ πλειόνων γωνιῶν περιεχομένη [ἢ] συναγωγὴ στεφεοῦ πρὸς ἐνὶ σημείω ὑπὸ κεκλασμένη ἐπιφανεία. κεκλασ- 20 μένη δέ ἐστιν ἐπιφάνεια πρὸς γραμμήν, ῆτις ἐκβαλλομένη οὐ συμπίπτει αὐτὴ καθ' ἐαυτῆς νοεῖται δὲ ἐκβαλλομένη, ὅταν [μὴ] φαίνηται μὴ ἐκβαίνουσα ὅλον αὐτῆς τὸ μῆκος ὁμοίως καὶ ἐπίπεδον ἐκβαλλόμενον νοεῖται.

¹ ἔως ἄν Hultsch. συνιζήσωσιν] F, συνιζίσωσιν C. αί]
Dasypodius, καί CF. εὐθεῖαι] ἡ εὐθεῖα F. 2 ἀφίκὂνται F.
4 μείζων] Dasypodius, ἡ μείζων CF. ὑπτιάσαντα F, corr. mg.
9 μονὰς] ἡ μονάς Dasypodius. 10 γωνία] F, γωνεία C.
13 αὐτὸ] Dasypodius, αὐτἡ C, αὐτῆς F. 18 τριῶν ἡ πλείονων]

einander erreichen, wenn aber eine Gerade auf einer Geraden aufgerichtet wird und von dem rechten Winkel aus sich rückwärts neigt, so wird der stumpfe Winkel immer größer, bis die Senkrechte rückwärts geneigt mit der gegebenen auf einer Geraden und kontinuierlich zu liegen kommt.

21. |Der rechte Winkel und das Nu und die Einheit verhalten sich ähnlich.]

Der rechte Winkel und das Nu und die Einheit ver10 halten sich ähnlich; denn der rechte Winkel bleibt immer
stehen, indem er derselbe bleibt, während der spitze und der
stumpfe sich unbegrenzt ändern, und ebenfalls bleibt die
Einheit selbst stehen, während Teilung und Summierung um
sie her vorgehen, und auch das Nu bleibt selbst stehen,
15 während die vergangene und die kommende Zeit ins unendliche gehen.

22. [Vom soliden Winkel.]

Ein solider Winkel ist allgemein die Zusammenziehung einer Fläche, welche die Krümmung nach derselben Seite 20 hat, an einem Punkt. Und auf andere Weise: ein solider Winkel ist die von drei oder mehr Winkeln gebildete Zusammenziehung eines Körpers an einem Punkt unter einer gebrochenen Fläche. Gebrochen aber an einer Linie ist eine Fläche, deren Verlängerung nicht mit ihr selbst zusammenzifällt; verlängert aber wird eine Fläche gedacht, wenn sie offenbar ihre ganze Ausdehnung nicht überschreitet; ebenso wird auch eine Ebene verlängert gedacht.

'Ιδίως δὲ εὐθύγραμμοι στερεαὶ γωνίαι καλοῦνται, ὧν αἱ ἐπιφάνειαι αἱ ποιοῦσαι τὰς γωνίας ὑπὸ ἐπιπέδων εὐθυγράμμων περιέχονται, ὡς αἱ τῶν πυραμίδων καὶ αἱ τῶν στερεῶν πολυέδρων καὶ αἱ τοῦ κύβου, οὐκ εὐθύγραμμοι δὲ αἱ μὴ οὕτως ἔχουσαι, ὡς αἱ τῶν ταύνων.

μγ'. [Πεοί σχήματος.]

Σχῆμά ἐστι τὸ ὑπό τινος ἢ τινων ὅρων περιεχόμενον ἢ τὸ πέρατι ἢ πέρασι συγκλειόμενον. τουτὶ μὲν οὖν τὸ ἐσχηματισμένον· λέγεται δὲ ἄλλως σχῆμα πέρας 10 συγκλεῖον ἀπὸ τοῦ συσχηματίζοντος. εἴρηται δὲ τὸ σχῆμα παρὰ τὸ σῆμα, ὅ ἐστι συγκλειόμενον ἢ συγκλεῖον. διαφέρει δὲ τὸ περιέχον πέρατος· πέρας μὲν γὰρ καὶ τὸ σημεῖον, οὔπω δὲ σχήματος ποιητικόν.

κδ'. [Τίνες οι τῶν σχημάτων ὅροι;]

15

Όροι δὲ σχημάτων εἰσὶν αι τε ἐπιφάνειαι καὶ γοαμμαί. κέκληνται δὲ ὄροι παρὰ τὸ ὁρίζειν, μέχρι ποῦ τὸ σχημά ἐστι, τουτέστι τὰ τέλη τῶν σχημάτων καὶ τὰ πέρατα δείκνυται.

κε'. [Τίνες αι γενικαι των σχημάτων διαφοραί;] 20

Τῶν δὲ σχημάτων ἃ μέν ἐστιν ἐπίπεδα, ἃ δὲ στερεά. ἐπίπεδα μὲν οὖν ἐστι τὰ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδφ πάσας ἔχοντα τὰς γραμμάς, στερεὰ δὲ τὰ μὴ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδφ πάσας ἔχοντα τὰς γραμμάς.

κς'. [Τίνες αί τῶν ἐπιπέδων σχημάτων διαφοραί;] $_{25}$ Τῶν ἐν ταῖς ἐπιφανείαις σχημάτων ἃ μέν είσιν

1 εὐθύγραμμον F. 2 αἰ (pr.)] om. F. 3 ὡς αἰ] ὡς καὶ F. 5 αἰ (alt.)] ἐπὶ F. 9 πέρασ] F, πέρα ζ C. 10 ἐσχηματισμένον]

Speziell aber werden gradlinige solide Winkel solche genannt, bei denen die Flächen, welche die Winkel bilden, von gradlinigen Ebenen hergestellt werden, wie die der Pyramiden, die der soliden Polyeder und die des Würfels, 5 nicht gradlinig aber solche, die sich nicht so verhalten, wie die der Kegel.

23. [Von der Figur.]

Figur ist, was von einer oder mehreren Grenzen umschlossen wird, oder was ein Äußerstes oder mehrere eineschließen. Dies ist nun das als Figur gebildete; auf andere Weise aber wird Figur genannt das einschließende Äußerste als figurenbildend. Das Wort Figur (Schema) aber ist von der Gemarkung (Sema) hergeleitet, d. h. das eingeschlossene oder einschließende. Umschließung aber und Äußerstes sind nicht synonym; ein Äußerstes nämlich ist auch der Punkt, aber noch nicht fähig eine Figur zu bilden.

24. [Welche sind die Grenzen der Figuren?]

Grenzen aber der Figuren sind die Flächen und Linien. Sie werden Grenzen genannt, weil sie bestimmen (begrenzen), o bis wohin die Figur reicht, d. h. wo das Ende und das Äußerste der Figuren aufgezeigt wird.

25. [Welche sind die allgemeinen Arten der Figuren?]

Die Figuren aber sind teils ebene, teils solide. Ebene sind nun solche, die sämtliche Linien in derselben Ebene haben, solide aber solche, die nicht sämtliche Linien in derselben Ebene haben.

26. [Welche sind die Arten der ebenen Figuren?]

Die Figuren in einer Fläche sind teils einfach, teils zu-

Schmidt, cfr. Proclus in Eucl. p. 143, 6; εὐσχηματισμένον CF. 12 συγκλεῖον] F, συγκλείων C. 13 περιέχον] F, περιέχων C. 15 οί | Hultsch, α i CF. 20 hinc inc. V fol. 1 $^{\text{r}}$ (numeros om.). 23 έν] V, έν C, ένός F. 24 αὐτῷ] bis F. 25 α i] suprascr. V.

ἀσύνθετα, ὰ δὲ σύνθετα. ἀσύνθετα μὲν οὖν ἐστι τὰ μὴ συγκείμενα ἐκ γοαμμῶν, σύνθετα δὲ τὰ ἐκ γοαμμῶν συγκείμενα. τῶν δὲ συνθέτων σχημάτων τῶν ἐν ταῖς ἐπιφανείαις ὰ μέν ἐστιν ἐξ ὁμογενῶν σύνθετα, ὰ δὲ ἐξ ἀνομογενῶν, οἶον οί λεγόμενοι τομεῖς τῶν κύκλων ταὶ τὰ ἡμικύκλια καὶ αἱ ἁψίδες καὶ τὰ μείζονα τμήματα τῶν κύκλων. λέγοιντο δ' ἀν ἐξ ὁμογενῶν σύνθετα οί μηνίσκοι καὶ αἱ στεφάναι καὶ τὰ παραπλήσια.

κζ'. [Πεοὶ ἀσυνθέτου ἐπιπέδου σχήματος, ὅ ἐστι κύκλος.]

Κύκλος ἐστὶ τὸ ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενον 10 ἐπίπεδον. τὸ μὲν οὖν σχῆμα καλεῖται κύκλος, ἡ δὲ περιέχουσα γραμμὴ αὐτὸ περιφέρεια, πρὸς ἣν ἀφ' ἐνὸς σημείου τῶν ἐντὸς τοῦ σχήματος κειμένων πᾶσαι αί προσπίπτουσαι εὐθεῖαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν. ἐὰν μὲν οὖν ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῷ τὸ σημεῖον ἦ, κέντρον κα- 15 λεῖται, ἐὰν δὲ μὴ ἦ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῷ, πόλος, ὡς ἔχει ἐπὶ τῶν ἐν ταῖς σφαίραις κύκλων. λέγεται δὲ καὶ ἄλλως κύκλος γραμμή, ἥτις πρὸς πάντα τὰ μέρη [πάντα] ἴσα ποιεῖ τὰ διαστήματα. γίνεται δὲ κύκλος, ἐπὰν εὐθεῖα ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῷ ὑπάρχουσα μένοντος τοῦ 20 ἐνὸς πέρατος τῷ ἐτέρῷ περιενεχθεῖσα εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀπονατασταθῆ, ὅθεν ἤοξατο φέρεσθαι.

κη'. [Πεοὶ διαμέτοου.]

Διάμετρος δὲ τοῦ κύκλου ἐστὶν εὐθεῖά τις διὰ τοῦ κέντρου ἠγμένη καὶ περατουμένη ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη, 25

³ τῶν (pr.)] ὧν V. 4 σύνθετα—5 ἀνομογενῶν] om. V. 6 αί] om. F. 7 ἐξ ὁμογενῶν σύνθετα] om. CVF, add. Hasenbalg (post παραπλήσια l. 8), cfr. Proclus in Eucl. p. 163, 5 sqq. 8 οί] καὶ οί corr. ex οί V². μηνίσκοι] VF, μικίσκοι C. αί στεφάναι] VF, ἐστεφάναι C. 12 αὐτὸ γραμμή V. 14 εἴσαι C.

sammengesetzt. Einfach sind nun solche, die nicht aus mehreren Linien zusammengefügt sind, zusammengesetzt aber solche, die aus mehreren Linien zusammengefügt sind. Die zusammengesetzten Figuren in einer Fläche sind teils aus gleichartigen Linien zusammengesetzt, teils aus ungleichartigen, wie die sogenannten Ausschnitte aus dem Kreis, die Halbkreise, die Apsiden und die größeren Kreisabschnitte. Als aus gleichartigen Linien zusammengesetzt können dagegen genannt werden die Möndchen, die Kränze und derto gleichen.

27. [Von der nicht zusammengesetzten ebenen Figur, d. h. vom Kreise.]

Ein Kreis ist die von einer Linie umschlossene Ebene. Die Figur wird also Kreis genannt, die sie umschließende Linie aber Umkreis, und alle Geraden, die zu diesem reichen von einem der innerhalb der Figur gelegenen Punkte aus, sind unter sich gleich. Wenn nun dieser Punkt in derselben Ebene liegt, wird er Mittelpunkt genannt, wenn er aber nicht in derselben Ebene liegt, Pol, wie es sich bei den Kreisen auf Kugeln verhält. Aber auch auf andere Weise wird Kreis genannt eine Linie, die nach allen Teilen gleiche Entfernungen bildet. Ein Kreis entsteht, wenn eine Gerade, indem sie in derselben Ebene bleibt, während der eine Endpunkt fest liegt, mit dem anderen herumgeführt wird, bis sie wieder in dieselbe Lage zurückgebracht ist, von wo sie sich zu bewegen anfing.

28. [Vom Durchmesser.]

Durchmesser aber des Kreises ist eine Gerade, die durch den Mittelpunkt gezogen ist und auf beiden Seiten (durch

άλλήλοις C. 15 $\frac{\pi}{\eta}$] V, mg. F, $\mathring{\eta}$ CF. 16 $\mathring{\eta}$ έν] εἶεν F. 18 κύκλος] κύκλος έστί F. πρὸς] Dasypodius, om. CVF. πάντα] del. Dasypodius, πρὸς πάντα CVF. 19 ἴσα] om. F. 20 εὐθεῖα] εὐθεῖα γραμμή F. 21 ένὸς] VF, έντός C. 25 τὰ] V, om. CF. Post μέρη add. ὑπὸ τῆς τοῦ κύκλον περιφερείας Dasypodius, cfr. Eucl. I def. 17.

ήτις καὶ δίχα τέμνει τὸν κύκλον, ἢ εὐθεῖα διὰ τοῦ κέντου Εως τῆς περιφερείας διηγμένη.

κθ'. [Περὶ τῶν ἐν τοῖς ἐπιπέδοις ἐξ ἀνομογενῶν συνθέτων περιφερειῶν σχημάτων, οἶον τί ἐστιν ἡμικύκλιον;]

Ήμικύκλιόν έστιν τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπό τε 5 τῆς διαμέτρου καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῆς περιφερείας, ἢ τὸ ὑπὸ διαμέτρου κύκλου καὶ περιφερείας περιεχόμενον σχῆμα.

λ'. [Τί ἐστιν ἀψίς;]

Αψὶς δέ ἐστιν τὸ ἔλαττον ἡμικυκλίου περιεχόμε- 10 νον ὑπὸ εὐθείας ἐλάττονος τῆς διαμέτρου καὶ περιφε- ρείας ἐλάττονος ἡμικυκλίου.

λα'. [Τί ἐστιν τμῆμα κύκλου τὸ μεῖζον;]

Τμημα δὲ κύκλου τὸ μεῖζόν ἐστιν, ὅ περιέχεται ὑπὸ εὐθείας ἐλάττονος τῆς διαμέτρου καὶ περιφερείας 15 μείζονος ἡμικυκλίου.

λβ΄. [Τι ἐστι κοινῶς τμῆμα κύκλου;]

Κοινῶς δὲ τμῆμα κύκλου ἐστίν, ἄν τε μεῖζον ἄν τε ἔλαττον ἡμικυκλίου, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ εὐθείας καὶ κύκλου περιφερείας.

λγ΄. [Τίς ή ἐν τμήματι κύκλου γωνία;]

Έν τμήματι κύκλου γωνία ἐστίν, ὅταν ἐπὶ τῆς περιφερείας τοῦ τμήματος ληφθῆ τι σημεῖον, ἀπὸ δὲ

¹ καὶ] V, cfr. Eucl. I p. 4, 17; om. CF. $\mathring{\eta}$] Dasypodius, $\mathring{\eta}$ CF, om. V. διὰ τοῦ κέντρον] δ' αὐτοῦ V. 3 ἀνομοιογενῶν F. 4 οἷον] V, $\mathring{\eta}$ γουν CF. 5 ἐστι VF. τε] om. V.

den Kreis) begrenzt wird, welche auch den Kreis in zwei gleiche Teile zerschneidet, oder eine Gerade durch den Mittelpunkt bis zum Umkreis gezogen.

5 29. [Von den Figuren in der Ebene, welche aus ungleichartigen Peripherien zusammengesetzt sind, und zwar: was ist ein Halbkreis?]

Ein Halbkreis ist die Figur, die umschlossen wird vom Durchmesser und dem durch ihn abgetrennten Kreisbogen, o oder die vom Durchmesser eines Kreises und ihrem Kreisbogen umschlossene Figur.

30. [Was ist eine Apsis?]

Eine Apsis aber ist, was kleiner ist als ein Halbkreis umschlossen von einer Geraden, die kleiner ist als der 5 Durchmesser, und einem Kreisbogen, der kleiner ist als ein Halbkreis.

31. [Was ist ein größerer Kreisabschnitt?]

Ein größerer Kreisabschnitt aber ist ein solcher, der umschlossen wird von einer Geraden, die kleiner ist als der o Durchmesser, und einem Kreisbogen, der größer ist als ein Halbkreis.

32. [Was ist allgemein ein Kreisabschnitt?]

Ein Kreisabschnitt aber allgemein, ob größer oder kleiner als ein Halbkreis, ist die von einer Geraden und einem Kreis-5 bogen umschlossene Figur.

33. [Was ist der Winkel in einem Kreisabschnitt?]

Ein Winkel in einem Kreisabschnitt ist, wenn auf dem Bogen des Abschnitts ein Punkt genommen wird, und vom

τοῦ σημείου ἐπὶ τὰ πέρατα τῆς εὐθείας ἐπιζευχθῶσιν εὐθεῖαι, ἡ περιεχομένη γωνία ἐν τῷ σχήματι.

λδ'. [Τί ἐστιν τομεὺς κύκλου;]

Τομεὺς δὲ κύκλου ἐστὶ τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ δύο μὲν εὐθειῶν, μιᾶς δὲ περιφερείας, ἢ τὸ περι- 5 εχόμενον σχῆμα ὑπὸ τῶν τὴν τυχοῦσαν ἐν κύκλῷ γω-νίαν περιεχουσῶν εὐθειῶν καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῶν περιφερείας.

λε΄. [Περὶ τῶν ἐκ δύο περιφερειῶν ἐπιπέδων σχημάτων καὶ λοιπῶν, τουτέστι περὶ κυρτῆς καὶ κοίλης $_{10}$ περιφερείας.]

Πᾶσα περιφέρεια κατὰ μὲν τὴν πρὸς τὸ περιεχόμενον χωρίον νόησιν κοίλη καλεῖται, κατὰ δὲ τὴν πρὸς τὸ περιέχον κυρτή.

λς'. [Τι ἐστι μηνίσχος;]

15

Μηνίσκος τοίνυν έστι τὸ περιεχόμενον σχήμα ὑπὸ δύο περιφερειῶν κοίλης και κυρτῆς, ἢ δύο κύκλων οὐ περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὑπεροχή, ἢ τὸ περιεχόμενον ὑπὸ δύο περιφερειῶν ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κοῖλα ἐχουσῶν.

λζ'. [Τί ἐστι στεφάνη;]

Στεφάνη δέ έστιν τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ [τῶν] δύο κυρτῶν περιφερειῶν, ἢ δύο κύκλων περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὑπεροχή.

¹ εὐθείας] γοαμμῆς V. 2 σχήματι] τμήματι V. Deinde add. ἐστι τμήματος κύκλον γωνία V, ἐστι τμήματος κυκλογώνον CF, del. Friedlein. 3 ἐστιν] V, ἐστι CF. 6 τυχοῦσαν] Dasypodius, οὖσαν V, οὐσίαν CF. περιεχοσῶν γωνίαν F. 8 des. V. 9 ἐκ] F, ἐν C. ἐπιπέδων σχημάτων] τμημάτων F. 10 περὶ

Punkte nach den Endpunkten der Geraden gerade Linien gezogen werden, der in der Figur umschlossene Winkel.

34. [Was ist ein Kreisausschnitt?]

Ein Kreisausschnitt aber ist die von zwei Geraden und 5 einem Bogen umschlossene Figur, oder die Figur, die umschlossen wird von den einen beliebigen Winkel im Kreise umschließenden Geraden und dem von ihnen abgetrennten Kreisbogen.

35. [Von den aus zwei Kreisbögen zusammengesetzten ebenen 10 Figuren usw., d. h. von dem konvexen und konkaven Bogen.]

Jeder Bogen wird konkav genannt, wenn man ihn im Verhältnis zu dem umschlossenen Raum denkt, konvex aber, wenn zu dem umschließenden.

36. [Was ist ein Möndchen?]

Ein Möndchen nun ist eine von zwei Kreisbögen, einer konkaven und einer konvexen, umschlossene Figur, oder die Differenz zweier Kreise, die nicht denselben Mittelpunkt haben, oder die von zwei Kreisbögen umschlossene Figur, welche die Krümmung nach derselben Seite hin haben.

37. [Was ist ein Kranz?]

20

Ein Kranz aber ist die von den Peripherien zweier Kreise umschlossene Figur, oder die Differenz zweier Kreise um denselben Mittelpunkt.

νυςτῆς] τῆς F. καὶ κοίλης] Hultsch, cfr. p. 4, 20; κοίλης καί CF. 13 νόησιν] εἰσι F, mg. ἴσιν. 17 κοίλης καὶ κυςτῆς] huc transposui; hic om. CF, u. ad lin. 18; cfr. Proclus in Eucl. p. 127, 10. κύκλων] Dasypodius, ὅλων CF. οὐ] scripsi, μή Dasypodius, οπ. CF. 18 κέντρον ὄντων Dasypodius. ὑπεροχὴ] ὑπεροχὴ κοίλης καὶ κυςτῆς CF. 19 ἔχουσιὖ F. 21 ἐστι F. τῶν] deleo, ὅλων Friedlein; fort. scribendum ὑπὸ τῶν δύο κύκλων περιφερειῶν cum Hasenbalgio. 22 κύκλων] Dasypodius, ὅλων CF.

λη'. [Τί ἐστι πέλεκυς;]

Πέλεχυς δέ έστι τὸ περιεχόμενον ὑπὸ $\overline{\delta}$ περιφερειῶν, δύο κοίλων καὶ δύο κυρτῶν.

Καθόλου δὲ εἰπεῖν ἀπερίληπτόν ἐστι τὸ πλῆθος τῶν ἐν τοῖς ἐπιπέδοις ἐκ περιφερειῶν σχημάτων, ἔτι 5 δὲ μᾶλλον τῶν ἐν ταῖς ἐπιφανείαις.

λθ'. [Τίνες αι τῶν ἐν τοῖς ἐπιπέδοις εὐθυγοάμμων σχημάτων διαφοραί;]

Τῶν ἐν τοῖς ἐπιπέδοις εὐθυγράμμων σχημάτων ἃ μέν εἰσι τρίγωνα ἢ τρίπλευρα, ἃ δὲ τετράγωνα ἢ τε- 10 τράπλευρα, ἃ δὲ ἐπ' ἄπειρον πολύγωνα ἢ πολύπλευρα.

μ'. [Τί έστι τρίγωνον;]

Τοίγωνόν ἐστι σχῆμα ἐπίπεδον ὑπὸ τοιῶν εὐθειῶν πεοιεχόμενον τοεῖς ἔχον γωνίας.

μα'. [Τίνα τῶν τοιγώνων εἴδη καὶ πόσα;] 15

Τῶν δὲ τριγώνων ἢ τριπλεύρων σχημάτων τὰ γενικώτατα εἴδη εἰσὶν έξ΄ ἀπὸ μὲν γὰρ τῶν πλευρῶν ἃ μὲν καλοῦνται ἰσόπλευρα, ἃ δὲ ἰσοσκελῆ, ἃ δὲ σκαληνά ἀπὸ δὲ τῶν γωνιῶν ἃ μέν εἰσιν ὀρθογώνια, ἃ δὲ ἀμβλυγώνια. ἐπὶ μὲν οὖν τῶν 20 ὀρθογώνιων δύο γένη, τό τε ἰσοσκελὲς καὶ τὸ σκαληνὸν ἐπ΄ ἄπειρον προϊόν οὐδὲν γὰρ ὀρθογώνια πλὴν τοῦ ἰσοπλεύρου οὐ δύο μόνον ἔχει φύσεις, ἀλλὰ καὶ ἐπ΄ ἄπειρον χωρεῖ.

⁵ ἐν περιφερειῶν] Hultsch, περιφερειῶν CF, περιφερῶν Dasypodius. 7 rursus inc. V. αi] V, mg. F, ἐν CF. ἐν τοῖς]

38. [Was ist ein Doppelbeil?]

Ein Doppelbeil aber ist die von 4 Kreisbögen, zwei konkaven und zwei konvexen, umschlossene Figur.

Überhaupt aber ist die Zahl der aus Kreisbögen gebil-5 deten Figuren in der Ebene unbestimmbar, und noch mehr der in den Flächen.

39. [Welche sind die Arten der gradlinigen Figuren in der Ebene?]

Die gradlinigen Figuren in der Ebene sind teils Dreiecke 10 oder dreiseitige, teils Vierecke oder vierseitige, teils ins unbegrenzte Vielecke oder vielseitige.

40. [Was ist ein Dreieck?]

Ein Dreieck ist eine ebene von drei Geraden umschlossene Figur mit drei Winkeln.

15 41. [Welche sind die Arten der Dreiecke und wieviele?]

Von den Dreiecken aber oder dreiseitigen Figuren gibt es sechs Hauptarten; nach den Seiten nämlich werden sie teils gleichseitig, teils gleichschenklig, teils ungleichseitig genannt; nach den Winkeln aber sind sie teils rechtwinklig, teils spitzwinklig, teils stumpfwinklig. Bei den rechtwinkligen gibt es nun nur zwei Arten, gleichschenklige und die ins unbegrenzte gehenden ungleichseitigen; denn ein gleichseitiges rechtwinkliges gibt es nicht; die anderen, nicht rechtwinkligen Dreiecke aber, das gleichseitige auszenommen, haben nicht zwei Arten allein, sondern gehen ins unbegrenzte.

om. V. 10 & δè $-\tau$ ετροάπλευρα] om. V. 14 ξχων C. 15 τῶν] om. V. 20 οὖν] V, om. CF. 21 τὸ σκαληνὸν-22 ὀρθογώνιον] om. V. 22 οὐδèν] Hasenbalg, οὐδè CF. ὀρθογωνίον ἰσοπλεύρον F. 23 μή] μέν V. 24 οὐ] om. V.

μβ'. [Τί τὸ ἰσόπλευοον;]

'Ισόπλευρον μεν οὖν ἐστιν, ὅταν τρεῖς ἴσας ἔχη πλευρὰς ἢ γωνίας.

μγ΄. [Τί τὸ ἰσοσκελές;]

'Ισοσκελές δέ, ὅταν τὰς δύο μόνας ἴσας ἔχη πλευράς. 5

μδ'. [Τί τὸ σκαληνόν;]

Σκαληνὰ δέ, ὅσα τὰς τρεῖς ἀνίσους ἔχει πλευράς.

με'. [Τί τὸ ὀρθογώνιον;]

'Ορθογώνιον δέ έστι τὸ μίαν ἔχον ὀρθήν γωνίαν.

μς'. [Τί τὸ ὀξυγώνιον;]

'Οξυγώνιον δὲ τὸ τὰς τρεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

μζ'. [Τί τὸ ἀμβλυγώνιον;]

'Αμβλυγώνιον δὲ τὸ μίαν ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν.

μη'. [Τοιγώνων ίδιότητες.]

Τὰ μὲν οὖν Ισόπλευρα πάντα ὀξυγώνιά ἐστι, τῶν 15 δὲ ἰσοσκελῶν καὶ σκαληνῶν ὰ μέν εἰσιν ὀρθογώνια, ὰ δὲ ὀξυγώνια, ὰ δὲ ἀμβλυγώνια.

μθ΄. [Πεοὶ τετραπλεύρων σχημάτων. Τί έστιν τετράπλευρον ἐπίπεδον;]

Τετράπλευρον ἐπίπεδόν ἐστι σχῆμα τὸ ὑπὸ τεσσά- 20 ρων εὐθειῶν περιεχόμενον τέσσαρας ἔχον γωνίας.

ν'. [Τίνες αί τῶν τετραπλεύρων διαφοραί;] Τῶν τετραπλεύρων σχημάτων ἃ μέν εἰσιν ἰσό-

² ἔχη] V, ἔχει CF. 5 ἰσοσκελῆ δὲ ὅσα V. μόνον V

42. [Was ist ein gleichseitiges Dreieck?]

Gleichseitig ist nun ein Dreieck, wenn es drei gleiche Seiten oder Winkel hat.

43. [Was ein gleichschenkliges?]

Gleichschenklig aber, wenn es nur die zwei Seiten gleich hat.

44. [Was ein ungleichseitiges?]

Ungleichseitig aber solche, die alle drei Seiten ungleich haben.

45. [Was ein rechtwinkliges?]

Rechtwinklig aber ist ein solches, das einen rechten Winkel hat.

46. [Was ein spitzwinkliges?]

Spitzwinklig aber ein solches, das drei spitze Winkel hat.

47. [Was ein stumpfwinkliges?]

15

Stumpfwinklig aber ein solches, das einen stumpfen Winkel hat.

48. [Eigentümlichkeiten der Dreiecke.]

Die gleichseitigen sind nun sämtlich spitzwinklig, von 20 den gleichschenkligen und ungleichseitigen dagegen sind einige rechtwinklig, einige spitzwinklig, einige stumpfwinklig.

49. [Von den vierseitigen Figuren. Was ist ein ebenes Viereck?]

Ein ebenes Viereck ist eine von vier Geraden umschlossene 25 Figur, die vier Winkel hat.

50. [Welche sind die Arten der Vierecke?]

Von den Vierecken sind einige gleichseitig, einige nicht;

ἴσας] V, ὅσας CF. ἔχη] Hasenbalg, ἔχει CVF. 11 γωνίας] V, om. CF. 17 ἃ δὲ ὀξυγώνια] om. F. 19 ἐστιν] V, ἐστι CF. 21 τέσσαρας] δ΄ C. ἔχων C.

πλευρα, ὰ δὲ οὔ: τῶν δὲ ἰσοπλεύρων ἃ μὲν ὀρθογώνια, ὰ δὲ οὔ.

να'. [Τίνα τετράγωνα;]

Τὰ μὲν οὖν ὀοθογώνια ἰσόπλευοα τετοάγωνα καλεῖται.

νβ'.] Τίνα τὰ έτερομήκη;]

Τὰ δὲ ὀοθογώνια μέν, μὴ Ισόπλευοα δέ, ἐτερομήκη καλεῖται.

νγ'. [Τί δόμβοι;]

Τὰ δὲ ἰσόπλευρα μέν, μὴ ὀρθογώνια δέ, ὁόμβοι. 10

νδ'. [Τί φομβοειδη;]

Τὰ δὲ μήτε ἰσόπλευρα μήτε ὀρθογώνια, τὰς δὲ ἀπεναντίας πλευράς τε καὶ γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ἔχοντα, ὁρμβοειδῆ καλεῖται.

νε'. [Τίνα παραλληλόγραμμα;]

"Ετι δὲ τῶν τετραπλεύρων ἃ μὲν καλεῖται παραλληλόγοαμμα, ἃ δὲ οὐ παραλληλόγοαμμα παραλληλόγοαμμα οὰν τὰ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς παραλλήλους ἔχοντα, οὐ παραλληλόγοαμμα δὲ τὰ μὴ οὕτως ἔχοντα.

νς'. [Περὶ παραλληλογράμμων δοθογωνίων.]

Τῶν δὲ παραλληλογράμμων ὅσα μὲν ὀρθογώνιά ἐστιν, περιέχεσθαι λέγεται ὑπὸ τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχουσῶν εὐθειῶν ἔστι γὰρ μέγιστον τῶν ὑπὸ ἴσων πλευρῶν περιεχομένων παραλληλογράμμων τὸ ἐν ὀρθῆ 25

³ τετραγώνια V. 4 ἰσόπλευρα τετράγωνα] καὶ ἰσόπλευρα τετράπλευρα V. 11 Τί ξομβοειδ $\tilde{\eta}$;] B, om. CVF. 12 Τὰ δὲ-14 καλεῖται] om. V. 13 ἀλλήλαις] Dasypodius, ὰλλήλας

von den gleichseitigen aber sind einige rechtwinklig, andere nicht.

51. [Was sind Quadrate?]

Die rechtwinkligen gleichseitigen nun werden Quadrate genannt.

52. [Was Rechtecke?]

Die rechtwinkligen aber nicht gleichseitigen werden dagegen Rechtecke genannt.

53. [Was Rhomben?]

10

Und die gleichseitigen aber nicht rechtwinkligen Rhomben.

54. [Was Rhomboide?]

Solche aber, die weder gleichseitig noch rechtwinklig sind, aber die gegenüberstehenden Seiten und Winkel unter sich gleich haben, werden Rhomboide genannt.

55. [Was Parallelogramme?]

Ferner werden von den Vierecken einige Parallelogramme genannt, einige nicht Parallelogramme; Parallelogramme sind solche, die die gegenüberstehenden Seiten parallel haben, nicht Parallelogramme solche, die sich nicht so 20 verhalten.

56. [Von den rechtwinkligen Parallelogrammen.]

Von den rechtwinkligen unter den Parallelogrammen sagt man, daß sie umschlossen werden von den den rechten rechten Winkel umschließenden Geraden; denn unter den 25 von gleichen Seiten umschlossenen Parallelogrammen ist

CF. ξχοντα] ξχοντα τῷ C, τῷ del.; ξχοντας τῷ F. 14 ξομβοειδεῖ F. 15 Τίνα] V, τίνα τὰ CF. 16 "Ετι] ἐπί V. 18 ἀπεναντίων V. 22 ὅσα μὲν ὀρθογώνια] V, ὀρθογωνίων ὅσα CF, ὀρθογώνια ὅσα Dasypodius. 23 ἐστιν] V, ἐστι CF. 24 ἴσων] V, τῷν ἴσων CF. 25 περιεχόμενον V.

γωνία. ἐπ' ἄπειοον γὰο ἐπινοεῖται παοαλληλόγοαμμα [δὲ ὅσα] ὑπ' ἴσων περιεχόμενα πλευρῶν διάφορα κατὰ τὸ ἐμβαδὸν τυγχάνοντα. ὧν τὰ μὲν ὀξείας γωνίας ἔχοντα ἐλάττονα γίνεται, τὸ δὲ ἔχον τὴν ὀρθὴν μέγιστον. ἐπεὶ οὖν ἐλάττους ἀεὶ αί ὀξεῖαι εὑρίσκονται, ε οί βουλόμενοι ἀναμετρεῖν τὰ τοιαῦτα σχήματα ὅρον καὶ ὑπόστασιν ἔθεντο τὸν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν λόγον.

νζ΄. [Τίς δ ἐν παραλληλογράμμω γνώμων;]

Παντός δὲ παραλληλογράμμου τῶν περὶ τὴν διάμετρον αὐτῷ παραλληλογράμμων εν δποιονοῦν σὺν 10
τοῖς δυσὶ παραπληρώμασι γνώμων καλεῖται.

νη'. [Τι έστι γνώμων κοινῶς;]

Καθόλου δὲ γνώμων ἐστὶν πᾶν, ὃ προσλαβὸν δτιοῦν, ἀριθμὸς ἢ σχῆμα, ποιεῖ τὸ ὅλον ὅμοιον, ὧ προσείληφεν.

νθ'. [Τί ἐστι τραπέζιον;]

15

Τῶν παρὰ τὰ εἰρημένα τετραπλεύρων ἃ μὲν τραπέζια λέγεται, ἃ δὲ τραπεζοειδῆ.

ξ'. [Τίνα τὰ τραπέζια;]

Τοαπέζια μεν οὖν είσιν, ὅσα μόνον δύο παραλλή-λους ἔχει πλευράς.

ξα'. [Τίνα τὰ τραπεζοειδῆ;]

Τοαπεζοειδή δέ, όσα μη έχει παραλλήλους πλευράς.

¹ έπ'] add. Hultsch, om. CFV. 2 δὲ ὅσα] deleo, δέ del. Mayring. $\dot{v}\pi'$ ἴσων] Friedlein, $\dot{v}\pi\dot{v}$ τῶν CFV, $\dot{v}\pi\dot{v}$ τῶν ἴσων Hasenbalg. $\pi \epsilon \varrho \iota \epsilon \chi \dot{\rho} \varrho \iota \epsilon v \alpha$] Hasenbalg, $\pi \epsilon \varrho \iota \epsilon \chi \dot{\rho} \varrho \iota \epsilon v \alpha$] addidi, om. CFV. 7 τὸν] fort. scr. τὸν τῶν. 8 $\pi \alpha \varrho \alpha \lambda \lambda \eta \lambda \rho \gamma \varrho \dot{\epsilon} \varrho \iota \mu \omega \nu$ C. 10 $\alpha \dot{v} \tau \ddot{\varrho}$] CV, $\alpha \dot{v} \tau \ddot{v} \nu$ F, $\alpha \dot{v} \tau \ddot{v} \nu$ B cum Euclide II def. 2. 13 $\pi \varrho \sigma \delta \alpha \beta \dot{\rho} \nu$] Hultsch,

das im rechten Winkel das größte. Man kann sich nämlich ins unendliche von gleichen Seiten umschlossene Parallelogramme vorstellen, deren Flächeninhalt verschieden ist, und unter ihnen sind diejenigen, die spitze Winkel haben, kleiner, dasjenige aber, das den rechten Winkel hat, das größte. Da nun die spitzen Winkel immer kleiner gefunden werden, haben diejenigen, die solche Figuren vermessen wollen, die auf den rechten Winkel bezügliche Bestimmung als Definition und Grundlage aufgestellt.

o 57. [Was ist der Gnomon in einem Parallelogramm?]

In jedem Parallelogramm wird ein beliebiges von den um seinen Durchmesser gelegenen Parallelogrammen nebst den beiden Füllstücken Gnomon genannt.

58. [Was ist allgemein Gnomon?]

Allgemein aber ist Gnomon alles, durch dessen Hinzunahme ein Beliebiges, es sei Zahl oder Figur, das ganze demjenigen ähnlich macht, das hinzugenommen hat.

59. [Was ist ein Trapez?]

Von den Vierecken, außer den genannten, werden einige 20 Trapeze, einige Trapezoide genannt.

60. [Welche sind die Trapeze?]

Trapeze sind nun solche, die nur zwei parallele Seiten haben.

61. [Welche sind die Trapezoide?]

25

Trapezoide aber solche, die parallele Seiten nicht haben.

προσλαβων F, προσλαβών CV. ότοιοῦν F. 14 ἀριθμός scripsi, ἀριθμόν CFV; ἀριθμόν $\tilde{\eta}$ del. Hultsch. $\tilde{\eta}$] om. V. $\tilde{\omega}$] V, $\tilde{\sigma}$ CF. 19 εἰσιν] F, εἰσι CV. μόνονς F. δύο μόνον V, fort. recte. 21 τὰ] om. V.

ξβ'. [Τι τραπέζιον ισοσκελές;]

Tῶν δὲ τραπεζίων ἃ μέν εἰσιν ἰσοσκελῆ, ἃ δὲ σκαληνά \cdot ἰσοσκελῆ μὲν οὖν ἐστιν, ὅσα ἴσας ἔχει τὰς μὴ παραλλήλους.

ξγ'. [Τί τραπέζιον σκαληνόν;]

Σκαληνὰ δέ, ὅσα μὴ ἴσας ἔχει τὰς μὴ παραλλήλους.

ξδ΄. [Τίνα ἄρα τὰ πολύπλευρα ἐπίπεδα;]

Πολύπλευρα ἐπίπεδα σχήματά εἰσι τὰ ὑπὸ πλεῖον τῶν τεσσάρων εὐθειῶν περιεχόμενα, οἶον πενταγώνια, εξαγώνια καὶ τὰ έξῆς πολύγωνα ἐπ' ἄπειρον προϊόντα. 10

ξε'. [Πεοὶ τῶν τῶν ἐν τοῖς ἐπιπέδοις εὐθυγοάμμων καθ' ἕκαστα λεγομένων, οἱονεὶ τί ἐστι βάσις;]

Βάσις λέγεται ἐπιπέδου χωρίου γραμμὴ ἡ ώσανεὶ κάτω νοουμένη.

ξς'. [Τί ἐστι πλευρά;]

15

20

Πλευρά δὲ μία τῶν τὸ σχῆμα περικλειουσῶν.

ξζ'. [Τί ἐστι διαγώνιος;]

Διαγώνιος δὲ ἡ ἀπὸ γωνίας εἰς γωνίαν ἀγομένη εὐθεῖα.

ξη'. [Τί ἐστι κάθετος;]

Κάθετος δέ έστιν ή ἀπὸ σημείου εὐθεῖα ἐπὶ εὐθεῖαν ήγμένη.

^{1—10} om. V. 3 έστιν] είσιν F, sed corr. ὅσα] ὅσας C. 6 μὴ ἴσας] Schmidt, μείζονς CF, ἀνίσονς Dasypodius. 10 έξαγώνια] om. F. ἐπ'] F, ἐπί C. 11 τῶν τῶν] scripsi, τῶν

62. [Was ist ein gleichschenkliges Trapez?]

Von den Trapezen aber sind einige gleichschenklig, einige ungleichseitig. Gleichschenklig sind nun solche, die die nicht parallelen Seiten gleich haben.

63. [Was ein ungleichseitiges Trapez?]

Ungleichseitige aber solche, die die nicht parallelen Seiten ungleich haben.

64. [Welche sind also die Vielecke in der Ebene?]

Vieleckige Figuren in der Ebene sind solche, die von mehr als vier Geraden umschlossen werden, wie Fünfecke, Sechsecke und die weiteren Polygone, die ins unbegrenzte fortgehen.

65. [Von den einzelnen Benennungen an den gradlinigen Figuren in der Ebene, und zwar: was ist Grundlinie?]

Grundlinie wird an einem ebenen Flächenraum die Linie genannt, welche gleichsam unten gedacht wird.

66. [Was ist Seite?]

Seite aber ist eine von den die Figur umschließenden Geraden.

67. [Was ist Diagonale?]

Diagonale aber die von Winkel zu Winkel gezogene Gerade.

68. [Was ist eine Kathete?]

Kathete aber ist die von einem Punkt auf eine Gerade ${\bf 5}$ gezogene Gerade.

CFV. 12 καθ'] Hultsch, καί CFV. οἴον V. ἐπίβασις V, corr.
 m. 2. 13 ἐπιπέδου] V, ἐπίπεδος CF. ή] om. V. ὡσανί F.

¹⁴ πάτω] F, κ΄τω C, ἐπάστω V. 17 ἐστι] om. F. διαγώνιο $^{\sigma}_{\nu}$ F, διάγωνος V. 18 διάγωνος V. 20 ἐστι] om. F.

ξθ΄. [Τί ἐστι κάθετος ποὸς ὀοθάς;]

Κάθετος δὲ ποὸς ὀοθὰς λέγεται ἡ ὀοθὰς ποιοῦσα τὰς ἐφεξῆς γωνίας, τῆ δὲ εὐθεία ἐφεστηνυῖα.

ο΄. [Τίνες εἰσὶ παράλληλοι γραμμαί;]

Παράλληλοι δε καλοῦνται γραμμαὶ ἀσύμπτωτοι, ὅσαι ε ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ οὖσαι καὶ ἐκβαλλόμεναι ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη ἐπὶ μηδέτερα συμπίπτουσιν ἀλλήλαις, αἱ μήτε συννεύουσαι μήτε ἀπονεύουσαι ἐν ἐπιπέδῳ, ἴσας δὲ ἔχουσαι τὰς καθέτους πάσας τὰς ἀγομένας ἀπὸ τῶν ἐπὶ τῆς ἐτέρας σημείων ἐπὶ τὴν λοιπήν.

οα'. [Τίνες οὐ παράλληλοι εὐθεῖαι;]

Οὐ παράλληλοι δὲ εὐθεῖαί εἰσιν, ὅσαι συννεύουσαι μείους ἀεὶ τὰς καθέτους ποιοῦσιν.

οβ'. [Τί ἐστι τριγώνου ὕψος;]

Τοιγώνου δὲ ὕψος καλεῖται ἡ ἀπὸ τῆς κοουφῆς 18 ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ἀγομένη.

ογ΄. [Τίνα τῶν ἐπιπέδων σχημάτων συμπληφοῖ τὸν τοῦ ἐπιπέδου τόπον;]

Μόνα δε τῶν ἐπιπέδων ἰσογωνίων καὶ ἰσοπλεύοων σχημάτων συμπληφοῖ τὸν τοῦ ἐπιπέδου τόπον τό τε 20 τοίγωνον καὶ τὸ τετράγωνον καὶ τὸ εξάγωνον. τοίγωνον γοῦν ἀπὸ τῆς ἐαυτοῦ κορυφῆς προσλαβὸν ἄλλα πέντε συμπληφοῖ τὸν τοῦ ἐπιπέδου τόπον χώραν ἐν

⁴ παράλληλοι γραμμαί] Hultsch, παραλληλόγραμμοι CFV. 7 τὰ] Dasypodius ex Eucl. I def. 23, om. CFV. ἐπὶ] ἐπεὶ δέ F. αί] fort. serib. ἢ αί. 8 συνεύουσαι C. 10 λοιπήν] corr. ex λοιπόν V. 11 οὐ] δὲ αί οὐ V. 12 συνεύουσαι C.

69. [Was ist eine senkrecht stehende Kathete?]

Senkrecht stehende Kathete aber wird die Gerade genannt, welche die Nachbarwinkel gleich bildet und auf der Geraden aufgerichtet ist.

70. [Welche sind Parallellinien?]

Parallel aber werden gleichlaufende Linien genannt, die in derselben Ebene sind und nach beiden Seiten verlängert nach keiner von beiden hin unter sich zusammenfallen; sie neigen sich in der Ebene weder gegeneinander noch vonto einander ab, sondern haben alle Katheten gleich, die von den auf der einen gelegenen Punkten auf die andere gezogen werden.

71. [Welche sind nichtparallele Geraden?]

Nichtparallele Gerade aber sind solche, die gegeneinander neigend die Katheten immer kleiner machen.

72. [Was ist Höhe eines Dreiecks?]

Höhe aber eines Dreiecks wird die Kathete genannt, welche vom Scheitelpunkt auf die Grundlinie gezogen wird.

73. [Welche ebenen Figuren füllen den Raum der Ebene?]

Von den ebenen gleichwinkligen und gleichseitigen Figuren aber füllen diese allein den Raum der Ebene: das Dreieck, das Quadrat und das Sechseck. Das Dreieck nämlich füllt, wenn es von seinem Scheitelpunkt aus fünf andere hinzunimmt, den Raum der Ebene aus ohne irgendwelchen Platz dazwischen zu lassen, und ebenso das Quadrat,

4 ,

¹³ μείους] Hultsch, cfr. Proclus in Eucl. p. 176, 10; μείζους CFV. ποιοῦσι C. 14 ὕψος] ἀψίς C. 15 τριγώνου] τρίγωνον C, corr. m. 2. 16 ἀγομένη] des. V. 19 ἰσογωνίων] Friedlein, om. CF. 20 συμπληρῶν F, sed corr. 22 αὐτοῦ F. προσλαβὸν] F, προσλαβόν $\dot{\mathbf{C}}$.

μέσφ μηδεμίαν καταλεϊπον, καὶ τετράγωνον δμοίως προσλαβὸν τρία, καὶ εξάγωνον προσλαβὸν δύο.

["Ο λέγει, τοιοῦτόν ἐστι' τῶν τεσσάρων γωνιῶν τὸν ὅλον συμπαραλαμβάνει τόπον, καθ' ὁ τέμνουσιν ἀλλή-λας αἱ εὐθεῖαι ὡσαύτως' αἱ γὰρ τέσσαρες γωνίαι τέσ- 5 σαρσι καθέτοις ἴσαι εἰσί. καὶ τετράγωνον ὁμοίως καὶ εξάγωνον.]

Έρμηνεία τῶν στερεομετρουμένων.

οδ'. [Τίνες τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς σχήμασι τῶν ἐπιφανειῶν διαφοραί;]

Τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς σχήμασι τῶν ἐπιφανειῶν αἱ μὲν ἀσύνθετοι λέγονται, αἱ δὲ σύνθετοι. ἀσύνθετοι μὲν οὖν εἰσιν, ὅσαι ἐκβαλλόμεναι αὐταὶ καθ' ἑαντῶν πίπτουσιν, οἶον ἡ τῆς σφαίρας, σύνθετοι δέ, ὅσαι ἐκβαλλόμεναι τέμνουσιν ἀλλήλας. τῶν δὲ συνθέτων αἱ ιὲ μὲν ἐξ ἀνομοιογενῶν εἰσι σύνθετοι, αἱ δὲ ἐξ ὁμοιογενῶν, ἐξ ἀνομοιογενῶν μὲν αὶ τῶν κώνων καὶ κυλίνδρων καὶ ἡμισφαιρίων καὶ τῶν τούτοις ὁμοίων, ἐξ ὁμοιογενῶν δὲ αὶ τῶν στερεῶν εὐθυγράμμων. καὶ καθ' ἐτέραν δὲ διαίρεσιν τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς σχήμασιν 20 τῶν ἐπιφανειῶν αἱ μέν εἰσιν ἀπλαῖ, αἱ δὲ μικταί. ἀπλαῖ μὲν οὖν εἰσιν ἐν τοῖς στερεοῖς ἡ τε ἐπίπεδος καὶ ἡ σφαιρική, μικταὶ δὲ ἡ τε κωνικὴ καὶ κυλινδρικὴ καὶ αἱ ταύταις ὅμοιαι. αὖται μὲν οὖν μικταὶ ἐξ ἐπιπέδου καὶ περιφεροῦς, αἱ δὲ σπειρικαὶ μικταί ἐξ ἐπιπέδου καὶ περιφεροῦς, αἱ δὲ σπειρικαὶ μικταί εἰσιν ἐχ 25

¹ τετράγωνον] C, τετράγωνα F. 2 τρία καὶ ἑξάγωνον προσλαβὸν] Martin, om. CF. 3—7 scholium esse uidit Martin. 4 ὅλον] Martin, cfr. Proclus in Eucl. p. 304, 16; τόπον CF. δ] C, δν F. 5 τέσσαρες] Martin, τέσσαρεις CF. 6 καὶ —7 ἑξάγωνον] del. Martin. 8 στερεομετρουμένων] Hultsch, στερεουμετρουμένων C, στερεωμετρουμένων F. 9 τῶν (alt.)]

wenn es drei hinzunimmt, und das Sechseck, wenn es zwei hinzunimmt.

[Was er meint, ist dies: es*) umfaßt den ganzen Raum der vier Winkel, wie (zwei) Geraden sich in derselben Weise 5 schneiden; denn die vier Winkel entsprechen vier Katheten. Und ebenfalls Quadrat und Sechseck.]

Erklärung der stereometrischen Benennungen.

74. [Welche sind die Arten der Flächen in den körperlichen Figuren?]

In betreff der Teile der körperlichen Figuren werden von den Flächen einige nicht zusammengesetzt, einige zusammengesetzt genannt. Nicht zusammengesetzt sind nun solche, die verlängert in sich selbst fallen, wie die Kugelfläche, zusammengesetzt aber solche, die verlängert sich 15 schneiden. Von den zusammengesetzten aber sind einige aus ungleichartigen zusammengesetzt, einige aus gleichartigen, aus ungleichartigen die Flächen der Kegel, Zylinder, Halbkugeln und der ihnen ähnlichen Körper, aus gleichartigen aber die der gradlinigen Körper. Nach einer anan deren Einteilung aber sind von den Teilen der körperlichen Figuren die Flächen teils einfach, teils gemischt. Einfach sind nun in den Körpern die Ebene und die Kugelfläche, gemischt aber die Kegel- und Zylinderfläche und die ihnen ähnlichen. Diese sind nun aus ebenem und rundem gemischt, 25 die spirischen Flächen aber sind aus zwei Peripherien ge-

^{*)} Das Dreieck mit fünf anderen zusammen.

del. Hultsch. 11 τῶν (alt.)] del. Dasypodius. 13 αὐτῶν F. 16 ἀνομοιογενῶν] F, ἀνομογενῶν C. 17 πώνων] F, κόνων C. 18 ἡμισφαιρίων] Hultsch, ἡμιννιλίων CF. ὁμοιογενῶν] F, ὁμογενῶν C. 21 τῶν] C, om. F. 22 ἢ τε] Schmidt, om. CF, ἡ Friedlein, αὶ Hultsch. ἐπίπεδος] Friedlein, ἐπιπέδοις CF, ἐπίπεδοι Hultsch. 23 τε κωνικὴ] Dasypodius, τεκτονική CF, -τ- del. C. καὶ (alt.)] καὶ ἡ Hultsch. 24 ταύταις] Dasypodius, ταύτης C, ταύτη F. ἐξ] B, αἱ ἐξ CF. 25 περιφεροῦς] C, περιφερείας F.

δύο περιφερειών, καὶ ἄλλαι δὲ πλείους είσιν ώσπερ σύνθετοι οὕτω καὶ μικταὶ ἄπειροι.

οε'. [Τίνες ἐν τοῖς στερεοῖς σχήμασι γραμμῶν διαφοραί;]

Τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς σχήμασι τῶν γραμμῶν αί 5 μέν εἰσιν ἀπλαῖ, αἱ δὲ μικταί. ἀπλαῖ μὲν οὖν αἴ τε εὐθεῖαι καὶ περιφερεῖς, μικταὶ δὲ αϊ τε κωνικαὶ καὶ σπειρικαί. καὶ αὖται μὲν τεταγμέναι εἰσίν, τῶν δὲ ἀτάκτων πλῆθος ἄπειρόν ἐστιν ὡς καὶ τῶν συνθέτων.

ος'. [Περὶ σφαίρας, ὰσυνθέτου στερεοῦ σώματος, καὶ $_{10}$ σφαιρικῆς ἐπιφανείας.]

Σφαῖρά ἐστι σχῆμα στερεὸν ὑπὸ μιᾶς ἐπιφανείας περιεχόμενον, πρὸς ἢν ἀφ' ἐνὸς σημείου τῶν ἐντὸς καὶ κατὰ μέσον τοῦ σχήματος κειμένων πᾶσαι αί προσπίπτουσαι εὐθεῖαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν ἢ σχῆμα στε- 15 ρεὸν ἄκρως στρογγύλον, ὥστε ἐκ τοῦ μέσου πάντη ἴσας ἔχειν τὰς ἀποστάσεις ὅταν γὰρ ἡμικυκλίου με-νούσης τῆς διαμέτρου περιενεχθὲν τὸ ἡμικύκλιον εἰς ταὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῆ, ἡ μὲν γινομένη ἐπιφάνεια ὑπὸ τῆς τοῦ ἡμικυκλίου περιφερείας σφαιρικὴ ἐπι- 20 φάνεια καλεῖται, τὸ δὲ περιληφθὲν στερεὸν σχῆμα σφαῖρα.

οζ'. [Τί πέντρον σφαίρας;] .

Το δε μέσον τῆς σφαίρας κέντρον αὐτῆς καλεῖται εστι δε ταὐτο τοῦτο καὶ τοῦ ἡμικυκλίου κέντρον.

⁵ των (alt.)] del. Dasypodius. 7 τε πωνικαί] Dasypodius, τεπτονιπαί C.F. παί (alt.)] παὶ αί Hultsch. 8 εἰσίν] C, εἰσί F.

mischt, und es gibt auch mehrere andere sowohl gemischte als zusammengesetzte ins unbegrenzte.

75. [Welche die Arten der Linien in den körperlichen Figuren?]

In betreff der Teile der körperlichen Figuren sind von den Linien einige einfach, einige gemischt. Einfach sind nun die Geraden und kreisrunden, gemischt aber die Kegellinien und die spirischen Linien. Und zwar sind diese regelmäßig, von den unregelmäßigen aber gibt es eine unbegrenzte Menge, wie auch von den zusammengesetzten.

76. [Von dem nicht zusammengesetzten soliden Körper, der Kugel, und von der Kugeloberfläche.]

Eine Kugel ist eine körperliche Figur umschlossen von einer Fläche dergestalt, daß alle Geraden, die auf diese fallen von einem der innerhalb und in der Mitte der Figur gelegenen Punkte aus, gleich sind; oder eine körperliche Figur vollkommen rund, so daß sie die Entfernungen nach allen Seiten hin von der Mitte aus gleich hat; wenn nämlich ein Halbkreis, indem sein Durchmesser fest bleibt, herumgeführt und in dieselbe Lage wieder zurückgebracht wird, so wird die durch die Peripherie des Halbkreises entstehende Fläche Kugelfläche genannt, die umschlossene körperliche Figur aber Kugel.

77. [Was ist ein Kugelzentrum?]

Der Mittelpunkt aber der Kugel wird ihr Zentrum genannt; es ist zugleich auch Zentrum des Halbkreises.

¹⁰ ἀσυνθέτου] Hultsch, συνθέτου C, συνθέτου καί F. 11 σφεοικῆς F. 13 καὶ κατὰ] scripsi, καί CF, κατά Friedlein.

¹⁶ πάντη] Dasypodius, παντί C, παν F. 25 ἡμιαναλίου] Dasypodius, cfr. Eucl. XI def. 16; ἡμισφαιρίου CF.

οη'. [Τί ἄξων σφαίοας;]

Ή δε διάμετοος τῆς σφαίρας ἄξων καλεῖται, καὶ ἔστιν εὐθεῖά τις διὰ τοῦ κέντρου ἠγμένη καὶ περατουμένη ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας, ἀμετακίνητος, περὶ ἣν ἡ σφαῖρα κινεῖται καὶ τοτοέφεται.

οθ'. [Τί ἐστι πόλος;]

Τὰ πέρατα τοῦ ἄξονος πόλοι μαλοῦνται.

π'. [Τί κύκλος ἐν σφαίοα;]

Έὰν δὲ σφαῖρα τμηθῆ, ἡ τομὴ κύκλος γίνεται.

πα'. [Τί κύκλου πόλος ἐπὶ σφαίοα;]

Κύκλου δὲ πόλος ἐν σφαίρα λέγεται σημεῖον ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας, ἀφ' οὖ πᾶσαι αί προσπίπτουσαι εὐθεῖαι πρὸς τὴν περιφέρειαν ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.

πβ΄. [Ότι τῶν στερεῶν Ισοπεριμέτρων σχημάτων μείζων ή σφαῖρα.]

Ώσπες δε των επιπέδων Ισοπεςιμέτςων σχημάτων μείζων έστι κύκλος, ούτως το τῆς σφαίςας σχημα πάντων των των στεςεων Ισοπεςιμέτςων αὐτῆ σχημάτων, τουτ-20 έστι των τῆ ἴση ἐπιφανεία κεχοημένων, μέγιστόν ἐστι διὸ καὶ πεςιεκτικὸν των ἄλλων ἀπάντων ἐλαττόνων.

[Πεοὶ τῶν ἐξ ἀνομογενῶν συνθέτων στερεῶν σχημάτων οὕτως.]
πγ'. [Τί κῶνος;]

Κῶνός ἐστι σχημα στερεὸν βάσιν μὲν ἔχον κύκλον,

⁴ 'ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας] Friedlein, cfr. Eucl. XI def. 17; om. CF. 8 ἄξονος] F, ἄξωνος C. 11 σφαίρα] C, σφαῖραν F, σφαίρας Hultsch. 14 ἀλλήλαις] F, ἀλλήλοις C. 19 οῦτως]

78. [Was eine Kugelachse?]

Der Durchmesser aber der Kugel wird Achse genannt: es ist eine Gerade durch das Zentrum gezogen und auf beiden Seiten von der Kugeloberfläche begrenzt, unbewegt, 5 um welche die Kugel sich bewegt und dreht.

79. [Was ist ein Pol?]

Die Endpunkte der Achse werden Pole genannt.

80. | Was ist ein Kreis auf einer Kugel? |

Wenn aber eine Kugel geschnitten wird, so wird der 10 Schnitt ein Kreis.

81. [Was ist der Pol eines Kreises auf einer Kugel?]

Pol aber eines Kreises auf einer Kugel wird ein Punkt auf der Kugelfläche genannt, von welchem alle auf den Umkreis fallende Geraden unter sich gleich sind.

15 82. [Die Kugel ist größer als die körperlichen Figuren gleichen Umfangs.]

Wie aber der Kreis größer ist als die ebenen Figuren gleichen Umfangs, so ist die Figur der Kugel die größte von allen körperlichen Figuren, die mit ihr gleichen Umfangs sind, d. h. welche die gleiche Oberfläche haben; daher ist sie im Stande alle übrige als die kleineren zu fassen.

83. [Von den aus ungleichartigen zusammengesetzten körperlichen Figuren und zwar: was ist ein Kegel?]

Ein Kegel ist eine körperliche Figur, die als Grund-25 fläche einen Kreis hat und auf einen Punkt zu sich zu-

C, οῦτω F. 20 αὐτῆ] Hultsch, αὐτῆς CF. 21 κεχοημένων] F, κεχοημένου C. 22 ἀπάντων] fort. scrib. ἀπάντων ὄντων. Mg. τί ἰσοπερίμετρον C^2 . 23 ἀνομοιογενῶν F. 26 κύκλον] Dasypodius, κύκλου CF.

συναγόμενον δὲ ὑφ' εν σημεῖον· ἐὰν γὰο ἀπὸ μετεώρου σημείου ἐπὶ κύκλου περιφέρειαν εὐθεῖά τις προβληθῆ καὶ περιενεχθεῖσα εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῆ, τὸ ἀπογενηθὲν σχῆμα κῶνος γίνεται. καὶ ἄλλως· ἐὰν ὀρθογωνίου τριγώνου μενούσης μιᾶς πλευρᾶς τῶν περὶ 5 τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιενεχθὲν τὸ τρίγωνον [σχῆμα] εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῆ, ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι [περιληφθὲν σχῆμα], ἡ μὲν γινομένη ἀπὸ τῆς ὑποτεινούσης τοῦ τριγώνου πλευρᾶς περιοχὴ ἐπιφάνεια κωνικὴ καλεῖται, τὸ δὲ περιληφθὲν σχῆμα στερεὸν κῶνος. 10

πδ'. [Τί βάσις κώνου;]

Βάσις δὲ κώνου ὁ κύκλος καλεῖται.

πε'. [Τί κορυφή κώνου;]

Κορυφή δὲ κώνου τὸ σημεῖον.

πς΄. [Τι ἄξων κώνου;]

15

"Αξων δε κώνου ή ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὸ κέντουν τοῦ κύκλου ἐπιζευγνυμένη εὐθεῖα, τουτέστιν ἡ μένουσα.

πζ'. [Τίς ἰσοσκελής κῶνος;]

'Ισοσκελής δὲ κῶνος λέγεται ὁ τοῦ τοιγώνου ἴσας 20 ἔχων τὰς πλευράς.

πη'. [Τί κῶνος σκαληνός;]

Σπαληνός δὲ πῶνος ὁ ἀνίσους λέγεται.

sammenzieht; wenn nämlich von einem höher gelegenen Punkt aus eine Gerade auf eine Kreisperipherie gezogen wird und herumgeführt in dieselbe Lage wieder zurückgebracht wird, so wird die hervorgebrachte Figur ein Kegel. Und in anderer Weise: wenn, indem in einem rechtwinkligen Dreieck die eine der den rechten Winkel umgebenden Seiten fest bleibt, das Dreieck herumgeführt in dieselbe Lage wieder zurückgebracht wird, von der aus es sich zu bewegen anfing, so wird die Umfassung, die durch die Hypotenuse des Dreiecks entsteht, Kegelfläche genannt, die umschlossene körperliche Figur aber Kegel.

84. [Was ist Grundfläche eines Kegels?]

Grundfläche aber des Kegels wird der Kreis genannt.

85. [Was Spitze eines Kegels?]

Spitze aber des Kegels der Punkt.

86. [Was Achse eines Kegels?]

Achse aber des Kegels die von der Spitze zum Mittelpunkt des Kreises gezogene Gerade, d. h. die fest bleibende.

87. [Welcher ist der gleichschenklige Kegel?]

Gleichschenklig aber wird der Kegel genannt, der die Seiten des Dreiecks gleich hat.

88. [Was ein ungleichschenkliger Kegel?]

Ungleichschenklig aber wird der Kegel genannt, der sie ungleich hat.

ληφθὲν σχῆμα] del. Hultsch, τὸ περιληφθὲν σχῆμα Dasypodius; transsumpta sunt ex Eucl. XI p. 6, 7. ἀπὸ] ὑπό Schmidt. 17 τοντέστι CF. ή] Dasypodius, om. CF. 23 ἀνίσονς] Hultsch praeeunte Hasenbalgio, ἄνισος CF.

πθ'. [Τί δοθογώνιος κῶνος;]

Όρθογώνιος δὲ κῶνός ἐστιν, ἐὰν ἡ μένουσα πλευρὰ ἴση ἦ τῆ περιφερομένη, ἢ οὖ τμηθέντος διὰ τοῦ ἄξονος τὸ γενόμενον ἐν τῆ ἐπιφανεία σχῆμα τρίγωνον ὀρθογώνιον γίνεται.

ς'. [Τί ὀξυγώνιος κῶνος;]

'Οξυγώνιος δὲ κῶνός ἐστιν, οὖ ἡ μένουσα μείζων ἐστὶ τῆς περιφερομένης, ἢ οὖ τμηθέντος τὸ γενόμενον τμῆμα τρίγωνον ὀξυγώνιον γίνεται.

qa'. [ΤΙ ἀμβλυγώνιος κῶνος;]

'Αμβλυγώνιος δε κῶνός ἐστιν, οὖ ἡ μένουσα πλευρὰ ἐλάττων ἐστὶ τῆς περιφερομένης, ἢ οὖ τμηθέντος τὸ γενόμενον ἐν τῆ ἐπιφανεία τρίγωνον ἀμβλυγώνιον γίνεται.

ηβ'. [Τι κόλουφος κῶνος;]

Κόλουρος δε κῶνος καλεῖται ὁ τὴν κορυφὴν κολοβωθεῖσαν ἐσχηκώς.

ηγ'. [Τί ἐπιφάνεια κώνου;]

'Η δὲ ἐπιφάνεια τοῦ πώνου ἄλλως μὲν πυοτὴ παλεῖται, ἄλλως δὲ ποίλη.

ςδ'. [Τί τομή κώνου;]

Τεμνόμενος δὲ κῶνος διὰ τῆς κοουφῆς τοίγωνον ποιεῖ τὴν τομήν, παραλλήλως δὲ τῆ βάσει τμηθεὶς κύκλον, μὴ παραλλήλως δὲ τμηθεὶς ἄλλο τι μέρος γραμμῆς, δ καλεῖται κώνου τομή. τῶν δὲ τοῦ κώνου 2:

³ οὖ] Dasypodius, οὖ CF. ἄξονος] ἄξωνος F, ἀξώνου C. 4 γινόμενον F. τοιγώνου F. 7 μείζων] Dasypodius, ἐλάττων

89. [Was ein rechtwinkliger Kegel?]

Rechtwinklig aber ist ein Kegel, wenn die fest bleibende Seite der herumgeführten gleich ist, oder bei dem, wenn er durch die Achse geschnitten wird, die in der Oberfläche entstandene Figur ein rechtwinkliges Dreieck wird.

90. [Was ein spitzwinkliger Kegel?]

Spitzwinklig aber ist ein Kegel, bei dem die fest bleibende größer ist als die herumgeführte, oder bei dem, wenn er geschnitten wird, der entstandene Schnitt ein spitz-10 winkliges Dreieck wird.

91. [Was ein stumpfwinkliger Kegel?]

Stumpfwinklig aber ist ein Kegel, bei dem die fest bleibende Seite kleiner ist als die herumgeführte, oder bei dem, wenn er geschnitten wird, das in der Oberfläche ent-15 standene Dreieck stumpfwinklig wird.

92. [Was ist ein Kegelstumpf?]

Kegelstumpf aber wird ein Kegel genannt, dem die Spitze verstümmelt ist.

93. [Was ein Kegelmantel?]

Der Kegelmantel aber wird von einer Seite her konvex genannt, von der anderen konkav.

94. [Was ein Kegelschnitt?]

Durch die Spitze geschnitten bringt ein Kegel als Schnitt ein Dreieck hervor, der Grundfläche parallel geschnitten ²⁵ einen Kreis, nicht parallel geschnitten aber eine andere Liniengruppe, die Kegelschnitte genannt werden. Von den

CF. 8 oỷ] Dasypodius, oỷ CF. 12 ἐλάττων] Dasypodius, μείζων CF. οὖ] Dasypodius, οὖ CF. 16 πολοβοθεῖσαν C. 24 πύπλον] Dasypodius, πῶνον CF. $\tau \mu \eta \vartheta$ είς] C, $\tau \mu \eta \vartheta$ είς τῆ βάσει F. ἄλλο $\tau \iota$] F, ἀλλ' ὅτι C.

τομῶν ἡ μὲν καλεῖται ὀρθογώνιος, ἡ δὲ ἀμβλυγώνιος, ἡ δὲ ὀξυγώνιος. ὀξυγώνιος μὲν οὖν ἡ αὐτῆ συνάπτουσα καὶ ποιοῦσα σχῆμα θυρεοειδές, καλεῖται δὲ ὑπό τινων καὶ ἔλλειψις ἡ δὲ τοῦ ὀρθογωνίου καλεῖται παραβολή, ἡ δὲ τοῦ ἀμβλυγωνίου ὑπερβολή.

ςε΄. [Πεοὶ κυλίνδοου ἄξονος καὶ βάσεως αὐτοῦ καὶ τομῆς κυλίνδοου.]

Κύλινδοός έστι σχημα στερεόν, ὅπερ νοεῖται ἀποτελούμενον παραλληλογράμμου ὀρθογωνίου περὶ μίαν τῶν πλευρῶν μένουσαν στραφέντος καὶ ἀποκαταστα- 10 θέντος, ὅθεν καὶ ἤρξατο φέρεσθαι. ἡ δὲ μένουσα εὐθεῖα, περὶ ἣν ἡ στροφή, ἄξων λέγεται, αί δὲ βάσεις κύκλοι οἱ γενόμενοι ὑπὸ τῶν ἴσων πλευρῶν τοῦ παραλληλογράμμου, τομαὶ δὲ κυλίνδρου αὶ μὲν παραλληλόγραμμοι, αί δὲ ὀξυγωνίων κώνων.

ςς'. [Περὶ τομῆς κοινῶς.]

Τέμνεται δὲ στερεὸν μὲν ὑπὸ ἐπιφανείας, ἐπιφάνεια δὲ ὑπὸ γραμμῆς, γραμμὴ δὲ ὑπὸ στιγμῆς ἐνίοτε δὲ καὶ ὑπὸ γραμμῆς λέγεται τέμνεσθαι κατὰ ἀναφορὰν τὴν ἐπὶ τὴν στιγμήν, καὶ ἐπιφάνεια δὲ ὑπὸ ἐπιφανείας 20 κατὰ ἀναφορὰν τὴν ἐπὶ τὴν γραμμήν.

ςζ΄. Πεοί τῶν ἐκ β πεοιφερειῶν στερεῶν σχημάτων, σπείρας ἤτοι κρίκου.]

Σπεῖοα γίνεται, ὅταν κύκλος ἐπὶ κύκλου τὸ κέντοον ἔχων ὀοθὸς ὢν ποὸς τὸ τοῦ κύκλου ἐπίπεδον 25

¹ ὀφθογωνίον et ἀμβλυγωνίον et ὀξυγωνίον (bis lin. 2) Friedlein. 2 αὐτῆ Hultsch praeeunte Dasypodio, αὐτῆ CF; fort. αὐτῆ αὐτῆ. 3 χρῆμα F. θυρεοειδές Schmidt coll. Proclo in Eucl. p. 103, $6 \operatorname{sqq}$., θυροειδές CF. 4 ἔλλειψις] Da-

Kegelschnitten aber wird einer rechtwinklig genannt, einer stumpfwinklig und einer spitzwinklig. Spitzwinklig ist nun der in sich zusammenhängende, der eine schildförmige Figur bildet; er wird von einigen auch Ellipse genannt. Der Schnitt des rechtwinkligen Kegels wird Parabel genannt, der des stumpfwinkligen aber Hyperbel.

95. [Von der Achse eines Zylinders, seiner Grundfläche und dem Zylinderschnitt.]

Ein Zylinder ist eine solide Figur, die dadurch ent16 stehend gedacht wird, daß ein rechtwinkliges Parallelogramm um eine der Seiten, die fest bleibt, sich dreht und
in dieselbe Lage zurückgebracht wird, von der aus es sich
zu bewegen anfing. Die fest bleibende Gerade, um die die
Drehung geschieht, wird Achse genannt, Grundflächen aber
15 die Kreise, die durch die gleichen Seiten des Parallelogramms entstanden sind, die Zylinderschnitte aber sind teils
Parallelogramme, teils Schnitte spitzwinkliger Kegel.

96. [Vom Schnitt allgemein.]

Geschnitten wird aber Körper von Fläche, Fläche von 20 Linie und Linie von Punkt; zuweilen aber sagt man auch, mit Beziehung auf den Punkt, sie werde von einer Linie geschnitten, und ebenso, mit Beziehung auf die Linie, eine Fläche von einer Fläche.

97. [Von den aus zwei Peripherien gebildeten körperlichen Figuren, Wulst oder Ring.]

Eine Wulst entsteht, wenn ein Kreis, der sein Zentrum auf einem Kreise hat, auf der Ebene dieses Kreises senk-

sypodius, ἔλειψις CF. 6 ἄξονος] Hultsch, ἄξωνος CF. 9 παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον CF, corr. Dasypodius. 10 ἀποκαταστάντος F. 14 παραλληλόγραμμα Dasypodius; deinde αἱ δὲ κύκλοι ins. Friedlein. 15 κώνων τομαί Friedlein. 16 κοινῶς] Hultsch, cfr. p. 10, 8; κοινῆς CF. 22 περιφεριῶν F. 23 κρίκου] F, κρίσκου C.

περιενεχθείς είς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῆ τὸ δὲ αὐτὸ τοῦτο καὶ κρίκος καλεῖται. διεχὴς μὲν οὖν ἐστι σπεῖρα ἡ ἔχουσα διάλειμμα, συνεχὴς δὲ ἡ καθ' εν σημεῖον συμπίπτουσα, ἐπαλλάττουσα δέ, καθ' ἢν ὁ περιφερόμενος κύκλος αὐτὸς αὑτὸν τέμνει. γίνονται δὲ καὶ τούτων τομαὶ γραμμαί τινες ἰδιάζουσαι. οἱ δὲ τετράγωνοι κρίκοι ἐκπρίσματά εἰσι κυλίνδρων γίνονται δὲ καὶ ἄλλα τινὰ ποικίλα πρίσματα ἔκ τε σφαιρῶν καὶ ἐκ μικτῶν ἐπιφανειῶν.

ςη'. [Τίνες αί τῶν εὐθυγοάμμων στεοεῶν σχημάτων 10 διαφοραί;]

Τῶν δὲ εὐθυγοάμμων στερεῶν σχημάτων ἃ μὲν καλοῦνται πυραμίδες, ἃ δὲ κύβοι, ἃ δὲ πολύεδρα, ἃ δὲ πρίσματα, ἃ δὲ δοκίδες, ἃ δὲ πλινθίδες, ἃ δὲ σφηνίσκοι, καὶ τὰ παραπλήσια.

ηθ'. [Τί ἐστι πυραμίς;]

Πυραμίς μεν οὖν έστι σχῆμα στερεον ἐπιπέδοις περιεχόμενον ἀφ' ένὸς ἐπιπέδου πρὸς ένὶ σημείφ συνεστηκός. καὶ ἄλλως δὲ λέγεται πυραμίς τὸ ἀπὸ βάσως τριπλεύρου ἢ τετραπλεύρου ἢ πολυγώνου, τουτεροτιν ἁπλῶς εὐθυγράμμου, κατὰ σύνθεσιν τριγώνων εἰς εν σημεῖον συναγόμενον σχῆμα. ἰδίως δὲ ἰσοπλευρος λέγεται πυραμίς ἡ ὑπὸ τεσσάρων τριγώνων ἰσοπλεύρων περιεχομένη καὶ ἰσογωνίων καλεῖται δὲ τὸ σχῆμα τοῦτο καὶ τετράεδρον.

recht stehend herumgeführt wird und wieder in dieselbe Lage zurückgebracht; diese selbe Figur wird auch Ring genannt. Eine unterbrochene Wulst nun ist eine solche, die einen Zwischenraum hat, eine ununterbrochene aber eine solche, die in einem Punkte zusammenfällt, eine übergreifende aber eine solche, wo der Kreis, der herumgeführt wird, sich selbst schneidet. Auch in diesen (den Wülsten) gibt es als Schnitte einige eigentümliche Linien.

Die viereckigen Ringe aber sind Aussägungen aus Zylindern; und es gibt noch andere mannigfaltige Aussägungen aus Kugeln und gemischten Flächen.

98. [Welche sind die Arten der gradlinigen körperlichen Figuren?]

Von den gradlinigen körperlichen Figuren aber werden seinige Pyramiden genannt, andere Würfel, andere Polyeder, andere Prismen, andere Balken, andere Plinthiden, andere Sphenisken und ähnliches.

99. [Was ist eine Pyramide?]

Eine Pyramide nun ist eine von Ebenen umschlossene körperliche Figur, die von einer Ebene aus an einem Punkte sich zusammenschließt. Und auf andere Weise wird Pyramide genannt die Figur, die von einer dreiseitigen oder vierseitigen oder polygonalen, d. h. überhaupt gradlinigen, Grundfläche aus durch Zusammensetzung von Dreiecken auf einen Punkt hin zusammengezogen wird. Besonders aber wird gleichseitige Pyramide genannt die von vier gleichseitigen und gleichwinkligen Dreiecken umschlossene; diese Figur wird aber auch Tetraeder genannt.

om. V. 17 ἐπιπέδοις] Dasypodius, ἐν ἐπιπέδοις CFV.
18 σημεῖον F. συνεστηκός] V, συνεστηκός CF. 19 δὲ] e corr.
V². 20 ἢ τετραπλεύρου] om. V. 21 εὐθυγράμμου] πολυγάμον F. 24 καί] om. F. ἰσογωνίων] Hasenbalg, γωνιῶν CFV (καὶ γωνιῶν del. Hultsch).

ο'. [Τί ἐστι κύβος;]

Kύβος ἐστὶ σχῆμα στερεὸν ὑπὸ \overline{s} τετραγώνων ἰσοπλεύρων καὶ ἰσογωνίων περιεχόμενον καλεῖται δὲ τὸ σχῆμα τοῦτο καὶ έξάεδρον.

οα'. [Πεοὶ ὀκταέδοου.]

'Οπτάεδοόν έστι σχῆμα στερεὸν ὑπὸ ὀπτὰ τριγώνων Ισοπλεύρων περιεχόμενον.

οβ'. [Τί ἐστι δωδεκάεδοον;]

Δωδεκάεδοον δέ έστι σχῆμα ὑπὸ τῆ πενταγωνίων Ισοπλεύοων τε καὶ Ισογωνίων περιεχόμενον. τὸ δὲ το πεντάγωνου, ἐξ οὖ γίνεται τὸ δωδεκάεδοον, ἴσον ἐστὶ τοιγώνοις τρισὶ παρὰ δύο πλευρῶν.

ογ'. [Τι έστιν είχοσάεδοον;]

Είκοσάεδούν έστιν σχήμα στερεύν ύπὸ εἴκοσι τριγώνων Ισοπλεύρων περιεχόμενον.

Είσὶ πέντε ταῦτα μόνον ὑπὸ ἴσων καὶ ὁμοίων περιεχόμενα, ἃ δὴ ὑπὸ τῶν Ἑλλήνων ὕστερον ἐπωνομάσθη Πλάτωνος σχήματα.

οδ΄. [Ότι πλὴν τοῦ δωδεκαέδοου τὰ $\bar{\delta}$ λόγον έχουσι πρὸς τὴν σφαῖοαν.]

Tων δὲ τεσσάρων τούτων αι πλευραὶ λόγον ἔχουσι πρὸς τὴν σφαῖραν.

Εὐκλείδης μὲν οὖν ἐν τῷ ιγ΄ τῶν Στοιχείων ἀπέδειξε, πῶς τῆ σφαίρα τὰ πέντε ταῦτα σχήματα περι-

In CF ordo est 103, 104, 101, 102, 100; corr. Friedlein; cfr. p. 62, 13 et p. 10, 14 sqq. 2 τετραγώνων] στερεῶν F. 9 σχῆμα στερεῶν ὑπὸ Hultsch. 12 παρὰ] lacuna est; fort. δύο εὐθειῶν ἀπὸ μιᾶς γωνίας ἀγομένων ὑπὸ δύο πλευράς. 14 ἐστιν]

100. [Was ist ein Würfel?]

Ein Würfel ist eine von 6 gleichseitigen und gleichwinkligen Quadraten umschlossene körperliche Figur; diese Figur wird aber auch Hexaeder genannt.

101. [Vom Oktaeder.]

Ein Oktaeder ist eine von 8 gleichseitigen Dreiecken umschlossene körperliche Figur.

102. [Was ist ein Dodekaeder?]

Ein Dodekaeder aber ist eine von 12 gleichseitigen und gleichwinkligen Fünfecken umschlossene Figur. Das Fünfeck aber, wovon das Dodekaeder gebildet wird, ist drei Dreiecken gleich, indem (zwei Geraden von einer Winkelspitze aus unter) je zwei Seiten (gezogen werden).

103. [Was ist ein Ikosaeder?]

Ein Ikosaeder ist eine von 20 gleichseitigen Dreiecken umschlossene körperliche Figur.

Es gibt nur diese fünf von gleichen und ähnlichen Figuren umschlossenen Körper, welche bekanntlich später von den Griechen die platonischen Körper benannt wurden.

0 104. [Die 4 (Körper) außer dem Dodekaeder haben ein Verhältnis zur Kugel.]

Die Seiten aber der vier derselben haben ein Verhältnis zur Kugel.

Eukleides hat nun im XIII. Buch der Elemente (13—17) bewiesen, wie er diese fünf Körper mit einer Kugel umfaßt; er nimmt nämlich nur die platonischen an. Archimedes aber

C, έστι F. 17 νστερον έπονομάσθη C, έπωνομάσθη νστερον F. 19 ρδ΄] om. CF, cfr. p. 10, 18. 23 ιγ΄] deformatum et renouatum C, ε΄ F. 24 τ $\tilde{\eta}$] $\tilde{\eta}$ Dasypodius. σφαίρα] F, σφαίρα C; πῶς σφαίρα περιλαμβάνει πολλὰ σχήματα mg. C².

λαμβάνει· μόνα γὰο τὰ Πλάτωνος οἴεται. 'Αοχιμήδης δὲ τριακαίδεκα ὅλα φησὶν εὑρίσκεσθαι σχήματα δυνάμενα ἐγγραφῆναι τῆ σφαίρα προστιθεὶς ὀκτὼ μετὰ τὰ εἰρημένα πέντε· ὧν εἰδέναι καὶ Πλάτωνα τὸ τεσσαρεσκαιδεκάεδρον, εἶναί τε τοῦτο διπλοῦν, τὸ μὲν ἐξ τὸ ἀκτὼ τριγώνων καὶ τετραγώνων εξ σύνθετον, ἐκ γῆς καὶ ἀέρος, ὅπερ καὶ τῶν ἀρχαίων τινὲς ἤδεσαν, τὸ δὲ ἔτερον πάλιν ἐκ τετραγώνων μὲν ὀκτώ, τριγώνων δὲ 5, ὅ καὶ γαλεπώτερον εἶναι δοκεῖ.

Καθόλου δὲ τῶν εὐθυγοάμμων στερεῶν σχημάτων 10 ἃ μέν ἐστι πυραμίδες, ἃ δὲ πρίσματα, ἃ δὲ οὕτε πυραμίδες οὔτε πρίσματα. τι μὲν οὖν ἐστι πυραμίς, προείρηται.

οε'. [Τί δὲ ποίσματα;]

Ποίσματα δέ είσι τὰ ἀπὸ βάσεως εὐθυγράμμου κατ' 15 εὐθυγράμμων σύνθεσιν πρὸς χωρίον εὐθύγραμμον συνάπτοντα.

ος΄. [Τίνα τῶν σχημάτων οὔτε πυραμίδες οὔτε πρίσματα;]

Οὔτε δὲ πυραμίδες οὔτε πρίσματά εἰσι τὰ ἀπὸ 20 βάσεως εὐθυγράμμου κατ' εὐθυγράμμων σύνθεσιν πρὸς εὐθεῖαν συνάπτοντα.

οξ'. [Τίνα ἐστὶ παραλληλόγραμμα ποίσματα;]

Τῶν δὲ ποισμάτων παραλληλόπλευρα καλεῖται, ὅσα εξάεδρα ὄντα τὰ ἀπέναντι ἐπίπεδα παράλληλα ἔχει. 2

² ὅλα] fort. ὅλως. 3 προστιθεἰς] μτλ. error est Heronis; u. Pappus V 34. 7 τινὲς] Β, ex parte euan. C, τί ἐστιν F. ήδεισαν F. 8 ὀπτώ] μτλ. error est, cfr. Pappus V 34. 10 μαθόλον] Dasypodius, μαθό CF. 14 ρε΄] ρδ΄ C. δὲ] comp.

sagt, es gebe im ganzen dreizehn Körper, die in einer Kugel eingeschrieben werden können, indem er außer den genannten fünf noch acht hinzufügt; von diesen habe auch Platon das Tessareskaidekaeder gekannt, dies aber sei ein zweifaches, das eine aus acht Dreiecken und sechs Quadraten zusammengesetzt, aus Erde und Luft, welches auch einige von den Alten gekannt hätten, das andere umgekehrt aus acht Quadraten und sechs Dreiecken, welches schwieriger zu sein scheint.

Im allgemeinen aber sind von den gradlinigen körperlichen Figuren einige Pyramiden, andere Prismen, andere aber weder Pyramiden noch Prismen. Was nun eine Pyramide ist, ist vorher gesagt.

105. [Was sind Prismen?]

Prismen aber sind solche, die von einer gradlinigen Grundfläche aus durch Zusammensetzung gradliniger Figuren an eine gradlinige Fläche stoßen.

106. [Welche unter den Figuren sind weder Pyramiden noch Prismen?]

Weder Pyramiden noch Prismen aber sind solche, die von einer gradlinigen Grundfläche aus durch Zusammensetzung gradliniger Figuren an eine Gerade stoßen.

107. [Welche sind parallellinige Prismen?]

Von den Prismen aber werden parallelseitig genannt 5 solche, die Hexaeder sind und die gegenüberstehenden Ebenen parallel haben.

C, έστι F. 15 είσι] C, έστι F. εὐθυγράμμου κατ'] Hasenbalg, om. CF. 18 ρς'] ος' C, et sic deinceps. 21 εὐθυγράμμων] Hasenbalg, εὐθύγραμμου CF. 23 τίνα—πρίσματα] τῶν δὲ παραλληλογράμμων πρισμάτων F. 25 ἑξάεθρα \mid F, ἔξαδρα C. ὄντα] καλεῖται F, sed corr. παράλληλα \mid F, παραλλήλας C.

οη'. [Τίνα τὰ παραλληλεπίπεδα;]

Παράλληλα δὲ ἐπίπεδά εἰσιν, ὅσα ἐκβαλλόμενα οὐ συμπίπτει ἀλλήλοις, ἢ ἐν οἶς ἴσων τριγώνων τινῶν γραφέντων ἑκάστη πλευρὰ παράλληλός ἐστιν.

οθ'. [Τίς ή ἐν στερεῷ κάθετος;]

Κάθετος δὲ ἐν στερεῷ λέγεται ἡ ἀπὸ μετεώρου σημείου πρὸς ἐπίπεδον ἠγμένη, ἥτις πάσαις ταῖς ἀπτομέναις αὐτῆς ἐν τῷ ἐπιπέδῳ πρὸς ὀρθάς ἐστιν.

οι'. [Τίνα τὰ παραλληλόπλευρα ὀρθογώνια πρίσματα, τίνα δὲ οὐκ ὀρθογώνια;]

Τῶν δὲ παραλληλοπλεύρων πρισμάτων ἃ μέν εἰσιν ὀρθογώνια, ἃ δὲ οὐκ ὀρθογώνια. ὀρθογώνια μὲν οὖν εἰσιν, ὅσα ἐκάστην τῶν γωνιῶν ὑπὸ τριῶν ὀρθῶν γωνιῶν περιεχομένην ἔχει εὐθυγράμμων, οὐκ ὀρθογώνια δὲ τὰ μὴ οὕτως ἔχοντα.

οια'. [Τί ἐστι κύβος;]

Κύβος δέ έστι τῶν παραλληλοπλεύρων ὀρθογωνίων, δ προείρηται σχῆμα.

οιβ'. [Τί ἐστι δοκός;]

Δοκὸς δέ ἐστιν, ὃ τὸ μῆκος μεῖζον ἔχει τοῦ τε 20 πλάτους καὶ τοῦ πάχους, ἔστι δὲ ὅτε τὸ πλάτος καὶ τὸ πάχος ἴσα. πάχος δὲ καὶ βάθος καὶ ὕψος τὸ αὐτὸ λεγέσθω.

² παραλληλεπίπεδα δὲ F. 3 οἶς ἴσων] Dasypodius, ἐνοίζων C; εννιοίζων F, mg.: 9 παραλληλόγοαμμα F.

108. [Welche sind die Parallelepipeden?]

Parallele Ebenen aber sind solche, die verlängert unter sich nicht zusammenfallen, oder wo, wenn in ihnen irgendwelche gleichen Dreiecke gezeichnet werden, sämtliche Seiten 5 derselben (paarweise) parallel sind.

109. [Was ist eine Senkrechte im Raume?]

Senkrecht aber im Raume wird eine solche genannt, die auf eine Ebene von einem höher liegenden Punkte gezogen wird, welche mit allen Geraden, die in der Ebene mit ihr 10 zusammenstoßen, rechte Winkel bildet.

110. [Welche sind die parallelseitigen rechtwinkligen Prismen, und welche nicht rechtwinklige?]

Von den parallelseitigen Prismen aber sind einige rechtwinklig, andere nicht rechtwinklig. Rechtwinklig sind nun 15 solche, die jeden ihrer Winkel von drei rechten gradlinigen Winkeln umschlossen haben, nicht rechtwinklig aber solche, die sich nicht so verhalten.

111. [Was ist ein Würfel?]

Ein Würfel aber ist unter den parallelseitigen recht-20 winkligen die Figur, die oben definiert wurde (100).

112. [Was ist ein Balken?]

Ein Balken aber ist ein solches (parallelseitiges rechtwinkliges Prisma), das die Länge größer hat als die Breite und Dicke, Breite aber und Dicke zuweilen gleich. Die Bennungen Dicke, Tiefe und Höhe sollen dasselbe bedeuten.

¹³ έπάστην] Dasypodius, έπάστη CF. γωνιῶν] Friedlein, ὀοθογωνίων CF. ὀοθῶν] Hasenbalg, om. CF. 14 περιεχομένην] Dasypodius, περιεχομένη CF. εὐθνγράμμων] Friedlein, γραμμήν CF. 20 μεῖζον] F, μείζων C.

οιγ'. [Τί ἐστι πλινθίς;]

Πλινθίς δέ έστι τὸ ἔχον τὸ μῆκος ἔλαττον τοῦ τε πλάτους καὶ βάθους, ἔστι δ' ὅτε ταῦτα ἀλλήλοις ἴσα.

οιδ'. [Τί έστι σφηνίσκος;]

Σφηνίσκος δέ ἐστι τὸ ἔχον ἄνισα ἀλλήλοις τό τε τη μῆκος καὶ τὸ πλάτος καὶ τὸ βάθος. τινὲς δὲ καὶ βωμίσκον καλοῦσι τὸ τοιοῦτον σχῆμα.

οιε'. [Τίνων καὶ πόσαι ἐν τοῖς σχήμασιν ἐπαφαί;]

- 1 'Εφάπτεται δε γραμμή μεν γραμμής και επιφανείας και στερεοῦ κατὰ στιγμήν και κατὰ γραμμήν. στιγμή 10 δε στιγμής άψαμένη μία γίνεται. γραμμή δε γραμμής άψαμένη δλης δμοίως μία γίνεται. εὐθεῖα δε κύκιου εφάπτεσθαι λέγεται, ήτις άπτομένη τοῦ κύκλου και εκβαλλομένη επὶ μηδέτερα τὰ μέρη τέμνει τὸν κύκλον. κύκλοι δε εφάπτεσθαι ἀλλήλων λέγονται, οῖτινες 15 άπτόμενοι ἀλλήλων οὐ τέμνουσιν ἀλλήλους.
- 2 Εὐθεῖα δὲ πρὸς ἐπίπεδον ὀρθή ἐστιν, ὅταν πρὸς πάσας τὰς ἁπτομένας αὐτῆς ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῷ ὀρθὰς ποιῆ τὰς ρωνίας.
- 3 Ἐπίπεδον δὲ πρὸς ἐπίπεδον ὀρθόν ἐστιν, ὅταν αί 20 τῆ κοινῆ αὐτῶν τομῆ πρὸς ὀρθὰς ἐν ἐνὶ τῶν ἐπιπέ-δων ἀγόμεναι εὐθεῖαι καὶ τῷ λοιπῷ πρὸς ὀρθὰς ὧσιν.

4 Ἐπίπεδα δὲ παράλληλά εἰσι τὰ ἀσύμπτωτα.

οις΄. [Πεοὶ ἴσων καὶ δμοίων σχημάτων.] Διαφέρει μὲν καὶ ἐν στερεοῖς καὶ ἐν ἐπιπέδοις, ἤδη 25

³ καί] και τοῦ Β. 8 τίνων] C, τίνες F. 13 ἀπτομένη]

F, ἀπτομένου C. 18 αὐτης ἐν τῷ αὐτῷ] ἐνώσεὧς αὐτῆς F, mg. \because . 19 ποιῆ] Hultsch, ποιεῖ CF. 20 ὀρθόν ἐστιν, ὅταν

113. [Was ist eine Plinthis?]

Plinthis aber ist ein solches, das die Länge kleiner hat als die Breite und Tiefe, diese aber zuweilen unter sich gleich.

114. [Was ist ein Spheniskos?]

Spheniskos aber ist ein solches, das Länge, Breite und Tiefe unter sich ungleich hat. Einige nennen diese Figur auch Altarchen.

115. Zwischen welchen und wieviele Berührungen gibt es bei den Figuren?

Eine Linie berührt eine Linie, eine Fläche und einen 1
Körper in einem Punkt und einer Linie. Ein Punkt aber,
der einen Punkt rührt, wird eins damit. Und eine Linie, die
ganz eine ganze Linie rührt, wird ebenfalls eins damit. Von
15 einer Geraden aber wird gesagt, daß sie einen Kreis berührt,
wenn sie den Kreis rührt und verlängert auf keiner Seite
den Kreis schneidet. Von Kreisen aber wird gesagt, daß sie
einander berühren, wenn sie sich rühren, ohne sich zu
schneiden.

Senkrecht aber auf eine Ebene ist eine Gerade, wenn 2 sie mit allen Geraden, die sie in derselben Ebene rühren, rechte Winkel bildet.

Eine Ebene aber ist senkrecht auf eine Ebene, wenn 3 die Geraden, die in einer der Ebenen auf die gemeinsame 25 Schnittlinie senkrecht gezogen werden, auch auf die andere senkrecht sind.

Parallele Ebenen aber sind die nicht zusammenfallenden. 4

116. [Von gleichen und ähnlichen Figuren.]
Sowohl bei Körpern als bei Ebenen und auch sehon bei

αί] om. CF. 21 ἐν ἑνὶ] om. CF. 22 λοιπῷ] om. CF; omnia corr. Dasypodius ex Eucl. XI def. 4. πρὸς ὁρθὰς ὧσι fol. 75°, cuius pars uacat propter uitium chartae (duas notulas add. m. 2), fol. 76° inc. πρὸς ὀρθὰς ὧσιν (in mg. sup. περὶ ἴσων καὶ ὁμοίων σχημάτων) C; πρὸς ὀρθάς seq. spatio 6 uersuum, deinde πρὸς ὀρθὰς κτλ. F, mg. λείπει m. 2. 25 διαφέρει] F, διαφορεῖ C.

δὲ καὶ ἐν γοαμμαῖς, ὁμοιότης καὶ ἰσότης. οὕτω γοῦν καὶ ἐν τῷ 5΄ τῶν Εὐκλείδου δύο δοθέντων εὐθυγοάμμων ῷ μὲν ὅμοιον, ῷ δὲ ἴσον συστήσασθαι πρόκειται. κἀκεῖ μέσην ἀνάλογον εὐρόντες διὰ ταύτης κατασκευάζομεν τὸ προβληθέν, ἐπὶ δὲ τῶν στερεῶν διὰ δύο μεσοτήτων.

οιζ΄. [Πεοὶ ἴσων γοαμμῶν.]

Νυνί δε καθόλου λέγομεν περί μεν Ισων, ὅτι Ισαι γραμμαί είσι και έπιφάνειαι και στερεά, δσα άρμόττει δλα δλοις ή κατὰ μέρος ή κατὰ σχηματισμόν. λέγεται 10 δὲ ἴσον καὶ τὸ ἰσοπερίμετρον τῆ περιοχῆ καὶ τὸ ἴσον ταῖς γραμμαῖς ώστε καὶ τῷ ἐμβαδῷ καὶ τὸ μόνον ἐμβαδφ. ἴσαι δε γωνίαι είσιν αι έφαρμόζουσαι όλαι όλαις έν τοῖς ἐπιπέδοις ἢ ἐν τοῖς στερεοῖς κατὰ τὴν αὐτὴν συναγωγὴν ἢ κατὰ μέρος ἢ κατὰ σχηματισμόν, μ ίσοι δε κύκλοι είσιν, δεν αι διάμετροι ίσαι άλλήλαις είσιν ἀπὸ γὰρ τῶν αὐτῶν διαμέτρων οὐκ ἔστιν ἕτερον καὶ έτερον κύκλον ἐπινοῆσαι, δοθείσης δὲ τῆς διαμέτρου δέδοται καὶ δ κύκλος τῷ μεγέθει. ἴσον δὲ ἀπέγειν τὰς εὐθείας λέγεται τοῦ κέντρου, ὅταν αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου 20 έπ' αὐτὰς κάθετοι ἀγόμεναι ἴσαι ὧσιν, μεῖζον δέ, ἐφ' ην η μείζων κάθετος πίπτει. Ισα δε στερεά σχήματά είσι τὰ ὑπὸ ἔσων ἐπιπέδων περιεχόμενα καὶ ὁμοίως κειμένων ἴσων τὸ πληθος καὶ τὸ μέγεθος.

οιη΄. [Πεολ ἴσων καλ ἀντιπεπονθότων σχημάτων.] 20 "Ομοιά εἰσι σχήματα εὐθύγραμμα τὰ ἔχοντα κατὰ

^{2 5]} ις CF, corr. Dasypodius. 4 μέσην] Hasenbalg, μέσον CF, μεσότητα Hultsch. 5 έπl] Dasypodius, ἔστι CF. 9 γραμμαί] F, γραφαί C. 11 ποσαχῶς ἴσον mg. C². 12 ἄστε] fort. τε. τὸ] C, τῷ F, Dasypodius. μόνον ἐμβαδῷ] μονοεμβαδῷ CF, μόνῷ ἐμβαδῷ Dasypodius, μόνῷ τῷ ἐμβαδῷ Friedlein. 16 χν-

Linien sind Ähnlichkeit und Gleichheit verschieden. So wird auch im VI. Buche des Eukleides (25) die Aufgabe gestellt, wenn zwei gradlinige Figuren gegeben sind, eine zu konstruieren, die der einen ähnlich, der anderen gleich ist. Und dort lösen wir die Aufgabe, indem wir eine mittlere Proportionale finden, bei den Körpern aber durch zwei Zwischenglieder.

117. [Von gleichen Linien.]

Jetzt aber sagen wir im allgemeinen von gleichen o Größen, daß Linien, Flächen und Körper gleich sind, wenn sie sich ganz decken entweder Stück für Stück oder der Gestaltung nach. Gleich wird aber auch genannt sowohl das dem Umfang nach in bezug auf den Umkreis gleiche als das in bezug auf die Linien gleiche bei ebenfalls glei-5 chem Flächeninhalt und das nur in bezug auf Flächeninhalt gleiche. Gleiche Winkel aber sind die sich ganz deckenden in den Ebenen oder den Körpern bei derselben Zusammenziehung entweder Stück für Stück oder der Gestaltung nach. Gleiche Kreise aber sind solche, deren Durchmesser o unter sich gleich sind; denn auf denselben Durchmessern ist es nicht möglich, sich verschiedene Kreise vorzustellen, und wenn der Durchmesser gegeben ist, ist auch der Kreis der Größe nach gegeben. Gleich weit entfernt aber vom Mittelpunkt werden die Geraden genannt, wenn die vom Mittel-5 punkt auf sie gezogenen Senkrechten gleich sind, weiter entfernt aber diejenigen, auf welche die größere Senkrechte fällt Gleiche körperliche Figuren aber sind die von gleichen und ähnlich gelegenen Ebenen umschlossenen, an Zahl und Größe gleich.

io 118. [Von gleichen und umgekehrt proportionalen Figuren.]
Ähnliche gradlinige Figuren sind solche, die die Winkel

πλοι] Dasypodius, πύβοι CF. ἀλλήλαις] supra scr. οις F, ἀλλήλοις C. 20 ὅταν] Dasypodius, ὅτε CF. αί] Schmidt, om. CF. 21 ὧσιν] C, ὧσι F. μεῖζον] Dasypodius, μείζων CF. 24 ἴσων] Dasypodius, ἴσον CF. τῷ πλήθει καὶ τῷ μεγέθει F. 25 ἴσων] debuit ὁμοίων (Hultsch), sed u. p. 12, 6. ἀντιπεπονθότων] F, ἀντιπεποθότων C. 26 ὅμοιά] fort. ὅμοια δέ; cfr. lin. 8 περὶ μέν.

μίαν τὰς γωνίας ἴσας. καὶ ἄλλως ὅσα τάς τε γωνίας ἴσας ἔχει κατὰ μίαν καὶ τὰς περὶ τὰς ἴσας γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον. ἀντιπεπονθότα δὲ σχήματά εἰσιν, ἐν οἶς ἐν ἑκατέρω τῶν σχημάτων ἡγούμενοι τε καὶ ἑπόμενοι λόγοι εἰσίν. ὅμοια τμήματα κύκλων εἰσὶ τὰ ὁ δεχόμενα γωνίας ἴσας, ἢ ἐν οἶς αὶ γωνίαι ἴσαι εἰσί παραπλησίως δὲ καὶ τμήματα σφαιρῶν. ὅμοια στερεὰ σχήματά εἰσι τὰ ὑπὸ ὁμοίων ἐπιπέδων περιεχόμενα καὶ ὁμοίως κειμένων. πᾶς δὲ κύκλος παντὶ κύκλω ὅμοιός ἐστι τῷ εἴδει μία γὰρ ἡ γένεσις τοῦ κύκλου καὶ εν τὸ εἶδος. τῶν δὲ τμημάτων οὐκ ἔστιν ἡ αὐτὴ ὁμοιότης, ἀλλ' ὅσα μὲν ἔχει τὴν ὁμοίαν κλίσιν, τουτέστι τὰς ἐν αὐτοῖς γωνίας ἀλλήλαις ἴσας, ταῦτα καλεῖται ὅμοια, οὐχ ὅμοια δὲ τὰ μὴ οὕτως ἔχοντα. παραπλησίως δὲ ἔχει καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων ἐπιπέδων τε καὶ στερεῶν σγημάτων. 16

οιθ΄. [Πεοί τοῦ ἐν μεγέθεσιν ἀπείρου.]

Μέγεθός έστι τὸ αὐξανόμενον καὶ τεμνόμενον εἰς ἄπειοον εἰδη δὲ αὐτοῦ γ, γοαμμή, ἐπιφάνεια, στερεόν. ἄπειρον δέ ἐστι μέγεθος, οὖ μεῖζον οὐθὲν νοεῖται καθ' ὑπόστασιν ἡλικηνδήποτε, ὥστε μηδὲν εἶναι αὐτοῦ πέρας. 20

οπ'. [Πεοί τοῦ ἐν μεγέθεσι μέρους.]

Μέρος έστι μέγεθος μεγέθους τὸ ἔλαττον τοῦ μείζονος, ὅταν καταμετρῆται τὸ μεῖζον εἰς ἴσα. εἴρηται δὲ τὸ μέρος νῦν οὔτε ὡς κόσμου μέρος ἡ γῆ οὔτε ὡς ἀνθρώπου κεφαλή, ἀλλὰ μὴν οὐδὲ ὡς τῆς πρὸς ὀρθὰς 25

Stück für Stück gleich haben. Und auf andere Weise: solche, die sowohl die Winkel Stück für Stück gleich haben, als auch die die gleichen Winkel einschließenden Seiten proportional. Umgekehrt proportionale Figuren aber sind solche, wobei in beiden Figuren Vorder- und Hinterglieder der Proportion da sind. Ähnliche Kreisabschnitte sind solche, die gleiche Winkel fassen, oder in welchen die Winkel gleich sind; und entsprechend auch die Kugelabschnitte. Ähnliche körperliche Figuren sind solche, die von ähnlichen o und ähnlich gelegenen ebenen umschlossen werden. Und ein jeder Kreis ist jedem Kreise ähnlich der Form nach; denn die Entstehung des Kreises ist eine und die Form eine. Bei den Kreisabschnitten aber gibt es nicht dieselbe Ähnlichkeit, sondern solche, die eine ähnliche Neigung haben, d. h. die 5 in ihnen befindlichen Winkel gleich, werden ähnlich genannt, nicht ähnlich aber solche, die sich nicht so verhalten. Und entsprechend verhält es sich auch mit den anderen Figuren. ebenen wie körperlichen.

119. [Vom Unendlichen in den Größen.]

Eine Größe ist, was ins Unendliche vergrößert und geteilt werden kann; ihre Arten sind Linie, Fläche, Körper. Eine unendliche Größe aber ist eine solche, daß eine größere nicht gedacht werden kann, welche Ausdehnung sie auch habe, so daß sie keine Grenze hat.

120. [Vom Teil in den Größen.]

Ein Teil ist eine kleinere Größe von einer größeren, wenn die größere (von ihr) zu gleichen Strecken gemessen wird. Das Wort Teil aber wird hier weder in dem Sinne gebraucht, worin die Erde ein Teil des Kosmos ist, noch

γεθος] Dasypodius, cfr. Eucl. V def. 1; om. CF. 23 καταμετρηται] F^2 , καταμετρετίται CF, καταμετρη Hultsch cum Euclide, sed cfr. Eucl. V def. 2. εἰς ἴσα] scripsi, ἴσα CF, om. Dasypodius, ἰσάπις Hultsch. 25 ὡς τῆς] Dasypodius, ὡς τῆ C; om. F, ὡς τῆ mg.; fort. ὡς εὐθείας.

τη διαμέτοω τοῦ κύκλου ἀπ' ἄκρας ἀγομένης λέγομεν μέρος είναι την έκτος του ημικυκλίου λαμβανομένην γωνίαν της ύπὸ της ποὸς ὀοθάς ἀδύνατον γάο ἐστιν ύπὸ ταύτης τῆς γωνίας, ήτις κερατοειδής καλείται, καταμετοηθήναι την δοθήν, πάσης γωνίας εὐθυνοάμμου έλάττονος ούσης της περατοειδούς, μαλλον οὖν τὸ ἐν μεγέθεσι μέρος έπλ των δμοιογενών ληψόμεθα καλ ούτως έρουμεν τὸ έν μεγέθεσι μέρος, ώς τὴν τοῦ τρίτου δοθής γωνίαν λέγομεν της δοθής μέρος είναι. τὸ γὰο σοφισμάτιον ἐκεῖνο παραλειπτέον τὸ λεγόμενον, 1 δτι εί τὸ μέρος ἐστὶ τὸ καταμετροῦν, καὶ τὸ καταμετρούν έστι μέρος, καταμετρείται δε το στερεον ύπο ποδιαίας εὐθείας, μέρος ἄρα ή ποδιαία εὐθεῖα τοῦ στερερύ, όπερ άτοπον. ποδιαία εὐθεῖα τὸ μῆκος καταμετρεί του στερεού και τὸ βάθος και τὸ πλάτος, ἄπερ 1 είσιν δμογενή αὐτή τη εὐθεία, οὐ μὴν τὸ στερεόν.

οκα'. [Πεοὶ πολλαπλασίου.]

Πολλαπλάσιον έστι το μεῖζον τοῦ έλάττονος, ὅταν καταμετοῆται ὑπὸ τοῦ έλάττονος.

ομβ΄. [Πεοὶ τῆς κατὰ μεγέθη ἀναλογίας.]

Τί μέρος μὲν οὖν ἐστι καὶ λόγος, καὶ τίνα ὁμογενῆ ἄμα καὶ τί ἀναλογία, εἴρηται μὲν ἀκριβέστερον
ἐν τοῖς πρὸ τῆς ἀριθμητικῆς στοιχειώσεως, νυνὶ δὲ
λέγομεν, ὅτι, ὡς ἐπὶ τῶν ἄλλων ὁμοιογενῶν ἡ ἀνα-

¹ τῆ διαμέτοω] Dasypodius, ἡ διάμετοος CF. 2 ἐπτὸς] Dasypodius, ἐντός CF. 3 τῆς (pr.)] Hasenbalg, om. CF. 9 ὀςθήν F. 10 παραλειπτέον] Hasenbalg, παραληπτέον CF. 14 ποδιαία] fort. ποδιαία γάρ. τὸ μῆπος] Dasypodius, τίς μήπους C, τίς μῆπος F. 16 ὁμογενῆ] Hultsch praeeunte Hasen-

worin der Kopf ein Teil des Menschen, ebenso wenig aber in dem, worin wir, wenn eine Senkrechte zum Durchmesser des Kreises im Endpunkte gezogen wird, sagen, daß der außerhalb des Halbkreises genommene Winkel ein Teil ist des von der Senkrechten gebildeten; denn es ist unmöglich, daß der rechte Winkel ohne Rest gemessen werde von diesem Winkel, welcher hornförmig genannt wird, weil der hornförmige kleiner ist, als jeder gradlinige Winkel. Wir werden also eher den Teil in den Größen an den gleichartigen nehmen und die Benennung Teil in den Größen so gebrauchen, wie wir den Winkel, der ein Drittel eines rechten beträgt. Teil des rechten nennen. Denn den bekannten sophistischen Schluß darf man beiseite lassen, der da lautet: wenn Teil das ist, was mißt, so ist auch das, was mißt, Teil; es wird aber der Körper von der einen Fuß langen Geraden gemessen; also ist die einen Fuß lange Gerade ein Teil des Körpers; was absurd ist. Die einen Fuß lange Gerade mißt nämlich zwar die Länge, Tiefe und Breite des Körpers, welche mit der Geraden selbst gleichartig sind,) keineswegs aber den Körper.

121. [Vom Vielfachen.]

Vielfach ist das größere des kleineren, wenn es vom kleineren gemessen wird.

122. [Von der Proportionalität an den Größen.]

Was nun Teil ist und Verhältnis, und zugleich, was gleichartige Größen und was Proportionalität ist, ist in der Einleitung zur elementaren Arithmetik genauer gesagt; hier sagen wir nur, daß der Begriff Proportionalität, wie über-

balgio, ὁμογενεῖ C, μονογενῆ F. 17 οπα΄] οιθ΄ C. 19 παταμετορῖται \mathbf{C} . 20 οπ΄ \mathbf{C} . μεγέθη μεγέ \mathbf{C} , cfr. p. 12, 10; μέγεθος \mathbf{F} . 22 τί] \mathbf{F} , τῆ \mathbf{C} . 23 τῆς ἀριθμητικῆς] \mathbf{F} (τῆς corr. mg. ex τοῖς), τοῖς ἀριθμητικοῖς \mathbf{C} .

λογία ἐφαομόζει, ούτω καὶ ἐπὶ τῶν ἐν τοῖς μεγέθεσιν δμοιογενῶν.

ουγ'. [Τίνα λόγον ἔχει ποὸς ἄλληλα τὰ μεγέθη;]

Λόγον έχειν ποὸς άλληλα τὰ μεγέθη λέγεται, ἃ δύνανται πολυπλασιαζόμενα άλλήλων ύπερέχειν. πρός 5 δε τούς άντιθέντας τῶ δρω τούτω καὶ λέγοντας, ὅτι μόνα λόγον έχει προς άλληλα, α δύνανται πολυπλασιαζόμενα άλλήλων ύπερέχειν, οὐδὲν δὲ οὕτως όμογενες ώς σημείον σημείω, δήλον άρα, ότι πολυπλασιαζόμενον τὸ σημεῖον ὑπερέξει τοῦ σημείου, πρὸς δὲ 10 τούτους δητέον, ὅτι τὸν κατὰ μεγέθη προσπολυπλασιασμόν ούκ έπιδέχεται σημείον. δ γάο άτευκτεί μεγέθους, τοῦτο ἀτευκτεῖ καὶ τοῦ κατὰ μέγεθος πολυπλασιασθηναι, μόνως δε επιδέξεται πολυπλασιασμόν κατ' ἀριθμόν· ούτως ἐπειδή τῆ εὐθεία ἄπειρά είσι 15 σημεία, τὰ τοσάδε τοσῶνδέ ἐστι πολυπλάσια. ὅλως τε ώς περί μεγέθους διαλέγονται τοῦ σημείου ἔχοντός τινα διάστασιν, τοῦ Στοιγειωτοῦ ἄντικους τὸ μὲν σημεῖον ἀμερες δρισαμένου, λόγον δε ἔγειν προς άλληλα τὰ μεγέθη εἰπόντος.

ομδ΄. [Τίνα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ μεγέθη ἐστίν;]

Εν τῷ αὐτῷ λόγῳ μεγέθη λέγονται ποῶτον ποὸς δεύτεοον καὶ τοίτον ποὸς τέταοτον, ὅταν τὰ τοῦ ποώτου καὶ τοῦ τοίτου ἰσάκις πολυπλάσια τῶν τοῦ δευτέρου καὶ τετάοτου ἄλλων, ὧν ἔτυχεν, ἰσάκις πολυ- 25

³ οπα΄ C. μέγεθη] corr. ex μεγέθει F. 4 ἔχειν] Dasypodius, ἔχει C.F. 6 ἀντιθέντας] F, ἀντιθέτας C. 7 λόγον μόνα F, λόγον μὲν Hultsch. δύναται F. 9 ἄςα] Friedlein praecunte Dasypodio, γὰρ C.F. 10 δὲ] fort. δὴ. 11 μεγέθη] corr.

haupt bei gleichartigen Dingen, so auch bei den unter den Größen gleichartigen verwendbar ist.

123. [Welches Verhältnis haben die Größen zueinander?]

Daß sie ein Verhältnis zueinander haben, wird von solchen Größen gesagt, die vervielfacht einander übertreffen können. Denen aber, die dieser Definition widersprechen und so sagen: was ein Verhältnis unter sich hat, sind lauter Dinge, die vervielfacht einander übertreffen können; nichts ist aber so gleichartig als ein Punkt dem Punkte; also ist es klar, daß der Punkt vervielfacht den Punkt übertreffen wird - diesen also muß man erwidern, daß ein Punkt die Zunahme an Größe durch Vervielfachung nicht zuläßt; denn was der Größe nicht teilhaft ist, das ist der Vervielfachung an Größe auch nicht teilhaft, sondern wird allein die Vervielfachung an Zahl zulassen; so sind, da die Gerade unendlich viel Punkte hat, so und so viel Punkte ein Vielfaches von so und so viel. Und überhaupt reden sie von dem Punkte als von einer Größe, die eine gewisse Ausdehnung hat, obgleich Euklid in den Elementen (I def. 1) geradezu den Punkt als unteilbar definiert hat und gesagt (V def. 4), daß ein Verhältnis unter sich haben die Größen.

124. [Welche sind die Größen, die in demselben Verhältnis stehen?]

In demselben Verhältnis stehend heißen Größen, die 1 erste zur zweiten und die dritte zur vierten, wenn die gleichen Vielfachen der ersten und der dritten gleichzeitig entweder größer, gleich oder kleiner sind als beliebige andere

ex μεγεθει F, μεγέθει C; μέγεθος Dasypodius probabiliter. πολλαπλασιασμόν Dasypodius. 12 δ] Dasypodius, οὐ CF. 14 μόνως Dasypodius, μόνος CF. 15 πατ'] Dasypodius, παὶ CF. τ $\tilde{\eta}$] $\tilde{\epsilon}\nu$ τ $\tilde{\eta}$ Dasypodius. 21 ριβ΄ C. $\tilde{\epsilon}\nu$] CF, τὰ $\tilde{\epsilon}\nu$ Hultsch. μεγέθη F, μεγέθει C. $\tilde{\epsilon}$ στί F. 24 ἰσάπις Dasypodius, ἰσάπις $\tilde{\eta}$ CF. πολλαπλάσια F. 25 ἔτυχεν] F, ἔτυχε C.

πλασίων ἢ ἄμα ὑπερέχη ἢ ἄμα ἴσα ἦ ἢ ἄμα ἐλλείπη ληφθέντα κατάλληλα.

Τὰ δὲ τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντα ἀνάλογον καλείσθω.

3 'Αναλογία δὲ ἐν τρισὶν ὅροις ἐλαχίστη ἐστίν, ἐνταῦθα ὅρων λαμβανομένων ἤτοι τῶν μεγεθῶν ἢ τῶν ε ἐπικειμένων αὐτοῖς ἀριθμῶν ὡς γὰρ κύκλου ὅρος ἐστὶν ἡ περιφέρεια καὶ τριγώνων αἱ πλευραί, οὕτω τοῦ τοῦ θ πρὸς τὸν ποῦ τὸν ὅροι εἰσὶν οἱ αὐτοὶ ἀριθμοί.

οκε΄. [Διάφοροι μεγεθων ἀναλογίαι.]

"Όταν δὲ τοία μεγέθη ἀνάλογον ἦ, τὸ α' πρὸς τὸ 10 τρίτον διπλασίονα λόγον έχειν λέγεται ή ποὸς τὸ β΄. φησί γοῦν Ἐρατοσθένης, ὅτι, ὥσπερ ἐπὶ τῶν διαστημάτων Ισων και κατ' εύθεῖαν κειμένων τὰ διαστήματα διπλασιάζεται, ούτως έπὶ τῶν λόγων ώσανεὶ κατ' εὐθεῖαν κειμένων τὸ α΄ πρὸς τὸ γ΄ διπλάσιον λόγον ἔγει 15 η ποὸς τὸ δεύτερον. τὰ γὰο θ τῶν ς ἀφέστηκεν ημιό- λ ια, καὶ τὰ \bar{s} τῶν $\bar{\delta}$ τὰ αὐτὰ ἡμιόλια τὰ ἄρα $\bar{\vartheta}$ τῶν τεσσάρων ἀφέστηκεν δυσίν ήμιολίοις. και γάρ αί ύπερογαὶ αἱ δύο τῆ μιᾶ εἰσιν αύταί, οἶον ὡς ἐπὶ τῶν $\overline{\vartheta}$ καὶ τῶν $\overline{\varsigma}$ καὶ τῶν $\overline{\delta}$. ὑπερέχει γὰρ δ $\overline{\vartheta}$ τῶν $\overline{\varsigma}$ τοῖς $\overline{\imath}$ τρισίν, ὑπερέγει δὲ καὶ $\delta = \tau \tilde{\delta} v \tilde{\delta}$ τοῖς δυσίν, τὰ δὲ τρία καὶ τὰ β συντεθέντα ποιεῖ τὸν πέντε, ες ἐστι τοῦ θ καὶ δ ύπεροχή. ώσπερ δὲ ἀπὸ τῶν μειζόνων έπὶ τοὺς ἐλάττονας αἱ ὑπερογαὶ ποιοῦσι διπλασίους λόγους καὶ τοιπλασίους, ούτως ἀπὸ τῶν ἐλαττόνων αί 25 έλλείψεις.

2 "Όταν δὲ τῶν ἰσάκις πολλαπλασίων τὸ μὲν τοῦ

Vielfache der zweiten und vierten, wenn sie der Reihe nach genommen werden.

Größen aber, die dasselbe Verhältnis haben, sollen proportional heißen.

Eine Proportion aber ist innerhalb wenigstens drei Grenzen eingeschlossen, indem hier als Grenzen entweder die Größen oder die ihnen beigefügten Zahlen genommen werden; wie nämlich der Umkreis Grenze des Kreises ist und die Seiten die des Dreiecks, so sind Grenzen des Verhältnisses 9:6 dieselben Zahlen.

125. [Verschiedene Verhältnisse der Größen.]

Wenn aber drei Größen proportional sind, sagt man, daß die erste zur dritten das doppelte Verhältnis hat als zur zweiten. So sagt Eratosthenes, daß, wie bei gleichen und in einer Geraden gelegenen Abständen, die Abstände verdoppelt werden, so hat bei den Verhältnissen, die gleichsam in einer Geraden liegen, das erste zum dritten ein doppeltes Verhältnis als zum zweiten. Denn der Abstand zwischen 9 und 6 ist $\frac{3}{2}$, zwischen 6 und 4 ebenso $\frac{3}{2}$; also der Abstand zwischen 9 und 4 $\frac{3}{2} \times \frac{3}{2}$. Auch die zwei Überschüsse sind nämlich dem einen gleich, wie z. B. bei 9, 6 und 4; denn $9 \div 6 = 3$ und $6 \div 4 = 2$ und $3 + 2 = 5 = 9 \div 4$. Wie aber von den größeren aus zu den kleineren die Überschüsse doppelte und dreifache Verhältnisse bilden, so von den kleineren aus die Defizite.

Wenn aber von den gleichen Vielfachen das Vielfache

⁵ η] F, ητοι C. 6 ἐν τοῖς ἀριθμοῖς F. 7 περιφέρεια] ἐπιφάνεια F. τριγώνον F. τοῦ τοῦ] Friedlein, τοῦ CF. 8 λόγον] Friedlein, λόγον CF. 9 ρκγ΄ C. διάφοροι] scripsi, cfr. p. 12, 13; διαφόρων CF. 11 διπλασίονα λόγον] Dasypodius, διπλάσιον ἀλογον C, διπλάσιον ἀνάλογον F. 16 $\overline{\theta}$] Dasypodius, τῶν $\overline{\theta}$ CF. 18 δνοίν] ἐν δνοίν F. 19 αὐταί] Dasypodius, αὔται C, αὖται F. 20 τῶν (tert.)] F, τόν C, τοῦ Dasypodius. 21 τῶν] τοῦ F. 22 συντεθέντα] Hasenbalg, σνντιθέντα CF. 23 τοῦ] Hasenbalg, τῆς CF, $\ddot{\tau}$ adpos. F. 27 ἐλλείψεις] B, ἕλλειψις C, ἐλείψεις F.

ποώτου πολλαπλάσιον ὑπερέχη τοῦ τοῦ δευτέρου πολυπλασίου, τὸ δὲ τοῦ τρίτου πολλαπλάσιον μὴ ὑπερέχη τοῦ τοῦ τοῦ δ΄ πολλαπλασίου, τότε τὸ πρώτον πρὸς τὸ δεύτερον μείζονα λόγον ἔχειν λέγεται ἢ τὸ γ΄ πρὸς τὸ δ΄. ἐν δὲ ταύτη τῆ ὑπογραφῆ τοῦ ὅρου βεβούληται ὁ Εὐκλείδης εἰς ὑπόνοιαν ἡμᾶς ἀγαγεῖν καὶ παραστῆσαι, ἐν τίσιν εὐρίσκεσθαι δεῖ μείζονα λόγον λόγου καὶ ἐπεὶ τὰ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῷ κεχαρακτηρίσθαι ἀπὸ τῶν ἰσάκις πολυπλασίων ἤτοι ἅμα ὑπερεχόντων ἢ ἅμα ἴσων ὄντων ἢ ἄμα ἐλλειπόντων, τὰ ἐν μείζονι λόγῷ ὄντα ἐκεῖνα ἔχειν τὴν ὑπεροχήν. ὅπως δὲ γίνεται ὑπεροχή, αὐτὸς ἐν τῷ ε΄ τῆς καθόλου λόγων στοιχειώσεως ἐν τῷ θεωρήματι τῶν ἀνίσων μεγεθῶν ἐπέδειξεν.

οχς'. [Τίνα τὰ δμόλογα μεγέθη;]

Όμόλογα μεγέθη λέγεται εἶναι τὰ μὲν ἡγούμενα τοῖς ἡγουμένοις, τὰ δὲ επόμενα τοῖς έπομένοις.

οκς'. [Περὶ τῆς ἐν τοῖς μεγέθεσι τῶν λόγων διαφορᾶς.]

Λόγος μεν είσηται, ὅτι β ὁμογενῶν ἐστιν ἡ ποὸς ἄλληλα σχέσις. ἐπὶ δὲ τῶν μεγεθῶν λέξομεν ἰδίως, κ ὅτι λόγος ἐστὶν δύο μεγεθῶν ὁμοιογενῶν ἡ κατὰ πη-λικότητά ποια σχέσις, ὡς εἶναι καὶ ἐπ' αὐτῶν ἀναλογίαν τὴν τοιούτων λόγων ὁμοιότητα.

'Ανάπαλιν λόγος ἐστὶν ὁ τοῦ ἐπομένου ποὸς τὸ ἡγούμενον.

¹ ὑπερέχη] F, ὑπερέχει C. τοῦ τοῦ] Friedlein, τοῦ CF; cfr. Eucl. V def. 7. 2 τὸ δὲ] τότε F. ὑπερέχη] F, ὑπερέχει C. 3 τοῦ τοῦ] Friedlein, τοῦ CF. 8 ἐπεὶ] Dasypodius, ἐπὶ CF. κεχαρακτηρίσθαι] Hasenbalg, πεχαρακτηρεῖσθαι C, πεχα|χαρακτη-

des ersten das des zweiten übertrifft, das Vielfache des dritten aber das des vierten nicht übertrifft, so sagt man, daß das erste zum zweiten ein größeres Verhältnis hat als das dritte zum vierten. Bei dieser Fassung der Definition 5 geht Eukleides (V def. 7) darauf aus uns zum Bewußtsein zu bringen und klar zu machen, bei welchen Größen man ein Verhältnis größer als ein anderes Verhältnis finden müsse; und weil Größen, die dasselbe Verhältnis haben, dadurch charakterisiert seien, daß die gleichen Vielfachen 0 gleichzeitig entweder größer oder gleich oder kleiner sind, so hätten diejenigen, die ein größeres Verhältnis haben, einen Überschuß. Wie aber ein Überschuß entsteht, hat er selbst im V. Buch, den allgemeinen Elementen der Proportionslehre, gezeigt in dem Satze von den ungleichen Größen (8).

126. [Was sind homologe Größen?]

Homologe Größen werden genannt die vorangehenden den vorangehenden und die folgenden den folgenden.

127. [Von der Verschiedenheit der Verhältnisse in den Größen.]

Es ist schon gesagt worden (123), daß Verhältnis ein Sich-Verhalten ist von zwei gleichartigen Dingen unter sich. Bei den Größen aber werden wir speziell sagen, daß Verhältnis ein gewisses Sich-Verhalten ist in bezug auf Quanitität zwischen zwei gleichartigen Größen, so daß auch bei ihnen Proportion die Gleichheit ist solcher Verhältnisse.

Umgekehrtes Verhältnis ist das des Hinterglieds zum Vorderglied.

ρίσθω F. 10 ἴσων] F, ἴσον C. 12 λόγω F. 15 ραδ΄ C. μεγέθη] F, μεγέθει C. 18 ραε΄ C. τη̂ς] Hultsch, τοῦ C, τῶν F. μεγέθεσι] F, μεγέθοις C. 19 ὁμορενῶν F. 20 ξξομεν F. 22 ἀναλογίαν] οὐκαλογί F. 24 τὸ] Dasypodius, τὸν CF.

Συνθέντι λόγος έστὶ λῆψις τοῦ ἡγουμένου μετὰ τοῦ έπομένου πρὸς αὐτὸ τὸ έπόμενου.

Διελόντι λόγος έστὶ λῆψις τῆς ὑπεροχῆς, ἣν ὑπερέχει τὸ ἡγούμενον τοῦ έπομένου, πρὸς τὸ ἐπόμενον.

'Αναστοέψαντι λόγος έστι λῆψις τοῦ ἡγουμένου 5 πρὸς τὴν ὑπεροχήν, ἣν ὑπερέχει τὸ ἡγούμενον τοῦ έπομένου.

Ἐναλλὰξ λόγος ἐστὶν ὁ τοῦ ἡγουμένου ποὸς τὸ ἡγούμενον καὶ τοῦ ἐπομένου ποὸς τὸ ἐπόμενον.

Δι' ἴσου λόγος ἐστὶ τεταγμένης ἀναλογίας, ὅταν ἦ, 10 ὡς ἡγούμενον πρὸς ἐπόμενον, οὕτως ἡγούμενον πρὸς ἔπόμενον, ἦ δὲ καί, ὡς ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι, οὕτως ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι, λῆψις ἐν ἀμφοτέροις τοῦ ἡγουμένου πρὸς ἄλλο τι, τουτέστιν ὑπεξαιρεθέντων τῶν μεταξὸ ἐναλλὰξ ὅρων.

οιη'. [Πεολ μεγεθών συμμέτοων καλ άσυμμέτοων.]

Τίνες μεν άλογοι καὶ ἀσύμμετοοι, καὶ τίνες όητοὶ καὶ σύμμετοοι, ἐν τοῖς ποὸ τῆς ἀριθμητικῆς στοιχειώσεως εἴρηται νυνὶ δὲ Εὐκλείδη τῷ στοιχειωτῆ ἐπόμενοι περὶ τῶν μεγεθῶν φαμεν, ὅτι σύμμετρα μεγέθη λέγεται τὰ 10 ὑπὸ τῶν αὐτῶν μέτρων μετρούμενα, ἀσύμμετρα δέ, ὧν μηδὲν ἐνδέχεται κοινὸν μέτρον γίνεσθαι.

οκθ΄. [Πεοὶ εὐθειῶν συμμέτοων καὶ ἀσυμμέτοων.] Εὐθεῖαι δυνάμει μόνον σύμμετοοί εἰσιν, ὅταν τὰ

^{* 8} ἐναλλὰξ] F, ἀναλάξ C. 11 οὕτως -12 ἐπόμενον] Friedlein, om. CF; cfr. Eucl. V p. 6, 11 adn. 12 τι, οὕτως] Friedlein, τοῦ CF. 13 ἐπόμενον -τι] Friedlein, om. CF. λῆψις -τοῦ] addidi coll. Eucl. V def. 17, om. CF; aliter Friedlein, et sane dubitationis nonnihil adfert mentio τεταραγμένης ἀναλογίας omissa. 14 τι] Friedlein, δέ τι CF. ὑπεξαιρεθέντων]

Addiertes Verhältnis ist das Nehmen des Vorderglieds mit dem Hinterglied zum Hinterglied allein.

Subtrahiertes Verhältnis ist das Nehmen des Überschusses, womit das Vorderglied das Hinterglied übertrifft,

5 zum Hinterglied.

Umgewendetes Verhältnis ist das Nehmen des Vorderglieds zum Überschuß, womit das Vorderglied das Hinterglied übertrifft.

Umgetauschtes Verhältnis ist das des Vorderglieds zum

10 Vorderglied und des Hinterglieds zum Hinterglied.

Gleichmäßiges Verhältnis ist bei geregelter Proportion, wenn Vorderglied zu Hinterglied sich verhält, wie Vorderglied zu Hinterglied und zugleich wie Hinterglied zu etwas anderem, so Hinterglied zu etwas anderem, das Nehmen auf 15 beiden Seiten von Vorderglied zu etwas anderem, d. h. mit Entfernung der kreuzweisen Zwischenglieder.

128. [Von kommensurabeln und inkommensurabeln Größen.]

Welche Größen irrational und inkommensurabel sind, welche rational und kommensurabel, ist in der Einleitung zu den Elementen der Arithmetik gesagt; hier aber sagen wir, indem wir den Elementen des Eukleides (X def. 1) folgen, von den Größen, daß kommensurable Größen solche genannt werden, die von denselben Maßen gemessen werden, inkommensurable aber solche, für die es ein gemeinsames Maß nicht geben kann.

129. [Von kommensurablen und inkommensurablen Geraden.]

Geraden sind nur in Potenz kommensurabel, wenn die

Friedlein, ὁπεξαιφεθέν CF. 16 ρπε' C. ἀσυμμέτρων] Hultsch, crf. p. 12, 16; ἀσυμμέτρων λόγων CF. 17 μὲν] CF, μὲν ἀριθμοί Martin. 20 μεγέθη] F, μεγέθει C. 21 ὑπὸ τῶν] Martin, om. CF; fort. potius scrib. τὰ τῷ αὐτῷ μέτρῳ cum Schmidtio coll. Eucl. X def. 1. 22 γίνεται F. 23 ρπξ΄ C. 24 εὐθεῖαι δὲ Hultsch. μόνον] om. F.

ἀπ' αὐτῶν τετράγωνα τῷ αὐτῷ χωρίῳ μετρῆται, ἀσύμμετροι δέ, ὅταν τοῖς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνοις μηδὲν ἐνδέχηται κοινὸν μέτρον χωρίον γενέσθαι. τούτων ὑποκειμένων δείκνυται, ὅτι τῆ προτεθείση εὐθεία σύμμετροί εἰσί τινες εὐθεῖαι ἄπειροι. καλείσθω οὖν ἡ μὲν προσεθεῖσα εὐθεῖα ἡητὴ καὶ αί ταύτη σύμμετροι ἡηταὶ καὶ τὸ μὲν ἀπὸ τῆς προτεθείσης εὐθείας τετράγωνον ἡητόν, τὰ δὲ ἀπ' αὐτῆς σύμμετρα καὶ τὰ τούτων σύμμετρα ἡητά.

ολ . [Τινα μέρη τῶν ἐν τοῖς μεγέθεσι μετοήσεων 10 καταμετροῦντα τὰ ὅλα;]

Τῶν δὲ ἐν τοῖς μεγέθεσι μετοήσεων καταμετοοῦντα τὰ ὅλα ἐστὶ τάδε ὁάκτυλος, παλαιστή, σπιθαμή, πούς, πῆχυς, βῆμα, ὀογυιά. πάντων δὲ ἐλαχιστότερόν ἐστιν δάκτυλος, διαιρεῖται δὲ καὶ εἰς μέρη ἔσθ ὅτε λέγομεν 15 γὰρ καὶ L' καὶ γ' καὶ λοιπὰ μόρια.

Είσι δε και έτερα μέτρα έπινενοημένα τισι τάδε· ἄμπελος, πάσσον, ἄκαινα, πλέθρον, Ιούγερον, στάδιον, μίλιον, σχοῖνος, σχοῖνος Περσική και σχοῖνος Έλλη-λική και λοιπά.

ολα΄. [Τί τῶν εἰοημένων ἕκαστον δύναται;]

Κατὰ μὲν τὴν παλαιὰν ἔκθεσιν παραλιπόντες τὰ περισσὰ τὴν νῦν κρατοῦσαν δύναμιν ὑπετάξαμεν.

O παλαιστής ἔχει δακτύλους $\overline{\delta}$.

H σπιθαμή έχει παλαιστάς $\overline{\gamma}$, δακτύλους ι $\overline{\beta}$.

¹ ἀπ'] Schmidt ex Eucl. X def. 2, ἐπ' CF. μετρῆται] \mathbf{F}^2 , μετρεῖται CF. 2 αὐτῶν] Hultsch, αὐτῶν μὲν CF. 5 ἄπειροι] scripsi, ἄλογοι ἄπειροι CF, καὶ ἄλογοι ἄπειροι Friedlein. προτεθεῖσα] Martin, προστεθεῖσα CF. 6 εὐθεῖα] om. F. 8 τὰ δὲ—σύμμετρα (pr.)] del. Friedlein. τούτφ Friedlein. 10 ραη

auf ihnen beschriebenen Quadrate durch denselben Flächenraum gemessen werden, inkommensurabel aber, wenn es für die auf ihnen beschriebenen Quadrate keinen Flächenraum als gemeinsames Maß geben kann. Dies vorausgesetzt kann bewiesen werden, daß es unendlich viele der gegebenen Geraden kommensurable Geraden gibt. Es sei nun die gegebene Gerade rational genannt, die ihr kommensurablen rational und das auf der gegebenen Geraden beschriebene Quadrat rational, die auf ihr beschriebenen kommensurabel und die ihnen kommensurablen rational.

130. [Welche sind bei den Vermessungen der Größen die Teile, die das Ganze messen?]

Bei den Vermessungen der Größen aber sind folgende die das Ganze messenden: Zoll, Handbreit, Spanne, Fuß, Elle, Schritt, Klafter. Kleiner als alle übrigen ist der Zoll, zuweilen wird er aber noch in Teile zerstückelt; denn wir gebrauchen sowohl die Benennung ½ Zoll als ½ und weitere Teilchen.

Es sind aber auch folgende anderen Maße von einigen ausgedacht: Ampelos, Passus, Akaina, Plethron, Jugerum, Stadion, Milion, Schoinos, Persische und Griechische Schoinos usw.

131. [Was gilt jedes der genannten (Maße)?]

Mit Weglassung des überflüssigen nach der alten Darstellung haben wir die jetzt geltenden Werte aufgeführt

- 1 Handbreit = 4 Zoll.
- 1 Spanne = 3 Handbreiten = 12 Zoll.

C. $\tau l \nu \alpha$] hinc etiam V. $\tau o \bar{\iota}_S$] $\tau \alpha \bar{\iota}_S$ V. 12 $\tau \tilde{\omega} \nu$] mut. in $\tau \alpha$ V². $\mu \epsilon \tau \rho \eta \sigma \epsilon \omega \nu$] Hultsch, $\tau \tilde{\omega} \nu$ $\mu \epsilon \tau \rho \eta \sigma \epsilon \omega \nu$ CFV. Deinde $\mu \epsilon \rho \eta$ add. Hultsch. 14 $\tau \alpha \nu \tau \omega \nu$] $\tau \alpha \nu$ V. $\dot{\epsilon} \sigma \tau \iota \nu$ CF. 17 $\mu \dot{\epsilon} \tau \rho \alpha$] V, $\mu \dot{\epsilon} \rho$ CF. $\dot{\epsilon} \pi \iota \nu \epsilon \nu \rho \eta \mu \dot{\epsilon} \nu \alpha$] $-\eta$ -e corr. C². $\tau \iota \sigma l$] $\dot{\epsilon} l \sigma l$ F. 18 $\ddot{\alpha} \kappa \alpha \iota \nu \alpha$] V, $\ddot{\alpha} \kappa \epsilon \nu \alpha$ CF. 19 $\mu \dot{\eta} l \iota \nu \nu$ V. 21 $\rho \kappa \vartheta$ C. T l $\tau \tilde{\omega} \nu$] $\tau l \nu \omega \nu$ F. 25 $\overline{\gamma}$] $\tau \rho \epsilon \dot{\iota}_S$ C.

O ποὺς ἔχει σπιθαμὴν $\overline{\alpha}$ γ', παλαιστὰς $\overline{\delta}$, δακτύλους $\overline{\iota \varepsilon}$.

 $\begin{array}{ll} \hbox{\it O} & \pi \tilde{\eta} \chi v \varsigma \ \ \ \tilde{\epsilon} \chi \varepsilon \iota \ \pi \delta \delta \alpha \varsigma \ \overline{\beta}, \ \sigma \pi \iota \vartheta \alpha \mu \dot{\alpha} \varsigma \ \overline{\beta} \ \omega', \ \delta \alpha \kappa \tau \upsilon \lambda o v \varsigma \ \overline{\lambda \beta}. \\ \hbox{\it To} & \beta \tilde{\eta} \mu \alpha \ \ \ \tilde{\epsilon} \chi \varepsilon \iota \ \ \pi \tilde{\eta} \chi v v \ \ \overline{\alpha}, \ \ \pi \delta \delta \alpha \varsigma \ \ \overline{\beta}, \ \ \sigma \pi \iota \vartheta \alpha \mu \dot{\alpha} \varsigma \ \ \overline{\beta} \ \ \omega'. \end{array}$

'Η ὀργυιὰ ἔχει βήματα $\bar{\beta}$ δ', πήχεις $\bar{\beta}$ δ', πόδας $\bar{\delta}$ L', σπιθαμὰς $\bar{\varsigma}$, δακτύλους $\bar{\delta}\bar{\beta}$.

Ή ἄμπελος ἔχει ὀργυιὰν $\bar{\alpha}$ θ΄, βήματα $\bar{\beta}$ \angle ΄, πόδας $\bar{\epsilon}$,

σπιθαμάς \bar{s} ω', παλαιστάς \bar{x} , δακτύλους $\bar{\pi}$.

 $T\dot{o}$ πάσσον ἔχει ἄμπελον $\bar{\alpha}$ ε΄, ὀργυιὰν $\bar{\alpha}$ γ΄, βήματα $\bar{\gamma}$, πήχεις $\bar{\gamma}$, πόδας \bar{s} , σπιθαμὰς $\bar{\eta}$, παλαιστὰς $\bar{\kappa}\bar{\delta}$, δακτύλους $\bar{q}\bar{s}$.

 $^{\circ}H$ ἄκαινα ἔχει πάσσα $\overline{\beta}$, ἀμπέλους $\overline{\beta}$ γ' ιε', ὀργυιὰς $\overline{\beta}$ L' 5', βήματα $\overline{\varsigma}$, πήχεις $\overline{\varsigma}$, πόδας $\overline{\iota}\overline{\beta}$, σπιθαμάς $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$, παλαιστὰς $\overline{\mu}\overline{\eta}$, δακτύλους $\overline{\varrho}\overline{\varsigma}\overline{\beta}$.

Τὸ πλέθουν ἔχει ἀκαίνας $\bar{\varrho}$, πάσσα $\bar{\sigma}$, ἀμπέλους $\bar{\sigma}\bar{\mu}$, τ ὁργυιὰς $\bar{\sigma}\xi$ ς ω΄, βήματα $\bar{\chi}$, πήχεις $\bar{\chi}$, πόδας $\bar{\alpha}\bar{\sigma}$, σπιθαμάς $\bar{\alpha}\chi$, παλαιστὰς $\bar{\delta}\omega$, δακτύλους $\bar{\alpha}$ $\bar{\partial}\sigma$.

Το ἰούγερον ἔχει ἀμπέλους $\overline{v}\pi$, πάσσα \overline{v} , ὀργυιὰς $\overline{\phi}\lambda\gamma$ γ' , πλέθρα $\overline{\beta}$, ἀκαίνας $\overline{\sigma}$, βήματα $\overline{\alpha}\overline{\sigma}$, πήχεις $\overline{\alpha}\overline{\sigma}$, πόδας $\overline{\beta}v$, σπιθαμὰς $\overline{\gamma}\overline{\sigma}$, παλαιστὰς $\overline{\beta}v$, δακτύλους $\overline{\gamma}$ $\overline{\gamma}\overline{v}$.

Το στάδιον ἔχει ἀμπέλους $\overline{\rho}$ π, πάσσα $\overline{\rho}$, ὀργυιὰς $\overline{\rho}$ λγ γ', πλέθρον L', ἀκαίνας $\overline{\nu}$, βήματα $\overline{\tau}$, πήχεις $\overline{\tau}$, πόδας $\overline{\chi}$, σπιθαμὰς $\overline{\omega}$, παλαιστὰς $\overline{\beta}$ υ, δακτύλους $\overline{\beta}$ χ.

Το μίλιον ἔχει στάδια ζ \angle' , πλέθοα $\bar{\gamma}$ \angle' δ', ἀκαίνας $\bar{\tau}$ οε, πάσσα ψν, ἀμπέλους $\bar{\Sigma}$, ὀργυιὰς $\bar{\alpha}$, βήματα $\bar{\beta}$ σν, πήχεις $\bar{\beta}$ σν, πόδας $\bar{\delta}$ φ, σπιθαμὰς $\bar{\beta}$ ς, παλαιστὰς $\bar{\alpha}$, $\bar{\gamma}$, δακτύλους $\bar{\zeta}$, $\bar{\beta}$.

- 1 Fuß = $1\frac{1}{3}$ Spanne = 4 Handbreiten = 16 Zoll.
- 1 Elle = 2 Fuß = $2\frac{2}{3}$ Spanne = 32 Zoll.
- 1 Schritt = 1 Elle = 2 Fuß = $2\frac{2}{3}$ Spanne.
- 1 Klafter = $2\frac{1}{4}$ Schritt = $2\frac{1}{4}$ Elle = $4\frac{1}{2}$ Fuß = 5 6 Spannen = 72 Zoll.
 - 1 Ampelos = $1\frac{1}{9}$ Klafter = $2\frac{1}{2}$ Schritt = 5 Fuß = $6\frac{2}{3}$ Spanne = 20 Handbreiten = 80 Zoll.
 - 1 Passus = $1\frac{1}{5}$ Ampelos = $1\frac{1}{3}$ Klafter = 3 Schritt = 3 Ellen = 6 Fuß = 8 Spannen = 24 Handbreiten = 96 Zoll.
- 1 Akaina = 2 Passus = $2\frac{1}{3}\frac{1}{15}$ Ampelos = $2\frac{1}{2}\frac{1}{6}$ Klafter = 6 Schritt = 6 Ellen = 12 Fuß = 16 Spannen = 48 Handbreiten = 192 Zoll.
- 1 Plethron = 100 Akainen = 200 Passus = 240 Ampelos = $266\frac{2}{3}$ Klafter = 600 Schritt = 600 Ellen = 1200 In Fuß = 1600 Spannen = 4800 Handbreiten = 19200 Zoll.
 - 1 Jugerum = 480 Ampelos = 400 Passus = $533\frac{1}{3}$ Klafter = 2 Plethren = 200 Akainen = 1200 Schritt = 1200 Ellen = 2400 Fuß = 3200 Spannen = 9600 Handbreiten = 38400 Zoll.
- 1 Stadion = 120 Ampelos = 100 Passus = $133\frac{1}{3}$ Klafter = $\frac{1}{2}$ Plethron = 50 Akainen = 300 Schritt = 300 Ellen = 600 Fuß = 800 Spannen = 2400 Handbreiten = 9600 Zoll.
- 1 Milion = $7\frac{1}{2}$ Stadion = $3\frac{1}{2}\frac{1}{4}$ Plethren = 375 Akainen = 750 Passus = 900 Ampelos = 1000 Klafter = 2250 Schritt = 2250 Ellen = 4500 Fuß = 6000 Spannen = 18000 Handbreiten = 72000 Zoll.

V, ἄπενα C et corr. ex ἄλπενα F. γ' ιε'] ι' ε' V. 14 $\overline{\iota}$ $\overline{\varsigma}$ ιβ' F. $\overline{\varrho}$ $\overline{\varsigma}$ $\overline{β}$ VB, $\overline{\varsigma}$ $\overline{β}$ CF. 15 ἀπαίνας] V, ἀπένας CF. $\overline{π}$ άσσας V. 19 γ'] δ' V. ἀπαίνας] V, ἀπένας CF. 20 $\overline{\jmath}$ $\overline{\jmath}$

'Εν συντόμφ δὲ ἔχει ἕκαστον οὕτως, ὡς προείρηται, κατὰ τὴν νῦν κατάστασιν τῆς γεωμετρίας, ἤγουν τῆς ἀπογραφῆς τοῦ κίνσου.

Μετὰ τὸν δάκτυλον, ὅς ἐστι μέρος ἐλάχιστον πάντων, ἔστιν ὁ παλαιστής, ὃν καὶ τέταρτόν τινες καλοῦσι \mathbf{s} διὰ τὸ $\mathbf{\bar{o}}$ ἔχειν δακτύλους, μετὰ τοῦτον ἡ σπιθαμὴ παλαιστῶν $\mathbf{\bar{v}}$, εἶτα ἐν κεφαλαί $\mathbf{\bar{o}}$ ὁ ποὺς ἔχει παλαιστὰς $\mathbf{\bar{o}}$, εἶτα ὁ πῆχυς ἔχει πόδας $\mathbf{\bar{o}}$, παλαιστὰς $\mathbf{\bar{o}}$, βῆμα ἴσον τοῦ πήχεως, ἀργυιὰ ἔχει πόδας $\mathbf{\bar{o}}$, παλαιστὰς $\mathbf{\bar{i}}$ η, ἄκαινα πόδας $\mathbf{\bar{i}}$ $\mathbf{\bar{o}}$, παλαιστὰς $\mathbf{\bar{u}}$ $\mathbf{\bar{o}}$, παλαιστὰς $\mathbf{\bar{o}}$ $\mathbf{\bar{o}}$, παλαιστὰς $\mathbf{\bar{o}}$ $\mathbf{\bar$

 $\it Qλβ'$. $\it [Εὐθνμετοικά, ἐμβαδομετοικὰ καὶ στεοεομετοικά.] 15$

O παλαιστης δ εὐθυμετρικὸς ἔχει δακτύλους $\overline{\delta}$, δ ἐπίπεδος δακτύλους $\overline{\iota \bar{\varsigma}}$, δ δὲ στερεὸς δακτύλους $\overline{\bar{\xi} \delta}$.

O ποὺς δ εὐθυμετοικὸς ἔχει παλαιστὰς $\overline{\delta}$, δακτύλους $\overline{\iota \varsigma}$, δ δὲ ἐπίπεδος ἔχει παλαιστὰς $\overline{\iota \varsigma}$, δακτύλους $\overline{\delta v \varsigma}$, $\underline{\delta}$ δὲ στερεὸς ποὺς ἔχει παλαιστὰς $\overline{\xi \delta}$, δακτύ- 20 λους $\overline{\delta \varsigma \varsigma}$.

O πῆχυς ἔχει ὁ εὐθυμετοικὸς πόδας $\overline{\rho}$, παλαιστὰς $\overline{\eta}$, δακτύλους $\overline{\lambda}\overline{\rho}$, ὁ δὲ ἐπίπεδος πῆχυς ἔχει πόδας $\overline{\delta}$, παλαιστὰς $\overline{\xi}\overline{\delta}$, δακτύλους $\overline{\rho}$ ακδ, ὁ δὲ στερεὸς πῆχυς ἔχει πόδας $\overline{\eta}$, παλαιστὰς $\overline{\varphi}$ $\overline{\rho}$, δακτύλους $\overline{\gamma}$ $\overline{\rho}$ $\overline{\psi}$ $\overline{\xi}$ $\overline{\eta}$.

In Kürze aber verhält sich jedes, wie gesagt, folgendermaßen nach dem jetzigen Stande der Feldmessung, d.h. des Katasters:

Auf den Zoll, welcher der kleinste Teil ist von allen, folgt der Handbreit, den einige auch Viertel nennen, weil sie 4 Zoll hält (d. i. $\frac{1}{4}$ Fuß), darauf die Spanne = 3 Handbreiten, dann als Haupteinheit der Fuß = 4 Handbreiten, dann die Elle = 2 Fuß = 8 Handbreiten, der Schritt = 1 Elle, der Klafter = $4\frac{1}{2}$ Fuß = 18 Handbreiten, die Akaina = 12 Fuß = 48 Handbreiten, der Ampelos = 5 Fuß = 20 Handbreiten, der Passus = 6 Fuß = 24 Handbreiten, das Plethron = 1200 Fuß = 4800 Handbreiten, das Jugerum = 2400 Fuß = 9600 Handbreiten, das Stadion = 600 Fuß = 2400 Handbreiten, das Milion = 4500 Fuß.

132. [Längenmaße, Flächenmaße und Körpermaße.]

Ein Handbreit ist als Längenmaß = 4 Zoll, als Flächenmaß = 16 Zoll, als körperliches Maß aber = 64 Zoll.

Ein Fuß ist als Längenmaß = 4 Handbreiten = 16 Zoll, als Flächenmaß aber = 16 Handbreiten = 256 Zoll, der körperliche Fuß aber ist = 64 Handbreiten = 4096 Zoll.

Eine Elle ist als Längenmaß = 2 Fuß = 8 Handbreiten = 32 Zoll, als Flächenmaß aber = 4 Fuß = 64 Handbreiten = 1024 Zoll, die körperliche Elle aber ist = 8 Fuß = 512 Handbreiten = 32768 Zoll.

133, 1 Τὰ δὲ τῆς μετρήσεως εἴδη εἰσὶ ταῦτα τετράγωνα, τρίγωνα, ρόμβοι, τραπέζια, κύκλοι. ἔχουσι θεωρήματα δεκαοκτὰ οὕτως τετραγώνων θεωρήματα β, τετράγωνον ἰσόπλευρον ὀρθογώνιον καὶ τετράγωνον παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον τριγώνων θεωρήματα ξ, τρίγωνον ἰσόπλευρον, τρίγωνον ἰσοσκελές, τρίγωνον σκαληνόν, τρίγωνον ὀρθογώνιον, τρίγωνον ὀξυγώνιον, τρίγωνον ἀμβλυγώνιον ὁρθογώνιον, τρίγωνον ἀμβλυγώνιον θεωρήματα πέσσαρα, τραπέζιον ὀρθογώνιον, τραπέζιον ὀρθογώνιον, τραπέζιον ἐξυγώνιον ἀμβλυγώνιον κύκλων θεωρήματα τέσσαρα, κύκλος, ἀψὶς ἤτοι ἡμικύκλιον, τμῆμα μεῖζον ἡμικυκλίου καὶ τμῆμα ἦττον ἡμικυκλίου.

Καὶ ταῦτα μὲν οὖν τὰ εἴδη καὶ τὰ θεωρήματα ὅσον ἐπὶ τῶν ἐμβαδομετρικῶν ἐπὶ δὲ τῶν στερεῶν πορστιθεμένου ἐκάστη μετρήσει καὶ τοῦ πάχους ἐξαἰρετα θεωρήματα ἐπὶ τῶν στερεῶν εἰσι δέκα οὕτως σφαῖρα, κῶνος, ὀβελίσκος, κύλινδρος, κύβος, σφηνίσκος,

μείουρος, κίων, πλινθίς, πυραμίς.

Εἰσὶ δὲ καὶ ὅροι τῆς μετρήσεως ἐστηριγμένοι οἴδε καντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ τῆς λοικῆς μείζονές εἰσι πάντη μεταλαμβανόμεναι, καὶ παντὸς τριγώνου ὀρθογωνίου [αἱ δύο πλευραὶ τῆς λοικῆς] τὰ ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν δύο πλευρῶν τετράγωνα ἴσα τῷ ἀπὸ τῆς ὑποτεινούσης τετραγώνω, καὶ παντὸς κύκλου ἡ περίμετρος τῆς διαμέτρου τριπλάσιός ἐστι καὶ ἐφέβδομος, καὶ ἐμβαδὸν ἀπὸ τῆς διαμέτρου ἐπὶ τὸν κύκλον μετρούμενα τετράγωνα ἴσα εἰσὶν ἐμβαδοῖς κύκλων δ.

4 'Επειδή δε εν τοῖς κλίμασιν εκράτησε τις συνήθεια τοῖς εγχωρίοις μέτροις χρᾶσθαι εκαστον, καὶ εκ τῆς Die Formen aber der Vermessung sind folgende: Vierecke, 133, 1 Dreiecke, Rhomben, Trapeze, Kreise. Sie enthalten 18 Theoreme folgendermaßen: 2 Theoreme der Vierecke, das gleichseitige rechtwinklige Viereck und das parallelseitige rechtwinklige Viereck; 6 Theoreme der Dreiecke, das gleichseitige Dreieck, das gleichschenklige Dreieck, das ungleichseitige Dreieck, das rechtwinklige Dreieck, das spitzwinklige Dreieck, das stumpfwinklige Dreieck; 2 Theoreme der Rhombe, die Rhombe und das Rhomboid; 4 Theoreme der Trapeze, das rechtwinklige Trapez, das gleichschenklige Trapez; 4 Theoreme der Kreise, der Kreis, die Apsis oder der Halbkreis, das Segment größer als ein Halbkreis und das Segment kleiner als ein Halbkreis.

Dies sind nun die Formen und die Theoreme, soweit es 2 sich um Flächenmessungen handelt; bei den Körpern aber tritt bei jeder Vermessung auch die Dicke hinzu, und es ergeben sich bei den Körpern zehn besondere Theoreme folgendermaßen: Kugel, Kegel, Obeliskos, Zylinder, Würfel, Keil, Meiuros, Säule, Plinthis, Pyramide.

Es gibt aber auch folgende feste Normen für die Ver-3 messung: In jedem Dreieck sind die zwei Seiten in jeder Kombination größer als die übrige, und in jedem rechtwinkligen Dreieck sind die Quadrate der zwei den rechten Winkel umschließenden Seiten dem Quadrat der Hypotenuse gleich, und in jedem Kreis ist der Umkreis $3\frac{1}{7}$ mal so groß als der Durchmesser, und in Flächenmaß ist Durchmesser umkreis gleich dem Flächeninhalt von 4 Kreisen.

Da aber in den verschiedenen Gegenden die Gewohnheit 4 gesiegt hat, daß man überall die einheimischen Maße benutzt, und da das Maß ausgeglichen wird durch das Ver-

^{133, 1-3} Hero, Geom. 3, 22-25.

¹ Supra ταῦτα add. πέντε C. 12 ἐπικύκλιον C. μείζων C. 23 αἰ—λοιπῆς] deleo. 25 τῷ ἀπὸ] ἢ τῶν ὑπὸ C. τετραγώνων C. 26 τριπλάσιον C. 27 ἐμβαδὸν sqq. corrupta. τὸν κύκλον] scripsi, τοῦ κύκλον C. 28 κύκλων δ] κύκλοις τέσσαρες C.

ἀναλογίας τοῦ ποδὸς ποὸς τὸν πῆχυν ἐξισοῦται τὸ μέτρον, τούτων δὲ οὕτως ἐχόντων τὴν μέτρησιν τῶν θεωρημάτων ποίει, ὡς προείρηται.

134

Αλτήματα ε.

1 'Ηιτήσθω ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν σημείον εὐθείαν γοαμμὴν ἀγαγεῖν,

Καὶ πεπερασμένην εὐθεῖαν ἐπ' εὐθείας κατὰ τὸ συνεχὲς ἐκβαλεῖν,

Καὶ παντὶ κέντοφ καὶ διαστήματι κύκλον γεγράφθαι, Καὶ πάσας τὰς ὀρθὰς γωνίας ἴσας ἀλλήλαις εἶναι, 1

Καί, ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῆ, ἐκβαλλομένας τὰς δύο εὐθείας ἐπ' ἄπειουν συμπίπτειν ἀλλήλαις, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες γωνίαι.

Καὶ δύο εὐθεῖαι χωρίον οὐ περιέχουσιν.

2

Κοιναὶ ἔννοιαι.

Τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν ἴσα.

Καὶ ἐὰν ἴσοις ἴσα προστεθ $\tilde{\eta}$, τὰ ὅλα ἐστὶν ἴσα.

Καὶ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῆ, τὰ λοιπά ἐστιν ἴσα. 2

Καὶ ἐὰν ἀνίσοις ἴσα προστεθῆ, τὰ ὅλα ἐστὶν ἄνισα.

Καὶ ἐὰν ἀπὸ ἀνίσων ἴσα ἀφαιρεθῆ, τὰ λοιπά έστιν ἄνισα.

Καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια ἴσα ἀλλήλοις ἐστί.

Καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ ἡμίση ἴσα ἀλλήλοις ἐστί.

Καὶ τὸ ὅλον τοῦ μέρους μεῖζόν ἐστι.

Καὶ δύο εὐθεῖαι χωρίον οὐ περιέχουσιν.

^{134, 1} Euclid. Elem. I p. 8, 6 sqq. — 2 Euclid. Elem. I p. 10, 1 sqq.

hältnis zwischen Fuß und Elle, so mache unter diesen Umständen die in den Theoremen verlangten Vermessungen wie vorher angegeben.

Fünf Postulate.

134

Es sei postuliert, daß man von jedem Punkt zu jedem 1 Punkt eine gerade Linie ziehen kann,

und eine Gerade in gerader Linie ununterbrochen ver-

längern,

und mit jedem Zentrum und jedem Radius einen Kreis o beschreiben,

und daß alle rechte Winkel unter sich gleich sind, und daß, wenn eine Gerade, die zwei Geraden schneidet, die zwei inneren nach derselben Seite hin gelegenen Winkel kleiner macht als 2 R, treffen sich die beiden Geraden, ins 5 Unendliche verlängert, auf der Seite, wo die Winkel, die kleiner sind als 2 R, liegen.

Und zwei Geraden können einen Raum nicht umschließen

Allgemeine Voraussetzungen.

2

Was demselben gleich ist, ist auch unter sich gleich.

Und wenn gleiches zu gleichem hinzugefügt wird, sind die Summen gleich.

Und wenn gleiches von gleichem abgezogen wird, sind die Reste gleich.

Und wenn zu ungleichem gleiches hinzugefügt wird, sind die Summen ungleich.

Und wenn von ungleichem gleiches abgezogen wird,

sind die Reste ungleich.

Und was doppelt so groß ist als dasselbe, ist unter sich o gleich.

Und was von demselben die Hälfte ist, ist unter sich gleich.

Und das ganze ist grösser als ein Teil.

Und zwei Geraden können einen Raum nicht umschließen.

9 κύκλον] F, κύκλου C. 13 ποιῆ] Hultsch ex Euclide, ποιεῖ CF. 20 ἴσων] Hultsch ex Euclide, ἀνίσων CF. 23 ἄνισα] F, ἄνοισα C. 24 διπλάσια] Β, διπλασίου CF.

135

3

Όρος γεωμετοίας.

1 Γεωμετρία έστιν έπιστήμη μεγεθών και σχημάτων και των περιοριζουσων και περατουσων ταυτα έπιφανειων και γραμμών των τε έν τούτοις παθων και σχέσεων και ένεργειων έν μορφαίς και κινήσεως ποιότησι. Επάθη μεν οὖν λέγεται τὰ περι τὰς διαιρέσεις, σχέσεις δὲ οἱ των μεγεθων πρὸς ἄλληλα λόγοι και θέσεις και καθ' αὐτὸ ἐπιβάλλουσιν ἡμῖν αὐτοῖς και πρὸς ἄλληλα συγκρίνουσιν.

Ό, τι τὸ ἐν τοῖς σώμασι μέγεθος συνεχές.

Συνεχῆ δέ εἰσι τὰ ὁμοιομερῆ δι' ὅλων, καὶ ὧν ἐπ' ἄπειρον ἡ τομή, οἶον σῶμα, τόπος, χρόνος, κίνησις, ἐπιφάνεια, γραμμή. τοῦ τε γὰρ σώματος πᾶν μέρος σῶμα, καὶ διὰ τοῦτο οὐδὲν ἔστιν ἐλάχιστον σῶμα. ἐπεὶ πᾶν σῶμα τρεῖς ἔχει διαστάσεις, μῆκος, πλάτος, 15 βάθος, καὶ ὅπου δὲ πᾶν μέρος, τόπος ἐστί, καὶ ὅθεν, οὐδὲ τόπος ἐλάχιστος ἔστι πᾶς γὰρ τόπος ἴσας ἔχει σωματικὰς διαστάσεις. ὁμοίως καὶ πᾶν μέρος τοῦ χρόνου χρόνος ἐστί. καὶ ἄλλα δὲ συνεχῆ ἐστι, γραμμή μέν, ὅτι λαβεῖν ἔστι κοινὸν ὅρον, πρὸς ὃν τὰ μόρια 20 αὐτῆς συνάπτει, στιγμήν, ἐπιφάνεια δέ, ὅτι τὰ τοῦ ἐπιπέδου μόρια πρὸς κοινὸν ὅρον συνάπτει, γραμμήν ὡσαύτως δὲ καὶ ἐπὶ τοῦ σώματος.

Ότι τινές ἀρχαὶ γεωμετρίας.

Αρχὰς γεωμετρίας ἔνιοί φασιν εἶναι τὰς τοῦ σώμα- 25 τος διαστάσεις τοῦ μαθηματικοῦ εἰσὶ δὲ τρεῖς, μῆκος,

¹³⁵ ex Gemino, u. Martin, Recherches sur la vie et les ouvrages d'Héron p. 113.

Definition der Geometrie.

Geometrie ist die Wissenschaft von Größen und Figuren 1 und den diese umschließenden und begrenzenden Flächen und Linien sowie deren Behandlung und Beziehungen und Wirkungen in bezug auf Formen und Qualitäten der Bewegung. Behandlung nennt man, was sich auf die Teilungen bezieht, Beziehungen aber die Verhältnisse und Lagen der Größen zueinander, sowohl wenn wir sie für sich betrachten, als wenn wir sie untereinander vergleichen.

Was kontinuierliche Größe in den Körpern ist.

Kontinuierlich aber ist, was durch und durch gleichartig ist, und was ins Unendliche geteilt werden kann, wie z.B. Körper, Raum, Zeit, Bewegung, Fläche, Linie. Denn von einem Körper ist jeder Teil ein Körper, und es gibt daher keinen kleinsten Körper. Und da jeder Körper drei Dimensionen hat, Länge, Breite und Tiefe, und auch wo jeder Teil ist, oder woher er entfernt wurde, ein Raum ist, so gibt es auch keinen kleinsten Raum; denn jeder Raum hat die gleichen körperlichen Dimensionen. Ebenso ist auch von der Zeit jeder Teil Zeit. Und es gibt auch andere kontinuierliche Größen, eine Linie, weil man eine gemeinsame Grenze aufstellen kann, der ihre Teile sich nähern, nämlich den Punkt, und eine Fläche, weil die Teile der Ebene einer gemeinsamen Grenze sich nähern, nämlich der Linie. Und ebenso auch bei dem Körper.

Daß die Geometrie gewisse Grundlagen hat.

Einige sagen, daß die Grundlagen der Geometrie die Dimensionen des mathematischen Körpers sind; sie sind

⁵ καὶ ἐνεργειῶν — ποιότησι] uerba obscura del. Hultsch. 7 καὶ καθ' — 9 συγκρίνουσιν] del. Hultsch. 13 τοῦ τε] Martin, τοῦτο CF. 15 ἐπεὶ — 16 ὅθεν] del. Hultsch. 15 ἐπεὶ [fort. scr. καὶ ἐπεὶ. 17 οὐδὲ] Martin, ὁ δὲ CF. 18 πᾶν] scripsi, τὸ πᾶν CF. 21 αὐτῆς] scripsi, αὐτῆ CF. 22 πρὸς] Martin, om CF

4

5

6

πλάτος καὶ βάθος. τούτων δὲ τὴν πρώτην γίνεσθαί φασιν ἀπὸ τῶν πρόσω εἰς τὰ ὀπίσω καὶ εἶναι μῆκος, τὴν δὲ δευτέραν γίνεσθαι ἀπὸ τῶν δεξιῶν εἰς τὰ εὐώνυμα καὶ εἶναι πλάτος, τὴν δὲ τρίτην γίνεσθαι ἄνω καὶ κάτω καὶ εἶναι βάθος, ὡς ἐκ τῶν τριῶν τού- 5 των εξ γίνεσθαι διαστάσεις, δύο καθ' ἐκάστην' καλοῦσι δὲ ταύτας κινήσεις κατὰ τόπον.

Τί έστι τέλος γεωμετοίας;

Τέλος ἐστὶ ταύτη παραπλησίως τῆ ἀριθμητικῆ, πλὴν τοῦ ζητεῖν καταλαβεῖν οὐ τὰ τῆ διωρισμένη, ω ἀλλὰ τὰ συνεχεῖ οὐσία συμβάντα.

Πεοί λογιστικής.

Λογιστική έστι θεωρία ή τῶν ἀριθμητῶν, οὐχὶ δὲ τῶν ἀριθμῶν, μεταχειριστική, οὐ τὸν ὄντως ἀριθμὸν λαμβάνουσα, ὑποτιθεμένη δὲ τὸ μὲν εν ὡς μονάδα, τὸ τὸ ἀὲν ἀριθμητὸν ὡς ἀριθμόν, οἶον τὰ τρία τριάδα εἶναι καὶ τὰ δέκα δεκάδα, ἐφ' ὧν ἐπάγει τὰ κατὰ ἀριθμητικήν θεωρήματα. θεωρεῖ οὖν τὸ μὲν κληθὲν ὑπ' ἀριμήδους βοϊκὸν πρόβλημα, τοῦτο δὲ μηλίτας καὶ φιαλίτας ἀριθμούς, τοὺς μὲν ἐπὶ φιάλης, τοὺς δὲ ἐπὶ να ποίμνης, καὶ ἐπ' ἄλλων δὲ γενῶν τὰ πλήθη τῶν αἰσθητῶν σωμάτων σκοποῦσα, ὡς περιττὸν ἀποφαίνεσθαι.

Τίς ύλη λογιστικής;

Εἴοηται μεν ἤδη, ὅτι πάντα τὰ ἀοιθμηθέντα. ἐπεὶ δὲ τὸ ἕν ἐστιν ἐν τῆ ὕλη ἐλάχιστον, ὁποῖον ἐν τῆ 25 ἀοιθμητικῆ ἡ μονάς, ποοσχοῆται τῷ ἐνὶ ὡς ἐλαχίστῷ τῶν ὑπὸ τὸ αὐτὸ πλῆθος ὁμογενῶν. ἕνα γοῦν τίθεται

³ δὲ] Martin, om. CF. 11 συνεχεῖ] τῆ συνεχεῖ Martin,

4

5

6

aber drei, Länge, Breite und Tiefe. Von diesen sagen sie, daß die erste aus der Richtung von vorn nach hinten entsteht und Länge ist, die zweite aus der von rechts nach links und Breite ist, die dritte aber aus oben und unten und Tiefe ist, so daß aus diesen dreien 6 Dimensionen entstehen, für jede zwei; sie nennen sie aber räumliche Bewegungen.

Was ist das Ziel der Geometrie?

Ihr Ziel entspricht dem der Arithmetik, nur daß sie die Vorkommnisse nicht in dem begrenzten Stoff, sondern in einem kontinuierlichen zu fassen sucht.

Von der Logistik.

Logistik ist eine Lehre, die die zählbaren Dinge, nicht die Zahlen, behandelt, indem sie nicht die Zahl an sich sucht, sondern das Eins als Einheit und das zählbare als Zahl annimmt, z. B. daß 3 die Dreiheit, 10 die Zehnheit sei, und daran führt sie dann die der Arithmetik entsprechenden Sätze vor. Sie behandelt also erstens das von Archimedes so genannte Rinderproblem, zweitens die Schafund Schalenzahlen, indem sie diese an einer Schale, jene an einer Herde untersucht sowie auch an anderen Arten die Mengen der sinnlichen Körper, wie es nicht weiter erläutert zu werden braucht.

Was ist der Gegenstand der Logistik?

Alles, was gezählt wird, wie schon gesagt. Da aber das Eins in der Materie das kleinste ist, wie in der Arithmetik die Einheit, benutzt sie das Eins als das kleinste der in derselben Menge vereinigten gleichartigen Dinge; so setzt

συνεχῆ CF. 14 ὄντως] Martin, ὄντως CF. 16 τὰ] F, τ seq. ras. 1 litt. C. 17 κατὰ] C, κατὰ F. 19 μηλίτας] C, μηλλίτας F. 20 φιάλης] Hultsch, φιάλη CF. 22 περιττὸν] F, περιττέον C. ἀποφαίνεσθαι] Martin, ἀποφαίνεται CF. 24 ἤδη] Martin, εἴδη CF. 25 ἕν] scripsi, μέν CF.

7 *

ἄνθοωπον ἐν πλήθει ἀνθοώπων ἀδιαίρετον, ἀλλ' οὐχ ἄπαξ, καὶ μίαν δραχμὴν ἐν δραχμαῖς ἄτομον, εἰ καὶ ὡς νόμισμα διαιρεῖται.

7 Γεωδαισία έστιν έπιστήμη τῶν ἐν τοῖς αἰσθητοῖς σώμασι μεγεθῶν καὶ σχημάτων διαιοετικὴ καὶ συν- 5 θετική.

Ποταπή της γεωδαισίας ύλη;

Λαμβάνει τὰ σγήματα οὐ τέλεια οὐδ' ἀπηκοιβωμένα τῶ σωματικήν ύλην ὑποβεβλῆσθαι, καθώσπεο καὶ ή λογιστική μετρεί γουν καὶ σωρον ώς κώνον καὶ φρέατα 10 περιφερή ώς κυλινδρικά σχήματα καὶ τὰ μείουρα ώς κώνους κολούρους. χρηται δέ, ως ή γεωμετρία τη αοιθμητική, ούτω καὶ αύτη τῆ λογιστική. χοήται δογάνοις είς μεν τὰς διοπτείας χωρίων διόπτραις, κανόσι, στάθμαις, γνώμοσι καὶ τοῖς δμοίοις πρὸς διαστη- 15 μάτων καὶ ύψων ἀναμετοήσεις, τοῦτο μέν σκιᾶ, τοῦτο δὲ αὖ διοπτείαις, ἔστι δὲ ὅτε καὶ δι' ἀνακλάσεως θηοᾶται τὸ ποοβληθέν. ώσπεο καὶ ὁ γεωμέτοης τὰς λογικάς εὐθείας μεταχειρίζεται πολλαχοῦ, ούτως δ γεωδαίτης ταῖς αἰσθηταῖς προσχρηται τούτων δ' αί 20 μεν αποιβέστεραι δια των απτίνων του ήλίου λαμβάνονται η δι' όπτηρων η των έπιπροσθετήσεων έκλαμβανόμεναι, αί δε σωματικώτεραι διὰ τάσεως καὶ ελξεως μηρίνθων ή στάθμης τούτοις γάρ χρώμενος δ γεωδαίτης μετοεῖ πόρρωθεν ἀφεστῶτα χωρία, ὀρῶν ἀνα- 25 στήματα, τειχων ύψη, ποταμών πλάτη καὶ βάθη, καὶ

sie in einer Menge von Menschen einen Menschen als unteilbar, aber nicht nur einmal, und bei Drachmen eine Drachme als unteilbar, wenn sie auch als Münze geteilt wird.

Die Geodäsie ist eine Wissenschaft, welche die Größen 7 und Figuren in den sinnlichen Körpern teilt und zusammenlegt.

Von welcher Art ist der Gegenstand der Geodäsie?

Sie nimmt die Figuren vor nicht vollkommen oder exakt, o dadurch, daß eine körperliche Materie zugrunde liegt; so mißt sie einen Getreidehaufen als einen Kegel, runde Brunnen als zylindrische Figuren und nach hinten verjüngte Körper als stumpfe Kegel. Und wie die Geometrie die Arithmetik benutzt, so benutzt sie die Logistik. Als Geräte be-5 nutzt sie zum Visieren bei Grundstücken Dioptren, Lineale, Richtschnüre, Winkelmaße und dergleichen zur Vermessung von Entfernungen und Höhen, teils mittels des Schattens, teils hingegen durch Visieren, zuweilen aber greift sie auch das Problem an mittels Strahlenbrechung. Wie der Geoo meter in vielen Fällen die gedachten Geraden behandelt, so benutzt der Geodät die sinnlichen; und von diesen werden die exakteren durch die Sonnenstrahlen gefunden, indem sie entweder durch Visiere oder durch Schattengeber erfaßt werden, die mehr körperlichen aber durch Ausspannen und 5 Ziehen von Ketten oder Richtschnur; denn durch solche Mittel mißt der Geodät aus der Ferne entfernte Grundstücke. Erhebungen von Bergen, Höhen von Mauern, Breiten und

φρέατι C. 11 μείουρα] Martin, μύουρα CF. 12 πώνους] Martin, κόνου C, κώνου F. 14 διοπτείας] scripsi, διόπτρας CF, διοπτρείας Martin. χωρίων] F, χωρίου C. 17 διοπτείαις] διοπτίαις CF, διοπτρείαις Martin. 20 γεωδαίτης] Hultsch, γεωδέτης CF. 21 ήλίου] F, -ου in ras. C. 22 ή (alt.)] F, $\tilde{\eta}$, mg. uocabulum obscurum C. 23 σωματικότεραι F. 24 στάσμης] e corr. F, στάθμοις CF. γεωδαίτης] Hultsch, γεωδέτης CF. 25 άφεστῶτα] Hultsch, έφες CF.

όσα τοιαύτα. ἔτι ή γεωδαισία ποιεῖται τὰς διαιρέσεις οὐ μόνον εἰς ἰσότητας, ἀλλὰ καὶ κατὰ λόγους καὶ ἀναλογίας, ἔστι δ' ὅτε καὶ κατὰ τὴν τῶν χωρίων ἀξίαν.

9 "Ότι αί πρὸς ὄμμα τε καὶ ὀρθογώνιοι στοαὶ πόρρωθεν μείουροι φαίνονται καὶ τῶν πύργων οἱ τετράγωνοι στρογγύλοι καὶ προσπίπτοντες πόρρωθεν ὁρώμενοι, ἄνισά τε τὰ ἴσα φατνώματα παρὰ τὰς θέσεις καὶ τὰ μήκη.

1 "Ότι οὔτε φυσιολογεῖ ἡ ὀπτικὴ οὔτε ζητεῖ, εἴτε ἀπόρροιαί τινες ἐπὶ τὰ πέρατα τῶν σωμάτων φέρονται κὰ ἀπὸ τῶν ἄψεων ἀκτίνων ἐκχεομένων, εἴτε ἀπορρέοντα εἴδωλα ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν εἴσω τῶν ἄψεων εἰσδύεται κατὰ στάθμην ἐνεχθέντα, εἴτε συνεκτείνεται ἢ συστρέφεται ὁ μεταξὺ ἀὴρ τῷ τῆς ἄψεως αὐγοειδεῖ πνεύματι, μόνον δὲ σκοπεῖ, εἰ σώζεται καθ' ἐκάστην ὑπόθεσιν ἡ κε

¹ γεωδαισία] Martin, γεωδεσία CF. 4 ὅμμα τε] Hultsch, μμα τε C, μματι F. 5 μείουροι] F, μόουροι C. 6 στρογγύλοι] F, στρογγύλη C. 10 ὅψεις—ὅμματος] G, om. CF. 11 περιφερομένου] e corr. J, συμπεριφερομένου CFG, m. 1 J. 12 τὸ] CG, τῷ F. δρώμενου] G, δρομένων C, δρωμένω F. γίνεσθαι τὰς ὄψεις] CF, τὰς ὄψεις γίνεσθαι G. 13 δὲ] om. G. 15 ὁρᾶσθαι] G, mg. F, corr. ex δρᾶσθε C. φέρεσθαι—16 γραμμάς]

Tiefen von Flüssen und dergleichen. Ferner macht die Geodäsie die Teilungen nicht nur nach Gleichheit, sondern auch nach Verhältnissen und Proportionen, zuweilen aber auch nach dem Werthe der Grundstücke.

Die auf das Auge zulaufenden und rechtwinkligen 9 Säulenhallen erscheinen aus der Ferne nach hinten verjüngt, und viereckige Türme, aus der Ferne gesehen, rund und gegen den Beschauer geneigt, und die gleichen Kassetten ungleich je nach Lage und Ausdehnung.

Die Optik setzt voraus, daß die vom Auge ausgehenden 10 Sehestrahlen sich nach geraden Linien bewegen, und daß, wenn das Auge sich herumbewegt, auch die Sehestrahlen sich mit herumbewegen, und daß die Sehestrahlen das Gesehene treffen, sobald das Auge sich öffnet. Aber auch auf andere Weise setzt sie voraus, daß, was durch den Äther und die Luft gesehen wird, nach geraden Linien gesehen werde (denn alles Licht bewege sich nach geraden Linien), was aber durch Glas oder Membrane oder Wasser durchscheint, nach gebrochenen, und was in spiegelnden Gegenständen erscheint, nach zurückgeworfenen.

Die Optik beschäftigt sich nicht mit physikalischen 11 Fragen und untersucht nicht, ob gewisse Ausflüsse nach den Umrissen der Körper ausgehen, indem Strahlen von den Augen sich ergießen, oder ob Bilder, die sich von den sintelichen Gegenständen ablösen, in die Augen eindringen, indem sie sich nach der Richtschnur bewegen, oder ob die dazwischen liegende Luft mit der strahlenartigen Ausdünstung des Auges sich dehnt oder zusammengepreßt wird; sie achtet nur darauf, ob bei jeder Annahme die gerade Richtung der Bewegung oder Spannung gewahrt wird so

CG, mg. F. 16 ύμένων καὶ ὑέλλων G. 17 ὑμένων] J, ὑλίων CF. 18 γωνίας] del. Schöne. 20 πέρατα τῶν σωμάτων] G, πέρα CF. φέρονται] G, φέροντες σώματα CF. 21 ἀπὸ] CF, οπ. G. ὄψεων] CF, ὀπτικῶν G. ἐκχεομένων] FG, ἐγχεωμένων C. ἀπορρέοντα] FG, ἀπορραίοντα C. 23 εἴτε] C, οὕτε εἰ FG. συστρέφεται] Hultsch, συνστρέφεται B, συντρέφεται CF, συμφέρεται G. 24 αὐγοειδεῖ] FG, αὐγοειδῆ C.

Ιθυτένεια τῆς φορᾶς ἢ τάσεως καὶ τὸ κατὰ τὴν συναγωγὴν εἰς γωνίαν τὴν σύννευσιν γίνεσθαι, ἐπειδὰν μειζόνων ἢ ἐλαττόνων ὄψεως ἦ θεωρία. προηγουμένως τε σκέπτεται, ὡς ἀπὸ παντὸς [τῆς κόρης ἢ τοῦ ὁρωμένου] μέρους ἡ ὄψις ἐγγίνεται, οὐχὶ δὲ ἀπό τινος το ὑρισμένου σημείου, καὶ ὅτι κατὰ γωνίαν ὁτὲ μὲν εἴσω νενευκυῖαν, ὁτὲ δὲ ἔξω κορυφουμένην, ὁτὲ δὲ κατὰ παραλλήλους.

'Οπτικής μέρη λέγοιτο μεν αν κατά τας διαφόρους 12 ύλας καὶ πλείω, τὰ δὲ γενικώτατα τρία τὸ μὲν όμω- 10 νύμως τῶ ὅλω καλούμενον ὀπτικόν, τὸ δὲ κατοπτρικόν, τὸ δὲ σκηνογραφικόν. κατοπτρικόν δὲ λέγεται δλοσγεοέστερον μεν τὸ περί τὰς ἀνακλάσεις τὰς ἀπὸ τῶν λείων, οὐ μόνον περί εν κάτοπτρον, ἔστι δ' ὅτε καὶ περί πλείω στρεφόμενον, έτι μὴν καί περί τὰ ἐν ἀέρι 15 δι' ύγρῶν ἐμφαινόμενα χρώματα, δποῖά ἐστι τὰ κατὰ τὰς ἴοιδας. ἕτερον δὲ τό τε θεωροῦν τὰ συμβαίνοντα περί τὰς τοῦ ήλίου ἀμτῖνας ἔν τε κλάσει καὶ φωτισμοῖς αὐτοῖς καὶ σκιαῖς, οἷον ὁποία τις ή διορίζουσα γραμμή την σκιάν έν έκάστω σχήματι γίνεται, και το περί τά 20 πυρεία προσαγορευόμενον σκοπούν περί των κατά άνάκλασιν συνιουσών ακτίνων, αι κατά σύννευσιν άθρόαν τῆς τοῦ φωτὸς ἀνακλάσεως παρὰ τὴν ποιὰν κατασκευὴν τοῦ κατόπτρου εἰς εν συνιοῦσαι ἢ κατά γραμμὴν εὐθεῖαν ἢ κυκλοτερὲς ἐκπυροῦσί τινα τόπον. αὖται δ' 25 αί θεωρίαι τὰς αὐτὰς ὑποθέσεις ἔχουσαι τῆ περί τὰς όψεις τὸν αὐτὸν ἐκείνη τρόπον ἐφοδεύονται ὁποία γὰρ ή τῶν ὄψεων πρόπτωσις, τοιοῦτος καὶ ὁ καταφωτισμὸς

wie auch die Anforderung, daß das Zusammenlaufen im Sammelpunkt in einem Winkel geschieht, wenn Gegenstände betrachtet werden, die größer oder kleiner sind als das Auge. Und vor allem überlegt sie, daß das Sehbild von 5 jedem Teil aus entsteht, nicht von irgendeinem bestimmten Punkt aus, und in einem Winkel, der bald nach innen konvergiert, bald nach außen sich zuspitzt, bald auch nach Parallelen.

Von der Optik könnte man auch mehr Teile benennen 12 o nach den verschiedenen Materien, die wesentlichen aber sind die folgenden drei: einer, der mit demselben Namen wie das Ganze benannt wird, die Optik, ein anderer die Katoptrik, ein dritter die Skenographie. Katoptrik aber nennt man allgemeiner die Lehre von der Zurückwerfung von glatten 5 Gegenständen; sie beschäftigt sich nicht mit einem Spiegel allein, sondern manchmal auch mit mehreren, sowie ferner auch mit den Farben, die sich in der Luft durch Feuchtigkeit zeigen, wie die des Regenbogens sind; ein anderer Teil aber ist die Untersuchung der Erscheinungen bei den Sonneno strahlen in bezug auf Brechung und sowohl die Beleuchtungen selbst als die Schatten, z. B. von welcher Art die Linie wird, die bei jeder Figur den Schatten begrenzt, ferner die sogenannte Lehre von den Brennspiegeln, die von den durch Zurückwerfung zusammenlaufenden Strahlen handelt, 5 welche durch gesammelte Konvergenz des zurückgeworfenen Lichts wegen einer gewissen Konstruktion des Spiegels zusammenlaufen und eine gewisse Stelle verbrennen entweder nach einer geraden Linie oder kreisförmig. Diese Untersuchungen aber haben dieselben Voraussetzungen als die

κορυφουμένη CF. 10 γενικότερα F. τρία] G, τὰ τρία CF. 12 Ante κατοπτρικὸν δὲ lac. statuit Schöne, καὶ κατοπτρικὸν μὲν G. 14 ἔστι δ'] CF, ἀλλ' ἐστιν G. 15 περὶ (alt.)] G, om. CF. 16 χρώματα] G, χρήματα CF. 21 σκοποῦν] CF, τὸ σκοποῦν G. 22 σύννευσιν] G, σύνευσιν CF. 24 συνιοῦσαι] G, συνιοῦσα CF. η̃] CF, καὶ G. εὐθεῖαν] FG, εὐθεῖα C. 25 ηੌ κυκλοτερὲς] CF, αὶ κυκλοτερεῖς G. δ'] CG, δὲ F. 26 τη̃] CF, ταῖς G. 27 ἐκείνη] CF, ἐκείναις G.

ύπὸ τοῦ ἡλίου γίνεται, καὶ τότε μὲν κατ' εὐθείας ἀκλάστους, τότε δὲ κατὰ δυομένας, ὥσπερ ἐπὶ τῶν ὑέλων κατακλώμεναι γὰρ καὶ εἰς ἔν συννεύουσαι ἐξάπτουσι παρὰ τὰ ποιὰ σχήματα τότε δὲ κατὰ ἀνάκλασιν, ὥσπερ οἱ ἀχιλλεῖς φαίνονται ἐπὶ τῶν ὀροφῶν ὡς τε ἀπὸ πάσης τῆς ὄψεως ἡ θεωρία, καὶ ἀπὸ παντὸς μέρους τοῦ ἡλίου ὁ φωτισμὸς γίνεται. ἡ δ' ἐπὶ τῶν ὑδάτων καὶ τῶν ὑμένων τὰ κατὰ διάδυσιν θεωροῦσα ὀπτικὴ ἐλάττω μὲν θεωρίαν ἔχει, αἰτιολογεῖ δὲ τὰ ὑπὸ τοῖς ὕδασι καὶ ὑμέσι καὶ ὑέλοις, ὁπότε δια καλῶ καὶ τὰ ὀρθὰ κεκλασμένα καὶ τὰ μένοντα κινούμενα.

Τί τὸ σκηνογοαφικόν;

Τὸ σκηνογραφικὸν τῆς ὀπτικῆς μέρος ζητεῖ, πῶς καροσήκει γράφειν τὰς εἰκόνας τῶν οἰκοδομημάτων ἐπειδὴ γὰρ οὐχ, οἶά ἐστι τὰ ὅντα, τοιαῦτα καὶ φαίνεται, σκοποῦσιν, πῶς μὴ τοὺς ὑποκειμένους ρυθμοὺς ἐπιδείξονται, ἀλλ', ὁποῖοι φανήσονται, ἔξεργάσονται. τέλος δὲ τῷ ἀρχιτέκτονι τὸ πρὸς φαντασίαν εὔρυθμον καιῆσαι τὸ ἔργον καί, ὁπόσον ἐγχωρεῖ, πρὸς τὰς τῆς ὄψεως ἀπάτας ἀλεξήματα ἀνευρίσκειν, οὐ τῆς κατὰ ἀλήθειαν ἰσότητος ἢ εὐρυθμίας, ἀλλὰ τῆς πρὸς ὄψιν στοχαζομένφ. οὕτω γοῦν τὸν μὲν κύλινδρον κίονα, ἐπεὶ κατεαγότα ἔμελλε θεωρήσειν κατὰ μέσα πρὸς ε΄ ὄψιν στενούμενον, εὐρύτερον κατὰ ταῦτα ποιεῖ, καὶ τὸν μὲν κύκλον ἔστιν ὅτε οὐ κύκλον γράφει, ἀλλ'

13

Lehre von den Sehestrahlen und befolgen dieselbe Methode wie iene; denn wie die Ausstrahlung der Sehestrahlen, so geschieht auch die Beleuchtung durch die Sonne, und zwar bald nach ungebrochenen Geraden, bald nach durchdringenden, wie bei Glas (denn indem sie gebrochen werden und zusammenlaufen, zünden sie an je nach der Beschaffenheit der Formen), bald aber durch Zurückwerfung, wie die Sonnenreflexe sich an den Decken zeigen; und wie das Sehen von dem ganzen Auge, so geht die Beleuchtung von jedem Teil der Sonne aus. Die Optik aber, welche bei Wasser und Membranen die Erscheinungen des Durchdringens untersucht, hat weniger theoretische Lehre, sucht aber für die unter Wasser, Membranen und Glas befindlichen Gegenstände zu begründen, wann das Zusammenhangende zerrissen, das Zusammengesetzte einfach, das Gerade gebrochen und das Ruhende bewegt erscheint.

Was ist Skenographie?.

Der skenographische Teil der Optik untersucht, wie man die Bilder von Gebäuden malen soll; denn da die Dinge nicht so erscheinen, wie sie sind, überlegt man, wie man nicht die vorliegenden Verhältnisse aufzeigen soll, sondern sie so ausführen, wie sie erscheinen werden. Und Ziel des Architekten ist es, das Werk für die Erscheinung harmonisch zu machen und, soweit möglich, Gegenmittel zu erfinden gegen die Täuschungen des Auges, indem er nicht nach der wirklichen Gleichheit und Harmonie strebt, sondern nach der für das Auge erscheinenden. So bildet er die zylindrische Säule, da sie für das Auge in der Mitte verjüngt und daher gebrochen erscheinen würde, an dieser

14 CF, om. G. 15 τὸ] CF, τὸ δὲ G. 16 τὰς εἰκόνας γράφειν G. 17 ἐπειδή γὰρ] G, corr. ex ἢ ἐπειδή J, ἢ ἐπειδή CF. οἱά] Schöne, οἰά τε CFG. 18 σκοποῦσιν] G, om. CF. 19 ἐπιδείξονται] CF, ἐπιδείξωνται G. ὁποῖοι] FG, ὁποῖον C. ἔξεργάσονται] supra -o- ser. ω G, om. CF. 20 ἀρχιτέπτονι] FG, ἀρχιτέπτωνι C. εὕρυθμον] G, εὕριθμον CF. 21 ὁπόσον] CG, ὁπόσον F. 23 εὐρυθμίας] G, εὐριθμίας CF. 24 στοχαζομένω] CF, στοχαζομένης G. κυλινδρικόν Schöne. 26 καὶ τὸν μὲν] CF, τὸν δὲ G. 27 οὐ] G, om. CF. γράφει] FG, γράφειν C.

13

όξυγωνίου κώνου τομήν, τὸ δὲ τετράγωνον προμηκέστερον καὶ τοὺς πολλοὺς καὶ μεγέθει διαφέροντας κίονας ἐν ἄλλαις ἀναλογίαις κατὰ πλῆθός τε καὶ μέγεθος. τοιοῦτος δ' ἐστὶ λόγος καὶ ὁ τῷ κολοσσοποιῷ διδοὺς τὴν φανησομένην τοῦ ἀποτελέσματος συμμετρίαν, ἵνα πρὸς τὴν ὄψιν εὔρυθμος εἰη, ἀλλὰ μὴ μάτην ἐργασθείη κατὰ οὐσίαν σύμμετρος οὐ γάρ, οἶά ἐστι τὰ ἔργα, τοιαῦτα φαίνεται ἐν πολλῷ ἀναστήματι τιθέμενα.

136, 1 CC*FHN

Εύρηται ή γεωμετρία πρώτον μεν έκ των Αλγυπτίων, ήγαγε δε είς τοὺς Έλληνας Θαλής. μετὰ δε τὸν Θαλήν Μαμέρτιος δ Στησιχόρου ποιητοῦ ἀδελφὸς καὶ Ἱππίας δ 'Ηλεῖος καὶ μετὰ ταῦτα δ Πυθαγόρας ἄνωθεν τὰς άρχας αὐτῆς ἐπισκοπούμενος καὶ ἀύλως καὶ νοερῶς τὰ θεωρήματα διερευνώμενος και μετά τοῦτον Αναξαγόρας καὶ δ Πλάτων καὶ Οἰνοπίδης δ Χῖος καὶ Θεόδωρος δ Κυρηναῖος καὶ Ἱπποκράτης πρὸ τοῦ Πλάτωνος. μετὰ ταῦτα καὶ Λεωδάμας ὁ Θάσιος καὶ ᾿Αρχύτας ὁ Ταραντίνος καὶ Θεαίτητος ὁ Άθηναῖος, Εύδοξος ὁ Κυίδιος. καὶ τρισίν ἀναλογίαις ἄλλας τρεῖς προσέθηκε καὶ άλλοι πολλοί. οὐ πολύ δὲ τούτων νεώτερός ἐστιν δ Εὐκλείδης ὁ τὰ Στοιχεῖα συναγαγών, γέγονε δὲ οὖτος έπὶ τοῦ πρώτου Πτολεμαίου νεώτερος μὲν τοῦ Πλάτωνος, ἀρχαιότερος δὲ τοῦ Ἐρατοσθένους καὶ ᾿Αρχιμήδους ούτοι γαρ σύγχρονοι αλλήλοις ήσαν.

^{136, 1} Proclus in Eucl. p. 64, 16 sqq. exstat etiam in C fol. 14^{v} — 15^{x} (Ca).

Stelle dicker, und den Kreis zeichnet er zuweilen nicht als Kreis, sondern als Ellipse, das Quadrat gestreckt, und mehrere verschieden große Säulen in verschiedenen Proportionen nach Anzahl und Größe. Eine solche Berechnung ist es aber auch, die dem Verfertiger eines Kolossalwerks die scheinbare Verhältnismäßigkeit seiner Schöpfung an die Hand gibt, so daß sie für das Auge harmonisch ist und nicht vergeblich in wirklicher Verhältnismäßigkeit ausgeführt wird; denn Werke, die in großer Erhebung ausgeführt werden, erscheinen nicht so, wie sie sind.

Die Geometrie ist ursprünglich von den Ägyptern erfunden worden, zu den Griechen aber brachte sie Thales.
Auf Thales aber folgt Mamertios, Bruder des Dichters
Stesichoros, und Hippias von Elis und dann Pythagoras,
der ihre Grundlagen zurückverfolgte und die Sätze stofflos
und mit dem reinen Gedanken untersuchte, und nach ihm
Anaxagoras und Platon und Oinopides von Chios und Theodoros von Kyrene und Hippokrates vor Platon. Dann sosowohl Leodamas von Thasos als Archytas von Tarent und
Theaitetos von Athen, Eudoxos von Knidos (der zu drei
Proportionen drei andere hinzufügte) und viele andere.
Nicht viel jünger aber als diese ist Eukleides, der die Elemente zusammengestellt hat; er blühte nämlich unter Ptolemaios dem ersten, jünger als Platon, aber älter als Eratosthenes und Archimedes; diese waren nämlich Zeitgenossen.

CC° F. 12 μαρμέτιος F. Στησιχόρον] C° N H, Στησιχόρον C, στισιλόρον F. Ante ποιητοῦ ins. τοῦ N°. 'Ιππίας] H, corr. ex 'Ιππίπας N, 'Ιππίνας CF, 'Ιππήνας C°. 13 'Ηλείος] 'Η- e corr. N. 16 Οἰνοπίδης] C, οἰνόος F, Οἰνόπωλος C°, Οἰνοπόλης N, Οἰνόπολις H. Χῖος] CC° F, ''Ασιος N Η. 17 Κυρηναῖος] N H, Κυριναῖος CC° et corr. ex Κυρινεος F. μετὰ] παὶ μετὰ Η. 8 παὶ (pr.)] N H, παὶ ὁ CC° F. Λεωδάμας] Λεοδάμας CC° FN H. Θάσιος] N H, Θάσεως CF, Θάσεος C°. 19 ὁ (pr.)] N H, οπ. C° F. Εὐδοξος] CC° F, corr. ex Εὐδόξιος N, Εὐδόξιος H. Κνίδιος] N H, Κνήδιος CC°, Κνήσιος F. 20 Supra τρισίν add. ταῖς N°.

 $[\]overset{\nu\alpha}{\alpha}$ λογίαις N. προσέθημε] CCa, προσέθημεν FH, περιέθημε N. 21 τούτων] CaNH, τοῦτο CF. νεώτερός] NH, νεώχωρος CCa, νεόχωρος F. 25 σύγχρονοι] corr. ex σύγχρωνοι C.

Τὸ ὄνομα τῆς μαθηματικῆς καὶ τῶν μαθημάτων CFHN φαμέν ταῖς ἐπιστήμαις ταύταις δεδόσθαι, καθ' ὁ πᾶσα καλουμένη μάθησις ανάμνησις έστιν ούκ έξωθεν έντεθειμένη τη ψυχη, ως τὰ ἀπὸ τῶν αΙσθητῶν φαντάσματα τυποῦνται ἐν τῆ φαντασία, οὐδὲ ἐπεισοδιώδης οὖσα, καθάπεο δοξαστική γνωσις, άλλ' άνεγειρομένη μέν άπο τῶν φαινομένων, προβαλλομένη δὲ ἔνδοθεν ἀφ' έαυτῆς τῆς διανοίας εἰς έαυτὴν ἐπιστοεφομένης κατ' είδος. καὶ τὰς ἐπιστήμας αὐτῶν ἐν ἑαυτῷ προείληφε, κὰν μὴ ένεονη κατ' αὐτάς, ἔχει πάσας οὐσιωδῶς καὶ κουφίως, 10 προφαίνεται δ' εκάστη, όταν άφαιοεθή το έμποδιον των έχ της αισθήσεως αι μεν γαρ αισθήσεις συνάπτουσιν αὐτὴν τοῖς μεριστοῖς, αἱ δὲ φαντασίαι ταῖς μοοφωτικαῖς κινήσεσιν, αί δε δρέξεις περισπώσιν είς τὸν ἐμπαθῆ βίον, πᾶν δὲ τὸ μεριστὸν ἐμπόδιόν ἐστιν 1 της είς έαυτούς ημών έπιστοοφης.

3 'Αριστοτέλης πού φησιν' ὅσοι καταφρονητικῶς ἔχουσι τῆς τῶν μαθημάτων γνώσεως, ἄγευστοι τυγχάνουσι τῶν ἐν αὐτοῖς ἡδονῶν, ὁ δὲ Πλάτων, καθαρτικὴν τῆς ψυχῆς καὶ ἀναγωγὸν τὴν μαθηματικὴν εἶναι σαφῶς.

Τὰ τῆς μαθηματικῆς εἴδη τῆς ἀμερίστου φύσεώς ἐστιν ἀπολειπόμενα καὶ τῆς μεριστῆς ὑπεριδρυμένα, καὶ τοῦ νοῦ μέν ἐστι δεύτερα, δόξης δὲ τελεώτερα καὶ ἀκριβέστερα καὶ καθαρώτερα.

² Proclus in Eucl. p. 44, 25 sqq. — 3 Proclus p. 28, 20 sqq. (Aristoteles Eth. Nicom. 1176^b 19 coll. 1173^b 16) et p. 29, 26 sqq. (Plato Respubl. 525 sqq.). — 4 Proclus p. 4, 7 sqq.

¹ Τὸ] ΝΗ, Τί τὸ CF. 4 φαντάσματα] ΝΗ, τὰ φαντάσματα CF. 5 τυποῦται Η. ἐπεισοδιαδευτοῦσα F. 6 ἀνεξεγειοριένη F. 8 κατ' είδος] ΝΗ, κατεῖδον CF; cfr. Proclus p. 45, 12 κατειδότων. non intellego. 9 ἐαυτῆ Ν. 10 ἐνεργῆ]

Wir sagen, daß der Name Mathematik und Mathemata 2 diesen Wissenschaften gegeben ist, weil alles sogenannte Lernen Erinnerung ist, indem es nicht von außen in die Seele hineingelegt wird, wie die von den sinnlichen Dingen ausgehenden Eindrücke in der Vorstellung sich bilden, und auch nicht äußerlich, wie eine nur auf Meinung gegründete Erkenntnis, sondern zwar hervorgerufen von den Erscheinungen, aber erzeugt aus dem Innern von sich selbst, indem das Denkvermögen in sich zurückkehrt seinem Wesen nach: und es*) beschließt in sich im voraus die Begriffe davon, und wenn es auch nicht sich darin betätigt, hat es sie doch alle in sich dem Wesen nach und verborgen, und jeder kommt zum Vorschein, sobald das in den sinnlichen Eindrücken liegende Hindernis entfernt wird; denn die Sinnen verknüpfen sie**) mit dem Teilbaren, die Vorstellungen aber mit den Bewegungen der Form, und die Triebe ziehen sie auf das leidenschaftliche Leben ab, alles Teilbare aber ist ein Hindernis für unser Zurückkehren in uns selbst.

Aristoteles sagt irgendwo: alle, die die Kenntnis der 3 Mathematik verachten, haben nie ihre Freuden gekostet, und Platon sagt, daß die Mathematik offenbar für die Seele reinigend und erhebend ist.

Die mathematischen Begriffe bleiben hinter dem unteil- 4 baren Wesen zurück, stehen aber über dem Teilbaren; sie sind geringer als der reine Gedanke, aber vollkommener, exakter und reiner als die Meinung.

^{*)} Sc. τὸ διανοητικόν, u. Proclus p. 45, 22 sqq. **) Sc. ἡ ψυχή, cfr. Proclus p. 45, 22.

FH, corr. ex ένεργεῖ Ν, ένεργεῖ C. 11 προφαίνεται] scripsi, cfr. Proclus p. 46, 1; προφαινομένη CF HN. δ' έκάστη scripsi, cfr. Proclus l. c.; δὲ καὐτή NH, δὲ αὐτή CF. 13 δὲ Proclus l. c., οm. CFHN. ταῖς μορφωτικαῖς NH, τῶν μορφωτικῶν CF. 14 κινήσεσιν N, κινήσεσι H, κινήσεων CF, κινήσεων έναπιμπλασιν Proclus. είς ΝΗ, αύτην είς CF. 15 έστιν Ν, | στι CFH. 16 έαντοὺς ἡμῶν] CF, ἐαντοῦ σημεῖον NH. | 9 ἐν αὐτοῖς] C, ἑαντῆς F, ἐν ἑαντοῖς NH. 20 είναι] είπεν H. σαρῆ N. 22 εἰσιν H.

Είς ενωσίν και διάκρισιν των όλων την ταυτότητα μετά της έτερότητος είς την της ψυχης συμπλήοωσιν δ δημιουργός παρείλησε και πρός ταύταις στάσιν καὶ κίνησιν ἐκ τούτων αὐτὴν τῶν γενῶν ὑπέστησεν. λεκτέον, ότι κατά την έτερότητα αὐτῆς καὶ την διαίοεσιν των λόγων καὶ τὸ πληθος ή διάνοια στασα καὶ νοήσασα έαυτην εν και πολλά οὖσαν τοὺς ἀριθμοὺς ποοβάλλει και την τούτων γνωσιν την ἀριθμητικήν, κατά δὲ τὴν ἕνωσιν τοῦ πλήθους καὶ τὴν πρὸς έαυτὸ κοινωνίαν και σύνδεσμον την μουσικήν, έπει και ή ψυγή διαιρείται πρώτον δημιουργικώς, είθ' ούτως συνδέδεται τοῖς λόγοις. καὶ αὖ πάλιν κατὰ μὲν τὴν στάσιν την έν αύτη την ένέργειαν ίδρύσασα γεωμετρίαν άφ' έαυτης έξέφηνε, κατά δὲ τὴν κίνησιν τὴν σφαιρικήν.

'Αξίωμά έστι κατά τον 'Αριστοτέλην, όταν μέν καλ τῷ μανθάνοντι γνώριμον ἦ καὶ καθ' αύτὸ πιστὸν τὸ παραλαμβανόμενον είς ἀρχήν, οἷον τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα δταν δὲ μὴ ἔγη ἔννοιαν δ ἀκούων τοῦ λεγομένου τὴν αὐτόπιστον, πείθεται δὲ ὅμως καὶ συγγωρεί τῶ λαμβάνοντι, τὸ τοιοῦτον ὑπόθεσίς ἐστι· τὸ γὰο εἶναι τὸν κύκλον σηῆμα τοιόνδε κατὰ κοινὴν μεν εννοιαν ού προείληφεν άδιδάκτως, ακούσας δε συγχωρεί χωρίς ἀποδείξεως.

Πᾶσά γε μὴν εἰς τὸ ἀδύνατον ἀπαγωγὴ λαβοῦσα τῷ ζητουμένω τὸ μαχόμενον καὶ τοῦτο ὑποθεμένη πρό-

⁵ Proclus p. 36, 13 sqq. — 6 Proclus p. 76, 8 sqq. (Aristoteles Anal. post. 76^b 27 sqq.). — 7 Proclus p. 255, 8 sqq.

Zur Einigung und Trennung des Ganzen hat der De-5 miurg zur Vervollständigung der Seele die Identität und die Heterogenität mitgenommen und außerdem Ruhe und Bewegung; aus diesen Bestandteilen hat er sie erschaffen. Man muß sagen, daß das Denkvermögen kraft ihrer Heterogenität, der Trennung der Begriffe und der Menge innehält und sich besinnt, daß es eins und vieles ist, und so die Zahlen erzeugt und die Kenntnis davon, die Arithmetik, kraft der Einigung der Menge dagegen und des inneren Zusammenhangs und Verknüpfung die Musik*), da auch die Seele zuerst geteilt wird bei der Tätigkeit des Demiurgen, dann darauf durch die Begriffe verbunden ist. Ferner hat sie dann kraft der ihr innewohnenden Ruhe die Geometrie hervorgehen lassen, indem sie die Energie festlegte, kraft der Bewegung aber die Sphärik.

Axiom ist nach Aristoteles, wenn das als Grundlage 6 Herangezogene auch dem Lernenden verständlich ist und an sich glaublich, z. B. daß, was demselben gleich ist, auch unter sich gleich ist; wenn aber der Zuhörer nicht die selbsteinleuchtende Vorstellung von dem Gesagten hat, aber dennoch sich überreden läßt und dem Postulierenden sich fügt, so ist das Hypothesis; denn daß der Kreis eine Figur von der und der Beschaffenheit ist, hat er nicht von vornherein ohne Belehrung kraft einer allgemeinen Vorstellung begriffen, wenn er es aber gehört hat, gibt er es zu ohne Beweis.

Jede Zurückführung auf ein Unmögliches nimmt, was 7 dem Gesuchten widerstreitet, und stellt das als Annahme

*) Daher geht die Arithmetik der Musik voraus. Proclus p. 36, 24.

ίδούσασαν ΝΗ. ἀφ'] ἐφ' F. 15 ἀριστοτέλη F. 17 παραλαμβανόμενον] πᾶν λαμβανόμενον Ν. τῷ αὐτῷ] ΝΗ, τᾶν αὐτῶν F et comp. C. 18 ἴσα] mg. F, corr. ex εἴσα C. ἔχη] ἔχει C. ὁ] supra scr. N. 20 συγχωρεῖ] mut. in συγχωρῖ Ν. ἐστιν Η. 21 τὸν κύκλον] τὸ Ν. 22 οὐ] om. F. προείληφεν] scripsi coll. Proclo p. 76, 16; περιείληφεν ΝΟΕ, παρείληφεν Η. 24 ἀπαγωγὴ] ΝΗ, οm. CF. 15 τοῦτο ὑποθεμένη] ΝΗ, τοῦ ὑποθεμένου CF.

εισιν, έως αν είς δμολογούμενον άτοπον καταντήση καὶ δι' ἐκεῖνο τὴν ὑπόθεσιν ἀνελοῦσα βεβαιώσηται τὸ έξ ἀργῆς ζητούμενον. ὅλως γὰρ εἰδέναι χρή, ὅτι πᾶσαι αί μαθηματικαί πίστεις η άπο των άρχων είσιν ή έπὶ τας αργάς, ώς πού φησι καὶ δ Πορφύριος. αί μεν από των ἀρχων διτταί και αύται τυγχάνουσιν ή χάρ ἀπὸ των κοινων έννοιων ωρμηνται καί της έναργείας μόνης τῆς αὐτοπίστου ἢ ἀπὸ τῶν προδεδειγμένων αί δὲ ἐπὶ τάς ἀργάς ἢ θετικαί τῶν ἀργῶν είσιν ἢ ἀναιρετικαί. άλλα θετικαί μεν οὖσαι τῶν ἀργῶν ἀναλύσεις καλοῦνται, καὶ ταύταις αἱ συνθέσεις ἀντίκεινται δυνατόν γὰρ άπὸ τῶν ἀρχῶν ἐκείνων προελθεῖν εὐτάκτως ἐπὶ τὸ ζητούμενον, καὶ τοῦτό ἐστιν ἡ σύνθεσις. ἀναιρετικαὶ δὲ οὖσαι εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγαὶ προσαγορεύονται τὸ γάο τῶν ὡμολογημένων τι καὶ ἐναργῶν ἀνατρέψαι ταύτης ἔργον τῆς ἐφόδου. καὶ ἔστι καὶ ἐπὶ ταύτης συλλογισμός τις, άλλ' οὐχ δ αὐτὸς ώσπεο καὶ ἐπὶ τῆς άναλύσεως έν γαο ταῖς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγαῖς ἡ πλοκή κατά του δεύτερου έστι των υποθετικών, οξου. εὶ μή εἰσι τῶν ἴσας ἐχόντων γωνίας τοιγώνων αὶ ὑποτείνουσαι πλευραί τὰς ἴσας γωνίας ἴσαι, τὸ ὅλον ἴσον έστι τῷ μέρει άλλὰ τοῦτο ἀδύνατον είσιν ἄρα τῶν ίσας έχόντων δύο γωνίας τριγώνων αι υποτείνουσαι πλευραί τὰς ἴσας γωνίας καὶ αὐταὶ ἴσαι.

'Ιστέον, ὅτι ὁ περὶ εν σημεῖον τόπος εἰς τέτρασιν ε ὀρθαῖς ἴσας γωνίας διανέμεται, καὶ μόνα ταῦτα τὰ τρία πολύγωνα πληροῦν δύνανται τὸν περὶ εν σημεῖον ὅλον

⁸ Proclus p. 304, 12 sqq.

¹ ξω H. 4 η (alt.)] supra scr. H. 5 ως πού] NH, ωσπες CF. α΄ mg. N. 7 ἐνοιῶν F. ἐναςγείας] Proclus, ἐνεςγείας CNH, συνεςγείας F. 8 β΄ mg. N. 10 ἀναλύσεις]

auf und geht so weiter, bis sie einem anerkannten Widersinn begegnet und, indem sie dadurch die Annahme aufhebt, so das ursprünglich Gesuchte bestätigt. Überhaupt muß man wissen, daß alle mathematische Beweise entweder von den Grundlagen ausgehen oder auf sie hin sich bewegen, wie auch Porphyrios irgendwo sagt. Die von den Grundlagen ausgehenden sind wiederum von zweifacher Art: entweder gehen sie nämlich von den allgemeinen Vorstellungen und der selbsteinleuchtenden Klarheit allein aus oder von dem vorher Bewiesenen; die auf die Grundlagen hin sich bewegenden aber ponieren entweder die Grundlagen oder heben sie auf. Aber wenn sie die Grundlagen ponieren, heißen sie Analysen, und ihr Gegensatz sind die Synthesen; denn es ist möglich von jenen Grundlagen aus schrittweise zu dem Gesuchten fortzuschreiten, und dies ist die Synthese. Wenn sie aber die Grundlagen aufheben, werden sie Zurückführung auf ein Unmögliches genannt: denn diese Methode hat die Aufgabe eine feststehende und einleuchtende Wahrheit umzuwerfen. Und auch bei dieser ergibt sich ein Syllogismus, aber nicht derselbe als bei der Analyse; denn bei der Zurückführung auf ein Unmögliches geschieht die Verkettung nach dem zweiten der hypothetischen Syllogismen, z. B.: wenn in Dreiecken, die zwei gleiche Winkel haben, die den gleichen Winkeln gegenüberstehenden Seiten nicht gleich sind, ist das Fanze einem Teil gleich [Eukl. I 6]; das ist aber unmögich; also sind in Dreiecken, die zwei Winkel gleich haben, lie den gleichen Winkeln gegenüberstehenden Seiten ebenalls gleich.

Man muß wissen, daß der Raum um einen Punkt in 8 Vinkel geteilt wird, die 4 R gleich sind, und daß nur die

[[]Η, ἀναγνώσεις CF. 12 προελθεῖν] προστεθεῖναί F. 14 ἀποωγαί F. ἐξαγορεύονται Ν. 15 ὡμολογημένων] ΝΗ, ὁμολογητένων C, ὁμολογουμένων F. ἀνατρέψαι | CF, ἀντιτρέψαι Ν, ναστρέψαι Η. 16 ἔστι καὶ] ΝΗ, ἔστι C, ἔστιν F. 18 ἀποσγαίς F. 19 ἐστιν Η. 21 ἴσον] οπ. F. 24 ἴσαι καὶ αὖται . 27 δύνανται] C, δύναται F, δυνάμενα ΝΗ.

τόπον, τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον καὶ τὸ τετράγωνον καὶ τὸ εξάγωνον τὸ ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον· ἀλλὰ τὸ μὲν ἰσόπλευρον τρίγωνον εξάκις παραληφθέν· εξ γὰρ δίμοιρα ποιήσει τὰς τέσσαρας ὀρθάς· τὸ δὲ εξάγωνον τρίς γενόμενον· εκάστη γὰρ εξαγωνικὴ γωνία ἰση ἐστὶ μιῷ ὀρθῷ καὶ τρίτῳ· τὸ δὲ τετράγωνον τετράκις· εκάστη γὰρ τετραγωνικὴ γωνία ὀρθὴ ἐστιν. εξ οὖν ἰσόπλευρα τρίγωνα συννεύσαντα κατὰ τὰς γωνίας τὰς τέσσαρας ὀρθὰς συμπληροῖ· τὰ δὲ λοιπὰ πολύγωνα ἢ πλεονάζει ἢ ἐλλείπει τῶν τεσσάρων ὀρθῶν, μόνα δὲ ταῦτα ἐξισοῦται κατὰ τοὺς εἰρημένους ἀριθμούς.

ἀπὸ τῆς προτεθείσης εὐθείας τετράγωνον ὁητὸν λέγει ὁ Εὐκλείδης. προτεθείσα εὐθεῖα καλεῖται, ἥτις ἀρχὴ μέτρων καὶ οἱονεὶ κανὼν εἰς ἐκμέτρησιν ἡμῖν μηκῶν καθ' ὑπόθεσιν εἴληπται οἶον, εἴ τις προτείνοι, πόσον εἴη τὸ μεταξὸ διάστημα ὑποκειμένων τινῶν σημείων, οὐδὲν ἀν ἔχοιμεν λέγειν, εἰ δὲ οὕτως πυνθάνοιτο, πόσων ἐστὶ ποδῶν ἢ πηχῶν, ἀναγκαίως ἀν δέοι πήχεως καὶ ποδὸς αἰτεῖν ἡμᾶς παρὰ τοῦ παρέχοντος πηλικότητα καὶ ἐκείνη χρωμένους τῆ προτεθείση καὶ ὁητῆ εὐθεία τὸ προτεθὲν διάστημα ἐξετάζειν, εἰ ἔστιν ὅλως ὁητῷ σύμμετρον.

10 Φανερον δέ, ὅτι ἡ ὀρθότης τῆς γωνίας τῆ ἰσότητι συγγενής ἐστιν, ὥσπερ ὀξύτης καὶ ἀμβλύτης τῆ ἀνισότητι, ὁμοίως δὲ ὁμοιότης τῷ πέρατι, ἡ δὲ ἀνομοιότης

⁹ Scholl. in Eucl. X nr. 21 p. 435, 5 sqq. — 10 Proclus p. 191, 5 sqq.

¹ παλ (pr.)—2 ἰσόπλευρον] οπ. Η. 4 τέσσαρας] δ΄ C. 5 τρεῖς C. 5—6 ὀρθή ἐστι μία F. 7 ὀρθή] ἴση Ν. 8 Post τρίγωνα add. ἢ τέσσαρα τετράγωνα ἢ τρία ἑξάγωνα Martin; post συμπληροῖ lin. 9 similia habet Proclus p. 304, 25. συνεύσαντα] ΝΗ, συνεύσαντα CF. 9 συπληροῖ F. πολυγώνια F.

vier folgenden Vielecke den ganzen Raum um einen Punkt herum ausfüllen können: das gleichseitige Dreieck, das Quadrat und das gleichseitige und gleichwinklige Sechseck; das gleichseitige Dreieck 6 mal genommen; denn 6 mal 2/3 R wird die 4 R ausmachen; das Sechseck aber 3 mal genommen; denn jeder Winkel eines Sechsecks ist = 11/3 R; das Quadrat aber 4 mal; denn jeder Winkel eines Quadrats ist recht. Also füllen 6 gleichseitige Dreiecke, deren Winkel zusammenstoßen, die 4 R aus; die übrigen Vielecke aber ergeben entweder mehr oder weniger als 4 R, und die genannten allein stimmen genau nach den genannten Zahlen.

Ein Quadrat auf der vorgelegten Geraden beschrieben 9 nennt Eukleides rational [X def. 4]. Vorgelegte Gerade wird die genannt, welche als Grundlage der Maße und so-; zusagen als Richtschnur zum Vermessen von Längen hypothetisch von uns angenommen ist; wenn z. B. jemand die Frage stellen würde, wie groß die Entfernung ist zwischen gegebenen Punkten, würden wir nichts sagen können, wenn er aber so fragte, wieviel Fuß oder Ellen sie ist, müßten wir notwendig vom Fragesteller die Quantität einer Elle und eines Fußes verlangen und damit mittels der vorgelegten und rationalen Geraden die aufgegebene Entfernung prüfen, ob sie überhaupt mit der rationalen Größe kommensurabel ist.

Es ist aber klar, daß die Rechtheit des Winkels der 10 Gleichheit verwandt ist, wie Spitzheit und Stumpfheit der Ungleichheit, und ebenso Ähnlichkeit der Grenze, Unähn-

¹⁰ δέ] om. F. έξισοῦνται F. 12 ἀπὸ] ἐπὶ Η. 14 μέτρων] μετοεί δυ Ν. 15 προτείνοι | Hasenbalg; cfr. schol. p. 435, 8; προτείνει CFNH. 16 εἴη | CF, $\mathring{\eta}$ εἰ NH. τινῶν | CF, τινῶν δύο NH. 17 ἔχοιμεν λέγειν | H, ἔχοιεν λέγειν N, om. CF. δὲ οὕτως] schol. p. 435, 9; δὲ ὄντως N, δεόντως CFH. 18 πηο ε ουτως βείου. p. 435, 9; δε ουτως Ν, δεουτως CFI. 18 πηχῶν ἢ ποδῶν Η. ἀναγιαίως] ΝΗ, ἀναγιαίον CF. 19 πήχεως] ΝΗ, πηχ C, πηχὸς F. 20 χρωμένη F. προτεθείση] ΝΗ, προθέσει CF. 21 έξετάζειν] ΝΗ, έξετάζει CF. εί] CF, οπ. ΝΗ. 22 όητῶς F. σύμμετρον] schol. p. 435, 14; μέτρον ΝC, μέτρω Η, πέντρον F. 24 έστι F. ὥσπερ] CFN, ὥσπερ ἡ Η. 25 όδὲ (pr.)] CFN, δὲ ἡ Η.

ἀπειοία. ὅπεο γάο ἐστιν ἐν ποσοῖς ἰσότης, τοῦτο ἐν τοῖς ποιοῖς ὁμοιότης.

Τῶν εὐθυγοάμμων γωνιῶν κατά τε πέρας καὶ ἀπειρίαν υφισταμένων από του πέρατος ήκων λόγος την δοθήν ἀπετέλεσε γωνίαν μίαν ισότητι κοατουμένην ἀελ μήτε αύξησιν μήτε μείωσιν έπιδεγομένην, δ δε άπο τῆς ἀπειρίας δεύτερος ὢν καὶ δυαδικός καὶ γωνίας ανέφηνε διπλας πεοί την δοθην ανισότητι διησημένας κατά τὸ μεῖζον καὶ ἔλασσον καὶ κατά τὸ μᾶλλον καὶ ήττον ἀπέραντον έγούσας κίνησιν της μέν ἀμβλυνο- 10 μένης μαλλον καὶ ήττον, της δὲ ὀξυνομένης. διὰ δη ταῦτα καὶ τῶν θείων διακόσμων καὶ τῶν μερικωτέρων δυνάμεων τὰς μὲν ὀοθὰς γωνίας εἰς τοὺς ἀχράντους άναπέμπουσιν ως της ακλίτου προνοίας των δευτέρων αίτίους τὸ γὰρ ὀρθὸν καὶ ἀκλινὲς πρὸς τὸ χεῖρον καὶ 15 άτρεπτον έκείνοις προσήκει τοῖς θείοις τὰς δὲ ἀμβλείας καὶ όξείας τοῖς τῆς προόδου καὶ τοῖς τῆς κινήσεως καὶ τῆς ποικιλίας τῶν δυνάμεων χορηγοῖς ἀνεῖσθαι λέγουσι τό τε γαρ αμβλύ τῆς ἐπὶ πᾶν ἀπλουμένης τῶν είδῶν ἐκτάσεώς ἐστιν είκών, καὶ τὸ ὀξὸ τῆς δι- 20 αιρετικής και κινητικής των όλων αιτίας άφομοίωσιν έλαχε. καὶ μὴν καὶ ἐν αὐτοῖς τοῖς οὖσι τῆ μὲν οὐσία ή δοθότης τὸν αὐτὸν ὅρον τοῦ εἶναι φυλάττουσα προσέοικε, τοῖς δὲ συμβεβηκόσιν ή τε ἀμβλεῖα καὶ ὀξεῖα. ταῦτα γὰο δέγεται τὸ μᾶλλον καὶ τὸ ἦττον καὶ ἀορίστως 25 μεταβάλλοντα οὐδέποτε παύεται. σύμβολον οὖν καὶ ἡ

¹¹ Proclus p. 132, 7 sqq.

¹ ἀπειρία] Hultsch, ἀπειρίας CFN, τῆς ἀπειρίας H.
2 ποιοτς] -οτς e corr. C. ἀνομοιότης H. 3 τε] scripsi, τὸ CFNH. καὶ] addidi, om. CFNH, cfr. Proclus p. 132, 7.
4 ἀπὸ] ὁ μὲν ἀπὸ Proclus p. 132, 8; ὁ ἀπὸ Hultsch. τοτς

lichkeit aber der Unbegrenztheit; denn was im Quantitativen Gleichheit ist, das ist im Qualitativen Ähnlichkeit.

Da die gradlinigen Winkel kraft Grenze und Unbe- 11 grenztheit entstehen, bringt der von der Grenze her kommende Begriff einen Winkel zustande, den rechten, der immer von der Gleichheit beherrscht wird, indem er weder Vergrößerung noch Verkleinerung zuläßt, der von der Unbegrenztheit her aber, der sekundär und zweiheitlich ist, bringt auch zweifache Winkel hervor auf beiden Seiten des rechten, durch Ungleichheit getrennt nach größer und kleiner. mehr und weniger, in unbegrenzter Bewegung, indem der eine mehr oder weniger stumpf, der andere mehr oder weniger spitz wird. Unter den göttlichen Ordnungen und den Einzelkräften führen sie daher auch die rechten Winkel auf die unvermischten zurück als Ursachen der unentwegten Vorsehung für das Sekundäre; denn das Aufrechte und zum Schlechteren nicht sich Neigende und Unwandelbare schickt sich für jenes Göttliche; die stumpfen und spitzen aber. sagen sie, seien den Urhebern der Entwicklung und denen der Bewegung und der Mannigfaltigkeit der Kräfte geweiht: denn das Stumpfe ist ein Bild der sich zu allem entfaltenden Ausdehnung der Ideen, und das Spitze enthält eine Nachbildung der das Ganze zerteilenden und bewegenden Ursache. Ferner ist in den Dingen selbst die Rechtheit dem Wesen ähnlich, indem sie dieselbe Bestimmung des Seins bewahrt, der stumpfe und der spitze Winkel aber den Akzidensen; sie lassen nämlich das Mehr und das Weniger zu und ändern sich unaufhörlich in unbestimmter Weise. Also ist auch die Senkrechte ein Symbol des Gleich-

δοθοῖς C. 7 διαδικὸς F. 10 κίνησιν] τὴν κίνησιν Η. 12 καὶ (pr.)] om. F. 15 αἰτίονς] CF, αἰτίας NH. χείρο $\overset{\alpha}{v}$ N. 16 προσήκει] comp. N supra ser. συνήκει N². 18 χορηγοῖς] CF, χορηγοῦς NH. ἀνεῖσθαι] NH, ἀνύσθαι CF. 19 τό] τέ F. ἀπλουμένης] -ης e corr. C. 20 ἐκςάσεως N. 22 καὶ (alt.)] CF, om. NH. τῆ] NH, τὰ CF. 24 τοῖς δὲ] Proclus p. 133, 4; δὲ τοῖς CFNH. 25 τὸ (alt.)] om. N. 26 μετα-βάλλοντα H, μεταβάλλο $\overset{\pi}{v}$ N, μεταβάλλονται CF.

κάθετός ἐστιν ἀρρεψίας, καθαρότητος ἀχράντου, δυνάμεως ἀκλινοῦς, πάντων τῶν τοιούτων. ἔστι δὲ καὶ μέτρου θείου καὶ νοεροῦ σύμβολον διὰ γὰρ καθέτου καὶ τὰ ὕψη τῶν σχημάτων ἀναμετροῦμεν, καὶ πρὸς τὴν ὀρθὴν ἀναφορῷ τὰς ἄλλας εὐθυγράμμους γωνίας ὁρίζομεν αὐτὰς ἐφ' ἑαυτῶν ἀορίστους οὔσας ἐν ὑπερβολῆ γὰρ καὶ ἐλλείψει θεωροῦνται, τούτων δὲ ἑκατέρα καθ' ἑαυτὴν ἀπέραντός ἐστιν.

2 'Αποδείξεως δεῖσθαι καὶ κατασκευῆς παρὰ τὴν ἰδιότητα τῶν ζητουμένων τῆς τῶν αἰτημάτων καὶ ἀξιωμάτων ἐναργείας ἀπολειπομένην. ἄμφω μὲν οὖν τὸ ἀπλοῦν ἔχειν δεῖ καὶ εὔληπτον, τό τε αἴτημα λέγω καὶ τὸ ἀξίωμα, ἀλλὰ τὸ μὲν αἴτημα προστάττειν ἡμῖν μηχανήσασθαι καὶ πορίσασθαί τινα ὅλην εἰς συμπτωμάτων ἀπόδοσιν ἀπλῆν ἔχουσαν καὶ εὐπετῆ τὴν λῆψιν, τὸ δὲ ἀξίωμα συμβεβηκός τι κατ' αὐτὸ λέγειν γνώριμον αὐτόθεν τοῖς ἀκούουσιν, ὥσπερ καὶ τὸ θερμὸν εἶναι τὸ πῦρ. ἐκάτερον δέ ἐστιν ἀρχὴ ἀναπόδεικτος, καὶ τὸ αἴτημα καὶ τὸ ἀξίωμα, εἰ καὶ τὸ μὲν ὡς εὐπόριστον λαμβάνεται, τὸ δὲ ὡς εὔγνωστον.

13 Πᾶν πρόβλημα καὶ πᾶν θεώρημα τὸ ἐκ τελείων αὐτοῦ μερᾶν πεπληρωμένον βούλεται ταῦτα πάντα ἔχειν ἐν ἑαυτῷ˙ πρότασιν, ἔκθεσιν, διορισμόν, κατασκευήν, ἀπόδειξιν, συμπέρασμα. τούτων δὲ ἡ μὲν πρότασις λέγει, τίνος δεδομένου τί τὸ ζητούμενόν ἐστιν˙ ἡ γὰρ

¹² Proclus p. 181, 1 sqq. — 13 Proclus p. 203, 1 sqq.

¹ ἀρρεψίας] FH, ἀρεψίας CN. ἀχράντον] NH, ἄχραντος CF. 3 παθέτων F. 4 πρὸς] τῆ πρὸς Proclus p. 133, 16. 5 ἀναφορᾶ] idem, ἀναφορᾶν CFNH. εὐθνγράμμας C. 6 ἐφ'] ἀφ' N. ἀορίστονς] corr. ex ἀορίστως N. 7 τούτων] NH, τοῦτο CF. δὲ] Proclus p. 133, 19; γὰρ CFNH. 8 αὐτὴν F. 9 Ante ἀποδείξεως lac. indicat Hultsch; fort. τὸ ἀποδ. παρὰ]

gewichts, der unbefleckten Reinheit, der unentwegten Kraft und aller ähnlichen Dinge. Sie ist aber auch Symbol des göttlichen und ideellen Maßes; denn mittels der Senkrechten messen wir auch die Höhen der Figuren, und durch Zurückführung auf den rechten bestimmen wir die andern gradlinigen Winkel, die an und für sich unbestimmt sind; sie werden nämlich durch Überschuß und Mangel bezeichnet, und beides ist an sich unbegrenzt.

Beweis und Konstruktion zu bedürfen, liegt an der 12 Eigentümlichkeit des Gesuchten, die hinter der Klarheit der Postulate und Axiome zurückbleibt. Beide müssen also das Einfache und leicht Faßbare haben (ich meine Postulat und Axiom), das Postulat aber muß uns befehlen einen Stoff von einfacher und leichter Fassung zur Darstellung der Eigenschaften herzustellen und zuwegezubringen, das Axiom 5 dagegen muß ein Akzidens an und für sich nennen, das den Hörenden sofort verständlich ist, wie daß das Feuer warm ist. Beides aber, sowohl Postulat als Axiom, ist eine unbewiesene Grundlage, wenn auch jenes angenommen wird als leicht zu beschaffen, dieses dagegen als leicht einzusehen.

Jedes Problem und jedes Theorem, das seine sämtlichen 13 Teile vollständig hat, pflegt dies alles in sich zu haben: Protasis, Ekthesis, Diorismus, Konstruktion, Beweis, Konklusion. Von diesen besagt die Protasis, was das Gegebene und was das Gesuchte ist; denn die vollständige Protasis

h. e. γίγνεται παρὰ, cfr. Proclus p. 180, 25; περὶ Η. 11 ἐναργείας] Proclus, ἐνεργείας CFNH. οὖν] NH, om. CF. 12 δεῖ] δὴ C. εὔληπτον] NH, ἄληπτον C, mg. F; ἄλληλον F. τε] om. H. αἴτιμα F. 13 προστάττειν] N, προστάττει H, προτάττειν CF. μηχανησάμενος F. 14 συμπτώματος NH. 15 ἀπόδοσιν] NH, ἀπόδωσιν C, ὑπόδοσιν F. ἔχουσαν] Η, ἔχουσα CFN. εὑπετῆ] corr. ex ἀπετῆ \mathbb{C}^2 . 16 κατ' αὐτὸ] καθ' αὐτὸ Procli ed. pr., καὶ ταὐτὸ F. γνώριμον] Proclus p. 181, 9; γνώριμα N, -ι- e corr.; γνώρισμα CFH. 17 ἄσπερ καὶ] CF, ἄσπερ N, ὡς H. τὸ πῦρ] N, τῷ πυρί CFH. 18 δέ] NH, om. CF. ἐστι C. ἀνυπόδεικτος F. τὸ] NH, om. CF. 19 εἶ] NH, om. CF. εὐπόριστον] NH, απόριστον CF. 21 ἐκ τελείων] NH, ἐκτελεί CF. 22 μερῶν αὐτοῦ H. πεπληρωμένον] NH, πεπληρωμένων CF. 23 αὐτῷ F. 25 ἐστιν] om. H.

τελεία πρότασις έξ άμφοτέρων έστίν ή δε έκθεσις αὐτὸ καθ' έαυτὸ τὸ δεδομένον ἀποδιαλαβοῦσα προευτρεπίζει τη ζητήσει, δ δε διορισμός γωρίς το ζητούμενον, δ τι ποτέ έστι, διασαφεῖ, ή δὲ κατασκευή τὰ έλλείποντα τῷ δεδομένω πρὸς τὴν τοῦ ζητουμένου θήραν προστίθησιν, ή δε απόδειξις επιστημονικώς έκ τῶν δμολογηθέντων συνάγει τὸ προκείμενον, τὸ δὲ συμπέρασμα πάλιν έπὶ τὴν πρότασιν ἀναστρέφει βεβαιοῦν τὸ δεδειγμένον. καὶ τὰ μὲν σύμπαντα μέρη τῶν τε προβλημάτων καὶ τῶν θεωρημάτων ἐστὶ τοσ- 1 αῦτα, τὰ δὲ ἀναγκαιότατα καὶ ἐν πᾶσιν ὑπάρχοντα ποότασις καὶ ἀπόδειξις καὶ συμπέρασμα δεῖ γάρ καὶ ποοειδέναι τὸ ζητούμενον καὶ δείκνυσθαι τοῦτο διὰ τῶν μέσων καὶ συνάγεσθαι τὸ δεδειγμένον, καὶ τούτων των τριών έκλείπειν τι των άδυνάτων έστί τὰ 1 δὲ λοιπὰ πολλαγοῦ μὲν παραλαμβάνεται, πολλαγοῦ δὲ καί ως οὐδεμίαν παρέχοντα χρείαν παραλείπεται διοοισμός τε γάο καὶ ἔκθεσις οὐκ ἔστιν ἐν ἐκείνω τῶ προβλήματι.

14 Τῶν προβλημάτων τὰ μὲν μοναχῶς γίνεται, τὰ δὲ ε διχῶς, τὰ δὲ πλεοναχῶς, τὰ δὲ ἀπειραχῶς, μοναχῶς μὲν ὡς τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον, τῶν δὲ λοιπῶν τὸ μὲν διχῶς συνίσταται, τὸ δὲ τριχῶς ἀπειραχῶς δὲ τὰ τοιαῦτα προβλήματα γένοιτ ἄν τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τέμνειν εἰς τρία ἀναλόγως.

15 Ποὸ τῶν ἄλλων καὶ ἐν τοῖς πολλοῖς καὶ κατὰ τὴν ποὸς αὐτὰ σχέσιν καὶ κατηγορίαν ὑφιστάμενα. τριτ-

¹⁴ Proclus p. 220, 7 sqq. — 15 Proclus p. 51, 7 sqq.

² αύτὸ Η. ἀποδιαλαβοῦσα] CF, ἀπολαβοῦσα NH. 3 τὸ ζητούμενον] Proclus p. 203, 9; τοῦ ζητουμένον CFNH. 5 ἐκλείποντα F. 6 δήραν] NH, αἰτίαν CF. 8 πάλιν] NH, om.

enthält beides; die Ekthesis aber sondert das Gegebene für sich aus und bereitet es für die Untersuchung vor. der Diorismus macht das Gesuchte für sich deutlich, was es ist, die Konstruktion fügt hinzu, was dem Gegebenen fehlt zur Aufspürung des Gesuchten, der Beweis erschließt wissenschaftlich das Vorgelegte aus dem Feststehenden, die Konklusion aber kehrt wieder zur Protasis zurück, indem sie das Bewiesene behauptet. Die sämtlichen Teile sowohl der Probleme als der Theoreme sind nun so viele, die notwendigsten aber und in allen vorhanden sind Protasis, Beweis und Konklusion; denn man muß sowohl das Gesuchte vorher wissen als es durch die Zwischenglieder beweisen und das Bewiesene folgern, und daß irgend etwas von diesen dreien fehlen sollte, ist ein Ding der Unmöglichkeit; die übrigen Teile aber werden manchmal mitgenommen. manchmal auch weggelassen als unnütz; so fehlt in dem vorliegenden Problem*) sowohl Diorismus als Ekthesis.

Von den Problemen werden einige nur auf eine Weise 14 gelöst, andere auf zwei, wieder andere auf mehrere und andere auf unendlich viele, auf eine wie die Konstruktion des gleichseitigen Dreiecks, die übrigen aber werden teils auf zwei, teils auf drei Weisen konstruiert; auf unendlich viele aber können solche Probleme gelöst werden, wie z. B. eine gegebene Gerade in drei Teile proportional zu teilen.

Vor den anderen Dingen, in den vielen und Gestalt an- 15 nehmend nach dem Verhältnis dazu und der Kategorie.

*) Euclid. IV 10, cfr. Proclus p. 203, 24 sqq.

CF. ἀναστρέφει] NH, πάλιν ἀναστρέφει CF. 10 τε] om. H. καὶ τῶν] ἢ H. τοσαῦτα] NH, ταῦτα CF. 12 καὶ (pr.)] N, cm. CFH. 14 τὸ δεδειγμένον] NH, τῷ δεδεγμένῳ CF. τοῦτο F. $15 \text{ ἐλλείπειν H. ἀδύνατον F. ἐστίν C. }17 \text{ καὶ] om. H. ταρέχοντα] N, ἔχοντα CFH. <math>19 \text{ προβλήματι}]$ CF, πληρώματι NH. 20 γίνεται] CF, γίγνονται NH. 22 τὸ (alt.)] NH, τῶν CF. 25 τέμνον F. τρία] $\tilde{\gamma}$ N. $26 \text{ Ante Hρὸ lac. inlicauit Hultsch, cfr. Proclus p. <math>51$, 6-7. πρὸ τῶν] τῶν πρὸ F. ατὰ] Proclus p. 51, 8; om. CFNH. 27 καὶ] Proclus p. 51, 9; om. CFNH. τριτον NH, τρίτον C, τρίτων F.

τῶν δὲ ὅντων ὡς συνελόντι φάναι τῶν καθολικῶν εἰδῶν τοῦ μετεχομένου ἐν τοῖς πολλοῖς ὅντος καὶ τὰ μεοικὰ ἐκπληροῦντος νοήσωμεν διαφορὰς κατὰ τὴν ὑποκειμένην ὕλην καὶ τὰ μετέχοντα αὐτοῦ διττὰ θέμενοι, τὰ μὲν αἰσθητά, τὰ δὲ φαντασία τὴν ὑπόστασιν ἔχοντα καὶ γὰρ ἡ ὕλη διττὴ καὶ ἡ μὲν αἰσθήσει συζυγούντων, ἡ δὲ φανταστῶν.

16 Παν γὰο τὸ καθόλου καὶ τὸ εν καὶ τῶν πολλῶν περιληπτικὸν ἢ ἐν τοῖς καθ' εκαστα φαντάζεσθαι καὶ τὴν ὑπαρξιν ἐν τούτοις ἔχειν ἀχώριστον ἀπ' αὐτῶν ὑπάρχον καὶ κατατεταγμένον ἐν αὐτοῖς καὶ μετὰ τούτων ἢ συγκινούμενον ἢ μονίμως ἐστὼς καὶ ἀκινήτως, ἢ πρὸ τῶν πολλῶν ὑφεστάναι καὶ γεννητικὸν εἶναι τοῦ πλήθους ἐμφάσεις ἀφ' ἑαυτοῦ τοῖς πολλοῖς παρέχον καὶ ἀμερίστως μὲν αὐτὸ προτεταγμένον τῶν μετεχόντων, ποικίλας δὲ μεθέξεις εἰς τὰ δεύτερα χορηνοῦν.

17 Τὸ τῆς γραμμῆς εἶδος διττὴν συνέχουσα δύναμιν, ἀμέριστον καὶ μεριστήν ἔχει γὰρ τὸ σημεῖον ἀμερῶς καὶ τὰ διαστήματα μεριστῶς.

18 Τὴν μονάδα λέγουσι στιγμὴν ἄθετον, τὴν δὲ στιγμὴν θέσιν ἔχουσαν. τὸ δὲ σημεῖον ἐν φαντασία προτείνεται καὶ οἶον ἐν τόπω γέγονε καὶ ἔνυλόν ἐστι κατὰ τὴν νοητὴν ὕλην. ἄθετος οὖν ἡ μονὰς ὡς ἄυλος

¹⁶ Proclus p. 50, 18 sqq. — 17 Proclus p. 95, 17 sqq. — 18 Proclus p. 59, 17—18 (cfr. p. 95, 26 sqq.), p. 96, 6 sqq.

¹ ως] N, om. H, ως ἐν CF. συνελλό $^{\tau t}$ C. 2 ἐν] καὶ ἐν Proclus p. 51, 11. ὄντος] Proclus p. 51, 11; ὅντι CFNH. 3 μερικὰ] NH, μετρικὰ CF. ἐμπληροῦντι H. νοήσωμεν] CF, νοήσομεν NH. 4 διττὰ] corr. ex διῶα H. 5 φαντασίαν F. 6 ἡ (pr.)] om. H. 7 φανταστῶν] NH, φανταστικόν C, φανταστικῶν F. 8 καὶ τὸ ἕν καὶ] CF, ἕν καὶ N, καὶ H. 9 ἢ] CF,

Indem aber die allgemeinen Ideen hauptsächlich von drei Arten*) sind, können wir innerhalb dessen, woran die Dinge teilhaben, welches in den vielen ist und die Einzeldinge erfüllt, Unterschiede denken nach der zugrunde lie-5 genden Materie, indem wir auch das daran Teilhabende von zweifacher Art annehmen, teils sinnlich, teils durch Vorstellung existierend; denn auch die Materie ist von zweifacher Art, teils der Dinge, die mit den Sinnen verbunden sind, teils der vorgestellten.

Denn alles Allgemeine und Eine und die vielen Dinge 16 Umfassende werde**) entweder in den Einzeldingen vorgestellt und habe in ihnen seine Existenz unzertrennbar von ihnen und in ihnen eingeordnet und mit ihnen sich bewegend oder bleibend und unbeweglich feststehend, oder es 5 existiere vor den vielen Dingen und erzeuge die Mehrheit, indem es von sich aus dem Vielen Spiegelbilder verleihe und selbst ungeteilt an der Spitze der teilhabenden Dinge stehe und dem Sekundären mannigfache Teilnahme vermittle.

Die Idee der Linie [hat die Seele in sich], indem sie 17 o eine zweifache Fähigkeit verbindet, eine ungeteilte und eine teilbare; denn sie hat den Punkt ohne Teile und die Entfernungen in Teilen.

Die Einheit nennen sie ***) einen Punkt ohne Lage, den 18 Punkt aber mit Lage. Der Punkt aber tritt heraus und ist 5 gewissermaßen im Raum in der Vorstellung und ist materiell in der gedachten Materie. Die Einheit ist also ohne Lage

^{*)} Nämlich die drei p. 122, 26—27 bezeichneten.

**) Nach Platons Vorgang, s. Proclus p. 50, 17.

***) Die Pythagoreer.

om. NH. 10 ἔχειν ἀχώριστον] NH, έπεῖνα χωρίς τῶν CF. 11 πατατεταμμένον F. 13 γεννητικὸν] CH, γενητικὸν N, γενιπόν F. 14 ἀφ'] ἐφ' F. ἑαντὸ F. 15 παρέχων C. ἀμερίστως] corr. ex ἀμερίστω H. αὐτῷ H. προστεταγμένον N.

¹⁶ χῶρηγοῦν F. 18 συνέχουσα] Proclus p. 95, 18; συνέχουσαν CFN H. 19 τὸ σημεῖον γὰρ N. 21 λέγουσιν Η. ἄθετον] ΝΗ, εὕθετον CF. 24 νοητῶς Η. ὡς] Ν, καὶ CFH.

καὶ παντὸς έξω διαστήματος καὶ τόπου θέσιν έχει τὸ σημεῖον ὡς ἐν τοῖς φαντασίας κόλποις.

19 Διττὸν δὲ τὸ σημεῖον, ἢ καθ' αὐτὸ ἢ ἐν τῆ γοαμμῆ, καὶ ὡς πέρας ὂν μόνον καὶ εν οὔτε ὅλον οὔτε μέρη ἔχον μιμεῖται τὴν ἀκρότητα τῶν ὄντων καὶ διὰ τοῦτο ; καὶ ἀνάλογον τίθεται τῆ μονάδι. δυάδι δὲ τὴν γοαμμήν, τριάδι δὲ τὴν ἐπιφάνειαν.

20 Οι Πυθαγόρειοι τῆ τριάδι προσήκειν ἔλεγον τὴν ἐπιφάνειαν, διότι δὴ τὰ ἐπ' αὐτῆς σχήματα πάντα πρώτην αἰτίαν ἔχει τὴν τριάδα. δ μὲν γὰρ κύκλος, ὅς 10 ἐστιν ἀρχὴ τῶν περιφερομένων, ἐν κρυφίφ ἔχει τὸ τριαδικὸν τῷ κέντρῳ, τῆ διαστάσει, τῆ περιφερεία, τὸ δὲ τρίγωνον ἀπάντων ἡγεμονοῦν τῶν εὐθυγράμμων παντί που δῆλον ὅτι τῆ τριάδι κατέχεται καὶ κατ' ἐκείνην μεμόρφωται.

21 Έν λέγεται το πέρας και ἀπειρία και το μικτόν· πάντα γὰρ τὰ ὄντα ἐκ τούτων ἐνοῦται.

22 Τὴν ἐπιστήμην διαιροῦσιν εἰς ἀνυπόθετον καὶ ἐνυπόθετον, καὶ τὴν μὲν ἀνυπόθετον τῶν ὅλων εἶναι
γνωστικὴν μέχρι τοῦ ἀγαθοῦ καὶ τῆς ἀνωτάτω τῶν 20
πάντων αἰτίας ἀναβαίνουσαν καὶ τῆς ἀναγωγῆς τέλος
ποιουμένην τὸ ἀγαθόν, τὴν δὲ ἐνυπόθετον ὡρισμένας
ἀρχὰς προστησαμένην ἀπὸ τούτων δεικνύναι τὰ ἐπόμενα αὐταῖς, οὐκ ἐπ' ἀρχὴν ἀλλ' ἐπὶ τελευτὴν ἰοῦσαν.
καὶ οῦτως δὴ τὴν μαθηματικὴν ἄτε ὑποθέσεσιν χρω- 25

¹⁹ Proclus p. 98, 13 sqq. (lin. 6 cfr. p. 97, 20). — 20 Proclus p. 114, 25 sqq. — 21 cfr. Proclus p. 104, 8 sq. — 22 Proclus p. 31, 11 sqq.

¹ ἔχει] NH, $\tilde{\chi}$ C, ἔχον F. 2 φαντασίας] NH, φαντασίοις CF. 3 διττὸν] corr. ex διῶον in scrib. H. $\tau \tilde{\eta}$] om. H. 4 ον] NH, $\tilde{\eta}$ ν CF. $\tilde{\epsilon}$ ν-5 ἔχον] Proclus p. 98, 14-15; $\tilde{\epsilon}$ νοῦται

als immateriell und außerhalb jedes Abstands und Raums; der Punkt hat Lage als im Busen der Vorstellung.

Der Punkt ist aber ein Zweifaches, entweder an und für 19 sich oder in der Linie, und indem er nur Grenze ist und eins und weder ein Ganzes noch Teile hat, bildet er das äußerste der Dinge nach und wird daher auch mit der Einheit verglichen. Mit der Zweiheit aber [vergleichen die Pythagoreer] die Linie, mit der Dreiheit die Fläche.

Die Pythagoreer sagten, daß die Fläche mit der Drei20 heit zusammenhänge, weil die Figuren in ihr alle die Dreiheit als erste Ursache haben. Denn der Kreis, der Anfang
der runden Figuren ist, hat das dreiheitliche verborgen in
sich durch Zentrum, Halbdurchmesser und Umkreis, und
beim Dreieck, das an der Spitze aller gradlinigen Figuren
steht, ist es ja jedem klar, daß es von der Dreiheit beherrscht wird und nach ihr gestaltet ist.

Eins wird genannt die Grenze, Unbegrenztheit und das 21 Gemischte; denn alle Dinge werden durch diese vereinigt.

Das Wissen teilt man in das voraussetzungslose und 22 das auf Voraussetzungen ruhende; das voraussetzungslose erkenne das Ganze, indem es bis zum Guten und der obersten Ursache von allem aufsteige und das Gute zum Schlußstein der Erhebung mache, das auf Voraussetzungen ruhende aber stelle bestimmte Grundlagen an die Spitze und beweise daraus, was daraus folge, indem es nicht dem Anfang, sondern dem Schluß zustrebe. So bleibe also die

όλον CFNH. 5 μιμεῖται] καὶ μιμεῖται F. 6 καὶ] om. H. θνάδι — 7 ἐπιφάνειαν] del. Hultsch. 8 Πυθαγόφειοι] NH, Πνθαγόφιοι CF. 9 δὴ] om. H. πρώτην] Hultsch, πρὸς τὴν CFNH, πρωτίστην Proclus p. 115, 2. 10 δs] Proclus p. 115, 3; om. CFNH. 11 ἐν πρυφίω] ἐγπρυφῖ΄ N. ἔχει] F, ἕ C, ἔχειν NH. τὸ] NH, δὲ CF. 14 καταχέεται H. 16 καὶ (alt.)] om. H. 20 γνωστικὴν] NH, γνωστὸν C, γνωστὴν F. τοῦ] roclus p. 31, 5; τόπου CF, που τοῦ NH. τῶν] NH, om. CF. 2 ποιουμένης H. τὸ] τῷ C. δρισμένας C. 23 προστησαμένην CF. 25 οὕτως] NH, οὕτω CF. ἡ] mut. in δεῖ in scrib. N. ὑποθέσειν] corr. ex ὑπόθεσειν Ν², ποθέσει CFH.

μένην τῆς ἀνυποθέτου καὶ τελείας ἐπιστήμης ἀπολείπεσθαι· μία γὰο ἡ ὄντως ἐπιστήμη, καθ' ἡν τὰ ὄντα πάντα γινώσκειν πέφυκε, καὶ ἀφ' ἦς πᾶσαι αί ἀρχαὶ ταῖς μὲν ἐγγυτέρω τεταγμέναις ταῖς δὲ πορρωτέρω [καθάπερ ὁ νοῦς].

Περί δε διαλεμτικής, καθάπερ δ νοῦς ὑπερίδουται 23 τῆς διανοίας καὶ χορηγεῖ τὰς ἀρχὰς ἄνωθεν αὐτῆ καὶ τελειοῖ τὴν διάνοιαν ἀφ' έαυτοῦ, κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ή διαλεκτική φιλοσοφίας οὖσα τὸ καθαρώτατον μέρος προσεχώς οὖσα ύπερήπλωται των μαθημάτων καὶ περιέχει τὴν ὅλην αὐτῶν ἀνέλιξιν καὶ δίδωσι δυνάμεις ἀφ' έαυτῆς ταῖς ἐπιστήμαις αὐτῶν παντοίας τελειουργούς καὶ κριτικάς καὶ νοεράς, τὴν ἀναλυτικὴν λέγω και διαιρετικήν και την δριστικήν και αποδεικτικήν, ἀφ' ὧν δη χορηγουμένη καὶ τελειουμένη ή μαθηματική τὰ μὲν δι' ἀναλύσεως εύρίσκει, τὰ δὲ διὰ συνθέσεως, καὶ τὰ μὲν διαιρετικῶς ύφηγεῖται, τὰ δὲ δριστικώς, τὰ δὲ δι' ἀποδείξεως καταδεῖται τῶν ζητουμένων, συναρμόζουσα μεν τοῖς υποκειμένοις έαυτη τὰς μεθόδους ταύτας.

Τὴν γωνίαν σύμβολον εἶναί φαμεν καὶ εἰκόνα τῆς συνοχῆς τῆς ἐν τοῖς θείοις γένεσιν καὶ τῆς συναγωγοῦ τάξεως τῶν διηρημένων εἰς εῖν καὶ τῶν μεριστῶν εἰς τὸ ἀμερὲς καὶ τῶν πολλῶν εἰς συνδετικὴν κοινωνίαν δεσμὸς γὰρ γίνεται καὶ αὐτὴ τῶν πολλῶν γραμμῶν καὶ ἐπιπέδων καὶ συναγωγὸς τοῦ μεγέθους εἰς τὸ ἀμερὲς τῶν σημείων καὶ συνεκτικὴ παντὸς τοῦ κατ'

²³ Proclus p. 42, 11 sqq. — 24 Proclus p. 128, 26 sqq.

Mathematik, da sie Voraussetzungen benutze, hinter dem voraussetzungslosen und vollkommenen Wissen zurück; denn es gibt nur ein wirkliches Wissen, kraft dessen man naturgemäß alle Dinge erkennt, und woher alle Grundlagen stammen, für einige Wissenschaften näher, für andere ferner.

Was aber die Dialektik betrifft, so ist, wie der reine 23 Gedanke über dem Denkvermögen thront und von oben her ihm die Grundlagen beisteuert und von sich aus das Denkvermögen vervollkommnet, in derselben Weise auch die Dialektik, der reinste Teil der Philosophie, unmittelbar über der Mathematik ausgebreitet und umschließt ihre ganze Entfaltung und gibt von sich aus den mathematischen Wissenschaften mannigfache vollendende und sondernde und gedankliche Fähigkeiten, ich meine die analytische, zergliedernde, definierende und beweisende, und damit ausgestattet und vervollkommnet findet dann die Mathematik einiges durch Analyse, anderes durch Synthese, bestimmt einiges durch Zergliederung, anderes durch Definition, und wieder anderes von dem Gesuchten legt sie durch Beweis fest, indem sie diese Methoden dem ihr unterliegenden Stoff anpaßt.

Wir sagen, daß der Winkel ein Symbol und Bild ist 24 des Zusammenhaltens in den göttlichen Artsbegriffen und der sammelnden Ordnung des Getrennten zur Einheit, des Geteilten zum Unteilbaren und des Vielen zur verbindenden Gemeinschaft; denn er ist selbst ein Band der vielen Linien und Ebenen, führt die Größe zur Unteilbarkeit der Punkte zusammen und vereinigt die ganze, kraft seiner existierende

Proclus p. 42, 15; δὲ CFNH 10 ὁπερήπλωται] ὁ- in ras. N, -λ- e corr. H. 11 δλιν H. 12 ἀφ'] ἐφ' F. ἑαντῆς] NH, ἑαντοῦ CF. 13 τελειουργοὺς] NH, τελειουργικὰς CF. 19 μὲν] om. N. ὁπομένοις N. ἑαντῆ] Hultsch, ἑαντῆς NH, ἑαντοῦ CF.

αὐτὴν ὑφισταμένου σγήματος. διὸ καὶ τὰ λόγια τὰς γωνιακάς συμβολάς των σχημάτων συνοχηίδας άποκαλεί, καθ' όσον είκονα φέρουσι τών συνοχικών ένώσεων καὶ συζεύξεων τῶν θείων, καθ' ὰς τὰ διεστῶτα συνάπτουσιν άλλήλοις. αί μεν οὖν έν ταῖς έπιφανείαις γωνίαι ἀυλοτέρας αὐτῶν καὶ ἀπλουστέρας ἀποτελοῦνται καὶ τελειοτέρας ένώσεις, αἱ δὲ ἐν τοῖς στερεοῖς προϊούσας μέγρι τῶν ἐσγάτων καὶ τοῖς διεσπασμένοις κοινωνίαν καὶ τοῖς πάντη μεριστοῖς δμοφυή σύνταξιν παρεχομένας. των δε έν ταις επιφανείαις αι μεν τάς 1 πρώτας αὐτῶν καὶ ἀμίκτους, αί δὲ τὰς τῆς ἀπειρίας συνεκτικάς των έν αὐταῖς προόδων ἀπεικονίζονται, καὶ αί μεν τάς των νοερών είδων ένοποιούσιν, αί δε τάς τῶν αἰσθητῶν λόγων, αἱ δὲ τὰς τῶν μεταξύ τούτων συνδετικάς. αι μεν οὖν περιφερόγραμμοι μιμοῦνται 1 γωνίαι τὰς συνελισσούσας αἰτίας τὴν νοερὰν ποιχιλίαν είς ενωσιν νου γάο και νοερών είδων αι περιφέρειαι συννεύειν έπειγόμεναι πρός έαυτας είπόνες αι δε εὐθύγοαμμοι τὰς τῶν αἰσθητῶν προϊσταμένας καὶ τὴν σύνδεσιν τῶν ἐν τούτοις λόγων παρεγομένας, αί δὲ: μικταί τάς τε κοινωνίας των τε αίσθητων καί των νοερῶν κατὰ μίαν ἕνωσιν ἀσάλευτον φυλαττούσας. δεῖ δὴ πρὸς ταῦτα τὰ παραδείγματα ἀποβλέποντας καὶ τῶν καθ' ἕκαστα αἰτίας ἀποδιδόναι.

² γωνιακάς Ν, γωνικάς | γωνιακάς Η, γωνικάς C F. άποκαλεῖ ΝΗ, ἀποκλεῖ C, ὑποκλεῖ F. 5 έν] ΝΗ, οm. CF. 6 ἀποτελοῦνται] ΝΗ, ἀποκαλοῦσι C F, ἀποτυποῦνται Proclus p. 129, 12. 7 τελειωτέρας Η. προϊούσας] corr. ex προιοῦσαι Γ Ε, προσιοῦσαι Ν C Η. 8 διασπασμένοις F. κοινωνίαν] corr. ex κοινωνίας F. 9 καὶ] om. Η. μεριστῆς C. ὁμοφνῆ] ΝΗ, όμοφνᾶ C, καὶ ὁμοφνᾶ F, καὶ comp. supra add. C². 11 αὐτῶν] ΝΗ, αὐτ C, αὐτός F. τῆς ἀπειρίας] ΝΗ, τοῖς ἐπει-

Figur. Daher nennen auch die Orakelsprüche die Winkelecken der Figuren Zusammenhalter, weil sie ein Bild geben der zusammenhaltenden Einigungen und Verknüpfungen des Göttlichen, wodurch es das Getrennte unter sich verbindet. Die Winkel in den Flächen vollbringen nun immateriellere. einfachere und vollkommenere Einigungen derselben, die in den Körpern aber solche, die bis zum äußersten fortschreiten und dem Auseinandergerissenen Gemeinschaft, dem nach allen Dimensionen Geteilten gleichmäßige Zusammenordnung verleihen. Von den Winkeln in den Flächen aber bilden einige die primären und ungemischten jener nach. andere aber diejenigen, welche die Unbegrenztheit der darin enthaltenen Fortbewegungen zusammenhalten, und einige stellen die der gedanklichen Ideen her, andere die der sinnlichen Begriffe, wieder andere diejenigen, die das zwischen diesen beiden Liegende verbinden. Die krummlinigen Winkel ahmen nun die Ursachen nach, welche die gedankliche Mannigfaltigkeit zur Einigung zusammendrängen; denn die Bogen, die sich zusammenzuschließen streben, sind Bilder des reinen Gedankens und der gelanklichen Ideen; die gradlinigen aber die das Sinnliche beherrschenden und die Verbindung der darin liegenden Begriffe beisteuernden, und die gemischten die die Geneinschaft des Sinnlichen und des Gedanklichen in einer Vereinigung ohne Schwanken erhaltenden. Man muß also nit diesen Beispielen vor Augen auch die Ursachen der Einzelheiten angeben.

ίας CF. 12 αὐτοῖς H. 13 ένοποιοῦσιν] NH, ένωποιοῦσιν CF. 4 λόγων] NH, om. CF. τὰς] Proclus p. 129, 20; om. CFNH. ῶν (alt.)] ταῖς F. 15 συνδετικάς] H, συνθετικάς N, συνεκτιάς CF. 16 συνελισσούσας αἰτίας] NH, συντελεῖς οὔσας γωίας CF. 18 συννεόειν] Proclus p. 130, 3; σύννευσιν N, νυευσιν CFH. έαυτὰς] corr. ex έαυτοὺς H. εἰκόνες CF, κόναι N, om. H. 20 ἐν] Proclus p. 130, 4; om. CFNH. αρεχομένας] NH, περιεχομένας CF. 21 τε (pr.)] om. H; hab. roclus p. 130, 4. Fort. scribendum τὰς τὴν κοινωνίαν τῶν. (alt.)] om. H. 23 δὴ] NH, δὲ CF. ταῦτα τὰ] ταὐτὰ N.

25 Κυκλικῶς λέγεται κινεῖσθαι ἡ ψυχὴ ταῖς νοητικαῖς δυνάμεσιν οὕτως τὸ νοητὸν ὡς κέντρον ἐστὶ τῷ νῷ, ὁ δὲ νοῦς συνέχει περὶ αὐτὸ καὶ ἐρᾳ καὶ ἐνίζεται πρὸς αὐτὸ ταῖς νοεραῖς ὅλαις πανταχόθεν ἐνεργείαις. ταῖς ψυχαῖς ἐπιλάμπει τὸ αὐτόζωον, τὸ αὐτοκίνητον, τὸ πρὸς νοῦν ἐστράφθαι καὶ περιχορεύειν τὸν νοῦν, τὸ ἀποκαθίστασθαι κατὰ τὰς οἰκείας περιόδους ἀνελισσούσας τοῦ νοῦ τὴν ἀμέρειαν πάλιν γὰρ αἱ μὲν νοεραὶ τάξεις ισπερ τὰ κέντρα τὴν ὑπεροχὴν εξουσι πρὸς τὰς ψυχάς, αἱ δὲ ψυχαὶ περὶ αὐτὰς κατὰ κύκλον ἐνεργήσουσι. καὶ γὰρ πᾶσα ψυχὴ κατὰ μὲν τὸ νοερὸν ἐαυτῆς καὶ αὐτὸ τὸ εν τὸ ἀκρότατον κεκέντρωται, κατὰ δὲ τὸ πλῆθος κυκλικῶς περιπορεύεται περιπτύξασθαι ποθοῦσα τὸν ἑαυτῆς νοῦν.

26 Επτὰ είδη είσὶ τῶν τοιγώνων τὸ ἰσόπλευοον μονοειδῶς, τὸ δὲ ἰσοσκελὲς ἢ ὀοθογώνιόν ἐστιν ἢ ἀμβλυγώνιον ἢ ὀξυγώνιον, καὶ τὸ σκαληνὸν ὁμοίως.

27 Οὐκ ἔστιν εύρεῖν τετράγωνον ἀριθμὸν τετραγώνου διπλάσιου, ἀλλ' οὐδὲ ἰσόπλευρον τρίγωνον ὀρθογώνιον τὴν ὑποτείνουσαν ἴσην τῶν δύο τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν ἔχον.

28 "Εστι διαφορά μονάδος και ενάδος ούτως επειδή εστιν εν τοῖς οὖσιν εἰδοποιία και ταυτότης, καλεῖται μονάς. ἔστι δε ετερότης καλεῖται δυάς. ἔστιν ετέρα ὑπερτέρα δύναμις, ἀρχὴ κοινὴ τῶν δύο τούτων, ἢτις πάντα ἐπίσταται αῦτη εν καλεῖται. ὥστε τὸ εν ὑπέρτε-

²⁵ Proclus p. 147, 17; p. 148, 21 sqq. — 26 Proclus p. 168, 4 sqq. — 27 cfr. schol. Eucl. X nr. 8 p. 423, 18. — 28 ?

¹ νοηταϊς Η. 2 κέντρον] καὶ Ν. 3 ἐρῷ] ὁρῷ F. 4 ταῖς (alt.)] ταῖς δὲ Proclus p. 148, 24. 5 τὸ (sec.)] καὶ Ν. 7 κατὰ] οm. Η. περιπόδους ἀνελλιπούσας Ν. 8 ἀμέρειαν]

Es heißt, daß die Seele durch die gedanklichen Fähig- 25 keiten sich kreisartig bewegt, in folgendem Sinne: das Gedachte ist wie ein Zentrum für den reinen Gedanken, und der reine Gedanke umschließt darum herum und strebt und vereinigt sich nach der Richtung hin mit sämtlichen gedanklichen Kräften von allen Seiten. Die Seelen erhalten ihr Licht durch das Eigenleben, die Eigenbewegung, die Richtung nach dem reinen Gedanken hin und den Reigen um den Gedanken herum, den Kreislauf nach den ihnen eigentümlichen Perioden, indem sie die Unteilbarkeit des reinen Gedankens entwickeln; denn wiederum werden die gedanklichen Ordnungen wie die Zentra den Seelen gegenüber den Vortritt haben, die Seelen aber um sie herum im Kreise tätig sein. Denn jede Seele hat ebenfalls ihr Zentrum in ihrem gedanklichen Teil und in der obersten Einheit selbst, kraft der Mehrheit aber bewegt sie sich kreisartig herum, indem sie sich sehnt ihren reinen Gedanken zu umfassen.

Es gibt sieben Arten der Dreiecke: das gleichseitige ²⁶ einfach, das gleichschenklige aber ist entweder rechtwinklig oder stumpfwinklig oder spitzwinklig, und das ungleich-

seitige ebenso.

Es ist unmöglich eine Quadratzahl zu finden, die doppelt 27 so groß wäre als eine Quadratzahl, oder ein gleichseitiges rechtwinkliges Dreieck, dessen Hypotenuse gleich wäre den zwei den rechten Winkel umschließenden Seiten.

Es ist ein Unterschied zwischen Einheit und dem Eins 28 folgendermaßen: da es in den Dingen Formprinzip und Identität gibt, wird dies Einheit genannt. Es gibt auch Heterogenität; sie wird Zweiheit genannt. Es gibt eine andere, höhere Potenz, die gemeinschaftliche Grundlage

ΝΗ, ἀμετρίαν CF. 9 κέντρα] κατὰ Ν. 11 έαντῆ Η. 12 αὐτὸ] ΝΗ, τὸ αὐτὸ CF. ἀκρότατον] corr. ex ἀκρώτατον Η. κεκέντρωται] ΝΗ, κέντρωται CF. 13 τὸ] om. Η. κυκλωτικῶς F. 14 νοῦ F. 17 σκαλινὸν Ν. 19 ἰσόπλευρον τρίγωνον ὁρθογώνιον] Hultsch, ἰσοπλεύρου τριγώνου ὁρθογώνιον Η, ἰσοπλεύρου τριγώνου ὁρθογωνίου CF. 20 ἴσην] Ν, ἴσον CFΗ. δύο] β΄ F. 23 εἰδοποιία] CH, εἰδολοποιία Ν, ἰδιοποιία F.

ούν έστι τῆς μονάδος. Ιστέον δέ, ὅτι, ἐπειδὴ ἔστι δυὰς καὶ μονὰς καὶ τὸ ἕν, δυὰς μὲν αὐτὰ τὰ σώματα, μονὰς δὲ τὸ εἶδος τὸ ἐν αὐτοῖς, εν δὲ ἡ φύσις.

29 Διαφέρει ή πρώτη φιλοσοφία τῆς διαλεκτικῆς, ὅτι ἡ μὲν πρώτη φιλοσοφία δι' ἀληθεστάτων πρόεισιν, ἡ δὲ διαλεκτικὴ ἐκ πιθανῶν.

30 Τὰ περιφερόγραμμα ἴσα δεικνύναι δυνατὸν τοῖς εὐθυγράμμοις. δ ἀρχιμήδης ἔδειξεν, ὅτι πᾶς κύκλος ἴσος ἐστὶν τριγώνφ ὀρθογωνίφ, οὖ ἡ μὲν ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ μιῷ τῶν περὶ τὴν ὀρθήν, ἡ δὲ περίμετρος τῆ βάσει.

31 'Αναλογία ἐστὶν ἡ τῶν λόγων ὁμοιότης. ἀναλογία ἐν τοισὶν ὅροις ἐλαχίστη ἐστίν.

32 Ποότασις διαιρεϊται εἰς δεδομένον καὶ ζητούμενον, οὐ μὴν τοῦτο ἀεὶ γίνεται, ἀλλ' ἐνίστε λέγει μόνον τὸ ζητούμενον. ὅταν δὲ ἡ πρότασις ἀμφότερα σχῆ τὸ δεδομένον καὶ τὸ ζητούμενον, τότε διορισμὸς εὐρίσκεται καὶ ἔκθεσις, ὅταν δὲ ἐλλείπη τὸ δεδομένον, ἐλλιμπάνει καὶ ταῦτα' ἡ γὰρ ἔκθεσις τοῦ δεδομένον ἐστὶ καὶ ὁ διορισμός. τί γὰρ ἄν εἴποι ὁ διοριζόμενος ἐπὶ προβληθέντος προβλήματος, εἰ μὴ ὅτι δεῖ εὐρεῖν ἰσοσκελὲς τοιόνδε; τοῦτο δ' ἦν ἡ πρότασις. ἐὰν ἄρα ἡ πρότασις μὴ ἔχη μὲν τὸ δεδομένον, τὸ δὲ ζητούμενον, ἡ μὲν ἔκθεσις σιωπάται τῷ μὴ εἶναι τὸ δεδομένον, ὁ δὲ διορισμὸς παραλείπεται.

^{29 ? — 30} Proclus p. 423, 1 sqq. — 31 Euclid. V def. 8, cfr. II p. 4, 6 appar. crit. — 32 Proclus p. 204, 7 sqq., 23 sqq.

¹ ὅτι] CF, ὅτι καὶ NH. ἔστι—2 pr. μονάς] ἔστιν καὶ μονὰς καὶ δυὰς Η. 5 πρώτη μὲν Ν. ἀληθέστατον C. 7 τὰ] e corr. F, τὸ CFNH. περιφερόγραμμα] C, e corr. F, περιφερόγραμμον FNH. ἴσον δεἰννσθαι Η. 8 δ] ὡς F. 9 ἴσος ἐστὶν] NH, ἐστὶν ἴσος CF. ἐν] Proclus p. 423, 4; ἐντὸς CFN, ἐντὸς H. 13 ἐστίν] H, comp. N, ἐστί CF. 15 γίγνεται Η. λέγει] NH, λέγειν CF.

dieser beiden, die alles erfaßt; diese wird Eins genannt. Das Eins ist also der Einheit übergeordnet. Man muß aber wissen, daß, da es Zweiheit, Einheit und das Eins gibt, so ist Zweiheit die Körper selbst, Einheit die ihnen innes wohnende Idee, Eins aber die Natur.

Die erste Philosophie unterscheidet sich von der Dia- 29 lektik darin, daß die erste Philosophie mit dem absolut Wahren operiert, die Dialektik aber vom Wahrscheinlichen ausgeht.

es ist möglich zu beweisen, daß krummlinige Figuren 30 den gradlinigen gleich sind. So hat Archimedes*) bewiesen, daß jeder Kreis einem Dreieck gleich ist, wenn sein Radius einer der den rechten Winkel umschließenden Seiten gleich ist, der Umkreis aber der Grundlinie.

Proportion ist Gleichheit der Verhältnisse. Zu einer 31 Proportion gehören wenigstens 3 Glieder.

Die Protasis teilt sich in Gegebenes und Gesuchtes, doch 32 geschieht dies nicht immer, sondern sie spricht zuweilen nur das Gesuchte aus.**) Wenn aber die Protasis beides entohält, Gegebenes und Gesuchtes, dann findet sich auch Diorismus und Ekthesis, wenn aber das Gegebene fehlt, fehlen auch diese; denn Ekthesis und Diorismus hängen mit dem gegebenen zusammen. Welchen Diorismus sollte man nämlich bei dem vorgelegten Problem***) geben, als daß ein 5 gleichschenkliges Dreieck von der und der Art gefunden werden solle? das war aber eben die Protasis. Wenn also die Protasis das Gegebene nicht enthält, sondern nur das Gesuchte, wird die Ekthesis verschwiegen, weil ein Gegebenes nicht da ist, und der Diorismus weggelassen.

μόνον] om. F. 16 ὅτε F. 18 δὲ] CF, e corr. N, δ' H. ελλείπει H. ἐλλιμπάνει] ελλείπει H. 19 ἡ] εἰ H. καὶ ὁ] NH, om. CF. 20 εἰπη C. ἐπὶ] ἐπὶ τοῦ Proclus p. 205, 3. 21 προβλήματος] NH, προβλήματο CF. 22 ἐὰν—πρότασις] om. F. 23 ἔχει C. ἡ] om. NH. 23—24 ἔκθεσις μέν H. 24 σιωπᾶ F. τῷ] Proclus p. 205, 6; τὸ CFNH.

33 'Ιστέον, ὅτι τῶν τοιγώνων τὰ μέν εἰσιν ἔκγονα ἰσότητος, τὰ δὲ ἀμφοτέρων ἀπογεννώμενα. διὰ παντὸς ἡ τριὰς αὕτη πέφυκεν, οἶον γραμμῶν, γωνιῶν, σχημάτων, καὶ ἐν τοῖς σχήμασι τριπλεύρων, τετραπλεύρων, έξῆς ἀπάντων, καὶ τὰ μὲν ὄντα πέρατι συγγενῆ, τὰ δὲ ἀπειρία, τὰ δὲ κατὰ τὴν μίξιν ἀμφοτέρων.

34 [Ρητὰ μεγέθη λέγεται, ὅσα ἐστὶν ἀλλήλοις σύμμετρα, ὅσα δὲ ἀσύμμετρα, ἄλογά εἰσι μὴ ἔχοντα λόγον πρὸς ἄλληλα.]

Τὸ δητὸν καὶ ἄλογον μέγεθος έκάτερον οὐκ ἔστι: τῶν καθ' ξαυτὰ νοουμένων, ἀλλὰ πρὸς ἔτερον συγκρινομένων δσα γαρ αλλήλοις σύμμετρα, ταῦτα καὶ δητά προς άλληλα λέγεται, όσα δε άλλήλοις ασύμμετρα, ταῦτα άλονα ποὸς άλληλα λέγεται. οἱ μὲν ἀριθμοὶ σύμμετροι τυγγάνουσιν, ἐπείπερ έκαστος αὐτῶν ὑπό τινος ἐλαγίστου μέτρου μετρείται. δμοίως δε πηχυς και παλαιστής συμμετρίας έχουσι πρός αλλήλους έκατερος γαρ ύπο έλαχίστου μέτρου καταμετρεῖται ύπὸ δακτύλου θέσει τῶν μέτρων ὄντων μονάδος θέσιν ἔχοντος αὐτοῦ. άπείρου δὲ τῆς ἐν τοῖς μεγέθεσιν ὑπαρχούσης τομῆς καὶ μηδενὸς ύφεστηκότος έλαχίστου μέτρου δηλον, ὅτι τοῦ όητοῦ μεγέθους οὐχ ἕν τι καὶ ὡρισμένον, ὡς ὁ δάκτυλος, έλάχιστον μέτρον, άλλ' έφ' ήμιν έστιν, όπηλίκον αν θέλωμεν, έλαχιστον υποθέσθαι μέτρον γνώοιμον, έν ῷ ἡ μονάς πᾶν γὰο καθ' έαυτὸ μέγεθος, ώς έλεχθη, ούτε όητὸν ούτε άλογον, ὅτι καὶ πᾶσα

³³ Proclus p. 314, 16 sqq. — 34 Schol, in Eucl. X nr. 9 p. 429, 16 sqq.

Man muß wissen, daß von den Dreiecken einige von der 33 Gleichheit abstammen, (andere von der Ungleichheit), andere von beidem hervorgebracht werden. Diese Dreiheit geht durch alles, z. B. durch Linien, Winkel, Figuren und in den Figuren dreiseitige, vierseitige und alle übrigen der Reihe nach, und die Dinge sind teils der Grenze verwandt, teils der Unbegrenztheit, teils der Vermischung beider entsprechend.

[Rationale Größen nennt man alle, die unter sich kom- 34 mensurabel sind, die inkommensurabeln aber sind irrational, indem sie unter sich in keinem Verhältnis stehen.]

Rationale und irrationale Größe gehören beide nicht zu dem an sich Gedachten, sondern zu dem mit anderem Verglichenen; denn alles, was unter sich kommensurabel ist, wird auch unter sich rational genannt, was aber unter sich inkommensurabel ist, wird unter sich irrational genannt. Die Zahlen sind kommensurabel, weil jede von ihnen von einem kleinsten Maß gemessen wird. In derselben Weise sind auch Elle und Handbreit unter sich kommensurabel; denn beide werden von einem kleinsten Maß gemessen, dem Zoll, der, indem die Maße durch Satzung bestehen, als Einheit gesetzt wird. Da aber die Teilung in den Größen unbegrenzt ist, und es kein kleinstes Maß gibt, ist es klar, daß es für die rationale Größe kein einzelnes und bestimmtes kleinstes Maß gibt, wie den Zoll, sondern uns zusteht ein beliebiges kleinstes Maß als bekannt aufzustellen, das dann die Einheit vertritt; denn jede Größe ist, wie gesagt*), an und für sich weder rational noch irrational, weil auch jede

^{*)} Z. 10—11.

H. 5 έξης] έξ Ν. 7–9] CF, οπ. NH. 7 $^{\circ}$ Ρητὰ] ητὰ F. 8 ἄλογά] C, καὶ ἄλογά F. 11 αὐτὰ F. συγκρινομένων] NH, συγκρινόμενα CF. 13 ὅσα—14 λέγεται] N, οπ. CFH. 14 πρὸς] scholl. p. 429, 21; καὶ N. 17 ἑπάτερος] NH, ἑπάτερον CF. 18 θέσει] scripsi, τε φύσει CFNH. 20 της] NH, τοῖς CF. μεγέθεσι $^{\circ}$ N. ὑπάρχονσι F. τομης] scholl. p. 429, 27; οπ. CFNH. 21 μέτρον] NH, μέτρον CF. 22 ἐητοῦ] μιπροῦ H. καὶ] NH, οπ. CF. 25 αὐτὸ F. 26 ἐλέχθη] NH, ἐλεγχθη C, ἐλέγχθη F.

εύθεῖα καθ' έαυτὴν ούτε όητὴ ούτε άλογός έστιν, συγκρινομένη δε πρός ύποτεθεῖσαν έν θέσει μονάδα δητή ή άλογος εύρισκεται. ούτως οὖν τῆς τετοαγώνου πλευράς υποτεθείσης όητης η διάμετρος δυνάμει όητη εύοισκεται μήκει γαο άλογος εύοισκεται και πάλιν αὖ τῆς διαμέτοου όητῆς ὑπαοχούσης ἡ πλευοὰ δυνάμει όητη έκατέρας αὐτῶν καθ' αὐτὴν οὔτε ἡητῆς οὔτε άρρήτου, τουτέστιν άλόγου, ύπαρχούσης. ούτως οὖν τῶν εὐθειῶν ἐλάχιστόν τι μέτρον ὑποθέμενοι εὐθεῖαν μονάδα οί ἀπὸ τῶν μαθημάτων δητὴν ἀνόμαζον καὶ τὰς αὐτῆ συμμέτρους δητάς δμοίως καὶ τὸ ἀπ' αὐτῆς τετράγωνον δητὸν καὶ τὰ τούτω σύμμετοα γωρία δητὰ έκάλεσαν καὶ όπτὸν δμοίως τὸν ἀπ' αὐτῆς κύβον καὶ τὰ τούτω σύμμετρα στερεά. ἄρρητον δ' ἀκουστέον, τουτέστιν άλογον, στερεόν μέν τὸ ἀσύμμετρον τῶ ἀπὸ όητης πύβω, ἐπίπεδον δὲ τὸ ἀσύμμετρον τῷ ἀπὸ ὁητης τετραγώνω, μήχος δέ, τουτέστιν εὐθεῖαν, τὸ δητή ἀσύμμετρον. ἐπὶ δὲ τῶν εὐθειῶν διττῆς νοουμένης τῆς ἀσυμμετοίας, μιᾶς μέν, ὅταν αὐταὶ αἱ εὐθεῖαι ἀσύμμετροι ὧσι, τὰ δὲ ἀπ' αὐτῶν χωρία σύμμετρα άλλήλοις, έτέρας δέ, δταν και τὰ αὐτὰ χωρία ἀσύμμετρα άλλήλοις ή, διττή και ή πρός την δητην διαφορά κατά τούς παλαιούς ύπῆρχεν αί μέν γάρ λέγονται δυνάμει δηταί και άλογοι, αί δε λοιπαί μήκει. δυνάμει μέν είσι δηταί, ως προείπομεν, δσαι μέν είσιν αὐταί

Gerade an und für sich weder rational noch irrational ist, sondern erst durch Vergleichung mit einer durch Satzung angenommenen Einheit sich als rational oder irrational herausstellt. Wenn so die Seite des Quadrats als rational ; angenommen wird, stellt sich der Durchmesser als nur im Quadrat rational heraus; denn der Länge nach stellt er sich als irrational heraus; und umgekehrt, wenn der Durchmesser als rational vorliegt, ist die Seite nur im Quadrat rational, indem beide an und für sich weder rational noch nicht-rational, d. h. irrational, sind. So haben die Mathematiker also bei den Geraden als kleinstes Maß eine Gerade als Einheit angenommen, und diese nannten sie rational und die mit ihr kommensurabeln rational; ebenso nannten sie auch ihr Quadrat rational und die damit kommensurablen Flächenräume rational und ebenso ihren Kubus und die damit kommensurabeln Körper rational. Unter nicht-rational aber, d. h. irrational, muß man verstehen den Körper, der mit dem Kubus der rationalen Geraden inkommensurabel ist, die Ebene, die mit dem Quadrat der rationalen Geraden inkommensurabel ist, und die Länge, d. h. die Gerade, die mit der rationalen inkommensurabel ist. Da man sich aber bei den Geraden eine zweifache Inkommensurabilität denkt, eine, wenn die Geraden selbst inkommensurabel sind, die auf ihnen beschriebenen Flächenräume dagegen kommensurabel, und eine andere, wenn dieselben Flächenräume ebenfalls unter sich inkommensurabel sind, so war auch nach den Alten der Unterschied von der rationalen eine zweifache; denn die einen werden in Potenz

p. 430, 18; τὸ CFNH. 16 κύβω] scholl. l. c., κύβως CFNH. τῷ] scholl. l. c., τὸ CFNH. 17 τετραγώνω] scholl. p. 430, 19; τετράγωνον CFNH. τὸ ξητῆ] scholl. p. 430, 20; ξητὴν CFNH. 18 ἀσύμμετρον] NH, ἀποσύμμετρον CF. 19 ἀσυμμετρίας] NH, σνιμετρίας CF. αἰ] scholl. p. 430, 21; om. CFNH. 20 ἀσύμμετροι] NH, σύμμετροι C, σύμμετρα Γ. 21 σύμμετρα Η. 22 ἦ] scholl. p. 430, 25; εἰη CF, εἰσίν H et comp. N. ξητὴν] διττὴν N. 23 ὑπῆρχεν] NH, ὑπῆρχε C, ὑπεροχήν F. 24 δυνάμαι C. καὶ] scholl. p. 430, 27; αἰ δὲ CFNH; αἱ δὲ ἄλογοι del. Hultsch. 25 αὐταὶ] αὐται μὲν N.

37

ἀσύμμετροι τῆ ὁητῆ, τὰ δ' ἀπ' αὐτῶν τετράγωνα σύμμετρα τῷ ἀπὸ ὁητῆς τετραγώνῳ, μήκει δέ, ὅταν τὰ ἀπ' αὐτῶν τετράγωνα ἢ ἐν τετραγώνοις ἀριθμοῖς ἦ ἢ τὰς πλευρὰς ἔχη συμμέτρους τῆ ὁητῆ μήκει. καὶ καθόλου καλεῖται ἡ τῆ ὁητῆ σύμμετρος ὁητὴ εἴτε μήκει εἴτε δυνάμει μόνον.

35 Όριζονται δὲ τὴν ὁητὴν καὶ οὕτως ὁητή ἐστιν ἡ δι' ἀριθμῶν γνωρίμη. οὐκ ἔστι δὲ ἡητῆς ὅρος οὖτος, ἀλλὰ συμβεβηκὸς αὐτῆ. ὅταν γὰρ λόγου χάριν ἐκτεθῶσι ἡηταὶ τῶν ἀπὸ τῆς πηχυαίας ἡητῆς, οἴδαμεν ἑκάστην, πόσων ἐστὶ παλαιστῶν ἢ δακτύλων ὅθεν ἐκ τῶν συμβεβηκότων λέγομεν ἡητὴν δι' ἀριθμῶν γνωρίμην. διαφέρει δὲ ἡητὴ δοθείσης τῷ τὴν μὲν ἡητὴν δοθεῖσαν εἶναι πάντως, τὴν δοθεῖσαν δὲ οὐκ ἐξ ἀνάγκης ἡητήν ἡ μὲν ἡητὴ καὶ πηλικότητι καὶ ποιότητι γνωρίμη ἐστίν, ἡ δὲ δοθεῖσα πηλικότητι καὶ μεγέθει μόνον καὶ γάρ εἰσί τινες ἄλογοι δεδομέναι.

Των ἀναλογιων αί μέν είσι συνεχεῖς, αί δὲ διεχεῖς,

³⁵ lin. 7 cfr. scholl, in Eucl. X nr. 9 p. 426, 9—10. lin 13 cfr. scholl. in Eucl. Dat. nr. 4 lin. 15 scholl. in Eucl. V nr. 14 p. 286, 8 sqq. — 36 cfr. ib. V nr. 15 p. 286, 18 sqq.; nr. 21 p. 288, 17 sqq. — 37 Pseudo-Psellus in quattuor mathem. disc. (Venet. 1532) p. (10), 7 sqq.

² τ $\tilde{\varphi}$] NH, τ $\tilde{\omega}$ ν CF. τετραγών $\tilde{\varphi}$] NH, τετραγών C, τετραγών $\tilde{\omega}$ ν F. 3 $\tilde{\eta}$] scholl. p. 431, 15; om. CFNH. 9 λόγε C.

rational und irrational genannt, die übrigen der Länge nach. In Potenz rational aber sind, wie vorher gesagt, alle, die selbst mit der rationalen inkommensurabel sind, ihre Quadrate aber mit dem Quadrat der rationalen kommensurabel, der Länge nach aber rational, wenn ihre Quadrate sich wie Quadratzahlen verhalten oder die Seiten mit der rationalen der Länge nach kommensurabel haben. Und allgemein wird die mit der rationalen kommensurable rational genannt entweder der Länge nach oder nur in Potenz.

Einige definieren die rationale Gerade auch folgendermassen: rational ist die Gerade, die durch Zahlen bestimmt ist. Das ist aber nicht eine Definition der rationalen, sondern ein Akzidens derselben. Wenn man nämlich eine Reihe rationaler Geraden von der eine Elle langen rationalen aus aufstellt, wissen wir von jeder, wie viel Handbreiten oder Zoll sie ist; daher sagen wir nach den Akzidensen, daß eine rationale durch Zahlen bestimmt ist. "Rational" und "Gegeben" unterscheiden sich dadurch, daß die rationale immer gegeben ist, die gegebene dagegen nicht notwendig rational; die rationale ist sowohl nach Quantität als nach Qualität bestimmt, die gegebene dagegen nur nach Quantität und Größe; denn auch irrationale können gegeben sein.

Die unbegrenzte Linie kann nicht einmal multipliziert 36 werden jemals, auch nicht mit anderem verglichen werden. Denn das nicht Homogene kann kein Verhältnis unter sich haben, weil "Verhältnis" eine gewisse Relation zweier homogener Größen zueinander ist, wie Linie zu Linie, Fläche zu Fläche und so weiter.

Von den Proportionen sind einige kontinuierlich, andere 37

έντεθῶσι ξηταὶ] NH, έντιθῶσι ξητὰς CF. 10 πηχναίας] NH, πηχήας C, πηχύας F. 11 ὅθεν] NH, πόθεν CF. 12 γνωρίμων F. 13 τῷ] τὸ N. 14 δοθεῖσαν δὲ] δὲ δοθεῖσαν Η. 15 καὶ (pr.)] om. H. 18 'H] NHC², om. CF. πολλαπλασιάς εσθαι] Μεὶ, πολλαπλασιάσαι CFNH. 20 δύναταί] NH, δύνανται CF. πρὸς] καὶ N. λόγος δέ-21 ἄλληλα] NH, om. CF. 22 σχέσεις F. 24 Τῶν] corr. ex ῶν C². αὶ (pr.)] NH, μὲν αὶ CF.

συνεχεῖς μὲν αί έξῆς καὶ ἀδιακόπως ἔχουσαι τὰς σχέσεις, διεχεῖς δέ εἰσιν, ὅταν μὴ οὕτως ἔχωσιν οἱ λόγοι, ἀλλὰ διηρημένοι ἀπ' ἀλλήλων καὶ μὴ ὑπὸ τοῦ μέσου ὅρου συναπτόμενοι ἀλλήλοις ὁ γὰρ μέσος ὅρος τοῦ μὲν ἡγεῖται, τῷ δὲ ἔπεται. συνεχὴς ὡς $\overline{\eta}$ $\overline{\delta}$ $\overline{\beta}$, διεχὴς ε ὡς $\overline{\eta}$ ποὸς $\overline{\delta}$ καὶ $\overline{\varsigma}$ ποὸς $\overline{\gamma}$.

Αόγος ἐστὶ τὸ διάστημα τὸ μεταξὺ τῶν μεγεθῶν τῶν ἐππειμένων.

'Η δοθή γωνία σύμβολόν ἐστι τῆς ἀκλινῶς συνεχομένης ἐνεργείας τῆ Ισότητι καὶ ὅρω καὶ πέρατι. ὅθεν το καὶ ζωῆς εἰκὼν λέγεται κατιούσης τὴν κάθοδον ἡ κάθετος, ἡ ποιεῖ τὰς ὀρθὰς γωνίας. — δύο μονάδας λέγει τὰς προνοητικὰς ἐνεργείας παρὰ τοῦ θεοῦ εἰς ἡμᾶς κυκλικῶς καὶ κατ' εὐθεῖαν. ὅθεν καὶ τὸ Ισόπλευρον τρίγωνον σύμβολον τῆς ψυχῆς μέσον δύο κύκλων το ἐχόντων τοὺς λόγους τῶν αἰσθητῶν ἐπὶ τῆς θείας ψυχῆς. καὶ ἐστιν ἡ εὐθεῖα σύμβολον τῆς γνώσεως τῶν ὅλων ἀπείρως καὶ ἀρρίστως κινουμένης. — τὰς δύο ὀρθὰς ἢ δυσίν ὀρθαῖς Ισας [ἀλλήλων]. αὶ μὲν δύο ὀρθὰὶ Ιδιόν ἐστι, τὸ δὲ δυσίν ὀρθαῖς Ισας κοινόν. τὰ κο γὰρ ἄνισα δυσίν ὀρθαῖς δύνανται ἐλθεῖν εἰς τὴν Ισότητα.

Θ Πᾶν γε μὴν τὸ δεδομένον καθ' ἕνα τούτων δέδοται τῶν τρόπων, ἢ θέσει ἢ λόγω ἢ μεγέθει ἢ εἴδει. τὸ

³⁷ lin. 7—8? — 38 lin. 9—10 Proclus in Eucl. p. 290, 22 sqq. lin. 10—12 ib. p. 290, 20 sqq. lin. 12—14 ib. p. 108, 16 sqq. lin. 14—17 cfr. ib. p. 214, 3 sqq. lin. 17—18 ib. p. 291, 7 sqq. lin. 18—20 ib. p. 292, 25 sqq. lin. 20—22? — 39 Proclus in Eucl. p. 205, 13 sqq.

getrennt, kontinuierlich solche, bei denen die Relation zusammenhängend und ununterbrochen ist, getrennt aber sind sie, wenn die Verhältnisse nicht so zueinander stehen, sondern voneinander geschieden sind und nicht durch das mittlere Glied miteinander verbunden; denn das mittlere Glied geht in dem einen voran, in dem andern folgt es. Kontinuierlich z. B. 8, 4, 2, getrennt z. B. 8:4 = 6:3.

Verhältnis ist der Abstand zwischen den vorgelegten Größen.

Der rechte Winkel ist Symbol der Energie, die unentwegt von Gleichheit, Umschließung und Grenze zusammengehalten wird; daher wird auch die Kathete, die rechte Winkel bildet, ein Abbild des niedersteigenden Lebens genannt. — Zwei Monaden nennt er*) die Wirksamkeiten der Vorsehung, die von Gott zu uns ausgehen, kreisartig und nach der Geraden; daher ist auch das gleichseitige Dreieck Symbol der Seele, indem es umschlossen wird von zwei Kreisen, welche die Begriffe der sinnlichen Dinge in der göttlichen Seele enthalten. Und die Gerade ist Symbol der Erkenntnis des Ganzen, die sich unbegrenzt und unbestimmt bewegt. — Zwei rechte Winkel oder zwei rechten gleiche**): die zwei rechten sind das besondere, das "zwei rechten gleiche" das allgemeine. Denn das ungleiche kann durch lie zwei rechten zur Gleichheit gelangen.

Alles Gegebene ist gegeben auf eine der folgenden Weisen: 39 entweder der Lage nach oder dem Verhältnis oder der Größe

μέν γάο σημείον θέσει δέδοται μόνον, γραμμή δέ καί τὰ ἄλλα πᾶσιν. ὅταν γὰο λέγωμεν τὴν δοθεῖσαν γωνίαν εὐθύγραμμον, τὸ εἶδος λέγομεν ὁποῖον δέδοται τῆς γωνίας, ὅτι εὐθύγραμμον, ἵνα μὴ ζητῶμεν διὰ τῶν αὐτῶν μεθόδων καὶ τὴν περιφερόγραμμον δίχα τεμεῖν, όταν δε δύο δοθεισων εύθειων ανίσων από της μείζονος τη ελάσσονι ἴσην ἀφελεῖν, τῷ μεγέθει δέδοται γάο τὸ μεζίον καὶ ἔλασσον καὶ τὸ πεπερασμένον καὶ άπειρον, ὰ τοῦ μεγέθους ἐστίν ἴδια κατηγορήματα. δταν δε λέγωμεν εάν τέσσαρα μεγέθη ανάλογον ή *. όταν δε πρός τω δοθέντι σημείω χρη τη δοθείση εὐθεία ἴσην εὐθεῖαν θέσθαι, τότε τῆ θέσει δέδοται τὸ σημείον διὸ καὶ τῆς θέσεως διαφόρου δυναμένης είναι καὶ ή κατασκευή ποικιλίαν ἐπιδέχεται. τετραχῶς οὖν λαμβανομένου τοῦ δεδομένου δῆλον, ὅτι καὶ ἡ ἔκθεσις γίνεται τετραχώς.

Ο Θ μὲν κύκλος εἰκών ἐστι τῆς νοερᾶς οὐσίας, τὸ δὲ τρίγωνον τῆς πρώτης ψυχῆς διὰ τὴν ἰσότητα καὶ τιμιότητα καὶ τὴν ὁμοιότητα τῶν γωνιῶν καὶ πλευρῶν. διὰ τοῦτο καὶ τὸ πρῶτον θεώρημα τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον μέσον τῶν κύκλων ἰσόπλευρον ἀποδεικνύει καὶ ἰσογώνιον. καὶ πᾶσα ψυχὴ πρόεισιν ἀπὸ νοῦ καὶ ἐπιστρέφει πρὸς νοῦν καὶ μετέγει τοῦ νοῦ.

⁴⁰ Proclus in Eucl. p. 214, 3 sqq.

¹ σημεῖον] NH, τῶν σημείων CF. 2 τὰ ἄλλα] NH, τἄλλα CF. λέγομεν C. 4 μὴ ζητῶμεν] μετοητῶμεν F. 5 τεμεῖν] F, τεμεῖ C, τέμνειν NH. 6 δὲ] Proclus p. 205, 20; om. CFNH. δοθεισῶν] om. F. 7 ἴσην] ἴ- e corr. H. 8 καὶ τὸ -9 ἐστὶν] NH, om. CF. 10 λέγομεν C. ἢ CFNH, ἢ καὶ ἐναλλὰξ ἀνάλογον ἔσται δέδοται ὁ αὐτὸς λόγος ἐν τοῖς τέτρασιν μεγέθεσιν Proclus p. 206, 1. 11 τῷ δοθέντι] τὸ δοθεντ C.

oder der Form nach. Denn der Punkt kann nur der Lage nach gegeben sein, Linie aber und alles übrige nach allen Beziehungen; wenn wir nämlich "den gegebenen gradlinigen Winkel" sagen, sagen wir, welche Form des Winkels gegeben ist, daß er gradlinig ist, damit wir nicht versuchen, auch den krummlinigen durch dieselbe Methode zu halbieren*), und wenn es heißt**): wenn zwei ungleiche Geraden gegeben sind, von der größeren eine der kleineren gleiche abzuziehen, ist "gegeben" der Größe nach gegeben; denn "größer" und "kleiner" sind gegeben und "begrenzt" und "unbegrenzt", was der Größe eigentümliche Kategorien sind. Wenn wir aber sagen: wenn vier Größen proportional sind, werden sie auch über Kreuz proportional sein ***), ist dasselbe Verhältnis bei den vier Größen gegeben; wenn aber von einem gegebenen Punkt aus eine einer gegebenen Geraden gleiche Gerade abgesetzt werden soll†), so ist der Punkt der Lage nach gegeben; daher gestattet, weil die Lage verschieden sein kann, auch die Konstruktion Mannigfaltigkeit. Da also das Gegebene auf vier Weisen genommen wird, ist es klar, daß auch die Ekthesis auf vier Weisen geschieht.

Der Kreis ist ein Abbild des gedanklichen Wesens, das 40 Dreieck aber der ersten Seele wegen der Gleichheit und Vortrefflichkeit und der Gleichmäßigkeit der Winkel und Seiten. Daher weist auch der erste Satz ++) das gleichseitige Dreieck, umschlossen von Kreisen, als gleichseitig und gleichwinklig nach. Und jede Seele geht vom reinen Gedanken aus, kehrt zum reinen Gedanken zurück und ist des reinen Gedankens teilhaftig.

*) Elem. I 9.

**) Elem. I 3.

***) Elem. V 16.

†) Elem. I 2. ††) Elem. I 1.

¹² τὸ] ΝΗ, καὶ τὸ CF. 13 διαφόρον] Η, διάφορον CFN. 15 λαμβανομένον] ΝΗ, λαμβανομένης CF. ἔνθεσις] -σι- e corr. N. 17 έστιν Η. 18 καὶ τιμιότητα] om. Proclus p. 214, 5; del. Hultsch. 20 θεώρημα] πρόβλημα Η. 21 μέσον] Η, μέσα CFN. ἰσόπλευρον] om. Η. 23 πρὸς] κατὰ Ν.

- 41 Τὰ κυρίως λεγόμενα προβλήματα βούλεται τὴν ἀοριστίαν διαφυγεῖν.
- 42 Τῶν προβλημάτων τὰ μὲν ἄπτωτά ἐστι, τὰ δὲ πολύπτωτα, ὥσπερ καὶ τῶν θεωρημάτων. ὅσα μὲν τὴν αὐτὴν δύναμιν ἔχει διὰ πλειόνων πεφοιτηκυῖαν δια- 5 γραμμάτων καὶ τὰς θέσεις ἐξαλλάττοντα τὸν αὐτὸν φυλάττει τῆς ἀποδείξεως τρόπον, ταῦτα λέγεται πτώσεις ἔχειν, ὅσα δὲ κατὰ μίαν θέσιν καὶ κατασκευὴν μίαν προκόπτει, ταῦτα ἄπτωτά ἐστιν ἀπλῶς γὰρ πτῶσις περὶ τὴν κατασκευὴν ὁρᾶται καὶ τῶν προβλημάτων καὶ 10 τῶν θεωρημάτων.
- 43 Τῶν γεωμετρικῶν προτάσεων τὰ πολλὰ καταφάσεις εἰσὶν οὐ πολὺ προσδεόμενα ἀποφάσεων, τὸ δὲ καθόλου ἀποφατικὸν δεῖται καὶ καταφάσεων μέλλον δείκνυσθαι ἄνευ γὰρ καταφάσεως οὐδ' ἀπόδειξις ἔστιν οὐδὲ συλ- 15 λογισμός. διὰ τοῦτο αἱ ἀποδεικτικαὶ τῶν ἐπιστημῶν τὰ μὲν πλεῖστα καταφατικὰ δεικνύουσιν.
- 14 Τετραχῶς δύναται δεδόσθαι, πρῶτον θέσει, ὡς ὅταν λέγωμεν πρὸς τῆδε τῆ εὐθεία καὶ τῷδε τῷ σημείφ κεῖσθαι τὴν γωνίαν, δεύτερον τὸ εἶδος, οἶον ὅταν τὸ ορθὴν λέγωμεν ἢ ὀξεῖαν ἢ ἀμβλεῖαν ἢ ὅλως εὐθύγοαμμον ἢ μικτήν, τρίτον καὶ λόγφ, ὅταν διπλασίαν ἢ ὅλως μείζονα καὶ ἐλάσσονα, τέταρτον καὶ μεγέθει, ὡς ὅταν τρίτον ὀρθῆς λέγωμεν.
- 45 Μόνα τφία πολύγωνα πληφοῦν δυνάμενα τὸν περὶ 25

⁴¹ Proclus in Eucl. p. 222, 11 sq. — 42 ib. p. 222, 22 sqq. — 43 ib. p. 259, 23 sqq. — 44 ib. p. 277, 7 sqq. — 45 Proclus p. 304, 15 sqq., cfr. supra 8.

⁵ ἔχει] ΝΗ, έπεῖ CF. 6 έξαλλάττοντα] ΝΕ, e corr. Η, έξαλάττοντα CH. 7 φυλάσσει ΝΗ. πτῶσις C. 8 μίαν (alt.)] om. Η. 11 τῶν] ΝΗ, om. CF. 12 παταφάσεις] corr. ex

Die Probleme im eigentlichen Sinne streben der Un- 41 bestimmtheit zu entgehen.

Von den Problemen sind einige ohne Sonderfälle, andere 42 mit mehreren Sonderfällen, wie auch von den Lehrsätzen. Von solchen, die dieselbe Bedeutung haben durch mehrere Figuren sich erstreckend und, indem sie die Lagen wechseln, dieselbe Art des Beweises bewahren, sagt man, daß sie Sonderfälle haben, solche aber, die mit einer Lage und einer Konstruktion vorwärts kommen, sind ohne Sonderfälle; denn der Sonderfall zeigt sich überhaupt bei der Konstruktion sowohl in Problemen als in Lehrsätzen.

Von den geometrischen Sätzen sind die meisten positive 43 Aussagen, die Negationen nicht sonderlich bedürfen, die allgemeine Negation aber bedarf auch positiver Aussagen, wenn sie bewiesen werden soll; denn ohne eine positive Aussage ist weder ein Beweis noch ein Syllogismus möglich. Daher beweisen die demonstrierenden Wissenschaften das meiste als positive Aussagen.

Er*) kann auf vier Weisen gegeben sein, erstens der 44 Lage nach, wie z. B. wenn wir sagen, daß der Winkel an dieser Geraden und an diesem Punkt liege **), zweitens der Form nach, z. B. wenn wir sagen einen rechten oder spitzen oder stumpfen oder überhaupt einen gradlinigen oder genischten, drittens dem Verhältnis nach, wenn wir sagen loppelt so groß oder überhaupt größer und kleiner, viertens endlich der Größe nach, wie wenn wir sagen ein Drittel eines echten.

Es gibt nur drei Vielecke, die den Raum um einen 45 Punkt herum ausfüllen können: ein gleichseitiges Dreieck,

*) Nämlich der Winkel, s. Proklos p. 277, 7.

**) Vgl. Elem. I 2.

αταφύσει C². 13 είσι Η. ἀποφάσεων] ΝΗ, ἀποφάσεως CF. 4 ἀποφαςικὸν C. μέλλων C. 17 μὲν] Proclus, om. Η. καταρατικά] Ν F, καταφατικώς Η, καταφασικά C. δεικνύουσιν] Ν Η, εικνύουσι C F. Tum lac. statuit Hultsch. 18 τετρακώς C. 9 τῆδε] τίδε F. τόδε τὸ σημεῖον C. 20 τῷ εἴδει Hultsch. 1 λέγομεν C. 23 καλ (pr.)] η H. καλ (alt.)] mut. in) N.

εν σημείον τόπον ἰσόπλευρον τρίγωνον καὶ τετράγωνον καὶ εξάγωνον τὸ ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον.

46 Τετραχῶς τὸ δεδομένον, πρῶτον ἐπὶ τῆς γωνίας, δεύτερον δύο δοθεισῶν εὐθειῶν, τρίτον ἐὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον, τέταρτον ὅταν πρὸς τῷ δοθέντι σημείω χρῆ τῆ δοθείση εὐθεία ἴσην εὐθεῖαν θέσθαι ἐξ ὧν δῆλον, ὅτι καὶ ἡ ἔκθεσις τετραχῶς γίνεται τοῦ προβλήματος ἐπὶ δεδομένου καὶ ζητουμένου.

47 Τὰ μὲν αἰτήματα συντελεῖ ταῖς κατασκευαῖς, τὰ δὲ ἀξιώματα ταῖς ἀποδείξεσιν.

49 Τὴν μὲν ἀρετὴν κατὰ τὴν ὀρθότητά φασιν έστάναι, τὴν δὲ κακίαν κατὰ τὴν ἀοριστίαν τῆς ἀμβλείας καὶ ὀξείας τῶν γωνιῶν ὑφίστασθαι καὶ μερίζεσθαι τὰς ἐνδείας καὶ ὑπερβολὰς καὶ τῷ μᾶλλον καὶ ἦττον δεικ νύναι τὴν ἑαυτῆς ἀμετρίαν. τελειότητος ἄρα καὶ

⁴⁶ cfr. supra 39. — 47 Proclus p. 209, 10 sqq. — 48 ib. p. 252, 5 sqq. — 49 ib. p. 133, 20 sqq.

¹ τετράπλευρον Η. 2 τὸ] ΝΗ, οπ. CF. 3 πρῶτον] $\hat{\alpha}$ Ν. 4 δεύτερον] $\hat{\beta}$ Ν, οπ. Η. εὐθειῶν] Η, γωνιῶν CFΝ. τρίτον] $\hat{\gamma}$ Ν. 5 τέταρτον] $\hat{\delta}$ Ν, οπ. Η. ὅταν] addidi, οπ. CFΝΗ. τῷ] ΝΗ, τὸ CF. 6 χρ $\hat{\eta}$ τ $\hat{\eta}$] τ $\hat{\eta}$ έρτ $\hat{\eta}$ Η. 7 $\hat{\eta}$] CF, οπ. ΝΗ. τοῦ] CF, τοῦ μὲν ΝΗ. 8 δεδομένον] -0 - e corr. Ν. 9 τατς] έν F. 10 ἀποφάσεσιν F. 12 οΐον] οπ.

ein Quadrat und das gleichseitige und gleichwinklige Sechseck.

Auf vier Weisen das Gegebene, erstens beim Winkel*), 46 zweitens wenn zwei Geraden gegeben sind **), drittens wenn vier Größen proportional sind ***), viertens wenn wir von einem gegebenen Punkt aus eine einer gegebenen Geraden gleiche Gerade absetzen sollen†); daraus ist es klar, daß auch die Ekthesis des Problems auf vier Weisen geschieht bei dem Gegebenen und dem Gesuchten.

Die Postulate sind bei den Konstruktionen nützlich, die 47

Axiome bei den Beweisen.

Die Geometer benutzen die Wörter Annahme und Um- 48 kehrung; es wird z. B. ein gleichschenkliges Dreieck angenommen: in jedem gleichschenkligen Dreieck sind die Winkel an der Grundlinie unter sich gleich, und: ein Dreieck, das die Winkel an der Grundlinie gleich hat, ist gleichschenklig ++). Eine andere Umkehrung: in jedem Dreieck, das zwei Winkel gleich hat, sind auch die gegenüberliegenden Seiten gleich, und umgekehrt ähnlich. †††)

Sie*+) sagen, daß die Tugend nach der Rechtheit aufrecht 49 stehe, die Schlechtheit dagegen nach der Unbestimmtheit der stumpfen und spitzen Winkel auftrete, Mangel und Überschuß als ihren Teil habe und durch das Zuviel und Zuwenig ihre Maßlosigkeit zeige. Wir werden also die Rechtheit der

kehrung verschieden.

*†) Die Pythagoreer, s. Proklos p. 131, 21.

N. τρίγωνον] Η, comp. Ν, τριγώνου CF. Ισοσπελές] : adp. F, del. Hultsch. 13 την om. H. ἴσαι είσαι C. 14 είσίν H, comp. N. ἔχει τὰς] ΝΗ, ἔχων CF. πρὸς] om. F. γωνί⁸ C. 15 ἰσοσκελές] ΝΗ, ἰσοσκελής CF. ἐτέρα] ΝΗ, ἐτέραν CF. ἀντιστροφή] ΝΗ, ἀντιστρεφή? C, ἀναστροφήν F. παντὸς τριγώνου] ΝΗ, πᾶν τρίγωνον CF. 16 τοῦ ἔχοντος] scripsi, τὸ ἔχον CF, ἔχοντος ΝΗ. τὰς] om. Η. 17 ἀντιστρόφης F. 20 τῆς] τῆς ἀοριστίας καὶ Ν. 22 ἐνδείας] ἐλλείψεις Η. τῷ] Proclus p. 134, 1; τὸ CFNΗ. καὶ (tert.)] Η, καὶ τὸ CFN. ἀκλινοῦς ἐνεργείας καὶ ὅρου νοεροῦ καὶ πέρατος καὶ τῶν τούτοις ὁμοίων εἰκόνα θησόμεθα τὴν ὀρθότητα τῶν εὐθυγράμμων γωνιῶν, τὴν δ' ἀμβλεῖαν καὶ ὀξεῖαν ἀορίστου κινήσεως καὶ ἀσχέτου προόδου καὶ διαιρέσεως καὶ μερισμοῦ καὶ ὅλως ἀπειρίας. καί ἐστι γένος τῶν τὰ ἐκατέρων γωνιῶν ὀξείας τε καὶ ἀμβλείας ἡ εὐθύγραμμος γωνία.

50 'Αρχή έστι τὸ πρῶτον πέρας τῶν μετὰ ταῦτα. οὕτως οὖν καὶ ἀρχὴν τὸ ἀεὶ ὂν ἔθος αὐτοῖς πολλάκις καλεῖν, καὶ οἱ μὲν αὐτῶν ἀρχὴν τῶν ὄντων ἔφασαν θεόν.

51 Πᾶν τὸ προσεχῶς έκάστου τῶν ὅντων ἀπλούστερον οἱ ὅροι ἐπάγονται καὶ τὸ πέρας ἐκάστου καὶ γὰρ ψυχὴ τὴν τῆς φύσεως ἐνέργειαν ἀφορίζει καὶ τελειοῖ καὶ φύσις τὴν τῶν σωμάτων κίνησιν, καὶ πρὸ τούτων νοῦς μετρεῖ τὰς περιόδους τῆς ψυχῆς καὶ αὐτοῦ τοῦ νοῦ τὰ τὴν ζωὴν τὸ ἔν πάντων γὰρ ἐκεῖνο μέτρον ὥσπερ δὴ καὶ ἐν τοῖς γεωμετρουμένοις ὁρίζεται μὲν τὸ στερεὸν ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας καὶ ἐπιφάνεια ὑπὸ τῆς γραμμῆς καὶ αὕτη ὑπὸ τοῦ σημείου πάντων γὰρ ἐκεῖνο πέρας.

52 'Επὶ τοῦ κύκλου εὐθεῖα ἡ διὰ τοῦ κέντοου ἠγμένη το διάμετρος καλεῖται, ἐπὶ δὲ τῆς σφαίρας ἄξων, τοῦ δὲ τετραγώνου διαγώνιος.

53 Έπτὰ είδη λέγεται εἶναι τοιγώνων καὶ παοαλληλογοάμμων.

64 Κινηθεν τὸ σχῆμα τοῦ φόμβου δύναται εἶναι τε-25 τράγωνον, τὸ δὲ φομβοειδὲς έτερόμηκες.

^{50 ? — 51} Proclus p. 115, 10 sqq. — 52 cfr. ib. p. 156, 12 sqq. — 53 ib. p. 170, 15. — 54 cfr. ib. p. 171, 17—18.

¹ δρον] δλον F. 5 μερισμοῦ] NH, μετρησμοῦ C et add. \therefore F. 9 καλεῖν] NH, καλεῖν πὰν τὸ προσεχῶς ξκαστον τῶν δντων CF. 10 ξφθασαν C. 11 Πὰν—ὄντων] NH, om. CF. ξκάστον] Proclus p. 115, 11; ξκαστον NH. ἀπλούστερον] Pro-

gradlinigen Winkel aufstellen als Abbild der Vollkommenheit, der unentwegten Energie, der gedanklichen Umschließung und Grenze und des damit Verwandten, den stumpfen und spitzen dagegen als Abbild der unbestimmten Beswegung, des fortdauernden Vorwärtsgehens, Teilung und Zerstückelung und überhaupt der Unbegrenztheit. Und Artsbegriff der beiden Winkel, des spitzen und des stumpfen, ist der gradlinige Winkel.

Anfang ist die erste Grenze für das Folgende. So 50 pflegen sie oft auch das immer Seiende Anfang zu nennen, und einige von ihnen haben Gott Anfang des Seienden genannt.

Bei jedem Ding zieht die Umschließung und die Grenze 51 eines jeden jedesmal das zunächst einfachere heran; denn die Seele begrenzt und vollendet die Energie der Natur, die Natur die Bewegung der Körper, und vor diesen mißt der reine Gedanke die Kreisbewegung der Seele und die Einheit das Leben des reinen Gedankens selbst; denn diese ist das Maß aller Dinge; wie auch in der Geometrie der Körper von der Fläche begrenzt wird, die Fläche von der Linie und diese von dem Punkt; denn dieser ist die Grenze aller Dinge.

Bei dem Kreis wird die durch das Zentrum gezogene 52 Gerade Diameter genannt, bei der Kugel Achse und beim Quadrat Diagonal.

Man rechnet, daß es sieben Arten von Dreiecken und 53

Parallelogrammen gibt.

Durch Verschiebung kann die Figur des Rhombus ein 54 Quadrat werden, das Rhomboid aber ein Rechteck.

clus p. 115, 11; ἀπλουστέρων NH, τῶν ἀπλουστέρων CF. 12 τὸν ὅρον ἐπάγει Proclus l. c. ἐκάστον] scripsi, ἔκαστον CFNH, ἐκάστω Proclus p. 115, 12. 14 τούτων] NH, τούτον CF. 15 περιπόδους N. αὐτοῦ] NH, οm. CF. τοῦ] om. N. νοῦ] ζώον H. 16 ἕν] ἕν πρὸ H. 19 γὰρ] NH, om. CF. 22 διαγώνιος] Proclus p. 156, 15; διαγώνιον NH, διαγώνον CF. 23 λέγει N. είναι λέγεται H. τριγώνων] τῶν τριγώνων H. ναὶ] scripsi, ἢ CFNH. 25 κινηθέν—τοῦ] NH, κινηθέντος σχήματος CF.

55 Έκ πάντων τῶν σχημάτων μόνον τὸ τετράγωνόν ἐστιν ἴσας ἔχον τὰς πλευρὰς καὶ ὀρθὰς τὰς γωνίας διὰ τοῦτο καὶ τιμιώτερον λέγεται. ὅθεν οἱ Πυθαγόρειοι τῷ θείῳ παρεικάζουσιν, ὁ ὡς ἄχραντον τάξιν ἔχον Ισότητι καὶ ὀρθότητι τὴν μόνιμον δύναμιν μιμεῖται κίνησις γὰρ ἀνισότητος ἔκγονος, στάσις δὲ Ισότητος.

56 Έπειδη δ' η ψυχη μέση έστι τῶν νοεοῶν και τῶν αισθητῶν, καθ' ὅσον μὲν συνάπτει τῆ νοεοᾳ φύσει, κατὰ κύκλον ἐνεογεῖ, καθ' ὅσον δὲ τοῖς αισθητοῖς ἐπιστατεῖ, κατὰ τὸ εὐθὸ ποιεῖται τὴν πρόνοιαν. τοσαῦτα και περί τῆς πρὸς τὰ ὅντα τούτων τῶν εἰδῶν ὁμοιότητος. τὸν δὲ τῆς εὐθείας ὁρισμὸν ὁ μὲν Εὐκλείδης τοῦτον ἀποδέδωκεν.

57 Μετὰ τὸ εν τρεῖς εἰσιν ὑποστάσεις, τὸ πέρας, τὸ ἄπειρον, τὸ μικτόν. διὰ τούτων ὑφίσταται τὰ τῶν γραμμῶν εἰδη καὶ τῶν γωνιῶν καὶ τῶν σχημάτων καὶ τῷ μὲν πέρατι ἀνάλογόν ἐστιν ἡ περιφέρεια καὶ περιφερόγραμμος γωνία καὶ ὁ κύκλος ἐν ἐπιπέδοις καὶ ἡ σφαῖρα ἐν στερεοῖς, τῆ δ' ἀπειρία τὸ εὐθὺ κατὰ πάντα ταῦτα διήκει γὰρ διὰ πάντων οἰκείως ἐκασταχοῦς φανταζόμενον τὸ δὲ μικτὸν τὸ ἐν πᾶσι τούτοις. τὸ ἄρα πέρας καὶ ἄπειρον καὶ μικτόν ἐστιν ἐν τούτοις πᾶσι. καὶ διὰ ταύτην τὴν αἰτίαν καὶ ἡ ψυχὴ τό τ' εὐθὺ καὶ τὸ περιφερὲς κατ' οὐσίαν ἑαυτῆς προείληφεν,

⁵⁵ Proclus p. 172, 15—173, 7. — 56 ib. p. 108, 21 sqq. — 57 lin. 14—21 Proclus p. 104, 8—16. lin. 21—23 ib. p. 104, 20—21. lin. 23 sqq. ib. p. 107, 19 sqq.

Von allen Figuren ist das Quadrat die einzige, die 55 gleiche Seiten und rechte Winkel hat; deshalb wird es auch wertvoller genannt. Daher vergleichen es die Pythagoreer mit dem Göttlichen, indem es als im Besitz der unbefleckten Regelmäßigkeit durch Gleichheit und Rechtheit die ruhende Kraft nachahmt; denn Bewegung stammt von Ungleichheit her, Stillstand aber von Gleichheit.

Da aber die Seele zwischen dem Gedanklichen und dem 56 Sinnlichen steht, wirkt sie nach dem Kreise, soweit sie an die gedankliche Welt grenzt, soweit sie aber dem Sinnlichen vorsteht, sorgt sie dafür nach dem Geraden. So viel auch von der Ähnlichkeit dieser Formen mit den Dingen. Von der Geraden hat aber Eukleides die vorliegende De-

finition gegeben.*)

Nach der Einheit gibt es drei Existenzformen: die Grenze, 57 das Unbegrenzte und das Gemischte. Durch diese treten die Arten der Linien, Winkel und Figuren in die Erscheinung; und der Grenze entspricht der Bogen, der krummlinige Winkel und der Kreis in der Ebene, die Kugel unter den Körpern, der Unbegrenztheit aber das Gerade in allen diesen Klassen; denn es erstreckt sich durch alle, indem es bei jeder die entsprechende Gestalt annimmt; das Gemischte aber ist das in jeder Klasse Gemischte. Grenze, das Unbegrenzte und das Gemischte treten also in allen diesen auf. Und aus diesem Grunde hat auch die Seele sowohl das Gerade als das Krumme in ihrem Wesen im voraus eingeschlossen, damit sie die ganze Reihe des Unbegrenzten im Kosmos und

^{*)} Die ausgeschriebene Proklosstelle findet sich im Kommentar zu Elem. I def 4, worauf mit $\tau o \tilde{v} \tau o v$. . . δv nal $\pi \alpha \varrho \varepsilon - \vartheta \epsilon \mu \varepsilon \vartheta \alpha$ p. 109, 7 verwiesen wird.

τούτων] Ν Η, τούτον C F. εἰδῶν] δεινῶν Η. 12 τὸν-13] cm. Η. 13 ἀποδέδωκεν] Ν, ἀπέδωκεν C F. 14 εἰσιν] cm. Η. 16 γραμμῶν] ἀπὸ comp. eras. Ν. 17 τῷ] τὸ C. 19 δ'] δὲ F. 20 οἰκείως] bis C. ἑκασταχοῦ] Ν Η, ἑκάστον C F. 21 τούτοις] τούτοις τῷ ἐκεῖ μικτῷ Proclus p. 104, 16. 22-23 πᾶσι τούτοις Η. 23 τ'] cm. F. 24 ἑαντῆς] Ν Η, ἑαντοῖς C F. τροσείληφεν Η.

ίνα πᾶσαν τὴν ἐν τῷ κόσμω τοῦ ἀπείρου συστοιγίαν καὶ πᾶσαν τὴν περιττοειδῆ κατευθύνη φύσιν, τῷ μέν εὐθεῖ τὴν ποόοδον αὐτῶν ὑφιστᾶσα, τῷ δὲ πεοιφεοεῖ την έπιστροφήν, καὶ τῷ μὲν εἰς πληθος αὐτὰ προάγουσα *. καὶ οὐχ ἡ ψυχὴ μόνον ἀλλὰ καὶ δ τὴν ψυχὴν ύποστήσας καὶ ταύτας αὐτῆ τὰς δυνάμεις παοαδούς αμφοτέρων έχει τας πρωτουργούς αίτίας έν έαυτῷ· τῶν γὰο ὄντων πάντων ἀρχὴν καὶ μέσα καὶ τέλη προειληφώς εὐθείας περαίνει κατά φύσιν περιπορευόμενος, φησίν δ Πλάτων. καὶ γὰρ ἐπὶ πάντα πρόεισι ταῖς προνοητικαῖς ἐνεργείαις καὶ πρὸς έαυτὸν έπέστραπται έν τῷ έαυτοῦ κατὰ τρόπον. σύμβολον δ' ή μεν εύθεῖα τῆς ἀπαρεγκλίτου προνοίας καὶ άδιαστρόφου και άχράντου και άνεκλείπτου και παντοδυνάμου καὶ πᾶσι παρούσης, ή δὲ περιφέρεια καὶ τὸ περιπορεύεσθαι της είς έαυτην συννευούσης ένεργείας καὶ πρὸς έαυτὴν συνελισσομένης καὶ καθ' εν νοερὸν " πέρας τῶν ὅλων ἐπικρατούσης. δύο δὴ ταύτας ὁ δημιουργικός νοῦς ἐν ἐαυτῶ προστησάμενος ἀρχάς, τὸ εὐθύ καὶ τὸ περιφερές, δύο μονάδας παρήγαγεν ἀφ' έαυτοῦ, τὴν μὲν κατά τὸ περιφερὲς ἐνεργοῦσαν καὶ τῶν νοερῶν οὐσιῶν τελεσιουργόν, τὴν δὲ κατὰ τὸ εὐθὰ καὶ τοῖς αἰσθητοῖς τὴν γένεσιν παρεγομένην.

¹ συστοιχίαν] NH, συστοιχείαν CF. 2 περιττοειδη] NH. περί τῷ ἤδει C, εἴδει mg. C², περί τῷ εἴδει F. νατευθύνη] FH, νατευθύνει CN. 3 αὐτῶν] NH, αὐτοῦ CF. ὑφιστᾶσα] NH, ὑφιστᾶσαν CF. 4 τῷ] Proclus p. 108, 1; τὸ CFNH, :: add. F Post προάγουσα lac. indicauit Hultsch, apud Proclum p. 108, 2 sequitur: τῷ δὲ εἰς ἐν πάντα συνάγουσα. 6 παραδοὺς] NH, καραδοῦσα CF. 7 πρωτουργοὺς] H, προτουργοὺς CFN. 8 αὐτῷ F. 11 πρόεισιν H. ἐνεργείας] cott. ex ἐνεργείας C. 12 ἐπέστραπται] NH, ἐπίστραπται CF. ἑαντοῦ] N, αὐτοῦ H, αὐτῷ CF. τρόπον] τρόπον ἤθει Proclus p. 108, 10; lac. statuit

die ganze überschießende Natur reguliere, indem sie durch das Gerade ihre Entfaltung verwirklicht, durch das Krumme aber ihre Rückkehr, und durch jenes sie zur Mehrheit befördert, (durch dieses alles zur Einheit sammelt). Und nicht nur die Seele, sondern auch jener, der die Seele in die Wirklichkeit hat treten lassen und ihr diese Kräfte gegeben. hat in sich die ursprünglichen Ursachen beider; denn "indem er Anfang, Mitte und Vollendung aller Dinge in sich eingeschlossen hat, vollbringt er naturgemäß gerade Wege, indem er herumwandelt", sagt Platon.*) Denn er reicht überall hin mit den Wirkungen seiner Vorsehung und ist in sich zurückgekehrt "innerhalb seines Gebiets, wie es sich gebührt".**) Und die Gerade ist Symbol der unentwegten, unverdrehten, unbefleckten, unaufhörlichen, allmächtigen und überall anwesenden Vorsehung, der Bogen aber und die Kreisbewegung der auf sich selbst zulaufenden, sich in sich selbst aufrollenden, durch eine gedankliche Grenze das ganze beherrschenden Energie. Indem also der schöpferische Gedanke diese beiden Grundlagen, das Gerade und das Krumme, in sich vorangestellt hat, hat er zwei Einheiten aus sich hervorgebracht, eine die nach dem Krummen wirkt und die gedanklichen Existenzen zustande bringt, eine andere, die nach dem Geraden wirkt und dem Sinnlichen die Entstehung ermöglicht.

^{*)} Legg. IV 715 e sq., wo $\hat{s}\hat{v}\vartheta\hat{s}l\alpha;$ aber bei Proklos p. 109, 6 steht wie hier $\hat{s}\hat{v}\vartheta\hat{s}l\alpha;$.

^{**)} Platon, Tim. 42 e: ξμενεν έν τῷ ξαυτοῦ κατὰ τρόπον ήθει, Proklos p. 108, 9: μένων έν ντλ.

Hultsch. 13 ἀπαρεγιλίτου] NH, παρεγιλίτου CF. 14 ἀνελείπτου H. 15 πᾶσι] NH, om. CF. καὶ (alt.)] κατὰ H. 16 περιπορεύεσθαι] NH, περιφέρεσθαι CF. τῆς] τὴν H. συνενούσης] Hultsch, συνεύσεως F et euan. C, συννεύσεως NH et Procli cod. M p. 108,14. ἐνεργείας] καὶ ἐνεργείας H. 18 ταύτας] NH, ταῦτα CF. 19 αὐτῷ F. τὸ] τό τ' H. 20 ἀφ'] Procli d. pr., ἐφ' CFNH et Procli cod. M p. 108, 18. 21 ἑαυτοῦ] Proclus p. 108, 18; ἑαυτόν CN, ἑαυτήν H, αὐτόν F. τὸ] N, m. CFH. 23 des. H.



- 137,1 'Ιστέον, ὅτι ἐπὶ ἐκάστου γεωμετοικοῦ θεωρήματος
 ^{CF} εξ κεφάλαια παραλαμβάνονται, πρότασις, ἔκθεσις, προδιορισμός, κατασκευή, ἀπόδειξις, συμπέρασμα. καὶ ἡ
 μεν πρότασις διαιρεῖται εἴς τε ὑποκείμενον καὶ κατηγορούμενον, καὶ ἐκ μεν τοῦ ὑποκειμένου γίνεται ἡ
 ἔκθεσις, ἐκ δὲ τοῦ κατηγορουμένου ὁ προδιορισμός.
 - · 'Ιστέον, ὅτι τὰ αἰτήματα συμβάλλονται ἡμῖν εἰς κατασκευήν, αἱ δὲ κοιναὶ ἔννοιαι εἰς τὴν ἀπόδειξιν.
 - Δεῖ δὲ γινώσκειν, ὅτι ἐπὶ τῆς προτάσεως τῆς λεγούσης ἀνθρωπος ζῷόν ἐστιν, ὑποκείμενον μέν ἐστι τὸ ἄνθρωπος κατὰ τοὺς φιλοσόφους, κατηγορούμενον δὲ τὸ ζῷον ἐν δὲ τῆ γεωμετρία ἡ πρότασις ἢ ὡς πρόβλημα ἢ ὡς θεώρημα λαμβάνεται, ἀντὶ μὲν τοῦ ὑποκατηγορουμένου τῆς προτάσεως τὸ δεδομένον, ἀντὶ δὲ τοῦ κατηγορουμένου τὸ ζητούμενον.
 - 4 Ταύρου Σιδονίου ἔστιν ὑπόμνημα εἰς Πολιτείαν Πλάτωνος, ἐν ῷ ἔστι ταῦτα Ὠρίσατο ὁ Πλάτων τὴν γεωμετρίαν ἐν τῷ Μένωνι οὕτως δόξαν ὀρθὴν δεθεῖσαν αἰτίας λογισμῷ ᾿Αριστοτέλης δ' ὑπόληψιν μετὰ ἀποδείξεως, Ζήνων δὲ ἕξιν ἐν προσδέξει φαντασιῶν:

16 und 24 sind gleichzeitig größer als 12 und 24, 12 58 und 12 sind gleichzeitig kleiner als 16 und 16, 24 und 24 gleichzeitig ein gleiches. Die Größen aber werden gestellt, wie verlangt, die erste und dritte, die zweite und vierte.

Man muß wissen, daß bei jedem geometrischen Satz 137,1 6 Abschnitte auftreten: Protasis, Ekthesis, Prodiorismus, Konstruktion, Beweis, Konklusion. Und die Protasis teilt sich in Subjekt und Prädikat; aus dem Subjekt entsteht die Ekthesis, aus dem Prädikat aber der Prodiorismus.

Man muß wissen, daß die Postulate für die Konstruktion 2 uns nützlich sind, die allgemeinen Begriffe dagegen für den Beweis.

Man muß bemerken, daß in dem Satze, der lautet: der 3 Mensch ist ein lebendiges Wesen, "Mensch" Subjekt ist nach den Philosophen, "lebendiges Wesen" aber Prädikat; in der Geometrie aber wird die Protasis entweder als Problem oder als Theorem genommen, statt des Subjekts in der Protasis das Gegebene, statt des Prädikats das Gesuchte.

Von Tauros aus Sidon gibt es einen Kommentar zu 4 Platons "Staat", worin folgendes zu lesen ist: Platon hat im Menon*) die Geometrie als "richtige Meinung durch Reflexion über die Ursache gefestigt" definiert, Aristoteles**) aber als "Annahme mit Beweis", und Zenon***) als "einen

*) 98 a. **) Vgl. Anal. post. 79 3 ff. ***) v. Arnim, Stoicorum vett. fragm. I nr. 70 (uol. I p. 20).

58 pertinet ad Elem. V def. 5, sed nihil intellego. 137, 1 Proclus p. 203, 1 sqq., cfr. supra 136, 13. — 2 Proclus p. 209, 10 sq., cfr. supra 136, 47. — 3 ? cum lin. 17 sqq. cfr. Proclus p. 201, 4 sqq. - 4?

² τῶν] scripsi, τῶν τὰ CFN. καὶ τ̄ς] N, om. CF. έλλείπει] Ν΄ F, έλλείπη C. 3 ἴσα Hultsch. ἐστίν] C, comp. N, ἐστί F. μεγέθει C. 4 τὸ (quart.)] om. C. 5 In τέταρτον des. N f. 44° med., mg. sup. δ λοχιμήδη(ς οὕτως δρίζει) την εὐθεῖαν γοαμμήν εὐθεῖα γοαμμή έστιν ή έλαχίστη τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα έχουσῶν γοαμμῶν N^2 ex parte recisa; cfr. Proclus in Eucl. p. 110, 10. Fig. dedi ex C, om. NF. 14 τῆς λεγούσης] C, λεγούσης ὅτι F. 15 ἐστι τὸ] C, ἐστιν ὁ F. 22 ὁρίσατο F. 23 δεθείσαν scripsi, δοθείσαν CF. 25 έν προσδέξει] Arnim, πρός δείξιν CF.

ἀμετάπτωτον ὑπὸ λόγου. 'Αρχιμήδης Συρακούσιος Δωρίδι φωνῆ, Εὐκλείδης, 'Απολλωνίου, Εὐδοξος.

5 Πῶς πάντα μορφωτικῶς καὶ μεριστῶς τῆς φαντασίας δεχομένης ἀμερὲς τὸ σημεῖον ὁ γεωμέτρης θεωρεῖ; καὶ γὰρ καὶ τὰς τῶν νοερῶν
καὶ θείων εἰδῶν ἐμφάσεις ἡ φαντασία κατὰ
τὴν οἰκείαν φύσιν, τῶν μὲν ἀμόρφων μορφάς, τῶν δὲ ἀσχηματίστων σχήματα. ὅτι τῆς φανταστικῆς κινήσεως τὸ εἶδος οὔτε * * ἐκ τοῦ ἀμόρφου
εἰς τὸ μεμορφωμένον. εἰ γὰρ ἦν μεριστή, οὐκ ἀν τοὺς ν
πολλοὺς τύπους τῶν εἰδῶν ἐν αὐτῆ σώζειν ἡδύνατο
τῶν ἐπεισιόντων ἀμυδρούντων τοὺς πρὸ αὐτῶν, εἴτε
ἀμέριστος, τῆς διανοίας * * οὐδ' ἀν μορφωτικῶς ἐποιεῖτο τὰς ἐνεργείας.

- 6 Αἱ ἀρχαὶ τῆς γεωμετρίας διαιροῦνται εἰς ἀξίωμα, ι ὑπόθεσιν, αἴτημα, τὰ δὲ μετὰ τὰς ἀρχὰς διαιροῦνται εἰς πρόβλημα καὶ θεώρημα.
- 7 ΤΙ ἐστιν ἀξιωμα; ὅταν τῷ μανθάνοντι γνώριμον ἢ καὶ καθ' ἑαυτὸ πιστὸν τὸ παραλαμβανόμενον εἰς ἀρχῆς τάξιν, ἀξιωμα τὸ τοιοῦτόν ἐστιν, οἶον τὰ τῷ ἐ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα.
- 8 Τ΄ εστιν ὑπόθεσις; ὅταν μὴ ἔννοιαν ἔχη ὁ ἀκούων τοῦ λεγομένου τὴν αὐτόπιστον, τίθεται δὲ ὁμοίως καὶ συγχωρεῖ τῷ λαμβάνοντι, τὸ τοιοῦτον ὑπόθεσίς ἐστι·

⁵ Proclus p. 94, 19 sqq. — 6 ib. p. 76, 5—6; p. 77, 7—8. — 7 ib. p. 76, 9 sqq., cfr. supra 136, 6. — 8 ib. p. 76, 12 sqq., cfr. supra 136, 6.

¹ ἀμετάπτωτον ὑπὸ λόγον] Arnim, ἀμεταπτώτως ὑποδίκον CF. ᾿Αρχιμήδους F, sed corr. 2 ᾿Απολλωνίον] an ᾿Απολλώνιος? 7 οἰπείαν] οἰπείαν δέχεται Hultsch cum Proclo p. 94, 24 8 σχήματα] σχήματα προτείνουσα Hultsch cum Proclo p. 94, 25.

durch Raisonnement nicht veränderlichen Habitus in dem Empfang der Vorstellungen". Archimedes aus Syrakus in dorischem Dialekt, Eukleides, Apollonios, Eudoxos.

Da die Vorstellung alles geformt und teilbar empfängt, 5 wie kann dann der Geometer den Punkt als unteilbar betrachten? Denn auch die Abbilder der gedanklichen und göttlichen Ideen (empfängt) die Vorstellung nach ihrer Natur, Formen des Formlosen, Gestalten des Ungestalteten. — Weil das Wesen der vorstellenden Bewegung weder (nur teilbar noch unteilbar ist, sondern vom Unteilbaren zum Teilbaren fortschreitet und) vom Formlosen zum Geformten. Wenn sie nämlich (nur) teilbar wäre, würde sie die vielen Abdrücke der Ideen nicht in sich bewahren können, weil die hinzukommenden die vorhergehenden verwischen würden, und wenn sie andererseits (nur) unteilbar wäre, (würde sie) dem Denkvermögen (in nichts unterlegen sein) und nicht formend wirken.

Die Grundlagen der Geometrie teilen sich in Axiom, 6 Hypothesis und Postulat, was auf die Grundlagen folgt, eilt sich in Problem und Theorem.

Was ist Axiom? Wenn das als Grundlage Genommene 7 lem Lernenden verständlich und an sich glaubwürdig ist, 30 ist das ein Axiom, wie z. B. daß, was demselben gleich st, auch unter sich gleich ist.

Was ist Hypothesis? Wenn der Zuhörer zwar nicht den 8 elbsteinleuchtenden Begriff des Gesagten besitzt, aber den och es setzt und dem es Aufstellenden zugibt, so ist das ine Hypothesis; daß nämlich der Kreis eine Figur von der

νόις mg. C. 9 οὔτε μεριστόν ἐστι μόνον οὔτε ἀμέριστον ἀλλ' κ τοῦ ἀμερίστον πρόεισιν εἰς τὸ μεριστὸν καὶ ἐκ κτλ. Proclus .94, 27; lac. indicauit Hultsch. 12 ἐπεισιόντων ἀμυδρούνων] Proclus p. 95, 4; ἐπισιόντων ἀμυδρῶς τῶν CF. εἰτἕ F, 19. οὔτε. 13 διανοίας οὐκ ἄν ἦν καταδεεστέρα καὶ τῆς ἐν μερεῖ πάντα θεωρούσης ψυχῆς οὐδ' κτλ. Proclus p. 95, 8—9; ιc. indicaui. 16 τὰ] scripsi, αἱ CF. 19 ἑαντὸ] αὐτὸ Prolus p. 76, 10; ἑαντὸν C, αὐτὸν F. 22 ἔχη] Proclus p. 76, 12; ι ων CF. 23 ὁμοίως] ὅμως Proclus p. 76, 14.

138

τὸ γὰο εἶναι τὸν κύκλον σχῆμα τοῖον κατὰ τὴν κοινὴν ἔννοιαν οὐ προειλήφαμεν ἀδιδάκτως, ἀκούσαντες δὲ συγχωροῦμεν ἀποδείξεως χωρίς.

9 Τ΄ ἐστιν αἴτημα; ὅταν ἄγνωστον ἦ τὸ λεγόμενον ἢ μὴ συγχωροῦντος τοῦ μανθάνοντος ὅμως λαμβάνηται, τηνικαῦτα, φησίν, αἴτημα τοῦτο καλοῦμεν, οἶον τὸ πάσας τὰς ὀρθὰς γωνίας ἴσας εἶναι.

Έκ τῶν ἀνατολίου.

1 '4οιστοτέλης συνεστάναι την πασαν φιλοσοφίαν έκ θεωρίας και πράξεως οιόμενος και την μεν πρακτικην διαιρων είς ηθικην και πολιτικήν, την δε θεωρίαν είς θεολογικόν και τὸ φυσικὸν και τὸ μαθηματικόν, μάλα σαφως και εντέχνως φιλοσοφίαν οὖσαν την μαθηματικήν ἀποδείκνυσιν.

2 "Ότι Χαλδαῖοι μὲν ἀστρονομίαν, Αἰγύπτιοι δὲ γεωμετρίαν καὶ ἀριθμητικήν.

Άπὸ τίνος δὲ μαθηματική ἀνομάσθη;

Οἱ μὲν ἀπὸ τοῦ Περιπάτου φάσκοντες ὁητορικῆς μὲν καὶ ποιητικῆς συμπάσης τε τῆς δημώδους μουσικῆς δύνασθαί τινα συνεῖναι καὶ μὴ μαθόντα, τὰ δὲ καλούμενα ἰδίως μαθήματα οὐδένα εἰς εἴδησιν λαμβάνειν μὴ οὐχὶ πρότερον ἐν μαθήσει γενόμενον τούτων, διὰ τοῦτο μαθηματικὴν καλεῖσθαι τὴν περὶ τούτων θεωρίαν ὑπελάμβανον. Θέσθαι δὲ λέγονται τὸ τῆς μαθηματικῆς ὄνομα ἰδιαίτερον ἐπὶ μόνης γεωμετρίας καὶ ἀριθμητικῆς οἱ ἀπὸ τοῦ Πυθαγόρου τὸ γὰο πάλαι

⁹ Proclus p. 76, 17 sqq.

¹ τοτον] C, τόν F. 2 προειλήφαμεν] Proclus p. 76, 16; προσειλήφαμεν CF. 5 η αλ Proclus p. 76, 18. λαμβά-

und der Art ist, haben wir nicht kraft der allgemeinen Begriffe ohne Belehrung im voraus uns angeeignet, sobald wir es aber hören, geben wir es ohne Beweis zu.

Was ist Postulat? Wenn das Gesagte unerkannt ist oder, 9 selbst wenn der Lernende es nicht zugibt, dennoch angenommen wird, so nennen wir, sagt er*), dies ein Postulat, z. B. daß alle rechte Winkel gleich sind.

Aus dem Werke des Anatolios.

138

Aristoteles**), der meint, daß die gesamte Philosophie 1 aus Theorie und Praxis besteht, und die praktische Philosophie in Ethik und Politik, die Theorie aber in Theologie, Physik und Mathematik teilt, beweist sehr klar und methodisch, daß die Mathematik Philosophie ist.

Die Chaldäer die Astronomie, die Ägypter Geometrie 2 und Arithmetik.***)

Woher hat aber die Mathematik ihren Namen?

Die Peripatetiker, die erklärten, Redekunst, Poesie und die gesamte populäre Musik könne man auch ohne gelernt zu haben verstehen, die eigentlich so genannten "Lehrgegenstände" dagegen könne niemand sich aneignen, der nicht vorher das Lernen derselben betrieben habe, meinten, daß die Theorie dieser Dinge daher Mathematik genannt worden sei. Es heißt aber, daß Pythagoras und seine Schule den Namen Mathematik spezieller nur der Geometrie und Arithmetik gegeben haben; denn früher wurden diese jede

^{*)} Aristoteles, s. Proclus p. 76, 8; vgl. oben 136, 6. **) Metaph. E 1, K 4, 7.

^{***)} cfr. Aristot. de caelo 292ª 8, Metaph. 981b 23; Proclus n Eucl. p. 64, 18, oben 136, 1.

νεται F. 16 Post ἀριθμητικήν add. ἐξεῦρον Fabricius.
7 δὲ] C, ἡ F. μαθηματική] F, comp. dub. C. 19 συμπάσης]
Martin, συμπᾶσι CF. 21 ἰδίως] Martin, ἴδια CF. οὐδένα ἰς] Hultsch, οὐδενός CF; possis etiam cum Martinο τῶν δὲ εκλουμένων . . . μαθημάτων scribere. 22 μαθήσει] F, μα-τήση C. 23 τοῦτο] τοῦτον F, mg. τούτων. 24 ὑπελάμβα-

ον] C3, ὑπολαμβάνων CF. λέγονται F. 26 τοῦ] om. F.

4

χωρίς έκατέρα τούτων ώνομάζετο, κοινόν δε οὐδεν ἦν άμφοῖν ὄνομα. ἐκάλεσαν δὲ αὐτὰς οῦτως, ὅτι τὸ έπιστημονικόν καὶ πρὸς μάθησιν έπιτηδείως έχον εύοισκον έν αὐταῖς περί γὰρ ἀίδια καὶ ἄτρεπτα καὶ είλικοινη όντα άναστρεφομένας έώρων, έν οἶς μόνοις έπιστήμην ένόμιζον. οἱ δὲ νεώτεροι περιέσπασαν έπλ πλεῖον τὴν προσηγορίαν οὐ μόνον περὶ τὴν ἀσώματον καί νοητήν ύλην άξιοῦντες πραγματεύεσθαι τὸν μαθηματικόν, άλλα και περί την έφαπτομένην της σωματιαῆς καὶ αἰσθητῆς οὐσίας. θεωρητικός γὰρ ὀφείλει εἶναι 1 καί φοράς άστρων καί τάχους αὐτῶν μεγεθῶν τε καί σχημάτων καὶ ἀποστημάτων, ἔτι τε ἐπισκεπτικὸς τῶν κατὰ τὰς ὄψεις παθῶν ἐρευνῶν τὰς αἰτίας, δι' ὰς καὶ ούγ, δποΐα και πηλίκα τὰ ύποκείμενα, τοιαῦτα καί τηλικαῦτα ἐκ παντὸς διαστήματος θεωρεῖται τηροῦντα 1 μέν τούς πρός άλληλα λόγους, ψευδεῖς δὲ φαντασίας καὶ τῆς θέσεως καὶ τῆς τάξεως ἐμποιοῦντα τοῦτο μὲν κατ' οὐρανὸν καὶ ἀέρα, τοῦτο δ' ἐν κατόπτροις καὶ πᾶσι τοῖς λείοις, κάν τοῖς διαφανέσι δὲ τῶν δρωμένων καὶ τοιουτοτρόποις σώμασι. πρὸς τούτοις μηχανικὸν μ είναι τὸν ἄνδρα δεῖν ἄοντο καὶ γεωδαίστην καὶ λογιστικόν, ἔτι δὲ καὶ περὶ τὰς αίτίας τῆς ἐμμελοῦς κράσεως τῶν φθόγγων καὶ τῆς περὶ μέλος συνθέσεως άσχολούμενον άπεο σώματά έστιν ή τήν γε έσχάτην άναφοράν έπὶ τὴν αἰσθητὴν ύλην ποιεῖται.

Τί έστι μαθηματική;

Μαθηματική έστιν έπιστήμη θεωρητική τῶν νοήσει τε καὶ αἰσθήσει καταλαμβανομένων πρὸς τὴν τῶν

¹ ποινόν] F, ποινήν C. 2 ἐπάλεσαν] Martin, ἐπάλεσε CF. αὐτὰς] C, ταύτας F. 3 εῦρισπον] Β; εὐρίσπων CF, e corr. Β. 5 μόνοις] Martin, μόνα C, μόνην F. 8 τὸν μαθηματικόν] C, τὴν

für sich benannt, und einen für beide gemeinsamen Namen gab es nicht. Sie nannten sie aber so, weil sie das Wissenschaftliche und zu Belehrung Geeignete in ihnen fanden; sie sahen sie nämlich mit dem Ewigen, Unwandelbaren und Reinen beschäftigt, worin allein sie die Wissenschaft setzten. Die Späteren dagegen haben die Benennung weiter ausgedehnt, indem sie verlangten, daß der Mathematiker sich nicht nur mit dem körperlosen und gedanklichen Stoff beschäftigen solle, sondern auch mit dem das körperliche und sinnliche Dasein Berührenden; denn er soll sowohl die Bewegung der Gestirne als ihre Schnelligkeit, ihre Größen, Formen und Entfernungen untersuchen können und ferner die Erscheinungen beim Sehen ergründen, indem er den Gründen nachspürt, weshalb die Gegenstände auch nicht bei jeder Entfernung so gestaltet und so groß erscheinen, als sie sind, indem sie zwar die Verhältnisse zueinander bewahren, aber sowohl von Lage als von Ordnung falsche Vorstellungen hervorrufen, teils am Himmel und in der Luft, teils in Spiegeln und allen blanken Gegenständen und auch in den durchsichtigen der gesehenen Dinge und derartigen Körpern. Außerdem meinten sie, daß ein solcher Mann auch Mechaniker sein solle und Feldmesser und Rechner und ferner sich beschäftigen auch mit den Gründen der harmonischen Mischung der Töne und der musikalischen Komposition, was alles körperlich ist oder wenigstens am letzten Ende auf die sinnliche Materie zurückgeht.

Was ist Mathematik?

Mathematik ist eine Wissenschaft, die das sowohl durch Denken als durch die Sinnen Faßbare untersucht um das in

μαθηματικήν F. 10 θεωρητικός Γ, θεωρητικός C. 11 τάχους] F, τάχη C. 12 σχημάτων] C, σωμάτων F. τε] C, δὲ F. 13 ἐρευνῶν] Fabricius, ἐρευνῶντα C, ἐρευνᾶν F. 18 δὲ F. 21 θετν] C, mg, F; χρή F. γεωθαίστην] F, γεωθίστην C. λογιστικόν] Martin, λογικόν CF. 26 μαθηματική] Fabricius, ασθηματικόν CF. 27 τῶν] scripsi, τῷ CF, τοῦ Martin. 28 καταλαμβανομένων] scripsi, καταλαμβανομένων CF, καταλαμβανομένων Martin.

ύποπιπτόντων δέσιν. ήδη δὲ χαριεντιζόμενός τις ἄμα καὶ τοῦ σκοποῦ τυγχάνων μαθηματικὴν ἔφη ταύτην εἶναι,

ητ' όλίγη μεν ποῶτα κορύσσεται, αὐτὰρ ἔπειτα οὐρανῷ ἐστήριξε κάρη καὶ ἐπὶ χθονὶ βαίνει·

ἄοχεται μὲν γὰο ἀπὸ σημείου καὶ γοαμμῆς, εἰς δὲ τὴν οὐοανοῦ καὶ γῆς καὶ συμπάντων ἀσχολεῖται ποαγματείαν.

Πόσα μέρη μαθηματικής;

5 Τῆς μὲν τιμιωτέρας καὶ πρώτης ὁλοσχερέστερα μέρη 10 δύο, ἀριθμητική καὶ γεωμετρία, τῆς δὲ περὶ τὰ αἰσθητὰ ἀσχολουμένης ἔξ, λογιστική, γεωδαισία, ὀπτική, κανονική, μηχανική, ἀστρονομική. ὅτι οὕτε τὸ τακτικὸν καλούμενον οὕτε τὸ ἀρχιτεκτονικὸν οὕτε τὸ δημῶδες μουσικὸν ἢ τὸ περὶ τὰς φάσεις, ἀλλ' οὐδὲ τὸ ὁμωνύ-15 μως καλούμενον μηχανικόν, ὡς οἴονταί τινες, μέρη μαθηματικῆς εἰσι, προϊόντος δὲ τοῦ λόγου σαφῶς τε καὶ ἐμμεθόδως δείξομεν.

Οτι δ κύκλος έχει στερεὰ μὲν δκτώ, ἐπίπεδα δὲ έξ, γ ωνίας δὲ $\overline{\delta}$.

Τίνα τίσι προσεγγίζει των μαθημάτων;

Συνεγγίζει μᾶλλον τῆ μὲν ἀριθμητικῆ ἡ λογιστικὴ καὶ ἡ κανονική· καὶ γὰρ αὕτη ἐν ποσότητι λαβοῦσα

¹ δέσιν] scripsi coll. p. 156, 23; δόσιν CF, ἔνδοσιν Martin. τις] Fabricius, τῆς C, τε F. 4 ἥτ' ὀλίγη] Martin, εἶτ' ὀλίγην CF. αὐτὰρ] corr. ex αὖ γὰρ C, οὐ γὰρ F. 6 εἰς] εἶτα Fabricius. 7 οὐρανοῦ] F, οὐρανῶ C. 9 μαθηματικῆς] F, μαθ η C. 11 γεωμετρία] C, γεωμετρική F. τῆς] Fabricius, τοῖς CF. δὲ περὶ] C, μὲν πρὸς F. 12 ἀσχολουμένης] Fabricius, ἀσχολουμές C, ἀσχολουμένοις F. ἔξ] καὶ CF (h. e. ξ), ἔξ ἡ Fabricius. λογιστική] C, λογική F. γεωδαισία] Martin, γεωδεσία CF.

5

ihr Gebiet fallende festzulegen. Jemand hat einmal ebenso witzig als treffend gesagt, die Mathematik sei jene,

die erst klein von Gestalt einherschleicht, aber in kurzem streckt sie empor zu dem Himmel das Haupt und geht auf der Erde*);

denn sie fängt an mit Punkt und Linie, aber ihre Forschungen erstrecken sich auf Himmel, Erde und das All.

Wie viele Teile der Mathematik gibt es?**)

Der edleren und höchsten gibt es zwei Hauptteile, 10 Arithmetik und Geometrie, der mit dem Sinnlichen sich beschäftigenden aber sechs: Rechenkunst, Feldmessung, Optik, Musiktheorie, Mechanik, Astronomie. Weder die sogenannte Taktik noch die Baukunst noch die populäre Musik oder die Lehre von den Sternaufgängen***), auch nicht die mit 15 demselben Namen benannte Mechanik†) sind Teile der Mathematik, wie einige glauben, was wir im Laufe unserer Darstellung klar und methodisch beweisen werden.

Der Kreis hat 8 Körper, 6 ebene Figuren und 4 Winkel. ++) 6

Welche Teile der Mathematik sind unter sich verwandt? 7

Mit der Arithmetik ist am nächsten verwandt die Rechenkunst und die Musiktheorie; denn auch diese entfaltet sich innerhalb der Kategorie der Quantität, indem sie Zahlen

*) Il. IV 442—43 von der Eris.

**) Aus Geminos bei Proklos in Eucl. p. 38, 4—14.

***) D. h. das Kalenderwesen.

+) D. h. die praktische Mechanik, die sich im Namen von der theoretischen nicht unterscheidet.

++) Unklare Notiz, vgl. Martin p. 433 not. 10.

¹³ ὅτι] F, |. τι C, ὅτι δὲ Fabricius. οὔτε] addidi, om. CF.
14 δημῶδες] F, δημόδες C. 15 μουσικὸν] C, μουσικῆς F.
δμωνύμως] Fabricius, ἐκμωνύμως CF. 16 καλούμενον] καὶ οὐ
μόνον F. οἴονταί] οἴοντε F. 17 εἰσιν F. δὲ] del. Fabricius.
19 στερεὰ] Martin, στερεὰς CF. ὁκτώ] C, η̄ F. δὲ] om. F.
22 λογιστικὴ] C, λογικὴ F. 23 ἐν ποσότητι] ἐν ποσόν τι Martin.

κατὰ, λόγους ἀριθμοὺς καὶ ἀναλογίας πρόεισι· τῆ δὲ γεωμετρία ἡ ὀπτικὴ καὶ ἡ γεωδαισία, ἀμφοτέραις δὲ καὶ ἐπὶ πλέον ἡ μηχανικὴ καὶ ἀστρολογική.

- Τοτι ή μαθηματική τὰς ἀρχὰς μὲν ἔχει έξ ὑποθέσεως καὶ περὶ ὑπόθεσιν. λέγεται δὲ ὑπόθεσις τριχῶς ἢ καὶ πολλαχῶς, καθ' ἕνα μὲν τρόπον ἡ δραματικὴ περιπέτεια, καθ' ὃν λέγονται εἶναι ὑποθέσεις τῶν
 Εὐριπίδου δραμάτων, καθ' ἕτερον δὲ σημαινόμενον ἡ
 ἐν ἡητορικἢ τῶν ἐπὶ μέρους ζήτησις, καθ' ὃν λέγουσιν
 οί σοφισταὶ θετέον ὑπόθεσιν κατὰ δὲ τρίτην ὑποβολὴν ὑπόθεσις λέγεται ἡ ἀρχὴ τῆς ἀποδείξεως αἴτησις
 οὖσα πραγμάτων εἰς κατασκευήν τινος. οὕτω μὲν
 λέγεται, Δημόκριτον ὑποθέσει χρῆσθαι ἀτόμοις καὶ
 κενῷ καὶ ᾿Ασκληπιάδην ὄγκοις καὶ πόροις. ἡ οὖν
 μαθηματικὴ περὶ τὴν τρίτην εἴληται.
- Ότι την ἀριθμητικήν οὐ μόνος ἐτίμα Πυθαγόρας, ἀλλὰ καὶ οἱ τούτου γνώριμοι ἐπιλέγοντες ἀριθμῷ δέ τε πάντ' ἐπέοικεν.
- 10 ΄Ότι τέλος μὲν ἔχει ἀκόλουθον ἀφιθμητική κυφίως μὲν τὴν ἐπιστημονικὴν θεωφίαν, ἦς οὐδὲν τέλος οὔτε 20 μεῖζον οὔτε κάλλιόν ἐστιν, ἐπομένως δὲ συλλήβδην καταλαβεῖν, πόσα τῆ ὡφισμένη οὐσία συμβέβηκε.

11 Τίς τί εὖρεν ἐν μαθηματικοῖς;

Εὔδημος ίστοςεῖ ἐν ταῖς ᾿Αστςολογίαις, ὅτι Οἰνοπίδης εὖςε πρῶτος τὴν τοῦ ζωδιακοῦ διάζωσιν καὶ τὴν 25

138, 11 Theo Smyrn. Expos. rer. math. p. 198, 14 sqq. ed. Hiller.

¹ καὶ] euan. C, om. F. 2 γεωδαισία] Martin, γεωδεσία CF. 3 καὶ (alt.)] CF, καὶ ἡ Fabricius. ἀστφολογική] -λογική euan. C, ἀστφονομία F. 4 τὰς] Fabricius, μὲν τὰς CF.

und Proportionen rationell vornimmt; mit der Geometrie aber die Optik und die Feldmessung, mit beiden aber und in höherem Grade die Mechanik und Astronomie.

Die Grundlage der Mathematik geht von einer Hypo- 8 5 thesis aus und dreht sich um eine Hypothesis. Hypothesis aber wird in drei Bedeutungen oder gar in vielen gesagt, erstens als die dramatische Handlung, in welchem Sinne man von Hypotheseis der Dramen des Euripides spricht, in einer zweiten Bedeutung aber als die Einzelaufgaben in 10 der Rhetorik, in welchem Sinne die Redelehrer sagen, daß man eine Hypothesis aufgeben muß; nach einer dritten Bedeutungsunterlegung aber wird Hypothesis genannt die Grundlage des Beweises, die ein Postulieren gewisser Dinge ist um etwas darauf zu bauen. In diesem Sinne sagt man, 15 daß Demokritos als Hypothesis die Atome und das Leere benutzt und Asklepiades Massen und Poren. Die Mathematik ist nun auf die dritte Bedeutung beschränkt.

Die Arithmetik schätzte nicht nur Pythagoras, sondern 9 auch seine Genossen, indem sie davon sagten

der Zahl aber ist alles nachgebildet.*)

Die Arithmetik hat als entsprechendes Ziel in erster 10 Linie die wissenschaftliche Betrachtung, das höchste und schönste Ziel von allen, sodann aber zusammenfassend zu erkennen, wie viele Eigenschaften das begrenzte Exi-25 stierende hat.

Wer in der Mathematik etwas gefunden hat und was. 11

Eudemos erzählt in seiner Geschichte der Astronomie**), daß Oinopides zuerst den Gürtel des Tierkreises fand und die Periode des großen Jahres, Thales eine Sonnenfinsternis,

*) Sextus Emp. Adv. math. IV 2.
**) Spengel, Eudemi fragmenta nr. 94.

⁶ δραμματική Ε. 7 λέγεται Ε. ὑπόθεσις Ε. 8 Εὐριπίδου] Ε, Εδοιπίδους comp. C. δέ] μέν F. 9 In δητορινή des. CF; in C tria folia recisa, in F add. τέλος. τῶν] Fabricius, bis M. 18 ἀριθμῷ] Fabricius, τῷ ἀριθμῶμητικῷ Μ. 21 ἐπομένως] Fabricius, ἐπόμενος Μ. 24 Εύδημος Theo, ἔβδημος Μ.

τοῦ μεγάλου ἐνιαυτοῦ περίστασιν, Θαλῆς δὲ ἡλίου ἔκλειψιν καὶ τὴν κατὰ τροπὰς αὐτοῦ πάροδον, ὡς οὐκ ἴση ἀεὶ συμβαίνει, 'Αναξίμανδρος δέ, ὅτι ἐστὶν ἡ γῆ μετέωρος καὶ κινεῖται περὶ τὸ τοῦ κόσμου μέσον, 'Αναξιμένης δέ, ὅτι ἡ σελήνη ἐκ τοῦ ἡλίου ἔκει τὸ φῶς, ὁ καὶ τίνα ἐκλείπει τρόπον οἱ δὲ λοιποὶ ἐξευρημένοις τούτοις ἐπεξεῦρον ἔτερα, ὅτι οἱ ἀπλανεῖς κινοῦνται περὶ τὸν διὰ τῶν πόλων ἄξονα μένοντα, οἱ δὲ πλανώμενοι περὶ τὸν τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς ὀρθὰς ὅντα αὐτῷ ἄξονα, ἀπέχουσι δ΄ ἀλλήλων ὅ τε τῶν ἀπλανῶν καὶ 10 τῶν πλανωμένων ἄξων πεντεκαιδεκαγώνου πλευράν, ὅ τι εἰσὶ μοῖραι τὸν ἀριθμὸν εἰκοσιτέσσαρες.

² πάροδον] περίοδον Fabricius. 3 ἴση] Theo, ἴσης Μ. συμβαίνει] Fabricius, συμβαίνειν Μ et cod. Theonis. 4 'Αναξιμένης] Theo, 'Αναξίμνης Μ. 6 ἐξευρημένοις] Μ, ἐπὶ ἐξηυρημένοις Theo. 8 τῶν πόλων] Fabricius, τὸν πόλον Μ, πόλον

und daß der Durchgang der Sonne durch die Wendepunkte nicht immer gleich ist, Anaximandros, daß die Erde im Raume schwebt und um den Mittelpunkt des Kosmos sich bewegt, Anaximenes, daß der Mond sein Licht von der 5 Sonne hat, und in welcher Weise er verfinstert wird; die späteren aber haben zu diesen Entdeckungen anderes hinzugefunden, daß die Fixsterne sich um die durch die Pole gehende Achse bewegen, indem sie an ihren Stellen bleiben, die Planeten aber um die senkrecht stehende Achse des 10 Tierkreises, und daß die Achsen der Fixsterne und der Planeten um eine Fünfzehneckseite voneinander abstehen, d. h. in Zahlen 24 Grad.

mut. in τῶν πόλον cod. Theonis. 9 αὐτῷ ἄξονα] corr. ex αὐτοῦ ἄξονα cod. Theonis, ἄξωνα αὐτῷ Μ, αὐτῷ Hultsch.
10 ἀπέχονσι δ'] Theo, ἀπέχονσιν Μ. 11 πλανωμένων] Theo, πλανομένων Μ. ὅ τι εἰσὶ] Μ, ὅ ἐστι Theo. 12 μοῖραι] Theo, μοῖρε c Μ. τὸν ἀριθμὸν] Μ, om. Theo. τέλος add. Μ.



GEOMETRICA

'Η γεωμετρία αὐτή καθ' έαυτην εί κρίνοιτο, είς οὐδὲν ἂν νομισθείη συντελεῖν τῷ βίφ. ὂν τρόπον καὶ τὰ τεκτονικά [και], εὶ τύχοι, ὄργανα αὐτὰ καθ' έαυτὰ σκοπούμενα άχρηστ αν δόξειεν είναι, την δε δι' αὐτῶν γινομένην σχοπών γρησιν οὐ μικράν οὐδὲ τὴν τυ- 5 χ ῦσαν εύρήσεις, τὸν αὐτὸν τρόπον καὶ γεωμετρία τῶν μέν δι' αὐτῆς περαιουμένων γυμνωθεῖσα μάταιος εύρίσκεται, είς δε την πρός αστρονομίαν εύεργεσίαν αὐτῆς ἀφορῶντες ὑπερθαυμάζομεν τὸ πρᾶγμα· οἷον γὰο όμμα τῆς ἀστρονομίας τυγχάνει. ἐπεὶ γὰο ἡ 10 άστρονομία περί μεγεθών τε και άριθμών και άναλογιών διαλαμβάνει τό τε γὰο μέγεθος ήλίου καὶ σελήνης πολυπραγμονεί καὶ τὴν τῶν ἄστρων ποσότητα καὶ τὴν πρὸς ἄλληλα τούτων ἀναλογίαν ἐν δὲ τοῖς έπιπέδοις περί δύο διαστάσεων ήμᾶς διδάσκει, πλάτους 15 τε καὶ μήκους, ὧν μὴ γνωσθεισῶν οὐκ ἄν ποτε συσταίη τὰ στερεά, ἄτινα ἐκ τριῶν διαστάσεων τυγγάνει όντα, πλάτους τε καὶ μήκους καὶ βάθους, γνωσιν ήμιν πορίζουσα τοῦ μεγέθους τὰ μέγιστα συντελεῖ πρὸς άστρονομίαν ἔτι μὴν καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ ἀριθμοῦ γνῶσις 20 ή έν τῷ έβδόμω καὶ ὀγδόω καὶ ἐνάτω εἰοημένη.

"Αλλως.

Τὰς ἀρχὰς τῆς γεωμετρίας, ὅθεν τυγχάνουσιν, ἔστιν ἐκ φιλοσοφίας δεῖξαι. ἵνα μὴ ἐξαγώνιοι γενώμεθα, εὔλογόν ἐστι τὸν ὅρον αὐτῆς εἰπεῖν. ἔστιν οὖν ἡ 25

Wenn man die Geometrie für sich betrachtet, könnte es scheinen, daß sie dem Leben keinen Nutzen bringe. Wie z. B. Zimmermannswerkzeug an und für sich betrachtet unnütz scheinen könnte, wenn man aber den davon gemachten 5 Gebrauch betrachtet, man den Nutzen nicht klein oder unbedeutend finden wird, ebenso scheint auch die Geometrie vergeblich, wenn sie von dem durch sie Erreichten getrennt wird, wenn wir aber ihre wohltätige Wirkung für die Astronomie bedenken, so bewundern wir die Sache im 10 höchsten Grade; denn sie ist wie das Auge der Astronomie. Da nämlich die Astronomie Größen, Zahlen und Verhältnisse behandelt -- denn sie beschäftigt sich ja sowohl mit der Größe von Sonne und Mond als mit der Quantität der Sterne und deren Verhältnis unter sich -, und die Geo-15 metrie in der Planimetrie uns von den zwei Dimensionen, Breite und Länge, belehrt, ohne deren Kenntnis die Körper gar nicht konstruiert werden können, die aus drei Dimensionen bestehen, Breite, Länge und Tiefe, so bringt sie der Astronomie den größten Nutzen, indem sie uns die Er-20 kenntnis der Größe verschafft; ferner aber auch die durch die Zahl vermittelte Erkenntnis, die im VII., VIII. und IX. Buch*) vorgetragen ist.

Auf andere Weise.

Wo die Grundlagen der Geometrie herstammen, läßt sich durch die Philosophie zeigen. Damit wir nicht gegen die Regeln verstoßen, ist es schicklich die Definition der

^{*)} Sc. der Elemente Euklids.

Titulus: Εὐκλείδον γεωμετοία in ras. m. 2 S. 3 καί] deleo. *4 ἄχοηστ΄ ἄν] scripsi, ἄχοηστα S. 17 τυγχάνει ὅντα] scripsi, τυγχάνοντα S. 19 πορίζουσα] scripsi, ποριζόμενα S. 24 ἐξαγώνιοι] scripsi, ἐξάγωνοι S.

γεωμετρία έπιστήμη σχημάτων καί μεγεθών καί τών περί ταῦτα παθῶν, δ δὲ σκοπὸς αὐτῆς περί τούτων διαλαμβάνειν, δ δε τρόπος της διδασκαλίας έστι συνθετικός αρξάμενος γαρ από σημείου αδιαστάτου όντος διά μέσης γραμμής και έπιφανείας καταντά έπι το ε στερεόν. τὸ δὲ χρήσιμον αὐτῆς ἄντικρυς εἰς φιλοσοφίαν συντελεῖ τοῦτο γὰο καὶ τῷ θείῳ Πλάτωνι δοκεῖ, ένθα φησί ταῦτα τὰ μαθήματα είτε χαλεπὰ είτε δάδια, ταύτη Ιτέον. ἐπιγέγραπται δὲ στοιχεῖα, διότι ὁ μὴ διά τούτων πρότερον άγθεις ούχ οἶός τέ έστι συνιέναι τι 10 τῶν γεωμετοικῶν θεωρημάτων. ἡ δὲ γεωμετρία ἐξ άφαιρέσεως την διδασκαλίαν έποιήσατο λαβούσα γάρ φυσικόν σωμα, ο έστι τριχή διαστατόν μετά άντιτυπίας, καὶ γωρίσασα τούτου τὴν ἀντιτυπίαν ἐποιήσατο τὸ μαθηματικόν σώμα, δ έστι στερεόν, καὶ ἀφαιροῦσα κατ- 15 ήντησεν έπὶ τὸ σημεῖον.

		Σημεῖα γεωμ	ιετρίας	3•	
σημεῖον	Γ	έξ ἴσου	ξŬ	ἐστιν	%
τοῖς	ů	μέρος	$\overset{\varepsilon}{\mu}$	$ec{\epsilon}\pi \iota$	È
οὐθέν	0	έαυτῆς	$\epsilon_{b/}$	γοαμμῆς	异
κεῖται	$o\varepsilon^1$	μῆκος	$\overset{\varkappa}{\mu}$	έπιφάνεια	
ἀπλατές	$\Delta \widehat{\pi}$	έπίπεδος		πέρατα	ε ε ππ
γωνία	Γ̈́	εὐθεῖα	$rac{ heta}{oldsymbol{arepsilon} v}$	λπτομένης	25
ήτις	HH			άλλήλοις	5
δίχα	+	κλίσει	Э.	τέμνει	τε
ύποτείν ου σ α		τμῆμα	$\overset{\mu}{ au}$	πε οισσεύουσ αι	

¹⁾ Deformatum pro K.

Geometrie anzugeben. Die Geometrie ist also die Wissenschaft von Figuren und Größen und ihren Veränderungen, und ihr Zweck ist hiervon zu handeln; die Methode aber ihrer Darstellung ist synthetisch; sie fängt nämlich mit dem 5 Punkte an, das ohne Ausdehnung ist, und erreicht über Linie und Fläche den Körper. Ihr Nutzen dient geradezu der Philosophie; das ist ja auch die Meinung des göttlichen Platon, wo er sagt: ob diese Lehren schwer oder leicht sind, durch sie geht der Weg. Betitelt ist sie*) Elemente, o weil, wer nicht vorher durch sie erzogen ist, nicht imstande ist etwas von den geometrischen Lehrsätzen zu fassen. Die Geometrie hat ihre Darstellung durch Abstraktion aufgebaut; sie nimmt nämlich den physischen Körper, der drei Dimensionen hat und Stofflichkeit, und durch Entfernung seiner Stofflichs keit hat sie den mathematischen Körper gebildet, der solide ist, und durch Abstraktion hat sie dann den Punkt erreicht.

³ διαλαμβάνειν] scripsi, διαλαμβάνει S. 4 Fort. ἀφξαμένη. ἀδιαστάτου] scripsi, διαστατοῦ S. 8 φησί] Epinom. 992 a.

αικύκλιον	0	ἔστω	φ	έφεξῆς	4
βθύγ ραμμος	8	σταθεῖσα	1	κάθετος¹)	个
့ ဗော်	1	έκατέρα	C E	μείζων	ju
χλεῖται	\mathbb{H}^2	ἀμβλεῖα		έλάττων	۶°
;ε ῖ α	oΔ	έλασσον ὀοθης	ΧTc	σχῆμα	c ^X
νός	JA	κύκλος	0	προσπίπτουσα	o 3)
έντρον	K	διάμετοος	$\lambda \mu$	ἠγμένη	卅
εριφέρεια4)	9	ἀριθμός	S^{o}	ἀριθμοῦ	S
ριθμοί	s S	ἀοιθμῶν	∞ S		

¹⁾ Scripsi, καθήν S. 2) Deformatum. 3) Corruptum. δέπιφέφεται S, mg. δπεριφέφεια m. 1.

^{*)} Die Geometrie Euklids.

ΑΟΥ "Ηρωνος ἀρχὴ τῶν γεωμετρουμένων.

2 Καθώς ήμᾶς δ παλαιὸς διδάσκει λόγος, οἱ πλεῖστοι τοῖς περὶ τὴν γῆν μέτροις καὶ διανομαῖς ἀπησχολοῦντο, ὅθεν καὶ γεωμετρία ἐκλήθη. ἡ δὲ τῆς μετρήσεως ἐπίνοια ηὕρηται παρὰ Αἰγυπτίοις διὰ γὰρ τὴν τοῦ κ Νείλου ἀνάβασιν πολλὰ χωρία φανερὰ ὄντα τῆ ἀναβάσει ἀφανῆ ἐγίγνετο, πολλὰ δὲ καὶ μετὰ τὴν ἀπόβασιν, καὶ οὐκέτι ἦν δυνατὸν ἕκαστον διακρίνειν τὰ ἴδια διὰ τοῦτο ἐπενόησαν οἱ Αἰγύπτιοι τήνδε τὴν μέτρησιν, ποτὲ μὲν τῷ καλουμένῳ σχοινίῳ, ποτὲ δὲ καλάμῳ, ποτὲ 10 δὲ καὶ ἐτέροις μέτροις. ἀναγκαίας τοίνυν τῆς μετρήσεως οὔσης εἰς πάντα ἄνθρωπσν φιλομαθῆ περιῆλθεν ἡ χρεία.

ACSV "Ηρωνος είσαγωγαὶ τῶν γεωμετρουμένων.

1 'Η ἐπίπεδος γεωμετοία συνέστηκεν ἔκ τε κλιμάτων 16 και σκοπέλων και γραμμῶν και γωνιῶν, ἐπιδέχεται δὲ γένη και εἴδη και θεωρήματα.

Κλίματα μὲν οὖν ἐστι δ· ἀνατολή, δύσις, ἄρατος, μεσημβρία.

Β Σκόπελος δέ έστι πᾶν τὸ λαμβανόμενον σημεῖον. 20

4 Γοαμμαί δέ είσι δέκα: εὐθεῖα, παράλληλος, βάσις, κορυφή, σκέλη, διαγώνιος, κάθετος ή καὶ πρὸς ὀρθὰς καλουμένη, ὑποτείνουσα, περίμετρος, διάμετρος.

5 Εὐθεῖα μὲν οὖν ἐστι γοαμμὴ ἡ κατ' εὐθεῖαν τείνουσα.

6 Παράλληλος δὲ ἐτέρα εὐθεῖα προσπαρακειμένη τῆ εὐθεία ἔχουσα τὰ ἐν τοῖς ἄκροις διαστήματα πρὸς ὀρθὰς γωνίας ἀλλήλοις ἴσα.

³ καὶ] τε καὶ V. ἀπεσχολοῦντο C. 4 μετρίσεως C. 5 εῦρηται CV. παρὰ A. 7 καὶ μετὰ] μετὰ V. 14 om. S.

Herons Anfang der geometrischen Untersuchungen.

Wie der alte Bericht uns lehrt, haben die meisten Menschen sich mit Vermessung und Verteilung von Land abgegeben, woraus der Name Geometrie (Landmessung) entstanden ist. Die Erfindung aber der Vermessung ist von den Ägyptern gemacht; denn wegen des Steigens des Nils wurden viele Grundstücke, die deutlich zu erkennen waren, unkenntlich durch das Steigen, viele auch noch nach dem Fallen, und es war dem einzelnen nicht mehr möglich sein Eigentum zu unterscheiden; daher haben die Ägypter diese Vermessung erfunden, bald mit dem sogenannten Meßband, bald mit der Rute, bald auch mit anderen Maßen. Da nun die Vermessung notwendig war, verbreitete sich der Gebrauch zu allen lernbegierigen Menschen.

5 Herons Einleitung zu den geometrischen Untersuchungen. 3

Die ebene Geometrie besteht aus Himmelsgegenden, Warten, 1 Linien und Winkeln und enthält Arten, Formen und Lehrsätze.

Himmelsgegenden nun gibt es 4: Osten, Westen, Norden 2 und Süden.

Warte aber ist jeder genommene Punkt.

Linien aber gibt es zehn: Gerade, Parallele, Grundlinie, 4 Scheitel, Schenkel, Diagonale, Kathete (die auch Senkrechte heißt), Hypotenuse, Umkreis, Durchmesser.

Gerade nun ist eine Linie, die gerade gestreckt ist.

Parallele aber eine andere Gerade, die neben der Ge-6 raden herläuft und die senkrechten Abstände an den Endpunkten unter sich gleich hat.

16 σκοπέλλων V. 17 γένη καὶ] γένη C. 18 ἐστι] S, εἰσι ACV. $\bar{\eth}$] CV, τέσσαρα A, $\bar{\varDelta}$ οῦτως S. ἄρκτος] S, ἄρκτος καὶ ACV. 20 ἐστι πᾶν] S, εἶς δ δή ἐστι ACV. 21 εἰσιν V. δέκα] δέκα οῦτως S, $\bar{\iota}$ C. παράλληλα C. 22 σκορνφή V. διαγωνίας V. 23 $\bar{\iota}$ mg. S. 24 $\bar{\alpha}$ mg. S. ή] SV², om. ACV. τείνουσα] τείνουσα, ἤς πέρατα σημεῖα S, οὖσα ACV. 26 $\bar{\beta}$ mg. S. 27 τὰ ἐν τοῖς] S, ἐν ACV. πρὸς] ASV, πρὸς δὲ C. 28 ὀρθὰς] ὀρθὰς δὲ AV. ἀλλήλοις ἴσα] Hultsch, ἀλλήλαις ἴσας ACSV.

- Βάσις δὲ εὐθεῖα γοαμμὴ τεθεῖσα ἐπιδεχομένη ἐτέραν εὐθεῖαν, ἐάν τε ἦ αὐτῆ κατὰ κορυφὴν τεθειμένη ἢ καὶ πρὸς ὀρθὰς ἢ κατὰ περίμετρον.
- 8 Κορυφή δε ή έπὶ τῆ βάσει ἐπιτιθεμένη εὐθεῖα.
- 9 Σκέλη δὲ αἱ ἀπὸ τῶν ἄκρων τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὰ τὰ τὰ τῆς βάσεως καθιέμεναι εὐθεῖαι.
- 10 Διαγώνιος δὲ ἡ ἐν τοῖς τετραγώνοις καὶ τοῖς τοιούτοις ἀπὸ γωνίας ἐπὶ γωνίαν ἀγομένη εὐθεῖα.
- 11 Κάθετος δὲ ἡ καὶ πρὸς ὀρθὰς καλουμένη [ἢ καὶ κέντρον] ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν καθιεμένη 10 εὐθεῖα ἔχουσα τὰς περὶ αὐτὴν δύο γωνίας ἀλλήλαις ἴσας.
- 12 Υποτείνουσα δὲ ή ὑπὸ τὴν ὀοθὴν γωνίαν τείνουσα εὐθεῖα.
- 13 Περίμετρος δε ή έκ κέντρου δοθέντος καὶ διαστήματος περιφερομένη γραμμή ἔχουσα τὰς ἀπὸ τοῦ 15 κέντρου ἐπ' αὐτὴν ἀγομένας εὐθείας ἴσας.
- 14 Διάμετρος δε εὐθεῖα τέμνουσα διὰ τοῦ κέντρου την περίμετρον εἰς δύο τμήματα.
- 15 Γωνίαι δέ είσι τοεῖς δοθή, όξεῖα, ἀμβλεῖα.
- 16 'Ορθή μὲν οὖν ἐστιν, ὅταν εὐθεῖα ἐπ' εὐθεῖαν στα- 20 θεῖσα τὰς ἐφεξῆς γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῆ: τότε γάρ εἰσιν αἱ δύο ὀρθαί.
- 17 Όταν δὲ ἡ μὲν μείζων, ἡ δὲ ἥττων, τότε ἡ μὲν μείζων, τουτέστιν πλατυτέρα, ἐστὶν ἀμβλεῖα, ἡ δὲ ἥττων, τουτέστιν στενοτέρα, ὀξεῖα.

¹ γ΄ mg. S. εὐθείας S. έπιδεχομένη] ἐπὶ δὲ S. ἑτέρα C. 2 ἐάν — 3 περίμετρον] S, om. ACV. 2 ἢ αὐτῆ] scripsi, ἡ αὐτὴ S. τεθειμενει S. 4 δ΄ mg. S. δὲ] S, δὲ ἐστιν ACV. 5 ε΄ mg. S. 6 καθιέμεναι] S, τεταμέναι AV, τεταμέναι C. 7 ς ′ mg. S. τετραγώνοις] S, τετραγωνίοις τραπεζίοις C, γεγραμένοις τραπεζίοις AV. 8 ἀγομένη] S, ἀναγομένη ACV. 9 ς ′ mg. S. ἢ καὶ κέντρον A, ἢ κέντρον C, καὶ κέντρον V, om. S. 10 ἀπὸ] S, ἡ ἀπὸ ACV. κορυφῆς] κεφαλῆς C.

Grundlinie aber ist eine angesetzte gerade Linie, die 7 eine andere Gerade*) aufnimmt, sie sei zu ihr im Scheitel angesetzt oder auch senkrecht oder als Umkreis.

Scheitel aber ist die über der Grundlinie angesetzte Gerade. 8

Schenkel aber die von den Endpunkten des Scheitels 9 zu den Endpunkten der Grundlinie herabgelassenen Geraden.

Diagonale aber die in Quadraten und ähnlichen Figuren 10

von Winkel zu Winkel gezogene Gerade.

Kathete aber, die auch Senkrechte heißt [oder auch 11 o Zentrum], eine vom Scheitel zur Grundlinie herabgelassene Gerade, welche die beiden sie umgebenden Winkel gleich hat.

Hypotenuse aber die unter dem rechten Winkel gestreckte 12

Gerade.

Umkreis aber die von einem gegebenen Zentrum und 13 5 Abstand aus herumgeführte Linie, die alle vom Zentrum auf sie gezogenen Geraden gleich hat.

Durchmesser aber eine Gerade, die durch das Zentrum 14

den Umkreis in zwei Stücke schneidet.

Winkel aber gibt es drei: recht, spitz, stumpf.

Ein rechter Winkel ist es nun, wenn eine Gerade auf 16 eine Gerade gestellt die Nebenwinkel unter sich gleich macht; dann sind sie nämlich alle beide recht.

Wenn aber der eine größer, der andere kleiner ist, so 17 ist der größere, d. h. weitere, stumpf, der kleinere aber, 3 d. h. engere, spitz.

*) Genauer wäre γραμμήν (Linie).

11 περὶ αὐτὴν] περὶ αὐτὴν S, om. ACV. δύο] $\bar{\beta}$ V. 12 η' mg. S. 14 δ' mg. S. περὶ μέτρου C. ἐκ] S, om. ACV. 17 τέμνουσα] S, ἢ τμηθεῖσα ACV. ι' mg. S. 18 τμήματα] S, τμήματα ἐποίησεν C, τμήματα ἴσα ἐποίησε A, τμήματα ἴσα ἐποίησεν V. 19 δ' A. εἰσιν V. τρεῖς] τρεῖς τῶτως S. δρεδεῖα C. δξεῖα, ἀμβλεῖα] S, ἀμβλεῖα δξεῖα V, ἀμβλεῖα καὶ δξεῖα AC. 20 ἐστιν, ὅταν] S, ἐστι γωνία ῆτις ACV. 21 ἀλλήλας C. ποιεῖ ACV. γὰρ] S, om. ACV. 22 δύο] S, δύο ἴσαι AC, $\bar{\beta}$ ἴσαι V. 23 ῆττων] S, ἐλάττων AV, ἐλάσσων C. 24 τουτέστιν] τουτέστιν ἡ ACV, τούτων S. ἐστιν] S, παλεῖται ACV. ἤττων] SV, ἐλάττων A, ἐλάτον C. 25 τουτέστιν] τουτέστιν ἡ A, τουτέστι ἡ V, τούτων S, ἤτοι C. στενωτέρα CV.

18 Γένη δὲ τῆς μετοήσεώς ἐστιν τοία εὐθυμετοικόν, ἐμβαδομετοικόν, στεοεομετοικόν.

19 Εὐθυμετοικὸν μὲν οὖν ἐστιν πᾶν τὸ κατ' εὐθὺ μετρούμενον, ὅ μόνον μῆκος ἔχει, ὁ δὴ καὶ ἀρχὴ καὶ ἀριθμὸς καλεῖται.

20 Ἐμβαδομετοικὸν δὲ τὸ ἔχον μῆκος καὶ πλάτος, έξ οὖ καὶ τὸ ἐμβαδὸν γιγνώσκεται, ὃ δὴ καὶ δύναμις καλεῖται.

21 Στεφεομετφικόν δὲ τὸ ἔχον μῆκος καὶ πλάτος καὶ πάχος, ἐξ οὖ καὶ πᾶν τὸ στεφεὸν γιγνώσκεται, ὁ δὴ καὶ κύβος καλεῖται.

A Oa Cb SV 22

Εἴδη δὲ τῆς μετοήσεώς ἐστι πέντε τετοάγωνα, τοίγωνα, ὁόμβοι, τοαπέζια, κύκλοι.

Καὶ θεωρήματά έστιν τη τετραγώνων θεωρήματα $\overline{\beta}$, τετράγωνον ισόπλευρον ορθογώνιον καὶ τετράγωνον παραλληλόγραμμον ορθογώνιον. τριγώνων δὲ 15 θεωρήματα ἔξ, τρίγωνον ορθογώνιον, τρίγωνον ισόσκελές, τρίγωνον ισόπλευρον, τρίγωνον οξυγώνιον, τρίγωνον ἀμβλυγώνιον, τρίγωνον σκαληνόν. δόμβων δὲ θεωρήματα δύο, δόμβος καὶ δομβοειδές. τραπεζίων δέ είσιν τέσσαρα, τραπέζιον ὀρθογώνιον, τραπέζιον ολίσοσκελές, τραπέζιον ὀξυγώνιον, τραπέζιον ἀμβλυγώνιον. κύκλων δὲ θεωρήματα δ, κύκλος, άψίς, ἡμικυκλίου τμῆμα μεῖζον, ἡμικυκλίου τμῆμα ῆττον.

¹ έστιν] S, εἰσι AC, εἰσιν V. τρία] $\overline{\gamma}$ C, τρία οὔτως S, om. V. 2 ἐμβαδομετρίαν C, corr. m. rec. στερεομετρικόν] SV, καὶ στερεομετρικόν A, καὶ στερεομετρικόν C. 3 ἐστιν] S, ἐστι ACV. εὐθὸ] S, εὐθεῖαν ACV. 4 μηνο σ ἔχει V. δὴ] δὲ S. καὶ ἀρχὴ] om. S. 5 καλεῖται] S, καλοῖτο ACV. 6 μῆκος] καὶ μῆκος \overline{V} . 7 γινώσκεται A. δὴ] δὲ S. 8 στερρεομετρικόν A. μῆκος] καὶ μῆκος AV. 9 καὶ] SC, om. AV. πᾶν] S, om. ACV. γιγνώσκεται] S, γινώσκεται ACV. δὴ] δὲ S. 10 κύβος] κύκλος V. 11 Εἴθη— p. 182, 16 om. C hoc loco, habent \overline{C} aCb. 11 Εἴθη—πέντε] τὰ δὲ τῆς μετρήσεως εἴθη εἰσὶ ταὐτα (supra scr. πέντε) \overline{C} b euan. δὲ] om. \overline{C} aV. έστι] S, om. ACbV. πέντε \overline{E} V, om. ACa, πέντε οὔτως S. 12 τρα-

Arten aber der Vermessung gibt es drei: Linearmessung, 18 Flächenmessung, Körpermessung.

Linearmessung nun ist alles, was gradlinig vermessen wird, 19 indem es nur Länge hat; es wird auch Anfang und Zahl genannt.

Flächenmessung aber, was Länge und Breite hat, und 20 wodurch auch der Flächeninhalt erkannt wird; es wird auch Potenz genannt.

Körpermessung aber, was Länge und Breite und Dicke 21 hat, und wodurch auch alles Körperliche erkannt wird; es 10 wird auch Kubus genannt.

Formen aber der Vermessung gibt es fünf: Quadrate, 22

Dreiecke, Rhomben, Trapeze, Kreise.

Und Lehrsätze gibt es 18: für Quadrate 2, nämlich 23 gleichseitiges rechtwinkliges Quadrat und parallelseitiges 15 rechtwinkliges Quadrat. Für Dreiecke aber sechs Lehrsätze, nämlich rechtwinkliges Dreieck, gleichschenkliges Dreieck, gleichseitiges Dreieck, spitzwinkliges Dreieck, stumpfwinkliges Dreieck, ungleichschenkliges Dreieck. Für Rhomben aber zwei Lehrsätze, nämlich Rhombe und Rhomboid. Für Trapeze gibt es vier, rechtwinkliges Trapez, gleichschenkliges Trapez, spitzwinkliges Trapez, stumpfwinkliges Trapez. Für Kreise aber vier Lehrsätze, Kreis, Halbkreis, Segment größer als ein Halbkreis, Segment kleiner als ein Halbkreis.

- 24 Καὶ ταῦτα μὲν τὰ είδη ἐστὶ καὶ τὰ θεωρήματα τὰ ἐπίπεδα ἐπὶ δὲ τῶν στερεῶν προστιθεμένου ἐκάστη μετρήσει καὶ τοῦ πάχους ἐξαίρετα θεωρήματά είσι τῶν στερεῶν δέκα, ἃ ἐπ' αὐτῶν μόνον δείκνυται, οὕτως σφαῖρα, κύλινδρος, κῶνος, κῶνος κόλουρος, κύβος, σφήν, μείουρος, πυραμὶς ἐπὶ τριγώνου, πυραμὶς κόλουρος, θέατρον.
- 25 Εἰσὶ δὲ καὶ ὅροι τῆς μετρήσεως ἐστηριγμένοι οἴδε· παντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι πάντη μεταπαρηλλαγμέναι, καὶ παντὸς τριγώνου τὸ ὀθογωνίου τὰ ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν δύο πλευρῶν τετράγωνα ἴσα ἐστὶν τῷ ἀπὸ τῆς ὑποτεινούσης τετραγώνῷ, καὶ παντὸς κύκλου ἡ περίμετρος τῆς διαμέτρου τριπλασίων ἐστὶ καὶ τῷ ζ΄ μείζων, καὶ ἔνδεκα τετράγωνα ἀπὸ τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου ἴσα ιἐστὶν ἐμβαδοῖς δεκατέτρασι κύκλων.

ΑCSSb V Τὰ δὲ μέτρα έξεύρηται ἀπὸ τῶν ἀνθρωπίνων μελῶν,
1 δακτύλου, παλαιστῆς, σπιθαμῆς, λιχάδος, ποδός, πήχεως,
βήματος, ὀργυιᾶς.

Dies sind die Formen und Lehrsätze der Planimetrie; 24 bei den Körpern aber tritt zu jeder Vermessung auch die Dicke, und besondere Lehrsätze für Körper gibt es zehn, die nur bei diesen bewiesen werden, nämlich: Kugel, Zy-5 linder, Kegel, Kegelstumpf, Kubus, Keil, spitzablaufendes Prisma, Pyramide auf dreieckiger Basis, Pyramidenstumpf, Theater

Auch gibt es für die Vermessung folgende feste Normen: 25 in jedem Dreieck sind die zwei Seiten, beliebig umgetauscht, 10 größer als die übrige, und in jedem rechtwinkligen Dreieck sind die Quadrate auf den beiden den rechten Winkel umschließenden Seiten gleich dem Quadrat auf der Hypotenuse, und der Umkreis eines jeden Kreises ist das dreifache des Durchmessers und dazu noch ein Siebtel, und 11 Quadrate 15 auf dem Durchmesser des Kreises sind gleich 14 Kreisflächen.

Die Maße aber sind von den menschlichen Körperteilen ihergenommen, Finger, Handfläche, Spanne, Zeigefingeröffnung, Fuß, Unterarm, Schritt, Klafter.

άπὸ] S, πολυπλασιασμῷ τῆς λοιπῆς- Α, τῆς λοιπῆς C^b, ὑπὸ C^a et post ras. 9 litt. V. 13 τετραγώνω] τετραγώνων S C^aV, om. Α, ἴσαι εἰσὶν ἐφ' ἐαυτὰς πολυπλασιαζόμεναι C^b. 14 τριπλάσιον

 C^aV , τριπλάσιος A, τριπλάσι O^{c} e corr. C^b . έστὶ] μετρονμένη C^aV . τῷ C^aV , ἐφέβδομος A^c . C^b . C^c ενδεκα τετράγωνα] C^c εμβαδὸν τὸ C^c εμβαδὸν C^aV . τοῦ] C^c ενίδανα τετράγωνα] C^c εμβαδὸν τὸ C^c εμβαδὸν C^c ενίκιον] C^c ενίκιον C^c εξεύρηται C^c εξεύρηται C^c εξεύρηται C^c εξεύρηται C^c εξεύρηται C^c εξεύρηται C^c επίδαν εξεύρηται C^c επίδας C^c επίδας C^c επίδας C^c επίδας C^c επίδας C^c εξεύρητας C^c επίδας C^c επίδας C^c εξεύρητας C^c εξεύρητας C^c επίδας C^c επίδας C^c εξεύρητας C^c επίδας C^c επίδας C^c εξεύρητας C^c επίδας C^c εξεύρητας C^c επίδας C^c επίδας C^c εξεύρητας C^c επίδας C^c επίδας C^c εξεύρητας C^c επίδας C^c εξεύρητας C^c επίδας C^c εξεύρητας C^c επίδας C^c εξεύρητας C^c επίδας C^c επίδας C^c επίδας C^c εξεύρητας C^c επίδας C^c επίδας εξεύρητας C^c επίδας επίδας επίδας επίδας επίδας επίδας C^c επίδας επίδας

ssb Καί έστιν ή δογυιά δακτύλων αξ, τὸ δὲ βῆμα δαχτύλων μ, δ δὲ πῆχυς δαχτύλων αδ, πόδα δὲ ἔχει $Pωμαικὸν \overline{α} καὶ <math>L' ε' ι'$, ώς ἔχειν τοὺς θ πόδας πήyeig E.

3 Ο πούς δ Φιλεταίσειος έχει δακτύλους τς, δ δέ ή σπιθαμή δε δακτύλους

Παλαιστή δακτύλων δ.

Πάντων δε έλαχιστότε- Α οόν έστι δάκτυλος, ὅστις καὶ μονὰς καλεῖται διαιφεῖται δὲ ἔσθ' ὅτε ὑπομένει 5 γάο και ήμισυ και τοίτον καὶ λοιπὰ μόρια.

Μετά δὲ τὸν δάκτυλον, 3 ος έστι μέρος έλάχιστον Ίταλικὸς δακτύλους τη γ΄, 10 πάντων, δ παλαιστής, δν καὶ τέταρτόν τινες καλοῦσι διὰ τὸ τέσσαρας ἔγειν δακτύλους ἢ διὰ τὸ εἶναι τέταρτον τοῦ ποδός, τινὲς 15 δὲ καὶ τρίτον διὰ τὸ εἶναι τοίτον της σπιθαμης ή γάο σπιθαμή τοία τέταρτα έχει, δ δε πούς τέσσαρα.

Ή λιχάς έχει παλαιστάς 4 20 δύο ήγουν δακτύλους όκτὰ καὶ καλεῖται δίμοιρον σπιθαμής. λιχάς δε λέγεται τὸ τῶν δύο δακτύλων άνοιγμα, τοῦ ἀντίχειρος 25 λέγω καὶ τοῦ λιχανοῦ. τοῦτο καὶ κυνόστομον καλοῦσί τινες.

 $^{1 \}dot{\eta}$] Sb, om. S. $2 \overline{q_5}$] S, $\overline{\xi}$ Sb. 2 δακτύλων Δ^{α} Sb. δάκτυλοι S. 4 πόδα δὲ ἔχει 'Ρωμαικον scripsi, ἀπὸ δὲ χει-

¹ δὲ] C, δὲ τῶν μέτρων Α. έλαχιστοτέρα C. 4 υπομένει] scripsi, µèv AC; cfr. p. 18613. 5 $\tilde{\eta}\mu\iota\sigma v$ C, $\varepsilon l_S \tilde{\eta}\mu\iota\sigma v$ A. 10 δ

- 2 Und ein Klafter ist 96 Zoll, ein Schritt 40 Zoll, eine Elle 24 Zoll, im römischen Fußmaß aber beträgt sie $1\frac{1}{2}\frac{1}{5}\frac{1}{10}$ Fuß, so daß 9 Fuß = 5 Ellen.
- Der Philetaireische Fuß aber hat 16 Zoll, der itaaber 12 Zoll, eine Zeigefingeröffnung 8 Zoll.

Ein Handbreit ist 4 Zoll. 4

Das kleinste von allen aber 2 ist der Zoll, der auch Einheit genannt wird; zuweilen wird er aber geteilt; denn er läßt 5 sowohl Halbteil als Drittel und Viertel und die übrigen Teilchen zu.

Nach dem Zoll, welcher 3 der kleinste Teil ist von allen, lische 13½ Zoll, eine Spanne 10 der Handbreit, den einige auch Viertel nennen, weil er 4 Zoll hat, oder weil er ein Viertel des Fußes ist, einige aber auch Drittel, weil er 15 ein Drittel der Spanne ist; denn die Spanne hat drei Viertel, der Fuß aber vier.

> Die Zeigefingeröffnung hat 4 zwei Handbreiten oder acht 20 Zoll und wird Zweidrittelspanne genannt. Zeigefingeröffnung aber heißt die Öffnung zwischen den zwei Fingern, Daumen und Zeigefin-25 ger; einige nennen sie auch Hundsmaul.

λους] comp. Sb, ut solet. δ δε Ἰταλικὸς] S, ἰταλικοὺς δε Sb. 11 $\delta \hat{\epsilon}$] S^{δ} , om. S. $\delta \alpha n \tau \hat{\nu} \lambda o v_S$ comp. Sb, δακτύλων S. 12 ή] Sb, om. S. λιχάς scripsi, διχάς SSb. 19 $\pi \alpha \lambda \alpha i \sigma \tau \dot{\eta} - \bar{\delta}$ S. om. Sb.

C, ἔστιν ὁ κόνδυλος, δς ἔχει δακτύλους δύο. είτα Α. δυ καί] C, δυτινα παλαιστήν Α. 11 καλοῦσί τινες Α. 14 τέταρτον] δ΄ C. 16 τρίτον γ' C; et sic deinceps. 19 λιχάς] διχάς A C. 20 δvo] $\bar{\beta}$ C. 21 $n\alpha l$] C, novδύλους τέσσαρας και Α. 22 λιχὰς] Hultsch, διχὰς AC. 26 κυνόστομον Paris. suppl. 541, ποινόστομον Α C.

- 5 Καὶ αὐτὸς δὲ ὁ δάκτυλος διαιρείται είς μέρη στάς τρείς ήγουν δακτύέπιδέχεται γάο καὶ ήμισυ καὶ τοίτον καὶ τέταρτον καὶ τὰ λοιπά.
- 6 Ἐπειδή δὲ ἐν τοῖς κλίμασιν έκράτησέν τις παρ' έκάστω συνήθεια τοῖς έγγωρίοις χρησθαι μέτροις. καὶ τινὲς μὲν πήχει ἢ κα- 10 λάμω ή δργυια, τινές δέ ποδὶ ἢ ἰουγέρω ἢ πλέθρω η σάτω η ἀρτάβη η άλλοις τοιούτοις μετροῦσιν, [έχ] της ἀναλογίας τοῦ ποδὸς 15 ποὸς τὸν πῆχυν σωζομένης έξισοῦται τὰ μέτρα.
- Τούτων δὲ οΰτως λαμβανομένων πρός πόδα καὶ θεωρημάτων έποιησάμεθα. καὶ τὸ μὲν ἰούγερόν ἐστιν έμβαδῶν ποδῶν β ηω. ἔχει γὰο μῆκος ποδῶν σμ, πλά-

Ή σπιθαμή έχει παλαι- 5 λους δώδεκα.

Ο πούς έχει σπιθαμήν 6 α γ' ήγουν παλαιστάς δ, δακτύλους τζ.

Ο πῆχυς ἔχει πόδας δύο 7 ήγουν σπιθαμάς βω, παlούγερον την μέτρησιν τῶν 20 λαιστὰς ὀκτώ, δακτύλους $\lambda \beta$.

Lin. 6-17 etiam V.

¹ καὶ ἀὐτὸς δὲ] S, om. Sb. 3 ημισυ-4 τέταρτου] S, τὸ L' καl τὸ γ' καὶ τὸ δ' S^b . 6 έπειδη $δ^c$] S, έπειδη S^b , έπειδη $δ^c$] V. $δ^c$ $δ^c$ $δ^$

³ δώδεκα] C, δώδεκα κονδύλους έξ \vec{A} . \vec{a}] μ ίαν \vec{C} . 15 A.

- Aber auch der Zoll selbst 5 wird in Teile geteilt; er läßt nämlich sowohl Halbteil als Drittel und Viertel usw. zu.
- Da aber bei den Acker- 5 maßen die Gewohnheit bei den einzelnen obgesiegt hat die einheimischen Maße zu benutzen, und einige nach Elle, Ruthe oder Klafter, an- 10 dere aber nach Fuß, Jugerum oder Plethron oder Saton oder Artabe oder anderen solchen Maßen messen, so werden die Maße ausgeglichen durch 15 Innehalten des Verhältnisses vom Fuß zur Elle.
- Indem diese Maße nun so angenommen werden, haben wir in den Lehrsätzen die 20 breiten = 32 Zoll. Vermessung nach Fuß und Jugerum vorgenommen. Und ein Jugerum ist 28800 Quadratfuß; es hat nämlich eine Länge von 240 Fuß, eine 25

Eine Spanne hat drei Hand- 5 breiten oder zwölf Zoll.

Ein Fuß hat $1\frac{1}{3}$ Spannen 6 oder 4 Handbreiten = 16 Zoll.

Eine Elle hat zwei Fuß 7 oder $2\frac{2}{3}$ Spannen = 8 Hand-

9 χρᾶσθαι Sb. μέτροις χρᾶσθαι V. 10 καὶ — 14 μετροῦσιν] εκαστον καὶ V. 10 μεν] μεν $\vec{\epsilon} \nu \, S^b$. Il $\delta \varrho \gamma v \iota \tilde{\varrho} \, S$, $\delta \varrho$ γυιὰ ἢ σχοίνω ἢ ἀρούρη Sb. 12 ποδί ή] S, om. Sb. 14 μετροῦσιν] Sb, μέτροις S. έκ] deleo. 16 σωζομένης] om. V. 17 τὸ μέτρον V. 18 οῦτως] Sb, ούτω S. 22 έστιν έμβα- $\delta \tilde{\omega} v$] έστι S^b . 23 $\pi o \delta \tilde{\omega} v$] S^b , om. S. 24 μη̃κος] Sb, H S. $\pi o \delta \tilde{\omega} v \mid \overset{o}{\pi} SS^{b}$.

τος ποδών οπ. διαιρείται δε είς ούγκίας ιβ, ώς είναι έκάστην ούγκίαν ποδών βυ. καὶ αὐτὴ δὲ ἡ οὐγκία διαιφείται είς σχοίπουλα 5 ήτοι γοάμματα κδ, ώς εἶναι ξααστον σαρίπουλον πο- $\delta \tilde{\omega} \nu \ \bar{\varrho}.$

Καὶ ἐν τοῖς στερεοῖς Το βημα το άπλουν έχει 8 [χωρίοις] δ στερεός πούς 10 σπιθαμάς γ γ' ήγουν πόχωρεῖ μοδίους Ίταλικοὺς γ. $\delta \alpha S \beta L' \ddot{\eta} \pi \alpha \lambda \alpha \iota \sigma \tau \dot{\alpha} S \bar{\iota} \ddot{\eta}$ μόδιος εκαστος ξεστών τς. δακτύλους μ.

Καὶ ἔστιν ἡ μέτρησις τῶν θεωρημάτων κατὰ τὰ ύποτεταγμένα "Ηρωνος 15 5 ω' ἢ παλαιστάς π ἢ δακείδη δὲ τῆς μετρήσεώς ἐστι τὰ ὑποτεταγμένα οὕτως. δάκτυλος, παλαιστής, λιχάς, σπιθαμή, πούς, πῆχυς ψιλός, δς καλεῖται πυγών, 20 πῆχυς, βῆμα, ξύλον, δογυιά, κάλαμος, ἄκαινα, ἄμμα, πλέθουν, ἰούγερον, στάδιον, μίλιον, δίαυλος, δόλιχος, σχοῖνος, παρασάγγης. 25

Το βημα το διπλοῦν ἔχει 9 πόδας πέντε ἢ σπιθαμάς τύλους π.

¹ ποδῶν] ^απ S, om. S^b. 2 οὐγκίας] Γο SS^b. 3 οὐγ $μίαν ποδῶν] Γο <math>\overset{o}{\pi} SS^b$. 4 $οψ_γ$ μία] Γο SSb. 5 σαρίπουλα ήτοι γοάμματα] S, πλέθοα Sb. 6 ώς είναι] S, om. Sb. 7 σπρί-

¹⁰ ηγουν] C, η A. 11 7 C, τ η πονδύλους π Α. $12 \bar{\mu}$ C, τεσσαράκοντα Α. 15 m C. π η κονδύλους π Α.

Breite von 120 Fuß; und es wird geteilt in 12 Unzen, so daß jede Unze 2400 Fuß ist. Aber auch die Unze selbst wird geteilt in 24 Skripula 5 oder Gramm, so daß jedes Skripulum 100 Fuß ist.

8 Und bei den Körpern faßt

ist 16 Xesten.

Und bei den Lehrsätzen geschieht die Vermessung nach den unten angegebenen Maßen Herons.

Formen aber der Vermessung sind die unten angegebenen folgendermaßen: Zoll, Handbreit, Zeigefingeröffnung, Spanne, Fuß, kleine 20 Elle Pygon genannt, Elle, Schritt, Holz, Klafter, Ruthe, Akaina, Amma, Plethron, Jugerum, Stadion, Meile, Doppellauf, Langlauf, Schoi- 25 nos, Parasang.

Ein Einzelschritt hat $3\frac{1}{3}$ 8 der körperliche Fuß 3 ita- Spannen oder 2½ Fuß oder lische Modien; jeder Modius 10 10 Handbreiten oder 40 Zoll.

> Der Doppelschritt hat fünf 9 Fuß oder $6\frac{2}{3}$ Spannen oder 20 Handbreiten oder 80 Zoll.

πουλον] S, πλέθοου Sb. πο- $\delta \tilde{\omega} v = \frac{\alpha}{\pi} SS^b$. 10 $\chi \omega \varphi i o \iota \varsigma = S$, ποσίν Sb; deleo. Il μοδίονς] διος εκαστος] εκαστος μ Sb, δμοῦ ἐπ S. 13 ἔστιν ἡ] Sb, ἔστι S. 18 λιχάς] διχάς S, σπιθαμή Sb. 19 σπιθαμή] διχάς Sb. 20 πυγον Sb. 21 πηχυς] om. Sb. 22 ἄκενα SSb. ἄμμα] άμμα S, ᾶμαξα Sb.

10 Ο μεν οὖν παλαιστής έχει δακτύλους δ. ή λιχάς σπιθαμάς β ή ποῦν ένα έχει παλαιστάς β, δακτύ- προς τῷ ἡμίσει ἢ παλαιστάς $λους η · η σπιθαμη ἔχει <math>\overline{5}$ η δακτύλους $\overline{nδ}$ ώσαύπαλαιστάς γ, δακτύλους ιβ, 5 τως καὶ δ τοῦ ποιστικοῦ καλείται δε καὶ ξυλοποιστικός πήχυς. δ πούς έχει βασιλικούς καὶ Φιλεταιοείους παλαιστάς δ, δακτύλους τς, ὁ δὲ Ἰταλικὸς ποὺς 10 έχει δακτύλους τη γ' ή πυγών έχει παλαιστάς ε, δακτύλους π. δ πῆχυς ἔχει παλαιστάς 5, δακτύλους κδ, ό δὲ Νειλώος πῆχυς ἔχει 15 παλαιστάς ζ, δακτύλους πη, δ δε Στοικός πῆχυς έχει παλαιστάς $\overline{\eta}$, δακτύλους $\lambda\beta$. τὸ δὲ βῆμα ἔχει πήχεις αβ, παλαιστάς $\overline{\iota}$, δακτύλους $\overline{\mu}$, 20 πόδας βζ΄. τὸ δὲ ξύλον έχει πόδας δί, πήχεις γ, παλαιστάς τη, δακτύλους οβ.

Ο πήχυς ὁ λιθικός έχει 10 ξύλου.

2 ποῦν] AC. 4 5 C, ξ η πονδύλους ιβ Α.

 $[\]tilde{5}$ παλαιστὰς $\bar{\gamma}$] om. \tilde{S}^b . δακτύλους] \tilde{S} , $\tilde{\Delta}^{\alpha}$ \tilde{S}^b . $\tilde{\sigma}^{\alpha}$ $\tilde{\sigma}^{\alpha}$ $\tilde{\sigma}^{\beta}$ πη S, $πηχυς η διχὰς ἔχει <math>Δ^α$ $\overline{η}$ Sb. δ] Sb, δ μὲν οὖν S. 8 βασιλιπούς και Φιλεταιρείους] S, om. Sb; scrib. ὁ μὲν βασιλικός και Φιλεταίρειος. 9 δακτύλους] Δα Δα S, Δα Sb, ut

Der Handbreit nun hat 4 Zoll; die Zeigefingeröffnung hat 2 Handbreiten = 8 Zoll; die Spanne hat 3 Handbreiten = 12 Zoll, und sie wird auch 5 Holzsägerelle genannt. Der königliche und Philetaireische 4 Handbreiten Fuß hat = 16 Zoll, der italische Fuß aber hat $13\frac{1}{3}$ Zoll, die Pygon 10 hat 5 Handbreiten = 20 Zoll; die Elle hat 6 Handbreiten = 24 Zoll, die Nilelle aber hat 7 Handbreiten = 28 Zoll, die stoische Elle aber hat 15 8 Handbreiten = 32 Zoll. Und der Schritt hat 1²/₃ Elle = 10 Handbreiten = 40 Zoll $=2\frac{1}{9}$ Fuß. Das Holz aber hat $4\frac{1}{2}$ Fuß = 3 Ellen = 18 20 Handbreiten = 72 Zoll.

Die Steinhauerelle hat 2 10 Spannen oder 1½ Fuß oder 6 Handbreiten oder 24 Zoll; ebenso auch die Sägeholzelle.

dehinc solent. 10 δ-11 ἔχει] 12 πυγον Sb. iταλικούς Sb. παλαιστάς $\begin{bmatrix} \alpha \\ \pi \end{bmatrix}$ S. 13 δ-14 $\pi \delta$ om. Sb. 14 παλαιστάς π S. 16 $\pi\alpha\lambda\alpha\iota\sigma\tau\dot{\alpha}\varsigma$ $\overset{\alpha}{\pi}$ S. $\overline{u\eta}$ $\overline{u\eta}$ δ δε πη έχει παλαιστδ δ Δ α πδ S^{b} . 18 παλαιστὰς] $\overset{\alpha}{\pi}$ SS^{b} . δ απτύλους] $\overset{\alpha}{\Delta}$ SS^{b} . 19 πή-19 πήχεις πη S, mg. τοῦ πήχεως πδ Δα Δ, α λογιζομένου. 20 παλαιστάς] α SSb. 21 πόδας] $\overset{\circ}{\pi}$ S, $\overset{\circ}{\pi}$ corr. ex $\overset{\circ}{\pi}$ in scrib. Sb. δè] Sb, om. S. 22 πόδας] σ SSb, ut saepius.

11 'Η δογυιὰ ἔχει πήχεις δ παλαιστάς αδ, πόδας Φιλεταιρείους 5, Ίταλικούς δέ πόδας ζε΄. δ κάλαμος ἔχει πήχεις ε, πόδας Φιλεταιοείους μεν ζί, Ίταλικούς δὲ πόδας θ.

 $^{\circ}H$ ὀργυιά, μεθ $^{\circ}$ $ilde{\eta}_{S}$ 11 μετοείται ή σπόριμος γή, έχει σπιθαμάς βασιλικάς θδ' η πόδας εξ και σπι-5 θαμήν α δ΄ ή παλαιστάς ήγουν γρόνθους είκοσιεπτά καὶ ἀντίγειοον, τουτέστι τούς μεν είκοσιεξ έσφιγμένης ούσης τῆς χειρός, τὸν 10 δε τελευταῖον ἢ πρῶτον ήπλωμένου και αὐτοῦ τοῦ μεγάλου δακτύλου τῆς χειοός, δς δή καὶ λέγεται τέταοτον σπιθαμής, έχει δέ 15 δακτύλους γ. μεθ' δ [δέ] ποιήσεις ὀργυιὰν έν καλάμφ ή ἔν τινι ξύλφ. μετὰ τοῦτο ὀφείλεις ποιῆσαι σχοινίον ήγουν σωκάριον 20 δεκαόργυιον καὶ ούτως μετρείν, δν μέλλεις μετρήσαι τόπον τὸ γὰο σωκάριον της σπορίμου γης δέκα δογυιάς δφείλει έχειν, τοῦ 25 δὲ λιβαδίου καὶ τῶν περιορισμών ιβ.

Ή ἄκαινα ἔχει πήχεις ξΑ, πόδας Φιλεταιρείους μεν τ, Ίταλικούς δε πόδας ιβ. τὸ ἄμμα ἔχει πήχεις μ, 30 διακοσίας καὶ μόνας, μετὰ πόδας Φιλεταιρείους μεν ξ,

Καὶ μετὰ μὲν τοῦ δεκα- 12 οργυίου σχοινίου έχει δ τόπος τοῦ μοδίου ὀργυιὰς δε τοῦ δωδεκαοργυίου έγει

Der Klafter hat 4 Ellen 1 = 24 Handbreiten = 6 Philetaireische Fuß = $7\frac{1}{5}$ italische Fuß. Die Ruthe hat $5 \text{ Ellen} = 7\frac{1}{9} \text{ Philetaireische}$ $Fu\beta = 9$ italische $Fu\beta$.

Die Akaina hat $6\frac{2}{3}$ Ellen = 10 Philetaireische Fuß = 12 italische Fuß. Das Amma 25 Modius 200 Klafter und nicht hat 40 Ellen = 60 Philetaireische Fu $\beta = 72$ italische

Der Klafter, womit Saat- 11 land gemessen wird, hat $9\frac{1}{4}$ königliche Spannen oder 6 Fuß + $1\frac{1}{4}$ Spanne oder 5 27 Handbreiten (oder Fäuste) + 1 Daumen, d. h. 26 bei geballter Faust, die letzte oder erste aber so, daß auch der große Finger der Hand 10 ausgestreckt ist, was auch Viertelspanne heißt und 3 Zoll hat. Danach wirst du einen Klafter machen auf einer Ruthe oder einem Holze. 15 Danach sollst du einen Strick oder Meßseil von zehn Klaftern machen und so den Raum messen, den du zu vermessen hast: denn für Saatland soll 20 das Meßseil 10 Klafter haben, für Wiesengrund aber und Umgrenzungen 12.

Und mit dem Strick von zehn 12 Klaftern hat der Raum eines mehr, mit dem zwölfklaftrigen aber hat er 288 Klafter.

Heronis op. vol. IV ed. Heiberg.

¹ πήχεις] πη S^b, η S. 2 φιλαιτεφείους S, φιλετεφείους S^b. 5 $\pi \eta \chi \epsilon \iota \varsigma$] $\overset{\chi}{\pi} \eta$ S^b, $\overset{o}{\pi}$ S. $\varphi \iota \lambda \epsilon \tau \epsilon - \varphi \epsilon \iota o v \varsigma$ S^b. 6 $\mu \grave{\epsilon} \nu$] om. S^b. 7 πόδας] α S, om. Sb. 27 ἄκενα SSb. 28 ξ — 30 πήχεις] Sb, om. S. 28 gileteoelovs Sb. $29 \mu \hat{\epsilon} \nu$] addidi, om. Sb. 30 ἄμμα] scripsi, ἀμαξιν Sb. 31 quieregelous Sb. uèv om.Sb.

² μετράται Α С. 6 κζ' С. 8 μ5 ' C. 11 αὐτοῦ] C, om. A. 15 δε deleo. 20 δεκαοφ A, δεκαόργιον C. ούτω C. 21 μετράν Α. C. 27 δεμαοργίου C. 30 σ C. 31 δωδεκαουργ C.

13 Ιταλικούς δὲ πόδας οβ. τὸ πλέθοον έχει ἀκαίνας τ, πήγεις ξξβ; πόδας Φιλεταιοείους μεν ο, Ίταλικούς δε οπ. τὸ ἰούγερον ἔχει πλέθοα β, ἀκαίνας κ, πήχεις ολγγ', πόδας Φιλεταιρείους μέν σ, 'Ιταλικούς δὲ πόδας σμ. τὸ στάδιον ἔχει πλέθοα Ξ, $\dot{\alpha}$ καlνας $\bar{\xi}$, καλάμους $\bar{\pi}$, 10 όργυιὰς ο, βήματα σμ, πήχεις υ, πόδας Φιλεταιοείους μέν χ, Ίταλικούς δέ πόδας ψπ. δ δίαυλος έχει στάδια β, πλέθοα ιβ, ἀκαί- 15 νας σκ, καλάμους οξ, δογυιάς σ, βήματα υπ, πήγεις ω, πόδας Φιλεταιρείους μέν ασ, Ίταλικούς δέ αυμ. τὸ μίλιον ἔχει στάδια ζ΄, 20 σωκαρίων κατά δέκα σωπλέθοα με, ἀκαίνας τν, καλάμους $\overline{\chi}$, ὀργυιὰς $\overline{\psi}\overline{\nu}$, βήματα αω, πήχεις γ, πόδας Φιλεταιρείους μέν ίδφ, Ίταλικούς δὲ πόδας 25 ευ. δ δόλιχος έχει στάδια

δογυιάς σπη. πλην οί 1 βραχύτατοι καὶ πεδινοὶ τόποι μετά τοῦ δεκαοργυίου σχοινίου ὀφείλουσι με-5 τρεῖσθαι, οί δὲ περιορισμοί τῶν προαστείων καὶ τῶν χωρίων των δλογύρως μετρουμένων μετά τοῦ δωδεμαοργυίου σχοινίου όφείλουσι μετρεῖσθαι διὰ τὸ εύρίσκεσθαι έσωθεν των περιορισμών αὐτών πολλάκις ξηφοχειμάρφους καί δύακας καὶ λόχμας καὶ άγρήστους τόπους. εί δε καὶ μετά τοῦ δεκαοργυίου σχοινίου μετρηθώσιν, όφείλουσιν ύπεξαιρεῖσθαι εἴτε ἀπὸ τοῦ ἀναβιβασμοῦ τῶν **κάοια σωκάοιον εν είτε** άπὸ τοῦ μοδισμοῦ κατά δέκα μόδια μόδιον εν διά τὰς εἰοημένας αἰτίας.

SSb. $8 \pi \delta \delta \alpha s \approx 3 \pi$ S, ut solet;

³ δεκαουρ^γ C. 7 Mg. δλι-γώρως C². 8 δωδεκαοργίου C, ιβ ος?' Α. 9 δφείλουσι μετρεῖσθαι] C, οm. Α. 15 ά-χρίστους C. 16 δεκαοργίου

13 Fuß. Das Plethron hat 10 Akainen = $66\frac{2}{3}$ Ellen = 100 Philetaireische Fuß = 120 italische. Das Jugerum hat 2 Plethren = 20 Akainen $= 133\frac{1}{2}$ Ellen = 200 Philetaireische Fuß = 240 italische Fuß. Das Stadion hat 6 Plethren = 60 Akainen = 80 Ruthen = 100 Klafter 10 der Umgrenzungen selbst oft = 240 Schritt = 400 Ellen = 600 Philetaireische Fuß = 720 italische Fuß. Der Doppellauf hat 2 Stadien = 12 Plethren = 120 Akainen 15 $= 160 \, \text{Ruthen} = 200 \, \text{Klafter}$ = 480 Schritt = 800 Ellen = 1200 Philetaireische Fuß = 1440 italische Fuß. Die Meile hat $7\frac{1}{9}$ Stadien = 45 20 Modienberechnung ein Mo-Plethren = 450 Akainen = 600 Ruthen = 750 Klafter = 1800 Schritt = 3000 Ellen = 4500 Philetaireische Fuß = 5400 italische Fuß. Der 25

Nur müssen die kleinsten 13 und flachen Strecken mit dem zehnklaftrigen Strick gemessen werden, die Umgren-5 zungen aber von Vorstädten und rundum gemessenen Flächen müssen mit dem zwölfklaftrigen Strick gemessen werden, weil es innerhalb trockene Bachläufe, Lava, Gestrüpp und sonst unbrauchbare Stellen gibt. Auch wenn sie mit dem zehnklaftrigen Strick gemessen werden, muß in Abzug gebracht werden entweder vom Produkt der Meßseile ein Meßseil auf zehn Meßseile oder von der dius auf zehn Modien, aus den genannten Gründen.

om. Sb. 10 duévas SSb. 12 φιλετερείους Sb. 13 μέν] om. Sb. 13 δè πόδας] om. Sb. 15 duévas SSb. 16 deγνιάς] om. Sb. 17 6] addidi, om. SSb. πήχεις ω om. Sb. 18 Φιλεταιρείους-19 αυμ Ιταλικούς συμ φιλετερείους σσ Sb. 21 anévas SSb. 24 φιλετερείους Sb. μèν] om. Sb. 25 $\delta \varphi$ S^b, $\alpha \varphi$ S. $\pi \delta \delta \alpha \varphi$ Om. S^b.

Langlauf hat 12 Stadien

C. 17 μετρηθῶσι A. 23 μόδια] Α, μοδίων С.

ιβ, πλέθοα οβ, ἀκαίνας ψκ, καλάμους Σξ, βήματα βωπ, πήχεις δω, πόδας Φιλεταιρείους μέν ζσ, Ίταλικούς δὲ πόδας ηχμ. ή 5 σχοινος έχει μίλια δ, στάδια λ, πλέθοα οπ, ακαίνας ζαω, καλάμους βυ, δογυιάς γ, βήματα ζο, πήχεις α β, πόδας Φιλεταιρείους μεν 10 αη, Ίταλικούς δὲ πόδας β αχ. δ παρασάγγης έχει δμοίως ώς ή σχοινος. ή βαοβαοική σχοίνος έχει στάδια με, ή δὲ Περσική 15 σχοινος έχει στάδια ξ. τὸ δε πεμέλει τὸ παλούμενον έχει στάδια · · · .

Α Χοὴ δὲ γινώσκειν καὶ τοῦτο, ὅτι ὁ σπόριμος μόδιος ἔχει λίτρας τεσσαράκοντα· μία δὲ ἐκάστη λίτρα σπείρει γῆν ὀργυιῶν πέντε.

ΔC Πλάτος γὰο καὶ μῆκος ὀογυιῶν πέντε ποιοῦσι λίτοαν μίαν.

Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν $\overline{\iota}$ ποιοῦσι λίτρας δύο. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν $\overline{\iota}$ ε ποιοῦσι λίτρας $\overline{\gamma}$. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν $\overline{\kappa}$ ποιοῦσι λίτρας $\overline{\delta}$. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν $\overline{\kappa}$ ποιοῦσι λίτρας $\overline{\epsilon}$. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν $\overline{\lambda}$ ποιοῦσι λίτρας $\overline{\epsilon}$. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν $\overline{\lambda}$ ποιοῦσι λίτρας $\overline{\epsilon}$. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν $\overline{\lambda}$ ποιοῦσι λίτρας $\overline{\epsilon}$.

10

 $[\]frac{1}{\uparrow \xi} \stackrel{\text{diévas}}{\Rightarrow} S^b. \qquad \frac{2}{\searrow \xi} \stackrel{\text{S}}{\Rightarrow} \frac{1}{3} \text{ giletequious}$

= 72 Plethren = 720 Akainen =960 Ruthen = 2880 Schritt = 4800 Ellen = 7200 Philetaireische Fu $\beta = 8640$ italische Fuß. Die Schoinos hat 5 4 Meilen = 30 Stadien = 180 Plethren = 1800 Akainen $= 2400 \, \text{Ruthen} = 3000 \, \text{Klaf-}$ ter = 7200 Schritt = 12000Ellen = 18000 Philetaire- 15 ische Fu $\beta = 21600$ italische Fuß. Der Parasang verhält sich geradeso wie die Schoinos. Die barbarische Schoinos hat 45 Stadien, die persische 20 Schoinos aber hat 60 Stadien. Und das sogenannte Kemelei hat ... Stadien.

Man muß aber auch dies wissen, daß ein Modius Saat 14 40 Liter hat; und jedes Liter besäet 5 Klafter Land.

Denn Breite und Länge zu 5 Klafter machen 1 Liter. Breite und Länge zu 10 Klafter machen 2 Liter. Breite und Länge zu 15 Klafter machen 3 Liter. Breite und Länge zu 20 Klafter machen 4 Liter. Breite und Länge zu 25 Klafter machen 5 Liter. Breite und Länge zu 30 Klafter machen 6 Liter.

Breite und Länge zu 35 Klafter machen 7 Liter.

¹ Χοὴ-3 πέντε] A, om. C. 6 $\overline{\iota}$] C, δέκα A. λίτοας] Δ A, et sic deinceps. δύο] C, $\overline{\beta}$ A.

Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν μ ποιοῦσι λίτρας η. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν με ποιοῦσι λίτρας δ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν ν ποιοῦσι λίτρας τ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν νε ποιοῦσι λίτρας ια. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν ξ ποιοῦσι λίτρας ιβ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν ξε ποιοῦσι λίτρας τγ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν ο ποιοῦσι λίτρας ιδ. Πλάτος καὶ μῆκος δογυιῶν οξ ποιοῦσι λίτρας ιξ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιών π ποιούσι λίτρας τς. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν πε ποιοῦσι λίτρας ιζ. 10 Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν ς ποιοῦσι λίτρας τη. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν ζε ποιοῦσι λίτρας ιδ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀογυιῶν ο ποιοῦσι λίτρας κ... Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν σ ποιοῦσι λίτρας μ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν τ ποιοῦσι λίτρας ξ. 15 $Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν <math>\overline{v}$ ποιοῦσι λίτρας $\overline{\pi}$. $Πλάτος καὶ μῆκος ὀργνιῶν <math>\overline{\varphi}$ ποιοῦσι $λίτρας \overline{\varrho}$. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν χ ποιοῦσι λίτρας οκ. $Πλάτος καὶ μῆκος ὀργνιῶν <math>\overline{\psi}$ ποιοῦσι λίτρας $\overline{\rho\mu}$. Πλάτος καὶ μηκος δογυιών ω ποιούσι λίτρας οξ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν 🕏 ποιοῦσι λίτρας οπ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν κα ποιοῦσι λίτρας σ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν β ποιοῦσι λίτρας υ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν χ ποιοῦσι λίτρας χ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν ό ποιοῦσι λίτρας ω. 25 Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν ξε ποιοῦσι λίτρας α. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν ξ ποιοῦσι λίτρας ζασ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν ξ ποιοῦσι λίτρας κου. Πλάτος καὶ μῆκος ὀργυιῶν η ποιοῦσι λίτρας αχ. Πλάτος καὶ μῆκος ὀογυιῶν , ὁ ποιοῦσι λίτρας ,αω. 30 Πλάτος καὶ μῆκος δογυιῶν α ποιοῦσι λίτρας β.

Breite und Länge zu 40 Klafter machen 8 Liter. Breite und Länge zu 45 Klafter machen 9 Liter. Breite und Länge zu 50 Klafter machen 10 Liter. Breite und Länge zu 55 Klafter machen 11 Liter. Breite und Länge zu 60 Klafter machen 12 Liter. Breite und Länge zu 65 Klafter machen 13 Liter. Breite und Länge zu 70 Klafter machen 14 Liter. Breite und Länge zu 75 Klafter machen 15 Liter. Breite und Länge zu 80 Klafter machen 16 Liter. Breite und Länge zu 85 Klafter machen 17 Liter. Breite und Länge zu 90 Klafter machen 18 Liter. Breite und Länge zu 95 Klafter machen 19 Liter. Breite und Länge zu 100 Klafter machen 20 Liter. Breite und Länge zu 200 Klafter machen 40 Liter. Breite und Länge zu 300 Klafter machen 60 Liter. Breite und Länge zu 400 Klafter machen 80 Liter. Breite und Länge zu 500 Klafter machen 100 Liter. Breite und Länge zu 600 Klafter machen 120 Liter. Breite und Länge zu 700 Klafter machen 140 Liter. Breite und Länge zu 800 Klafter machen 160 Liter. Breite und Länge zu 900 Klafter machen 180 Liter. Breite und Länge zu 1000 Klafter machen 200 Liter. Breite und Länge zu 2000 Klafter machen 400 Liter. Breite und Länge zu 3000 Klafter machen 600 Liter. Breite und Länge zu 4000 Klafter machen 800 Liter. Breite und Länge zu 5000 Klafter machen 1000 Liter. Breite und Länge zu 6000 Klafter machen 1200 Liter. Breite und Länge zu 7000 Klafter machen 1400 Liter. Breite und Länge zu 8000 Klafter machen 1600 Liter. Breite und Länge zu 9000 Klafter machen 1800 Liter.

15

30

Breite und Länge zu 10000 Klafter machen 2000 Liter.

¹ $\overline{\eta}$] ἀντώ C. 5 ποιοῦσιν C. 10 πλάτος— $\iota \overline{\xi}$] A, om. C. 12 πλάτος— $\iota \overline{\theta}$] A, om. C. 23 πλάτος—31 $\overline{\beta}$] A, om. C.

16 Αὶ σ ὀργυιαί εἰσι τόπος μοδίου ενός.

Αί τ δογυιαί είσι τόπος μοδίου ένος ήμίσεος.

Αὶ ν ὀογυιαί εἰσι τόπος μοδίων δύο.

Αί φ δογυιαί είσι τόπος μοδίων δύο ημίσεος.

Αί τ δογυιαί είσι τόπος μοδίων τοιών.

Αί ψ δογυιαί είσι τόπος μοδίων τοιων ήμίσεος.

Αί ω δογυιαί είσι τόπος μοδίων τεσσάρων.

Αί 📆 όργυιαί είσι τόπος μοδίων τεσσάρων ήμίσεος.

Αὶ χίλιαι δογυιαί είσι τόπος μοδίων πέντε.

Αὶ β δογυιαί είσι τόπος μοδίων δέκα.

Αί γ δογνιαί είσι τόπος μοδίων τε.

Αὶ δ δογυιαί είσι τόπος μοδίων είκοσι.

Αὶ ε δογυιαί είσι τόπος μοδίων πε.

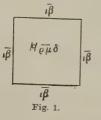
Αί ξ δογυιαί είσι τόπος μοδίων τοιάκοντα.

Αὶ ξ δογνιαί εἰσι τόπος μοδίων λε.

Αὶ η δογυιαί εἰσι τόπος μοδίων τεσσαράκοντα.

Αὶ & δογνιαί εἰσι τόπος μοδίων με.

Αὶ μύριαι δργυιαί είσι τόπος μοδίων πεντήποντα.



Kαὶ ἔστιν ἡ μέτρησις Tούτων δὲ οὕτως ἐχόν- $\frac{5}{4}$ 1 τῶν θεωρημάτων κατὰ τὰ των τὴν μέτρησιν τῶν 1 ύποτεταγμένα ούτως ϑ εωρημάτων ποιησώμε ϑ α. AC 2 $^{''}$ Εστω τετράγωνον ἰσό- AC 2 C

10

15

5 πλεύρων καὶ ὀρθογωνίων.

Τετράγωνον ισόπλευρον καὶ ὀρθογώνιον, οὧ έκάστη πλευρά ἀνὰ ὀργυιῶν τ. εύρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. 10 ποίει ούτως τὰς τ ἐπὶ τὰς τ. γίνονται ο τοσούτων πλευοόν τε καὶ ὀοθογώ- ὀογυιῶν ἐστι τὸ ἐμβαδόν. νιον, οὖ έκάστη πλευοὰ τούτων τὸ ε΄ γίνονται κ

16

200 Klafter sind Raum für 1 Modius. 300 Klafter sind Raum für $1\frac{1}{2}$ Modius. 400 Klafter sind Raum für 2 Modien. 500 Klafter sind Raum für 21 Modien. 600 Klafter sind Raum für 3 Modien. 700 Klafter sind Raum für $3\frac{1}{2}$ Modien. 800 Klafter sind Raum für 4 Modien. 900 Klafter sind Raum für 4\frac{1}{9} Modien. 1000 Klafter sind Raum für 5 Modien. 2000 Klafter sind Raum für 10 Modien. 3000 Klafter sind Raum für 15 Modien. 4000 Klafter sind Raum für 20 Modien. 5000 Klafter sind Raum für 25 Modien. 6000 Klafter sind Raum für 30 Modien. 7000 Klafter sind Raum für 35 Modien. 8000 Klafter sind Raum für 40 Modien.

9000 Klafter sind Raum für 45 Modien. 10000 Klafter sind Raum für 50 Modien.

10

Es sei ein gleichseitiges 5 Von gleichseitigen und 2 und rechtwinkliges Viereck, rechtwinkligen Vierecken. in dem jede Seite = 12 Fuß;

Und nach dem Angegebenen geschieht die Vermessung der Lehrsätze folgendermaßen:

Indem dies sich nun so 5 verhält, wollen wir die Ver- 1 messung der Lehrsätze vornehmen.

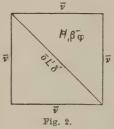
Ein gleichseitiges und

1 είσι] A, om. C. 2 ἡμίσεος] Α, \angle " C. 4 ἡμίσεος] ἡ $\overline{\psi}$ A, \angle " C. 6 ἥμισεος] ῆμισυ A, \angle " C. Mg. τῶν δὲ δακτύλων είσὶ τὰ ὀνόματα τάδε· μικρός, παράμεσος, μέσος, λιχανός, μέγας, $\delta(\varsigma)$ καὶ ἀντίχειρος καλεῖται m. rec. C. 7 τεσσάρων] $\bar{\delta}$ C. 8 τεσσάρων ήμίσεος] δ / C. 9 χίλιαι] α C. 10 αi —18 πεντήποντα] A, om. C.

1-3 etiam V, om. C. 3 ποιησόμεθα V. 5 και όρθογωνίων] A, om. C. 6 τετραγώνιον C. 8 ἀνὰ δργυιῶν] C, έχει άνὰ ὀργυιὰς Α. 10 δέπα έπὶ τὰς δέκα A. 13 ε'] seq. ras. 1 litt. C. γίνονται C, γίνεται A.

αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποιῶ μοδίου ζ΄. ούτως τὰ τβ ἐφ' ἐαυτά. γίγνονται ομδ πόδες. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδόν. 5

3 Έστω τετράγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον καὶ έχέτω εκάστην πλευράν ποδων ν. εύρεῖν αὐτοῦ γώνιον. ποιῶ οὕτως τὰ



ἔστω τὸ ἐμβαδὸν τοσούτων. την δε διαγώνιον εύρεῖν. δὶς τὸ ἐμβαδὸν ξ. ών πλευρά τετραγωνική ούτου έστιν ή διαγώνιος. καὶ άλλως την μίαν πλευοάν, τουτέστι τὰ ν, έπὶ τὰ ο Δ΄ δ΄ γίγνονται πόδες γφλζ Δ' δυ ν' γίνεται 30 \bar{o} / δ' .

άνὰ ποδών ιβ εύρεῖν καὶ ἔστιν λιτρών π ήτοι

Έτερον τετράγωνον ίσό- 3 πλευοον και δοθογώνιον, οδ έκάστη πλευρά ἀνὰ ὀργυιών τη εύρειν αὐτοῦ τὸ τὸ ἐμβαδὸν καὶ τὴν δια- 10 ἐμβαδόν. πολυπλασίασον την μίαν των βάσεων έπλ την μίαν των καθέτων, ήγουν τὰς τη έπὶ τὰς τη. γίνονται τκό καὶ ἔστι τὸ 15 έμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ τετραγώνου ὀργυιῶν ταδ. ὧν μέρος διακοσιοστόν γίνεται $\bar{\alpha} L' \iota' \nu'$ xal est $\nu \tilde{\eta}_S$ μοδίων α ζ΄ καὶ λιτοών $\overline{\nu}$ έ ϕ ' έαυτά γίγνονται β ϕ . 20 $\overline{\delta}$ \angle ' ε' ι' τοῦ γὰ ϕ μέτρου τοῦ μοδίου δργυιών σ παραλαμβανομένου, λιτοῶν δὲ μ, ἐπιβάλλουσι μιᾶ έκάστη λίτοα δογυιαί ε, γίγνεται ποδῶν ο ζ΄ δ΄. τοσ- 25 ξκάστη δε δογυια τὸ ε΄ τῆς λίτρας.

zu finden seinen Rauminhalt. Ich mache so: $12 \times 12 =$ 144 Fuß; soviel ist der Rauminhalt.

Es sei ein gleichseitiges und gleichwinkliges Viereck, und es habe jede Seite = 50 10 in dem jede Seite = 18 Klaf-Fuß; zu finden seinen Rauminhalt und den Durchmesser. Ich mache so: 50×50 = 2500; so viel Fuß sei der Rauminhalt. Zu finden den 15 selben Vierecks ist 324 Klaf-Durchmesser. $2 \times 2500 =$ $5000; \sqrt{5000} = 70^{\frac{1}{4}} \text{ Fuß};$ so viel ist der Durchmesser. Und anders: eine Seite, d. h. $50 \times 70\frac{1}{2}\frac{1}{4} = 3537\frac{1}{2}$ Fuß; 20 zu 40 Liter gerechnet wird, $3537\frac{1}{9}:50 = 70\frac{1}{9}\frac{1}{4}$.

rechtwinkliges Viereck, in dem jede Seite = 10 Klafter; zu finden seinen Rauminhalt. Mache so: $10 \times 10 = 100$; 5 so viel Klafter ist der Rauminhalt. $\frac{1}{5} \times 100 = 20$; und er ist = 20 Liter = $\frac{1}{2}$ Modius.

Ein anderes gleichseitiges 3 und rechtwinkliges Viereck, ter; zu finden seinen Rauminhalt. Eine Grundlinie eine Senkrechte, d. h. 18 × 18= 324; und der Rauminhalt dester. $\frac{1}{200} \times 324 = 1\frac{1}{2}\frac{1}{10}\frac{1}{50}$; und er ist = $1\frac{1}{2}$ Modius $4\frac{1}{2}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{10}$ Liter Land; da nämlich der Modius zu 200 Klafter und kommen auf jedes Liter 5 Klafter, auf jeden Klafter ½ Liter.

⁴ γίγνονται] γίγνεται SV. 20 γίνονται] γίγνεται SV. γφλζ ['] peruersa. 29 γίγνονται] Η/ S, γίνονται V. 30 σφλζ [V.

¹ ἔστι Α. λιτοῶν] comp. C, ut saepius. 2 [] C, ημίσεως A. ἤγουν mg. C². 6 τετράγωνον ισόπλευρον έτερον C. 12 καθέκτων C. 14 γίνονται] γ^{\prime} AC, ut solent. 20 δ τεσσάρων C. 21 σ διακοσίων A; talia posthac non notabo. 23 $\delta \hat{\epsilon}$] om. C. 24 λιτοί Α.

Δ° "Ετερον τετράγωνον ἰσόπλευρον καὶ ὀρθογώνιον, οὖ αἱ δ πλευραὶ ἀνὰ ὀργυιῶν λς. αὖται ἐφ' ἑαυτὰς πολυπλασιαζόμεναι γίνονται κασςς τοσούτων ὀργυιῶν ἐστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τετραγώνου. ὧν μέρος διακοσιοστὸν γίνεται ς δ΄ η΄ ι΄ σ΄ καὶ ἔστιν γῆς μοδίων εξ καὶ λιτρῶν τὰ τὰ τὰ γὰρ καὰ ὀργυιαὶ ὑπεξαιρούμεναι ἐπὶ τῶν σ ποσοῦνται εἰς γῆν μοδίων εξ, αἱ δὲ λοιπαὶ ς ὑπεξαιρούμεναι ἐπὶ τῶν καὶ ὀργυιᾶς μιᾶς.

Καὶ οὕτω μὲν ἐπὶ τοῦ μέτρου τῶν ὀργυιῶν ἐπὶ 10 δὲ τοῦ μέτρου τῶν σχοινίων ποίει οὕτως τὴν μίὰν τῶν πλευρῶν ἐφ' ἑαυτήν, ὧν τὸ L', καὶ ἔστιν ὁ μο-δισμός. οἶον ἔστω τετράγωνον ἰσόπλευρον καὶ ὀρθογώνιον, οὖ ἑκάστη τῶν πλευρῶν σχοινίων $\overline{\varsigma}$ εὐρεῖν τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως τὰ $\overline{\varsigma}$ ἐπὶ τὰ $\overline{\varsigma}$ γίνονται $\overline{\lambda\varsigma}$ 15 καὶ ἔστιν τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων $\overline{\lambda\varsigma}$. ὧν τὸ L' γίνονται $\overline{\iota\eta}$ καὶ ἔστι γῆς μοδίων $\overline{\iota\eta}$.

Α "Ετερον τετράγωνον Ισόπλευρον καὶ ὀρθογώνιον, οὖ εκάστη τῶν πλευρῶν σχοινίων τς. ταῦτα ἐφ' εκανά γίνονται σνς καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ σχοινίων 20 τοσούτων. ὧν τὸ ἡμισυ γίνονται σκη καὶ ἔστι γῆς κατὸν είκοσιοκτώ.

 $\frac{1}{7}$ "Ετερον τετράγωνον ἰσόπλευρον καὶ ὀρθογώνιον, οὖ αἱ $\frac{1}{8}$ πλευραὶ ἀνὰ σχοινίων $\frac{1}{8}$ το τὰ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων τοσούτων. 25 $\frac{1}{8}$ τὸ ἡμισυ γίνονται $\frac{1}{8}$ Γ΄ καὶ ἔστι γῆς μοδίων $\frac{1}{8}$ Γ΄.

Ετερον τετράγωνον Ισόπλευρον καὶ ὀρθογώνιον, οὖ ἐκάστη τῶν πλευρῶν σχοινίων ιβ καὶ ὀργυιῶν ξ΄ εὐ-ρεῖν τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως ἀνάλυσον καὶ τὰ σχοι-30 νία εἰς ὀργυιάς γίνονται διά τε σχοινίων καὶ ὀργυιῶν

Ein anderes gleichseitiges und rechtwinkliges Viereck, 4 dessen 4 Seiten je = 36 Klafter. $36 \times 36 = 1296$; so viel Klafter ist der Rauminhalt des Vierecks. $\frac{1}{200} \times 1296 = 6\frac{1}{4}\frac{1}{8}\frac{1}{10}\frac{1}{200}$; und er ist = 6 Modien $19\frac{1}{5}$ Liter Land; denn 5 1200 Klafter: 200 betragen 6 Modien Land, und der Rest 96:5 beträgt 19 Liter 1 Klafter Land.

So also bei Klaftermaß; bei Schoinienmaß aber mache 5 so: eine Seite mit sich multipliziert, davon die Hälfte, so groß die Modienzahl. Es sei z. B. ein gleichseitiges und 10 rechtwinkliges Viereck, in dem jede der Seiten = 6 Schoinien; zu finden den Rauminhalt. Mache so: 6 × 6 = 36; und der Rauminhalt ist = 36 Schoinien. Davon die Hälfte = 18; und er ist = 18 Modien Land.

Ein anderes gleichseitiges und rechtwinkliges Viereck, 6 15 in dem jede der Seiten = 16 Schoinien. $16 \times 16 = 256$; und sein Rauminhalt ist so viel Schoinien. $\frac{1}{2} \times 256 = 128$; und er ist 128 Modien Land.

Ein anderes gleichseitiges und rechtwinkliges Viereck, 7 dessen 4 Seiten je = 25 Schoinien. $25 \times 25 = 625$; und 20 so viel Schoinien ist der Rauminhalt. $\frac{1}{2} \times 625 = 312\frac{1}{2}$; und er ist $312\frac{1}{2}$ Modien Land.

Ein anderes gleichseitiges und rechtwinkliges Viereck, 8 in dem jede der Seiten = 12 Schoinien 6 Klafter; zu finden den Rauminhalt. Mache so: löse auch die Schoinien in Klafter auf; gibt, Schoinien und Klafter zusammen, 126 Klafter; 126 × 126 = 15876; und so viel Klafter ist der Raum-

δογυιαί σχ5, αίτινες έφ' έαυτάς πολυπλασιαζόμεναι συμποσούνται είς α εωος καὶ έστιν τὸ έμβαδὸν όργυιῶν τοσούτων. ὧν μέρος διακοσιοστόν γίνεται $\overline{o\vartheta} \, \delta' \, \eta' \, \sigma'$ καὶ ἔστι $\gamma \widetilde{\eta}_S$ μοδίων $\overline{o\vartheta}$ καὶ λιτοῶν $\overline{\iota \varepsilon} \, \varepsilon'$ αί γὰο α΄ ξεω δογυιαί ὑπεξαιρούμεναι ἐπὶ τῶν σ ποιοῦσι 5 γην μοδίων οθ, αί δε λοιπαί ος ύπεξαιρούμεναι έπὶ τῶν πέντε ποιοῦσι γῆν λιτοῶν τε καὶ ὀργυιᾶς α.

Τετραγώνου Ισοπλεύρου δρθογωνίου την διαγώνιον εύρεῖν. ποίει ούτως τὰ ιβ τῆς μιᾶς τῶν πλευρῶν ἐφ' έαυτά γίνονται ομδ ταῦτα δὶς σπη τούτων τετραγω- 10

νική πλευρά ιζ. καὶ ἔστιν ή διαγώνιος ιζ.

10 Παραλληλογράμμου δρθογωνίου την διαγώνιον εύφείν. ποίει ούτως τὰ ιβ τῆς πλευρᾶς ἐφ' ἑαυτά γίνονται ομδ. τὰ ε τῆς ὀρθῆς ἐφ' έαυτὰ πε. δμοῦ οξθ. ών πλευρά τετραγωνική γίνεται τν καὶ ἔστι τοσούτων 15 ή διαγώνιος.

Περί τετραγώνων παραλληλογράμμων ὀρθογωνίων. 1 Έστω τετράγωνον έτερόγοαμμον, οδ τὸ μῆκος πο-



δῶν ν, τὸ δὲ πλάτος πο- 10 τὸ πλάτος ἐπὶ τὸ μῆκος δῶν λ. εύρεῖν αὐτοῦ τὸ έμβαδὸν καὶ τὴν διαγώνιον. ποιῶ οὕτως, τὸ μῆ-

Τετοάγωνον παραλλη- 1 μηκες ήτοι παραλληλό- λόγραμμον δοθογώνιον, δ δή καὶ έτερόμηκες καλεῖται, μετοείται ούτως έστω παρ-5 αλληλόγοαμμον δοθογώνιον, οδ τὸ πλάτος σχοινίων γ, τὸ δὲ μῆκος σχοινίων η εύρεῖν αὐτοῦ τὸ έμβαδόν. πολυπλασίασον

ήγουν έπὶ τὰ η γίνονται

κδ· τοσούτων ἐστὶ τὸ ἐμ-

βαδον τοῦ αὐτοῦ παραλ-

inhalt. $\frac{1}{200} \times 15876 = 79\frac{1}{4}\frac{1}{8}\frac{1}{200}$; und er ist 79 Klafter $15\frac{1}{5}$ Liter; denn 15800 Klafter: 200 machen 79 Modien Land, die übrigen 76:5 machen 15 Liter 1 Klafter Land.

Den Durchmesser eines gleichseitigen rechtwinkligen 9 5 Vierecks zu finden. Mache so: 12 der einen Seite × 12 $= 144, 2 \times 144 = 288, \sqrt{288} = 17;$ und der Durchmesser ist = 17.

Den Durchmesser eines rechtwinkligen Parallelogramms 10 zu finden. Mache so: 12 der Seite × 12 = 144, 5 der 15 Senkrechten $\times 5 = 25$, 144 + 25 = 169, $\sqrt{169} = 13$; und so viel ist der Durchmesser.

Von parallelseitigen rechtwinkligen Vierecken.

Es sei ein Rectangel oder Parallelogramm, dessen Länge = 50 Fuß, Breite = 30 Fuß; zu finden seinen Rauminhalt Fuß; es sei der Rauminhalt = 1500 Fuß. Zu finden den

6

Ein parallelseitiges recht- 1 winkliges Viereck, auch Rectangel genannt, wird so gemessen: es sei ein rechtwinkund Durchmesser. Ich mache 5 liges Parallelogramm, dessen so: Länge × Breite = 1500 Breite = 3 Schoinien, Länge = 8 Schoinien; zu finden seinen Rauminhalt. Nimm Breite × Länge, d. h. × 8,

10 macht 24; so viel ist der

1 αίτινες] C, αδται Α. 2 συμποσούνται είς] C, γίνονται A. ἔστι A. έμβαδὸν] C, έμβαδὸν αὐτοῦ A. 4 καὶ (alt.)] om. C. 5 ποιοῦσι] C, ποσοῦνται εἰς Α. 7 ποιοῦσι] C, ποσοῦνται εἰς A. 8-16 om. A. 9 μιᾶς α΄ C. 17 δοθογώνων C.

 $3 \pi o \delta \tilde{\omega} v \tilde{\gamma} \tilde{\pi} S$, ut semper.

2 όρθογω (C. 6 οδ] Α, δ δή και έτερόμηκες οδ С. 9 πολυπλασίασον - 10 πλάτος] C, ποίησον τὰ τοῦ πλάτους Α. 10 τὸ μῆπος] C, τὰ τοῦ μήπους A. 11 ἤγουν] C, ἤγουν τὰ τοία Α. 12 τοσούτων] C, και Α. Post παραλληλογράμμου add. δοθογώνου C.

πος έπὶ τὸ πλάτος γίνονται πόδες σφ. ἔστω τὸ έμβαδὸν σφ ποδῶν. τὴν δε διαγώνιον εύρεῖν. τὸ μηχος έφ' έαυτό γίνονται 5 πόδες βφ · καὶ τὸ πλάτος έφ' έαυτό γίνονται πόδες 🔊 δμοῦ γίνονται πόδες γυ. ὧν πλευρά τετραγωνική ποδών νη γ'. τοσούτου 10 έστιν ή διαγώνιος [ποδων νη γ΄, τὸ δὲ ἐμβαδόν ἐστι ποδῶν αφ.

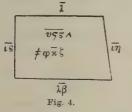
ληλογοάμμου. ὧν τὸ Δ΄. γίνονται ιβ. καὶ ἔστι μοδίων τοσούτων.

2 "Εστω τετράγωνον παραλληλόγραμμον μη ον όρ- 15 γραμμον δρθογώνιον, ο δη θογώνιον, οὖ τὸ μεῖζον μηκος ποδών λβ καὶ ή άλλη ποδων λ. δμοῦ γίνονται πόδες ξβ. ὧν τὸ L'· γίνονται λα. καὶ τὸ πλά- 20 τὸ ἐμβαδόν. ποίησον οὕτος ποδῶν τη καὶ τὸ ἄλλο ποδών τς δμοῦ γίνονται λδ ων το ζίζ. ταῦτα πολυπλασιάζω έπὶ τὰ λα· γίνονται πόδες φαζ. τοσ- 25 έστι λιτοῶν ξ ήτοι μοούτων ποδων έστι τὸ έμβαδόν [ποδῶν φαζ].

Τετράγωνον παραλληλό- 2 καὶ έτερόμηκες καλεῖται, οδ τὰ μὲν μήκη ἀνὰ ὀογυιῶν π, τὰ δὲ πλάτη ἀνὰ όργυιῶν τε εύρεῖν αὐτοῦ τως τὰ π ἐπὶ τὰ τε γίνονται τ. τοσούτων δογυιῶν ἐστι τὸ ἐμβαδόν. δν τὸ ε' γίνονται ξ καὶ δίου $\overline{\alpha}$ [.

Durchmesser. Länge Länge = 2500 Fuß, und Breite \times Breite = 900 Fuß; 2500 $+900 = 3400 \,\mathrm{FuB}; \,1/3400$ $=58\frac{1}{3}$ Fuß. So viel ist der 5 Durchmesser, der Rauminhalt aber 1500 Fuß.

Es sei ein nicht rechtwinkliges Parallelogramm*), dessen größere Länge = 32 Fuß, 10 eck genannt, dessen Längen die andere = $30 \operatorname{FuB}$; 32 + 30



 $=62, \frac{1}{8} \times 62 = 31$. Und 20 die Breite = 18 Fuß, die andere = $16 \text{ Fu}\beta$, 18 + 16 $=34, \frac{1}{2} \times 34 = 17, 17 \times 31$ = 527; so viel Fuß ist der Rauminhalt. 25

*) Gemeint ist ein Paralleltrapez.

1 γίνονται | γι/ SV, ut solent. 10 ποδῶν $\vec{\pi}$ S, ut solet; πόδες V.11 ποδῶν $\overline{\nu\eta}$ γ'] SV, deleo cum Hultschio. δων φηζ] SV, deleo. seq. έξης ή παταγραφή SV (in S in extr. fol. 6^v, fig. exstat fol. 7^r).

Rauminhalt desselben Parallelogramms. $\frac{1}{2} \times 24 = 12$; und so viel Modien ist er.

Ein parallelseitiges recht- 2 winkligesViereck, auchRechtje = 20 Klafter, Breiten je = 15 Klafter; zu finden seinen Rauminhalt. Mache so: $20 \times 15 = 300$; so viel 15 Klafter ist der Rauminhalt. $\frac{1}{5} \times 300 = 60$; und er ist = $60 \text{ Liter} = 1\frac{1}{2} \text{ Modius}.$

1 ών τὸ] C, σχοινίων αδ ών Α. 2 μοδίων τοσούτων] C, $\gamma \tilde{\eta}_S$ $\mu o \delta i \omega v \iota \beta A$. 17 $\tau \alpha$ μεν μήκη] Α, τὸ μεν μήκος C. 21 τὰ π τὰς εἴκοσι τοῦ μήκους Α. τὰ τε] C, τὰς τε τοῦ πλάτους Α. 24 ων С. τοῦ αὐτοῦ παραλληλογράμμου ών Α. 25 ήτοι] C, ήτοι γης Α.

Τετράγωνον παραλληλόγραμμον δοθογώνιον, οδ τὰ μεν μήπη ἀνὰ ὀργυιῶν π, τὰ δὲ πλάτη ἀνὰ ὀργυιῶν ξ. εύρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίησον τὰς π τοῦ μήκους έπὶ τὰς ξ τοῦ πλάτους γίνεται οὖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου δργυιών δω. ὧν μέρος διακοσιοστὸν γίνεται πδ. καὶ ἔστι γῆς μοδίων εἰκοσιτεσσάρων.

Τετράγωνον δρθογώνιον καὶ ἰσόπλευρον, οὖ τὸ ἐμβαδον δογυιών ο εύρεῖν αὐτοῦ, πόσων δογυιών έκάστη πλευρά. ποίει ούτως λαβέ τῶν ο πλευράν τετράγωνον. γίνεται το τοσούτων δργυιών έστιν εκάστη πλευρά.

Τετράγωνον παραλληλόγραμμον δοθογώνιον, δ δή καὶ έτερόμηκες καλεῖται, οὖ τὰ μὲν μήκη ἀνὰ σχοινίων όκτω, τὸ δὲ ἐμβαδὸν σχοινίων μ. εύρεῖν τὸ πλάτος. ποίει ούτως λαβέ τῶν μ τὸ ὄγδοον γίνεται ε τοσούτων σχοινίων έστὶ τὸ πλάτος. τὸν δὲ μοδισμὸν εύρεῖν. 15 πολυπλασίασον τὰ $\bar{\epsilon}$ τοῦ πλάτους ἐπὶ τὰ $\bar{\eta}$ τοῦ μή- \mathbf{x} ους· γίνονται $\overline{\mu}$ · $\mathbf{\tilde{b}}$ ν τὸ \mathbf{L} '· γίνονται $\overline{}$ · \mathbf{x} αὶ ἔστι $\mathbf{\gamma}$ ῆς $\mu o \delta l \omega \nu \overline{\varkappa}$.

Περί τριγώνων δρθογωνίων.

εν Τοίγωνον δοθογώνιον, οὖ ή μὲν κάθετος ποδῶν $\overline{\lambda}$, η δε βάσις ποδών $\overline{\mu}$, η δε ύποτείνουσα ποδών $\overline{\nu}$. εύοεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποιώ ούτως την βάσιν έπὶ τὴν κάθετον γίνονται πόδες ασ. δυ Δ΄ γίνονται πόδες χ. ἔστω τὸ έμ-2 βαδὸν ποδῶν χ. εύρεῖν 10 οὕτως λάμβανε τὸ ζ΄ τῆς αὐτοῦ καὶ τὴν ὑποτείνουσαν. τὰ λ τῆς καθέτου

"Εστω τριγώνου δρθο- 1 γωνίου ή βάσις σχοινίων δ ήτοι δογυιών $\overline{\mu}$, ή κάθετος ήγουν ή πρός όρ-5 θάς σχοινίων γ ήτοι δογυιών λ, ή δε ύποτείνουσα σχοινίων ε ήτοι δογυιών ν εύρεῖν τὸ ἐμβαδόν. ἐπὶ 2 μέν τῶν σχοινίων ποίει βάσεως, τουτέστι τὰ β, καὶ πολυπλασίαζε έπὶ τὰ γ τῆς

Ein parallelseitiges rechtwinkliges Viereck, dessen Längen 3 je = 80 Klafter, Breiten je = 60 Klafter; zu finden seinen Rauminhalt. Mache 80 der Länge × 60 der Breite; also wird der Rauminhalt des Parallelogramms = 4800 Klafter. 5 \frac{1}{200} × 4800 = 24; und er ist = 24 Modien Land. Ein rechtwinkliges und gleichseitiges Viereck, dessen 4

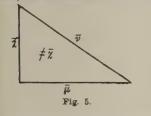
Ein rechtwinkliges und gleichseitiges Viereck, dessen 4 Rauminhalt = 100 Klafter; zu finden, wie viel Klafter jede seiner Seiten ist. Mache so: $\sqrt{100} = 10$; so viel Klafter

ist jede Seite.

Ein parallelseitiges rechtwinkliges Viereck, auch Rectan-5 gel genannt, dessen Längen je = 8 Schoinien, der Rauminhalt = 40 Schoinien; zu finden die Breite. Mache so: $\frac{1}{8} \times 40 = 5$; so viel Schoinien ist die Breite. Zu finden die Modienzahl. 5 der Breite $\times 8$ der Länge = $40, \frac{1}{2} \times 40$ as = 20; und sie ist 20 Modien Land.

Von rechtwinkligen Dreiecken.

Ein rechtwinkliges Dreieck, dessen Kathete = 30 Fuß,



Grundlinie = 40 Fuß [Hypotenuse = 50 Fuß]; zu finden

Es sei die Grundlinie eines 1 rechtwinkligen Dreiecks = 4 Schoinien oder 40 Klafter, die Kathete oder Senkrechte 5 = 3 Schoinien oder 30 Klafter [die Hypotenuse 5 Schoinien oder 50 Klafter]; zu finden den Rauminhalt. Bei Schoinien mache so: ½ Grundlinie = 2, 2 × 3 der Kathete = 6; und esist der Rauminhalt des rechtwinkligen Dreiecks

3 $\dot{\eta}$ $\delta \dot{\epsilon}$ $\dot{\nu}\pi \sigma r \dot{\epsilon} i \nu \sigma v \sigma \alpha$] del. Hultsch; et abesse debuit sicut col. 2 lin. 6 $\dot{\eta}$ —8 $\bar{\nu}$; u. lin. 10 sqq.

1 τρίγωνον C.

έφ' ξαυτά γίνουται χ. και τὰ μ τῆς βάσεως ἐφ' ξαυτά γίνουται αχ. ὁμοῦ πόδες κυρεῖν τὴν ὑποτείνουσαν. σύνθες τὰς β πλευρὰς τὰ λ καὶ τὰ μ γίνονται ο ταῦτα ἐπὶ ε τν τούτων τὸ ξ' ν.

καθέτου γίνονται 5. καὶ έστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὀοθογωνίου τριγώνου σχοινίων 5. τούτων τὸ ήμισυ. 5 γίνονται γ. καὶ ἔστι γῆς μοδίων γ. έπὶ δὲ τῶν όρ- 3 γυιών λάμβανε όμοίως τὸ ήμισυ της βάσεως, τουτέστι τάς π δογυιάς, και πολυ-10 πλασίαζε έπὶ τὰς λ τῆς καθέτου γίνονται χ. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὀρθογωνίου τριγώνου δργυιών χ. τούτων μέρος διακοσιοστόν 15 ylvetal $\overline{\gamma}$ nal ësti nal o \tilde{v} τως γης μοδίων τοιών. ἐν 4 παντί γάο μέτοφ, εί μέν μετά σχοινίου γίνεται, τά τοῦ πολυπλασιασμοῦ ήμι-20 σειαζόμενα ἀποτελοῦσι τὸν μοδισμόν, εί δὲ μετὰ όργυιᾶς, αί τοῦ πολυπλασιασμοῦ ὀργυιαὶ ὑπεξαιρούμεναι έπλ τῶν σ ἀπο-25 τελοῦσι τὸν μοδισμόν, μ δε λιτοων οὐσων τῷ ένὶ μοδίω δογυιών τε σ έπιβάλλουσι μιᾶ έκάστη λίτοα δργυιαὶ πέντε.

5 "Εστω τοίγωνον έτερον 30 "Ετερον τρίγωνον δο- 5 δοθογώνιον καὶ έχέτω τὴν θογώνιον, οὖ ή μὲν βά-

seinen Rauminhalt. Ich mache so: Grundlinie × Kathete =1200 Fuß, ½×1200=600 Fuß; es sei der Rauminhalt 2 600 Fuß. Zu finden auch

seine Hypotenuse. 30 der Kathete \times 30 = 900, und 40 der Grundlinie \times 40 = 1600, 900 + 1600 = 2500

3 Fuß; $\sqrt{2500} = 50$. Auf an- 10 dere Weise die Hypotenuse zu finden.*) Addiere die 2 Seiten, 30 + 40 = 70; $70 \times 5 = 350, \frac{1}{7} \times 350 = 50$.

5 Es sei ein anderes recht- 20 winkliges Dreieck, und es

*) Cfr. Cantor, Vorlesungen über Gesch. d. Mathem. 2 I p. 368.

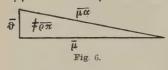
= 6 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 6 = 3$; und er ist 3 Modien Land. Bei Klaftern aber ebenfalls 3 $\frac{1}{9}$ Grundlinie = 20 Klafter, $20 \times 30 \text{ der Kathete} = 600$; und es ist der Rauminhalt des rechtwinkligen Dreiecks = 600 Klafter. $\frac{1}{200} \times 600$ = 3; und er ist auch so 3 Modien Land. Bei jedem Maß 4 nämlich ergibt, wenn es in Schoinien ist, das halbierte Produkt die Modienzahl, wenn aber in Klaftern, ergeben die 15 Klafter des Produkts mit 200 dividiert die Modienzahl, und da 1 Modius 40 Liter hat und 200 Klafter, kommen auf jedes Liter 5 Klafter.

Ein anderes rechtwink- 5 liges Dreieck, dessen Grund-

 $10 \ \zeta' \ \overline{\nu}$] $\overline{\xi} \ \overline{\nu} \ V$. $30-31 \ \delta \varphi$ Proyúviov Ετερον V.

1 γίνονται] ούτως β΄ γ΄ C. 2 τοῦ] C, τοῦ αὐτοῦ Α. 7 δ- $\mu o i \omega s \hat{\mathbf{I}} \mathbf{A}, \mathbf{om. C.} \quad \tau \delta \hat{\mathbf{I}} \mathbf{A}, \tau \hat{\alpha} \mathbf{C}.$ 8 τουτέστι] C, ήγουν Α. 11 γίνονται] ούτως πλ C. 12 τοῦ] C, αὐτοῦ τοῦ Α. 14 τούτων C, ων A. 18 γίνεται C, γίνεται ή μέτρησις Α. 19 πολυπλασιασμού] C, πολυπλασιασμού σχοινία Α. 20 ἀποτελοῦσι C, δηλοῦσι Α. 24 σ διακοσίων, A fol. 70°, in mg. inf. σημείωσαι ένταῦθα περί τοῦ μέτρου τῶν δργυιών καλ τών σχοινίων. 26 δε A, om. C. 27 επιβαλλούση C. 28 λιτρί Α.

μεν βάσιν ποδων μ, την δε ύποτείνουσαν ποδών μα, την δε κάθετον ποδων θ' εύρεῖν αὐτοῦ τὸ έμβαδον καὶ τὴν κάθετον.



ξαυτά· γίνεται σχπα· καὶ τὰ μ ἐφ' ξαυτά γίνονται ζαχ. ταῦτα ύφαιρῶ ἀπὸ τῶν αχπα ποδῶν λοιπὸν πλευρά τετραγωνική γί-6 νονται πόδες θ. νῦν ποιῶ την κάθετον έπὶ την βάσιν. γίνονται τξ. ὧν τὸ ζ΄. γίνονται πόδες οπ. ἔστω τὸ 20 ήγουν τὰς μ δργυιὰς ποέμβαδον ποδών οπ.

σις σχοινίων η ήτοι δογυιῶν π, ή δὲ κάθετος ήγουν ή πρός δρθάς σχοινίων ξ ήτοι δογυιών ξ, ή 5 δε ύποτείνουσα σχοινίων ϊ ήτοι ὀργυιών ο εύρεῖν τὸ ἐμβαδόν. ἐπὶ τῶν σχοι- 6 νίων ποίησον ούτως λαβων το ήμισυ της βάσεως ποιῶ οὕτως τὰ μα ἐφ' 10 ήγουν τὰ δ σχοινία πολυπλασίασον έπὶ τὰ ξ τῆς καθέτου γίνονται κδ. καί ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ όρθογωνίου τριγώνου σχοιμένουσιν πόδες πα' ὧν 15 νίων κδ. τούτων τὸ ήμισυ' γίνονται ιβ. καὶ ἔστι γῆς μοδίων ιβ. έπὶ δὲ τῶν 7 δογυιών ποίησον ούτως. λαβὼν τὸ Δ΄ τῆς βάσεως λυπλασίασον ἐπὶ τὰ ξ̄ τῆς καθέτου ούτως π ξ βυ. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ δρθογωνίου τριγώνου δρ-25 γυιῶν βυ. τούτων μέρος διακοσιοστόν γίνεται ιβ. και έστι και ούτως γης μοδίων ιβ.

Ίστέον δέ, ως παντὸς δοθογωνίου τριγώνου οί πολυπλασιασμοί των β πλευρών της δοθης γωνίας ίσοι είσὶ τῷ πολυπλασιασμῷ τῆς λοιπῆς τῆς ὑποτεινούσης.

AC

habe die Grundlinie = $40 \,\mathrm{FuB}$, die Hypotenuse $41 \,\mathrm{FuB}$ [die Kathete = $9 \,\mathrm{FuB}$]; zu finden dessen Rauminhalt und die Kathete. Ich mache so: 5 $41 \times 41 = 1681$, $40 \times 40 = 1600$, $1681 \div 1600 = 81$; FuB, $\sqrt{81} = 9$. Dann mache ich Kathete \times Grundlinie = $360; \frac{1}{2} \times 360 = 180 \,\mathrm{FuB}; \frac{10}{6}$ es sei der Rauminhalt = 180 FuB.

linie = 8 Schoinien = 80 Klafter, die Kathete oder Senkrechte = 6 Schoinien = 60 Klafter, die Hypotenuse 5 = 10 Schoinien = 100 Klafter: zu finden den Rauminhalt. Bei Schoinien mache 6 so: $\frac{1}{2}$ Grundlinie = 4 Schoinien, 4×6 der Kathete = 24; und es ist der Rauminhalt des rechtwinkligen Dreiecks = 24 Schoinien. $\frac{1}{2}$ × 24 = 12; und er ist = 12 Modien Land. Bei Klaftern 7 15 aber mache so: 1/8 Grundlinie $=40 \, \text{Klafter}, \times 60 \, \text{der Ka}$ thete, also $40 \times 60 = 2400$; und es ist der Rauminhalt des rechtwinkligen Dreiecks $_{20} = 2400$ Klafter. $\frac{1}{200} \times$ 2400 = 12; und er ist auch so = 12 Modien Land.

Man muß aber wissen, daß in jedem rechtwinkligen 8 Dreieck die Produkte der zwei Seiten des rechten Winkels dem Produkt der übrigen, der Hypotenuse, gleich sind.

³ τὴν—4 ϑ] del Hultsch, cfr. ad p. 210¹3. 5 έμ | des. fol. 6⁻ V, in mg. inf. ζήτει τὸν ξόμβον τοῦτον εἰς τὸ τέλος. 10 ποιῶ] SV, ποιῶν V^2 . 21 seq. ἐξῆς ἡ ναταγραφή SV (in S hic des. fol. 7°, fig. seq. fol. 7°).

⁸ λαβὼν] C, λαβὲ A. 10 ἤγουν τὰ τέσσαρα A, τὰ δ΄ ἤγουν C. σχοινία] C, σχοινία καὶ A. 12 γίνονται] comp. A, οὕτως δ΄ ς΄ C. 13 τοῦ] C, τοῦ αὐτοῦ A. 15 ῆμισυ] ϔ C. 16 γίνεται C. 19 λαβὼν] C, λαβὲ A. 20 ὀργυιὰς] C, όργυιὰς καὶ A. 21 τὰ] C, τὰς A. 25 τούτων] C, ὧν A.

9 οἷον ὡς ἐν ὑποδείγματι ἔστωσαν τριγώνου ὀρθογωνίου αί β πλευραὶ τῆς ὀρθῆς γωνίας ἡ μὲν μείζων σχοινίων η, ἡ ἐπὶ τῆς βάσεως δηλαδή, ἡ δὲ ϛ, τουτέστιν ἡ πρὸς ὀρθάς ἀπὸ τούτων εύρεῖν τὸν ἀριθμὸν τῆς ὑποτεινούσης. ποίησον οὕτως πολυπλασίασον τὰ η ε τῆς βάσεως ἐφ' ἐαυτά· γίνονται ξδ· καὶ τὰ ϛ τῆς καθέτου ἐφ' ἐαυτά· γίνονται λς. εἶτα σύνθες ἀμφοτέρων τῶν πλευρῶν τοὺς πολυπλασιασμούς, ἤγουν τὰ ξδ καὶ τὰ λς· γίνονται ρ. τούτων λαβὲ πλευρὰν τετραγωνικήν· γίνεται ῖ· καὶ ἔστιν ἡ ὑποτείνουσα σχοινίων ῖ [καὶ 10 ἐπὶ ἄλλων ὁμοίως ποίει].

10 Τρίγωνον ὀρθογώνιον, οὖ ἡ μὲν βάσις σχοινίων ις, ή δὲ πρὸς δρθὰς σχοινίων ιβ, ή δὲ ὑποτείνουσα σχοινίων π' εύφεῖν τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως τὰ τς τῆς βάσεως ἐπὶ τὰ τβ τῆς ποὸς ὀοθάς. γίνονται οςβ. 15 τούτων τὸ Δ΄ γίνονται 45 τοσούτων σχοινίων έστὶ τὸ έμβαδόν. τὸν δὲ μοδισμὸν εύρεῖν λαβὲ τὸ ζ΄ τῶν ५5. 11 γίνονται $\overline{\mu\eta}$ · καὶ ἔστι $\gamma\tilde{\eta}$ ς μοδίων $\overline{\mu\eta}$. ἐὰν δὲ θέλης [ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν δύο πλευρῶν] τὴν ύποτείνουσαν εύφεῖν, ποίει ούτως τὰ τς τῆς βάσεως 20 έφ' ξαυτά γίνονται συς καὶ τὰ ιβ τῆς ποὸς ὀοθὰς έφ' ξαυτά γίνονται ομδ δμοῦ υ ων πλευρά τετρά-12 γωνος π΄ τοσούτων σχοινίων έστὶν ή ύποτείνουσα. ἐὰν δὲ θέλης την πρὸς ὀρθὰς εὐρεῖν, ποίει οὕτως τὰ π της υποτεινούσης έ φ ' έαυτά γίνονται \overline{v} . έξ αὐτ $\tilde{\omega}$ ν zι λαβε τὰ τς ποιῶν ἐφ' έαυτὰ [γίνονται] σνς λοιπὰ ομό . ὧν πλευρά τετράγωνος γίνεται ιβ . τοσούτων 13 σγοινίων ή προς δρθάς. ἐὰν δὲ θέλης τὴν βάσιν εύρεῖν, δμοίως λαβε άπὸ τῶν ν τὰ τῆς πρὸς ὀρθάς ιβ γινόμενα έφ' έαυτὰ ομδ. λοιπὰ σνς. ὧν πλευρὰ τετρά- 30

γωνος γίνεται τς τοσούτων σχοινίων έστιν ή βάσις.

Es sei z. B. in einem rechtwinkligen Dreieck von den zwei Seiten des rechten Winkels die größere = 8 Schoinien, die der Grundlinie nämlich, die andere, d. h. die senkrechte, = 6; aus diesen die Größe der Hypotenuse zu finden. Mache 5 so: 8 der Grundlinie × 8 = 64, und 6 der Kathete × 6 = 36; addiere die Produkte der beiden Seiten, d. h. 64 + 36 = 100; $\sqrt{100}$ = 10; und es ist die Hypotenuse = 10 Schoinien.

Ein rechtwinkliges Dreieck, dessen Grundlinie = 16 Schoi- 10 nien, die Senkrechte = 12 Schoinien, die Hypotenuse = 20 Schoinien; zu finden den Rauminhalt. Mache so: 16 der Grundlinie \times 12 der Senkrechten = $192, \frac{1}{2} \times 192 = 96$; so viel Schoinien ist der Rauminhalt. Die Modienzahl zu finden. $\frac{1}{2} \times 96 = 48$; und er ist 48 Modien Land. Wenn 11 du aber die Hypotenuse finden willst, mache so: 16 der Grundlinie \times 16 = 256, und 12 der Senkrechten \times 12 = 144; 256 + 144 = 400, $\sqrt{400} = 20$; so viel Schoinien ist die Hypotenuse. Wenn du aber die Senkrechte finden 12 willst, mache so: 20 der Hypotenuse \times 20 = 400, 400 \div 16 \times 16 = 400 \div 256 = 144; $\sqrt{144} = 12$; so viel Schoinien ist die Senkrechte. Wenn du aber die Grundlinie finden 13 willst, nimm gleichfalls $400 \div 12 \times 12 = 400 \div 144 = 256$; $\sqrt{256} = 16$; so viel Schoinien ist die Grundlinie.

[μενα] Γ C. 31 σχοινίων ἐστ<math>[ν] C, ἔσται σχοινίων Α.

- 14 ἐὰν δὲ ἡ ὑποτείνουσα σχοινίων π καὶ θέλης ἐκ ταύτης εὑρεῖν τὴν βάσιν καὶ τὴν πρὸς ὀρθάς, ποίει οὕτως* τὰ π τῆς ὑποτεινούσης τετράκις: γίνονται π. ὧν τὸ ε΄.
- 15 γίνονται τς: τοσούτων ἔσται σχοινίων ἡ βάσις. δμοίως καὶ τὴν πρὸς ὀρθὰς εὑρεῖν. τρισσάκις τὰ ϰ: γίνονται ξ: 5 τούτων τὸ ε΄: γίνονται τβ: τοσούτων ἔσται σχοινίων ἡ πρὸς ὀρθάς.
- 16 Τοίγωνον ὀρθογώνιον, οὖ τὸ ἐμβαδὸν ὀργυιῶν χ̄, ἡ δὲ κάθετος ὀργυιῶν λ̄ τούτου τήν τε βάσιν καὶ τὴν ὑποτείνουσαν εὐρεῖν. ποίει οὕτως δὶς τὸ ἐμβαδόν 10 γίνονται ασ̄. ταῦτα ἀνάλυσον παρὰ τὴν κάθετον γί-
- - 8 Μέθοδος Πυθαγόρου περί τριγώνου δρθογωνίου.
 - 1 'Εὰν ἐπιταγῆς τρίγωνον ὀρθογώνιον συστήσασθαι κατὰ τὴν Πυθαγόρειον μέθοδον ἀπὸ πλήθους περιττοῦ, ποιήσεις οὕτως δεδόσθω τῆ καθέτω ἀριθμὸς ὁ τῶν ε̄ · 20 ταῦτα ἐφ' ἑαυτά γίνονται κε · ἀπὸ τούτων ἄφελε μονάδα μίαν · λοιπὰ κδ · τούτων τὸ Δ΄ τῶ · ταῦτα ἡ βάσις. πρόσθες τῆ βάσει μονάδα μίαν · γίνονται τγ · τοσούτων ἡ ὑποτείνουσα.

 - 3 'Εὰν δὲ ἐπιταγῆς ἄξαι κάθετον ἀπὸ τῆς ὀοθῆς γωνίας ἐπὶ τὴν ὑποτείνουσαν, πολυπλασίαζε τὰ ε̄ τῆς 30

Wenn aber die Hypotenuse = 20 Schoinien, und du daraus 14 die Grundlinie und die Senkrechte finden willst, mache so: 4×20 der Hypotenuse = 80, $\frac{1}{5} \times 80 = 16$; so viel Schoinien wird die Grundlinie sein. Ebenso auch die Senk- 15 rechte zu finden. $3 \times 20 = 60$, $\frac{1}{5} \times 60 = 12$; so viel Schoinien wird die Senkrechte sein.*)

Ein rechtwinkliges Dreieck, dessen Rauminhalt = 600 16 Klafter, die Kathete = 30 Klafter; zu finden sowohl seine Grundlinie als die Hypotenuse. Mache so: 2 × Rauminhalt 10 = 1200, 1200: Kathete = 40; so viel Klafter ist die Grundlinie. Ebenso auch die Hypotenuse zu finden. Multipliziere 17 die Kathete mit sich selbst; macht 900; und die Grundlinie mit sich selbst; macht 1600; 900 + 1600 = 2500; $\sqrt{2500}$ = 50; so viel Klafter ist die Hypotenuse.

15 Die Methode des Pythagoras vom rechtwinkligen Dreieck. 8

Wenn verlangt wird, daß du ein rechtwinkliges Dreieck 1 konstruieren sollst nach der Methode des Pythagoras von einer ungeraden Zahl aus, wirst du so machen: es sei der Kathete die Zahl 5 gegeben; $5 \times 5 = 25$, $25 \div 1 = 24$, $\frac{1}{2} \times 24 = 12$; das ist die Grundlinie. 12 + 1 = 13; so viel die Hypotenuse.

Zu finden den Rauminhalt desselben Dreiecks. $\frac{1}{2} \times 12$ 2 der Grundlinie = 6, 6 × 5 der Senkrechten = 30; und sein Rauminhalt wird sein = 30 Einheiten.

Wenn aber verlangt wird eine Senkrechte vom rechten 3 25 Winkel auf die Hypotenuse zu ziehen, multipliziere 5 der

*) Vgl. Diophantos II 8.

¹ σχοινίων] C, ἡ μόνη σχοινίων A. 3 τετράκις] δ⁴ C.
4 γίνονται] C, comp. A. μοίως A. 5 τρισσάκις] τρισάκις C,
γ΄ A. 9 τε] A, om. C. 11 γίνονται (pr.)] comp. C, γίνεται
Α. γίνονται (alt.)] C, comp. A. 12 ἐστὶν] C, ἔσται A.
15 γίνονται (alt.)] C, comp. A. 16 γίνεται] A, comp. C.
ἐστιν] C, ἔσται A. 19 Πυθαγόρειον] Πυθαγόριον C, Πυθαγόρον A. 20 ποιήσης C. 22 μίαν] C, om. A. Δ΄] C,
ημισν γίνεται A. 23 τοσούτον A. 25—p. 220, 20 om. C.

πρὸς ὀρθὰς ἐπὶ τὰ $\overline{\iota \beta}$ τῆς βάσεως γίνονται έξήκονται $\overline{\delta}$ L' $\iota \gamma'$ κ5΄ ἤτοι μονάδες $\overline{\delta}$ καὶ λεπτὰ $\iota \gamma'$ $\iota \gamma'$ ὀκτώ τοσούτου ἀριθμοῦ ἡ κάθετος.

Τὴν δὲ ἀποτομὴν αὐτοῦ εύρεῖν. ποίησον οὕτως: 5 τὰ τὴ τῆς ὑποτεινούσης ἐφ' ἐαυτά: γίνονται οξθ· καὶ τὰ ε τῆς πρὸς ὀρθὰς ἐφ' ἐαυτά: γίνονται πε· ὁμοῦ οςδ. ἀπὸ τούτων λαβὲ τὰ τῆς βάσεως ποιῶν ἐφ' ἐαυτά: γίνονται ομδ· λοιπὰ ν· ὧν ῆμισυ γίνεται πε. ταῦτα μέρισον παρὰ τὰ τὴ τῆς ὑποτεινούσης: γίνονται 10 α L' γ' ιγ' οη' ἤτοι μονὰς μία καὶ λεπτὰ ιγ' ιγ' τῆς ὑποσούτου ἡ ἀποτομὴ τοῦ ἤττονος τμήματος. ταῦτα ἄρον ἀπὸ τῶν τὴ· λοιπὰ τα ιγ' ἤτοι μονάδες ἕνδεκα καὶ λεπτὸν ιγ' α· τοσούτου ἡ ἀποτομὴ καὶ τοῦ μεί-ζονος τμήματος.

Το δὲ ἐμβαδὸν αὐτοῦ ἀπὸ τούτων εὐρεῖν. λαβὲ τῶν $\overline{\iota \gamma}$ τῆς ὑποτεινούσης τὸ ἥμισυ γίνονται $\overline{\varsigma}$ L' ταῦτα πολυπλασίασον ἐπὶ τὸν ἀριθμὸν τῆς ἀχθείσης καθέτου, τουτέστιν ἐπὶ τὰ $\overline{\delta}$ L'ιγ' κς' γίνονται τριάκοντα. ἔσται οὖν καὶ οὕτως τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ μονάδων τριάκοντα. 20

9 Μέθοδος Πλάτωνος περί τριγώνου ὀρθογωνίου.

1 'Εὰν ἐπιταγῆς τοίγωνον ὀοθογώνιον συστήσασθαι κατὰ Πλάτωνα ἀπὸ πλήθους ἀρτίου, ποίησον οὕτως δεδόσθω τῆ καθέτω ἀριθμὸς ὁ τῶν η τούτων τὸ L' γίνονται δ ταῦτα ἐφ' ἐαυτά γίνονται τς. ἀφαίρει ἀπὸ το τούτων μονάδα μίαν λοιπὰ τε τοσούτου ἡ βάσις. πρόσθες τῆ βάσει δυάδα γίνονται τς ταῦτα ἀπόδος τῆ ὑποτεινούση, καὶ συνίσταται.

Τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. ποίει οὕτως πολυπλασίαζε ἀεὶ τὸ ζ΄ τῆς βάσεως ἐπὶ τὴν πρὸς ὀρθὰς ἢ τὸ ζ΄ τῆς so

9

Senkrechten \times 12 der Grundlinie = 60, 60:13 der Hypotenuse = $4\frac{1}{2}\frac{1}{13}\frac{1}{26}$ oder $4\frac{8}{13}$; so viel an Zahl die Senkrechte.

Zu finden deren Abschnitt. Mache so: 13 der Hypo- 4 5 tenuse \times 13 = 169, und 5 der Senkrechten \times 5 = 25, 169 + 25 = 194, 194 ÷ 12 der Grundlinie \times 12 = 194 ÷ 144 = 50; $\frac{1}{2} \times$ 50 = 25, 25:13 der Hypotenuse = $1\frac{1}{2}\frac{1}{3}\frac{1}{13}\frac{1}{78} = 1\frac{12}{13}$; so viel der Abschnitt des kleineren Stücks. 13 ÷ $1\frac{12}{13} = 11\frac{1}{13}$; so viel der Abschnitt auch des größeren 10 Stücks.

Und seinen Rauminhalt hieraus zu finden. $\frac{1}{2} \times 13$ der 5 Hypotenuse = $6\frac{1}{2}$, $6\frac{1}{2} \times$ die Zahl der gezogenen Senkrechten, d. h. $6\frac{1}{2} \times 4\frac{1}{2}\frac{1}{13}\frac{1}{26} = 30$; also wird auch so sein Rauminhalt 30 sein.

Die Methode Platons vom rechtwinkligen Dreieck.

Wenn verlangt wird, daß du ein rechtwinkliges Dreieck 1 konstruieren sollst nach Platon von einer geraden Zahl aus, wirst du so machen: es sei der Kathete die Zahl 8 gegeben; $\frac{1}{2} \times 8 = 4, 4 \times 4 = 16, 16 \div 1 = 15$; so viel die Grundlinie. Grundlinie + 2 = 17; gib diese der Hypotenuse, und die Konstruktion ist möglich.

Den Rauminhalt zu finden. Mache so: multipliziere immer $\frac{1}{2}$ Grundlinie mit der Senkrechten oder $\frac{1}{2}$ Senkrechte mit der Grundlinie; und wisse, daß das dabei sich Ergebende

¹¹ μονάς] $\stackrel{o'}{\mu}$ A. 21 Μέθοδος—ὀοθογωνίου] A, om. C. 23 ποίησον] C, ποιήσεις A. 25 άφαίζει ἀπὸ τούτων] C, ἀπὸ τούτων ἀφαίζει A. 26 λοιπὰ] A, λοιπαὶ C. τοσούτως C. 29 έμβαδὸν] C, δὲ ἐμβαδὸν αὐτοῦ A. 30 τὴν] A, τὴν κάθετον ἤγονν τὴν C.

πρὸς ὀρθὰς ἐπὶ τὴν βάσιν καὶ τὸ ἀπὸ τοῦδε συναγόμενον γίνωσκε εἶναι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὀρθογωνίου τρι3 γώνου. οἶον ἔστω τριγώνου ὀρθογωνίου ἡ βάσις σχοινίων π, ἡ κάθετος ἤγουν ἡ πρὸς ὀρθὰς σχοινίων τε
καὶ ἡ ὑποτείνουσα σχοινίων κε εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίησον οὕτως τὸ ἤμισυ τῆς βάσεως ἤγουν
τὰ δέκα πολυπλασίασον ἐπὶ τὰ τε τῆς καθέτου γίνονται οῦν τοσούτων σχοινίων ἐστὶ τὸ ἐμβαδόν. ὧν τὸ

L' γίνονται οε καὶ ἔστι γῆς μοδίων οε.

4 Δύο τρίγωνα ὀρθογώνια ἡνωμένα, ὧν αἱ βάσεις 10 ἀνὰ σχοινίων $\bar{\epsilon}$, αἱ ὑποτείνουσαι ἀνὰ σχοινίων $\bar{\imath}\gamma$, ἡ δὲ πρὸς ὀρθὰς σχοινίων $\bar{\imath}\bar{\beta}$: εὐρεῖν αὐτῶν τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως τὰ $\bar{\imath}$ τῆς βάσεως ἐπὶ τὰ $\bar{\imath}\bar{\beta}$ τῆς πρὸς ὀρθάς γίνονται $\bar{\rho}\alpha$. ὧν τὸ $\bar{\iota}'$: γίνονται $\bar{\xi}$: τοσούτων σχοινίων ἐστὶ τὸ ἐμβαδόν. ὧν τὸ $\bar{\iota}'$: γίνονται $\bar{\lambda}$: καὶ 15 ἔστι γῆς μοδίων $\bar{\lambda}$.

Σάν δὲ θέλης ἀπὸ τῆς βάσεως τὴν κάθετον εύρεῖν, ποίει οὕτως τῶν ι τῆς βάσεως τὸ L' γίνονται ε ταῦτα ἐφ' ἐαυτά γίνονται κε καὶ τὰ τὴ τῆς ὑποτεινούσης ἐφ' ἑαυτά γίνονται οξθ. ἐξ ὧν λαβὲ τὰ κε λοιπὰ 20 ομδ ὧν πλευρὰ τετράγωνος γίνεται ιβ τοσούτων σχοινίων ἐστὶν ἡ κάθετος.

10 Περί τριγώνων ἰσοπλεύρων.

1 Παντός τοιγώνου ἰσοπλεύοου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν.
ποίει οὕτως πολυπλασίαζε ἀεὶ τὴν α τῶν πλευρῶν 25
ἐφ' ἑαυτὴν καὶ τοῦ ἀναβιβαζομένου ἀπὸ τοῦ τοιούτου
πολυπλασιασμοῦ λάμβανε μέρος γ΄ καὶ ι΄ καὶ ἔστι τὸ
2 ἐμβαδὸν τοῦ ἰσοπλεύρου τριγώνου. οἶον ὡς ἐν παρα-

δείγματι ἔστω τοιγώνου ἰσοπλεύοου έκάστη τῶν πλευοῶν σχοινίων τ' εύοεῖν τὸ ἐμβαδόν. ποίησον οὕτως so der Rauminhalt des rechtwinkligen Dreiecks ist. Es sei 3 z. B. die Grundlinie eines rechtwinkligen Dreiecks = 20 Schoinien, die Kathete oder die Senkrechte = 15 Schoinien und die Hypotenuse = 25 Schoinien; zu finden seinen Raum-5 inhalt. Mache so: $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder 10×15 der Kathete = 150; so viel Schoinien ist der Rauminhalt. $\frac{1}{2} \times 150$ = 75; und er ist 75 Modien Land.

Zwei zusammengelegte rechtwinklige Dreiecke, deren 4 Grundlinien je = 5 Schoinien, die Hypotenusen je = 13 10 Schoinien, die Senkrechte = 12 Schoinien; zu finden ihren Rauminhalt. Mache so: 10 der Grundlinie \times 12 der Senkrechten = 120, $\frac{1}{2} \times 120 = 60$; so viel Schoinien ist der Rauminhalt. $\frac{1}{2} \times 60 = 30$; und er ist 30 Modien Land.

Wenn du aber aus der Grundlinie die Kathete finden 5 willst, mache so: $\frac{1}{2} \times 10$ der Grundlinie = 5, 5 × 5 = 25, 13 der Hypotenuse × 13 = 169, 169 ÷ 25 = 144, $\sqrt{144}$ = 12; so viel Schoinien ist die Kathete.

Von gleichseitigen Dreiecken.

10

Zu finden den Rauminhalt eines beliebigen gleichseitigen $_1$ Dreiecks. Mache so: multipliziere immer die eine der Seiten mit sich selbst und nimm von dem durch diese Multiplikation Erzeugten $\frac{1}{3} + \frac{1}{10}$; und es ist der Rauminhalt des gleichseitigen Dreiecks. Es sei z. B. in einem gleichseitigen Dreieck $_2$

τὰ $\bar{\iota}$ τῆς $\bar{\alpha}$ πλευρᾶς έφ' ξαυτά. γίνονται $\bar{\iota}$ · σύνθες τὰ $\bar{\lambda}\gamma$ γ' · καὶ τὸ $\bar{\iota}$ · γίνονται $\bar{\iota}$ · σύνθες τὰ $\bar{\lambda}\gamma$ γ' καὶ τὰ $\bar{\iota}$ · γίνονται $\bar{\iota}$ · σύνθες τὰ $\bar{\lambda}\gamma$ γ' ραδὸν τοῦ ἰσοπλεύρου τριγώνου.

3 Τοιγώνου δὲ ἰσοπλεύοου τὴν κάθετον εύοεῖν. ποίει 5 οὕτως · ὕφελε ἀεὶ τὸ ι΄ καὶ λ΄ τῆς πλευρᾶς καὶ τὸ 4 λοιπὸν γίνωσκε εἶναι τὸν ἀριθμὸν τῆς καθέτου. εἶτα πολυπλασίαζε τὸ Δ΄ τῆς βάσεως ἐπὶ τὴν κάθετον · καὶ τὸ ἀπὸ τοῦ πολυπλασιασμοῦ συναγόμενόν ἐστι τὸ ἐμβαδόν. οἶον ὡς ἐν ὑποδείγματι ἔστω τριγώνου ἰσο- 10 πλεύρου ἐκάστη τῶν ἴσων πλευρῶν σχοινίων ῖ. μιᾶς δὲ πλευρᾶς τὸ ι΄ γίνεται α΄ καὶ τὸ λ΄ γίνεται γ΄ ταῦτα ἤγουν τὸ α γ΄ ὑπέξαιρε ἀπὸ τῶν ῖ · λοιπὰ ῆ ω΄ · τοσούτου ἀριθμοῦ ἐστιν ἡ κάθετος.

5 Τὸ δὲ ἐμβαδὸν εύρεῖν. ποίησον οὕτως τὸ ∠΄ τῆς 15 βάσεως ἤγουν τὰ πέντε σχοινία πολυπλασίασον ἐπὶ τὰ η ω΄ τῆς καθέτου γίνονται μγ γ΄ καὶ ἔστιν καὶ οὕτως τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων μγ γ΄. ὧν τὸ ∠΄ γίνονται πα ω΄ καὶ ἔστι γῆς μοδίων π πρὸς τῷ ἐνὶ καὶ λιτρῶν εἰκοσιὲξ διμοίρου.

6 "Ετερον τρίγωνον ἰσόπλευρον, οὖ ἐκάστη τῶν πλευρῶν σχοινίων ιβ· εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίησον τὰ ιβ τῆς μιᾶς πλευρᾶς ἐφ' ἑαυτά· γίνονται ομδ· τούτων τὸ γ'· γίνονται μη· καὶ τὸ ι' ιδ γ' ιε'· ὁμοῦ τὰ κάθετον αὐτοῦ εὐρεῖν. ποίησον οὕτως· ἄφελε ὁμοίως τὸ ι' λ' τῆς μιᾶς τῶν πλευρῶν· καὶ τὸ λοιπόν ἐστιν ὁ ἀριθμὸς τῆς καθέτου. οἶον ἔστω ἐκάστη τῶν πλευρῶν ιβ· μιᾶς δὲ πλευρᾶς τὸ ι'· γίνεται α ε'· καὶ τὸ λ΄· γίνεται γ' ιε'. ταῦτα συνθεὶς εὐρήσεις α Δ΄ ι'· 30 ταῦτα ὑπέξαιρε ἀπὸ τῶν ιβ· λοιπὰ ὶ γ' ιε'· τοσούτων

jede der Seiten = 10 Schoinien; zu finden den Rauminhalt. Mache so: 10 der einen Seite \times 10 = 100, $\frac{1}{3} \times$ 100 = $33\frac{1}{3}$ und $\frac{1}{10} \times$ 100 = 10, $33\frac{1}{3} + 10 = 43\frac{1}{3}$; so viel Schoinien ist der Rauminhalt des gleichseitigen Dreiecks.

Die Kathete eines gleichseitigen Dreiecks zu finden. 3 Mache so: subtrahiere immer $\frac{1}{10} + \frac{1}{30}$ der Seite, und wisse, daß der Rest die Zahl der Kathete ist.*) Multipliziere dann $\frac{1}{2}$ Grundlinie mit der Kathete, und das durch die Multiplikation Erzeugte ist der Rauminhalt. Es sei z. B. in einem 4 10 gleichseitigen Dreieck jede der gleichen Seiten = 10 Schoinien. $\frac{1}{10}$ einer Seite = 1, $\frac{1}{30} \times 10 = \frac{1}{3}$, $10 \div 1\frac{1}{3} = 8\frac{2}{3}$; so groß ist die Kathete.

Und den Rauminhalt zu finden. Mache so: $\frac{1}{2}$ Grund- 5 linie oder 5 Schoinien $\times 8\frac{2}{3}$ der Kathete = $43\frac{1}{3}$; und der 15 Rauminhalt ist auch so $43\frac{1}{3}$ Schoinien. $\frac{1}{2} \times 43\frac{1}{3} = 21\frac{2}{3}$; und er ist 21 Modien Land $+26\frac{2}{3}$ Liter.

Ein anderes gleichseitiges Dreieck, in dem jede der 6 Seiten = 12 Schoinien; zu finden seinen Rauminhalt. 12 der einen Seite \times 12 = 144, $\frac{1}{3} \times$ 144 = 48, $\frac{1}{10} \times$ 144 = 20 = 14 $\frac{1}{3}\frac{1}{15}$, 48 + 14 $\frac{1}{3}\frac{1}{15}$ = 62 $\frac{1}{3}\frac{1}{15}$; und es ist der Rauminhalt so viel Schoinien. Und dessen Kathete zu finden. 7 Mache so: subtrahiere ebenso $\frac{1}{10} + \frac{1}{30}$ einer der Seiten, und der Rest ist die Zahl der Kathete. Es sei z. B. jede Seite

*) $\sqrt{3} = \frac{26}{15}$.

⁵ ποίει οὕτως] C, οm. A. 6 ὕφειλε C. παὶ] C, οm. A. πλευρᾶς] C, μιᾶς τῶν πλευρῶν A. 7 γίνωσκε—ἀριθμὸν] C, ἔσται ὁ ἀριθμὸς A. εἶτα—9 ἐμβαδόν] C, οm. A. 9 τὸ (pr.)] Hultsch, om. C. 11 ἴσων] C, om. A. σχοινία C. 13 ᾱ γ΄] ἕν καὶ τὸ τρίτον A. ὑπέξαιρε] ὑφέξαιρε C, ὑφεξαίρει A. ω΄] δίμοιρον A, υτ solet. 14 τοσούτον—ἐστιν] C, τοσούτων σχοινίων A. τοσούτον—17 $\bar{\eta}$ ω΄] bis C. 14 κάθεκτος C. 17 καὶ—18 γ΄] C, τοσούτων σχοινίων ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ ἴσοπλεύρου τριγώνου A. 19 εἰκοσιὲξ διμοίρον] C, $\bar{\eta}$ ω΄ A. 21 ἔτερον —τῶν] bis C, sed corr. 22 ποίησον] C, ποίει οὕτως A. 24 ιε΄] om. C. 25 καὶ—τοσούτων] C, τοσούτων σχοινίων ἔσται τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ A. 26 αὐτοῦ εὐρεῖν] A, εὐρεῖν αὐτοῦ C. ποίησον — 27 ὁμοίως] C, ἄφελε A. 28 ἐστιν] C, ἔσται A. ἑκάστη] A, ἐκάστου C. 29 ι $\bar{\rho}$] C, σχοινίων $\bar{\iota}$ Α. πλευρᾶς] A, τῆς πλευρᾶς C. α΄] A, ἕν C. 31 ὑπέξαιρε] C, ὑπεξαίρει A.

- 8 σχοινίων ή κάθετος. εἶτα πολυπλασίασον τὸ L' τῆς βάσεως ἐπὶ τὴν κάθετον, τὰ $\bar{\varsigma}$ ἐπὶ τὰ $\bar{\iota}$ γ΄ ιε΄· καὶ οὕτως γίνονται $\bar{\xi}\bar{\beta}$ γ΄ ιε΄· καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων τοσούτων. ὧν τὸ L'· γίνονται $\bar{\lambda}\bar{\alpha}$ ε΄· καὶ ἔστιν γῆς μοδίων $\bar{\lambda}\bar{\alpha}$ καὶ λιτοῶν $\bar{\eta}$.
- 9 "Ετεφον τοίγωνον ισόπλευφον, οὖ έκάστη πλευφὰ ἀνὰ σχοινίων $\bar{\lambda}$. εὐφεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίησον οὕτως τὰ $\bar{\lambda}$ τῆς μιᾶς πλευφᾶς ἐφ' ἑαυτά· γίνονται $\bar{\lambda}$. ὧν τὸ γ' καὶ ι'· γίνονται $\bar{\tau}_{G}$. τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδόν.
- 10 'Εὰν δὲ θέλης καὶ ἄλλως εύρεῖν τὸ ἐμβαδόν, λαβὲ τῶν λ τὸ γ' καὶ τὸ ι' γίνονται $\overline{\iota\gamma}$ ταῦτα ἐπὶ τὴν πλευρὰν ἤγουν τὰ λ̄ γίνονται $\overline{\iota\varsigma}$ τοσούτων ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδόν.
- 11 'Εὰν θέλης καὶ ἄλλως τὸ ἐμβαδὸν εὑρεῖν, τὰ $\overline{\lambda}$ έφ' 15 έαυτά· γίνονται $\overline{\lambda}$ · ταῦτα ἐπὶ τὰ $\overline{\imath\gamma}$ · γίνονται ἀ $\overline{\alpha}$ ψ· ὧν τὸ λ' $\overline{\tau_q}$ · τοσούτων ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδόν.
 - της μιας πλευρας καὶ πολυπλασίασον ἐπὶ τὰ $\overline{\kappa}$ ς τος τὰ τῆς μιας πλευρας καὶ πολυπλασίασον ἐπὶ τὰ $\overline{\kappa}$ ς τος τος ούτων ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδόν.]
- Α΄ 'Εὰν δὲ θέλης τριγώνου ἰσοπλεύρου τὴν κάθετον εύρεῖν. ἔστι δὲ έκάστη πλευρὰ ἀνὰ σχοινίων λ̄. ποίει οὕτως. τὴν μίαν πλευρὰν ἐφ' ἐαυτήν. γίνονται δ̄. ὧν τὸ δ'. γίνονται σ̄κε. λοιπὰ χοε. ὧν πλευρὰ τετρά- 25 γώνος τὸ δ΄. γίνονται κ̄ς. Σοιπὰ κάθετος σχοινίων κ̄ς.
- Α ["Αλλως είς τοῦτο. λαμβάνω τῆς βάσεως τὸ ήμισυ γίνονται τε ταῦτα πολυπλασιάζω ἐφ' ἐαυτά γίνονται πο ἀπὸ τούτων ὑφαιρῶ τὰ ὅπε λοιπὰ ποῦ ὁν πλευρὰ το τετραγωνική ὡς σύνεγγυς γίνεται πε ἔσται οὖν ἡ

= 12; $\frac{1}{10}$ einer Seite = $1\frac{1}{5}$, $\frac{1}{30} \times 12 = \frac{1}{3}\frac{1}{15}$, $1\frac{1}{5} + \frac{1}{3}\frac{1}{15}$ = $1\frac{1}{2}\frac{1}{10}$, $12 \div 1\frac{1}{2}\frac{1}{10} = 10\frac{1}{3}\frac{1}{15}$; so viel Schoinien die Kathete. $\frac{1}{2}$ Grundlinie \times die Kathete oder $6 \times 10\frac{1}{3}\frac{1}{15} = 62\frac{1}{3}\frac{1}{15}$, wie 8 oben; und es ist der Rauminhalt so viel Schoinien. Davon $\frac{1}{9} = 31\frac{1}{5}$; und er ist 31 Modien Land + 8 Liter.

Ein anderes gleichseitiges Dreieck, in dem jede Seite 9 = 30 Schoinien; zu finden seinen Rauminhalt. Mache so: $30 \times 30 = 900$, $(\frac{1}{3} + \frac{1}{10}) \times 900 = 390$; so viel Schoinien der Rauminhalt.

Wenn du aber auch auf andere Weise den Rauminhalt 10 finden willst, so nimm $(\frac{1}{3} + \frac{1}{10}) \times 30 = 13$, $13 \times \text{Seite}$ oder 13 × 30 = 390; so viel Schoinien wird der Rauminhalt sein.

Wenn du auch auf andere Weise den Rauminhalt finden 11 willst, mache $30 \times 30 = 900$, $900 \times 13 = 11700$; $\frac{1}{30} \times 11700 = 390$; so viel Schoinien wird der Rauminhalt sein.

[Und noch auf andere Weise den Rauminhalt zu finden. Nimm 30 der einen Seite × 26 der Kathete = 780; $\frac{1}{9} \times 780 = 390$; so viel Schoinien wird der Rauminhalt sein.

Wenn du aber die Kathete eines gleichseitigen Dreiecks 12 finden willst (jede Seite = 30 Schoinien), mache so: Seite \times Seite = 900, $\frac{1}{4} \times 900 = 225$, $900 \div 225 = 675$, $\sqrt{675} = 26$ annähernd; die Kathete wird 26 Schoinien sein.

[Dies auf andere Weise. Ich nehme $\frac{1}{9}$ Grundlinie = 15, 13 $15 \times 15 = 225$, 30 des Schenkels $\times 30 = 900$, $900 \div 225$

¹ είτα] C, τὸ δὲ ἐμβαδὸν εύρεῖν. λαβὲ τὸ ῆμισυ τῆς βάσεως. γι. σχοινία ξ΄ ταῦτα Α΄. τὸ-2 βάσεως] om. Α. 2 τὰ ξ] ηγουν Α. και οῦτως γίνονται] C, γίνονται και οῦτως Α. 3 έμβαδὸν] C, έμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ ἰσοπλεύρου τριγώνου Α. 4 ἔστιν] C, comp. A. γης A, γη C. 7 ποίει A. 8 της μιας πλευρας C, om. A. 9 καί] C, καὶ τὸ A. τοσούτων] C, τοσούτων ἔσται A. 11 θέλεις C. 12 γίνονται A, om. C. τη A, om. C. τήν—13 ἤγουν] C, om. A. 15 ἐὰν] C, ἐὰν δὲ A. εὐρεῖν τὸ ἐμβαδόν A. 16 ταῦτα] C, ταῦτα πολυπλασίασον A. 17 λ'] C, λ' γίνεται A. 18 ἔτι—21 ἐμβαδόν] C, om. A. 26 $\overline{\varkappa}$ ς πς C, γι. πς· τοσούτων έσται σχοινίων ή κάθετος Α. 27 Άλλως-228, 1 είκοσιέξ] A, om. C. 30 πκε A.

κάθετος σχοινίων είκοσιέξ.] ταῦτα πολυπλασίασον έπὶ $\tau \dot{\eta} \nu \beta \dot{\alpha} \sigma i \nu$, $\tau o \nu \tau \dot{\epsilon} \sigma \tau i \nu \dot{\epsilon} \pi i \tau \dot{\alpha} \dot{\lambda}$. $\gamma (\nu o \nu \tau \alpha i) \dot{\psi} \pi$. $\dot{\bar{\psi}} \nu \dot{\sigma} \nu \dot{\sigma} \dot{\sigma}$ L' τς· καὶ μένει αὐτοῦ τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων τς. τούτων πάλιν το Δ΄ γίνονται οξε καὶ ἔστι γῆς μοδίων οξε.

11 Περί τριγώνων Ισοσκελών.

Τοίγωνον ισοπελές, οδ ή κάθετος ποδών π, ή δέ βάσις ποδων ιβ. εύρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποιῶ ούτως την βάσιν έπλ την μάθετον γίνονται πόδες σμ. δυ το ημισυ. γίνονται πόδες σχ. ἔστω τὸ ἐμβαδὸν ποδῶν οπ.

Σ Τοιγώνου Ισοσκελοῦς 10 ξαυτήν γίνονται πε καί έκάστη των Ισων πλευρων ποδών πε, ή δε βάσις ποδῶν ιδ. εύρεῖν αὐτοῦ τὸ έμβαδὸν καὶ τὴν κάθετον. ρᾶς ποίησον τετράγωνου. γίνονται πόδες γκε λαμβάνω τὸ ζ΄ τῆς βάσεως. γίνονται πόδες ζ. ταῦτα μθ λοιπον μένουσι πόδες φος δυ πλευρά τετραγωνική γίνεται ποδών κδ.

τρείται ούτως έστω τριγώνου Ισοσκελοῦς εκάστη τῶν ἴσων πλευρῶν σχοι-5 νίων ε, ή δε βάσις σχοινίων 5. εύρεῖν τὴν κάθετον. ποίησον ούτως: πολυπλασίασον την μίαν τῶν ἴσων πλευρῶν ἐφ' τὸ Δ΄ τῆς βάσεως ἤγουν τὰ γ ἐφ' ξαυτά· γίνονται θ. εἶτα ὑπέξελε τὰ θ ἀπὸ τῶν πε. λοιπὰ τζ. ὧν πλευποιῶ οὕτως εκάστης πλευ- 15 οὰ τετραγωνική δ. τοσούτων σχοινίων ή κάθετος. τὸ δὲ ἐμβαδὸν εύρεῖν. ποίησον ούτως το L' τῆς βάσεως πολυπλασίασον έπλ έφ' έαυτά γίνονται πόδες 20 την κάθετον ήγουν τὰ γ έπὶ τὰ δ. γίνονται ιβ. καὶ ἔστιν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων ιβ. ὧν τὸ Δ΄.

Τοίγωνον Ισοσκελές με-

¹ πολυπλασιάζω Α. 3 \angle '] C, ημισυ γίνεται Α. $\overline{\tau_G}$ —4 \angle '] AD, om. C. 3 τούτων πάλιν] Α, ων D. 5 AC, om. SV.

11

= 675, $\sqrt{675}$ = 26 annähernd; also wird die Kathete 26 Schoinien sein. $26 \times Grundlinie$, d. h. $26 \times 30 = 780$, $\frac{1}{2} \times 780 = 390$; und sein Rauminhalt bleibt 390 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 390 = 195$; und er ist 195 Modien Land.

Von gleichschenkligen Dreiecken.

Ein gleichschenkliges Dreieck, dessen Kathete = 20 Fuß,

die Grund-= 12 linie Fuß; zu finden seinen Rauminhalt. x Ich mache so: Grundlinie Fig. 7. = 240 Fuß.

 $\frac{1}{2} \times 240 = 120 \text{ Fuß}$; es sei der Rauminhalt 120 Fuß.

In einem gleichschenkligen

ten =25 Fuß, die Grundlinie = 14 Fuß; zu finden seinen 33 Rauminhalt 20 und die Kathete. Ich mache so: die Seite in Quadrat $= 625 \text{ Fuß}, \frac{1}{9} 25$ Grundlinie = 7 Fig. 8.

Ein gleichschenkliges Drei- 1 eck wird so gemessen. Es sei in einem gleichschenkligen Dreieck jede der gleichen Sei-5 ten = 5 Schoinien, die Grundlinie = 6 Schoinien; zu finden die Kathete. Mache so: multipliziere eine der gleichen Seiten mit sich selbst; macht \times Kathete 10 25; $\frac{1}{9}$ Grundlinie oder 3×3 $=9; 25 \div 9 = 16; \sqrt{16} = 4;$ so viel Schoinien die Kathete. Und den Rauminhalt zu fin- 2 den. Mache so: 1 Grundlinie Dreieck jede der gleichen Sei- 15 \times Kathete oder $3 \times 4 = 12$; und es ist sein Rauminhalt = 12 Schoinien. $\frac{1}{9} \times 12 = 6$; und er ist 6 Modien Land.

1 τριγώνου S. ἰσοσκελοῦς $3 \stackrel{o}{\pi} S$. 2 πόδας S. ut saepius. 4 πωιῶ S, sed corr. 10 τρίγωνον V. 12 Ante pr. ποδῶν del. εκαστον S. 15 έκάστης] τῆς Hultsch.

6 την] C, αύτοῦ την Α. γίνονται] C, γί-10 ξαντά С. νεται A. 15 δ] δ' C, γίνεται τέσσαρα Α. 17 εύρεῖν] C, αύτοῦ εύρεῖν Α.

καὶ τὰ $\bar{\xi}$ ἐπὶ τὴν κάθετον γίνονται \bar{s} · καὶ ἔστι γῆς πόδες $\bar{\varrho} \bar{\xi} \eta$ · τοσούτων ἔστω μοδίων \bar{s} ·

Ας τὸ ἐμβαδόν.

② 'Ωσαύτως ἔστω καὶ ἐτέρου τριγώνου ἰσοσκελοῦς ἐκάστη τῶν ἴσων πλευρῶν σχοινίων ε̄, ἡ δὲ βάσις σχοινίων η̄ εὐρεῖν τὴν κάθετον. ποίησον οὕτως πολυπλασίασον τὴν μίαν τῶν ἴσων πλευρῶν ἐφ' ἐαυτήν γίνονται κ̄ε καὶ τὸ ζ΄ τῆς βάσεως τὰ δ̄ ἐφ' ἑαυτά γίνονται τ̄ς. ταῦτα ὑπέξελε ἀπὸ τοῦ κατὰ τὴν πλευρὰν πολυπλασιασμοῦ ἤγουν τῶν κ̄ε λοιπὰ θ̄ ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ γίνεται γ̄ τοσούτων σχοινίων ἡ κάθετος. 4 τὸ δὲ ἐμβαδὸν εὐρεῖν. πολυπλασίασον τὴν κάθετον

4 το σε εμβασον ευφείν. πολυπλασίασον την καθετον $\vec{\epsilon}$ πὶ τὸ \vec{L} τῆς βάσεως ἤγουν ἐπὶ τὰ $\vec{\delta}$ καὶ γίνονται το $\vec{\iota}$ β καὶ ἔστιν τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων τοσούτων. ὧν τὸ \vec{L} γίνονται $\vec{\varsigma}$ καὶ ἔστι γῆς μοδίων $\vec{\varsigma}$. τὸ τοιοῦτον

Ισοσκελές τρίγωνον ἴσον έστὶ τῷ πρὸ αὐτοῦ.

Το Όμοίως ἔστω καὶ ἐτέρου τριγώνου ἰσοσκελοῦς ἐκάστη εξ τῶν ἴσων πλευρῶν σχοινίων τ, ἡ δὲ βάσις σχοινίων τ͡ς· εὑρεῖν τὴν κάθετον. πολυπλασίασον τὰ τ̄ τῆς μιᾶς

L'· γίνονται κδ· καὶ ἔστι γῆς μοδίων κδ.

2 ἐκάστη] A, οὖ ἐκάστη C. 3 τὴν] C, αὐτοῦ τὴν A.

Fuß, $7 \times 7 = 49$, $625 \div 49$ = 576 Fuß, $\sqrt{576} = 24$ Fuß. $7 \times$ die Kathete = 168 Fuß; so viel sei der Rauminhalt.

Es sei ebenfalls auch in einem anderen gleichschenk- 3 ligen Dreieck jede der gleichen Seiten = 5 Schoinien, die Grundlinie = 8 Schoinien; zu finden die Kathete. Mache so: multipliziere die eine der gleichen Seiten mit sich selbst, 5 macht 25; und $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder $4 \times 4 = 16$; subtrahiere dies von dem Produkt der Seite, $25 \div 16 = 9$; $\sqrt{9} = 3$; so viel Schoinien die Kathete. Und den Rauminhalt zu 4 finden. Die Kathete $\times \frac{1}{2}$ Grundlinie oder 4 = 12; und es ist der Rauminhalt so viel Schoinien. $\frac{1}{2} \times 12 = 6$; und 10 er ist 6 Modien Land. — Ein solches gleichschenkliges Dreieck ist dem vorhergehenden gleich.

Ein anderes gleichschenkliges Dreieck, in dem jede der 5 gleichen Seiten = 10 Schoinien, die Grundlinie = 12 Schoinien; zu finden seine Kathete. Multipliziere die eine der 15 gleichen Seiten mit sich selbst, macht 100; $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder $6 \times 6 = 36$, $100 \div 36 = 64$, $\sqrt{64} = 8$; so viel Schoinien ist die Kathete. Multipliziere dann 8 der Kathete 6 mit $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder 6; macht 48; und es ist der Rauminhalt 48 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 48 = 24$; und er ist 24 Modien Land.

Es sei ebenfalls auch in einem anderen gleichschenk- 7 ligen Dreieck jede der gleichen Seiten = 10 Schoinien, die

⁴ πολυπλασίασον] C, om. A. 5 γίνονται] comp. C, γίνεται A. τὰ] C, ἤγουν τὰ A. ἐφ' ἑαντά] ἐφ' ἑαντὰ ἔφ" C. 6 τοῦ — 7 ἤγουν] C, om. A. 7—8 τετραγωνική πλευρὰ C. 9 εὐρεῖν] C, αὖτοῦ εὐρεῖν A. τὴν κάθετον ἐπὶ] τῆς καθέτον ἔπὶ C, om. A. 10 ἤγουν ἐπὶ τὰ $\overline{\delta}$ · καὶ] C, ἐπὶ τὴν κάθετον ἤγουν τὰ $\overline{\delta}$ ἐπὶ τὰ $\overline{\gamma}$ A. 11 ἔστι A. ἐμβαδὸν] ἐμβαδὸν αὐτοῦ A. τὸ $\lfloor \Gamma$, ζῆμισυ A. 12 τὸ] ὸ A. 16 τὴν μίαν —17 καὶ] A, om. C. 19 τοῦ — ἤγουν] C, om. A. 21 ἐστιν] C, ἔσται A. εἶτα] C, τὸ δὲ ἐμβαδὸν εὐρεῖν. λαβὲ τὸ ῆμισυ τῆς βάσεως· γίνεται $\overline{\varsigma}$ · ταῦτα A. τὰ] C, ἐπὶ τὰ A. 22 ἐπὶ τὸ $\overline{\varsigma}$] C, om. A. 23 ἐμβαδὸν] C, ἐμβαδὸν αὐτοῦ A. 27 εὐρεῖν] C, εύρεῖν αὐτοῦ A.

των ἴσων πλευρών έφ' έαυτά γίνονται ξο. καὶ τὸ L'
τῆς βάσεως ἤγουν τὰ η ἐφ' ἑαυτά γίνονται ξο. ταῦτα
ἀφαίρει ἀπὸ τῶν ῷ λοιπὰ λς ὧν πλευρὰ τετραγωνική
8 ξ. τοσούτων ἐστὶν ἡ κάθετον ἤγουν τὰ η ἐπὶ τὰ ξ. ε
γίνονται μη. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων μη. ὧν τὸ
γίνονται κο. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων τη. ὧν τὸ
γίνονται κο. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων τη. ὧν τὸ
γίνονται κο. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων κοι τὸ παρὸν
ἰσοσκελὲς τρίγωνον ἴσον ἐστὶ τῷ πρὸ αὐτοῦ τριγώνω.

"Ετερον τρίγωνον ἰσοσκελές, οὖ ἡ μὲν βάσις σχοινίων ιδ, τὰ δὲ σκέλη ἀνὰ σχοινίων πε' εὐρεῖν αὐτοῦ 10 τὴν κάθετον. ποίει οὕτως' λαβὲ τῆς βάσεως τὸ ἤμισυ' γίνονται ξ' ταῦτα ἐφ' ἐαυτά' γίνονται μθ' καὶ τὰ κε ἐφ' ἐαυτά' γίνονται μθ' λοιπὰ φος' ὁν πλευρὰ τετράγωνος γίνεται κδ' τοσούτων
 ἔσται σχοινίων ἡ κάθετος. ἐὰν δὲ θέλης καὶ τὸ ἐμ- 15 βαδὸν εὐρεῖν, λαβὲ τῶν ιδ τῆς βάσεως τὸ L' γίνονται

βαδὸν εὺρεῖν, λαβὲ τῶν ιο τῆς βάσεως τὸ ζ΄· γίνονται ς ταῦτα ἐπὶ τὰ κο τῆς καθέτου ἤγουν τῆς πρὸς ὀρθάς· γίνονται οξη· τοσούτων ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τοιούτου Ισοσκελοῦς τριγώνου.

11 "Εστω καὶ έτέρου ἰσοσκελοῦς τριγώνου ἡ βάσις 20 σχοινίων μη, τὰ δὲ σκέλη ἀνὰ σχοινίων πε· εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον. ποίει οὕτως· λαβὲ τῆς βάσεως τὸ Δ΄· γίνονται κδ· ταῦτα ἐφ' έαυτά· γίνονται φος· καὶ τὰ πε ἐφ' έαυτά γίνονται ξ· τοσούτων 25 λοιπὰ μθ· ὧν πλευρὰ τετράγωνος γίνεται ξ· τοσούτων 25

λοιπὰ μθ' ὼν πλευρὰ τετράγωνος γίνεται ζ' τοσούτων 25

12 ἔσται σχοινίων ἡ κάθετος. τὸ δὲ ἐμβαδὸν εύρεῖν. λαβὲ
τῶν μη τῆς βάσεως τὸ Δ΄ γίνονται κδ' ταῦτα ἐπὶ τὰ
ξ τῆς πρὸς ὀρθάς γίνονται οξη τοσούτων ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ τριγώνου. ὧν τὸ Δ΄
γίνονται πδ' καὶ ἔστι γῆς μοδίων πδ. καὶ τὸ παρὸν 30
ἰσοσκελὲς τρίγωνον ἴσον ἐστὶ τῷ πρὸ αὐτοῦ.

Grundlinie aber = 16 Schoinien; zu finden die Kathete. 10 der einen der gleichen Seiten \times 10 = 100; $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder $8 \times 8 = 64$, $100 \div 64 = 36$, $\sqrt{36} = 6$; so viel ist die Kathete. Multipliziere dann $\frac{1}{2}$ Grundlinie mit der Kathete 8 oder 8×6 , macht 48; und es ist der Rauminhalt 48 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 48 = 24$; und er ist 24 Modien Land. — Auch das vorhandene gleichschenklige Dreieck ist dem vorhergehenden Dreieck gleich.

Ein anderes gleichschenkliges Dreieck, dessen Grund- 9 0 linie = 14 Schoinien, die Schenkel je = 25 Schoinien; zu finden seine Kathete. Mache so: $\frac{1}{2}$ Grundlinie = 7, 7×7 = 49, $25 \times 25 = 625$, $625 \div 49 = 576$, $\sqrt{576} = 24$; so viel Schoinien wird die Kathete sein. Wenn du aber auch 10 den Rauminhalt finden willst, nimm $\frac{1}{2}$ der 14 der Grund- 5 linie = 7; 7×24 der Kathete oder der Senkrechten = 168; so viel wird der Rauminhalt eines solchen gleichschenkligen Dreiecks sein.

Es sei ferner in einem anderen gleichschenkligen Dreieck 11 die Grundlinie = 48 Schoinien, die Schenkel je = 25 Schoinien; 2u finden seine Kathete. Mache so: nimm $\frac{1}{2}$ Grundlinie = 24; $24 \times 24 = 576$, und $25 \times 25 = 625$, $625 \div 576 = 49$, $\sqrt{49} = 7$; so viel Schoinien wird die Kathete sein. Und den Rauminhalt zu finden. $\frac{1}{2}$ der 48 der Grundlinie 12 = 24, 24×7 der Senkrechten = 168; so viel Schoinien wird der Rauminhalt desselben Dreiecks sein. $\frac{1}{2} \times 168 = 84$; und er ist 84 Modien Land. — Auch das vorliegende gleichschenklige Dreieck ist dem vorhergehenden gleich.

¹ τὸ] Α, τὰ C. 4 $\bar{\xi}$] C, γίνεται $\bar{\xi}$ Α. τοσούτων] C, τοσούτων σχοινίων Α. τὸ] Α, τὰ C. 5 ἐπὶ τῆς βάσεως τὴν C. ἤγονν] C, τοντέστι Α. 6 ἐμβαδὸν] C, ἐμβαδὸν αὐτοῦ Α. 7 ἔστι Α. γῆς] Α, γῆ C. 12 $\bar{\kappa}\bar{\epsilon}$] C, $\bar{\kappa}\bar{\epsilon}$ τοῦ σκέλονς Α. 14 τετράγωνος] Α, τετράγωνον C. 15 δὲ] Α, οm. C. 17 τῆς καθέτον ἤγονν] C, οm. Α. 18 τὸ] C, σχοινίων τὸ Α. 20—31 bis C (CCb). 20 ἔτερον ἰσοσκελὲς CCb. 22 τὸ] τὰ CCb. 23 γίνονται (alt.)] om. Cb. 24 $\bar{\kappa}\bar{\epsilon}$] CCb, $\bar{\kappa}\bar{\epsilon}$ τοῦ σκέλονς Α. έξ—26 κάθετος] om. Cb. 26 εὐρεῖν] CCb, αὐτοῦ εὐρεῖν Α. 30 γίνονται] ΑCb, om. C. καὶ ἔστι—31 αὐτοῦ] ΑC, om. Cb.

12

Περί τριγώνων σκαληνών.

1 Έστω τρίγωνον σκαληνον δξυγώνιον, οδ ή μεν ήττων πλευρά σχοινίων τη, ή δε βάσις σχοινίων ιδ, ή δε ύποτείνουσα σχοινίων τε εύρειν αὐτοῦ τὴν κάθετον. ποίει ούτως πολυπλασίασον τὰ τζ τῆς ήττονος πλευ- 5 οᾶς ἐφ' ἐαυτά· γίνονται οξθ· καὶ τὰ ιδ τῆς βάσεως έφ' έαυτά γίνονται σςς καὶ τὰ τε τῆς ὑποτεινούσης έφ' έαυτά γίνονται σχε. είτα σύνθες τὸν τῆς βάσεως πολυπλασιασμόν καὶ τὸν τῆς ὑποτεινούσης ἤγουν τὰ οςς καὶ τὰ σκε γίνονται σκα ἀφ' ὧν ἀφαίρει τὸν 10 πολυπλασιασμόν της ήττονος πλευράς ήγουν τὰ ρξθ. λοιπά συβ. ὧν Δ΄ γίνεται σπς. ταῦτα μέρισον παρά τὰ ιδ τῆς βάσεως γίνονται θ. τοσούτων σχοινίων ή άποτομή. ταῦτα ἐφ' ἐαυτά· γίνονται πα· τὰ πα ἀφαίρει άπὸ τοῦ κατὰ τὴν ὑποτείνουσαν πλευράν πολυπλα- 15 σιασμού, τουτέστι των σπε λοιπά ομδ. ών πλευρά τετραγωνική ιβ. τοσούτων έστι σχοινίων ή κάθετος.

"Αλλως. σύνθες τὸν τῆς βάσεως πολυπλασιασμὸν καὶ τὸν τῆς ἤττονος πλευρᾶς ἤγουν τὰ $\overline{\text{σς5}}$ καὶ τὰ $\overline{\text{ρξθ}}$. γινονται $\overline{\text{τξε}}$ ε ἀφ' ὧν ἀφαίρει τὸν τῆς ὑποτεινούσης τούτων τὸ $\overline{\text{τζε}}$ ε ἀφ' ὧν τὸ ιδ' $\overline{\text{ε}}$ τοσούτων σχοινίων ἡ ἀποτομή. ταῦτα έφ' ξαυτά γίνονται $\overline{\text{πε}}$ τὰ $\overline{\text{πε}}$ ἀφαίρει ἀπὸ τῶν $\overline{\text{σξθ}}$ · τοσούτων σχοινίων ἡ $\overline{\text{αποτομή}}$. $\overline{\text{ταῦτα}}$ έφ' ξαυτά γίνονται $\overline{\text{πε}}$ · τὰ $\overline{\text{πε}}$ ἀφαίρει $\overline{\text{αποτομή}}$. $\overline{\text{ταῦτα}}$ έφ' ξαυτά γίνονται $\overline{\text{πε}}$ · τὰ $\overline{\text{πε}}$ ἀφαίρει $\overline{\text{αποτομή}}$. $\overline{\text{ταῦτα}}$ έφ' ξαυτά γίνονται $\overline{\text{πε}}$ · τὸ $\overline{\text{τε}}$ ἀφαίρει $\overline{\text{τοσούτων}}$ σχοινίων ἡ πάθετος.

Τὸ δὲ ἐμβαδὸν εύρεῖν. ποίησον οὕτως λαβὲ τὸ L' τῆς βάσεως γίνονται $\overline{\xi}$ ταῦτα πολυπλασίασον ἐπὶ τὴν κάθετον ἤγουν ἐπὶ τὰ $\overline{\iota}$ β γίνονται $\overline{\pi}$ δ τοσούτων ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ σκαληνοῦ τριγώνου. ὧν τὸ L' γίνονται $\overline{\mu}$ β καὶ ἔστι γῆς μοδίων $\overline{\mu}$ β.

Es sei ein ungleichschenkliges spitzwinkliges Dreieck, 1
dessen kleinere Seite = 13 Schoinien, die Grundlinie = 14
Schoinien, die Hypotenuse = 15 Schoinien; zu finden seine
5 Kathete. Mache so: 13 der kleineren Seite × 13 = 169;
14 der Grundlinie × 14 = 196; 15 der Hypotenuse × 15
= 225. Addiere dann das Produkt der Grundlinie und das
der Hypotenuse, d. h. 196 + 225 = 421; subtrahiere davon
das Produkt der kleineren Seite, 421 ÷ 169 = 252; ½ × 252
10 = 126; 126:14 der Grundlinie = 9; so viel Schoinien der
Abschnitt.*) 9 × 9 = 81; subtrahiere vom Produkt der
Hypotenuse 81, d. h. 225 ÷ 81 = 144; √144 = 12; so
viel Schoinien ist die Kathete.

Auf andere Weise. Addiere das Produkt der Grundlinie 2 15 und das der kleineren Seite, d. h. 196 + 169 = 365; subtrahiere davon das Produkt der Hypotenuse, d. h. $365 \div 225 = 140$; $\frac{1}{2} \times 140 = 70$; $\frac{1}{14} \times 70 = 5$; so viel Schoinien der Abschnitt.**) $5 \times 5 = 25$; $169 \div 25 = 144$; $\sqrt{144} = 12$; so viel Schoinien die Kathete.

Und den Rauminhalt zu finden. Mache so: $\frac{1}{2} \times \text{Grund-3}$ linie = 7; 7 × Kathete = 7 × 12 = 84; so viel ist der Rauminhalt des ungleichschenkligen Dreiecks. $\frac{1}{2} \times 84 = 42$; und er ist 42 Modien Land.

*)
$$y = \frac{b^2 + c^2 \div a^2}{2b}$$
 (b Grundlinie, a kleinere Seite, c Hypotenuse, y ihre Projektion auf b).

**) $b \div y = \frac{b^2 + a^2 \div c^2}{2b}$.

² ἡ μὲν] A, om. C. 3 σχοινία C. σχοινία C. 4 σχοΐτ C, ut saepius. 5 πολυπλασίασον] C, om. A. 6 $\overline{\varrho\xi\vartheta}$ —7 γίνονται] A, om. C. 7 $\overline{\varrho\varsigma\varsigma}$] mut. in $\overline{\varrho\xi\eta}$ C². 9 ἥγουν] C, πλευρᾶς ῆγουν A. 10—11 τὸν τῆς ῆττονος πλευρᾶς πολυπλασιασμὸν A. 16 τουτέστι] C, τουτέστιν ἀπὸ A. 17 $\overline{\iota}\overline{\rho}$] C, γίνεται $\overline{\iota}\overline{\rho}$ A. έστι σχοινίων] C, σχοινίων ἔσται A. 22 $\underline{\iota}$ C, ημισυ γίνεται A. 24 $\overline{\varrho\xi\vartheta}$] corr. ex $\underline{\xi\vartheta}$ C². 28 κάθετος λέγει τὸ ἀπὸ ὕψους εἰς βάθος διάστημα mg. C². ἔσται] C, ἔσται σχοινίων A. 30 $\gamma\bar{\eta}\varsigma$] -ς euan. C.

4 "Αλλως γίνεται ή αναμέτρησις έπλ τοῦ τοιούτου τριγώνου, οδ ή βάσις σχοινίων τγ, ή μείζων πλευρά σχοινίων τε, ή ελάττων σχοινίων ιδ. εύρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον. ποίησον ούτως σύνθες τὸν τῆς βάσεως πολυπλασιασμόν καὶ τῆς μιᾶς τῶν πλευρῶν ἤγουν τὰ 5 οξθ και τὰ οςς. γίνονται τξε. ἀπὸ τούτων ὑπέξελε τὸν πολυπλασιασμόν τῆς ὑποτεινούσης ἤγουν τὰ σκε λοιπὰ σμο τούτων τὸ ζ΄ ο. ταῦτα μέρισον παρά τὰ τη τῆς βάσεως γίνονται μονάδες ε καί ε ιγ' ιγ' τοσούτων 5 σχοινίων ή ἀποτομή, ταῦτα ἐφ' ἑαυτά γίνονται μο- 10 νάδες πθ παρά ιγ' τὸ ιγ'. πολυπλασιάζεται ούτως. $\overline{\varepsilon}$ $\overline{\varepsilon}$ $\overline{\varkappa}\varepsilon$ $\overline{\varkappa}\varepsilon$ ειγ΄ ιγ΄ τῶν ε μονάδων πειγ΄ ιγ΄ καὶ ειγ΄ ιγ΄ τῶν ε ιγ΄ ιγ΄ πε ιγ΄ ιγ΄ των ιγ΄ ιγ΄, γινόμενα καὶ ταῦτα ιγ' ιγ' β παρά ιγ' τὸ ιγ' δμοῦ μονάδες πε καὶ λεπτά 15 ιγ΄ ιγ΄ νβ παρά ιγ΄ τὸ ιγ΄, γινόμενα καὶ ταῦτα μονάδες δ παρά ιγ΄ τὸ ιγ΄, ἤτοι τὰ ὅλα μονάδες πθ παρὰ ιγ΄ τὸ ιγ΄. ταῦτα ὑπέξελε ἀπὸ τοῦ κατὰ τὴν παρακειμένην πλευράν πολυπλασιασμού, τουτέστιν από των οςς λοιπαί μονάδες οξζ καὶ ιγ΄ τὸ ιγ΄ ὧν πλευρά 20 τετραγωνική μονάδες τβ καὶ λεπτὰ ιγ' ιγ' τβ· τοσού-6 των έσται σχοινίων ή κάθετος. πολυπλασιάζονται δέ αί τβ μονάδες καὶ τὰ τβ ιγ' ιγ' ούτως. τβ τβ ομδ. καὶ ιβ τὰ ιβ ιγ' ιγ' ομδ ιγ' ιγ' καὶ πάλιν ιβ ιγ' ιγ' τῶν ιβ μονάδων ομδ ιγ' ιγ' καὶ ιβ ιγ' ιγ' τῶν ιβ ιγ' ιγ' 25 ομδιγ΄ ιγ΄ των ιγ΄ ιγ΄, γινόμενα καὶ ταῦτα τα ιγ΄ ιγ΄ καὶ ιγ' τὸ ιγ' ὁμοῦ μονάδες ομό λεπτὰ ιγ' ιγ' σοθ καὶ ιγ' τὸ ιγ', γινόμενα καὶ ταῦτα μονάδες πρ καὶ ιγ' τὸ ιγ', ἤτοι τὰ ὅλα μονάδες οξζ καὶ ιγ' τὸ ιγ'. ἔστιν οὖν ή κάθετος τοῦ παρόντος τριγώνου σχοινίων ιβ 30 καὶ λεπτῶν ιγ' ιγ' ιβ.

Auf andere Weise geschieht die Vermessung bei einem 4 solchen Dreieck so: die Grundlinie = 13 Schoinien, die größere Seite = 15 Schoinien, die kleinere = 14 Schoinien; zu finden seine Kathete. Mache so: addiere das Produkt 5 der Grundlinie und das der einen Seite, d. h. 169 + 196 = 365; subtrahiere davon das Produkt der Hypotenuse, d. h. 365 ÷ 225 = 140; $\frac{1}{2} \times 140 = 70$; 70:13 der Grundlinie = $5\frac{5}{13}$; so viel Schoinien der Abschnitt. $5\frac{5}{13}$ 5 $\times 5\frac{5}{13} = 29 \div \frac{1}{169}$. Die Multiplikation geschieht so: 5×5 10 = 25, $5 \times \frac{5}{13} = \frac{25}{13}$, wiederum $\frac{5}{13} \times 5 = \frac{25}{13}$, $\frac{5}{13} \times \frac{5}{13} = \frac{25}{13}$: 13 = $\frac{2}{13} \div \frac{1}{169}$, zusammen $25\frac{52}{13} \div \frac{1}{169} = 25 + 4 \div \frac{1}{169} = 29$ $\div \frac{1}{169}$ in allem. Subtrahiere dies vom Produkt der beiliegenden Seite, d. h. $196 \div (29 \div \frac{1}{169}) = 167\frac{1}{169}$; $\sqrt{167\frac{1}{169}}$ = $12\frac{12}{13} \times 12\frac{12}{13} \times 12\frac{12}{13}$ wird so ausgeführt: $12 \times 12 = 144$, 6 15 $12 \times \frac{12}{13} = \frac{144}{13}$, und wiederum $\frac{12}{13} \times 12 = \frac{144}{13}$, $\frac{12}{13} \times \frac{12}{13} = \frac{144}{13}$; $13 = \frac{11}{13} + \frac{1}{169}$, zusammen $\frac{299}{13} + \frac{1}{169} = 23\frac{1}{169}$, das ganze also $167\frac{1}{169}$. Es ist also die Kathete des vorliegenden Dreiecks $12\frac{12}{13}$ Schoinien.

Το δὲ ἐμβαδον εύρεῖν. ποίησον οὕτως τὸ L' τῆς βάσεως πολυπλασίασον ἐπὶ τὴν κάθετον ἤγουν τὰ ξι' ἐπὶ τὰ ιβ καὶ τὰ ιβ ιγ' ιγ' γίνονται πδ καὶ ἔστι 8 τὸ ἐμβαδον σχοινίων τοσούτων. ὁ δὲ πολυπλασιασμὸς γινέσθω οὕτως αὶ ξ πρὸς τῆ L' πολυπλασιασθήτωσαν 5 μετὰ τῆς καθέτου [ἀμφότεροι] οὕτως ξ ιβ οβ καὶ έξάκις τὰ ιβ ιγ' ιγ' [τὰ] οβ ιγ' ιγ' αὶ ιβ μονάδες καὶ τὰ ιβ ιγ' ιγ' ἐπὶ τὸ L' ξ μονάδες καὶ ξ ιγ' ιγ' ὁμοῦ μονάδες οὴ καὶ ιγ' ιγ' οη, ἄτινα ποιοῦσι μονάδας ξ ένωμένως οὖν μετὰ τῶν οὴ γίνονται πδ καὶ ἔστι τὸ 10 ἐμβαδὸν σχοινίων τοσούτων.

9 "Εστω τοιγώνου σκαληνοῦ ή βάσις σχοινίων ιε, ή

μία τῶν πλευρῶν σχοινίων τη καὶ ἡ έτέρα σχοινίων ιδ· εύρεῖν τὴν κάθετον. ποίησον ούτως σύνθες τὸν τῆς βάσεως πολυπλασιασμὸν καὶ τῆς μιᾶς τῶν πλευ- 15 ρῶν ήγουν τὰ σκε καὶ τὰ οξθ γίνονται τοδ. εἶτα ύφειλον ἀπὸ τούτων τὸν τῆς λοιπῆς πλευρᾶς πολυπλασιασμόν ήγουν τὰ σςς λοιπὰ σςη τούτων τὸ ζ΄ 9θ. ταῦτα μέρισον παρά τὰ ῖε τῆς βάσεως γίνεται τὸ ιε΄ τούτων μονάδες 5 καὶ λεπτὰ ιε΄ ιε΄ θ ήτοι μο- 20 νάδες $\bar{\varsigma}$ καὶ ε' $\bar{\varepsilon}'$ $\bar{\gamma}$ · τοσούτων σχοινίων ή ἀποτομή. 10 ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίνονται μονάδες μγ καὶ ε΄ ε΄ γ παρά ε' τὸ ε'. πολυπλασιάζονται δὲ οὕτως: 5 5 λς καὶ έξάκις $τὰ \overline{\gamma} ε' ε' \overline{\imath \eta} ε' ε' \cdot καὶ αὖθις \overline{\gamma} ε' ε' τῶν <math>\overline{\varsigma}$ μονάδων νόμενα καὶ ταῦτα ε' ε' $\overline{\beta}$ παρὰ ε' τὸ ε' . δμοῦ μονάδες $\overline{\lambda_5}$ καὶ ε' ε' $\overline{\lambda\eta}$ παρὰ ε' τὸ ε' , γινόμενα καὶ ταῦτα μονάδες $\bar{\xi}$ καὶ $\bar{\gamma}$ ε' ε' παρὰ ε' τὸ ε', ήτοι τὰ ὅλα μονάδες 11 $\overline{\mu \gamma}$ καὶ ε' ε' $\overline{\gamma}$ παρὰ ε' τὸ ε' . ταύτας ἄφελε ἀπὸ τοῦ κατά την παρακειμένην πλευράν πολυπλασιασμοῦ ήγουν 30 ἀπὸ τῶν οξθ · λοιπαὶ μονάδες οπε ε' ε' β καὶ ε' τὸ ε'

Und den Rauminhalt zu finden. Mache so: $\frac{1}{2}$ Grundlinie 7 \times Kathete oder $6\frac{1}{2} \times 12\frac{12}{13} = 84$; und es ist der Rauminhalt so viel Schoinien. Die Multiplikation aber soll so 8 geschehen. $6\frac{1}{2}$ soll mit der Kathete multipliziert werden 5 folgendermaßen: $6 \times 12 = 72$, und $6 \times \frac{12}{13} = \frac{72}{13}$; $12\frac{12}{13} \times \frac{1}{2} = 6\frac{6}{13}$; zusammen $78\frac{78}{13} = 78 + 6 = 84$; und es ist der Rauminhalt so viel Schoinien.

Es sei in einem ungleichseitigen Dreieck die Grundlinie 9 = 15 Schoinien, die eine der Seiten = 13 Schoinien und die 0 andere = 14 Schoinien; zu finden die Kathete. Mache so: addiere das Produkt der Grundlinie und das der einen Seite, d. h. 225 + 169 = 394; hiervon subtrahierte ich das Produkt der anderen Seite, $394 \div 196 = 198$; $\frac{1}{2} \times 198 = 99$; 99:15 der Grundlinie = $6\frac{9}{15} = 6\frac{3}{5}$; so viel Schoinien der $6\frac{3}{5} \times 6\frac{3}{5} = 43\frac{3}{5} \div \frac{1}{25}$. Die Multiplikation ge- 10 schieht so: $6 \times 6 = 36$, $6 \times \frac{3}{5} = \frac{18}{5}$, und wiederum $\frac{3}{5} \times 6 = \frac{18}{5}$, und $\frac{3}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{9}{25} = \frac{2}{5} \div \frac{1}{25}$; zusammen $36\frac{38}{5} \div \frac{1}{25} = 36 + 7\frac{3}{5} \div \frac{1}{25} = 43\frac{3}{5} \div \frac{1}{25}$. Subtrahiere dies vom Produkt der 11 beiliegenden Seite, d. h. $169 \div (43\frac{3}{5} \div \frac{1}{25}) = 125\frac{2}{5}\frac{1}{25} = 125$

⁴ $\ell\mu\beta\alpha\delta\delta\nu$] C, $\ell\mu\beta\alpha\delta\delta\nu$ αὐτοῦ A. 5 γινέσθω] C, γενέσθω A. $\tau\tilde{\eta}$] A, $\tau\tilde{\eta}\nu$ C. L'] C, $\tilde{\eta}\mu\iota\sigma\epsilon l\alpha$ $\mu\nu\nu\alpha\delta\epsilon s$ A. 6 $\mu\epsilon\tau\dot{\alpha}$ $\tau\tilde{\eta}s$ $\kappa\alpha\theta\epsilon\tau o\nu$] C, $\pi\varrho\delta\tau\epsilon\varrho o\nu$ $\ell\pi l$ $\tau\dot{\alpha}s$ $\iota\bar{\beta}$ $\mu\nu\alpha\delta\delta\alpha s$ A. $\dot{\alpha}\mu\varphi\delta\tau\epsilon\varrho o\iota$] C, om. A; deleo. 7 $\dot{\epsilon}\xi\dot{\alpha}\kappa s$ — $\mu\nu\alpha\delta\delta\epsilon s$] C, $\tau\dot{\delta}$ $\tilde{\eta}\mu\iota\sigma\nu$ $\tau\tilde{\omega}\nu$ $\iota\bar{\beta}$ $\bar{\epsilon}$ $\mu\nu\alpha\delta\delta\epsilon s$ $\bar{\delta}$ $\bar{\delta}$ A. $\tau\dot{\alpha}$] deleo; $\gamma l\nu\nu\nu\tau\alpha\iota$ Hultsch. 7 $\kappa\alpha l$ -9 $\bar{\delta}$ $\pi\lambda l$ C, $\epsilon l\tau\alpha$ $\kappa\alpha l$ $\epsilon\pi l$ $\tau\dot{\alpha}$ $\bar{\ell}\bar{\beta}$ $\iota\gamma'$ $\iota\gamma'$ $\gamma l\nu\nu\nu\tau\alpha\iota$ $\kappa\alpha l$ $\tau\alpha\tilde{\nu}\tau\alpha$ A. 9 $\tilde{\kappa}\tau\nu\alpha$

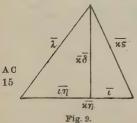
⁻¹¹ τοσούτων] C, ἤτοι μμ $\bar{\epsilon}$ όμοῦ μονάδες ὀγδοηποντατέσσαρες A. 12 Titulum ἄλλως ἡ ἀναμέτρησις τοῦ αὐτοῦ τριγώνου add. A. σχοινία C. 13 σχοινίων (alt.)] σχοινία C. 14 τὴν] C, αὐτοῦ τὴν A. 17 ὑφεῖλον] C, ἄφελε A. 18 [΄] C, ῆμισυ γίνεται A. 22 $\bar{\gamma}$] A, τρία C. 25 $\bar{\iota}\bar{\eta}$] A, καὶ $\bar{\iota}\bar{\eta}$ C. 26 μονάδες—27 γινόμενα] A, om. C. 28 $\bar{\gamma}$ ε΄ ε΄] C, ε΄ ε΄ $\bar{\gamma}$ A.

14

ήτοι μονάδες σκε γ' ιε' κε'. ὧν πλευρά τετραγωνική γίνεται τα ε΄ τοσούτων σχοινίων έσται ή κάθετος. 12 δ δὲ τούτων πολυπλασιασμός γίνεται οὕτως τα τα σκα καὶ τα τὸ ε' τα ε' ε' καὶ πάλιν ε' τῶν τα μονάδων τα ε' ε'. καὶ ε' τὸ ε'κε' · δμοῦ μονάδες οκα ε' ε' κβ καὶ ε' τὸ ε', τ γινόμενα καὶ ταῦτα μονάδες δ γ' ιε' κε', ήτοι τὰ ὅλα μονάδες οπε γ' ιε' κε'.

Τὸ δὲ ἐμβαδὸν εύρεῖν. ποίησον οὕτως τὸ ζ΄ τῆς 13 βάσεως ήγουν τὰ ξ ζ΄ πολυπλασίασον ἐπὶ τὰ τα ε΄ τῆς καθέτου γίνονται πδ. καὶ ἔστιν τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων 10 τοσούτων. πολυπλασίασον δε ταῦτα ούτως ξια οξ. καὶ τὸ ε' τῶν ξ $\overline{α}$ καὶ ε' ε' β · τὸ L' τῶν $\overline{\iota}\overline{α}$ $\overline{ε}$ L'. καὶ τοῦ ἐε΄ τὸ Δ΄ τ΄ ὁμοῦ μονάδες πβ καὶ ε΄ ε΄ τ, γινόμενα καὶ ταῦτα μονάδες β, ήτοι τὰ ὅλα μονάδες πδ. ὧν τὸ L'· γίνονται μβ· καὶ ἔστι γῆς μοδίων τεσσαράκοντα β. 15 Γαῦτα τὰ τοία σκαληνὰ εν σχημά έστι καὶ εἶς

άριθμός καὶ μία ποσότης, γίνεται δε ή άναμέτρησις αὐτῶν, καθὼς ἄνωθεν εἴρηται. τοῦτο μόνον ὑπέφηνε τὰ σχήματα τῶν σκαληνῶν, ὅτι, ἐὰν τὴν βάσιν τάξης πλευράν ἢ τὴν πλευράν βάσιν, μὴ ἐκπέσης οὐδέποτε 20 τῆς προκειμένης ποσότητος. παντὸς τριγώνου σκαληνοῦ όξυγωνίου αί περί την όρθην β πλευραί της λοιπης της ύποτεινούσης μείζονές είσιν έφ' έαυτας πολυπλασιαζόμεναι, καὶ παντὸς τριγώνου σκαληνοῦ ἀμβλυ-



γωνίου αι περί την ὀρθην δύο 25 πλευραί της λοιπης της ύποτεινούσης ήττονές είσι πολυπλασιαζόμεναι πρὸς έαυτάς.]

"Ετερον τρίγωνον σκαληνον όξυγώνιον, οδ τὸ μικρὸν σκέλος σχοι- 30 νίων πς, τὸ δὲ μεῖζον σχοινίων λ,

125 $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{15}$ $\frac{1}{25}$, $\sqrt{125}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{15}$ $\frac{1}{25}$ = 11 $\frac{1}{5}$; so viel Schoinien wird die Kathete sein. Die Multiplikation davon geschieht so: 11×11 12 = 121, 11× $\frac{1}{5}$ = $\frac{11}{5}$, und wiederum $\frac{1}{5}$ ×11= $\frac{11}{5}$, und $\frac{1}{5}$ × $\frac{1}{5}$ = $\frac{1}{25}$; zusammen 121 $\frac{22}{5}$ $\frac{1}{25}$ =121+ $4\frac{1}{3}$ $\frac{1}{15}$ $\frac{1}{25}$ =125 $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{15}$ $\frac{1}{25}$ in allem.

Und den Rauminhalt zu finden. Mache so: $\frac{1}{2}$ Grund- 13 linie oder $7\frac{1}{2} \times 11\frac{1}{5} = 84$; und es ist der Rauminhalt so viel Schoinien. Multipliziere aber dies so: $7 \times 11 = 77$, $\frac{1}{5} \times 7 = 1\frac{2}{5}$, $\frac{1}{2} \times 11 = 5\frac{1}{2}$, $\frac{1}{2} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{10}$; zusammen $82\frac{10}{5} = 1082 + 2 = 84$. $\frac{1}{2} \times 84 = 42$; und er ist 42 Modien Land.

[Diese drei ungleichschenkligen Dreiecke sind eine Figur, 14 eine Zahl und eine Größe, und ihre Vermessung geschieht, wie oben angegeben. Nur dies haben die Figuren der ungleichschenkligen Dreiecke gezeigt, daß man nie außerhalb der vorliegenden Größe kommt, ob man die Grundlinie als Seite setzt oder die Seite als Grundlinie. In jedem ungleichschenkligen spitzwinkligen Dreieck sind die zwei den rechten*) Winkel umschließenden Seiten mit sich multipliziert größer als die übrige, die Hypotenuse, und in jedem ungleichschenk-20 ligen stumpfwinkligen Dreieck sind die zwei den rechten**) Winkel umschließenden Seiten mit sich multipliziert kleiner als die übrige, die Hypotenuse.]

Ein anderes ungleichschenkliges Dreieck, dessen kleiner 15 Schenkel = 26 Schoinien, der größere = 30 Schoinien, die

*) Sollte heißen: spitzen.
**) Sollte heißen: stumpfen.

⁴ $\bar{\iota}\alpha$ (pr.)] ια΄ C, ένδεκάκις A. μονάδων] A, μονάδες C. 5 τδ] C, τοῦ A. 6 κε΄] A, οπ. C. 9 τὰ (alt.) — 10 καθέτου] C, τὴν κάθετον ἤγονν ἐπὶ τὰ $\bar{\iota}\alpha$ ε΄ A. 10 ἔστι A. 11 ταῦτα] C, οπ. A. 12 τὸ ε΄—13 ι΄ (pr.)] C, ἑπτάκις τὸ ε΄ ἑπτὰ ε΄ ε΄ καὶ τὸ ἤμισν τῶν $\bar{\iota}\alpha$ ε΄ μονάδες $\bar{\epsilon}$ καὶ ε΄ ε΄ $\bar{\gamma}$ A. 12 τὸ $\bar{\iota}'$] τὰ $\bar{\iota}'$ (C. 14 $\bar{\rho}$] A, δύο C. 16 ταῦτα—28 ἑαντάς] C, οπ. A.

ή δὲ βάσις σχοινίων πη, ἡ δὲ κάθετος σχοινίων πδ· εύρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. λαβὲ τῆς βάσεως τὸ L'· γίνονται ιδ· ταῦτα πολυπλασίασον ἐπὶ τὰ κδ τῆς καθέτου· γίνονται τλς· καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ τοῦ ὀξυγωνίου σκαληνοῦ τριγώνου σχοινίων τλς.

σις τοῦ ήττονος τμήματος τοῦ τριγώνου, ποίησον οὕτως. τὰ πς τοῦ μικοοῦ σκέλους ἐφ' ξαυτά γίνονται χος. δμοίως καὶ τὰ πη τῆς ὅλης βάσεως ἐφ' ἑαυτά· γίνονται γάλου σκέλους γινόμενα έφ' έαυτὰ 🔊 λοιπὰ φξ. ὧν τὸ Δ΄ σπ. τούτων τὸ κη΄ τ, ἐπειδήπεο ή ὅλη βάσις σχοινίων πη γίνεται τοσούτων έσται σχοινίων ή βάσις 17 τοῦ ήττονος τμήματος. δηλον γάρ, ὅτι τὸ ὑπολιμπανόμενον ἀπὸ τῆς ὅλης βάσεως, τουτέστι τὰ τη, τοῦ μεί- 15 ζονος τμήματός είσι, καὶ έγένοντο δύο τρίγωνα όρθογώνια, τοῦ μὲν μείζονος ή βάσις σχοινίων τη, τοῦ δε ήττονος τ, ή υποτείνουσα σχοινίων λ, ή ετέρα πς, καὶ ή πρὸς ὀρθάς τῶν ἀμφοτέρων τριγώνων, ήτις καὶ κάθετος καλείται, σχοινίων πδ, ή δε βάσις σχοινίων 20 18 πη. ἔστι δὲ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὅλου τριγώνου σχοινίων τλς. εύοισκεται δὲ ούτως τὰ πη τῆς βάσεως ἐπὶ τὰ πο της καθέτου. Υίνονται χοβ. δυ το Γ. Υίνονται της. τοσούτων έσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὅλου τριγώνου, ἤγουν τοῦ μὲν μείζονος τμήματος σχοινίων σις, τοῦ δὲ ἐλάτ- 25 τονος σχοινίων οπ.

19 "Αλλως τὸ αὐτὸ ὀξυγώνιον, οὖ ἡ μείζων πλευρὰ ὁμοίως σχοινίων λ̄, ἡ δὲ ἐλάττων σχοινίων π̄ς, ἡ βάσις σχοινίων πη· εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως· τὰ λ̄ ἐφ' ἑαυτά· γίνονται χ̄ο· καὶ τὰ π̄ς ἐφ' ἑαυτά· so γίνονται χ̄ος· καὶ τὰ π̄η ἐφ' ἑαυτά· γίνονται ψπδ. συνGrundlinie = 28 Schoinien, die Kathete = 24 Schoinien; zu finden seinen Rauminhalt. Nimm $\frac{1}{2}$ Grundlinie = 14; 14×24 der Kathete = 336; und es ist der Rauminhalt des spitzwinkligen ungleichschenkligen Dreiecks selbst = 336 Schoinien.

Wenn du aber finden willst, wie viel Schoinien die Grund- 16 linie des kleineren Teils des Dreiecks ist, mache so: 26 des kleinen Schenkels $\times 26 = 676$; ebenso auch 28 der ganzen Grundlinie $\times 28 = 784$; zusammen = 1460. 1460 \div 30 des to großen Schenkels $\times 30 = 1460 \div 900 = 560, \frac{1}{2} \times 560$ $= 280, \frac{1}{28} \times 280 = 10$, weil die ganze Grundlinie = 28Schoinien; so viel Schoinien wird die Grundlinie des kleineren Stücks sein. Denn es ist klar, daß das von der ganzen Grund- 17 linie Übrigbleibende, d. h. 18, die des größeren Stücks ist, 5 und es sind zwei rechtwinklige Dreiecke entstanden, die Grundlinie des größeren = 18 Schoinien, die des kleineren = 10, die Hypotenusen = 30 und 26 Schoinien, und die Senkrechte der beiden Dreiecke, die auch Kathete heißt, = 24 Schoinien, die Grundlinie = 28 Schoinien. Und der Raum- 18 o inhalt des ganzen Dreiecks ist = 336 Schoinien. Gefunden wird er so: 28 der Grundlinie × 24 der Kathete = 672, $\frac{1}{2} \times 672 = 336$; so viel wird der Rauminhalt des ganzen Dreiecks sein, auf das größere Stück 216 Schoinien, auf das kleinere 120 Schoinien.

Auf andere Weise dasselbe spitzwinklige Dreieck, dessen 19 größere Seite ebenfalls = 30 Schoinien, die kleinere = 26 Schoinien, die Grundlinie = 28 Schoinien; zu finden seinen

²⁸ ή βάσις] C, βάσις A. 31 γίνονται (alt.)] Γ seq. ras. 1—2 litt. C.

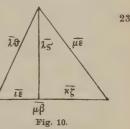
τιθῶ τὰ 🔊 καὶ τὰ ψπδ. γίνονται αχπδ. ἀπὸ τούτων άφαιρῶ τὰ χος · λοιπὰ αη· ὧν τὸ Δ΄ φδ. ταῦτα μερίζω παρά τὰ πη τῆς βάσεως· γίνονται τη· ἔσται ἡ μείζων 20 βάσις σχοινίων τη. δμοίως συντιθώ τὰ χος καὶ τὰ ψπδ. γίνονται αυξ. ἀπὸ τούτων ύφαιοῶ τὰ 🔊 λοιπὰ φξ· τούτων τὸ ζ΄ σπ. ταῦτα μερίζω παρὰ τὰ πη τῆς βάσεως γίνονται τ. καὶ ἔσται ή ἐλάττων βάσις σχοινίων τ. ταῦτα ἐφ' ἑαυτά γίνονται ο ταῦτα ὑφαιοῶ άπὸ τῶν χος λοιπὰ φος ὧν πλευρὰ τετραγωνική γί-21 νεται αδ· ταῦτα ἀπόδος τῆ καθέτω. πάλιν τὰ τη ἐφ' 1 ξαυτά· γίνονται τκδ· ύφαιοῶ ταῦτα ἀπὸ τῶν 🔊 λοιπὰ σος δν πλευρά τετραγωνική δμοίως κδ. ταῦτα πολυπλασιάζω δμοίως έπὶ τὰ πη τῆς βάσεως γίνονται χοβ. ών ημισυ γίνεται τλς. έσται οὖν ό τόπος τοῦ παντὸς 22 σγοινίων τλς. ποιῶ πάλιν τὰ κδ ἐπὶ τὰ τη τῆς βάσεως τοῦ μείζονος τριγώνου γίνονται υλβ. ὧν τὸ ήμισυ. γίνονται σις. δμοίως πολυπλασιάζω τὰ κδ ἐπὶ τὰ τ τῆς βάσεως τοῦ ἐλάττονος τριγώνου γίνονται σμ. ὧν τὸ L'· γίνονται οπ· καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ μὲν μείζονος τριγώνου σχοινίων σις, τοῦ δὲ ἐλάττονος σχοινίων: οπ. συντιθώ τὰ σις καὶ τὰ οπ. γίνονται τλς. μένει οὖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ παντὸς τριγώνου, ὡς ἔστιν ίδεῖν, σχοινίων τλς. ὧν τὸ ζ΄ γίνονται οξη καὶ ἔστι γῆς μοδίων οξη.

23 Έτερον τρίγωνον σκαληνον δξυγώνιον, οὖ ή μεν καρώτη καὶ ελάττων πλευρά δργυιῶν λθ, ή δὲ ετέρα ή ύποτείνουσα δργυιῶν με, ή δὲ βάσις δργυιῶν μβ· ευρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον. ποίει οὕτως· τὰ λθ ἐφ' έαυτά· γίνονται βκε·

άφαιρῶ] C, ὑφαιρῶ A. G τούτων τὸ] C, ὧν A. \angle'] C, ημισν γίνεται A. τῆς βάσεως] C, om. A. 7 καὶ ἔσται] C,

Rauminhalt. Mache so: $30 \times 30 = 900, 26 \times 26 = 676$ und $28 \times 28 = 784$; 900 + 784 = 1684, $1684 \div 676$ $= 1008, \frac{1}{2} \times 1008 = 504, 504 : 28 \text{ der Grundlinie} = 18;$ die größere Grundlinie wird 18 Schoinien sein. Ebenso 20 $5676 + 784 = 1460, 1460 \div 900 = 560, \frac{1}{9} \times 560 = 280,$ 280:28 der Grundlinie = 10; und die kleinere Grundlinie wird 10 Schoinien sein. $10 \times 10 = 100, 676 \div 100$ = 576, $\sqrt{576}$ = 24; gib dies der Kathete. Wiederum 21 $18 \times 18 = 324$, $900 \div 324 = 576$, $\sqrt{576} = 24$, wie o vorher; ebenfalls 24×28 der Grundlinie = $672, \frac{1}{2} \times 672$ = 336; also wird der Raum des Ganzen 336 Schoinien sein. Wiederum 24 × 18 der Grundlinie des größeren Drei- 22 ecks = $432, \frac{1}{2} \times 432 = 216$; ebenfalls 24×10 der Grundlinie des kleineren Dreiecks = 240, $\frac{1}{9} \times 240 = 120$; und 15 es ist der Rauminhalt des größeren Dreiecks = 216 Schoinien, der des kleineren aber = 120 Schoinien; 216 + 120 = 336; es bleibt also der Rauminhalt des ganzen Dreiecks, wie man sieht, = 336 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 336 = 168$; und er ist 168 Modien Land.

Ein anderes ungleichschenkliges spitzwinkliges Dreieck, dessen erste und kleinere Seite = 39 Klafter, die andere, die Hypotenuse, = 45 Klafter, die Grundlinie = 42 Klafter; zu finden is seine Kathete. Mache so: 39 × 39 = 1521, und 45 × 45 = 2025, und $42 \times 42 = 1764$. Addiere darauf



ἔσται καὶ Α. ἔλαττον C. $8 \, \dot{\epsilon} \varphi'$] C, πολυπλασιάξω $\dot{\epsilon} \varphi'$ A. ταῦτα ὑφαιρῶ] C, om. A. $9 \, \dot{\bar{\chi}} \overline{\sigma \bar{\varsigma}}$ C, $\bar{\chi} \sigma \bar{\varsigma}$ αἴρω τὰ $\bar{\bar{\psi}}$ A. $10 \, \tau$ αῦτα — καθέτω] C, ἔσται ἡ κάθετος σχοινίων $\bar{\kappa} \bar{\delta}$ A. $11 \, \dot{\upsilon}$ φαιρῶ ταῦτα] C, om. A. $\bar{\bar{\chi}}$ C, $\bar{\bar{\chi}}$ ὑφαιρῶ τὰ $\bar{\bar{\chi}}$ A. $\bar{\bar{\chi}}$ διριίως C, γίνεται ὁμοίως A. $\bar{\bar{\chi}}$ C, τμήματος A. $\bar{\bar{\chi}}$ C, om. A. $\bar{\bar{\chi}}$ C, τμήματος A. $\bar{\bar{\chi}}$ C. $\bar{\bar{\chi}}$ γίνονται] comp. C, γίνεται A. $\bar{\bar{\chi}}$ C. $\bar{\bar{\chi}}$ γίνονται] comp. C, γίνεται A. $\bar{\bar{\chi}}$ C. $\bar{\bar{\chi}}$ $\bar{\bar{\chi}}$ $\bar{\bar{\chi}}$ A, ρ΄ εξημονταοντά C. $\bar{\bar{\chi}}$ 6 πρώτη] A, α΄ C. $\bar{\bar{\chi}}$ $\bar{\bar{$

καὶ τὰ μβ ἐφ' ἑαυτά· γίνονται αψξδ. εἶτα σύνθες τὸν τῆς πλευρᾶς καὶ βάσεως πολυπλασιασμὸν τὰ βκε· λοιπὰ κοξδ. τούτων τὸ Δ΄ χλ. ὧν τὸ μβ΄ τε τοσούτων ὀρ- 5

24 γυιῶν ἡ ἀποτομή. ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίνονται σχε· τὰ σκε ἀφαίοει ἀπὸ τοῦ κατὰ τὴν πλευοὰν πολυπλασιασμοῦ, τουτέστιν ἀπὸ τῶν ,αφκα· λοιπὰ ,ασης· ὧν πλευοὰ τε-

25 τοαγωνική λε΄ τοσούτων όργυιων ή κάθετος. πάλιν σύνθες τὸν τῆς ὑποτεινούσης πλευρᾶς πολυπλασιασμὸν 10 καὶ τῆς βάσεως ἤγουν τὰ βκε καὶ τὰ αψξο γίνονται γψπθ ἀφ' ὧν ἆρον τὰ αρλα τῆς ἤττονος πλευρᾶς λοιπὰ βσξη ὧν τὸ L΄ αρλδ. ταῦτα μέρισον παρὰ τὰ μβ τῆς βάσεως γίνεται τὸ μβ΄ τούτων κς τοσούτων

26 ὀορνιιών ἡ ἀποτομή. ταῦτα ἐφ' ἐαυτά: ρίνονται ψηθ. 15 τὰ ψηθ ὑπέξελε ἀπὸ τοῦ κατὰ τὴν ὑποτείνουσαν πολυπλασιασμοῦ ἤρουν ἀπὸ τῶν βκε λοιπὰ κασςς. ὧν πλευρὰ τετραγωνική λς τοσούτων ὀργυιῶν ἡ κάθετος.

27 τὸ δὲ ἐμβαδὸν εύρεῖν. λαβὲ τὸ L' τῆς βάσεως γινονται ὀργυιαὶ π πρὸς τῆ μιᾶ, ταύτας πολυπλασίασον ω ἐπὶ τὰς λ̄ς τῆς καθέτου, γίνονται ψνς, καὶ ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ ὀξυγωνίου τριγώνου ὀργυιῶν ψνς. ὧν μέρος διακοσιοστὸν γίνεται γ L' δ' μ' σ', καὶ ἔστι γῆς μοδίων γ L' λιτρῶν τα καὶ ὀργυιᾶς μιᾶς.

28 Τοίγωνον σκαληνὸν ἀμβλυγώνιον, οὖ τὸ μικοὸν σκέ- 25 λος σχοινίων τ, τὸ δὲ μεῖζον σχοινίων τζ, βάσις σχοινίων πα, τοῦ μείζονος τμήματος ἡ βάσις σχοινίων τε, τοῦ δὲ ἐλάττονος σχοινίων ε̄, ἡ δὲ κάθετος σχοινίων η εὐοεῖν τὸ ἐμβαδόν. λαβὲ τῆς βάσεως τὸ Δ΄ γίνονται τ Δ΄ ταῦτα πολυπλασίασον ἐπὶ τὰ ὀκτὰ τῆς καθέτου 30 γίνονται πδ΄ καὶ ἔστιν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὅλου τοιγώνου

die Produkte der Seite und der Grundlinie, d. h. 1521 + 1764 = 3285; 3285 ÷ das Produkt der Hypotenuse 2025 $=1260, \frac{1}{2} \times 1260 = 630, \frac{1}{42} \times 630 = 15$; so viel Klafter der Abschnitt. 15 × 15 = 225; das Produkt der Seite oder 24 $5.1521 \div 225 = 1296$, $\sqrt{1296} = 36$; so viel Klafter die Kathete. Addiere wiederum das Produkt der Hypotenuse 25 und der Grundlinie, d. h. 2025 + 1764 = 3789, 3789 ÷ das Produkt der kleineren Seite 1521 = 2268, $\frac{1}{2} \times 2268$ = 1134, 1134: 42 der Grundlinie oder $\frac{1}{42} \times 1134 = 27$; 10 so viel Klafter der Abschnitt. 27 × 27 = 729; das Pro- 26 dukt der Hypotenuse oder $2025 \div 729 = 1296$, $\sqrt{1296}$ = 36; so viel Klafter die Kathete. Und den Rauminhalt zu 27 finden. ½ Grundlinie = 21 Klafter, 21 Klafter × 36 der Kathete = 756; und der Rauminhalt desselben spitzwinkligen 15 Dreiecks wird sein = 756 Klafter. $\frac{1}{200} \times 756 = 3\frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{40} \frac{1}{200}$; und er ist 3\frac{1}{2} Modien 11 Liter 1 Klafter Land.

Ein ungleichschenkliges stumpfwinkliges Dreieck, dessen 28 kleiner Schenkel = 10 Schoinien, der größere = 17 Schoinien, die Grundlinie = 21 Schoinien, die Grundlinie des größeren Stücks = 15 Schoinien, die des kleineren = 6 Schoinien, die Kathete = 8 Schoinien; zu finden den Rauminhalt.

† Grundlinie = $10\frac{1}{2}$, $10\frac{1}{2}$ × 8 der Kathete = 84; und es

¹ $\overline{\mu\beta}$] C, $\overline{\mu\epsilon}$ A. $\overline{\alpha\psi\xi\delta}$] C, $\overline{\beta\kappa\epsilon}$ A. 2 $\tau\eta_S$] C, $\tau\eta_S$ $\pi\varrho \acute{\alpha} \tau\eta_S$ A. καὶ $\beta \acute{\alpha} \sigma \epsilon \omega_S$] C, om. A; fort. $\tau\eta_S$ $\beta \acute{\alpha} \sigma \epsilon \omega_S$. $\eta\gamma o v v$] C, καὶ $\tau \acute{o} v$ $\tau\eta_S$ $\beta \acute{\alpha} \sigma \epsilon \omega_S$ $\eta\gamma o v v$ A. 3 $\dot{v} \varphi \alpha \ell \varrho \epsilon \iota$] C, $\dot{\alpha} \varphi \alpha \ell \varrho \epsilon \iota$ A. 4 $\dot{v} \pi \sigma \tau \epsilon \iota v \nu o \iota \sigma \eta_S$] C, μείζονος $\pi k \epsilon v \varrho \tilde{\alpha}_S$ A. 5 $\tau o \iota \tau \omega v$] C, $\check{\omega} v$ A. \underline{L}] C, $\eta \iota \iota \iota v v \nu \iota v \iota v \iota v$ A. 10 $\dot{v} \pi \sigma \iota \iota \iota \iota v \iota \iota \iota \iota \iota \iota \iota \iota \iota$ $\eta \iota \iota v \iota \iota \iota$ $\eta \iota \iota \iota \iota \iota \iota$ $\eta \iota \iota \iota \iota$ $\eta \iota \iota \iota$ $\eta \iota \iota$ $\eta \iota \iota \iota$ $\eta \iota$ $\eta \iota \iota$ $\eta \iota$

σχοινίων $\overline{\pi\delta}$. ὧν τὸ L'· γίνονται $\overline{\mu\beta}$ · καὶ ἔστι γῆς μο-

ς δίων μβ.

29 Έτερον τρίγωνον σκαληνὸν ὀρθογώνιον, οὖ ἡ μὲν μείζων πλευρὰ σχοινίων π, ἡ δὲ ἐλάττων πλευρὰ σχοινίων πε, τοῦ μείζονος τμή- 5 ματος ἡ βάσις σχοινίων τε, τοῦ δὲ ἐλάττονος Φ, ἡ δ' ἀμφοτέρων ὀρθὴ σχοινίων ιβ΄ εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβα-δόν. ποίει οὕτως τὰ τῆς καθέτου ιβ ἐπὶ τὸ L΄ τῆς βάσεως, τουτέστιν ἐπὶ τὰ ιβ L΄ γίνονται ον καὶ ἔστιν αὐτοῦ τοῦ παντὸς τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων ον. 10 ὧν L΄ γίνεται οε καὶ ἔστι γῆς μοδίων τοσούτων.

AC 30 Έτέρα μέτρησις καθολική ἐπὶ παντὸς τριγώνου.

Τοίγωνον οἱονδηποτοῦν μετοήσεις οὕτως οἶον ἔστω τριγώνου ἡ μὲν τῶν πλευρῶν σχοινίων $\overline{\imath\gamma}$, ἡ δὲ σχοινίων $\overline{\imath\delta}$, ἡ δὲ σχοινίων $\overline{\imath\epsilon}$ εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. 15 ποίει οὕτως σύνθες τὰ $\overline{\imath\gamma}$ καὶ τὰ $\overline{\imath\delta}$ καὶ τὰ $\overline{\imath\epsilon}$ γίνονται μβ· τούτων τὸ $\underline{L'}$ καὶ ἀπὸ τούτων ἄφελε τὰς τρεῖς πλευρὰς κατὰ μίαν, τουτέστιν ἄφελε τὰ $\overline{\imath\gamma}$, λοιπὰ $\overline{\eta}$, καὶ τὰ $\overline{\imath\delta}$, λοιπὰ $\overline{\zeta}$, καὶ τὰ $\overline{\imath\epsilon}$, λοιπὰ $\overline{\zeta}$, πολυπλασίασον οὖν δι' ἀλλήλων τὰ $\overline{\kappa}$ έπὶ τὰ $\overline{\eta}$ γίνονται $\overline{\varrho\xi\eta}$ ταῦτα ἐπὶ τὰ $\overline{\xi}$ γίνονται $\overline{\kappa}$ 0 τοῦτων πλευρὰ τετραγωνικὴ γίνεται $\overline{\kappa}$ 0 τοσούτων σχοινίων γίνεται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου.

 ist der Rauminhalt des ganzen Dreiecks = 84 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 84 = 42$; und er ist 42 Modien Land.

Ein anderes ungleichschenkliges rechtwinkliges Dreieck, 29 dessen größere Seite = 20 Schoinien, die kleinere Seite 5 = 15 Schoinien, die Grundlinie = 25 Schoinien, die Grundlinie des größeren Stücks = 16 Schoinien, die des kleineren = 9, die beiden gemeinsame Senkrechte = 12 Schoinien; zu finden seinen Rauminhalt. Mache so: 12 der Kathete $\times \frac{1}{2}$ Grundlinie, d. h. $\times 12\frac{1}{2} = 150$; und es ist der Rauminhalt des ganzen Dreiecks selbst = 150 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 150 = 75$; und er ist so viel Modien Land.

Eine andere allgemeine Messung für ein beliebiges Dreieck.*) 30

Ein beliebiges Dreieck wirst du so messen: es sei z. B. in einem Dreieck die eine Seite = 13 Schoinien, die zweite 15 = 14 Schoinien, die dritte = 15 Schoinien; zu finden seinen Rauminhalt. Mache so: 13 + 14 + 15 = 42, $\frac{1}{2} \times 42 = 21$; subtrahiere hiervon die drei Seiten eine nach der anderen, d. h. $21 \div 13 = 8$, $21 \div 14 = 7$, $21 \div 15 = 6$; multipliziere dann dies unter sich, $21 \times 8 = 168$, $168 \times 7 = 1176$, $1176 \times 6 = 7056$; $\sqrt{7056} = 84$; so viel Schoinien wird der Rauminhalt des Dreiecks.

Auf andere Weise. Es sei von den Seiten eine 13, eine 31 14, eine 15; zusammen 42; $\frac{1}{2} \times 42 = 21$, $21 \div 13 = 8$, $21 \div 14 = 7$, $21 \div 15 = 6$; $6 \times 7 = 42$, $42 \times 8 = 336$, 336 \times 21 = 7056, $\sqrt{7056} = 84$; so viel ist der Rauminhalt des Dreiecks. In derselben Weise verfahren wir so-

*) Die sog. Heronische Dreiecksformel.

^{3—11} C, om. A. 4 ἐλάττων] D, ἔλαττον C. 5 $\bar{\iota}\bar{\epsilon}$] D, ϵ ' C. σχοινίων] D, σχοινία C. 14 τριγώνον] A, τρίγωνον C. σχοινίων $\bar{\iota}\bar{\delta}$ —15 σχοινίων] C, $\bar{\iota}\bar{\delta}$ $\dot{\eta}$ δὲ A. 15 αὐτοῦ τὸ ἐμ-βαδόν] C, τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ τριγώνον A. 18 $\bar{\iota}\bar{\gamma}$] A, δεκατρία C. 19 πολυπλασίασον οὐν] C, εἶτα πολυπλασίασον ταῦτα A. 20 τὰ (pr.)] C, ήγουν τὰ A. 23 γίνεται] C, ξόται A. 25 τούτων] C, ὧν A. 29 τοσούτων] C, τοσοῦτον A.

πλεύρου καὶ ἐπὶ ἰσοσκελοῦς καὶ ἐπὶ σκαληνοῦ καὶ ὀρθογωνίου πάντοτε ποιοῦμεν.

32 Τοίγωνον σκαληνον δοθογώνιον, οὖ ή μὲν βάσις σχοινίων $\overline{i\beta}$ καὶ ή ποὸς ὀρθὰς σχοινίων \overline{e} , ή δὲ ὑποτείνουσα σχοινίων $\overline{i\gamma}$ εὑρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει 5 ὡς κατὰ τὴν προγραφεῖσαν ἔφοδον. ἕνωσον οὖν τὰς τρεῖς πλευράς καὶ γίνονται $\overline{\lambda}$. ὧν τὸ \underline{L}' γίνονται $\overline{i\epsilon}$. αὐτῶν τῶν $\overline{i\epsilon}$ παρέκβαλε ἐκάστην πλευράν, τὰ $\overline{i\beta}$, λοιπὰ $\overline{\gamma}$, τὰ $\overline{\epsilon}$, λοιπὰ \overline{i} , τὰ $\overline{i\gamma}$, λοιπὰ $\overline{\beta}$ καὶ σύνθες τὰς ἀπολοιπασίας πάσας, τουτέστι τὰ $\overline{\gamma}$, τὰ \overline{i} καὶ τὰ $\overline{\beta}$ γίνονται $\overline{i\epsilon}$. ταῦτα ἐπὶ τὰ $\overline{\beta}$ γίνονται $\overline{\lambda}$ καὶ τὰ $\overline{\lambda}$ ἐπὶ τὰ $\overline{\gamma}$ γίνονται \overline{q} καὶ τὰ \overline{q} έπὶ τὰ \overline{i} γίνονται $\overline{\beta}$ ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ γίνεται $\overline{\lambda}$ τοσούτων ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ σκαληνοῦ. καὶ ἐπὶ παντὸς δὲ τριγώνου ή μέθοδος αὕτη ἰσχύει.

33 Τοίγωνον ἀμβλυγώνιον, οὖ ἡ μὲν βάσις σχοινίων ο̄, ἡ δὲ ποὸς ὀρθὰς ἀμβλεῖα πλευρὰ σχοινίων τ̄, ἡ δὲ ὑποτείνουσα σχοινίων τ̄ς εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως παρεκβεβλήσθω ἡ βάσις, καὶ ἤχθω ἐπὶ τὴν ἐκβληθεῖσαν εὐθεῖαν κάθετος, καὶ γενέσθω τρί- 20 γωνον ὀρθογώνιον. πρῶτον οὖν δεῖ εὑρεῖν, πόσων σχοινίων ἐστὶν ἡ ἐκβληθεῖσα εὐθεῖα, καὶ πόσων ἡ 34 κάθετος. εὐρίσκεται δὲ οὕτως τὰ τ̄ς τῆς ὑποτεινούσης ἐφ' ἑαυτά γίνονται σπθ ἐξ ὧν ἔκβαλε τὰ θ̄ τῆς

βάσεως γενόμενα έ φ ' έαυτὰ $\overline{\pi}$ α καὶ τὰ $\overline{\iota}$ τῆς ἀμβλείας $\overline{\iota}$ 5 πλευρᾶς γενόμενα έ φ ' έαυτὰ $\overline{\varrho}$. όμοῦ $\overline{\varrho}$ πα· λοιπὰ $\overline{\varrho}$ η· $\overline{\varrho}$ ν τὸ L'· γίνονται $\overline{\iota}$ 5. ταῦτα μέρισον παρὰ τὰ $\overline{\vartheta}$ τῆς βάσεως· γίνονται $\overline{\varsigma}$ 5. τοσούτων έστὶ σχοινίων $\overline{\eta}$ 6 έχ-35 βληθεῖσα. καὶ ἐγένετο τὸ $\overline{\iota}$ 8ν τρίγωνον τὸ ἐπιβληθέν,

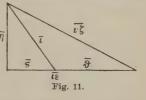
35 βληθείσα. καὶ έγένετο το εν τοίγωνον το επιβληθέν,
οὖ ή βάσις σχοινίων ξ, ή δὲ ἀμβλεῖα σχοινίων ι, ή so
δὲ πρὸς ὀρθὰς σχοινίων η εὐρεῖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ

wohl bei gleichseitigen als bei gleichschenkligen, ungleichschenkligen und rechtwinkligen Dreiecken.

Ein ungleichschenkliges rechtwinkliges Dreieck, dessen 32 Grundlinie = 12 Schoinien, die Kathete = 5 Schoinien, die ½ Hypotenuse = 13 Schoinien; zu finden seinen Rauminhalt. Mache wie nach der vorher beschriebenen Methode: $12+5+13=30, \frac{1}{2}\times 30=15, 15\div 12=3, 15\div 5=10, 15\div 13=2;$ addiere sämtliche Reste, d. h. 3+10+2=15;*) $15\times 2=30, 30\times 3=90, 90\times 10=900;$ $10\sqrt{900}=30;$ so viel Schoinien wird der Rauminhalt des ungleichschenkligen Dreiecks sein. Und auch für ein beliebiges Dreieck gilt diese Methode.

Ein stumpfwinkliges Dreieck, dessen Grundlinie = 9 33 Schoinien, die aufgerichtete stumpfe Seite = 10 Schoinien,

15 die Hypotenuse = 17 Schoinien;
zu finden seinen Rauminhalt.
Mache so: die Grundlinie sei ver- η
längert, und auf die verlängerte Gerade sei die Senkrechte gezogen,
20 und es entstehe ein rechtwinkliges Dreieck. Zuerst muß man also



finden, wieviel Schoinien die Verlängerung ist, und wieviel die Kathete. Es wird aber so gefunden: 17 der Hypotenuse 34 \times 17 = 289; subtrahiere hiervon 9 der Grundlinie \times 9 25 = 81 und 10 der stumpfen Seite \times 10 = 100, d. h. 289 \div 181 = 108; $\frac{1}{2} \times$ 108 = 54, 54: 9 der Grundlinie = 6; so viel Schoinien ist die Verlängerung. Und es ist das eine 35 Dreieck, das hinzugefügte, ein solches, daß seine Grund-

*) σύνθες μτλ. lin. 9 ist Mißverständnis; nur zufällig ist die Summe der Reste = der halben Summe der Seiten.

¹ ἐπὶ (pr.)] C, om. A. ἐπὶ (alt.)] C, om. A. 5 ποίει ὡς] C, om. A. 6 κατὰ] A, om. C. ἔνωσον οὖν] C, ποίει οὕτως· σύνθες A. 7 καὶ] C, τοντέστι τὰ ιῆ καὶ τὰ $\bar{\epsilon}$ καὶ τὰ $\bar{\iota}\gamma$ A. 9 ἀπολοιπασίας] A, ἀπολοιπούσας C. 10 τὰ $\bar{\iota}$] C, καὶ τὰ $\bar{\iota}$ A. 13 τετραγωνική] C, τετράγωνος A. 16 θεώρημα mg. C. 19 παρεκβλήσθω C. 28 ἐκβλθεῖσα C. 30 οὖ] addidi, om. AC. 31 σχοινίων] comp. A, σχοινία C.

ξαιβληθέντος τοιγώνου. ποιει οὕτως τὰ ξ τῆς βάσεως ἐπὶ τὰ η τῆς ποὸς ὀρθάς γίνονται μη. ὧν τὸ ἤμισυ γίνονται κδ. τοσούτων ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ. 36 τοῦ δὲ ὅλου τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. σύνθες τὰ προϋπάρχοντα θ τῆς βάσεως καὶ τὰ παρεκβληθέντα ς. 5 γίνονται τε. ταῦτα πολυπλασίασον ἐπὶ τὰ η τῆς πρὸς ὸρθάς γίνονται τοῦ τὰ ποὸς ποὸς δρθάς τὸ τὰ ποῦς ποὸς τὰ τὸ ἢμισυ ξ. τοσούτων ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὅλου τριγώνου.

38 "Αλλως τὸ αὐτὸ τρίγωνον ἀμβλυγώνιον. πολυπλασιάζω τὰ τζ ἐφ' ἑαυτά γενόμενα ῷ λοιπὰ ᾳπϑ. ταῦτα ψερίζω ἐπὶ τὰ ϑ τῆς βάσεως. γίνονται πα προστιθῶ τὰ ὰ τῆς βάσεως. γίνονται πα προστιθῶ τὰ ὰ τῆς βάσεως λοιπὰ ἐπὰ προστιθῶ τὰ ἢ τῆς βάσεως λοιπὰ ἐπὰ πολυπλασιάζω ἐφ' ἐαυτά γίνονται λε καὶ τὰ τὰ ἐφ' ἑαυτά γίνονται λε καὶ τὰ τὰ ἐκὰ τουτά γίνονται ῷ ἀπὸ τούτων ὑφαιρῶ τὰ λε λοιπὰ ξδ ἑαυτά γίνονται ῷ ἀπὸ τούτων ὑφαιρῶ τὰ λε λοιπὰ ξδ ἑαυτά γίνονται ῷ ἀπὸ τούτων ὑφαιρῶ τὰ λε λοιπὰ ξδ ἑαυτά γίνονται οῦ ἀπὸ τούτων ὑφαιρῶ τὰ προσβηθείσης 40 καθέτου. καὶ πολυπλασιάζω τὰ ἢ ἐπὶ τὰ ἢ τῆς βάσεως γίνονται οῦ τὰ τῆς προσθήκην τοῦ τριγώνου τὸ προκείμενον ἀμβλυγώνιον, ἀμφότερα δη- 50

λονότι σχοινίων ξ, χωριζόμενα τὸ μὲν μεῖζον ἀμβλυ-

linie = 6 Schoinien, die stumpfe Seite = 10 Schoinien, die senkrechte = 8 Schoinien*); zu finden den Rauminhalt des hinzugefügten Dreiecks. Mache so: 6 der Grundlinie \times 8 der Senkrechten = 48, $\frac{1}{2} \times 48 = 24$; so viel Schoinien wird 5 sein Rauminhalt sein. Und den Rauminhalt des ganzen 36 Dreiecks zu finden. 9 der ursprünglichen Grundlinie + 6 der Verlängerung = 15, 15 \times 8 der Senkrechten = 120, $\frac{1}{2} \times 120 = 60$; so viel Schoinien wird der Rauminhalt des ganzen Dreiecks sein.

wohl des größeren als des kleineren Stücks für sich finden, mache so: 6 der Verlängerung >< 8 der Senkrechten = 48, $\frac{1}{2}$ >< 48 = 24; so viel Schoinien wird der Rauminhalt des kleineren Stücks des Dreiecks sein. Und es ist klar, daß 15 der Rest des ganzen Dreiecks zu 60 Schoinien auf das größere Stück kommen wird, d. h. 36 Schoinien.

Anders dasselbe stumpfwinklige Dreieck. $17 \times 17 = 38$ 289, $289 \div 10 \times 10 = 289 \div 100 = 189$, 189 : 9 der Grundlinie = 21, 21 + 9 der Grundlinie = 30, $\frac{1}{2} \times 30$ 20 = 15, $15 \div 9$ der Grundlinie = 6; die von der Kathete abgeschnittene Gerade wird 6 Schoinien sein.**) 6×6 39 = 36, $10 \times 10 = 100$, $100 \div 36 = 64$, $\sqrt{64} = 8$; so viel die gesuchte Kathete. 8×9 der Grundlinie = 72, $40 \cdot \frac{1}{2} \times 72 = 36$; so viel Schoinien wird das gegebene stumpfzwinklige Dreieck sein nach dem hinzugefügten Zusatz des

**) Unnötige Umschweife.

^{*)} Denn 8 = $\sqrt{10^2 \div 6^2}$, was nach S. 250, 22 hätte gesagt werden sollen.

AC

43

γώνιον σχοινίων $\overline{\lambda s}$, τὸ δὲ ἔλαττον τῆς προσαγομένης ψήφου τριγώνου ὀρθογωνίου σχοινίων $\overline{\lambda s}$.

(Έν δὲ τοῖς ἀμβλυγωνίοις τοιγώνοις τὸ ἀπὸ τῆς ὑπὸ τὴν ἀμβλεῖαν γωνίαν ὑποτεινούσης πλευρᾶς τετράγωνον μεῖζόν ἐστιν τῶν ἀπὸ τῶν τὴν ἀμβλεῖαν το γωνίαν περιεχουσῶν πλευρῶν τετραγώνων τῷ περιεχομένῳ δὶς ὑπό τε μιᾶς τῶν περὶ τὴν ἀμβλεῖαν γωνίαν, ἐφ' ἢν ἡ κάθετος πίπτει, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐπτὸς ὑπὸ τῆς καθέτου πρὸς τῆ ἀμβλεία γωνία.

Δεῖ γινώσκειν, ὅτι ἡ ὀργυιὰ ἔχει σπιθαμὰς θ δ΄ 10 ἢ παλαιστὰς πη ἐχούσης τῆς πρώτης παλαιστῆς προσθήκην κόνδυλον. καὶ ἄλλως ἀνὴρ μέσος μήτε κοντὸς
μήτε μακρὸς σταθεὶς ὄρθιος ἐκτεινάτω τὴν δεξιὰν αὐτοῦ
χεῖρα ἄνω, καὶ ἔνθα ὰν φθάση τὰ ἄκρα τῶν δακτύλων
αὐτοῦ, ἐκεῖ ἐστι μέτρον δικαίας ὀργυιᾶς. καὶ ἄλλως. 15
λαβὼν σχοινίον ἢ κάλαμον ὁ τῆς μέσης ἡλικίας ἀνὴρ
πατησάτω τὴν ἄκραν ἐν τοῖς δακτύλοις τοῦ ποδὸς
αὑτοῦ εἶτα ἀναβιβασάτω τὸ σχοινίον ἄχρι τοῦ ἄμου
αὐτοῦ, εἶθ' οὕτως καμψάτω τοῦτο ὅπισθεν ἄχρι τοῦ
κώλου αὐτοῦ, καὶ ποιήσει ὀργυιὰν πάνυ δικαιοτάτην.] 20

 $\frac{\overline{\gamma} \stackrel{\text{L'}}{\iota'}}{\overline{\gamma} \stackrel{\text{L'}}{\iota'}} \frac{\overline{\gamma} \stackrel{\text{L'}}{\iota'}}{\overline{\gamma} \stackrel{\text{L'}}{\iota'}} \frac{\overline{\gamma} \stackrel{\text{L'}}{\iota'}}{\overline{\gamma} \stackrel{\text{L'}}{\iota'}}$ Fig. 12.

Δοθέντος τοιγώνου Ισοσκελούς, οὖ ἡ βάσις σχοινίων τρ, ἡ κάθετος σχοινίων η, καὶ τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων μη, 25 καὶ ἐντὸς τοῦ τοιούτου τοιγώνου τετραγώνου Ισοπλεύρου ἐγγραφομένου εὐρεῖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τετραγώ- 30

νου. ποίει ούτως σύνθες βάσιν καὶ κάθετον τοῦ

Dreiecks, nämlich beide = 60 Schoinien, getrennt das größere, stumpfwinklige = 36 Schoinien und das kleinere bei der vorliegenden Berechnung eines rechtwinkligen Dreiecks = 24 Schoinien.*)

[Bei den stumpfwinkligen Dreiecken aber ist das Quadrat 41 der dem stumpfen Winkel gegenüberliegenden Seite größer als die Quadrate der den stumpfen Winkel umschließenden Seiten um das doppelte Rechteck der einen der den stumpfen Winkel umschließenden Seiten, auf welche die Kathete fällt, 10 und der von der Kathete am stumpfen Winkel auswendig abgeschnittenen Geraden.

Man muß wissen, daß der Klafter 9½ Spannen hält oder 42
28 Handbreiten, indem der erste Handbreit als Zulage einen Kondylos hat.**) Und anders. Ein mittelgroßer Mann, weder 15 kurz noch lang, aufrecht stehend, strecke seine rechte Hand in die Höhe, und wo seine Fingerspitzen hingelangen, da ist das Maß eines richtigen Klafters. Und anders. Ein Mann mittlerer Statur nehme das Meßseil oder die Rute und trete mit den Zehen auf das Ende davon; dann hebe er das 20 Meßseil bis zu seiner Schulter und biege es dann rückwärts bis zu seiner Hand; so wird er einen absolut richtigen Klafter bilden.]

Wenn ein gleichschenkliges Dreieck gegeben ist, dessen 43 Grundlinie = 12 Klafter, die Kathete = 8 Klafter und der 25 Rauminhalt = 48 Klafter, und innerhalb eines solchen Dreiecks ein Quadrat eingeschrieben wird, den Rauminhalt des Quadrats zu finden. Mache so: addiere Grundlinie und

**) Vgl. 4, 11, woraus es sich ergibt, daß 28 ungenau ist; s. Hultsch, Scriptt. metrol. I S. 46.

^{*)} Der Schluß von S. 252, 29 an ist sehr ungenau ausgedrückt.

² τρίγωνον ὀρθογώνιον Hultsch. 3 'Eν-20 δικαιοτάτην] C, om. A. 3 'Eν] Schmidt, 'Αν C. τῆς ὁπὸ] Schmidt, om. C. 4 τετράγωνον] Schmidt, τετραγώνον C. 5 ἀπὸ τῶν] ἀπὸ C. 9 ὑπὸ] τῆς ὑπὸ C. efr. Eucl. II 12. 15 ὀργυῖα mg. C². 23 ἡ] C, ἡ δὲ A.

τριγώνου ἤγουν $\overline{i\beta}$ καὶ $\overline{\eta}$ · γίνονται \overline{k} . εἶτα πολυπλαστασον τὴν βάσιν έπὶ τὴν κάθετον, τουτέστι τὰ $\overline{i\beta}$ έπὶ τὰ $\overline{\eta}$ · γίνονται $\overline{q}\overline{s}$. ταῦτα μέρισον παρὰ τὰ συναμφότερα ἤγουν παρὰ τὰ \overline{k} · γίνονται $\overline{\delta}$ L' ε' ι' ἤτοι $\overline{\delta}$ καὶ $\overline{\delta}$ ε' ε' τοσούτων σχοινίων ἔσται έκάστη πλευρὰ τοῦ τετρα- \overline{k} · \overline{k}

45 Τῶν κάτωθεν δύο ὀρθογωνίων τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν εὐρεῖν. ποίησον οὕτως ἄφελε ἀπὸ τοῦ ἀριθμοῦ τῆς ὅλης βάσεως τοῦ τριγώνου τὸν ἀριθμὸν τῆς τοῦ τετραγώνου πλευρᾶς ἤγουν τὰ δ L' ε' ι', τουτέστι τὰ δ καὶ $\bar{\delta}$ ε' ε' λοιπὰ $\bar{\zeta}$ ε' τούτων τὸ L' γίνονται $\bar{\gamma}$ L' ι' π ἤτοι $\bar{\gamma}$ καὶ $\bar{\gamma}$ ε' ε' τοσούτων σχοινίων ἡ βάσις ἑκάστου 46 ὀρθογωνίου τριγώνου. ἡ δὲ κάθετος ἑκάστου τούτων ἤγουν ἡ πρὸς ὀρθὰς κατὰ τὴν ποσότητα τοῦ ἀριθμοῦ τῆς τοῦ τετραγώνου πλευρᾶς ἤγουν σχοινίων $\bar{\delta}$ L' ε' ι' τούτων τὸ ἤμισυ γίνονται $\bar{\beta}$ γ' ιε' ἤτοι $\bar{\beta}$ καὶ ε' ε' $\bar{\beta}$. 25 ταῦτα ἐπὶ τὴν βάσιν ένὸς ἑκάστου τριγώνου πολυπλασιαζόμενα ἤγουν ἐπὶ τὰ $\bar{\gamma}$ καὶ $\bar{\gamma}$ ε' ε' γίνονται $\bar{\eta}$ L' ι' κε' ἤτοι μονάδες $\bar{\eta}$ ε' ε' $\bar{\gamma}$ καὶ ε' τὸ ε'. ὁ δὲ πολυπλασιασμὸς οὕτως $\bar{\beta}$ $\bar{\gamma}$ $\bar{\varsigma}$ καὶ δὶς τὰ $\bar{\gamma}$ ε' ε' $\bar{\varsigma}$ ε' ε' καὶ $\bar{\beta}$ ε' ε' τῶν $\bar{\gamma}$ μονάδων $\bar{\varsigma}$ ε' ε' καὶ $\bar{\beta}$ ε' ε' τῶν $\bar{\gamma}$ ε' ε' $\bar{\varsigma}$ ε' ε' ε

τῶν ε΄ ε΄ γινόμενα καὶ ταῦτα ε΄ α καὶ ε΄ τὸ ε΄ δμοῦ

Kathete des Dreiecks, d. h. 12+8=20; Grundlinie \times Kathete, d. h. $12\times 8=96$; 96: die Summe, d. h. $96:20=4\frac{1}{2},\frac{1}{5},\frac{1}{10}=4\frac{4}{5}$; so viel Schoinien wird jede Seite des Quadrats sein.*) $4\frac{4}{5}\times 4\frac{4}{5}=23\frac{1}{25}$. Die Multiplikation aber geste schieht so: $4\times 4=16$, $4\times \frac{4}{5}=\frac{16}{5}$; und $\frac{4}{5}\times 4=\frac{16}{5}$; $\frac{4}{5}\times \frac{4}{5}=\frac{16}{25}=\frac{3}{5}+\frac{1}{25}$; zusammen $16+\frac{35}{5}+\frac{1}{25}$; $\frac{35}{5}=7$, die zu den übrigen 16 addiert werden; es bleibt aber noch $\frac{1}{25}$; und die aus der Multiplikation sich ergebende Zahl summiert sich zu $23\frac{1}{25}$; so viel Schoinien der Flächeninhalt des Quadrats.

Den Flächeninhalt der beiden rechtwinkligen Dreiecke 45 unten zu finden. Mache so: subtrahiere von der Zahl der ganzen Grundlinie des Dreiecks die Zahl der Seite des Quadrats oder $4\frac{1}{2}, \frac{1}{5}, \frac{1}{10} = 4\frac{4}{5}$; Rest $7\frac{1}{5}$; $\frac{1}{2} \times 7\frac{1}{5} = 3\frac{1}{2}, \frac{1}{10} = 3\frac{3}{5}$; 5 so viel Schoinien ist die Grundlinie jedes rechtwinkligen Dreiecks. Die Kathete aber jedes derselben oder die Senkrechte entspricht der Größe der Zahl der Seite des Quadrats oder $4\frac{1}{2}, \frac{1}{5}, \frac{1}{10}$ Schoinien; $\frac{1}{2} \times 4\frac{1}{2}, \frac{1}{5}, \frac{1}{10} = 2\frac{1}{3}, \frac{1}{15} = 2\frac{2}{5}$; $2\frac{2}{5} \times$ die Grundlinie jedes der Dreiecke, d. h. $\times 3\frac{3}{5} = 8\frac{1}{2}, \frac{1}{10}, \frac{1}{25} = 8\frac{3}{5}, \frac{1}{25}$. Die Multiplikation geschieht so: $2 \times 3 = 6$, $2 \times \frac{3}{5} = \frac{6}{5}$; 47 und $\frac{2}{5} \times 3 = \frac{6}{5}$, $\frac{2}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{6}{25} = \frac{1}{5}, \frac{1}{25}$; zusammen $6\frac{13}{15}, \frac{13}{25}$; $\frac{13}{15}$

*) Der Flächeninhalt (h Höhe, b Grundlinie, x Quadratseite) des Dreiecks ist $\frac{1}{2}x(h \div x) + x^2 + \frac{1}{2}x(b \div x) = \frac{1}{2}hb$, also $x = \frac{hb}{h+b}$.

μονάδες $\overline{\varsigma}$ ε΄ ε΄ $\overline{\iota}\overline{\gamma}$ καὶ ε΄ τὸ ε΄· τὰ $\overline{\iota}\overline{\gamma}$ ε΄ ε΄ μεριζόμενα παρὰ τὰ $\overline{\varepsilon}$ γίνονται μονάδες $\overline{\beta}$ καὶ ε΄ ε΄ $\overline{\gamma}$, καὶ προστίθενται ταῖς $\overline{\varsigma}$ μονάσι· μένει δὲ καὶ ε΄ τὸ ε΄· καὶ συμποσοῦται δ ἀπὸ τοῦ πολυπλασιασμοῦ συναγόμενος ἀριθμὸς εἰς μονάδας $\overline{\eta}$ ε΄ ε΄ $\overline{\gamma}$ καὶ ε΄ τὸ ε΄· τοσούτων ε σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν ένὸς ἐκάστου τῶν τοιούτων ὀρθογωνίων τριγώνων, ἀμφοτέρων δὲ τὸ ἐμβαδὸν γίνεται $\overline{\iota}\overline{\zeta}$ ε΄ καὶ $\overline{\beta}$ ε΄ τοῦ ε΄ ἤτοι σχοινίων $\overline{\iota}\overline{\zeta}$ ε΄ $\overline{\alpha}$ καὶ δύο ε΄ τὸ ε΄.

Τοῦ ἄνωθεν Ισοσκελοῦς τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. ποίει ούτως άφελε ἀπὸ τῆς καθέτου τοῦ ὅλου τρι- 10 γώνου τὴν τοῦ τετραγώνου πλευρὰν ἤγουν τὰ $\overline{\delta}$ \angle' ε' ι' λοιπά γ ε΄ ταῦτα ἡ κάθετος τοῦ ἄνωθεν τριγώνου. ή δε βάσις τούτου κατά τον ἀριθμον τῆς τοῦ τετραγώνου πλευρᾶς ἤγουν τὰ $\bar{\delta}$ L' ε' ι' . τούτων τὸ L'· $\gamma \iota'$ νονται $\overline{\beta}$ γ' ιε' ήτοι $\overline{\beta}$ καὶ $\overline{\beta}$ ε' ε' ταῦτα ἐπὶ τὰ $\overline{\gamma}$ ε' 15 της καθέτου πολυπλασιαζόμενα γίνονται ξ ζ΄ ι΄ ιε΄ οε΄ 49 ήτοι μονάδες ζ ε' ε' $\overline{\gamma}$ καὶ β ε' ε' τῶν ε' ε'. δ δὲ πολυπλασιασμός γίνεται ούτως: $\overline{\beta}$ $\overline{\gamma}$ $\overline{\varsigma}$ · καὶ $\overline{\beta}$ τὸ ε' $\overline{\beta}$ ε' ε' \mathbf{n} α \mathbf{l} $\mathbf{\bar{\beta}}$ $\mathbf{\varepsilon}'$ $\mathbf{\varepsilon}'$ $\mathbf{\tau}$ $\mathbf{\bar{\omega}}$ $\mathbf{\nu}$ $\mathbf{\bar{\gamma}}$ μονάδων $\mathbf{\bar{\varsigma}}$ $\mathbf{\varepsilon}'$ $\mathbf{\varepsilon}'$ \mathbf{n} α \mathbf{l} $\mathbf{\bar{\beta}}$ $\mathbf{\varepsilon}'$ $\mathbf{\varepsilon}'$ τοῦ $\mathbf{\bar{\alpha}}$ $\mathbf{\varepsilon}'$ $\mathbf{\bar{\beta}}$ $\mathbf{\bar{\varepsilon}}'$ $\mathbf{\varepsilon}'$ τῶν ε' ε'· δμοῦ μονάδες $\overline{5}$ ε' ε' $\overline{\eta}$ καὶ $\overline{\beta}$ ε' ε' τῶν ε' ε'· 10 $\tau \alpha \overline{\eta} \epsilon' \epsilon'$ μεριζόμενα παρά τὰ πέντε γίνεται μονάς μία καὶ γ ε' ε' καὶ προστίθεται ταῖς λοιπαῖς 5 μονάσιν· μένουσι δε καὶ $\bar{\beta}$ ε' ε' τῶν ε' ε' καὶ συμποσοῦται δ ἀπὸ τοῦ τοιούτου πολυπλασιασμοῦ συναγόμενος ἀριθμὸς εἰς μονάδας $\bar{\xi}$ ε΄ ε΄ $\bar{\gamma}$ καὶ $\bar{\beta}$ ε΄ ε΄ τῶν 25 ε' ε' τοσούτων σχοινίων τὸ έμβαδὸν καὶ τοῦ ἄνωθεν 50 Ισοσκελοῦς τριγώνου. δμοῦ τῶν ὅλων τμημάτων τὸ έμβαδὸν καὶ πάλιν σχοινίων μη. ὧν τὸ Δ΄ γίνονται κδ. καὶ ἔσται ὁ τόπος τοῦ παντὸς τριγώνου μοδίων κδ.

51 "Ετερον τρίγωνον Ισοσκελές, οὖ ή βάσις μονάδων » τς, ή δὲ κάθετος μονάδων τβ, τὸ δὲ ἐμβαδὸν μονάδων = $2\frac{3}{5}$, die zu den 6 addiert werden; es bleibt aber noch $\frac{1}{25}$; und die aus der Multiplikation sich ergebende Zahl summiert sich zu $8\frac{3}{5}\frac{1}{25}$; so viel Schoinien ist der Flächeninhalt eines jeden von diesen rechtwinkligen Dreiecken, von beiden ber wird der Flächeninhalt $17\frac{1}{5}\frac{2}{25}$, d. h. $17\frac{1}{5}\frac{2}{25}$ Schoinien.

Zu finden den Flächeninhalt des oberen gleichschenkligen 48 Dreiecks. Mache so: subtrahiere von der Kathete des ganzen Dreiecks die Seite des Quadrats oder $4\frac{1}{2}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{10}$; Rest $3\frac{1}{5}$; so viel die Kathete des oberen Dreiecks. Dessen Grundlinie aber entspricht der Zahl der Quadratseite oder $4\frac{1}{2}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{10}$. $\frac{1}{2} \times 4\frac{1}{2}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{10} = 2\frac{1}{3}$ $\frac{1}{15} = 2\frac{2}{5}$; $2\frac{2}{5} \times 3\frac{1}{5}$ der Kathete $= 7\frac{1}{2}$ $\frac{1}{10}$ $\frac{1}{15}$ $\frac{1}{15} = 7\frac{3}{25}$. Die Multiplikation aber geschieht so: $2 \times 3 = 6$, 49 $2 \times \frac{1}{5} = \frac{2}{5}$; $\frac{2}{5} \times 3 = \frac{6}{5}$, $\frac{2}{5} \times \frac{1}{5} = \frac{2}{25}$; zusammen $6\frac{8}{5} \cdot \frac{2}{25}$; $8 \cdot 5 = 1\frac{3}{5}$, was zu den übrigen 6 addiert wird; und es bleibt noch $\frac{2}{25}$; und die aus der genannten Multiplikation sich ergebende Zahl summiert sich zu $7\frac{3}{5} \cdot \frac{2}{25}$; so viel Schoinien der Flächeninhalt auch des oberen gleichschenkligen Dreiecks. 50 Zusammen der Flächeninhalt sämtlicher Stücke auch so wiederum 48 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 48 = 24$; und der Raum des ganzen Dreiecks wird 24 Modien sein.

Ein anderes gleichschenkliges Dreieck, dessen Grundlinie 51 = 16, die Kathete = 12, der Flächeninhalt = 96; zu finden ein Quadrat innerhalb eines solchen Dreiecks. Mache so:

53

ζε΄ εύρεῖν ἐντὸς τοῦ τοιούτου τριγώνου τετράγωνον ἐσόπλευρον. ποίησον οὕτως σύνθες βάσιν καὶ κάθετον γίνονται πη΄ εἶτα πολυπλασίασον τὴν βάσιν ἐπὶ τὴν κάθετον, τουτέστιν τὰ $\overline{\imath}$ ς ἐπὶ τὰ $\overline{\imath}$ β΄ γίνονται $\overline{\varrho}$ ηθ. ταῦτα μέρισον παρὰ τὰ $\overline{\imath}$ η γίνονται \overline{g} \overline{g} καὶ \overline{g} \overline{g}

Τῶν ἔνθεν κάκεῖθεν τοῦ τετραγώνου δύο ὀρθο-

γωνίων τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν ἡνωμένως εὐρεῖν. ποίησον οὕτως τὸ L' τῆς βάσεως ἤγουν τὰ ὀκτὼ μέρισον παρὰ τὰ $\overline{\iota}$ β τῆς καθέτου: γίνεται \overline{u}' : τὸ \overline{u}' τῆς τοῦ τετραγώνου πλευρᾶς ἤγουν τῶν \overline{s} μονάδων καὶ τῶν \overline{s} ξ΄ ζ΄: γίνονται μονάδες $\overline{\delta}$ καὶ $\overline{\delta}$ ξ΄ ζ΄: αἱ $\overline{\delta}$ μονάδες καὶ τὰ $\overline{\delta}$ ξ΄ ζ΄ πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὴν τοῦ τετραγώνου πλευράν, ῆτις κάθετος ἐστι τῶν τοιούτων δύο τριγώνων, τουτέστιν ἐπὶ τὰς \overline{s} μονάδας καὶ τὰ \overline{s} ξ΄ ζ΄, γίνονται μονάδες $\overline{\lambda}$ πρὸς τῆ μιῷ ξ΄ ξ΄ $\overline{\beta}$ καὶ $\overline{\gamma}$ ξ΄ ξ΄ τῶν ξ΄ ξ΄: πολυπλασιάζονται δὲ οὕτως: $\overline{\delta}$ \overline{s} κδ καὶ $\overline{\delta}$ τὰ \overline{s} ξ΄ ζ΄ πδ ξ΄ ζ΄: καὶ $\overline{\delta}$ ξ΄ ζ΄ τῶν \overline{s} μονάδων κδ ξ΄ ξ΄: καὶ $\overline{\delta}$ ξ΄ ξ΄ τῶν ξ΄ ξ΄ τῶν ξ΄ ξ΄ του νόμενα καὶ ταῦτα ξ΄ ξ΄ $\overline{\gamma}$ καὶ $\overline{\gamma}$ ξ΄ ξ΄ τῶν ξ΄ ξ΄: ὁμοῦ μονάδες κδ ξ΄ ξ΄ $\overline{\nu}$ α, γινόμενα καὶ ταῦτα μονάδες $\overline{\xi}$ s καὶ $\overline{\beta}$ ξ΄ ξ΄, καὶ τρία ξ΄ ξ΄ τῶν ξ΄ ξ΄, ἤτοι τὰ $\overline{\delta}$ λα μο-

νάδες $\overline{\lambda}\alpha$ καὶ ξ' ξ' $\overline{\beta}$ καὶ $\overline{\gamma}$ ξ' ξ' τῶν ξ' ξ' · τοσούτων τὸ ἐμβαδὸν τῶν δύο ὀρθογωνίων τριγώνων.

Διηφημένως δὲ ένὸς έκάστου ὀφθογωνίου τφιγώνου 55 τὸ ἐμβαδὸν εύφεῖν. ποίησον οὕτως ἄφελε ἀπὸ τοῦ

Grundlinie + Kathete = 28; Grundlinie × Kathete, d. h. $16 \times 12 = 192$; $192:28 = 6\frac{2}{3}\frac{1}{7}\frac{1}{21} = 6\frac{6}{7}$; so groß ist jede Seite des Quadrats; $6\frac{6}{7} \times 6\frac{6}{7} = 47\frac{1}{49}$. Die Multiplikation 52 aber geschieht so: $6 \times 6 = 36$, $6 \times \frac{6}{7} = \frac{36}{7}$; $\frac{6}{7} \times 6 = \frac{36}{7}$; $\frac{6}{7} \times \frac{6}{7} = \frac{36}{49} = \frac{5}{7}\frac{1}{49}$; zusammen $36\frac{77}{7}$, oder 36 + 11, $+\frac{1}{49}$, das Ganze also $47\frac{1}{49}$; so viel der Flächeninhalt des Quadrats.

Zu finden den Flächeninhalt der beiden rechtwinkligen Drei- 53 ecke zu beiden Seiten des Quadrats zusammen. Mache so:*) $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder 8:12 der Kathete $=\frac{2}{3};\frac{2}{3} \times$ die Quadratseite oder $\frac{2}{3} \times 6\frac{6}{7} = 4\frac{4}{7};$ $4\frac{4}{7} \times$ die Quadratseite, welche Kathete ist dieser beiden Dreiecke, oder $4\frac{4}{7} \times 6\frac{6}{7} = 30 + 1\frac{2}{7}\frac{2}{49}$. Die Multiplikation aber geschieht so: $4 \times 6 = 24$, $54 \times 6\frac{6}{7} = \frac{24}{7};$ $\frac{4}{7} \times 6 = \frac{24}{49} = \frac{3}{7},$ $\frac{3}{49};$ zusammen $= 24\frac{51}{7}$, oder $24 + 7\frac{2}{7},$ $+\frac{3}{49}$, oder das Ganze $= 31\frac{2}{7},$ $\frac{3}{49}$; so viel der Flächeninhalt der beiden rechtwinkligen Dreiecke.

Den Flächeninhalt jedes einzelnen rechtwinkligen Dreiecks 55 für sich zu finden. Mache so: subtrahiere von der Zahl der

*) $(y \text{ Grundlinie des kleinen Dreiecks}) \ y: \frac{1}{2}b = x:h$, also $y = \frac{\frac{1}{2}bx}{h}$, Inhalt der beiden Dreiecke $= \frac{\frac{1}{2}bx^2}{h}$.

ἀριθμοῦ τῆς βάσεως, τουτέστιν ἀπὸ τῶν τ̄ς μονάδων, τὸν ἀριθμὸν τῆς τοῦ τετραγώνου πλευρᾶς, ὅς ἐστι $μονάδες \overline{5}$ καὶ $\overline{5}$ ξ' ξ' . λοιπαὶ $μονάδες \overline{\vartheta}$ καὶ ξ' τῆς μονάδος. τούτων τὸ Δ΄ γίνονται μονάδες δ καὶ δ ζ΄ ζ΄ της μονάδος τοσούτου ἀριθμοῦ ἐστιν ἡ βάσις ένὸς δ 56 εκάστου δοθογωνίου τοιγώνου. ή δε κάθετος, τουτέστιν ή πρός δρθάς, κατά την ποσότητα τοῦ άριθμοῦ της του τετραγώνου πλευρας ήτοι μονάδων 3 καί $\overline{5}$ ξ' ξ' . τούτων τὸ \underline{L}' · γίνονται μονάδες $\overline{\gamma}$ καὶ $\overline{\gamma}$ ξ' ξ' τῆς μονάδος ταῦτα ἐπὶ τὴν βάσιν ένὸς έκάστου τοι- 10 γώνου πολυπλασιαζόμενα γίνονται μονάδες τε δ ξ' ξ' 57 καὶ ε ζ' ζ' τῶν ζ' ζ'. πολυπλασιάζονται δὲ οὕτως. $μονάδων \overline{ιβ} ξ' ξ' καὶ <math>\overline{δ} ξ' ξ' τῶν \overline{γ} ξ' ξ' \overline{ιβ} ξ' ξ' τῶν$ ξ' ξ' γινόμενα καὶ ταῦτα ξ' ξν καὶ $\overline{ε}$ ξ' ξ' τῶν ξ' ξ'· 15 δμοῦ μονάδες τβ ζ΄ ζ΄ πε, γινόμενα καὶ ταῦτα μονάδες $\overline{\gamma}$ καὶ $\overline{\delta}$ ξ' ξ', καὶ $\overline{\epsilon}$ ξ' ξ' τῶν ξ' ξ', ἤτοι τὰ ὅλα μονάδες ιεξ'ξ'δ' ααὶ εξ'ξ' τῶν ξ'ξ' τοσούτων τὸ 58 έμβαδον ένος έκάστου δοθογωνίου τοιγώνου. ταῦτα

δίς: γίνονται μονάδες $\bar{\lambda}$ πρὸς τῆ μιᾶ ξ' ξ' $\bar{\beta}$ καὶ $\bar{\gamma}$ ξ' ξ' τοσούτων τὸ ἐμβαδὸν τῶν $\bar{\beta}$ ὀρθογωνίων τοιγώνων.

59 Τοῦ ἄνωθεν Ισοσκελοῦς τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν εὐρεῖν. ποίησον οὕτως ἄφελε ἀπὸ τῆς καθέτου τὴν τοῦ τετραγώνου πλευρὰν ἤγουν μονάδας ξω" ζ' κα' λοιπαὶ 25 μονάδες ε ζ' τοσούτου ἀριθμοῦ ἡ κάθετος τοῦ ἄνωθεν ἰσοσκελοῦς τριγώνου. ἡ δὲ βάσις τούτου κατὰ τὸν ἀριθμὸν τῆς τοῦ τετραγώνου πλευρᾶς ἤτοι μονάδων ξ καὶ ξζ' ζ'. τούτων τὸ Δ' γίνονται μονάδες γ καὶ γ ζ' ζ' ταῦτα πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὰ εξ' τῆς καθέ- κου γίνονται μονάδες ιξ ζ' ζ' δ καὶ γ ζ' ζ' τῶν ξ' ζ'.

πολυπλασιάζονται δὲ οὕτως. $\overline{\gamma}$ $\overline{\epsilon}$ $\overline{\iota}\epsilon$. καὶ $\overline{\gamma}$ τὸ ξ' $\overline{\gamma}$ ξ' ξ' . 60 καὶ $\overline{\gamma}$ ξ' ξ' τῶν $\overline{\epsilon}$ μονάδων $\overline{\iota}\epsilon$ ξ' ξ' . καὶ $\overline{\gamma}$ ξ' ξ' τοῦ ξ' $\overline{\gamma}$ ξ' ξ' τῶν ξ' ξ' . ὁμοῦ μονάδες $\overline{\iota}\epsilon$ ξ' ξ' τῶν ξ' ξ' , ἤτοι τὰ $\overline{\iota}$ ὅλα μονάδες $\overline{\iota}\xi$ $\overline{\delta}$ ξ' ξ' , καὶ $\overline{\gamma}$ ξ' ξ' τῶν ξ' ξ' , ἤτοι τὰ $\overline{\iota}$ $\overline{\iota}$ ἐμβαδὸν καὶ τοῦ ἄνωθεν Ισοσκελοῦς τοιγώνου.

Grundlinie, d.h. von 16, die Zahl der Quadratseite, d.h. $6\frac{6}{7}$; Rest $9\frac{1}{7}$. $\frac{1}{2} \times 9\frac{1}{7} = 4\frac{4}{7}$; so groß ist die Grundlinie jedes einzelnen rechtwinkligen Dreiecks. Die Kathete aber, d. h. die Senk- 56 rechte, entspricht der Größe der Zahl der Quadratseite, d. h. 5 $6\frac{6}{7}$. $\frac{1}{2} \times 6\frac{6}{7} = 3\frac{3}{7}$; dies mit der Grundlinie jedes einzelnen Dreiecks multipliziert macht $15\frac{4}{7}, \frac{5}{49}$. Die Multiplikation aber 57 geschieht so: $3 \times 4 = 12$, $3 \times \frac{4}{7} = \frac{12}{7}$; $\frac{4}{7} \times 3 = \frac{12}{7}$; $\frac{4}{7} \times \frac{3}{7} = \frac{12}{49} = \frac{1}{7}, \frac{5}{49}$; zusammen $12\frac{25}{7}$, oder $12 + 3\frac{4}{7}, +\frac{3}{49}$, oder das Ganze $= 15\frac{4}{7}, \frac{5}{49}$; so viel der Flächeninhalt jedes einzelnen 10 rechtwinkligen Dreiecks. $2 \times 15\frac{4}{7}, \frac{5}{49} = 30 + 1\frac{2}{7}, \frac{3}{49}$; so viel 58 der Flächeninhalt der beiden rechtwinkligen Dreiecke.

Zu finden den Flächeninhalt des oberen gleichschenkligen 59 Dreiecks. Mache so: subtrahiere von der Kathete die Seite des Quadrats oder $6\frac{2}{3}\frac{1}{7}\frac{1}{21}$; Rest $5\frac{1}{7}$; so groß ist die Kathete 15 des oberen gleichschenkligen Dreiecks. Und dessen Grundlinie entspricht der Zahl der Quadratseite oder $6\frac{6}{7}$. $\frac{1}{2} \times 6\frac{6}{7}$ = $3\frac{3}{7}$; $3\frac{3}{7} \times 5\frac{1}{7}$ der Kathete = $17\frac{4}{7}\frac{3}{49}$. Die Multiplikation 60 aber geschieht so: $3 \times 5 = 15$, $3 \times \frac{1}{7} = \frac{3}{7}$; $\frac{3}{7} \times 5 = \frac{15}{7}$, $\frac{3}{7} \times \frac{1}{7} = \frac{3}{49}$; zusammen $15\frac{18}{7}$, oder $15 + 2\frac{4}{7}$, $+\frac{3}{49}$, oder 20 das Ganze = $17\frac{4}{7}\frac{3}{49}$; so viel der Flächeninhalt auch des oberen gleichschenkligen Dreiecks.

² τὸν] A, om. C. ἐστι] C, ἐστιν ξξ A. 3 μονάδες (pr.)] C, $\overset{\textbf{0}}{\mu}\overset{\textbf{0}}{\mu}$ A. $\overline{\varsigma}$ καὶ $\overline{\varsigma}$] ς' C, καὶ $\overline{\varsigma}$ A. 4 γίνονται] comp C, γίνεται

A. $8 \mu o \nu \acute{a} \emph{d} \omega v$] $\overset{\circ}{\mu} \overset{\circ}{\mu}$ A.C. $15 \ \xi' \ \xi' \ \tau \breve{\omega} v$] A, om. C. $18 \ \xi' \ \xi' \ \breve{\delta}$] C, $\bar{\delta} \ \xi'' \ \xi''$ A. $\tau \breve{\omega} v \ \xi' \ \xi'$] A, om. C. $\tau o \sigma o \acute{v} \tau \omega v$] C, $\tau o \sigma o \breve{v} \tau v v$ A. $21 \ \tau \breve{\omega} v \ \xi' \ \xi'$] om. C, $\tau \breve{\omega} v \ \dot{\epsilon} \beta \delta \acute{a} \mu \omega v$ A. $\tau o \sigma o \acute{v} \tau \omega v$] C, $\tau o \sigma o \breve{v} \tau v v$ A. $\delta \varrho \vartheta o \gamma \acute{\omega} v$ C. $26 \ \tau o \breve{v}$] corr. ex $\tau \breve{\omega} v$ C.

²⁸ μονάδων] $\overset{o}{\mu}\overset{o}{\mu}$ A.C. 32 καl] A, om. C. 34 $\overline{\iota\eta}$] - η e corr. C. 35 $\overline{\beta}$] A, δύο C. 36 $\overline{\delta}$ ξ'ξ'] C, ξ'ξ' $\overline{\delta}$ A. τοσούτων] C, τοσούτον A.

61 "Αρτι σύνθες τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τετραγώνου ἤγουν μονάδας μξ καὶ ζ' τοῦ ξ', ὁμοίως καὶ τὸ ἐμβαδὸν τῶν κάτωθεν δύο ὀρθογωνίων τριγώνων ἤγουν μονάδας λπρὸς τῆ μιᾶ ζ' ξ' $\overline{\beta}$ καὶ $\overline{\gamma}$ ξ' ζ' τῶν ζ' ξ', ὡσαύτως καὶ τὸ τοῦ ἄνωθεν ἰσοσκελοῦς τριγώνου ἤγουν μονάδας τὶ $\overline{\zeta}$ ξ' $\overline{\zeta}$ καὶ $\overline{\gamma}$ ξ' ξ' τῶν ξ' ξ' καὶ εὐρήσεις πάλιν τὸ

62 τῶν ὅλῶν τμημάτων ἐμβαδὸν μονάδας ς̄ς. αἱ τοιαῦται ς̄ς μονάδες ἐπὶ μὲν τοῦ μέτρου τῶν σχοινίων ἡμισειαζόμεναι γίνονται μη καὶ δηλοῦσι τὴν τοῦ μοδισμοῦ ποσότητα, ἐπὶ δὲ τοῦ μέτρου τῶν ὀργυιῶν ὑπεξαιρού- 10 μεναι ἐπὶ τῶν ε̄ γίνονται ἰθ ε΄ καὶ δηλοῦσι τὴν τῶν λιτρῶν ποσότητα, ὡς εἶναι τὸ τοιοῦτον σχῆμα ἐπὶ μὲν τῶν σχοινίων μοδίων μη, ἐπὶ δὲ τῶν ὀργυιῶν λιτρῶν ιθ ε΄.

Έτερον τρίγωνον Ισοσπελές, οδ ή βάσις μονάδων 15 ιζ, ή δε κάθετος μονάδων ιε, τὸ δε εμβαδον μονάδων οκζ Δ΄ εύφεῖν έντὸς τοῦ τοιούτου τριγώνου τετράγωνον Ισόπλευρον. ποίησον ούτως σύνθες βάσιν καὶ κάθετον ήγουν ιζ καὶ τε· γίνονται λβ· εἶτα πολυπλασίασον τὴν βάσιν έπὶ τὴν κάθετον, τουτέστι τζ έπὶ τε γίνονται 20 σνε. ταῦτα μέρισον παρά τὰ λβ. γίνονται ξ ζ δ' η' ις' λβ' ήτοι μονάδες έπτὰ καὶ λα λβ' λβ' τοσούτου άριθμοῦ έστιν έκάστη πλευρά τοῦ τετραγώνου. ταῦτα έφ' έαυτά γίνονται μονάδες ξη Δ' καὶ λβ' τὸ λβ' ήτοι 64 από' τῆς μονάδος. πολυπλασιάζονται δὲ ούτως ξξμθ. 25 καὶ έπτάκις τὰ λα λβ' λβ' σιζ λβ' λβ' καὶ λα λβ' λβ' τῶν έπτὰ μονάδων σιζ λβ΄ λβ΄ καὶ λα λβ΄ λβ΄ τῶν λα λβ΄ λβ΄ δξα λβ΄ λβ΄ τῶν λβ΄ λβ΄ γινόμενα καὶ ταῦτα λβ' λβ' τριάκοντα καὶ λβ' τὸ λβ' δμοῦ μονάδες τεσσαρακονταεννέα λβ' λβ' υξδ καὶ λβ' τὸ λβ' γινόμενα 30 καὶ ταῦτα μονάδες ιδ ζ΄ καὶ λβ΄ τὸ λβ΄, ήτοι τὰ ὅλα

μονάδες $\overline{\xi\gamma}$ L' καὶ $\lambda\beta'$ τὸ $\lambda\beta'$ · τοσοῦτον τὸ ϵ μβαδὸν τοῦ τετραγώνου.

Τῶν ἔνθεν κἀκεῖθεν τοῦ τετραγώνου δύο ὀρθο- 65
35 γωνίων τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν εὐρεῖν. ποίησον οὕτως ·
ἄφελε ἀπὸ τῆς βάσεως τὸν ἀριθμὸν τῆς τοῦ τετραγώνου πλευρᾶς ἤγουν μονάδας ξ καὶ λα λβ΄ λβ΄ καὶ
εὐρήσεις τὰς βάσεις τῶν δύο ὀρθογωνίων τριγώνων

Addiere darauf den Flächeninhalt des Quadrats oder $47\frac{1}{49}$ 61 und den Flächeninhalt der beiden rechtwinkligen Dreiecke unten oder $31\frac{2}{7}\frac{3}{49}$ und den des oberen gleichschenkligen Dreiecks oder $17\frac{8}{7}\frac{3}{49}$; so wirst du wiederum den Flächeninhalt

5 sämtlicher Stücke finden = 96. Diese 96 werden in Schoinien-62 maß, halbiert, = 48 und ergeben die Größe der Modienzahl, in Klaftermaß aber, mit 5 dividiert, = $19\frac{1}{5}$ und ergeben die Zahl der Liter, so daß die genannte Figur in Schoinien 48 Modien, in Klaftern aber $19\frac{1}{5}$ Liter groß ist.

Ein anderes gleichschenkliges Dreieck, dessen Grund-63 linie = 17, die Kathete = 15, der Flächeninhalt = $127\frac{1}{2}$; zu finden innerhalb eines solchen Dreiecks ein Quadrat. Mache so: addiere Grundlinie und Kathete oder 17 + 15 = 32; multipliziere dann Grundlinie und Kathete, d. h. $517 \times 15 = 255$. $255:32 = 7\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{16} \cdot \frac{3}{32} = 7\frac{31}{32}$; so groß ist jede Seite des Quadrats. $7\frac{31}{32} \times 7\frac{31}{33} = 63\frac{1}{9} + \frac{1}{29} \times \frac{1}{29} =$

15 17 × 15 = 255. 255: $32 = 7\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{8}\frac{1}{16}\frac{1}{32} = 7\frac{31}{32}$; so groß ist jede Seite des Quadrats. $7\frac{31}{32} \times 7\frac{31}{32} = 63\frac{1}{2} + \frac{1}{32} \times \frac{1}{32} = 63\frac{1}{2}\frac{1}{1024}$. Die Multiplikation aber geschieht so: $7 \times 7 = 49$, 64 $7 \times \frac{31}{32} = \frac{217}{32}$; $\frac{31}{32} \times 7 = \frac{217}{32}$, $\frac{31}{32} \times \frac{31}{32} = \frac{961}{1024} = \frac{30}{32}\frac{1}{1024}$; zusammen $49\frac{464}{32}\frac{1}{1024} = 49 + 14\frac{1}{2}\frac{1}{1024}$, oder das Ganze $63\frac{1}{2}\frac{1}{1024}$; so so groß der Flächeninhalt des Quadrats.

Zu finden den Flächeninhalt der beiden rechtwinkligen 65 Dreiecke zu beiden Seiten des Quadrats. Mache so: subtrahiere von der Grundlinie die Zahl der Quadratseite oder

⁵ τὸ] om. C, τὸ ἐμβαδὸν A. 6 καὶ εὐρήσεις πάλιν] A, ἤγουν C. 7 ἐμβαδὸν] A, τὸ ἐμβαδὸν C; fort. scrib. ἔσται τῶν δλων τμημάτων τὸ ἐμβ. 8 ἡμισυαζόμεναι C. 10 ὑπεξαιρουμένων C. 15 Έτερον — p. 268, 20 om. C. 17 \angle] ἤμισυ A.

μονάδων ἐννέα καὶ λεπτοῦ λβ΄ ἐνός. τούτων τὸ ἡμισυ γίνονται μονάδες $\overline{\delta}$ καὶ $\overline{\lambda \gamma}$ ξδ΄ ξδ΄· τοσούτου ἀριθμοῦ ἐστιν ἡ βάσις ένὸς ἐκάστου ὀρθογωνίου τριγώνου.

66 "Αλλως ή μέθοδος εἰς τὸ αὐτό. λαβὲ τὸ ἥμισυ τῆς ὅλης βάσεως τοῦ τριγώνου γίνονται μονάδες ὀκτὰ τ ἤμισυ. ταύτας μέρισον παρὰ τὰς τε τῆς καθέτου γίνονται μ΄ ιε΄ τὸ L΄ ιε΄ τῆς τοῦ τετραγώνου πλευρᾶς ἤγουν τῶν ἐπτὰ μονάδων καὶ λα λβ΄ λβ΄ γίνονται μονάδες δ καὶ λγ ξδ΄ ξδ΄.

67 Αἱ τέσσαρες μονάδες καὶ τὰ λγ ξδ΄ ξδ΄ πολυπλα- 10 σιαζόμενα ἐπὶ τὴν τοῦ τετραγώνου πλευράν, ἥτις κά- θετός ἐστι τῶν τοιούτων δύο ὀρθογωνίων τριγώνων, τουτέστιν ἐπὶ τὰς ἐπτὰ μονάδας καὶ τὰ έξηκονταδύο ξδ΄ ξδ΄, γίνονται μονάδες λε ξδ΄ ξδ΄ έξηκονταδύο καὶ

- 69 Τοῦ ἄνωθεν Ισοσκελοῦς τοιγώνου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν.
 ἄφελε ἀπὸ τῆς ὅλης καθέτου τὴν τοῦ τετραγώνου πλευρὰν ἤγουν μονάδας ἐπτὰ καὶ λα λβ΄ λβ΄ λοιπαὶ μονάδες ἐπτὰ καὶ λβ΄ τῆς μονάδος, ὅ ἐστιν ἐξηκοστο- so
 τέταρτα δύο τοσούτου ἀριθμοῦ ἐστιν ἡ κάθετος τοῦ

άνωθεν Ισοσκελούς τριγώνου. ή δε βάσις τούτου κατά την ποσότητα τοῦ ἀριθμοῦ τῆς τοῦ τετραγώνου πλευ οᾶς ήτοι μονάδων έπτὰ καὶ λα λβ' λβ', τούτων τὸ 35 ήμισυ γίνονται μονάδες γ καὶ ξη έξηκοστοτέταρτα. αί τρεῖς μονάδες καὶ τὰ ξγ ξδ΄ ξδ΄ πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ την κάθετον ήγουν έπὶ τὰς έπτὰ μονάδας καὶ τὰ δύο ξδ΄ ξδ΄ γίνονται μονάδες είκοσιοκτὰ καὶ ξβ ξδ΄ ξδ΄ τῶν ξδ΄ ξδ΄. πολυπλασιάζονται δὲ ούτως γ ζ πα καὶ 70 40 $\overline{\gamma}$ $\tau \alpha \beta \xi \delta' \xi \delta' \overline{\xi} \delta' \xi \delta' \xi \delta' \cdot \kappa \alpha \lambda \xi \gamma \xi \delta' \xi \delta' \tau \delta \nu \epsilon \pi \tau \alpha \mu o$ νάδων $\overline{ν}$ μα ξδ΄ ξδ΄· χαὶ $\overline{ξ}$ γ ξδ΄ ξδ΄ των δύο ξδ΄ ξδ΄ οπς ξδ΄ ξδ΄ των ξδ΄ ξδ΄ γινόμενα καὶ ταῦτα έξηκοστοτέταρτον α και ξβ ξδ΄ ξδ΄ των ξδ΄ ξδ΄ δαοῦ μονάδες 731; so wirst du die Grundlinien der beiden rechtwinkligen Dreiecke finden = $9\frac{1}{32}$. $\frac{1}{2} \times 9\frac{1}{32} = 4\frac{33}{64}$; so groß ist die Grundlinie jedes einzelnen rechtwinkligen Dreiecks.

Anders das Verfahren für dasselbe. $\frac{1}{2}$ × die ganze 66 5 Grundlinie des Dreiecks = $8\frac{1}{9}$; $8\frac{1}{9}$: 15 der Kathete = $\frac{1}{2}\frac{1}{15}$;

 $\frac{1}{2}\frac{1}{15}$ die Quadratseite oder $\frac{1}{2}\frac{1}{15}$ $7\frac{31}{32} = 4\frac{33}{64}$.

433 multipliziert mit der Quadratseite, welche Kathete 67 ist der genannten beiden rechtwinkligen Dreiecke, d. h. $4\frac{33}{64} \times 7\frac{62}{64} = 35\frac{62}{64}\frac{62}{4096}$. Die Multiplikation aber geschieht so: 68 10 $4 \times 7 = 28$, $4 \times \frac{62}{64} = \frac{248}{64}$; $\frac{33}{64} \times 7 = \frac{231}{64}$, $\frac{33}{64} \times \frac{62}{64} = \frac{2046}{64}$: $64 = \frac{31}{64}\frac{62}{4096}$; zusammen $28\frac{510}{64}\frac{62}{4096} = 28 + 7\frac{62}{64}\frac{62}{4096}$, oder das Ganze $35\frac{62}{64}\frac{62}{4096}$; so groß der Flächeninhalt der beiden rechtwinkligen Dreiecke.

winkligen Dreiecke.

Zu finden den Flächeninhalt des oberen gleichschenkligen 69 15 Dreiecks. Subtrahiere von der ganzen Kathete die Seite des Quadrats oder $7\frac{31}{32}$; Rest $7\frac{1}{32} = 7\frac{2}{64}$; so groß ist die Kathete des oberen gleichschenkligen Dreiecks. Dessen Grundlinie aber entspricht der Größe der Zahl der Quadratseite oder 7^{31}_{32} $\sim 7^{31}_{32} = 3^{63}_{64}$; $3^{63}_{64} \times$ die Kathete oder $\times 7^{2}_{64} = 28^{62}_{4096}$. 20 Die Multiplikation aber geschieht so: $3 \times 7 = 21$, $3 \times \frac{2}{64}$ 70

 $[\]frac{2}{43}$ γίνεται Δ . $\frac{2}{6}$ γίνονται Δ . $\frac{34}{6}$ μονάδων] $\frac{20}{6}$ Δ .

 $\overline{\kappa\alpha}$ ξδ΄ ξδ΄ $\overline{v\mu\eta}$, γινόμενα καὶ ταῦτα μονάδες έπτά, καὶ έξηκονταδύο ξδ΄ ξδ΄ τῶν έξηκοστοτετάρτων, ἤτοι τὰ ὅλα μονάδες εἰκοσιοκτὼ καὶ έξηκονταδύο ξδ΄ ξδ΄ τῶν ξδ΄ ξδ΄ τοσοῦτον τὸ ἐμβαδὸν καὶ τοῦ ἄνωθεν ἰσοσκελοῦς τριγώνου.

- 71 "Αρτι σύνθες τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τετραγώνου ἤγουν μονάδας ξη L' καὶ λβ' τὸ λβ', ὅ ἐστι τέσσαρα έξηκοστοτεταρτα τῶν έξηκοστοτετάρτων, ὁμοίως καὶ τὸ ἐμβαδὸν τῶν δύο ὀρθογωνίων τριγώνων ἤγουν μονάδας λε ξδ' ξδ' ξβ καὶ ξβ ξδ' ξδ' τῶν ξδ' ξδ', ὡσαύτως καὶ τὸ 10 ἐμβαδὸν τοῦ ἄνωθεν ἰσοσκελοῦς τριγώνου ἤγουν μονάδας κη καὶ ξβ ξδ' ξδ' τῶν έξηκοστοτετάρτων καὶ εὐρήσεις πάλιν τὸ τῶν ὅλων τμημάτων ἐμβαδὸν μονάδων ἑκατὸν εἰκοσιεπτὰ L'.

Αδ Έπτὰ εἴδη εἰσὶ τῶν τριγώνων τὸ ἰσόπλευρον μονοειδές, τὸ δὲ ἰσοσκελὲς ἢ ὀρθογώνιόν ἐστιν ἢ ἀμβλυγώνιον ἢ ὀξυγώνιον καὶ τὸ σκαληνὸν ὁμοίως.

- 74 Οὐκ ἔστιν εύρεῖν τετράγωνον ἀριθμὸν τετραγώνου διπλάσιον, ἀλλ' οὐδὲ ἰσόπλευρον τρίγωνον ὀρθογώνιον 25 τὴν ὑποτείνουσαν ἴσην τῶν δύο τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν ἔχον.
- 13 Περὶ τετραγώνων Ισοπλεύρων μὲν οὐκ ὀρθογωνίων δέ, ἤτοι δόμβων.
 - 1 Σχημα φόμβου, δ Ισόπλευρον μέν ούκ δρθογώνιον 10

 $=\frac{6}{64}; \frac{63}{64} \times 7 = \frac{441}{64}, \frac{63}{64} \times \frac{2}{64} = \frac{126}{64}: 64 = \frac{1}{64} \frac{62}{4096};$ zusammen $21\frac{448}{64}$, oder $7, +\frac{62}{4096}$, oder das Ganze $28\frac{62}{4096}$; so groß der Flächeninhalt auch des oberen gleichschenkligen Dreiecks.

- Addiere darauf den Flächeninhalt des Quadrats oder 71 $563\frac{1}{2}\frac{1}{1024}$, d. h. $63\frac{1}{2}\frac{4}{4096}$, und den Flächeninhalt der beiden rechtwinkligen Dreiecke oder $35\frac{62}{64}\frac{62}{4096}$, und den Flächeninhalt des oberen gleichschenkligen Dreiecks oder $28\frac{62}{4096}$; so wirst du wiederum finden den Flächeninhalt sämtlicher Stücke $=127\frac{1}{2}$.
- Bei Schoinienmaß wirst du durch Halbierung des Flächen- 72 inhalts finden die ganze Figur = $63\frac{1}{2}\frac{1}{4}$ Modien Land = 63 Modien 30 Liter; bei Klaftermaß aber wirst du, wenn du $\frac{1}{5}$ des Flächeninhalts nimmst, finden den Raum = $25\frac{1}{2}$ Liter.
- Es gibt 7 Arten von Dreiecken: das gleichseitige 1 Art, 73 das gleichschenklige aber ist entweder rechtwinklig oder stumpfwinklig oder spitzwinklig und das ungleichseitige ebenfalls.

Es ist nicht möglich eine Quadratzahl zu finden, die das 74 20 Doppelte einer Quadratzahl ist, und ebensowenig ein gleichseitiges rechtwinkliges Dreieck, das die Hypotenuse den beiden den rechten Winkel umschließenden Seiten gleich hätte.

Von gleichseitigen aber nicht rechtwinkligen Vierecken 13 oder Rhomben.

Die Figur einer Rhombe, die gleichseitig aber nicht rechtwinklig ist, wird so gemessen: es sei die Figur einer Rhombe,

ἴσον AC. 28 περί] C, περί δόμβων ἤτοι A. δρθό A (δρθονόνων). 29 ἤτοι δόμβων] C, om. A. 30 δρθογώνιον] A, δρθόγωνον C.

δέ, μετρεῖται οὕτως ἔστω σχῆμα δόμβου, οὖ ἑκάστη τῶν πλευρῶν σχοινίων $\bar{\iota}$, ἡ μία τῶν διαγωνίων σχοινίων $\bar{\iota}$ κοῦ ἡόμβου. λαβὲ τὸ L' τῆς μιᾶς τῶν διαγωνίων καὶ πολυπλασίασον ἐπὶ τὴν ἑτέραν ὅλην διαγώνιον, τουτ- 5 έστι τὰ $\bar{\varsigma}$ ἐπὶ τὰ $\bar{\iota}\bar{\varsigma}$ ἢ τὰ $\bar{\eta}$ ἐπὶ τὰ $\bar{\iota}\bar{β}$ γίνονται $\bar{q}\bar{\varsigma}$ καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ξόμβου σχοινίων $\bar{q}\bar{\varsigma}$. ὧν τὸ L' γίνονται $\bar{\mu}\bar{\eta}$ καὶ ἔστι γῆς μοδίων $\bar{\mu}\bar{\eta}$.

2 "Αλλως εἰς τὸ αὐτὸ σχῆμα. ξόμβος, οὖ ἐκάστη πλευρὰ ἀνὰ σχοινίων τ, ἡ δὲ διαγώνιος σχοινίων ιβ· εὐρεῖν 10
αὐτοῦ τήν τε κάθετον καὶ τὸ ἐμβαδόν. ποἰει οὕτως·
τῶν ιβ τῆς διαγωνίου τὸ Δ΄· γίνονται ς· ταῦτα ἐφ' ἑαυτά·
γίνονται λς· καὶ τὰ τὶ ἐφ' ἑαυτά· γίνονται ρ· ἐξ ὧν
λαβὲ τὰ λς· λοιπὰ ξδ· ὧν πλευρὰ τετράγωνος γίνεται
η· τοσούτων ἔσται σχοινίων ἡ κάθετος. ἐὰν δὲ θέλης 15
καὶ τὸ ἐμβαδὸν εὐρεῖν, ποίει οὕτως· τὰ η τῆς καθέτον
ἐπὶ τὰ ιβ τῆς βάσεως· γίνονται ςς· ὧν τὸ Δ΄· γίνονται
μη· τοσούτων ἐστὶ σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἡμίσεως
τοῦ ξόμβου, δηλαδὴ τοῦ ὅλου ξόμβου ὄντος σχοινίων
ςς. ὧν τὸ Δ΄· γίνονται μη· καὶ ἔστιν ὁ τόπος τοῦ ὅλου 20
δόμβου γῆς μοδίων μη.

"Ετερον σχήμα δόμβου, οὖ έκάστη πλευρὰ ἀνὰ σχοινίων $\overline{\lambda}$ ε, ἡ μία τῶν διαγωνίων σχοινίων $\overline{\lambda}$, ἡ δὲ ἐτέρα σχοινίων $\overline{\mu}$. τὸ \angle' τῶν $\overline{\lambda}$ γίνεται $\overline{\iota}$ ε ταῦτα ἐπὶ τὰ $\overline{\mu}$ γίνονται $\overline{\chi}$ καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ξόμβου σχοινίων 25 $\overline{\chi}$. ὧν τὸ \angle' γίνονται $\overline{\tau}$ καὶ ἔστι γῆς μοδίων $\overline{\tau}$.

4 Τὸ τοιοῦτον σχῆμα τοῦ ὁόμβου κατὰ μὲν τὴν μίαν τῶν διαγωνίων τεμνόμενον, ἦς ἀριθμὸς σχοινίων $\overline{\lambda}$, ποιεῖ τρίγωνα ἰσοσκελῆ ὀξυγώνια $\overline{\beta}$, κατὰ δὲ τὴν διαγώνιον, ἦς ἀριθμὸς σχοινίων $\overline{\mu}$, ποιεῖ τρίγωνα ἀμβλυ- το γώνια $\overline{\beta}$. ἡ βάσις ένὸς ἑκάστου τῶν ὀξυγωνίων τρι-

in der jede Seite = 10 Schoinien, der eine Durchmesser = 12 Schoinien und der andere = 16 Schoinien; zu finden den Flächeninhalt der Rhombe. Nimm die Hälfte des einen Durchmessers und multipliziere mit dem ganzen anderen Durchmesser, d. h. 6×16 oder $8 \times 12 = 96$; und der Flächeninhalt der Rhombe ist = 96 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 96 = 48$; und er ist 48 Modien Land.

Eine andere Figur einer Rhombe, in der jede Seite = 3 25 Schoinien, der eine Durchmesser = 30 Schoinien, der andere = 40 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 30 = 15$; $15 \times 40 = 600$; und es ist der Flächeninhalt der Rhombe = 600 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 600 = 300$; und er ist 300 Modien Land.

Eine solche Figur einer Rhombe geschnitten nach dem 4 25 einen Durchmesser, dessen Zahl = 30 Schoinien, bildet 2 gleichschenklige spitzwinklige Dreiecke, nach demjenigen Durchmesser aber, dessen Zahl = 40 Schoinien, bildet sie zwei stumpfwinklige Dreiecke. Die Grundlinie eines jeden

γώνων σχοινίων $\overline{\lambda}$, έκάστη δὲ τῶν ἴσων πλευρῶν σχοινίων $\overline{\kappa}$ ε. τὸ L' τῆς βάσεως ἤγουν τὰ $\overline{\iota}$ ε ἐφ' ἐαυτά' γίνονται $\overline{\sigma}$ κε τὰ $\overline{\sigma}$ κε ἀφαίρει ἀπὸ τῶν $\overline{\chi}$ κε λοιπὰ \overline{v} . ὧν πλευρὰ τετράγωνος γίνεται $\overline{\kappa}$. τοσούτων ἔσται σχοι- 5 νίων ἡ κάθετος ένὸς έκάστου ὀξυγωνίου τριγώνου. ταῦτα πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὸ ἡμισυ τῆς βάσεως ἤγουν ἐπὶ τὰ $\overline{\iota}$ ε γίνονται $\overline{\tau}$. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν ένὸς έκάστου ὀξυγωνίου τριγώνου σχοινίων $\overline{\tau}$. ὧν τὸ L'· γίνονται $\overline{\psi}$ ν τὸ $\overline{\psi}$ ν τὸς εκάστου ὀξυγωνίου τριγώνου σχοινίων $\overline{\tau}$. ὧν τὸ $\overline{\tau}$ γίνονται $\overline{\psi}$ ν τὸς $\overline{\tau}$ ν τὸς

Πάλιν ή βάσις ένὸς έκάστου ἀμβλυγωνίου τοιγώνου σχοινίων μ, έκάστη δὲ τῶν ἴσων πλευοῶν σχοινίων κε. ταῦτα ἐφ' έαυτά· γίνονται χπε καὶ τὸ ἤμισυ τῆς βάσεως ἤγουν τὰ π ἐφ' έαυτά· γίνονται τὸ ταῦτα ἀφαίρει ἀπὸ τῶν χπε λοιπὰ σπε ὧν πλευρὰ τετράγωνος γί- 15 νεται τε τοσούτων σχοινίων ἡ κάθετος ένὸς έκάστου ἀμβλυγωνίου τριγώνου. ταῦτα πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὸ ἤμισυ τῆς βάσεως ἤγουν ἐπὶ τὰ π γίνονται τ̄ καὶ ἔστιν ένὸς έκάστου ἀμβλυγωνίου τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων τ̄. πάλιν τὸ ζ τῶν τ̄ γίνονται ον καὶ ἔστιν 20 ἕν ἕκαστον τῶν τριγώνων γῆς μοδίων οχοινίων χ̄. ὧν τὸ ζ΄ γίνονται τ̄ καὶ ἔστιν ὁ τόπος τοῦ ὅλου ὁόμβου γῆς μοδίων τ̄.

Υούμβος, οὖ τὰ σκέλη ἀνὰ σχοινίων τζ, ή δὲ διαγώ- 25 νιος σχοινίων τὰ εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως τηχθω κάθετος διατέμνουσα τὴν διαγώνιον ἡ δὲ ἀχθεῖσα ἔχει σχοινία κδα καὶ γεγόνασι β μετρήσεις τριγώνων ἰσοσκελῶν, ὧν τὰ σκέλη ἀνὰ σχοινίων τζ, ή δὲ βάσις

der spitzwinkligen Dreiecke ist = 30 Schoinien und jede der gleichen Seiten = 25 Schoinien. $\frac{1}{2} \times$ Grundlinie oder $15 \times 15 = 225$; 25 der Seite $\times 25 = 625$; $625 \div 225 = 400$; $\sqrt{400} = 20$; so viel Schoinien wird die Kathete 5 jedes einzelnen spitzwinkligen Dreiecks sein. Dies mit der Hälfte der Grundlinie multipliziert oder $20 \times 15 = 300$; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen spitzwinkligen Dreiecks = 300 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 300 = 150$; und es sind beide je 150 Modien Land.

Es sei wiederum die Grundlinie jedes einzelnen stumpfwinkligen Dreiecks = 40 Schoinien, jede der gleichen Seiten aber = 25 Schoinien. 25 × 25 = 625; \frac{1}{2} Grundlinie oder 20 × 20 = 400; 625 \div 400 = 225; \frac{1}{2} \text{Grundlinie oder Schoinien ist die Kathete jedes einzelnen stumpfwinkligen 5 Dreiecks. 15 × \frac{1}{2} Grundlinie oder 15 × 20 = 300; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen stumpfwinkligen Dreiecks = 300 Schoinien. Wiederum \frac{1}{2} × 300 = 150; und es ist jedes einzelne Dreieck 150 Modien Land. Zusammen der Flächeninhalt beider Dreiecke = 600 Schoinien. \frac{1}{2} × 600 = 300; und es ist der Raum der ganzen Rhombe 300 Modien Land.

Eine Rhombe, deren Schenkel je = 13 Schoinien, der 6 Durchmesser aber = 10 Schoinien; zu finden ihren Flächeninhalt. Mache so: es sei gezogen eine Kathete, die den Durchmesser schneidet, und die gezogene Kathete hat 24 Schoinien; und es liegen vor 2 Vermessungen gleichschenkliger Dreiecke, deren Schenkel je = 13 Schoinien, die Grundlinie

⁻⁹ τριγώνον] AD, om. C. 8 ἔστι] Α, ἔσται D. 10 γίνονται] comp. A et infra ras. C. $\overline{\varrho v}$] Α, α' C. 11 ἀμβλυγωνι cum ras. C.

¹² ἐκάστη] Α, ἔστι C. σχοινία C. 17 ἀμβλυ γ Α. 18 ἤγονν] C, τοντέστιν Α. 19 τριγώνον] Δ΄ Α, οm. C. 21 ἐν $-\gamma$ ῆε] C, δ τόπος ἐκάστον τριγώνον Α. 24 γῆς] C, οm. A. 25 σχοινίων] ποδῶν V, ut lin. 26, 29, p. 274, 1 (bis), 2, 3. 26 $\bar{\iota}$] Α, δέκα C. 27 ἀχθεὶς C. 28 σχοινία] πόδας V. $\bar{\rho}$ μετρήσεις διομετρήσεις V. τριγώνων] om. V. 29 $\hat{\eta}$ δὲ βάσις] ΑV, αὶ δὲ βάσεις C.

σχοινίων $\bar{\iota}$, $\hat{\eta}$ δὲ κάθετος έκάστου ἀνὰ σχοινίων $\bar{\iota}\beta$, $\hat{\omega}_{S}$ γίνεσθαι τὸ έμβαδὸν έκάστου τριγώνου σχοινίων $\bar{\xi}$, τοῦ ὅλου $\hat{\xi}$ ομβου ὅντος δηλαδή σχοινίων $\bar{\chi}$ οκ ήτοι γῆς μοδίων $\bar{\xi}$.

14 Περὶ παραλληλογράμμων ὀρθογωνίων.

Παραλληλόγραμμον δρθογώνιον μετρεῖται οὕτως ε΄στω παραλληλόγραμμον δρθογώνιον, δ δη καὶ έτερόμηκες καλεῖται, οὖ τὸ πλάτος σχοινίων τ, τὸ δὲ μῆκος σχοινίων ὀκτώ εὐρεῖν τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ. πολυπλασίασον τὸ πλάτος ἐπὶ τὸ μῆκος ἤγουν τὰ τὰ ἐπὶ τὰ π΄ το γίνονται κδ΄ καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ παραλληλογράμμου σχοινίων κδ. ὧν τὸ ἤμισυ γίνονται ιβ΄ καὶ ἔστι γῆς μοδίων ιβ.

Παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, δ δη καὶ ἐτερόμηκες καλεῖται, οὖ τὰ μὲν μήκη ἀνὰ σχοινίων τη, τὰ δὲ 15
πλάτη ἀνὰ σχοινίων τῶ. τὰ τη τοῦ μήκους πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὰ τῷ τοῦ πλάτους γίνονται στς καὶ
ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τοιούτου παραλληλογράμμου σχοινίων στς. ὧν τὸ Δ΄ οη καὶ ἔστι γῆς μοδίων οη.

Παραλληλόγραμμον τὸ αὐτὸ τεμνόμενον εἰς διάφορα 20 εἴδη τριγώνων, εἰς εν ὀξυγώνιον ἰσοσκελές, εἰς β σκαληνὰ ὀρθογώνια καὶ εἰς β ἀμβλυγώνια σκαληνὰ καὶ αὐτά. ἡ βάσις τοῦ ἰσοσκελοῦς ὀξυγωνίου τριγώνου σχοινίων τη, έκάστη δὲ τῶν ἴσων πλευρῶν σχοινίων τε. ταῦτα ἐφ' έαυτά· γίνονται σκε· καὶ τὸ ἡμισυ τῆς 26 βάσεως ἡγουν τὰ θ ἐφ' έαυτά· γίνονται πα· ταῦτα ἀφαίρει ἀπὸ τῶν σκε· λοιπὰ ρμδ· ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ ιβ· τοσούτων σχοινίων ἡ κάθετος. ταῦτα πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὸ ζ΄ τῆς βάσεως, τουτέστιν ἐπὶ τὰ θ, γίνονται ρη· καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὀξυγωνίου 30

= 10 Schoinien, die Kathete eines jeden je = 12 Schoinien, so daß der Flächeninhalt eines jeden Dreiecks = 60 Schoinien wird, die ganze Rhombe also = 120 Schoinien oder 60 Modien Land.

Von rechtwinkligen Parallelogrammen.

14

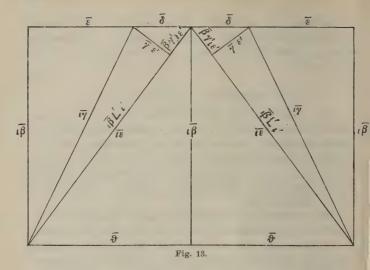
Ein rechtwinkliges Parallelogramm wird so gemessen: 1 es sei ein rechtwinkliges Parallelogramm, bekanntlich auch Rechteck genannt, dessen Breite = 3 Schoinien, Länge = 8 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. Breite × Länge oder 3 × 8 = 24; und es ist der Flächeninhalt desselben Parallelogramms = 24 Schoinien. ½ × 24 = 12; und er ist 12 Modien Land.

Ein rechtwinkliges Parallelogramm, bekanntlich auch 2 Rechteck genannt, dessen Längen = 18 Schoinien, Breiten 5 = 12 Schoinien. 18 der Länge × 12 der Breite = 216; und es ist der Flächeninhalt eines solchen Parallelogramms = 216 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 216 = 108$; und er ist 108 Modien Land.

Dasselbe Parallelogramm geteilt in verschiedene Arten 3 o von Dreiecken, in 1 spitzwinkliges gleichschenkliges, 2 ungleichschenklige rechtwinklige und 2 stumpfwinklige, ebenfalls ungleichschenklige. Die Grundlinie des gleichschenkligen spitzwinkligen Dreiecks = 18 Schoinien, jede der gleichen Seiten aber = 15 Schoinien. 15 \times 15 = 225; 5 $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder 9 \times 9 = 81; 225 - 81 = 144; $\sqrt{144}$ = 12; so viel Schoinien die Kathete.*) 12 \times $\frac{1}{2}$ Grundlinie

*) Zu berechnen wäre die Hypotenuse; die Kathete ist gegeben.

1 σχοινίων (pr.)—ξκάστον] AV, om. C. $\overline{\iota \beta}$] AV, $\overline{\kappa \delta}$ C. 3 ήτοι —4 $\overline{\xi}$] om. V. 3 γῆς] C, om. A. 6 παραλληλόγραμμον—13 $\overline{\iota \beta}$] A, om. C. 14 παραλληλόγραμμον] C, ξτερον παραλληλόγραμμον A. 17 πλατ^δ C. 18 τοιούτον] C, αὐτοῦ A. 21 εἰς ξν] C, ήγουν εἰς ξν A. ὀξυγώ C. 23 αὐτά] C, ταῦτα A. 24 σχοινίων (pr.)] A, σχοινία C. σχοινίων (alt.)] A, σχοινία C. 25 $\overline{\sigma \kappa \varepsilon}$ —26 γίνονται] A, om. C. 30 ὀξυγώ C.



τριγώνου σχοινίων τοσούτων. ὧν τὸ L'· γίνονται νδ· τριγώνου $\overline{\gamma}$

ταῦτα μερίζω παρὰ τὰ $\overline{\iota}$ ε τῆς βάσεως γίνονται $\overline{\iota}$ β $\underline{\iota}'$ ι' ἤτοι μονάδες $\overline{\iota}$ β καὶ ε' ε' $\overline{\gamma}$, τοσούτων σχοινίων ἔσται ἡ μείζων ἀποτομὴ $[\overline{\iota}$ ῆς βάσεως]. ὁμοίως συντιθῶ τὰ $\overline{\iota}$ κε τῆς βάσεως $\overline{\iota}$ θ καὶ τὰ $\overline{\iota}$ ε γίνονται $\overline{\iota}$ μα. ἀπὸ τούτων ὑφαιρῶ τὰ $\overline{\iota}$ ε τῆς βάσεως γίνονται $\overline{\iota}$ β $\overline{\iota}$ ε ταῦτα μερίζω παρὰ τὰ $\overline{\iota}$ ε τῆς βάσεως γίνονται $\overline{\iota}$ β $\overline{\iota}$ ε της $\overline{\iota}$ ε $\overline{\iota}$ ε της $\overline{\iota}$ ε $\overline{$

oder $12 \times 9 = 108$; und es ist der Flächeninhalt des spitzwinkligen Dreiecks so viel Schoinien. $\frac{1}{2} \times 108 = 54$; und er ist 54 Modien Land.

Die Scheitellinie*) jedes einzelnen rechtwinkligen Drei- 4 5 ecks = 5 Schoinien, die Senkrechte = 12 Schoinien, die Hypotenuse = 13 Schoinien. $\frac{1}{2}$ Senkrechte oder 6 \times 5 der Scheitellinie jedes einzelnen rechtwinkligen Dreiecks = 30; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen derselben = 30 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 30 = 15$; und er ist 15 Modien Land.

Die kleinere Seite jedes einzelnen stumpfwinkligen Drei- ecks = 4 Schoinien, die größere = 13 Schoinien, die überspannende Grundlinie = 15 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. Ich mache so: $15 \times 15 = 225$, $13 \times 13 = 169$, $4 \times 4 = 16$; 225 + 169 = 394, $394 \div 16 = 378$, $15\frac{1}{2} \times 378 = 189$; 189:15 der Grundlinie = $12\frac{1}{2}\frac{1}{10} = 12\frac{3}{5}$; so viel Schoinien wird der größere Abschnitt sein. Ebenso 225 + 16 = 241, $241 \div 169 = 72$, $\frac{1}{2} \times 72 = 36$; 36:15 der Grundlinie = $2\frac{1}{3}\frac{1}{15} = 2\frac{2}{5}$; also wird auch

*) Gemeint ist die nach oben gekehrte kleinere Kathete.

ε' ε' β. ἔσται οὖν καὶ ή ἐλάττων βάσις σχοινίων β 6 καὶ ε' ε' $\overline{β}$. ταῦτα πολυπλασιαζόμενα έφ' έαυτὰ γίνονται μονάδες $\bar{\epsilon}$ καὶ ϵ' ϵ' $\bar{\gamma}$ καὶ $\bar{\delta}$ ϵ' ϵ' τῶν ϵ' ϵ' . ταῦτα ἆρον ἀπὸ τῶν τς λοιπαὶ μονάδες τ ε΄ εν καὶ ε' τὸ ε' . ὧν πλευρὰ τετραγωνική γίνεται $\overline{\gamma}$ ε' . 5 τοσούτων σχοινίων ή κάθετος. πάλιν τὰ ιβ καὶ γ ε΄ ε΄ έφ' έαυτά γίνονται μονάδες σνη ε' ε' γ καὶ δ ε' ε' τῶν ε' ε' ταῦτα ύφαιοῶ ἀπὸ τῶν οξθ λοιπαὶ μονάδες δέκα $\varepsilon' \overline{\alpha}$ καλ ε' τὸ ε' . ὧν πλευρά τετραγωνική γίνεται δμοίως $\overline{\gamma}$ ε' καὶ ἔσται $\hat{\eta}$ κάθετος $\overline{\gamma}$ ε' . ταῦτα πολυπλασιάζω 10 έπὶ τὰ τε τῆς βάσεως γίνονται μη. ὧν ζ΄ γίνεται πδ. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν ένὸς έκάστου ἀμβλυγωνίου τοιγώνου σχοινίων αδ. ὧν τὸ Δ΄ γίνονται ιβ. καὶ ἔστιν ξκαστον τούτων γης μοδίων ιβ. δμοῦ καὶ πάλιν τὸ έμβαδον τῶν ὅλων τμημάτων σχοινίων σις, ὁ δὲ μο- 15 δισμός τούτων γης μοδίων οη.

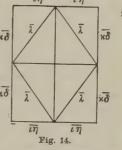
Παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον ἔτερον, οὖ αἱ μὲν $\overline{\beta}$ πλευραὶ τοῦ πλάτους ἀνὰ ὀργυιῶν $\overline{\lambda}$ ς, αἱ δὲ δύο τοῦ μήκους ἀνὰ ὀργυιῶν $\overline{\mu}$ η. αἱ $\overline{\lambda}$ ς τῆς μιᾶς τῶν τοῦ πλάτους πολυπλασιαζόμεναι ἐπὶ τὰς $\overline{\mu}$ η τῆς μιᾶς τῶν 20 τοῦ μήκους ποιοῦσι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου ὀργυιῶν $\overline{\mu}$ η. ὧν μέρος διακοσιοστὸν γίνεται $\overline{\eta}$ \underline{L}' ι΄ κε΄· καὶ ἔστι γῆς μοδίων $\overline{\eta}$ \underline{L}' λιτρῶν $\overline{\epsilon}$ καὶ ὀργυιῶν $\overline{\gamma}$.

Παραλληλόγοαμμον τὸ αὐτὸ τεμνόμενον εἰς ῥόμβον ες καὶ $\overline{\delta}$ τρίγωνα ὀρθογώνια. αἱ $\overline{\delta}$ πλευραὶ τοῦ ῥόμβον ἀνὰ ὀργυιῶν $\overline{\lambda}$, ἡ μία τῶν διαγωνίων ὀργυιῶν $\overline{\lambda}$ ς καὶ ἡ ἐτέρα ὀργυιῶν $\overline{\mu}$ η εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. πολυπλασίασον τὸ \overline{L} τῆς μιᾶς διαγωνίου ἐπὶ τὴν ἑτέραν ὅλην διαγώνιον ἤγουν τὰς $\overline{\iota}$ η ἐπὶ τὰς $\overline{\mu}$ η γίνονται $\overline{\delta}$ ο ωξ $\overline{\delta}$ τοσούτων ὀργυιῶν ἐστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ῥόμβου.

die kleinere Grundlinie sein = $2\frac{2}{5}$ Schoinien. $2\frac{2}{5} \times 2\frac{2}{5}$ 6 = $5\frac{3}{5}\frac{4}{25}$; $16 \div 5\frac{3}{5}\frac{4}{25} = 10\frac{1}{5}\frac{1}{25}$; $\sqrt{10\frac{1}{5}\frac{1}{25}} = 3\frac{1}{5}$; so viel Schoinien die Kathete. Wiederum $12\frac{3}{5} \times 12\frac{3}{5} = 158\frac{3}{5}\frac{4}{25}$; $169 \div 158\frac{3}{5}\frac{4}{25} = 10\frac{1}{5}\frac{1}{25}$; $\sqrt{10\frac{1}{5}\frac{1}{25}} = 3\frac{1}{5}$, wie vorher; und 5 die Kathete wird sein $3\frac{1}{5}$. $3\frac{1}{5} \times 15$ der Grundlinie = 48; $\frac{1}{2} \times 48 = 24$; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen stumpfwinkligen Dreiecks = 24 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 24$ = 12; und es ist jedes derselben = 12 Modien Land. Alles zusammen; und es ist wiederum der Flächeninhalt sämtlicher 10 Stücke = 216 Schoinien und deren Modienzahl = 108 Modien Land.

Ein anderes rechtwinkliges Parallelogramm, in dem die 7 2 Seiten der Breite je = 36 Klafter, die zwei der Länge aber je = 48 Klafter. 36 der einen Seite der Breite × 48 15 der einen der Länge machen den Flächeninhalt des Parallelogramms = 1728 Klafter. $\frac{1}{200}$ × 1728 = $8\frac{1}{2}$ $\frac{1}{10}$ $\frac{1}{25}$; und er ist $8\frac{1}{2}$ Modien 5 Liter 3 Klafter Land.

Dasselbe Parallelogramm geteilt in eine Rhombe und 4 rechtwinklige Dreiecke. Die 4 Seiten der Rhombe je = 30 Klafter, der eine Durchmesser = 36 Klafter, der andere = 48 Klafter; zu finden ihren Flächeninhalt. Multipliziere die Hälfte des einen Durchmesser, d. h. 18 × 48 = 864; so viel Klafter ist der Flächeninhalt der



¹ οὖν] A, om. C. βάσις] C, τομὴ τῆς βάσεως A. 2 πολνπλασιαζόμενα] C, πολυπλασιάζω A. 4 ἄρον] C, αἰρω A. $\bar{\iota}$ ε΄ $\bar{\iota}$ ιε" C, δέκα πέμπτον A. 6 κάθετος] A, βάσις C. τὰ $\bar{\iota}\bar{\mu}$] C, αὶ $\bar{\iota}\bar{\mu}$ μονάδες A. $\bar{\gamma}$ ε΄ ε΄] C, τὰ τρία ε΄ ε΄ τῆς μείζονος τομῆς τῆς βάσεως A. 7 ἐαντά] comp. A. 10 καὶ ἔσται] C, ἔσται οὖν A. $\bar{\gamma}$] C, σχοινίων $\bar{\gamma}$ A. 13 τὸ] C, om. A. καὶ—14 $\bar{\iota}\bar{\mu}$] A, om. C. 14 τούτων γῆς μοδίων] C, om. A. 18 δὲ] A, om. C. 19 τᾶν] A, om. C. 23 \angle (alt.)] C, $\tilde{\eta}$ μισον A. 25 ξόμρον C, δόμβον σχῆμα A. 26 καὶ] C, καὶ εἰς A. 27 διαγῶν C. 30 διαγώνιαν C.

 $\tilde{\delta}$ ν μέρος διακοσιοστ $\tilde{\delta}$ ν γίνεται $\tilde{\delta}$ δ' κ' ν' καὶ έστι $\tilde{\gamma}$ ης μοδίων $\tilde{\delta}$ λιτρών $\tilde{\iota}$ η καὶ δργυιών $\tilde{\delta}$.

Υ βάσις ένὸς έκάστου ὀρθογωνίου τριγώνου ὀργυιῶν $\overline{\imath\eta}$, ἡ δὲ πρὸς ὀρθὰς ὀργυιῶν $\overline{\imath\delta}$, ἡ δὲ ὑποτείνουσα ὀργυιῶν $\overline{\lambda}$. τὸ L' τῆς βάσεως ἤγουν αἱ ἐννέα τὸ ὀργυιὰ πολυπλασιαζόμεναι ἐπὶ τὰς $\overline{\imath\delta}$ τῆς πρὸς ὀρθὰς ποιοῦσιν ένὸς έκάστου ὀρθογωνίου τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν ὀργυιῶν $\overline{\sigma}$ ις ἤτοι γῆς μοδίου $\overline{\alpha}$ λιτρῶν $\overline{\gamma}$ καὶ ὀργυιᾶς μιᾶς. ὁμοῦ καὶ πάλιν τὸ τῶν ὅλων τμημάτων ἐμβαδὸν ἤγουν τῶν $\overline{\delta}$ ὀρθογωνίων τριγώνων καὶ τοῦ 10 $\overline{\delta}$ 0μβου ὀργυιῶν $\overline{\alpha}$ 0μπη, $\overline{\delta}$ 0 δὲ μοδισμὸς τούτων γῆς μοδίων $\overline{\eta}$ 1 λιτρῶν $\overline{\epsilon}$ καὶ ὀργυιῶν $\overline{\gamma}$ 2.

10 Παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον ἔτερον, οὖ τὸ πλάτος σχοινίων η̄, τὸ δὲ μῆκος σχοινίων ιβ· εὑρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. πολυπλασίασον τὰ η̄ τοῦ πλάτους ἐπὶ τὰ ιδ ιβ τοῦ μήκους· γίνονται ς̄ς· καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ παραλληλογράμμου σχοινίων ς̄ς. ὧν τὸ L΄· γίνονται μη̄ καὶ ἔστι γῆς μοδίων τεσσαρακονταοκτώ.

11 Παραλληλόγοαμμον τὸ αὐτὸ τεμνόμενον εἰς ἔτερα παραλληλόγοαμμα τέσσαρα ὀρθογώνιά τε καὶ στενοεπι- 20 μήκη. τὸ πλάτος ένὸς έκάστου τούτων σχοινίων γ, τὸ δὲ μῆκος σχοινίων η. τὰ τρία τοῦ πλάτους πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὰ η τοῦ μήκους γίνονται κδ΄ καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν ένὸς έκάστου τμήματος σχοινίων κδ ἤτοι γῆς μοδίων ιβ. ὁμοῦ καὶ πάλιν τὸ ἐμβαδὸν τῶν δ 25 τμημάτων σχοινίων ςς, ὁ δὲ μοδισμὸς τούτων γῆς μοδίων μη.

Α Παραλληλόγραμμον τὸ αὐτὸ τεμνόμενον εἰς ἔτερα παραλληλόγραμμα ὀρθογώνια ὀκτώ. τὸ πλάτος ένὸς έκάστου τούτων σχοινίων τριῶν, τὸ δὲ μῆκος σχοινίων 30 τεσσάρων. τὰ γ τοῦ πλάτους πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὰ

 $\overline{\delta}$ τοῦ μήκους γίνονται $\overline{\iota \beta}$ καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν ενὸς ἐκάστου τούτων σχοινίων $\overline{\iota \beta}$ ήτοι γῆς μοδίων $\overline{\varsigma}$. δμοῦ

Rhombe. $\frac{1}{200} > 864 = 4\frac{1}{4}\frac{1}{20}\frac{1}{50}$; und er ist 4 Modien 12 Liter 4 Klafter Land.

Die Grundlinie jedes einzelnen rechtwinkligen Dreiecks 9 = 18 Klafter, die Senkrechte = 24 Klafter, die Hypotenuse 5 = 30 Klafter. $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder 9 Klafter \times 24 der Senkrechten machen den Flächeninhalt jedes einzelnen rechtwinkligen Dreiecks = 216 Klafter oder 1 Modius 3 Liter 1 Klafter Land. Alles zusammen; und wiederum wird der Flächeninhalt sämtlicher Stücke, d. h. der 4 rechtwinkligen Dreiecke und 10 der Rhombe, = 1728 Klafter, und deren Modienzahl ist $8\frac{1}{2}$ Modien 5 Liter 3 Klafter Land.

Ein anderes rechtwinkliges Parallelogramm, dessen Breite 10 = 8 Schoinien, Länge = 12 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. 8 der Breite × 12 der Länge = 96; und es 15 ist der Flächeninhalt desselben Parallelogramms = 96 Schoinien. $\frac{1}{9}$ × 96 = 48; und er ist 48 Modien Land.

Dasselbe Parallelogramm geteilt in 4 andere, rechtwinklige und aufrechtstehend schmale Parallelogramme. Die
Breite jedes einzelnen derselben = 3 Schoinien, die Länge
20 = 8 Schoinien. 3 der Breite × 8 der Länge = 24; und
es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen Stücks = 24 Schoinien oder 12 Modien Land. Alles zusammen; und wiederum
wird der Flächeninhalt der 4 Stücke = 96 Schoinien, und
deren Modienzahl ist 48 Modien Land.

Dasselbe Parallelogramm geteilt in 8 andere rechtwinklige Parallelogramme. Die Breite jedes einzelnen derselben
3 Schoinien, die Länge = 4 Schoinien. 3 der Breite
4 der Länge = 12; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen derselben = 12 Schoinien oder 6 Modien Land. Alles

καὶ πάλιν τὸ ἐμβαδὸν τῶν ὀκτὰ τμημάτων σχοινίων ἐνενηκονταὲξ ήτοι γῆς μοδίων μη.

AC Παραλληλόγραμμον τὸ αὐτὸ τεμνόμενον εἰς τρί-13 γωνον Ισοσκελές όξυγώνιον καὶ εἰς έτερα β ὀρθογώνια σκαληνά. ή βάσις τοῦ Ισοσκελοῦς δξυγωνίου τοιγώνου 5 σχοινίων ιβ, έκάστη δὲ τῶν ἴσων πλευρῶν σχοινίων ῖ· εύρεῖν τὴν κάθετον. πολυπλασίασον τὴν μίαν τῶν πλευοῶν ἐφ' ἑαυτήν· γίνονται ο̄· καὶ τὸ Δ΄ τῆς βάσεως ήγουν τὰ 5 ἐφ' ἑαυτά· γίνονται λ5. ταῦτα ἀφαίρει ἀπὸ $\tau \tilde{\omega} \nu \cdot \overline{\rho}$. $\lambda o i \pi \dot{\alpha} \quad \tilde{\xi} \vec{\delta}$. $\tilde{b} \nu \quad \pi \lambda \epsilon \nu \rho \dot{\alpha} \quad \tau \epsilon \tau \rho \alpha \nu \omega \nu i \eta \quad \overline{\eta}$. $\tau o \sigma o \dot{\nu} \tau \omega \nu \cdot 10$ σχοινίων ή κάθετος. εἶτα λαβὲ τὸ ζ΄ τῆς βάσεως γίνονται 5. ταῦτα πολυπλασίασον ἐπὶ τὴν κάθετον ἤγουν έπὶ τὰ η γίνονται μη τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ Ισοσκελοῦς ὀξυγωνίου τριγώνου. ὧν Δ΄ γίνεται κδ. και έστι γης μοδίων κδ. 15

16 Π αραλληλόγραμμον τὸ αὐτὸ τεμνόμενον εἰς δ όμ β ου δ ος δ ημα καὶ εἰς τρίγωνα ἰσοσκελ $\tilde{\eta}$ ς, έξ ὧν τὰ δ ος δ υ-

zusammen; und wiederum ist der Flächeninhalt der 8 Stücke = 96 Schoinien oder 48 Modien Land.

Dasselbe Parallelogramm geteilt in ein gleichschenkliges 13 spitzwinkliges Dreieck und in zwei andere rechtwinklige 5 ungleichschenklige. Die Grundlinie des gleichschenkligen spitzwinkligen Dreiecks = 12 Schoinien, jede der gleichen Seiten =10 Schoinien; zu finden die Kathete.*) Multipliziere die eine der Seiten mit sich selbst; macht 100; und $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder $6 \times 6 = 36$; $100 \div 36 = 64$; $\sqrt{64} = 8$; so viel Schoinien die Kathete. $\frac{1}{2}$ Grundlinie = 6; $6 \times$ Kathete oder $6 \times 8 = 48$; so viel Schoinien der Flächeninhalt des gleichschenkligen spitzwinkligen Dreiecks. $\frac{1}{2} \times 48 = 24$; und er ist 24 Modien Land.

Die Scheitellinie eines jeden rechtwinkligen Dreiecks 14
15 = 6 Schoinien, die Senkrechte = 8 Schoinien, die Hypotenuse = 10 Schoinien. \frac{1}{2} Scheitellinie eines jeden derselben oder 3 \times 8 der Senkrechten = 24; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen = 24 Schoinien oder 12 Modien Land.

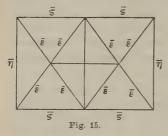
Alles zusammen; und wiederum ist der Flächeninhalt der drei 20 Stücke, des einen gleichschenkligen spitzwinkligen Dreiecks und der anderen 2 rechtwinkligen Dreiecke, = 96 Schoinien.
\frac{1}{2} \times 96 = 48; und er ist 48 Modien Land.

Zu bemerken, daß das gleichschenklige Dreieck den zwei 15 rechtwinkligen Dreiecken gleich ist; denn es erzeugt eben25 falls, nach der Senkrechten geteilt, zwei andere rechtwinklige Dreiecke von denselben Maßen.

Dasselbe Parallelogramm geteilt in die Figur einer Rhombe 16 und in 6 gleichschenklige Dreiecke, wovon 4 spitzwinklig,

*) Die Kathete ist unmittelbar gegeben = der Breite des Parallelogramms.

γώνια, τὰ δὲ β ἀμβλυγώνια. ἡ βάσις ένὸς έκάστου δξυγωνίου τριγώνου σχοινίων 5, έκάστη δὲ τῶν ἴσων



τοσούτων σχοινίων ἔσται ἡ 10

πλευρῶν σχοινίων ἔσται ἡ 10

κάθετος ένὸς έκάστου τούτων. ταῦτα πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὸ L' τῆς βάσεως ἤγουν ἐπὶ τὰ γ γίνονται ἰβ· καὶ ἔστιν ένὸς ἐκάστου ὀξυγωνίου τοιγώνου τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων ιβ.

8 'Ιστέον δέ, ὅτι καὶ τὰ τοιαῦτα ἀμβλυγώνια ἴσα εἰσὶ τοῖς προγραφεῖσιν ὀξυγωνίοις τριγωνίοις. 25

19 Αἱ δ̄ πλευραὶ τοῦ ρόμβου ἀνὰ σχοινίων ε̄, ἡ μία τῶν διαγωνίων σχοινίων ς̄ καὶ ἡ ἐτέρα σχοινίων η̄ εύρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. πολυπλασίασον τὸ L΄ τῆς μιᾶς τῶν διαγωνίων ἐπὶ τὴν ἐτέραν ὅλην διαγώνιον ἤγουν τὰ γ ἐπὶ τὰ η̄ γίνονται κδ̄ καὶ ἔστι τὸ ἐμβα- so δὸν τοῦ ρόμβου σχοινίων κδ̄.

Το τοιούτον σχήμα τοῦ φόμβου κατὰ μὲν τὴν α 20 τῶν διαγωνίων τεμνόμενον, ἦς ἀφιθμὸς σχοινίων ς, ποιεῖ τρίγωνα ἰσοσκελῆ ὀξυγώνια β, κατὰ δὲ τὴν ετέ-

2 stumpfwinklig. Die Grundlinie eines jeden spitzwinkligen Dreiecks = 6 Schoinien und jede der gleichen Seiten = 5 Schoinien. 5 der einen Seite \times 5 = 25; $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder $3 \times 3 = 9$; $25 \div 9 = 16$; $\sqrt{16} = 4$; so viel Schoinien 5 wird die Kathete jedes einzelnen derselben sein. $4 \times \frac{1}{2}$ Grundlinie oder $4 \times 3 = 12$; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen spitzwinkligen Dreiecks = 12 Schoinien.

Die Grundlinie jedes einzelnen stumpfwinkligen Dreiecks 17 = 8 Schoinien, jede der gleichen Seiten = 5 Schoinien. 10 5 der einen Seite $\times 5 = 25$; $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder 4×4 = 16; $25 \div 16 = 9$; $\sqrt{9} = 3$; so viel Schoinien wird die Kathete jedes einzelnen derselben sein. $3 \times \frac{1}{2}$ Grundlinie oder $3 \times 4 = 12$; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen stumpfwinkligen Dreiecks = 12 Schoinien.

15 Zu bemerken aber, daß auch die genannten stumpfwink- 18 winkligen Dreiecke gleich sind den vorher beschriebenen spitzwinkligen Dreieckchen.

Die 4 Seiten der Rhombe je = 5 Schoinien, der eine 19 der Durchmesser = 6 Schoinien, der andere = 8 Schoinien; 20 zu finden ihren Flächeninhalt. Multipliziere die Hälfte des einen Durchmessers mit dem anderen ganzen Durchmesser, d. h. 3 × 8 = 24; und es ist der Flächeninhalt der Rhombe = 24 Schoinien.

Eine solche Rhombefigur geteilt nach dem einen der 20 25 Durchmesser, dessen Zahl = 6 Schoinien, bildet 2 gleichschenklige spitzwinklige Dreiecke, nach dem anderen Durch-

οαν διαγώνιον, $\tilde{\eta}_S$ ἀριθμὸς σχοινίων $\tilde{\eta}$, ποιεῖ τὰ τοιαῦτα τρίγωνα ἀμβλυγώνια· $\tilde{\eta}$ δὲ μέτρησις τούτων προγέγραπται.

21 Όμοῦ τῶν ξ τριγώνων καὶ τοῦ ρόμβου τὸ ἐμβαδον σχοινίων ҷς, ὁ δὲ μοδισμὸς τούτων γῆς μοδίων μη. 5

22 Παραλληλόγραμμον τὸ αὐτὸ διαιρούμενον εἰς τριγωνα ὀρθογώνια τ̄ς, ὧν αἱ βάσεις ἢ κορυφαὶ ἀνὰ σχοινίων γ̄, αἱ δὲ πρὸς ὀρθὰς ἀνὰ σχοινίων δ̄, αἱ δὲ ὑποτείνουσαι ἀνὰ σχοινίων ε̄. τὸ δὲ ἐμβαδὸν ένὸς ἐκάστου τούτων σχοινίων ς̄, καὶ ὁ μοδισμὸς ἐκάστου τούτων 10 μοδίων τριῶν. ὁμοῦ τῶν τ̄ς ὀρθογωνίων τὸ ἐμβαδὸν καὶ πάλιν σχοινίων τ̄ς, ὁ δὲ μοδισμὸς τούτων γῆς μοδίων μη.

23 Το τοιούτον παραλληλόγραμμον καὶ μονομερῶς μετρούμενον καὶ εἰς διαφόρους κατατομὰς διαιρούμενον, 15 ὡς δεδήλωται, συστοιχεῖ ἐπὶ πᾶσι κατ' οὐδὲν τῆς ἀληθείας ἐκπίπτου.

15 Περὶ παραλληλογράμμων φομβοειδῶν.

1 Παραλληλόγραμμον οὐκ ὀρθογώνιον ὁρμβοειδὲς δὲ μετρεῖται οὕτως ἔστωσαν παραλληλογράμμου ὁρμβο- 20 ειδοῦς αὶ μὲν τῶν πλευρῶν ἀνὰ σχοινίων ξ, αὶ δὲ ἀνὰ σχοινίων η, ἡ δὲ μία τῶν διαγωνίων σχοινίων δ· δεῖ γὰρ προστίθεσθαι καὶ μίαν τῶν διαγωνίων. τούτων οὖν ὑποκειμένων εὑρεῖν χρὴ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὁρμβοειδοῦς παραλληλογράμμου. τοῦτο δὲ φανερόν γε- 25 γόνασι γὰρ σκαληνὰ τρίγωνα ἀμβλυγώνια β τὰ περιεχόμενα ὑπὸ τῆς διαγωνίου καὶ τῶν πλευρῶν, ὧν 2 ἡ μέτρησις ἔχει οὕτως ἡ μείζων πλευρὰ ἑνὸς ἐκάστου

15

messer aber, dessen Zahl = 8 Schoinien, ebensolche stumpfwinklige Dreiecke; und die Vermessung derselben ist vorher beschrieben.

Zusammen der Flächeninhalt der sechs Dreiecke und der 21 5 Rhombe = 96 Schoinien und deren Modienzahl = 48 Modien Land.

Dasselbe Parallelogramm geteilt in 16 rechtwinklige 22
Dreiecke, deren Grundlinien oder Scheitellinien je = 3 Schoinien, die Senkrechten aber je = 4 Schoinien und die Hypotenusen je = 5 Schoinien. Der Flächeninhalt aber eines jeden derselben ist = 6 Schoinien und die Modienzahl eines jeden = 3 Modien. Zusammen der Flächeninhalt der 16 rechtwinkligen Dreiecke wiederum = 96 Schoinien und deren Modienzahl = 48 Modien Land.

Ein solches Parallelogramm, ob als Einheit gemessen 23 oder in verschiedene Stücke geteilt, wie angegeben, stimmt überall und kommt in keiner Weise außerhalb des richtigen.

Von rhomboiden Parallelogrammen.

Ein nicht rechtwinkliges aber rhomboides Parallelogramm 1
20 wird so gemessen: es seien in einem rhomboiden Parallelogramm das eine Seitenpaar je = 6 Schoinien, das andere je = 8 Schoinien, und der eine der Durchmesser = 4 Schoinien; es muß nämlich auch einer der Durchmesser hinzugenommen werden. Dies vorausgesetzt soll also der Flächen25 inhalt des rhomboiden Parallelogramms gefunden werden.
Und das ergibt sich von selbst; es sind nämlich zwei ungleichschenklige stumpfwinklige*) Dreiecke entstanden, umschlossen vom Durchmesser und den Seiten, deren Vermessung folgendermaßen geschieht: die größere Seite jedes einzelnen 2

*) Der stumpfe Winkel wird gebildet vom Durchmesser und der kleineren Seite.

11 τὸ] C, τριγώνων τὸ A. 12 γῆς] C, οm. A. 18 περὶ—ξομβοειδῶν] A, om. C. 22 ἡ δὲ] C, καὶ ἡ A. 24 χρὴ] A, χρια C. 26 γὰρ] C, γὰρ δύο A. σκαληνὰ τρίγωνα] C, τρίγωνα σκαληνὰ A. $\overline{\beta}$] C, om. A. 27 ὁπὸ] scripsi, ἀπὸ AC. ὧν ἡ] A, ὧν C.

τούτων σχοινίων ξ, ή δε ελάττων σχοινίων δ, ή δε ύποτείνουσα βάσις σχοινίων η εύρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποι $\tilde{\omega}$ οὕτ $\tilde{\omega}$ ς τὰ $\tilde{\delta}$ τῆς ἐλάττονος πλευρ $\tilde{\alpha}$ ς ἐφ' έαυτά· γίνονται τς· καὶ τὰ η τῆς βάσεως ἐφ' έαυτά· γίνονται ξδ· όμοῦ π· έξ ων αἴοω τὰ $\overline{5}$ τῆς μείζονος $\overline{5}$ πλευράς γινόμενα έφ' έαυτά λ5. λοιπά μδ. ὧν Δ΄ κβ. ταῦτα μερίζω παρὰ τὰ $\overline{\eta}$ τῆς βάσεως· γίνονται $\overline{\beta}$ \angle' δ' · έσται οὖν ή τοῦ ἐλάττονος τμήματος βάσις σχοινίων $\overline{\beta}$ \angle' δ' . $\tau \alpha \tilde{v} \tau \alpha$ $\dot{\epsilon} \phi'$ $\dot{\epsilon} \alpha v \tau \dot{\alpha}$ $\dot{v} \dot{v} v v \tau \alpha \iota$ $\dot{\xi}$ \angle' $\iota \varsigma'$. $\tau \alpha \tilde{v} \tau \alpha$ αίοω $\mathring{a}π\mathring{o}$ τ $\~{ω}ν$ τ $\~{ε}$: \mathring{o} ιπ \mathring{a} $\~{η}$ \mathring{o} ' $\mathring{η}$ ' ι ε': $\~{ω}ν$ $πλευρ <math>\mathring{a}$ τετρα-10 γ ωνική $\bar{\beta}$ ω' δ' ως σύνεγγυς τοσούτων σχοινίων ή 3 κάθετος. πάλιν συντιθώ τὰ $\overline{\eta}$ τῆς βάσεως γινόμενα έφ' έαυτά ξδ καὶ τὰ 5 τῆς μείζονος πλευρᾶς γινόμενα $\epsilon \varphi$ $\epsilon \alpha v \tau \alpha \overline{\lambda s}$ $\gamma \ell v o v \tau \alpha \iota \delta \mu o v \overline{\rho}$ $\epsilon \varphi$ $\delta v \alpha \ell \rho \omega \tau \alpha \overline{\delta}$ τῆς ἐλάσσονος πλευρᾶς γινόμενα ἐφ' έαυτὰ τ̄ς. λοιπὰ 15 πδ. ὧν Δ΄ μβ. ταῦτα μερίζω παρὰ τὰ ὀκτὸ τῆς βάσεως. γίνονται ε δ΄ έσται καὶ ή τοῦ μείζονος τμήματος βάσις $σγοινίων <math>\bar{ε}$ δ'. $τα\~ντα έφ' έαντά γίνονται <math>πζ \'$ ' ις'. ταῦτα αἴοω ἀπὸ τῶν λς. λοιπὰ η δ΄ η΄ ις΄. ὧν πλευρὰ τετραγωνική ως έγγιστα β ω' δ' τοσούτων σχοινίων 20 ή κάθετος. τὰ β ω' δ' τῆς καθέτου πολυπλασιαζόμενα έπὶ τὸ ζ΄ τῆς βάσεως ἤγουν ἐπὶ τὰ δ γίνονται τα ω΄. καλ έστι τὸ ἐμβαδὸν ένὸς εκάστου τριγώνου σχοινίων τοσούτων, ἀμφοτέρων δε τῶν τριγώνων ἤτοι τοῦ ὅλου δομβοειδούς παραλληλογράμμου τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων 25 πρ γ'. ὧν Δ' γίνεται τα ω' και έστι γης μοδίων τα και λιτρών π5 ω'.

4 "4λλως ή μέθοδος είς τὸ εύοεῖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ παραλληλογράμμου.

'Η βάσις ενός εκάστου τοιγώνου σχοινίων η τού- 30

των τὸ L'· γίνονται $\overline{\delta}$ · ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίνονται $\overline{\iota}$ ξτὶ τὰ $\overline{\eta}$ δ' η' ι ξ' πολυπλασιαζόμενα γίνονται $\overline{\delta}$ λε· ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ $\overline{\iota}$ α L' ι δ' ι α' τ αο' ὀλίγον παντε-

derselben = 6 Schoinien, die kleinere = 4 Schoinien, die überspannende Grundlinie = 8 Schoinien; zu finden dessen Flächeninhalt. Ich mache so: 4 der kleineren Seite $\times 4 = 16$; 8 der Grundlinie $\times 8 = 64$; 16 + 64 = 80; $80 \div 6$ der s größeren Seite $\times 6 = 80 \div 36 = 44; \frac{1}{2} \times 44 = 22.$ 22:8 der Grundlinie = $2\frac{1}{2}\frac{1}{4}$; die Grundlinie des kleineren Stücks wird also sein = $2\frac{1}{2}\frac{1}{4}$ Schoinien. $2\frac{1}{2}\frac{1}{4} \times 2\frac{1}{2}\frac{1}{4} =$ $7\frac{1}{2}\frac{1}{16};\ 16$: $7\frac{1}{2}\frac{1}{16}=8\frac{1}{4}\frac{1}{8}\frac{1}{16};\ \sqrt{8\frac{1}{4}\frac{1}{8}\frac{1}{16}}=2\frac{2}{3}\frac{1}{4}$ annähernd; so viel Schoinien die Kathete. Ferner 8 der Grundlinie × 8 3 $10 + 6 \text{ der größeren Seite} \times 6 = 64 + 36 = 100 : 100 : 4 \text{ der}$ kleineren Seite $\times 4 = 100$: 16 = 84; $\frac{1}{2} \times 84 = 42$. 42:8 der Basis = 5¹/₄; so wird auch die Grundlinie des größeren Stücks sein = $5\frac{1}{4}$ Schoinien. $5\frac{1}{4} \times 5\frac{1}{4} = 27\frac{1}{216}$; 36 : $27\frac{1}{216} = 8\frac{1}{4}\frac{1}{816}$; $\sqrt{8\frac{1}{4}\frac{1}{8}\frac{1}{16}} = 2\frac{2}{3}\frac{1}{4}$ annähernd; so viel Schoinien die Kathete. 15 $2\frac{2}{3}\frac{1}{4}$ der Kathete \times $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder $4 = 11\frac{2}{3}$; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen Dreiecks so viel Schoinien, der Flächeninhalt aber beider Dreiecke oder des ganzen rhomboiden Parallelogramms = $23\frac{1}{3}$ Schoinien. $\frac{1}{2} \times 23\frac{1}{3} = 11\frac{2}{3}$; und er ist 11 Modien 262 Liter Land.

20 Anders das Verfahren, um den Flücheninhalt desselben 4
Parallelogramms zu finden.

Die Grundlinie jedes einzelnen Dreiecks = 8 Schoinien; $\frac{1}{2} \times 8 = 4$; $4 \times 4 = 16$; $16 \times$ die Multiplikation der Kathete oder $8\frac{1}{4}\frac{1}{8}\frac{1}{16} = 135$; $\sqrt{135} = 11\frac{1}{2}\frac{1}{14}\frac{1}{21}$ ganz nahe 25 oder $11\frac{13}{21}$; so viel Schoinien der Flächeninhalt des einen Drei-

² αὐτοῦ] C, om. A. 5 αἴρω] A, αἴρω C. 24 μφωτέρων C. 25 ξόμβὄειδοῦς C. 26 γῆς] C, om. A. 28 ἄλλως— 29 παραλληλογράμμον] A, om. C. 30 τούτων] A, τοσούτων C.

³⁴ τετραγωνική] Α, τετραγών 0 C. $\iota\delta'$] Α, δ' C.

λῶς ἤτοι μονάδες τα καὶ λεπτὰ κα΄ κα΄ ιγ· τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἐνὸς τριγώνου, ἀμφοτέρων δὲ τῶν τριγώνων ἤτοι τοῦ ὅλου ξομβοειδοῦς παραλληλογράμμου τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων πρ ζ΄ ιδ΄ μβ΄. ὧν Δ΄ γίνεται τὰ Δ΄ ιδ΄ κα΄ [καὶ ἔστι μοδίων τοσούτων]. 5 Ἡ παροῦσα δὲ μέθοδος ἀκριβεστέρα ἐστὶ τῆς

πρώτης.

Έτερον δομβοειδές, οὖ αί μὲν τῶν πλευρῶν ἀνὰ σχοινίων ιβ, αί δε ανα σχοινίων τ καλ ή μία των διαγωνίων σχοινίων η δεί γάο προστίθεσθαι άεὶ έπὶ 10 τούτοις διά τὸ άτακτον καὶ μίαν τῶν διαγωνίων. τούτων δε ούτως ύποκειμένων γεγόνασι δύο τρίγωνα σκαληνά όξυγώνια τὰ ὑπὸ τῆς διαγωνίου καὶ τῶν πλευοῶν περιεχόμενα, ὧν ή μέτρησις ἔχει οῦτως ἡ ἐλάσσων πλευρά ένὸς έκάστου τούτων σχοινίων η, ή δὲ μείζων 15 πλευρά σχοινίων τ, ή δε ύποτείνουσα βάσις σχοινίων ιβ. τὰ η τῆς ἐλάσσονος πλευρᾶς ἐφ' ἑαυτά· γίνονται ξδ. καὶ τὰ τ τῆς μείζονος πλευράς ἐφ' ἐαυτά. γίνονται ο καὶ τὰ ιβ τῆς βάσεως ἐφ' ἐαυτά γίνονται ομδ. 6 εύρεῖν τὴν κάθετον. σύνθες τὸν τῆς βάσεως πολυ- 20 πλασιασμόν καὶ τὸν τῆς ἐλάσσονος πλευρᾶς ἤγουν τὰ ομό και τὰ ξό γίνονται ση έξ ὧν λαβε τὸν τῆς ετέρας πλευράς πολυπλασιασμόν ήγουν τὰ ρ. λοιπὰ οη. ὧν τὸ L' γίνεται νδ. ταῦτα μεριζόμενα παρά τὰ ιβ τῆς βάσεως γίνονται δ Δ΄ τοσούτων σχοινίων ή βάσις τοῦ 25 ήττονος τμήματος, ταῦτα ἐφ' ἐαυτά γίνονται π δ΄. ταῦτα ὑπέξελε ἀπὸ τοῦ κατὰ τὴν πλευοὰν πολυπλασιασμοῦ ήγουν ἀπὸ τῶν ξδ. λοιπὰ μη Δ΄ δ΄. ὧν πλευοὰ τετραγωνική 5 L' ιγ' κς' ήτοι μονάδες 5 καὶ λεπτά ιγ΄ ιγ΄ όπτω παο' όλίγον τοσούτων σχοινίων ή πάθετος. 30 7 ταῦτα ἤγουν τὰ 5 καὶ η ιγ' ιγ' πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ

τὸ L' τῆς βάσεως ἤγουν ἐπὶ τὰ ξ γίνονται λθ ω' λθ' καὶ ἔστιν ένὸς ἐκάστου τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων τοσούτων ἤτοι τοῦ ὅλου ἑομβοειδοῦς σχοινίων οθ γ'

ecks, der Flächeninhalt der beiden Dreiecke aber oder des ganzen rhomboiden Parallelogramms = $23\frac{1}{7}\frac{1}{14}\frac{1}{42}$ Schoinien. $\frac{1}{2} \times 23\frac{1}{7}\frac{1}{14}\frac{1}{42} = 11\frac{1}{2}\frac{1}{14}\frac{1}{21}$; und er ist so viel Modien.

Diese Methode aber ist genauer als die erste.

Ein anderes Rhomboid, in dem das eine Seitenpaar je 5 = 12 Schoinien, das andere je = 10 Schoinien, und der eine der Durchmesser = 8 Schoinien; bei diesen muß man nämlich stets auch einen der Durchmesser hinzunehmen wegen der Unbestimmtheit. Und unter diesen Voraussetzungen sind 10 zwei ungleichschenklige spitzwinklige Dreiecke entstanden, umschlossen von dem Durchmesser und den Seiten, deren Vermessung folgendermaßen geschieht: die kleinere Seite eines jeden derselben = 8 Schoinien, die größere Seite = 10 Schoinien, die überspannende Grundlinie = 12 Schoinien. 15 8 der kleineren Seite \times 8 = 64; 10 der größeren Seite \times 10 = 100; 12 der Grundlinie \times 12 = 144; zu finden die Kathete. Addiere die Multiplikation der Grundlinie und 6 die der kleineren Seite, d. h. 144 + 64 = 208; 208 ÷ die Multiplikation der anderen Seite oder 100 = 108; $\frac{1}{9} \times 108$ $_{20}=54.$ 54:12 der Grundlinie = $4\frac{1}{2}$; so viel Schoinien die Grundlinie des kleineren Stücks. $4\frac{1}{2} \times 4\frac{1}{2} = 20\frac{1}{4}$; subtrahiere dies von der Multiplikation der Seite, d. h. 64 \div $20\frac{1}{4} = 43\frac{1}{2}\frac{1}{4}$; $\sqrt{43\frac{1}{2}\frac{1}{4}} = 6\frac{1}{2}\frac{1}{13}\frac{1}{26} = 6\frac{8}{13}$ nahezu; so viel Schoinien die Kathete. Dies $\times \frac{1}{2}$ Grundlinie oder $6\frac{8}{13} \times 6$ 7 $_{25} = 39\frac{2}{3}\frac{1}{39}$; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen Dreiecks

⁵ καὶ—τοσούτων] Α, οπ. C. 6 δὲ] C, οπ. Α. 9 σχοινία Α. σχοινία Α. διαγώῦ C. 11 τούτοις] C, τοῖς τοιούτοις Α. 13 ὑπδ] scripsi, ἀπὸ Α.C. 21 τὸν] Α, οπ. C. 28 λοιπὰ] Α, λοι C. 30 ιγ" ιγ"] Α, ιγ' C.

10

μς' οη'. ὧν L' γίνεται $\overline{\lambda\vartheta}$ L' ς' $\lambda\vartheta'$ · καὶ ἔστι γῆς μο- δίων τοσούτων.

Όμοίως δὲ καὶ φόμβος μετφεῖται καὶ τφαπέζιον οίονδήποτε.

Παραλληλόγραμμον φομβοειδές το αὐτο διαιρούμε- 5 νον είς τμήματα γ ήγουν είς εν παραλληλόγραμμον δοθογώνιον καὶ εἰς δύο τρίγωνα σκαληνὰ δοθογώνια. αί δύο πλάγιοι πλευραί τοῦ ὀρθογωνίου παραλληλογοάμμου κατά τὸν ἀριθμὸν τῆς καθέτου τῶν προγραφέντων δύο τριγώνων ήτοι ανά σγοινίων 5 και λεπτων 10 ιγ' ιγ' η, η δε πορυφη καὶ η βάσις ἀνὰ σχοινίων $\overline{\delta}$ \bot '. εύρεῖν τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ. πολυπλασίασον τὰ $\bar{\delta}$ \angle' τῆς βάσεως έπὶ τὰ 5 καὶ η ιγ' ιγ' τῆς μιᾶς τῶν πλαγίων. γίνονται πθ ω' ιγ' λθ' ήτοι μονάδες πθ καὶ λεπτά ιγ' ιγ΄ το τοσούτων σχοινίων τὸ έμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ παρ- 15 9 αλληλογοάμμου. ή βάσις ένὸς εκάστου ὀοθογωνίου τριγώνου σχοινίων ξ ζ, ή δε πρός δρθάς σχοινίων ξ καὶ λεπτῶν ιγ΄ ιγ΄ η. τὸ ημισυ τῆς βάσεως ήγουν τὰ γ Δ΄ δ΄ πολυπλασιαζόμενα έπὶ τὰ ξ καὶ η ιγ΄ ιγ΄ τῆς ποὸς δοθάς γίνονται κό ζ΄ δ΄ κς΄ νβ΄ καὶ ἔστιν ένὸς έκάστου 20 τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων τοσούτων. δμοῦ τῶν γ τμημάτων ήγουν τοῦ ένὸς δοθογωνίου παραλληλογράμμου καὶ τῶν β ὀρθογωνίων τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν καὶ πάλιν σχοινίων οθ γ' κ5' οη' ήγουν γης μοδίων λθ ω' λθ'.

"Αλλως είς τὸ εύφεῖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ φομβοειδοῦς παφαλληλογφάμμου.

Πολυπλασίασον τὰ τβ τῆς μιᾶς τῶν βάσεων ἐφ' έαυτά· γίνονται ομδ· ταῦτα πάλιν ἐπὶ τὸν πολυπλασιασμὸν τῆς καθέτου ἤγουν ἐπὶ τὰ μγ ζ΄ δ΄· γίνονται
,5τ. ὧν πλευοὰ τετοαγωνικὴ γίνεται οθ γ΄ λδ΄ οβ΄ ἤτοι 30

μονάδες οθ καὶ λεπτὰ πεντηκοστόποωτα τθ παο' ὀλίγον τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὁομβοειδοῦς παφαλληλογοάμμου.

so viel Schoinien oder der des ganzen Rhomboids = $79\frac{1}{3}\frac{1}{26}\frac{1}{78}$. $\frac{1}{2} \times 79\frac{1}{3}\frac{1}{26}\frac{1}{78} = 39\frac{1}{2}\frac{1}{6}\frac{1}{39}$; und er ist so viel Modien Land. Und in ähnlicher Weise wird auch eine Rhombe und ein beliebiges Trapez vermessen.

Dasselbe rhomboide Parallelogramm in drei Stücke ge- 8 teilt, in ein rechtwinkliges Parallelogramm und zwei ungleichschenklige rechtwinklige Dreiecke. Die beiden Querseiten des rechtwinkligen Parallelogramms entsprechen der Zahl der Kathete der beiden vorher behandelten Dreiecke, 10 d. h. = $6\frac{8}{13}$ Schoinien, die Scheitellinie aber und die Grundlinie je $=4\frac{1}{2}$ Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. $4\frac{1}{2}$ der Grundlinie \times $6\frac{8}{13}$ der einen Querseite $=29\frac{2}{3}\frac{1}{13}\frac{1}{39}=$ $2\mathring{9}_{13}^{10};$ so viel Schoinien der Flächeninhalt desselben Parallelogramms. Die Grundlinie jedes einzelnen rechtwinkligen 9 Dreiecks = $7\frac{1}{2}$ Schoinien, die Senkrechte aber = $6\frac{8}{13}$. $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder $3\frac{1}{2}\frac{1}{4}$ \times $6\frac{8}{13}$ der Senkrechten = $24\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{26}\frac{1}{52}$; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen Dreiecks so viel Schoinien. Zusammen der Flächeninhalt der drei Stücke, d. h. des einen rechtwinkligen Parallelogramms und der 2 recht-20 winkligen Dreiecke, wiederum = $79\frac{1}{3}\frac{1}{26}\frac{1}{78}$ Schoinien oder $39\frac{2}{3}\frac{1}{39}$.

Anders um den Flächeninhalt desselben rhomboiden Parallelogramms zu finden.

12 der einen Grundlinie \times 12 = 144; 144 \times die Multiplikation der Kathete oder 144 \times 43 $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$ = 6300; $\sqrt{6300}$ = $79\frac{1}{3}$ $\frac{1}{34}$ $\frac{1}{102}$ = $79\frac{19}{51}$ annähernd; so viel Schoinien der Flächeninhalt des rhomboiden Parallelogramms.

10

11 Διηρημένως δὲ ένὸς έκάστου τοιγώνου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. ποίησον οὕτως πολυπλασίασον τὸ L' τῆς μιᾶς τῶν βάσεων ἤγουν τὰ ξ ἐφ' ἐαυτά· γίνονται λ̄ς· ταῦτα πάλιν ἐπὶ τὸν πολυπλασιασμὸν τῆς καθέτου ἤγουν ἐπὶ τὰ μ̄γ L' δ' γίνονται μαροε· ὧν πλευρὰ τετρα- 5 γωνική γίνεται λ̄θ ω' να' ἤτοι μονάδες λ̄θ καὶ λεπτὰ να' να' λ̄ε· τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν ένὸς ἐκάστου τοιγώνου· ἀμφοτέρων δὲ τῶν τριγώνων ἤτοι τοῦ ὅλου ὁομβοειδοῦς τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων οθ καὶ λεπτῶν να' να' ιθ.

Εί δε και είς παραλληλόγραμμον δοθογώνιον και 12 δύο τρίγωνα σκαληνά δρθογώνια διαιρεθή τὸ τοιοῦτον δομβοειδές, γίνεται ένὸς έκάστου τμήματος ή αναμέτοησις ούτως ή κορυφή καὶ ή βάσις τοῦ ὀρθογωνίου παραλληλογράμμου ἀνὰ σχοινίων δ ζ΄, τὰ δὲ β σκέλη 15 κατά τὸν προγραφέντα ἀριθμὸν τῆς καθέτου τῶν τοιγώνων. τὰ δ ζ΄ τῆς μιᾶς τῶν βάσεων πολυπλασιαζόμενα έφ' έαυτα γίνονται π τέταρτον ταῦτα πάλιν έπὶ τὸν πολυπλασιασμὸν τοῦ ένὸς σκέλους ήγουν ἐπὶ τὰ πν Δ΄ δ΄ γίνονται ωπε παρά ιε΄. ὧν πλευρά τετρα- 20 γωνική γίνεται πθ Δ΄ δ΄ ξη΄ ήτοι μονάδες πθ καὶ λεπτά να' να' λθ· τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὀοθο-13 γωνίου παραλληλογράμμου. τῶν δύο ὀρθογωνίων τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν ἡνωμένως εύρεῖν. πολυπλασίασον τὰ ξ Γ΄ τῆς βάσεως τοῦ έγὸς ἐφ' έαυτά γίνονται ν̄ς δ΄. 25 ταῦτα πάλιν ἐπὶ τὸν πολυπλασιασμὸν τῆς ποὸς ὀρθὰς ήγουν ἐπὶ τὰ μγ Δ΄ δ΄ γίνονται βυξ Δ΄ δ΄ η΄ ι ΄ ήτοι μονάδες βυξ καὶ λεπτὰ ις' ις' ιε' ὧν πλευρά τετραγωνική γίνεται μθ ζ΄ ιξ΄ λδ΄ να΄ ήτοι μονάδες μθ καὶ λεπτά να να λα τοσούτων σχοινίων τὸ έμβαδὸν τῶν 30 δύο δοθογωνίων τριγώνων.

Διηρημένως δὲ πάλιν ένὸς εκάστου ὀοθογωνίου 14 τοιγώνου τὸ ἐμβαδὸν ἐφευοεῖν. πολυπλασίασον τὸ Δ΄ τῆς βάσεως ἐφ' ἐαυτά· γίνονται ιδ ις'· ταῦτα πάλιν 35 ἐπὶ τὸν πολυπλασιασμὸν τῆς ποὸς ὀοθὰς ἤγουν ἐπὶ

Den Rauminhalt jedes einzelnen Dreiecks getrennt zu 11 finden. Mache so: $\frac{1}{2}$ der einen Grundlinie oder $6 \times 6 = 36$; dies \times die Multiplikation der Kathete oder $36 \times 43_{2}^{1}$ $\frac{1}{4}$ = 1575; $\sqrt{1575} = 39_{3}^{2}$ $\frac{1}{51} = 39_{51}^{35}$; so viel Schoinien der 5 Flächeninhalt jedes einzelnen Dreiecks; der Flächeninhalt aber der beiden Dreiecke oder des ganzen Rhomboids = 79_{51}^{19} Schoinien.

Wenn aber ein solches Rhomboid auch in ein rechtwinkliges Parallelogramm und zwei ungleichschenklige rechtwinklige Dreiecke geteilt wird, geschieht die Vermessung jedes einzelnen Stücks folgendermaßen: die Scheitellinie und die Grundlinie des rechtwinkligen Parallelogramms je = $4\frac{1}{2}$ Schoinien, die beiden Schenkel entsprechend der vorhin angegebenen Zahl der Kathete der Dreiecke. $4\frac{1}{2}$ der einen 15 Grundlinie $\times 4\frac{1}{2} = 20\frac{1}{4}$; dies \times die Multiplikation des einen Schenkels oder $20\frac{1}{4} \times 43\frac{1}{2}\frac{1}{4} = 886$; $\frac{1}{16}$; $\sqrt{886} \div \frac{1}{16} = 29\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{68} = 29\frac{39}{51}$; so viel Schoinien der Flächeninhalt der beiden 13 rechtwinkligen Dreiecke zusammen zu finden. $7\frac{1}{2}$ der Grundlinie des einen $\times 7\frac{1}{2} = 56\frac{1}{4}$; dies \times die Multiplikation der Senkrechten oder $56\frac{1}{4} \times 43\frac{1}{2}\frac{1}{4} = 2460\frac{11}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{8}\frac{1}{16} = 2460\frac{15}{16}$: $\sqrt{2460\frac{15}{16}} = 49\frac{1}{2}\frac{1}{17}\frac{1}{34}\frac{1}{11} = 49\frac{31}{51}$; so viel Schoinien der Flächeninhalt der beiden rechtwinkligen Dreiecke.

Und wiederum den Flücheninhalt jedes einzelnen recht- 14 winkligen Dreiecks getrennt zu finden. $\frac{1}{2}$ Grundlinie $\times \frac{1}{2}$ Grundlinie = $14\frac{1}{16}$; dies wiederum \times die Multiplikation der

¹⁵ σχοινία A. $\bar{\beta}$] A, δύο C. 22 να΄ να΄ D, ν΄΄ να΄΄ C; πεντηποστόπρωτα A, ut solet. τὸ -31 τριγώνων] bis C. 28 $\bar{\beta}v\bar{\xi}$ -29 μονάδες] A, om. C (bis). 32 δοθογωνίον τριγώνου] A, δοθογών C. 34 έφ'] C, τοῦ ένὸς ἤγουν τὰ $\bar{\gamma}$ $\underline{'}$ δ΄ έφ' A.

τὰ μη L' δ' γίνονται χιε η' ιξ' λβ' ξδ' ἤτοι μονάδες χιε καὶ λεπτὰ ξδ' ξδ' ιε · ὧν πλευρὰ τετραγωνική γίνεται κδ L' δ' να' να' ξη' ἤτοι μονάδες κδ καὶ λεπτὰ πεντηκοστόπρωτα μα. ὁμοῦ · καὶ πάλιν τῶν τριῶν τμημάτων ἤγουν τοῦ ένὸς παραλληλογράμμου ὀρθο- 5 γωνίου καὶ τῶν δύο ὀρθογωνίων τριγώνων τὸ ἐμβα-δὸν σχοινίων οθ γ' λδ' ρβ' ἤτοι σχοινίων οθ καὶ λεπτῶν να' να' ιθ [ὧν τὸ ἤμισύ ἐστιν ὁ μοδισμός].

Ρομβοειδές, οὖ τὰ μὲν μείζονα σκέλη ἀνὰ σχοινίων 15 ιδ, τὰ δὲ μικοὰ ἀνὰ σχοινίων τγ, ή δὲ διαγώνιος σχοι- 10 νίων τε εύρειν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως ήχθωσαν ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἐπὶ τὰς βάσεις κάθετοι, καὶ ἐγένοντο δύο τρίγωνα σκαληνά δξυγώνια, ὧν αί μικρότεραι πλευραί ἀνὰ σχοινίων ιγ, αί δὲ μείζους ἀνὰ σχοινίων ιε, αί δε βάσεις ἀνὰ σχοινίων ιδ, αί δε κάθετοι ἀνὰ 15 σγοινίων ιβ. εύρεῖν αὐτῶν τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως. την βάσιν έκάστου έπλ την κάθετον αὐτοῦ γίνονται $o\overline{\xi\eta}$. δv to \angle' . γίνονται $\pi \delta$. τοσούτων έσται σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν ἐκάστου τοιγώνου δῆλον γάο, ὅτι τοῦ · 16 όλου φομβοειδούς έσται τὸ έμβαδὸν σχοινίων οξη. έὰν 20 δε θέλης πάλιν και εκάστου τμήματος των δύο τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν εύφεῖν, ποίει οὕτως τῶν μὲν μειζόνων τὰ ιβ τῆς καθέτου ἐπὶ τὰ θ τῆς βάσεως γίνονται οη. ὧν τὸ ήμισυ. γίνονται νδ. τοσούτων ἔσται σχοινίων έκάστου τριγώνου τμημα τὸ μεῖζον. τῶν δὲ 25 ήττονων δμοίως τὰ ιβ τῆς καθέτου ἐπὶ τὰ ε τῆς βάσεως γίνονται $\bar{\xi}$. $\bar{\delta}$ ν το L' γίνονται $\bar{\lambda}$ τοσούτων έσται σχοινίων εκάστου τριγώνου τὸ ήττον τμήμα τοῦ όλου δομβοειδοῦς ὄντος δηλαδή σχοινίων οξη.

17 Έτερον φομβοειδές, οὖ αί μὲν μείζονες τῶν πλευ- 30 οῶν ἀνὰ ὀργυιῶν κδ, αί δὲ ἥττονες ἀνὰ ὀργυιῶν τε, Senkrechten oder $14\frac{1}{16} \times 43\frac{1}{2}\frac{1}{4} = 615\frac{1}{8}\frac{1}{16}\frac{1}{32}\frac{1}{64} = 615\frac{15}{64}$; $\sqrt{615\frac{15}{64}} = 24\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{51}\frac{1}{51}\frac{1}{68} = 24\frac{41}{51}$. Alles zusammen; und wiederum ist der Flächeninhalt der drei Stücke, d. h. des einen rechtwinkligen Parallelogramms und der zwei rechtwinkligen 5 Dreiecke, $= 79\frac{1}{3}\frac{1}{34}\frac{1}{102}$ oder $79\frac{19}{51}$ Schoinien [die Hälfte davon ist die Modienzahl].

Ein Rhomboid, dessen größere Schenkel je = 14 Schoi- 15 nien, die kleinen aber je = 13 Schoinien, und der Durchmesser = 15 Schoinien: zu finden seinen Flächeninhalt. Mache 10 so: es seien von den Winkeln auf die Grundlinien Senkrechte gezogen; dadurch entstehen zwei ungleichschenklige spitzwinklige Dreiecke, deren kleinere Seiten je = 13 Schoinien, die größeren aber je = 15 Schoinien, und die Grundlinien je = 14 Schoinien, die Katheten aber je = 12 Schoinien: 15 zu finden ihren Flächeninhalt. Mache so: die Grundlinie eines jeden \times seine Kathete = 168; $\frac{1}{2} \times 168 = 84$; so viel Schoinien wird der Flächeninhalt jedes Dreiecks sein; daß der Flächeninhalt des ganzen Rhomboids = 168 Schoinien sein wird, ist demnach klar. Wenn du aber wiederum den Flächen- 16 20 inhalt auch jedes Stücks der beiden Dreiecke finden willst, mache so: bei den größeren 12 der Kathete × 9 der Grundlinie = 108; $\frac{1}{2} \times 108 = 54$; so viel Schoinien wird das größere Stück jedes Dreiecks sein. Bei den kleineren ebenfalls 12 der Kathete \times 5 der Grundlinie = 60; $\frac{1}{2} \times$ 60 25 = 30; so viel Schoinien wird das kleinere Stück jedes Dreiecks sein, wobei das ganze Rhomboid offenbar = 168 Schoinien ist.

Ein anderes Rhomboid, dessen größere Seiten je $=24\,$ 17 Klafter, die kleineren aber je $=15\,$ Klafter, und der eine

¹ λβ΄] A, om. C. 2 γίνεται] comp. A, γίνονται C. 3 να΄να΄] Hultsch, να΄ A C. 4 πεντηκοστόποωτα] A, είποστόποωτα C. 7 οθ σοινίων] C, om. A. 8 ὅν μοδισμός] A, om. C. 9—29 post p. 300, 3 ponit A. 10 μικρὰ] C, μικρότερα A. σχοινίων $\overline{\iota\gamma}$] C, σχοινία $\overline{\iota\gamma}$ A. 19 γάρ] fort. scrib. δέ. 31 ἀνὰ] C, ἔχουσιν ἀνὰ A. δργνιῶν (pr.)] C, ὀργνιὰς A. δργνιῶν (alt.)] C, ὀργνιὰς A.

καὶ ἡ μία τῶν διαγωνίων ὡσαύτως τέμνεται δὲ τὸ τοιοῦτον κατὰ τὴν ἡηθεῖσαν διαγώνιον καὶ ποιεῖ τρίγωνα ἰσοσκελῆ ἀμβλυγώνια ϝ̄ πῶς δὲ χοὴ μετρεῖν τὰ τοιαῦτα τρίγωνα, ἐν πολλοῖς προγέγραπται, χάριν δὲ καταλήψεως πλείονος ἡητέον καὶ πάλιν.

8 "Εχει ή βάσις ένὸς έκάστου Ισοσκελοῦς ἀμβλυγωνίου τριγώνου ὀργυιὰς κδ, έκάστη δὲ τῶν ἴσων πλευρῶν ὀργυιὰς κδ, έκάστη δὲ τῶν ἴσων πλευρῶν ὀργυιὰς ῖε. αἱ ῖε μιᾶς τῶν πλευρῶν ἐφ' ἐαυτὰς πο-λυπλασιαζόμεναι γίνονται σκε, καὶ τὸ L' τῆς βάσεως ἤγουν αἱ ἰβ ἐφ' ἐαυτὰς γίνονται ρμδ· ταύτας ἄφελε 10 ἀπὸ τῶν σκε· λοιπὰ πα· ὧν πλευρὰ τετραγωνική γίνεται δ· τοσούτων ὀργυιῶν ἔσται ἡ κάθετος. αὖται πολυπλασιαζόμεναι ἐπὶ τὸ L' τῆς βάσεως ἤγουν ἐπὶ τὰς ἰβ ὀργυιὰς γίνονται ρη· καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν ένὸς ἐκάστου τριγώνου ὀργυιῶν ρη. ὁμοῦ ἀμφοτέρων τῶν 15 τριγώνων ἤτοι τοῦ ὅλου ρομβοειδοῦς τὸ ἐμβαδὸν ὀργυιῶν σῖς ἤτοι γῆς μοδίου ἐνὸς λιτρῶν τριῶν καὶ ὀργυιᾶς μιᾶς.

9 'Ρομβοειδες τὸ αὐτὸ διαιρούμενον εἰς τμήματα τρία ἤγουν εἰς ε̈ν παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον καὶ εἰς β̄ 20 τρίγωνα σκαληνὰ ὀρθογώνια καὶ ταῦτα. ἡ κορυφὴ καὶ ἡ βάσις τοῦ παραλληλογράμμου ὀρθογώνιου ἀνὰ ὀργυιῶν ιβ̄, τὰ δὲ δύο σκέλη ἀνὰ ὀργυιῶν δ· εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. πολυπλασίασον τὰ ιβ τῆς βάσεως ἐπὶ τὰ δ̄ τοῦ ἐνὸς σκέλους· γίνονται ση· καὶ ἔσται τὸ 25 ἐμβαδὸν αὐτοῦ ὀργυιῶν ση̄, ἡ βάσις ἐνὸς ἐκάστου τῶν ὀρθογωνίων τριγώνων ὀργυιῶν ιβ̄, ἡ δὲ πρὸς ὀρθὰς ὀργυιῶν δ̄, καὶ ἡ ὑποτείνουσα ὀργυιῶν δεκαπέντε· εὐρεῖν τὸ ἐμβαδὸν ἐκάστου τούτων. λαβὲ τὸ L' τῆς βάσεως γίνονται ς· ταῦτα πολυπλασίασον ἐπὶ τὰ δ̄ τῆς εκὸς ὀρθάς· γίνονται νδ· καὶ ἔστιν ένὸς ἐκάστου τρι-

Durchmesser ebenfalls; ein solches wird nach dem genannten Durchmesser geschnitten und bildet 2 gleichschenklige stumpfwinklige Dreiecke; wie man aber solche Dreiecke vermessen soll, ist schon vorher in vielen Fällen angegeben, aber um 5 der völligeren Aneignung willen, ist es wiederum zu sagen.

Die Grundlinie jedes einzelnen gleichschenkligen stumpf- 18 winkligen Dreiecks ist = 24 Klafter, jede der gleichen Seiten aber = 15 Klafter. 15 einer Seite × 15 = 225, \frac{1}{2} Grundlinie oder 12 × 12 = 144; 225 : 144 = 81; 10 \frac{1}{81} = 9; so viel Klafter wird die Kathete sein. 9 × \frac{1}{2} Grundlinie oder 9 × 12 Klafter = 108; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen Dreiecks = 108 Klafter. Zusammen der Flächeninhalt beider Dreiecke oder des ganzen Rhomboids = 216 Klafter = 1 Modius 3 Liter 1 Klafter 15 Land.

Dasselbe Rhomboid in drei Stücke geteilt, nämlich in 19 ein rechtwinkliges Parallelogramm und 2 ungleichschenklige, ebenfalls rechtwinklige Dreiecke. Scheitellinie und Grundlinie des rechtwinkligen Parallelogramms je = 12 Klafzen, die beiden Schenkel je = 9 Klafter; zu finden seinen Flächeninhalt. 12 der Grundlinie × 9 des einen Schenkels = 108; und es wird sein Flächeninhalt = 108 Klafter sein. Die Grundlinie jedes einzelnen der rechtwinkligen Dreiecke = 12 Klafter, die Senkrechte aber = 9 Klafter und die Hypotenuse = 15 Klafter; zu finden den Flächeninhalt jedes derselben. \frac{1}{2} Grundlinie = 6; 6 × 9 der Senkrechten = 54;

γώνου τὸ ἐμβαδὸν ὀργυιῶν νδ. ὁμοῦ τῶν τριῶν τμημάτων τὸ ἐμβαδὸν ὀργυιῶν σιξ ἤτοι γῆς μοδίου ένὸς
λιτρῶν τριῶν καὶ ὀργυιᾶς μιᾶς.

- 16 Περὶ τῶν λοιπῶν τετραπλεύρων σχημάτων τῶν καὶ τραπεξίων καλουμένων.
- 1 Τοαπέζιον ὀοθογώνιον, οὖ ἡ μία τῶν καθέτων ἤγουν τῶν πλαγίων πλευοῶν σχοινίων η, ἡ δὲ ἐτέρα σχοινίων ε̄, καὶ ἡ βάσις σχοινίων ε̄ εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. σύνθες τὰ η καὶ τὰ ε̄ γίνονται ιδ΄ τούτων τὸ Δ΄ γίνονται ο΄ καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὀρθογωνίου τραπεζίου σχοινίων ο̄. ὧν τὸ ἤμισυ γίνονται λε΄ καὶ ἔστι γῆς μοδίων λε.
- Τὸ τοιοῦτον τραπέζιον διαιρεῖται καὶ εἰς παραλληλόγοαμμον δοθογώνιον καί είς τρίγωνον δοθογώνιον. 15 ή δὲ μέτρησις εκάστου τούτων έχει ούτως αὶ δύο τῶν καθέτων τοῦ παραλληλογράμμου ἀνὰ σχοινίων ξ, αί $\delta \hat{\epsilon} \ \bar{\beta} \ \tau \tilde{\omega} v \ eta lpha \sigma \epsilon \omega v \ \dot{\alpha} v \dot{lpha} \ \sigma \chi o i v (\omega v \ \bar{\iota} \cdot \ \tau \dot{lpha} \ \bar{\iota} \ \tau \tilde{\eta} \varsigma \ \mu i \tilde{lpha} \varsigma$ τῶν βάσεων ἐπὶ τὰ 5 τῆς μιᾶς τῶν καθέτων πολυπλασιαζόμενα γίνονται ξ. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ 20 🛪 παραλληλογράμμου σχοινίων ξ. ή βάσις τοῦ ὀρθογωνίου τριγώνου σχοινίων τ, ή δε πρός δρθάς αὐτοῦ σχοινίων $\overline{\beta}$. τὸ \angle' τῆς βάσεως γίνεται σχοινία $\overline{\epsilon}$ ταῦτα έπὶ τὰ β τῆς ποὸς ὀοθὰς πολυπλασιαζόμενα γίνονται ι και έστι τὸ έμβαδὸν αὐτοῦ σχοινίων τ. δμοῦ καὶ 25 πάλιν τῶν δύο τμημάτων ἤγουν τοῦ παραλληλογράμμου καὶ τοῦ τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων ο. ὧν L' γίνεται λε· καὶ ἔστιν δ τόπος τοῦ παντὸς ὀοθογωνίου τραπεζίου γης μοδίων λε.
- 4 "Ετερον τραπέζιον ὀρθογώνιον, οὖ ἡ ὄρθιος πλευρὰ 30

und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen Dreiecks = 54 Klafter. Zusammen der Flächeninhalt der drei Stücke = 216 Klafter oder 1 Modius 3 Liter 1 Klafter Land.

Von den übrigen viereckigen Figuren, auch Trapeze genannt. 16

Ein rechtwinkliges Trapez, in dem die eine der Katheten oder der Querseiten = 8 Schoinien, die andere aber = 6 Schoinien, und die Grundlinie = 10 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. 8 + 6 = 14; ½ × 14 = 7; 7 × 10 der Grundlinie = 70; und es ist der Flächeninhalt des rechtwinkligen Trapezes = 70 Schoinien. ½ × 70 = 35; und er ist 35 Modien Land.

Ein solches Trapez wird auch geteilt in ein rechtwinkliges Parallelogramm und ein rechtwinkliges Dreieck. Und die Vermessung jedes derselben geschieht so: die zwei 15 Katheten*) des Parallelogramms je = 6 Schoinien, die zwei Grundlinien*) je = 10 Schoinien; 10 der einen Grundlinie × 6 der einen Kathete = 60; und es ist der Flächeninhalt des Parallelogramms = 60 Schoinien. Die Grundlinie des 3 rechtwinkligen Dreiecks = 10 Schoinien, die Senkrechte desselben aber = 2 Schoinien. \frac{1}{2} Grundlinie = 5 Schoinien; 5 × 2 der Senkrechten = 10; und es ist sein Flächeninhalt = 10 Schoinien. Alles zusammen; und wiederum ist der Flächeninhalt der zwei Stücke, d. h. des Parallelogramms und des Dreiecks, = 70 Schoinien. \frac{1}{2} × 70 = 35; und es ist der Raum des ganzen rechtwinkligen Trapezes 35 Modien Land.

Ein anderes rechtwinkliges Trapez, dessen aufrecht-

*) τῶν καθέτων Ζ. 16 und τῶν βάσεων Ζ. 18 ungenau statt κάθετοι und βάσεις.

² $\gamma \tilde{\eta}_S$] C, $\gamma \tilde{\eta}$ A. 3 seq. p. 296, 9—29 A. 6 δοθογώνον [Νον] A, δοθόγωνον C. 11 $\tau o \tilde{v}$] C, $\tau o \tilde{v}$ αὐτοῦ A. 18 $\bar{\rho}$] A, δύο C. 24 $\bar{\rho}$] A, δύο C. 28 δοθογωνίον] A, δοθογών C. 30 ὄοθοιος—p. 302, 1 $\hat{\eta}$ (alt.)] A, om. C.

ήγουν ή κάθετος σχοινίων το, ή κουυφή σχοινίων η, ή δὲ βάσις σχοινίων τς εύφεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. σύνθες κουψήν καὶ βάσιν ἤγουν η καὶ τς γίνονται κοι το ἐμβαδὸν τολυπλασιαζόμενα γίνονται ομδ. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τούτοῦ σχοινίων τραπεζίου μοδίων οβ.

Τραπέζιον ὀρθογώνιον τὸ αὐτὸ διαιρούμενον εἰς παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον καὶ εἰς τρίγωνον σκαληνὸν ὀρθογώνιον. ἡ κορυφὴ καὶ ἡ βάσις τοῦ παρ- 10 αλληλογράμμου ἀνὰ σχοινίων η̄, τὰ δὲ μ̄ σκέλη ἀνὰ σχοινίων ιρ. τὰ η̄ τῆς βάσεως ἐπὶ τὰ ιμ̄ τοῦ ένὸς σκέλους πολυπλασιαζόμενα γίνονται ς̄ς καὶ δηλοῦσι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου. ἡ βάσις τοῦ ὀρθογωνίου τριγώνου σχοινίων η, ἡ δὲ πρὸς ὀρθὰς τούτου ἤγουν 15 ἡ κάθετος σχοινίων ιρ̄ τὸ ሬ΄ τῆς βάσεως ἤγουν τὰ δ ἐπὶ τὰ ιμ̄ τῆς καθέτου πολυπλασιαζόμενα γίνονται μη̄, καὶ δηλοῦσι καὶ ταῦτα τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου. ὁμοῦ καὶ πάλιν ἀμφοτέρων τῶν τμημάτων τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων ομ̄δ. ὧν τὸ ሬ΄ ἐστιν ὁ μοδισμός.

Το παραλληλόγραμμον διπλάσιόν έστι τοῦ ὀρθογωνίου τριγώνου.

6 Τραπέζιον ὀρθογώνιον τὸ αὐτὸ διαιρούμενον εἰς δύο τρίγωνα σκαληνά, ὧν τὸ εν ὀρθογώνιον, τὸ δὲ ετερον ἀμβλυγώνιον. ἡ βάσις τοῦ ὀρθογώνιον τρι- 25 γώνου σχοινίων ιξ, ἡ πρὸς ὀρθὰς αὐτοῦ σχοινίων ιβ καὶ ἡ ὑποτείνουσα σχοινίων π. τὸ Δ΄ τῆς βάσεως ἤγουν τὰ ἡ πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὰ ιβ τῆς πρὸς ὀρθὰς γίνονται ςξ καὶ δηλοῦσι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὀρθογωνίου τριγώνου. ἡ ἐλάσσων πλευρὰ τοῦ ἀμβλυγωνίου τρι- 30 γώνου σχοινίων ἡ ταῦτα ἐφ', ἑαυτά γίνονται ξδ' ἡ

stehende Seite oder Kathete = 12 Schoinien, die Scheitellinie = 8 Schoinien, die Grundlinie aber = 16 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. Scheitellinie + Grundlinie oder 8+16=24; $\frac{1}{2} \times 24=12$; 12×12 der Senkrechten 5=144; und es ist sein Flächeninhalt = 144 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 144=72$; und es ist der Raum desselben Trapezes 72 Modien.

Dasselbe rechtwinklige Trapez in ein rechtwinkliges Par-5 allelogramm und ein ungleichschenkliges rechtwinkliges Dreieck geteilt. Die Scheitellinie und die Grundlinie des Par-10 allelogramms je = 8 Schoinien, die 2 Schenkel aber je = 12 Schoinien. 8 der Grundlinie × 12 des einen Schenkels = 96, und diese geben den Flächeninhalt des Parallelogramms an. Die Grundlinie des rechtwinkligen Dreiecks = 8 Schoinien, die Senkrechte desselben aber oder die Kathete = 12 Schoinien; \frac{1}{2} Grundlinie oder 4 × 12 der Kathete = 48, und diese geben ebenfalls den Flächeninhalt des Dreiecks an. Alles zusammen; und wiederum ist der Flächeninhalt der beiden Stücke = 144 Schoinien. Die Hälfte davon ist die Modienzahl.

o Das Parallelogramm ist das Doppelte des rechtwinkligen Dreiecks.

Dasselbe rechtwinklige Trapez in zwei ungleichschenk-6 lige Dreiecke geteilt, deren das eine rechtwinklig, das andere stumpfwinklig. Die Grundlinie des rechtwinkligen Dreiecks 25 = 16 Schoinien, dessen Senkrechte aber = 12 Schoinien, und die Hypotenuse = 20 Schoinien. \frac{1}{2} Grundlinie oder 8 \times 12 der Senkrechten = 96, und diese geben den Flächeninhalt des rechtwinkligen Dreiecks an. Die kleinere Seite des stumpfwinkligen Dreiecks = 8 Schoinien; 8 \times 8 = 64; 30 die Grundlinie = 20 Schoinien; 20 \times 20 = 400; die Multi-

βάσις σχοινίων \overline{x} ταῦτα έφ' ξαυτά γίνονται \overline{v} δ δξ 7 πολυπλασιασμός τῆς έτέρας πλευρᾶς ση. εύρεῖν αὐτοῦ την μάθετον. σύνθες τὸν τῆς βάσεως πολυπλασιασμὸν καὶ τῆς μιᾶς τῶν πλευοῶν ἤγουν τὰ υ καὶ τὰ ση: γίνονται γη άφ' ὧν ὑπέξελε τὸν τῆς έτέρας πλευρᾶς 5 πολυπλασιασμόν ήγουν τὰ ξδ. λοιπὰ φμδ. ὧν τὸ [... γίνονται σοβ. ταῦτα μεριζόμενα παρά τὰ π τῆς βάσεως γίνονται τη Δ΄ ι΄ έσται οὖν ή μείζων βάσις σχοινίων τοσούτων. δμοίως σύνθες τὰ υ τῆς βάσεως καὶ τὰ ξδ της ελάσσονος πλευράς γίνονται υξδ. ἀπὸ τούτων 10 ἄφελε τὰ ση τῆς έτέρας πλευρᾶς λοιπὰ συς δυ Δ΄ γίνεται σχη. ταῦτα μεριζόμενα δμοίως παρά τὰ π τῆς βάσεως γίνονται ξ γ΄ ιε΄. ἔσται καὶ ἡ ἐλάττων βάσις σχοινίων ξ καὶ ε΄ ε΄ β. ταῦτα ἐφ' ἐαυτά· γίνονται μονάδες $\overline{μ}$ ε' ε' $\overline{δ}$ καὶ $\overline{δ}$ ε' ε' τῶν ε' ε' . ταῦτα $\overline{δ}$ 00ν 15 ἀπὸ τῶν ξδ. λοιπαὶ μονάδες κη καὶ ε΄ τὸ ε΄. ὧν πλευοὰ τετραγωνική γίνεται $\bar{\delta}$ \angle' ε' ι' · τοσούτων σχοινίων 8 ή κάθετος. πάλιν τὰ τη Δ΄ ι΄ ἐφ' ξαυτά γίνονται μονάδες οπό ε' ε' δ καὶ δ ε' ε' τῶν ε' ε' ταῦτα ἀφαίοει ἀπὸ τῶν ση· λοιπαὶ μονάδες πρ καὶ ε' τὸ ε'. ὧν πλευ- 20 οὰ τετραγωνική γίνεται δμοίως $\overline{\delta}$ \angle' ε' ι' έσται οὖν ή κάθετος σχοινίων τοσούτων. τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ εύοείν. λαβέ τῆς βάσεως τὸ Δ΄ γίνονται το ταῦτα πολυπλασίασον $\hat{\epsilon}\pi\hat{\iota}$ τὰ $\bar{\delta}$ L' ϵ' ι' τῆς καθέτου γίνονται μη· καὶ ἔστιν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἀμβλυγωνίου τριγώνου 25 σχοινίων μη. δμοῦ ἀμφοτέρων τῶν τριγώνων τὸ ἐμβαδον σχοινίων ομδ. ὧν Δ΄ γίνεται οβ καὶ ἔστιν δ τόπος τοῦ παυτὸς ὀοθογωνίου τραπεζίου μοδίων οβ.

Το δοθογώνιον τρίγωνον διπλάσιόν έστι τοῦ ἀμβλυγωνίου τριγώνου.

Τραπέζιον δοθογώνιον το αὐτο διαιρούμενον είς

τοίγωνα έτερα δύο, ὧν τὸ εν ἰσοσκελες ὀξυγώνιον, τὸ δὲ ετερον ὀρθογώνιον σκαληνόν. ἡ βάσις τοῦ ἰσοσκελοῦς ὀξυγωνίου τριγώνου σχοινίων τε, εκάστη δὲ τῶν τοῦ ἀσων δυνάμει ση εύρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον. λαβὲ τὸ Δ΄ τῆς βάσεως γίνονται η ταῦτα ἐφ' εαυτά:

kation der anderen Seite aber = 208. Zu finden dessen Kathete. Die Multiplikation der Grundlinie + die der einen Seite 7 oder 400+208=608; 608 ÷ die Multiplikation der anderen Seite oder 64 = 544; $\frac{1}{2} \times 544 = 272$. 272: 20 der Grundb linie = $13\frac{1}{2}\frac{1}{10}$; so viel Schoinien wird also die größere Grundlinie sein. Ebenso 400 der Grundlinie + 64 der kleineren Seite = 464; 464 : 208 der anderen Seite = 256; $\frac{1}{2} \times 256$ = 128. 128:20 der Grundlinie wie vorher = $6\frac{1}{3}\frac{1}{15}$; es wird auch die kleinere Grundlinie sein = $6\frac{2}{5}$ Schoinien. $6\frac{2}{5}$ × 10 $6\frac{2}{5} = 40\frac{4}{5}\frac{4}{25}$; $64 \div 40\frac{4}{5}\frac{4}{25} = 23\frac{1}{25}$; $\sqrt{23\frac{1}{25}} = 4\frac{1}{2}\frac{1}{5}\frac{1}{10}$; so viel Schoinien die Kathete. Wiederum $13\frac{1}{2}\frac{1}{10} \times 13\frac{1}{2}\frac{1}{10} = 184\frac{4}{5}\frac{4}{25}$; s $208 \div 184_{5\ 25}^{4\ 4} = 23_{25}^{1}; \sqrt{23_{25}^{1}} = 4_{2\ 5}^{1} \frac{1}{10}$ wie vorher: so viel Schoinien wird also die Kathete sein. Seinen Flächeninhalt zu finden. $\frac{1}{2}$ Grundlinie = 10; 10 $\times 4^{1}_{.2}$ $\frac{1}{5}$ der Kathete 15 = 48; und es ist der Flächeninhalt des stumpfwinkligen Dreiecks = 48 Schoinien. Zusammen der Flächeninhalt der beiden Dreiecke = 144 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 144 = 72$; und es ist der Raum des ganzen rechtwinkligen Trapezes = 72 Modien.

Das rechtwinklige Dreieck ist das Doppelte des stumpf-20 winkligen Dreiecks.

Dasselbe rechtwinklige Trapez in zwei andere Dreiecke 9 geteilt, deren das eine gleichschenklig spitzwinklig, das andere aber rechtwinklig ungleichschenklig. Die Grundlinie des gleichschenkligen spitzwinkligen Dreiecks = 16 Schoizen und jede der gleichen Seiten in Quadrat = 208; zu

γίνονται ξδ. τὰ ξδ ἀφαίρει ἀπὸ τῶν ση. λοιπὰ ρμδ. ών πλευρά τετραγωνική γίνεται ιβ. τοσούτων σχοινίων ή κάθετος. ταῦτα ἐπὶ τὸ ζ΄ τῆς βάσεως ἤγουν ἐπὶ τὰ η πολυπλασιαζόμενα γίνονται 45. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ Ισοσκελοῦς ὀξυγωνίου τριγώνου σχοινίων ਓξ. ὧν 5 10 τὸ 🕹 μη καὶ ἔστι γῆς μοδίων τοσούτων. ἡ κορυφή τοῦ ὀρθογωνίου τριγώνου σχοινίων η, ή δὲ πρὸς ὀρθὰς τούτου ήγουν ή κάθετος σχοινίων τβ. τούτων τὸ ζ΄. γίνονται 5. ταῦτα ἐπὶ τὰ η τῆς κορυφῆς πολυπλασιαζόμενα γίνονται μη· καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ 10 δοθογωνίου τριγώνου σχοινίων μη. Εν το Δ΄ γίνονται κδ. και έστι γης μοδίων τοσούτων. δμοῦ και πάλιν άμφοτέρων των τριγώνων τὸ έμβαδὸν σχοινίων ομδ. ων ζ΄ γίνεται οβ. καὶ ἔστιν ὁ τόπος τοῦ παντὸς ὀφθογωνίου τραπεζίου καὶ ούτως μοδίων οβ. 15

Το Ισοσκελές τοίγωνον διπλάσιόν έστι τοῦ ὀρθο-

γωνίου τριγώνου.

Το Ετερον τραπέζιον ὀρθογώνιον, οὖ τὸ μὲν μεῖζον σκέλος σχοινίων ε̄, τὸ δὲ ἦττον σχοινίων ε̄, ἡ δὲ κορυφὴ σχοινίων ῑβ. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. σύνθες 20 τὰ δέκα καὶ τὰ πέντε. γίνονται ιε. ὧν τὸ ἤμισυ. γίνονται έπτὰ ἤμισυ. ταῦτα ἐπὶ τὰ ιβ τῆς κορυφῆς. γίνονται ἐνενήκοντα. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ τραπεζίου σχοινίων ἐνενήκοντα. ὧν τὸ ἤμισυ. γίνονται με. καὶ ἔστι γῆς μοδίων τοσούτων.

Τραπέζιον ὀρθογώνιον τὸ αὐτὸ διαιρούμενον εἰς τμήματα δύο ἤγουν εἰς παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον καὶ εἰς τρίγωνον σκαληνὸν ὀρθογώνιον. αἱ δύο τῶν τοῦ μήκους τοῦ παραλληλογράμμου ἀνὰ σχοινίων δώ-δεκα, αἱ δὲ δύο τῶν τοῦ πλάτους ἀνὰ σχοινίων ē. τὰ κα τῆς μιᾶς τῶν τοῦ μήκους ἐπὶ τὰ ε̄ τῆς μιᾶς τῶν

finden seine Kathete. $\frac{1}{2}$ Grundlinie = 8; 8 × 8 = 64; $208 \div 64 = 144$; $\sqrt{144} = 12$; so viel Schoinien die Kathete. $12 \times \frac{1}{2}$ Grundlinie oder $12 \times 8 = 96$; und es ist der Flächeninhalt des gleichschenkligen spitzwinkligen Dreiecks = 96 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 96 = 48$; und er ist so viel Modien Land. Die Scheitellinie des rechtwinkligen Dreiecks = 8 10 Schoinien, dessen Senkrechte aber oder die Kathete = 12 Schoinien; $\frac{1}{2} \times 12 = 6$; 6×8 der Scheitellinie = 48; und es ist der Flächeninhalt desselben rechtwinkligen Dreiecks 10 = 48 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 48 = 24$; und er ist so viel Modien Land. Alles zusammen; und es ist der Flächeninhalt der beiden Dreiecke wiederum = 144 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 144 = 72$; und es ist der Raum des ganzen rechtwinkligen Trapezes auch so = 72 Modien

Das gleichschenklige Dreieck ist das Doppelte des rechtwinkligen Dreiecks.

Ein anderes rechtwinkliges Trapez, dessen größerer Schenkel = 10 Schoinien, der kleinere = 5 Schoinien, die Scheitellinie aber = 12 Schoinien;*) zu finden seinen Flächeninhalt.

20 10 + 5 = 15; $\frac{1}{2} \times 15 = 7\frac{1}{2}$; $7\frac{1}{2} \times 12$ der Scheitellinie
= 90; und es ist der Flächeninhalt desselben Trapezes = 90
Schoinien. $\frac{1}{2} \times 90 = 45$; und er ist so viel Modien Land.

Dasselbe rechtwinklige Trapez in zwei Stücke geteilt, 12 d. h. in ein rechtwinkliges Parallelogramm und ein ungleichschenkliges rechtwinkliges Dreieck. Die zwei Längsseiten**) des Parallelogramms je = 12 Schoinien, die zwei der Breite

*) Die Umkehrung der Benennungen Schenkel und Scheitellinie (vgl. 12) erklärt sich aus der Lage der Figur (vgl. 16, 1).
**) Über τῶν Z. 28 u. 30 vgl. S. 301 Anm.

1 λοιπὰ] Α, λοιπὰ C. 6 \angle C, ημισυ γίνεται Α. $\dot{\eta}$] Α, om. C. 10 καλ-11 $\overline{\mu}\eta$] Α, om. C. 14 ὀρθο $\tilde{\phi}$ Α. 18- p. 308, 14 Α, om. C.

20*

τοῦ πλάτους πολυπλασιαζόμενα γίνονται ξξήκοντα καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου σχοινίων έξήκοντα. τούτων τὸ ἥμισυ γίνονται τριάκοντα καὶ ἔστι

13 γῆς μοδίων τριάκοντα. ἡ κορυφὴ τοῦ ὀρθογωνίου τριγώνου σχοινίων ιβ, ἡ δὲ πρὸς ὀρθὰς αὐτοῦ ἤγουν ἡ s
κάθετος σχοινίων ε. τὸ ἥμισυ τῆς κορυφῆς ἤγουν τὰ ξ
πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὰ πέντε τῆς πρὸς ὀρθὰς γίνονται λ' καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ σχοινίων λ. ὧν
ῆμισυ γίνεται δεκαπέντε καὶ ἔστι γῆς μοδίων δεκαπέντε. ὁμοῦ καὶ πάλιν ἀμφοτέρων τῶν τμημάτων τοῦ το
τε παραλληλογράμμου καὶ τοῦ τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν
σχοινίων Ģ. ὧν ῆμισυ γίνεται τεσσαρακονταπέντε καὶ
ἔστιν ὁ τόπος τοῦ ὅλου τραπεζίου μοδίων με.

Το παραλληλόγοαμμον διπλάσιόν ἐστι τοῦ τριγώνου.

"Έτερον τραπέζιον ὀρθογώνιον, οὖ τὸ μὲν μεῖζον 15 σκέλος ὀργυιῶν κδ, τὸ δὲ ἦττον ὀργυιῶν ικ, ἡ δὲ κορυφὴ ὀργυιῶν λε΄ εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. σύνθες τὰς κδ καὶ τὰς ικ΄ γίνονται λς΄ ὧν ζ΄ γίνεται ιη΄ ταῦτα πολυπλασίασον ἐπὶ τὰς λε τῆς κορυφῆς΄ γίνονται χλ΄ καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ τραπεζίου ὀρ- 20 γυιῶν χλ. ὧν μέρος διακοσιοστὸν γίνεται γ η΄ μ΄ καὶ ἔστι γῆς μοδίων γ καὶ λιτρῶν ξ.

15 Το απέζιον δοθογώνιον το αὐτο διαιοούμενον είς τμήματα δύο ήγουν είς παραλληλόγοαμμον δοθογώνιον καὶ είς τρίγωνον σκαληνον δοθογώνιον. αἱ δύο τοῦ καλάτους τοῦ παραλληλογράμμου ἀνὰ δργυιῶν ιβ, αἱ δὲ δύο τοῦ μήκους ἀνὰ δργυιῶν λε. αἱ ιβ τῆς μιᾶς τοῦ πλάτους πολυπλασιαζόμεναι ἐπὶ τὰς λε τῆς μιᾶς τοῦ μήκους γίνονται ὑκ καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου δργυιῶν ὑκ. ὧν μέρος διακο- κα σιοστὸν γίνεται β ι' καὶ ἔστι γῆς μοδίων β καὶ λι-

τοῶν $\bar{\delta}$. ή πορυφή τοῦ ὀρθογωνίου τριγώνου ὀργυιῶν 16 λε, ή δὲ πρὸς ὀρθὰς αὐτοῦ ἤγουν ἡ κάθετος ὀργυιῶν $\bar{\iota}\bar{\beta}$. τούτων τὸ \bar{L}' . γίνονται $\bar{\varepsilon}$ αὶ $\bar{\varepsilon}$ έπὶ τὰ $\bar{\lambda}\bar{\varepsilon}$ τῆς κο-

je = 5 Schoinien. 12 der einen Längsseite × 5 der einen der Breite = 60; und es ist der Flächeninhalt des Parallelogramms = 60 Schoinien. ½ × 60 = 30; und er ist 30 Modien Land. Die Scheitellinie des rechtwinkligen Dreiecks 13 = 12 Schoinien, dessen Senkrechte aber oder die Kathete = 5 Schoinien. ½ Scheitellinie oder 6 × 5 der Senkrechten = 30; und es ist sein Flächeninhalt = 30 Schoinien. ½ × 30 = 15; und er ist 15 Modien Land. Alles zusammen; und wiederum ist der Flächeninhalt der beiden Stücke, des Partoleur und des Dreiecks, = 90 Schoinien. ½ × 90 = 45; und es ist der Raum des garagen Trapezes = 45 Modien.

Das Parallelogramm ist das Doppelte des Dreiecks.

Ein anderes rechtwinkliges Trapez, dessen größerer Schenkel = 24 Klafter, der kleinere = 12 Klafter, die Scheitel-15 linie aber = 35 Klafter; zu finden seinen Flächeninhalt. 24 + 12 = 36; $\frac{1}{2} \times 36 = 18$; 18 × 35 der Scheitellinie = 630; und es ist der Flächeninhalt desselben Trapezes = 630 Klafter. $\frac{1}{200} \times 630 = 3\frac{1}{8}\frac{1}{40}$; und er ist 3 Modien 6 Liter Land.

Dasselbe rechtwinklige Trapez in zwei Stücke geteilt, 15 nämlich in ein rechtwinkliges Parallelogramm und ein ungleichschenkliges rechtwinkliges Dreieck. Die zwei Seiten der Breite des Parallelogramms je = 12 Klafter, die zwei der Länge aber je = 35 Klafter. 12 der einen der Breite 5 × 35 der einen der Länge = 420; und es ist der Flächeninhalt des Parallelogramms = 420 Klafter. \(\frac{1}{200} > \times 420 \)
= 2\(\frac{1}{10};\) und er ist 2 Modien 4 Liter Land. Die Scheitel- 16

15—p. 312, 10 hoc loco A, post p. 306, 17 infra C. 19 ταῦτα] C, ταύτας A. 25 τοῦ] scripsi, τῶν C, τῶν τοῦ A. 26 ὀςγνιῶν] C, ὀςγνιὰς A. 27 δὲ] A, om. C. τοῦ] C, τῶν τοῦ A. ὀςγνιῶν] C, ὀςγνιὰς A. 28 τοῦ] C, τῶν τοῦ A. 29 τοῦ (pr.)] C, τῶν τοῦ A. 31 γῆς] C, om. A. 32 ἡ] A, om. C. 34 τὰ] C, τὰς A.

ουφῆς πολυπλασιαζόμεναι γίνονται $\overline{\sigma}$ ι καὶ έστι τὸ έμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ ὀρθογωνίου τριγώνου ὀργυιῶν σι. ὧν μέρος διακοσιοστὸν γίνεται εν εἰκοστόν καὶ έστι γῆς μοδίου ένὸς καὶ λιτρῶν $\overline{\rho}$. ὁμοῦ καὶ πάλιν ἀμφοτέρων τῶν τμημάτων τὸ ἐμβαδὸν ὀργυιῶν $\overline{\chi}$ λ. ὁ δὲ 5 μοδισμὸς τούτου μοδίων $\overline{\gamma}$ καὶ λιτρῶν \overline{s} · αί γὰρ $\overline{\chi}$ ὀργυιαὶ ὑπεξαιροῦνται ἐπὶ τῶν διακοσίων καὶ ποσοῦνται εἰς γῆν μοδίων $\overline{\gamma}$, αἱ δὲ $\overline{\lambda}$ ὑπεξαιροῦνται ἐπὶ τῶν \overline{s} καὶ ποσοῦνται καὶ αὐταὶ εἰς γῆν λιτρῶν \overline{s} .

Το παραλληλόγραμμον διπλάσιόν ἐστι τοῦ τριγώνου. 10
Τραπέζιον ἰσοσκελές, οὖ ἡ κορυφὴ σχοινίων δ̄, ἡ δὲ βάσις σχοινίων τ̄ς, καὶ ἐκάστη τῶν ἴσων πλευρῶν σχοινίων τ̄ εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον. ἄφελε κορυφὴν ἀπὸ βάσεως ἤγουν δ̄ ἀπὸ τῶν τ̄ς λοιπὰ ιβ ὧν τὸ Δ΄ γίνονται τ̄ ταῦτα ἐφ' ἐαυτά γίνονται λ̄ς καὶ τὰ τ̄ τῆς 15 μιᾶς τῶν πλευρῶν ἐφ' ἐαυτά γίνονται ρ ἐξ ὧν λαβὲ τὰ λ̄ς λοιπὰ ξ̄δ. ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ ῆ καὶ ἔστιν ἡ κάθετος τοσούτων σχοινίων. τὸ δὲ ἐμβαδὸν εὑρεῖν. ποίει οὕτως σύνθες κορυφὴν καὶ βάσιν ἤγουν δ̄ καὶ τ̄ς γίνονται π΄ ὧν τὸ Δ΄ γίνονται τ̄ ταῦτα πολυπλα-20 σιαζόμενα ἐπὶ τὰ ῆ τῆς καθέτου γίνονται π΄ καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ ἰσοσκελοῦς τραπεζίου σχοινίων π. ὧν Δ΄ γίνεται μ καὶ ἔστι γῆς μοδίων μ.

Τοαπέζιον Ισοσκελές τὸ αὐτὸ διαιοούμενον εἰς τμήματα τοια ἤγουν εἰς παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον 25
καὶ εἰς δύο τρίγωνα σκαληνὰ ὀρθογώνια καὶ ταῦτα.
ἡ κορυφὴ καὶ ἡ βάσις τοῦ παραλληλογράμμου ἀνὰ σχοινίων δ, τὰ δὲ β σκέλη ἀνὰ σχοινίων η. εὐρεῖν αὐτοῦ
τὸ ἐμβαδόν. πολυπλασίασον τὰ δ τοῦ πλάτους ἐπὶ τὰ
η τοῦ μήκους γίνονται λβ καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ 30
παραλληλογράμμου σχοινίων λβ. ὧν ζ΄ γίνεται ις καὶ

linie des rechtwinkligen Dreiecks = 35 Klafter, dessen Senkrechte aber oder die Kathete = 12 Klafter. $\frac{1}{2} \times 12 = 6$; 6×35 der Scheitellinie = 210; und es ist der Flächeninhalt desselben rechtwinkligen Dreiecks = 210 Klafter. $\frac{1}{200} \times 210 = 1\frac{1}{20}$; und er ist 1 Modius 2 Liter Land. Alles zusammen; und wiederum ist der Flächeninhalt der beiden Stücke = 630 Klafter. Und die Modienzahl desselben = 3 Modien 6 Liter; denn die 600 Klafter werden mit 200 dividiert und ergeben 3 Modien Land, die 30 aber werden mit 5 dividiert und ergeben ihrerseits 6 Liter Land.

Das Parallelogramm ist das Doppelte des Dreiecks.

Ein gleichschenkliges Trapez, dessen Scheitellinie = 4 17 Klafter, die Grundlinie aber = 16 Klafter und jede der gleichen Seiten = 10 Klafter; zu finden seine Kathete. 15 Grundlinie \div Scheitellinie oder $16:4=12;\frac{1}{2}\times 12=6:6\times 6=36;10$ der einen Seite $\times 10=100;100:36=64;\sqrt{64}=8;$ und es ist die Kathete so viel Schoinien. Und den Flächeninhalt zu finden. Mache so: Scheitellinie + Grundlinie oder $4+16=20;\frac{1}{2}\times 20=10;10\times 8$ der 20 Kathete = 80; und es ist der Flächeninhalt desselben gleichschenkligen Trapezes = 80 Schoinien. $\frac{1}{2}\times 80=40;$ und er ist 40 Modien Land.

Dasselbe gleichschenklige Trapez in drei Stücke geteilt, 18 nämlich in ein rechtwinkliges Parallelogramm und zwei ungleichschenklige, ebenfalls rechtwinklige Dreiecke. Die Scheitellinie und die Grundlinie des Parallelogramms = 4 Schoinien, die 2 Schenkel*) aber je = 8 Schoinien. Zu finden seinen Flächeninhalt. 4 der Breite × 8 der Länge = 32; und es ist der Flächeninhalt des Parallelogramms = 32 Schoinien.

*) σκέλη ungenau von den senkrechten Seiten des Rechtecks.

19 ἔστι γῆς μοδίων τ̄ς. ἡ βάσις εκάστου ὀρθογωνίου τριγώνου σχοινίων ς, ἡ πρὸς ὀρθὰς σχοινίων ῆ. τὸ L΄ τῆς βάσεως γίνεται γ' ταῦτα ἐπὶ τὰ η τῆς καθέτου πολυπλασιαζόμενα γίνονται κδ' καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν ένὸς εκάστου ὀρθογωνίου τριγώνου σχοινίων κδ. ὧν 5 L΄ γίνεται ιβ' καὶ ἔστιν ἔκαστον τούτων γῆς μοδίων ιβ. ὁμοῦ τῶν τριῶν τμήματων ἤγουν τοῦ παραλληλογράμμου καὶ τῶν δύο τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν καὶ πάλιν σχοινίων π̄. ὧν L΄ γίνεται μ' καὶ ἔστι γῆς ὁ τόπος τοῦ ὅλου ἰσοσκελοῦς τραπεζίου μοδίων μ̄.

21 Το απέζιον Ισοσκελες το αὐτο διαιρούμενον εἰς τμήματα τρία ἤγουν εἰς παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον 25 καὶ εἰς δύο τρίγωνα σκαληνὰ ὀρθογώνια. ἡ κορυφή καὶ ἡ βάσις τοῦ παραλληλογράμμου ἀνὰ σχοινίων β, τὰ δὲ β σκέλη ἀνὰ σχοινίων ξ. τὰ β τοῦ πλάτους ἐπὶ τὰ ξ τοῦ μήκους πολυπλασιαζόμενα γίνονται ιβ καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου σχοινίων 30 ιβ. τούτων τὸ Δ΄ γίνονται ξ καὶ ἔστι γῆς μοδίων ξ.

nien. $\frac{1}{2} \times 32 = 16$; und er ist 16 Modien Land. Die 19 Grundlinie jedes rechtwinkligen Dreiecks = 6 Schoinien, die Senkrechte = 8 Schoinien. $\frac{1}{2}$ Grundlinie = 3; 3×8 der Kathete = 24; und es ist der Flächeninhalt jedes einzelnen 5 rechtwinkligen Dreiecks = 24 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 24 = 12$; und es ist jedes derselben 12 Modien Land. Zusammen der Flächeninhalt der drei Stücke, d. h. des Parallelogramms und der zwei Dreiecke, wiederum = 80 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 80 = 40$; und es ist der Raum des ganzen gleichschenkligen 10 Trapezes = 40 Modien Land.

Ein anderes gleichschenkliges Trapez, dessen Scheitel-20 linie = 2 Schoinien, die Grundlinie = 18 Schoinien, und die zwei Schenkel je = 10 Schoinien; zu finden seine Kathete. Grundlinie : Scheitellinie oder $18:2=16;\frac{1}{2}\times 15:16=8;\ 8\times 8=64;\ 10:10:100\div 64=36;\ \sqrt{36}=6;\ so\ viel Schoinien die Kathete. Und den Flächeninhalt zu finden. Scheitellinie + Grundlinie oder <math>2+18=20;\ \frac{1}{2}\times 20=10;\ 10\times 6$ der Kathete = 60; und es ist der Flächeninhalt desselben gleichschenkligen Trapezes = 60 Schoinien. $\frac{1}{2}\times 60=30;$ und er ist 30 Modien Land.

Dasselbe gleichschenklige Trapez in drei Stücke geteilt, 21 nämlich ein rechtwinkliges Parallelogramm und zwei ungleichschenklige rechtwinklige Dreiecke. Die Scheitellinie und die Grundlinie des Parallelogramms je = 2 Schoinien, die 2 Schenkel*) aber je = 6 Schoinien. 2 der Breite × 6 der Länge = 12; und es ist der Flächeninhalt des Parallelogramms = 12 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 12 = 6$; und er ist 6 Mo-

*) S. 311 Anm.

22 ή βάσις ένὸς έκάστου ὀοθογωνίου τριγώνου σχοινίων οκτώ, ή δὲ πρὸς ὀρθὰς ἤγουν ἡ κάθετος σχοινίων ξ.

τὸ Δ΄ τῆς βάσεως ἤγουν τὰ δ ἐπὶ τὰ τῆς καθέτου πολυπλασιαζόμενα γίνονται κδ. καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν έκάστου τριγώνου σχοινίων κδ. ὧν Δ΄ ιβ΄ καὶ ἔστιν το ἕκαστον αὐτῶν γῆς μοδίων ιβ. δμοῦ καὶ πάλιν τῶν τριῶν τμημάτων ἤγουν τοῦ παραλληλογοάμμου καὶ τῶν δύο τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων ξ. ὧν τὸ Δ΄ λ΄ καὶ ἔστιν ὁ τόπος τοῦ παντὸς ἰσοσκελοῦς τραπεζίου μοδίων λ.

23 Έτερον τραπέζιον ἰσοσκελές, οὖ ἡ κορυφὴ σχοινίων η, ἡ βάσις σχοινίων λη, τὰ δὲ σκέλη ἀνὰ σχοινίων η, ἡ βάσις σχοινίων λη, τὰ δὲ σκέλη ἀνὰ σχοινίων η, ἡ βάσις σχοινίων η, τὰ δὲ σκέλη ἀνὰ σχοινίων ης εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον. ἄφελε ὁμοίως κορυφὴν ἀπὸ βάσεως ἤγουν η ἀπὸ τῶν λη· λοιπὰ λ· τοῦ ἐνὸς σκέλους ἐφ' ἐαυτά· γίνονται σπε· καὶ τὰ ιζ 15 τοῦ ἐνὸς σκέλους ἐφ' ἐαυτά· γίνονται σπε· καὶ τὰ ιζ 16 τοῦ ἐνὸς σκέλους ἐφ' ἐαυτά· γίνονται σπε· καὶ τὰ ιζ 16 τοῦ ἐνὸς σκέλους τοῦνθες κορυφὴν καὶ βάσιν ἤγουν η καὶ λη· γίνονται μ̄̄̄̄̄̄ ὧν μ΄ κρ· ταῦτα ἐπὶ τὰ η τῆς καθ- 20 ἐτου πολυπλασιαζόμενα γίνονται οπδ· καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ τραπεζίου σχοινίων οπδ. ὧν μ΄ γίνεται ης καὶ ἔστι γῆς μοδίων ης.

24 Το απέζιον ἰσοσκελες τὸ αὐτὸ διαιοούμενον εἰς τμήματα τοία ἤγουν εἰς τετράγωνον ἰσόπλευρον καὶ ὀρ- 26 θογώνιον καὶ εἰς δύο τρίγωνα σκαληνὰ ὀρθογώνια. αἱ τέσσαρες πλευραὶ τοῦ τετραγώνου ἀνὰ σχοινίων ἢ. ταῦτα ἐφ' ἐαυτὰ πολυπλασιαζόμενα γίνονται ξδ· καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τετραγώνου σχοινίων ξδ. ὧν Δ΄ 25 γίνεται λβ· καὶ ἔστι γῆς μοδίων λβ. ἡ βάσις ἐνὸς 26 ἐκάστου ὀρθογωνίου τριγώνου σχοινίων ιε, ἡ δὲ πρὸς

dien Land. Die Grundlinie jedes einzelnen rechtwinkligen 22 Dreiecks = 8 Schoinien, die Senkrechte aber oder die Kathete = 6 Schoinien. \(\frac{1}{2} \) Grundlinie oder 4 \times 6 der Kathete = 24; und es ist der Flächeninhalt jedes Dreiecks = 24 Schoinien. \(\frac{1}{2} \times 24 = 12; \) und es ist jedes = 12 Modien Land. Alles zusammen; und wiederum ist der Flächeninhalt der drei Stücke, d. h. des Parallelogramms und der zwei Dreiecke, = 60 Schoinien. \(\frac{1}{2} \times 60 = 30; \) und es ist der Raum des ganzen gleichschenkligen Trapezes = 30 Modien.

Ein anderes gleichschenkliges Trapez, dessen Scheitellinie = 8 Schoinien, die Grundlinie = 38 Schoinien, die
Schenkel aber je = 17 Schoinien; zu finden seine Kathete.
Wie vorhin, Grundlinie : Scheitellinie oder 38 : 8 = 30;

\[
\frac{1}{2} \times 30 = 15; \quad 15 \times 15 = 225; \quad 17 \] des einen Schenkels

\[
\frac{1}{2} \times 30 = 15; \quad 15 \times 25 = 64; \quad \frac{1}{2} \times 46 = 8; \quad \text{so viel Schoinien die Kathete. Und den Flächeninhalt zu finden. Scheitellinie + Grundlinie oder 8 + 38 = 46; \frac{1}{2} \times 46 = 23; \quad 23 \times 8 \text{ der Kathete} = 184; \quad \text{und es ist der Flächeninhalt desselben Trapezes = 184 Schoinien. } \frac{1}{2} \times 184 = 92; \quad \text{und er} \]

20 ist 92 Modien Land.

Dasselbe gleichschenklige Trapez in drei Stücke geteilt, 24 nämlich ein gleichseitiges und rechtwinkliges Quadrat und zwei ungleichschenklige rechtwinklige Dreiecke. Die vier Seiten des Quadrats je = 8 Schoinien. 8 × 8 = 64; und es 25 ist der Flächeninhalt des Quadrats = 64 Schoinien. ½ × 64 = 32; und er ist 32 Modien Land. Die Grundlinie jedes 25 einzelnen rechtwinkligen Dreiecks = 15 Schoinien, die Senk-

¹ ένὸς] C, om. A. 2 ἤγουν ή] A, om. C. 5 ∠΄] C, ημισυ γίνεται A. 6 αὐτῶν] C, τούτων A. ὁμοῦ] A, ὁμοίως C. 8 τὸ ∠΄] C, ημισυ γίνεται A. 9 παντὸς ἰσσκελοῦς] A, παραλληλογράμμου C. 12 δὲ] C, δὲ $\overline{\beta}$ A. σχοινίων] C, σχοινία A. 15 ∠΄] C, ημισυ γίνεται A. 17 λοιπὰ] A, λοί C. 20 ∠΄] C, ημισυ γι. A. 21 καὶ—22 $\overline{\rho}$ πδ] A, om. C. 27 τοῦ τετραγώνου] A, τῶν τετραγώνου C. σχοινίων] C, σχοινία A. 30 ή] A, om. C. 31 τριγώνου] A, om. C.

 $\frac{1}{2}$ καὶ ξατιν $\frac{1}{2}$ τοχος τοῦ παντὸς ἰσοσκελοῦς τραπεσοριάς $\frac{1}{2}$ καὶ ξατιν $\frac{1}{2}$ τοχος τοῦ παντὸς ἰσοσκελοῦς τραπεσοριάς $\frac{1}{2}$ καὶ ξατιν $\frac{1}{2}$ καὶ το τοχορικίων $\frac{1}{2}$ το δροδοριανίων $\frac{1}{2}$ το δροδοριανίων $\frac{1}{2}$ το τοχορικίων $\frac{1}{2}$ τοχορικίων $\frac{1}{2}$ το τοχορικίων $\frac{1}{2$

ς ζίου γης μοδίων $\overline{\mathsf{q}\beta}$.

 T_0 απέζιον ἰσοσκελὲς τὸ αὐτὸ διαιρούμενον εἰς ἔτερα τραπέζια ὀρθορώνια. ἡ κορυφὴ ένὸς έκάστου ὀρθο- 10 γωνίου τραπεζίου ἀνὰ σχοινίων δ̄, ἡ δὲ βάσις σχοινίων ιθ̄, καὶ ἡ πρὸς ὀρθὰς ἀμφοτέρων ἤγουν ἡ κάθετος σχοινίων η̄ εὑρεῖν έκάστου τούτων τὸ ἐμβαδόν. σύνθες κορυφὴν καὶ βάσιν ἤγουν δ̄ καὶ $\overline{\imath\theta}$ γίνονται $\overline{\imath\eta}$ ὧν $\underline{\iota}'$ γίνεται $\overline{\imath\alpha}$ $\underline{\iota}'$ ταῦτα ἐπὶ τὰ ὀκτὰ τῆς καθ- 15 έτου πολυπλασιαζόμενα γίνονται $\overline{\varsigma\theta}$ καὶ ἔστι τὸ έμβαδὸν έκάστου ὀρθογωνίου τραπεζίου σχοινίων $\overline{\varsigma\theta}$. ὧν $\overline{\varsigma}'$ μισυ γίνεται $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$ καὶ ἔστιν ἕκαστον τούτων $\overline{\varsigma}\overline{\varsigma}$ ων $\overline{\varsigma}'$ μισυ γίνεται $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$ καὶ ἔστιν ἕκαστον τούτων $\overline{\varsigma}\overline{\varsigma}$ μοδίων $\overline{\varsigma}\overline{\varsigma}$, τοῦ ὅλου ἰσοσκελοῦς τραπεζίου ὄντος γῆς μοδίων $\overline{\varsigma}\overline{\varsigma}$.

Τοαπέζιον ἰσοσκελές, οὖ αἱ πρὸς ὀρθὰς ἀνὰ σχοινίων ξ, ἡ δὲ κορυφὴ σχοινίων τ̄γ, ἡ δὲ βάσις σχοινίων λ̄ζ· εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως ἤχθωσαν κάθετοι ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν καὶ ἐγένετο τετράγωνον ὀρθογώνιον παραλληλόγραμμον, το οὖ αἱ παράλληλοι πλευραὶ ἀνὰ σχοινίων τ̄γ καὶ αἱ λοιπαὶ ἀνὰ σχοινίων ξ, καὶ δύο τρίγωνα ὀρθογώνια, ὧν αἱ πρὸς ὀρθὰς ἀνὰ σχοινίων ἐπτά, αἱ δὲ βάσεις 28 ἀνὰ σχοινίων τῆς κορυφῆς τοῦ παραλληλογράμμον ἐπὶ το ὑτως τὰ τὴ τῆς κορυφῆς τοῦ παραλληλογράμμον ἐπὶ το

¹ γίνεται] Α, γίνονται С. 4 έκαστον] Α, έκάστον С.

rechte aber oder die Kathete = 8 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 8 = 4$; 4 × 15 der Grundlinie = 60; und es ist der Flächeninhalt jedes rechtwinkligen Dreiecks = 60 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 60 = 30$; und es ist jedes derselben = 30 Modien Land. Alles zu-5 sammen; und wiederum ist der Flächeninhalt der drei Stücke = 184 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 184 = 92$; und es ist der Raum des ganzen gleichschenkligen Trapezes = 92 Modien Land.

Dasselbe gleichschenklige Trapez in andere rechtwink- 26 lige Trapeze geteilt. Die Scheitellinie jedes einzelnen recht-10 winkligen Trapezes je = 4 Schoinien, die Grundlinie aber = 19 Schoinien, und die Senkrechte beider oder die Kathete = 8 Schoinien; zu finden den Flächeninhalt jedes derselben. Scheitellinie + Grundlinie oder 4 + 19 = 23; $\frac{1}{9} \times 23$ $=11\frac{1}{2}$; $11\frac{1}{2}$ × 8 der Kathete = 92; und es ist der Flächen-15 inhalt jedes rechtwinkligen Trapezes = 92 Schoinien. $\frac{1}{9}$ × 92 = 46; und es ist jedes derselben = 46 Modien Land, wobei das ganze gleichschenklige Trapez = 92 Modien Land wird.

Ein gleichschenkliges Trapez, dessen Senkrechten je = 27 20 7 Schoinien, die Scheitellinie = 13 Schoinien, die Grundlinie = 37 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. Mache so: es seien Senkrechte von der Scheitellinie auf die Grundlinie gezogen; so entsteht ein rechtwinkliges Parallelogramm, dessen parallele Seiten*) je = 13 Schoinien, die anderen 25 aber = 7 Schoinien, und zwei rechtwinklige Dreiecke, deren Senkrechten je = 7 Schoinien, die Grundlinien aber je = 12 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt.**) Mache so: 28 13 der Scheitellinie des Parallelogramms × 7 der Senk-

^{*)} D. h. die horizontalen Seiten. **) Unnütze Wiederholung von Z. 23.

⁶ σχοινίων φπδ] Α, σχοινία έκατον δηδοηκοντατέσσαρα C. 8 [6] D, έννενήμοντα καὶ δύο C, ένενημονταδύο Α. C, om. A. 15 γίνεται] Hultsch, γίνονται C. 18 εκαστον] scripsi, εκάστον C. 21 σχοινία A. 22 κοουφή] C, κατά κοουφής A. $\overline{\imath\gamma}$] A, δεκατριών C. δὲ] A, om. C. 26 παράλληλαι C. σχοινία Α. τη Α, δεκατριών C. 27 σχοινία Α. 28 σχοινία Α.

31

τὰ ζ τῆς πρὸς ὀρθὰς αὐτοῦ γίνονται ςα τὰ δὲ ιβ τῆς βάσεως ἐκάστου τριγώνου ἐπὶ τὰ ζ τῆς πρὸς ὀρθὰς αὐτοῦ γίνονται πὸ . ὧν ζ γίνεται μβ . ἔσται οὖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου σχοινίων τὰ, τῶν δὲ δύο ὀρθογωνίων τριγώνων σχοινίων πὸ. σύνθες τοίνυν τὰ τὰ πὰ τὰ πὸ . γίνονται ροε . καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τραπεζίου σχοινίων ροε. ὧν ζ πζ ζ΄ . καὶ ἔστι γῆς μοδίων πζ ζ΄.

Έτερον τραπέζιον Ισοσκελές, οξ ή μεν βάσις σχοι-29 νίων λα, ή δε πορυφή σχοινίων ιθ, τὰ δε σπέλη ἀνὰ 10 σχοινίων τ' εύρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως. ήγθωσαν κάθετοι ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν καὶ έγένετο τετράγωνον παραλληλόγραμμον δοθογώνιον καὶ δύο τρίγωνα δοθογώνια, καὶ ή πλευρά τοῦ τετραγώνου, τουτέστιν ή βάσις, ἀπὸ σχοινίων λα λοιπὰ σχοινία 15 ιβ. ταῦτα διάνεμε ταῖς β βάσεσι τῶν τριγώνων ὀρθογωνίων, ως είναι έκάστου αὐτῶν τὴν βάσιν σχοινίων 5. ἐπεὶ οὖν ή μὲν βάσις σχοινίων 5 καὶ ή ὑποτείνουσα σχοινίων τ, έσται καὶ ή πρὸς ὀρθάς σχοινίων η καὶ τὸ ἐμβαδὸν ἐκάστου τριγώνου ἀπὸ τοῦ προκειμέ- 20 νου ύποδείγματος σχοινίων αδ. τοῦ μέντοι τετραγώνου τὰ ιθ τῆς βάσεως ἐπὶ τὰ η τῆς πρὸς ὀρθὰς γίνονται 30 ονβ : ὡς εἶναι τὸ ὅλον τραπέζιον σχοινίων σ. ἐὰν δὲ καὶ άλλως θέλης γνωναι τοῦ όλου τραπεζίου τὸ έμβαδόν, ποίει ούτως σύνθες τὰ λα τῆς βάσεως ὅλης 25 καὶ τὰ της κατὰ την κορυφήν γίνονται δμοῦ ν. $\tilde{\omega}$ ν L' γίνεται $\tilde{\kappa}$ ε ταῦτα έπὶ τὰ $\tilde{\eta}$ τῆς καθέτου γίνονται σ. τοσούτων έσται σχοινίων τὸ έμβαδὸν τοῦ όλου τραπεζίου. ὧν ζ΄ γίνεται έκατόν καὶ ἔστι γῆς μοδίων τοσούτων.

Τραπέζιον όξυγώνιον, οὖ ή μὲν βάσις σχοινίων 5,

rechten desselben = 91; 12 der Grundlinie jedes Dreiecks \times 7 der Senkrechten desselben = 84; $\frac{1}{2} \times 84 = 42$; also wird der Flächeninhalt des Parallelogramms = 91 Schoinien sein, der aber der beiden rechtwinkligen Dreiecke = 84 Schoinien. 91 + 84 = 175; und es ist der Flächeninhalt des Trapezes = 175 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 175 = 87\frac{1}{2}$; und er ist $87\frac{1}{2}$ Modien Land.

Ein anderes gleichschenkliges Trapez, dessen Grundlinie 29 = 31 Schoinien, die Scheitellinie aber = 19 Schoinien, und 10 die Schenkel je = 10 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. Mache so: es seien Senkrechten von der Scheitellinie auf die Grundlinie gezogen; so entstehen ein rechtwinkliges Parallelogramm und zwei rechtwinklige Dreiecke. Und die Seite des Vierecks, d. h. die Grundlinie, von 31 abgezogen, 15 bleiben 12 Schoinien; verteile diese an die beiden Grundlinien der rechtwinkligen Dreiecke, so daß die Grundlinie eines jeden derselben = 6 Schoinien wird. Da nun die Grundlinie = 6 Schoinien und die Hypotenuse = 10 Schoinien, wird auch die Senkrechte = 8 Schoinien sein und der Flächen-20 inhalt jedes Dreiecks nach dem vorliegenden Beispiel = 24 Schoinien. Beim Viereck aber 19 der Grundlinie × 8 der Senkrechten = 152; folglich das ganze Trapez = 200 Schoinien. Wenn du aber auch auf andere Weise den Flächeninhalt 30 des ganzen Trapezes erkennen willst, mache so: 31 der gan-25 zen Grundlinie + 19 der Scheitellinie = $50, \frac{1}{2} \times 50 = 25;$ 25 × 8 der Kathete = 200; so viel Schoinien wird der Flächeninhalt des ganzen Trapezes sein. $\frac{1}{2} \times 200 = 100$; und er ist so viel Modien Land.

Ein spitzwinkliges Trapez, dessen Grundlinie = 6 Schoi- 31

⁴ σχοινίων] comp. A, σχοινία C. δὲ] A, om. C. 5 ὀς-δογωνίων] C, om. A. 7 τοῦ] C, τοῦ ὅλον A. 8 \angle [΄] C, $\frac{\pi}{2}$ μισυ A. Desin. fol. 41° C, seq. p. 304, 31–312, 11. 15 λα] C, $\frac{\pi}{2}$ λα σχοινίων $\overline{\imath\vartheta}$ A. 16 διάνεμε] Hultsch, διάνειμε A. τῶν] C, τῶν δύο A. 23 ὡς] C, καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τετραγώνου σχοινίων τοσούτων, ὡς A. 27 \angle [΄] C, τὸ ημισυ A. 29 ἔστι] C, ἔστιν ὁ τόπος τοῦ παντὸς τραπεξίου A.

ή δε μικροτέρα πλευρά σχοινίων ε, ή δε μείζων σχοινίων τβ, ή δε πορυφή σχοινίων τγ, καὶ ή διαγώνιος σχοινίων ε εύρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως ήγθω κάθετος ἐπὶ τὴν βάσιν καὶ ἐγένοντο δύο τρίγωνα δοθογώνια, ὧν αί μὲν βάσεις ἀνὰ σχοινίων τοιῶν, 5 αί δὲ ὑποτείνουσαι ἀνὰ σχοινίων $\bar{\epsilon}$, ή δὲ πρὸς ὀρθάς σχοινίων δ. ἔσται οὖν τὸ ἐμβαδὸν τῶν δύο τοιγώνων δοθογωνίων, ώς έκ τοῦ προκειμένου ὑποδείγματος, 32 σχοινίων ιβ. τὸ δὲ ἔτερον τρίγωνον ἔσχε τὰς τρεῖς πλευράς άνίσους ώσανεί σκαληνόν ή μεν γάρ άμβλεῖα 10 πλευρά σχοινίων ιβ, ή δε λοξή σχοινίων ιγ, ή δε λοιπή σχοινίων πέντε εύρεῖν καὶ αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει ούτως σύνθες τὰς τοεῖς πλευρὰς τὰ τβ, τὰ τγ καὶ τὰ ε. γίνονται όμοῦ λ. ὧν τὸ ζ΄ τε. εκάστην οὖν πλευράν $\tau \tilde{\omega} \nu = \iota \epsilon \pi \alpha \varrho \epsilon \kappa \beta \alpha \lambda \tilde{\omega} \nu = 0 \tilde{\nu} \tau \omega \varsigma^* \tau \tilde{\alpha} = \iota \beta, \lambda \varrho \iota \pi \tilde{\alpha} = \tilde{\nu}, \tau \tilde{\alpha} = \tilde{\iota} \tilde{\nu}, 15$ λ οιπὰ $\overline{\beta}$, τὰ $\overline{\epsilon}$, λ οιπὰ $\overline{\iota}$ σύνθες διιοῦ τὰ $\overline{\gamma}$, τὰ $\overline{\beta}$, τὰ $\overline{\iota}$ γίνονται τε ταῦτα ἐπὶ τὴν πλείονα μονάδα κατὰ τὸ προτεθέν ὑπόδειγμα, τουτέστιν ἐπὶ τὰ $\overline{\beta}$ · γίνονται $\overline{\lambda}$ · καὶ τὰ λ ἐπὶ τὰ $\overline{\gamma}$. γίνονται $\overline{\varsigma}$ καὶ τὰ $\overline{\varsigma}$ ἐπὶ τὰ $\overline{\iota}$ γίνονται δ. ὧν πλευρά τετράγωνος γίνεται λ. τοσού- 20 των σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν καὶ τοῦ τοιούτου τοιγώνου. καὶ ἐπὶ παντὸς τοιγώνου ἡ μέθοδος τοῦ σκαληνοῦ *λοχύει. ως είναι τὸ έμβαδὸν τοῦ όλου τραπεζίου όξυ*γωνίου όμοῦ σχοινίων μβ. ὧν ζ΄ γίνεται πα καὶ ἔστι νης μοδίων τοσούτων.

3 Τοαπέζιον ἀμβλυγώνιον, οὖ ἡ μὲν βάσις σχοινίων τς, ἡ δὲ μία πλευρὰ ἡ περὶ τὴν ἀμβλεῖαν σχοινίων τς, ἡ δὲ κορυφὴ σχοινίων ξ, ἡ δὲ ὑποτείνουσα σχοινίων τς: εὐρεῖν τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως: ἤχθω παράλληλος ἀπὸ τῆς ὑποτεινούσης, ἥτις ἀχθεῖσά ἐστι σχοινίων τ. ω ἐπεὶ οὖν ἡ κορυφή ἐστι σχοινίων ξ, ἔσται αὐτῆς καὶ

nien, die kleinere Seite = 5 Schoinien, die größere = 12 Schoinien, die Scheitellinie = 13 Schoinien, der Durchmesser = 5 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. Mache so: es sei auf die Grundlinie eine Kathete gezogen; so entstehen 5 zwei rechtwinklige Dreiecke, deren Grundlinien je = 3 Schoinien, die Hypotenusen je = 5 Schoinien, die Senkrechte = 4 Schoinien. Also wird nach dem vorliegenden Beispiel der Flächeninhalt der beiden rechtwinkligen Dreiecke = 12 Schoinien sein. Das andere Dreieck aber bekommt die drei Seiten 32 10 ungleich als ungleichschenklig; denn die Seite des stumpfen Winkels ist = 12 Schoinien, die schiefe = 13 Schoinien,* die übrige = 5 Schoinien; zu finden auch seinen Flächeninhalt. Mache so: addiere die drei Seiten, 12 + 13 + 5 = 30; $\frac{1}{2} \times 30 = 15$; subtrahiere jede Seite von 15 so: 15 15 \div 12 = 3, 15 \div 13 = 2, 15 \div 5 = 10, und addiere 3+2+10=15.**) Dies \times die kleinste Zahl nach dem vorliegenden Beispiel, d. h. $15 \times 2 = 30$; $30 \times 3 = 90$: $90 \times 10 = 900$; $\sqrt{900} = 30$; so viel Schoinien der Flächeninhalt auch dieses Dreiecks (und die Methode des ungleich-20 schenkligen gilt für jedes Dreieck); folglich der Flächeninhalt des ganzen spitzwinkligen Trapezes zusammen = 42 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 42 = 21$; und er ist so viel Modien Land.

Ein stumpfwinkliges Trapez, dessen Grundlinie = 16 33 Schoinien, die eine Seite, die am stumpfen Winkel, = 10 25 Schoinien, die Scheitellinie = 7 Schoinien, die gegenüberliegende Seite = 17 Schoinien; zu finden den Flächeninhalt.

*) Wahrscheinlich sind die Zahlen 12 und 13 zu vertauschen.

**) Mißverständnis der Heronischen Summaformel; die 15 sind die halbe Summe.

¹ μείζω Α. 5 σχοινίων τριῶν] C, σχοινία τρία Α. 6 σχοινία Α. 14 ὁμοῦ] C, οπ. Α. ἐπάστη οὖν πλευρὰ C. 15 λοιπὰ] Α, λοι C. 16 λοιπὰ (pr.)] Α, λοι C. λοιπὰ (alt.)] Α, λοι C. $\bar{\gamma}$ Α, τρία C. τὰ (ult.)] C, καὶ τὰ Α. 17 πλείονω μονάδα] corruptum; fort. πλησίον μονάδος. 18 προτεθὲν] C, προκείμενον Α. 19 καὶ τὰ $\bar{\lambda}$] Α, οπ. C. 20 τοσούτων] C, τοσούτων ἔσται Α. 21 τοῦ] Α, οπ. C. 22 παντὸς] C, παντὸς δὲ Α. τοῦ σκαληνοῦ] C, αἕνη Α.

ή παράλληλος σχοινίων $\overline{\xi}$. ὡς εἶναι τὰ λοιπὰ τῆς γραμμῆς τῆς βάσεως σχοινίων $\overline{\vartheta}$. καὶ ἐγένετο τρίγωνον ἀμβλυγώνιον, οὖ ἡ περὶ τὴν ἀμβλεῖαν πλευρὰ σχοινίων $\overline{\iota}$ καὶ ἡ βάσις σχοινίων $\overline{\vartheta}$ καὶ ἡ ὑποτείνουσα σχοινίων $\overline{\iota}$ κάθετος ἀπὸ τοῦ ὑποδείγματος τοῦ τριγώνου ἀμβλυγωνίου σχοινίων $\overline{\eta}$. μετρηθήσεται τοίνυν οὕτως σύνθες τὴν βάσιν τοῦ ὅλου τραπεζίου, τουτέστι τὰ $\overline{\iota}\overline{\varsigma}$, καὶ τὰ $\overline{\varsigma}$ τοῦ τραπεζίου τῆς κορυφῆς. γίνονται $\overline{\kappa}\overline{\gamma}$. ὧν $\overline{\iota}$ \overline

Τοαπέζιον άνισον, οδ ή μεν των πλευοών σχοι- $\nu i\omega \nu \bar{\epsilon}$, $\dot{\eta}$ $\delta \dot{\epsilon}$ $\bar{\epsilon}$, $\dot{\eta}$ $\delta \dot{\epsilon}$ $\bar{\eta}$, $\dot{\eta}$ $\delta \dot{\epsilon}$ ϑ , $\mu i\alpha$ $\delta \dot{\epsilon}$ $\tau \tilde{\omega} \nu$ $\delta i\alpha \gamma \omega$ νίων ξ. εύρεῖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τραπεζίου. τοῦτο δὲ 15 φανερόν γεγόνασι γὰρ δύο τρίγωνα οἰαδήποτε τὰ ὑπὸ της διαγωνίου καὶ των πλευρών περιεχόμενα, ὧν ή μέτρησις έχει ούτως ή κορυφή τοῦ έλάσσονος τριγώνου σγοινίων ε, ή μικροτέρα πλευρά σχοινίων ε, ή δε μείζων σχοινίων ξ ήγουν ή διαγώνιος τοῦ τραπεζίου 20 εύοεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. σύνθες τὰς τρεῖς πλευρὰς ήγουν τὰ $\bar{\epsilon}$, τὰ $\bar{\epsilon}$ καὶ τὰ $\bar{\xi}$ γίνονται $\bar{\iota}\eta$ $\bar{\delta}$ υ ήμισυ γίνεται θ. ἄφελε ίδία καὶ ἀνὰ μέρος έκάστης πλευρᾶς τὸν ἀριθμὸν ούτως ήγουν ἄφελε τῶν θ ε, καὶ περιλιμπάνονται δ · δμοίως ἄφελε τῶν αὐτῶν $\overline{5}$, καὶ περι- 25 λιμπάνονται γ. ώσαύτως ἄφελε τῶν αὐτῶν ζ, καὶ περι- λ_i μπάνονται $\overline{\beta}$. εἶτα πολυπλασίασον τὰ $\overline{\beta}$ ἐπὶ τὰ $\overline{\gamma}$. $γίνονται \overline{5}$ ταῦτα όμοίως ἐπὶ τὰ $\overline{\delta}$ γίνονται $\overline{κ\delta}$ ταῦτα πάλιν ἐπὶ τὰ ϑ. γίνονται δις. ὧν πλευρὰ τετραγωνική 35 ιδ ω' λγ' ήτοι μονάδες ιδ καὶ λεπτά λγ' λγ' πγ. δυ 30 δ πολυπλασιασμός γίνεται ούτως ιδ ιδ οςς, καὶ ιδ τὰ

Mache so: es sei eine Parallele gezogen, die, gezogen, = 10 Schoinien. Da nun die Scheitellinie = 7 Schoinien, wird auch ihre Parallele = 7 Schoinien sein, folglich der Rest der Grundlinie = 9 Schoinien; so entsteht ein stumpfwinkliges Dreieck, worin die Seite am stumpfen Winkel = 10 Schoinien, die Grundlinie = 9 Schoinien, die gegenüberliegende Seite = 17 Schoinien. Und wenn eine Gerade auf die Grundlinie gefällt wird, findet man nach dem Beispiel des stumpfwinkligen Dreiecks*) die Kathete = 8 Schoinien. Die Vermessung geschieht nun folgendermaßen: die Grundlinie des ganzen Trapezes oder 16 + 7 der Scheitellinie des Trapezes = 23; $\frac{1}{2} \times 23 = 11\frac{1}{2}$, $11\frac{1}{2} \times 8$ der Senkrechten = 92; so viel Schoinien wird der Flächeninhalt sein. $\frac{1}{2} \times 92 = 46$; und er ist 46 Modien Land.

Ein ungleiches Trapez, worin eine Seite = 5 Schoinien, 34 eine = 6, eine = 8, eine = 9 und ein Durchmesser = 7; zu finden den Flächeninhalt des Trapezes. Dies ist aber klar; denn es sind zwei willkürliche Dreiecke entstanden, die von dem Durchmesser und den Seiten umschlossenen, deren Vermessung sich so verhält: die Scheitellinie des kleineren Dreiecks = 5 Schoinien, die kleinere Seite = 6 Schoinien, die größere oder der Durchmesser des Trapezes = 7 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. Addiere die drei Seiten, 5+6+7=18; $\frac{1}{2} \times 18=9$; subtrahiere die Zahl jeder Seite für sich und eine nach der anderen folgendermaßen: 9+5=4, ebenfalls 9+6=3, ebenfalls 9+7=2. Darauf $2\times 3=6$, ebenso $6\times 4=24$, wiederum $24\times 9=216$; $\sqrt{216}=14\frac{2}{3}\frac{1}{33}=14\frac{23}{33}$. Die Multiplikation derselben ge-35 schieht so: $14\times 14=196$, $14\times \frac{23}{33}=\frac{322}{33}$, und wiederum

^{*)} S. oben 13, 33.

πγ λγ' λγ' τηβ λγ' λγ', καὶ πάλιν τὰ πγ λγ' λγ' των ιδ μονάδων τηβ λγ' λγ', καὶ πρ λγ' λγ' τῶν κρ λγ' λγ' φηθ λγ΄ λγ΄ των λγ΄ λγ΄ γινόμενα καὶ ταῦτα λγ΄ λγ΄ ις καὶ λγ' τὸ λγ'. δμοῦ μονάδες οξε λγ' λγ' χξ καὶ λγ' τὸ λγ΄ τὰ χξ λγ΄ λγ΄ μεριζόμενα παρά τὰ λγ γίνονται 5 μονάδες π και συντίθενται ταῖς λοιπαῖς οςς μονάσι, καὶ συμποσοῦται ὁ ἀπὸ τοῦ πολυπλασιασμοῦ συναγόμενος ἀριθμὸς εἰς μονάδας σις καὶ λγ' τὸ λγ', ὧν πλευρά τετραγωνική γίνεται ιδ ω' λγ', καθώς είρηται. τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἥττονος τριγώνου. 10 36 ή βάσις τοῦ μείζονος τριγώνου σχοινίων θ, ή μείζων πλευρά σχοινίων όκτω, ή δὲ ἐλάττων σχοινίων ζ ήγουν ή διαγώνιος εύρειν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. σύνθες ὁμοίως τούς ἀριθμούς τῶν τριῶν πλευρῶν ἤγουν ζ, $\overline{\eta}$ καὶ ϑ . γίνονται αδ. ὧν τὸ ημισυ- γίνονται ιβ. ἀπὸ τούτων 15 άφελε μιᾶς έκάστης πλευρᾶς τὸν ἀριθμὸν οὕτως ήγουν $ασελε τὰ <math>\overline{\xi}$ τῆς μιᾶς λοιπὰ $\overline{\epsilon}$ δμοίως καὶ τὰ $\overline{\eta}$ τῆς έτέρας λοιπά δ. ώσαύτως καὶ τὰ θ τῆς ἄλλης λοιπὰ γ. $\bar{\epsilon}$ \bar{i} $\bar{\tau}$ α \bar{i} \bar{j} \bar{i} \bar{i} \bar{j} \bar{i} \bar{i} \bar{j} \bar{i} $\bar{i$ καὶ ταῦτα ἐπὶ τὰ ε. γίνονται ξ. ωσαύτως καὶ τὰ ξ ἐπὶ 20 $\tau \alpha \overline{\iota \beta} \overline{\psi x}$. $\delta \nu \pi \lambda \varepsilon \nu \rho \alpha \tau \varepsilon \tau \rho \alpha \gamma \sigma \nu \iota x \gamma \gamma \ell \nu \varepsilon \tau \alpha \iota \overline{x \varepsilon} L' \gamma' \delta \varepsilon$ 37 έγγιστα ήτοι μονάδες πε καὶ ς' ς' ε. ὧν δ πολυπλασιασμός γίνεται ούτως είκοσάκις καὶ έξάκις αἱ κ̄ς μονάδες γίνονται χος μονάδες, και είκοσάκις και έξάκις τὰ πέντε ἕμτα ολ ς΄ ς΄, καὶ πάλιν ε ς΄ ς΄ τῶν ϰς μο- 25 $\nu \acute{\alpha} \delta \varpi \nu \ o \lambda \ s' \ s', \ \varkappa \alpha \iline \varepsilon \ s' \ s' \ \tau \~\varpi \nu \ \bar{\varepsilon} \ s' \ \bar{\varkappa} \bar{\varepsilon} \ s' \ \bar{\varkappa} \bar{\varepsilon} \ s' \ \bar{\tau} \~\varpi \nu$ 5' 5' γινόμενα καὶ ταῦτα 5' 5' τέσσαρα καὶ 5' τὸ 5'. δμοῦ μονάδες χος ς΄ ς΄ σξδ καὶ ς΄ τὸ ς΄ τὰ σξδ ς΄ ε΄ μεριζόμενα παρά τὰ 🕏 γίνονται μονάδες μδ καὶ προστίθενται ταῖς λοιπαῖς χος μονάσι, καὶ συμποσοῦται 3) δ ἀπὸ τοῦ τοιούτου πολυπλασιασμοῦ συναγόμενος

ἀριθμὸς εἰς μονάδας ψπ καὶ τό τὸ τό, ὧν ἡ πλευρὰ γίνεται πτ Δ΄ γ΄, καθὰς εἰρηται τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν καὶ τοῦ τοιούτου τριγώνου. ὁμοῦ ἀμφο-

 $^{23}_{33} \times 14 = \frac{322}{33}$, und $^{23}_{33} \times ^{23}_{33} = \frac{529}{33}$: $33 = \frac{16}{33} \frac{1}{1089}$; zusammen $196\frac{660}{33} \frac{1}{1089}$; 660: 33 = 20, 196 + 20 = 216, und es summiert sich die aus der Multiplikation sich ergebende Zahl zu $216\frac{1}{1089}$, deren Quadratwurzel = $14\frac{2}{3}\frac{1}{33}$, wie gesagt; so 5 viel Schoinien der Flächeninhalt des kleineren Dreiecks. Die 36 Grundlinie des größeren Dreiecks = 9 Schoinien, die größere Seite = 8 Schoinien, die kleinere, d. h. der Durchmesser, = 7 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. Addiere wie vorher die Zahlen der drei Seiten, 7 + 8 + 9 = 24, $\frac{1}{2} \times$ 10 24 = 12; subtrahiere hiervon die Zahl jeder einzelnen Seite folgendermaßen: 12: 7 = 5, ebenfalls 12: 8 = 4, ebenfalls $12 \div 9 = 3$. Darauf $3 \times 4 = 12$, ebenso auch $12 \times 5 = 60$, ebenso auch $60 \times 12 = 720$; $\sqrt{720} =$ $26\frac{1}{9}\frac{1}{3}$ annähernd = $26\frac{5}{6}$. Die Multiplikation derselben ge- 37 5 schieht folgendermaßen: $26 \times 26 = 676$, $26 \times \frac{5}{6} = \frac{130}{6}$, und wiederum $\frac{5}{6} \times 26 = \frac{130}{6}$, $\frac{5}{6} \times \frac{5}{6} = \frac{25}{6}$: $6 = \frac{4}{6} \cdot \frac{1}{36}$; zusammen $676\frac{264}{6} \cdot \frac{1}{36}$; 264:6 = 44, 676 + 44 = 720; und es summiert sich die aus der genannten Multiplikation sich ergebende Zahl zu $720\frac{1}{36}$, deren Seite = $26\frac{1}{2}\frac{1}{3}$, wie gesagt; o so viel Schöinien der Flächeninhalt auch dieses Dreiecks. Zusammen der Flächeninhalt der beiden Dreiecke oder des gan-

¹ πάλιν-2 τκβ λγ΄ λγ΄] A D, om. C. 1 τὰ πγ λγ΄ λγ΄] D, εἰκοσιτρία τριακοστότριτα A. 5 χξ] φξξ΄ C. γίνονται] A, γινόμενα C. 6 λοιπαῖς] C, ἑτέραις A. 7 συμποσοῦνται C. 9 πλευρὰ τετραγωνικὴ] C, ἡ πλευρὰ A. 10 ἥττωνος C. 12 ἔλαττον C. σχοινίων $\overline{\xi}$ —13 διαγώνιος] C, ἤγονν ἡ διαγώνιος τοῦ τραπεζίον σχοινίων ἑπτά A. 16 μιᾶς] C, οm. A. 17 λοι $\overline{\epsilon}$ C. 18 λοι (alt.) C. 21 $\overline{\psi}$ π] C, γίνονται $\overline{\psi}$ π A. 22 καὶ] C, καὶ λεπτὰ A. 24 γίνονται] C, om. A. 27 γινόμενα $\overline{\epsilon}$ τὸ $\overline{\epsilon}$] A, om. C. 29 μεριζόμενα $\overline{\epsilon}$ μονάδες] A, γ ι ὁφειλόμενα ἐπὶ τῶν $\overline{\epsilon}$ γιμονάδων C. 30 λοιπαῖς] C, ἑτέραις A. 32 $\overline{\psi}$ π] A, κ΄ C. 33 προείρηται A.

τέρων τῶν τριγώνων ἤτοι τοῦ ὅλου τραπεζίου τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων $\overline{\mu}\alpha$ \underline{L}' λγ'. ὧν ἤμισυ γίνεται $\overline{\mu}$ \underline{L}' δ' ξε' καὶ ἔστι γῆς μοδίων εἴκοσι λιτρῶν $\overline{\lambda}$ \underline{L}' ια' ξε'.

38 Έτερον τραπέζιον άνισον, οξ ή μεν των πλευρων σχοινίων $\overline{\gamma}$, $\hat{\eta}$ δὲ $\overline{\xi}$, $\hat{\eta}$ δὲ $\overline{\delta}$, $\hat{\eta}$ δὲ $\overline{\xi}$, μ ία δὲ τῶν διαγωνίων η. διαιρούμενον τοίνυν καὶ τὸ τοιοῦτον κατά την όηθεισαν διαγώνιον ποιεί τρίγωνα σκαληνά δύο, ών ή μέτρησις έχει ούτως τοῦ άνωθεν τριγώνου ή μεν $\tau \tilde{\omega} \nu \pi \lambda \epsilon \nu \varrho \tilde{\omega} \nu \sigma \chi \iota \iota \iota \omega \nu \overline{\gamma}, \ \dot{\eta} \ \delta \dot{\epsilon} \ \bar{\varsigma}, \ \dot{\eta} \ \delta \dot{\epsilon} \ \ddot{\eta} \gamma \varrho \nu \nu \ \dot{\eta} \ \delta \iota \alpha \gamma \dot{\omega}$ νιος τοῦ τραπεζίου σχοινίων $\overline{\eta}$ εύρεῖν αὐτοῦ τὸ έμ- 1 βαδόν. σύνθες τοὺς ἀριθμοὺς τῶν τριῶν πλευρῶν ήγουν 5, 7, η γίνονται ιζ τούτων λαβέ μέρος ημισυ γίνονται η <math>L' από τούτων ὑπέξελε τὰ $\overline{\gamma}$ τῆς μιᾶςπλευράς, καὶ περιλίμπανονται ε Δ΄ δμοίως ὑπέξελε τῶν αὐτῶν τὰ 5 τῆς έτέρας πλευρᾶς, καὶ περιλιμπάνονται 1 β L' ωσαύτως υπέξελε καὶ τὰ $\overline{\eta}$ τῆς λοιπῆς, καὶ περιλιμπάνεται ζ΄. εἶτα πολυπλασίασον τὸ ήμισυ ἐπὶ τὰ $\overline{\beta}$ \angle' · γ (ν εται $\overline{\alpha}$ δ' · δ μοίως καὶ τὸ $\overline{\alpha}$ δ' ἐπὶ τὰ $\overline{\epsilon}$ \angle' · γίνονται $\overline{5}$ \angle' δ' η' · ωσαύτως καὶ τὰ $\overline{5}$ \angle' δ' η' ἐπὶ τὰ η Δ΄ γίνονται νη δ΄ η΄ ις΄ ών πλευρά τετραγωνική ε γίνεται ξ ω' μετά διαφόρου τοσούτων σχοινίων τὸ 39 έμβαδὸν τοῦ τοιούτου τριγώνου. τοῦ κάτωθεν τρι- $\gamma \dot{\omega} \nu o \nu$ at $\pi \lambda \epsilon \nu o \alpha i$ $\dot{\eta}$ $\mu \dot{\epsilon} \nu$ $\dot{\sigma} \gamma o i \nu i \dot{\omega} \nu$ $\dot{\delta}$, $\dot{\eta}$ $\dot{\delta} \dot{\epsilon}$ $\dot{\sigma} \gamma o i \nu i \dot{\omega} \nu$ $\dot{\xi}$, ή δὲ η ήγουν ή διαγώνιος τοῦ τραπεζίου εύρεῖν καὶ αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. σύνθες ὁμοίως τοὺς ἀριθμοὺς τῶν τοιών πλευοών ήγουν δ, ζ καὶ η γίνονται ιθ ών Δ΄ γίνεται θ Δ΄ ἀπὸ τούτων ἀφαίρει τὰ δ τῆς μιᾶς πλευ $ο\tilde{\alpha}$ ς, καὶ περιλιμπάνονται $\bar{\epsilon}$ \angle ' δμοίως καὶ τὰ $\bar{\xi}$ τῆς έτέρας, καὶ περιλιμπάνονται $\overline{\beta}$ \angle' ωσαύτως καὶ τὰ $\overline{\eta}$ τῆς έτέρας ἤγουν τῆς διαγωνίου, καὶ περιλιμπάνεται: $\overline{\alpha}$ L'. EÎTA HOLUHLAGIAGOV TÒ $\overline{\alpha}$ L' ÈTÌ TÀ $\overline{\beta}$ L' YIVOV-

ται γ L' δ'· ταῦτα ἐπὶ τὰ ε̄ L'· γίνονται π L' η'· ταῦτα ἐπὶ τὰ δ̄ L'· γίνονται οὰε L' δ' η' ις'· ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ γίνεται ιδ· τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν
35 καὶ τοῦ κάτωθεν τριγώνου. ἀμφοτέρων δὲ τῶν τρι-

zen Trapezes = $41\frac{1}{2}\frac{1}{33}$. $\frac{1}{2} \times 41\frac{1}{2}\frac{1}{33} = 20\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{66}$; und er ist 20 Modien $30\frac{1}{2}\frac{1}{11}\frac{1}{66}$ Liter Land.

Ein anderes ungleiches Trapez, worin eine Seite = 3 38 Schoinien, eine = 6, eine = 4, eine = 7 und ein Durch-5 messer = 8. Auch dies bildet, nach dem Durchmesser geteilt, zwei ungleichschenklige Dreiecke, deren Vermessung folgendermaßen geschieht: im oberen Dreieck eine der Seiten = 3 Schoinien, eine = 6, eine, d. h. der Durchmesser des Trapezes, = 8 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. 10 Addiere die Zahlen der drei Seiten, $6+3+8=17, \frac{1}{2} \times$ $17 = 8\frac{1}{2}; \ 8\frac{1}{2} \div 3 = 5\frac{1}{2}, \ 8\frac{1}{2} \div 6 = 2\frac{1}{2}, \ 8\frac{1}{2} \div 8 = \frac{1}{2}.$ Darauf $\frac{1}{2} \times 2\frac{1}{2} = 1\frac{1}{4}$, ebenso $1\frac{1}{4} \times 5\frac{1}{2} = 6\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{8}$, ebenso $6\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{8} \times 8\frac{1}{2} = 58\frac{1}{4}\frac{1}{8}\frac{1}{16}; \sqrt{58\frac{1}{4}\frac{1}{8}\frac{1}{16}} = 7\frac{2}{3}$ mit einem Rest; so viel Schoinien der Flächeninhalt des erwähnten Dreiecks. 15 Die Seiten des unteren Dreiecks sind eine = 4 Schoinien, 30 eine = 7 Schoinien, eine, nämlich der Durchmesser des Trapezes, = 8; zu finden auch dessen Flächeninhalt. Addiere wie vorhin die Zahlen der drei Seiten, 4+7+8=19, $\frac{1}{2}\times$ $\begin{array}{c} 19 = 9\frac{1}{2}; \ 9\frac{1}{2} \div 4 = 5\frac{1}{2}, \ \text{ebenso} \ 9\frac{1}{2} \div 7 = 2\frac{1}{2}, \ \text{ebenso} \ 9\frac{1}{2} \\ 20 \div 8 = 1\frac{1}{2}. \ \ \text{Darauf} \ 1\frac{1}{2} \times 2\frac{1}{2} = 3\frac{1}{2}\frac{1}{4}; \ 3\frac{1}{2}\frac{1}{4} \times 5\frac{1}{2} = 20\frac{1}{2}\frac{1}{8}; \end{array}$ $20\frac{1}{2}\frac{1}{8} \times 9^{1}_{2} = 195\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{8}\frac{1}{16}; \ \sqrt{195\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{8}\frac{1}{16}} = 14;$ so viel Schoinien der Flächeninhalt auch des unteren Dreiecks. Der

³ εἴνοσι] C, εἴκν καὶ A. 5 δ] corr. ex ξ΄ C. 6 τοίννν] C, οὖν A. 9 ἤγονν] C, $\bar{\eta}$ ἤγονν A. 10 σχοινίων $\bar{\eta}$] C, om. A. 12 $\bar{\varsigma}$, $\bar{\gamma}$] $\bar{\gamma}$ $\bar{\varsigma}$ καὶ A. 13 γ^t AC. 16 περιλίμπάνονται C; περιλί A, ut saepius. 23 σχοινίων $\bar{\varsigma}$] C, έπτά A. 25 αὐτο $\bar{\varsigma}$] A, αὐτο $\bar{\varsigma}$ τοῦ τριγώνου C. 26 \angle ′] C, τὸ $\bar{\eta}$ μισυ A. 30 περιλιμπάνεται] A, περιλο $\bar{\iota}$ 9 C. 33 $\bar{\vartheta}$] C, $\bar{\bar{\eta}}$ A. \angle ′ (alt.)] C, om. A. 34 $\bar{\iota}\bar{\vartheta}$] C, $\bar{\iota}\bar{\vartheta}$ μετὰ διαφόρου A.

γώνων ἤτοι τοῦ ὅλου τραπεζίου τὸ ἐμβαδὸν σχοινίων $\overline{\kappa}\alpha$ ω'. ὧν τὸ ἥμισυ γίνονται $\overline{\iota}$ L' γ' καὶ ἔστι γῆς μοδίων δέκα καὶ λιτρῶν $\overline{\lambda}\gamma$ γ'.

- 40 Έτερον τραπέζιον, οὖ αἱ δύο πλευραὶ τῆς ὀρθῆς γωνίας ισόμετροι, αί δε λοιπαί δύο άνισοι. τέμνεται 5 οὖν καὶ τὸ τοιοῦτον κατὰ τὴν διαιροῦσαν αὐτὸ γραμμην είς δύο καὶ ποιεῖ έτερον τραπέζιον δρθογώνιον καὶ τρίγωνον ὀρθογώνιον. ὧν ἡ μέτρησις ἔχει ούτως. ή κορυφή τοῦ ὀρθογωνίου τραπεζίου σχοινίων θ, ή δε βάσις σχοινίων ιε, καὶ ή πρὸς ὀρθὰς πλευρὰ σχοι- 10 νίων 3. τὰ θ τῆς κορυφῆς καὶ τὰ τε τῆς βάσεως συντιθέμενα γίνονται αδ. ών ζ΄ γίνεται ιβ. ταῦτα ἐπὶ τὰ 5 τῆς ποὸς ὀοθάς γίνονται οβ καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδον τοῦ τοιούτου τραπεζίου σχοινίων οβ. ὧν ζ΄ γί-41 verai $\overline{\lambda_5}$ val $\overrightarrow{\epsilon}$ $\sigma \tau i$ $\gamma \widetilde{\eta}_S$ $\mu o \delta i \omega v$ $\overline{\lambda_5}$. $\tau o \widetilde{v}$ $\delta o \vartheta o \gamma \omega v i o v$ 15 τριγώνου αί δύο πλευραί της δρθης γωνίας ή μεν σχοινίων γ, ή δε σχοινίων τε. τὰ τοία τῆς μιᾶς πολυπλασιαζόμενα έπὶ τὰ τε τῆς βάσεως γίνονται με δν ήμισυ γίνεται πβ Δ΄ καὶ έστι τὸ έμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ όρθογωνίου τριγώνου σχοινίων πβ ζ΄. πάλιν τὸ ήμισυ 20 τῶν κβ Δ΄ γίνονται τα δ΄ καὶ ἔστι μοδίων τα καὶ λιτρών τ. δμού άμφοτέρων των τμημάτων ήτοι τοῦ όλου τραπεζίου τὸ έμβαδὸν σγοινίων ζιδ ζί. ὧν τὸ ήμισυ γίνονται μζ δ΄ καὶ ἔστι γῆς μοδίων μζ καὶ λιτοῶν τ. 25
- 42 Το τοιούτον σχημα διαιρούμενον κατά την μίαν των διαγωνίων ποιεῖ τὸ μὲν ὀρθογώνιον τραπέζιον εἰς τμήματα δύο ἤγουν εἰς τρίγωνον ἰσοσκελὲς καὶ εἰς τραπέζιον ὀρθογώνιον ἕτερον ἴσον τῷ ἰσοσκελεῖ τριγώνω, τὸ δὲ ὀρθογώνιον τρίγωνον εἰς ἕτερα τμήματα 30 δύο, εἰς τρίγωνον ὀρθογώνιον καὶ εἰς τρίγωνον ἀμ-

Flächeninhalt aber der beiden Dreiecke oder des ganzen Trapezes = $21\frac{2}{3}$ Schoinien. $\frac{1}{2} \times 21\frac{2}{3} = 10\frac{1}{2}\frac{1}{3}$; und er ist 10 Modien $33\frac{1}{3}$ Liter Land.

Ein anderes Trapez, in dem die zwei Seiten des rechten 40 5 Winkels gleich groß, die anderen zwei aber ungleich. Auch dieses wird nun nach der es teilenden Geraden in zwei Stücke geschnitten und bildet ein anderes rechtwinkliges Trapez und ein rechtwinkliges Dreieck; deren Vermessung geschieht folgen-10 dermaßen: die Scheitellinie des rechtwinkligen Trapezes = 9 Schoinien, die Grundlinie = 15 Schoinien, und die senkrechte Seite = 6 Schoinien. 9 der Scheitellinie + 15 der Grund-



15 linie = $24; \frac{1}{2} \times 24 = 12; 12 \times 6$ der Senkrechten = 72;und es ist der Flächeninhalt des erwähnten Trapezes = 72 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 72 = 36$; und er ist 36 Modien Land. Im 41 rechtwinkligen Dreieck sind die beiden Seiten des rechten Winkels die eine = 3 Schoinien, die andere = 15 Schoinien. 20 3 der einen \times 15 der Grundlinie = 45; $\frac{1}{2} \times 45 = 22\frac{1}{2}$; und es ist der Flächeninhalt desselben rechtwinkligen Dreiecks $=22\frac{1}{2}$ Schoinien. Wiederum $\frac{1}{2} \times 22\frac{1}{2} = 11\frac{1}{4}$; und er ist 11 Modien 10 Liter. Zusammen der Flächeninhalt der beiden Stücke oder des ganzen Trapezes = $94\frac{1}{9}$ Schoinien.

 $_{15}^{1} \times 94^{1}_{2} = 47^{1}_{4}$; und er ist 47 Modien 10 Liter Land. Die erwähnte Figur nach dem einen der Durchmesser 42 geteilt zerlegt das rechtwinklige Trapez in zwei Stücke, ein gleichschenkliges Dreieck und ein anderes rechtwinkliges Trapez gleich dem gleichschenkligen Dreieck, und das recht-10 winklige Dreieck in andere zwei Stücke, ein rechtwinkliges Dreieck und ein stumpfwinkliges Dreieck viermal so groß

⁴ τραπέζιον] C, σχημα τραπεζίου Α. 5 $\delta vol C$, β A. 7 τραπέζιον ετερον Α. 8 καλ - δρθογώνιον] Α, om. C. 18 βάσεως] C, έτέρας ἀτμήτως Α. 22 ὁμοῦ] Α, ()μοῦ C. 23 $\overline{\mathsf{G}\delta}$ \slash \s σχήμα [fig. | des. f. 46°, f. 47°: τὸ τοιοῦτον σχήμα ατλ. C. 31 εἰς (pr.)] C, ἤγουν εἰς Α. καὶ] C, βραχύτατον καὶ Α.

43 βλυγώνιον τετραπλάσιον τοῦ ὀρθογωνίου. ἡ δὲ ἀναμέτρησις ένὸς ἐκάστου τμήματος ἔχει οὕτως: ἡ βάσις τοῦ ἰσοσκελοῦς τριγώνου σχοινίων ιβ, ἡ δὲ κάθετος αὐτοῦ σχοινίων ε̄. τὰ L' τῆς βάσεως ἤγουν τὰ ξ̄ πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὰ ξ̄ τῆς καθέτου γίνονται λ̄ς. καὶ εἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἰσοσκελοῦς τριγώνου σχοινίων λ̄ς. τούτων τὸ ῆμισυ: γίνονται τη. καὶ ἔστι γῆς μοδίων τη.
44 ἡ κορυφὴ τοῦ ὀρθογωνίου τραπεζίου σχοινίων θ̄, ἡ βάσις σχοινίων γ̄, καὶ ἡ πρὸς ὀρθὰς αὐτοῦ πλευρὰ σχοινίων ξ̄. τὰ θ̄ τῆς κορυφῆς καὶ τὰ γ̄ τῆς βάσεως το συντιθέμενα γίνονται ιβ. ὧν τὸ ῆμισυ: γίνονται ξ̄. ταῦτα ἐπὶ τὰ ξ̄ τῆς πρὸς ὀρθάς: γίνονται λ̄ς, καὶ δη-

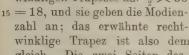
εἶτα ἡμισειαζόμενα γίνονται $\overline{\iota\eta}$, καὶ δηλοῦσι τὸν μοδισμόν ἔστιν οὖν τὸ τοιοῦτον ὀρθογώνιον τραπέζιον 18 45 ἴσον τῷ ἰσοσκελεῖ τριγώνῷ. αἱ δύο πλευραὶ τῆς ὀρθῆς γωνίας τοῦ ὀρθογωνίου τριγώνου ἀνὰ σχοινίων $\overline{\gamma}$. τὰ τρία τῆς μιᾶς πολυπλασιαζόμενα ἐπὶ τὰ τρία τῆς ετέρας γίνονται $\overline{\vartheta}$. ὧν L' γίνεται $\overline{\delta}$ L': καὶ ἔστιν τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ σχοινίων $\overline{\delta}$ L'. ὧν ὑπεξαιρουμένων ἀπὸ 20 τοῦ ἐμβαδοῦ τοῦ μείζονος ὀρθογωνίου τριγώνου, τουτ-

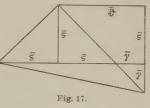
λοῦσι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ αὐτοῦ ὀρθογωνίου τραπεζίου.

έστιν ἀπὸ τῶν κβ L΄, περιλιμπάνονται τη, καὶ δηλοῦσι 46 τὸ ἐμβαδὸν τοῦ σκαληνοῦ ἀμβλυγωνίου τριγώνου. ὁμοῦ καὶ πάλιν τῶν δ τμημάτων τὸ ἐμβαδόν, τοῦ ἰσοσκελοῦς τριγώνου, τοῦ ἐλάσσονος ὀρθογωνίου τραπεζίου, ε τοῦ ἤττονος ὀρθογωνίου τριγώνου καὶ τοῦ σκαληνοῦ ἀμβλυγωνίου τριγώνου, σχοινίων ξο L΄. ὧν τὸ ἤμισυ γίνονται μξ δ΄ καὶ ἔστιν ὁ μοδισμὸς τούτων ἤτοι τοῦ δλου σχήματος μοδίων μξ καὶ λιτρῶν τ.

als das rechtwinklige. Die Vermessung jedes einzelnen Stücks 43 geschieht folgendermaßen: die Grundlinie des gleichschenkligen Dreiecks = 12 Schoinien, dessen Kathete = 6 Schoinien. $\frac{1}{2}$ Grundlinie oder 6×6 der Kathete = 36; und es ist der Flächeninhalt des gleichschenkligen Dreiecks = 36 Schoinien. $\frac{1}{2} \times 36 = 18$; und er ist 18 Modien Land. Die Scheitellinie des rechtwinkligen Trapezes = 9 Schoinien, 44 die Grundlinie = 3 Schoinien, und dessen senkrechte Seite

= 6 Schoinien. 9 der Scheitel10 linie + 3 der Grundlinie = 12;
\frac{1}{2} \times 12 = 6; 6 \times 6 der Senkrechten = 36, und sie geben den
Flächeninhalt desselben rechtwinkligen Trapezes an. \frac{1}{2} \times 36





17 Περί πυπλιπών σχημάτων.

"Εστω κύκλος, οὖ ή μὲν περίμετρος σχοινίων $κ\overline{\beta}$, ή δὲ διάμετρος σχοινίων $\overline{\xi}$. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως τὰ $\overline{\xi}$ τῆς διαμέτρου ἐπὶ τὰ $κ\overline{\beta}$ τῆς περιμέτρου. γίνονται $\overline{\lambda}\eta$ L': 5 τοσούτων ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

2 'Εὰν δὲ θέλης καὶ ἄλλως τὸ ἐμβαδὸν εύοεῖν, ποίει οὕτως λαβὲ τῆς διαμέτοου τὸ ῆμισυ γίνονται τὰ καὶ πολυπλασίασον τὰ τὰ τὰ τὰ τὰ τὰ τὰ γίνονται λη μ΄ τοσού- 10 των ἔσται σγοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

3 'Εὰν δὲ θέλης ἀπὸ τῆς πεοιμέτοου μόνης τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν, ποίει οὕτως τὰ κβ τῆς πεοιμέτρου ἐφ' ἑαυτά γίνονται υπδ ταῦτα ἐπτάκις γίνονται γτπη. ὧν τὸ πη' γίνονται λη Δ' τοσούτων ἔσται σχοινίων τὸ 15

ςν έμβαδον τοῦ κύκλου.

4 "Έστω κύκλος, οὖ ἡ διάμετρος ποδῶν ιδ, ἡ δὲ περίμετρος εὐρεθήσεται κατὰ
τὴν ἔκθεσιν ποδῶν μδ΄ τὸ
δὲ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως
πάντοτε τὴν διάμετρον
ἐφ' ἑαυτήν γίνονται ρος
ταῦτα ἐνδεκάκι γίνονται
βρυς ταῦτα μέρισον παρὰ
τὸν ιδ΄ γίνονται ρνδ΄ τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδόν.
5 ἐὰν δὲ θέλης τὴν μέθοδον τῆς περιμέτρου εὐρεῖν, ποίει οὕτως πάντοτε

'Εὰν δὲ θέλης ἀπὸ τῆς 4 διαμέτρου μόνης τὸ ἐμβαδὰς ἐφ' ἐαυτά· γίνονται τὰ ζ ἐφ' ἐαυτά· γίνονται τὰ ταῦτα ἐνδεκάκις· γίνονται φλθ· τούτων τὸ ιδ'· γίνονται λη Δ'· τοσούτων ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδόν.

βονς ταῦτα μέρισον παρὰ Παρὰ δὲ Εὐκλείδη ὁ 5 τὸν ιδ γίνονται ονδ τοσ- 10 κύκλος οῦτως μετρεῖται ούτου ἔσται τὸ ἐμβαδόν. πολυπλασιάζεται ἡ διάμε- ἐὰν δὲ θέλης τὴν μέθ- τρος ἐφ' ἐαυτήν, καὶ τῶν οδον τῆς περιμέτρου εύ- γινομένων ἐκβάλλεις τὸ ζ' ρεῖν, ποίει οῦτως πάντοτε ιδ', ὡς εἶναι τὸ ἐμβαδὸν τὴν διάμετρον ποίει ἐπὶ τὰ 15 τοῦ κύκλου σχοινίων λη L'.

Es sei ein Kreis, dessen Umkreis = 22 Schoinien, der 1 Durchmesser = 7 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. Mache so: 7 des Durchmessers $\times 22$ des Umkreises = 154: $\frac{1}{4} \times 154 = 38\frac{1}{9}$;*) so viel Schoinien wird der Flächeninhalt 5 des Kreises sein.

Wenn du aber auch auf andere Weise den Flächeninhalt 2 finden willst, mache so: $\frac{1}{2} \times$ Durchmesser = $3\frac{1}{2}$, $\frac{1}{2} \times$ Umkreis = 11; $3\frac{1}{2} \times 11 = 38\frac{1}{2}$; so viel Schoinien wird der Flächeninhalt des Kreises sein.

Wenn du aber aus dem Umkreis allein den Flächeninhalt 3 finden willst, mache so: 22 des Umkreises \times 22 = 484; $7 \times 484 = 3388$; $3388 : 88 = 38\frac{1}{9}$; so viel Schoinien wird der Flächeninhalt des Kreises sein.*)

4 Es sei ein Kreis, dessen Wennduaberaus dem Durch- 4 Darstellung = 44 Fuß gefunden werden;*) wegen des Flächeninhalts aber mache so: immer der Durchmesser mit sich selbst multipliziert; gibt $196: 11 \times 196 = 2156:$ wird der Flächeninhalt sein. 5 Wenn du aber die Methode für den Umkreis finden willst,

mache so: immer den Durch-

Durchmesser = 14 Fuß; der messer allein den Flächen-Umkreis wird dann nach der inhalt finden willst, mache so: $7 \times 7 = 49$; 11×49 5 = 539; $\frac{1}{14} \times 539 = 38\frac{1}{2}$; so viel Schoinien wird der Flächeninhalt sein.*)

Bei Eukleides aber wird 5 der Kreis so gemessen: der 2156:14 = 154: so viel 10 Durchmesser wird mit sich selbst multipliziert, und vom Produkt subtrahierst du $\frac{1}{7}\frac{1}{14}$, so daß der Flächeninhalt des Kreises 38½ Schoinien ist.*)

*) $\pi = 22:7$.

¹ πυπλικών σχημάτων] C, κύπλων A. 2 ἔστω] A, om. C. 5 ων] bis C. 7 έμβαδον] C, έμβαδον τοῦ κύκλου Α. 8 γίνονται] comp. C, γίνεται A. 9 γίνονται comp. C, γίνεται A. $2 \overline{\iota \delta}$ - δ e corr. ∇ . $5 \xi \mu \beta \alpha$ - $\delta \delta \nu$ sc. $\epsilon \hat{\nu} \varrho \epsilon \tilde{\iota} \nu$. $7 \overline{\varrho q \epsilon}$ - ϵ an $4 \tau \alpha \overline{\xi}$ A, $\tau \alpha$ C supra ser. ξ ante τὰ m. 2. ἐφ' ἑαντά] bis C. 8 ἐμβαδόν] C, ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου Α. 13 ἐκβάλεις in ras. S. C. 15 κύκλου] C, κύκλου καὶ ούτως Α. [΄] C, ημισυ Α.

εν πβ. γίνονται πόδες τη καί πάντοτε μέριζε καθολικώς παρά τὸν ξ [τουτέστιν ὧν ξ']· γίνονται μδ. ἔστω ή περίμετρος ποδών μδ.

6 "Εστω κύκλος, οδ ή περίμετρος ποδών π' εύρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. ποιῶ ούτως πάντοτε την περίφξ. ὧν μερίζω τὸ κβ' γίνονται πόδες πε Δ΄ έσται ή διάμετρος τοῦ κύκλου ποδῶν πε / '.

Έὰν δὲ θέλης ἀπὸ τῆς 6 περιμέτρου την διάμετρον εύρεῖν, ποίει οὕτως τὰ κβ της περιμέτρου έπτάκις. μετρον έπὶ τὰ ζ. γίνονται 10 γίνονται ονδ. ὧν τὸ κβ΄. γίνονται ζ. τοσούτων έσται σχοινίων ή διάμετρος τοῦ κύκλου.

8 "Εστω κύκλος, οὖ ή διά- 15 μετρος ποδών ζ, ή δὲ αὐτοῦ περίμετρος εύρεθήσεται κατά την προγεγραμμένην έκθεσιν ποδών κβ. παντός γὰο κύκλου ή περί- 20 τοῦτο έπτάκις γίνονται ζ. μετρος τριπλάσιον καὶ έβδομόν έστιν της διαμέτρου. έὰν οὖν θέλης εύοεῖν τὴν περίμετρον ἀπὸ τῆς διαμέτρου, τριπλασίασον τοὺς ζ 25 πόδας τῆς διαμέτοου γίνονται πόδες πα' καὶ πρόσθες τούτοις τὸ ζ΄ τῆς αὐτῆς διαμέτρου · γίνεται πούς α · γίνονται πόδες κβ' τοσούτων 30 ποδων έστω ή περίμετρος.

Έαν δε θέλης καὶ άλλως 7 ἀπὸ τῆς περιμέτρου τὴν διάμετρον εύρεῖν, ποίει ούτως των αβ της περιμέτρου τὸ κβ΄ γίνεται α. τοσούτων έσται σχοινίων ή διάμετρος τοῦ κύκλου.

messer $\times 22$; gibt 208; teile dann immer allgemein mit 7; gibt 44; es sei der Umkreis = 44 Fuß.

kreis = 80 Fuß; zu finden seinen Durchmesser. Ich mache so: immer den Umkreis \times 7; gibt 560; $\frac{1}{29}$ \times $560 = 25\frac{1}{2}$ Fuß;*) es wird 10 nien wird der Durchmesser der Durchmesser des Kreises $=25\frac{1}{9}$ Fuß sein.

Es sei ein Kreis, dessen Durchmesser = 7 Fuß; sein Umkreis wird also nach der 15 kreis den Durchmesser finvorher gegebenen Darstellung = 22 Fuß sein; denn der Umkreis jedes Kreises ist $3\frac{1}{7} \times$ Durchmesser. Wenn du also aus dem Durchmesser 20 sein. den Umkreis finden willst, so nimm 3 × 7 Fuß des Durchmessers = 21 Fuß; $\frac{1}{7}$ desselben Durchmessers = 1 Fuß; 21 + 1 = 22; so viel Fuß 25 sei der Umkreis.

*) Genau $25\frac{5}{11}$.

*) $\pi = 22:7$.

 $1 \overline{\tau \eta} \overline{\tau v}$ SV, corr.m.2 S. $3 \tau o v \tau$ έστιν \tilde{w} ν ξ'] del. Hultsch. \tilde{w} ν] φ V. 10 γίνονται—11 μερίζω] scripsi γίνονται σξ μερίζω ώνγ΄ SV. 11 τδ] V, postea ins. S. 17 εὐρίσκεται V. 20 ή] addidi, om. SV. 22 ἐστι V. 29 ποὺς] α SV.

Es sei ein Kreis, dessen Um- 5 Wenn du aber aus dem 6 Umkreis den Durchmesser finden willst, mache so: 7 × 22 des Umkreises = 154; $\frac{1}{22} \times 154 = 7$; so viel Schoides Kreises sein.*)

> Wenn du aber auch auf 7 andere Weise aus dem Umden willst, mache so: $\frac{1}{22}$ 22 des Umkreises = 1; $7 \times$ 1 = 7; so viel Schoinien wird der Durchmesser des Kreises

7 την το C. 20 γίνονται] comp. C, γίνεται Α.

7 'Εὰν θέλης εύρεῖν ἀπὸ τῆς περιμέτρου τὴν διάμετρον, τοὺς κβ πόδας τῆς περιμέτρου μέρισον παρὰ τὸν κβ γίνεται ποὺς ᾶ τοῦτον ἐπταπλασίασον γίνονται πόδες ζ τοσούπων ἔστω ποδῶν ἡ διάμετρος.

1 "Αλλη μέθοδος δηλούσα διὰ τῆς διαμέτρου τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου. τοὺς ξπόδας τῆς διαμέτρου πολυπλασίασον εἰς τοὺς κβ πόται πόδες ονδ τούτων τὸ δ' πόδες λη Δ' τοσούτων
ἔστω ποδῶν τὸ ἐμβαδόν.

3 'Εὰν θέλης ἀπὸ τῆς περι- 30 μέτρου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν,

'Εὰν δὲ θέλης ἀπὸ τῆς 8 διαμέτρου τὴν περίμετρου τὴν περίμετρου εὐρεῖν, ποίει οὕτως τὰ ξ τῆς διαμέτρου τρισσάκις τῆς διαμέτρου ἀεὶ τὸ ζ΄ γίνεται α΄ ὁμοῦ κῆ τοσούτων ἔσται σχοινίων ἡ περίμετρος τοῦ κύκλου.

τοὺς κβ πόδας τῆς περιμέτρου πολυπλασίασον ἐφ'
έαυτούς· γίνονται πόδες

νπδ· τούτους έπταπλασία- 35

Wenn du aus dem Umkreis den Durchmesser finden willst, so teile die 22 Fuß des Umkreises mit 22; gibt 1 Fuß; $7 \times 1 = 7$ Fuß; so viel Fuß sei der Durchmesser.

Wenn du aus dem Durchmesser den Flächeninhalt des 10 Kreises finden willst, multipliziere die 7 Fuß des Durchmessers mit sich selbst; gibt 49 Fuß; 11 > 49 = 539; $\frac{1}{14} > 539 = 38\frac{1}{2}$ Fuß; so viel sei 15 der Flächeninhalt des Kreises.

Eine andere Methode, die den Flächeninhalt des Kreises mittels des Durchmessers angibt. 7 Fuß des Durchmessers 20 × 22 Fuß des Umkreises = 154 Fuß; ½ 154 = 38½ Fuß; so viel Fuß sei der Flächeninhalt.

Wenn du aus dem Umkreis 25 den Flächeninhalt finden willst,multipliziere die 22Fuß des Umkreises mit sich selbst; gibt 484 Fuß; 7 × 484 =

Wenn du aber aus dem 8 Durchmesser den Umkreis finden willst, mache so: 3×7 des Durchmessers = 21; und 5 immer $\frac{1}{7} \times 7$ des Durchmessers = 1; 21 + 1 = 22; so viel Schoinien wird der Umkreis des Kreises sein.

²¹ "All $\eta = 29$ $\xi \mu \beta \alpha \delta \delta \nu$] S, om. V.

σον γίνονται πόδες γτπη τούτων τὸ πη' γίνονται πόδες λη Δ' τοσούτων έστω ποδών τὸ ἐμβαδόν.

πρόσθες τοῖς αβ ποσὶ τῆς περιμέτρου μέρος αὐ-τῶν Δ΄ δ΄· γίνονται πόδες 10 τξ Δ΄· δμοῦ γίνονται πόδες λη Δ΄· τοσούτων ἔστω τὸ ἐμβαδόν.

Ας Καὶ ἄλλως ἡ περίμετρος τοῦ κύκλου μετὰ τῆς διαμέτρου σχοινίων κθ διαστεῖλαι καὶ εὐρεῖν τήν τε περίμετρον αὐτοῦ καὶ τὴν διάμετρον. ποίει οὕτως τὰ κθ
ἐπτάκις γίνονται σγ ὧν τὸ κθ' γίνονται ζ ταῦτα λαβὲ
ἀπὸ τῶν κθ , ἡ δὲ διάμετρος σχοινίων ζ.

10 "Ετερος κύκλος, οὖ ἡ διάμετρος σχοινίων ιδ· εύρεῖν αὐτοῦ τὴν περίμετρον. ποίει οὕτως· τὴν διάμετρον τρισσάκις· γίνονται μβ· τούτοις πρόσθες καὶ τὸ ζ΄ τῆς διαμέτρου ἤγουν τὰ β· γίνονται μδ· τοσούτων σχοι- 10 νίων εὐθυμετρικῶν λέγε εἶναι τὴν περίμετρον τοῦ κύκλου.

11 Απὸ δὲ τῆς περιμέτρου τὴν διάμετρον εύρεῖν. ἄφελε τὸ κβ΄ τῆς περιμέτρου, λέγω δὴ τῶν μδ· γίνον-ται β· λοιπὰ μβ· τούτων τὸ γ΄· γίνονται ιδ· τοσούτων 15 σχοινίων ἔσται ἡ διάμετρος.

12 "Αλλως ἀπὸ τῆς περιμέτρου τὴν διάμετρον εύρεῖν. ἔστω τοῦ κύκλου ἡ περιμετρος σχοινίων μδ' ταῦτα 3388 Fuß; $\frac{1}{88}$ × 3388 = 38 $\frac{1}{2}$ Fuß; so viel Fuß sei der Flächeninhalt.

Eine andere Methode, die mittels des Umkreises den 5 Flächeninhalt des Kreises angibt.*)

 $\frac{1}{2}\frac{1}{4}$ des Umkreises = $16\frac{1}{2}$ Fuß; $16\frac{1}{2}$ Fuß + 22 Fuß des Umkreises = $38\frac{1}{2}$ Fuß; so 10 viel sei der Flächeninhalt.

Und auf andere Weise: der Umkreis des Kreises + der Durchmesser = 29 Schoinien; zu verteilen und sowohl seinen Umkreis als den Durchmesser zu finden. Mache so: $29 \times 7 = 203$; $\frac{1}{29} \times 203 = 7$; $29 \div 7 = 22$; es wird also der 5 Umkreis = 22 Schoinien sein, der Durchmesser = 7 Schoinien.

Ein anderer Kreis, dessen Durchmesser = 14 Schoinien; 10 zu finden seinen Umkreis. Mache so: 3 > Durchmesser = 42; $42 + \frac{1}{7}$ Durchmesser oder 42 + 2 = 44; zu so viel Schoinien in Längenmaß rechne den Umkreis des Kreises.

Aus dem Umkreis aber den Durchmesser zu finden. 11 $\frac{1}{22}$ Umkreis oder $\frac{1}{22} \times 44 = 2$; $44 \div 2 = 42$; 42 : 3 = 14; so viel Schoinien wird der Durchmesser sein.

Auf andere Weise aus dem Umkreis den Durchmesser 12 zu finden. Es sei der Umkreis des Kreises = 44 Schoinien;

*) Gilt nur für den gegebenen speziellen Fall.

² τούτων—γίνονται] om. V. πη'] corr. ex μη' m. 2 S.

ἀεὶ ποίησον έπτάκις γίνονται τη τούτων λάβὲ μέρος κβ΄. γίνονται ιδ. τοσούτων σχοινίων λέγε εἶναι τὴν διάμετρον τοῦ κύκλου.

13 Απὸ δὲ τῆς περιμέτρου μόνης τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου εὐρεῖν. ποίει οὕτως ἀεὶ τὴν περίμετρον ἐφ' 5 ἐαυτήν, τουτέστι τὰ μδ ἐφ' ἑαυτά: γίνονται αχλς ταῦτα ἐπτάκις γίνονται αχφνβ τούτων λαβὲ μέρος πη' ἔσται ρνδ τοσούτων σχοινίων λέγε εἶναι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

15 "Αλλως ἀπὸ τῆς διαμέτρου μόνης τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου εὐρεῖν. τὰ ιδ ἐφ' ἐαυτά γίνονται οςςς ταῦτα 15 ἐνδεκάκις γίνονται κοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

Α΄ "Αλλως ἀπὸ τῆς διαμέτρου μόνης τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου εὐρεῖν. ἔστω ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου σχοινίων τοῦ λαβὲ τῆς διαμέτρου τὸ ἥμισυ γίνονται ἐπτά το ταῦτα ἐφ' ἐαυτά γίνονται μθ ταῦτα τρισσάκις γίνονται ρυζ τούτοις πρόσλαβε τὸ ζ' τῶν μθ, τουτέστιν έπτά γίνονται οῦδ κορούτων σχοινίων ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

17 "Ετι ἄλλως τὸν κύκλον μετοήσωμεν ἀπὸ τῆς δια- 25 μέτρου μόνης. ἔστω τοῦ κύκλου ἡ διάμετρος σχοινίων τὸ τέταρτον ἤγουν τὰ μθ. λοιπὰ ρμζ. τούτοις πρόσθες τὸ ἴδιον εἰκοστόπρωτον, τὰ έπτά. γίνονται ονδ. τοσούτων σχοινίων ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

18 Απὸ δὲ τῆς διαμέτρου καὶ τῆς περιμέτρου τὸ ἐμ-

multipliziere dies immer mit 7; gibt 308; davon $\frac{1}{22} = 14$; zu so viel Schoinien rechne den Durchmesser des Kreises.

Aus dem Umkreis allein den Flächeninhalt des Kreises zu 13 finden. Mache so: immer der Umkreis mit sich selbst multi5 pliziert, d. h. 44 × 44 = 1936; 7 × 1936 = 13552;

1 × 13552 = 154; zu so viel Schoinien rechne den Flächeninhalt des Kreises.

Aus dem Durchmesser allein den Flächeninhalt des Kreises 14 zu finden. Mache $14 \times 14 = 196$; $\frac{1}{7}\frac{1}{14} \times 196 = 42$; 10 $196 \div 42 = 154$; zu so viel Schoinien in Flächenmaß rechne den Flächeninhalt des Kreises.

Auf andere Weise aus dem Durchmesser allein den Flächen- 15 inhalt des Kreises zu finden. $14 \times 14 = 196$; $11 \times 196 = 2156$; $\frac{1}{14} \times 2156 = 154$; so viel Schoinien der Flächen- 15 inhalt des Kreises.

Auf andere Weise aus dem Durchmesser allein den 16 Flächeninhalt des Kreises zu finden. Es sei der Durchmesser des Kreises = 14 Schoinien; $\frac{1}{2}$ Durchmesser = 7; 7 × 7 = 49; 3 × 49 = 147; $\frac{1}{7}$ × 49 = 7; 147 + 7 = 154; 20 so viel Schoinien ist der Flächeninhalt des Kreises.

Wieder auf andere Weise können wir den Kreis aus 17 dem Durchmesser allein berechnen. Es sei der Durchmesser des Kreises = 14 Schoinien; $14 \times 14 = 196$; $\frac{1}{4} \times 196 = 49$; $196 \div 49 = 147$; $\frac{1}{21} \times 147 = 7$; 147 + 7 = 154; 25 so viel Schoinien ist der Flächeninhalt des Kreises.

Aus dem Durchmesser und dem Umkreis den Flächen- 18

² γίνονται] comp. C, γίνεται A. 4 τοῦ πύπλου εὑρεῖν] A, εὑρεῖν τοῦ πύπλου C. 6 ἑαντήν] -ήν e corr. C. ἐφ' ἑαντά] C, om. A. 7 α γφνβ A, α γνβ C. 12 λαβὲ] C, ἄφελε A. λοι C. 13 ἐπιπέδων] Hultsch, ἐπίπεδον AC. 16 βρνς] A, βνς C. 18—p. 342, 12] A, om. C. 20 γίνονται] Hultsch, γίνεται A.

βαδὸν τοῦ κύκλου εὐρεῖν. ποίησον οὕτως ἐπεὶ ὁ πολυπλασιασμὸς τῆς διαμέτρου μετὰ τῆς περιμέτρου τετραπλάσιός ἐστι τοῦ ἐμβαδοῦ τοῦ κύκλου, πολυπλασίασον τὴν διάμετρον ἐπὶ τὴν περίμετρον, ἤγουν τὰ τὸ ἐπὶ τὰ μδ΄ γίνονται χις τούτων λαβὲ μέρος τέτ ταρτον γίνονται ονδ΄ τοσούτων σχοινίων ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

19 "Αλλως ἀπὸ τῆς διαμέτρου καὶ τῆς περιμέτρου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. λαβὲ τῆς διαμέτρου τὸ ῆμισυ γίνονται εἰκοσι- 10 δύο καὶ πολυπλασίασον τὰ ἐπτὰ ἐπὶ τὰ κβ γίνονται οὐο το συὰ τοσούτων ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

ας "Ετι καὶ ἄλλως ἀπὸ τῆς διαμέτοου καὶ τῆς περιμέτοου τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου εύρεῖν. λαβὲ τὸ δ΄ τῆς περιμέτοου καὶ πολυπλασίασον ἐπὶ τὴν διάμετοον, 15 ἤγουν τὰ τὰ ἐπὶ τὰ ιδ γίνονται καὶ οὕτως ονδ τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

Δοθείσης δὲ τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου μετὰ τῆς περιμέτρου σχοινίων νη διαστεῖλαι καὶ εὐρεῖν, πόσου γίνεται ἡ διάμετρος καὶ πόσου ἡ περίμετρος. ποίει κο οὕτως ἐὰν θέλης τὴν διάμετρον πρώτην εὑρεῖν, ποίησον τὰ νη ἐπτάκις γίνονται υς τούτων λαβὲ μέρος κθ΄ γίνονται ιδ τοσούτου ἡ διάμετρος. ταῦτα ἄρον ἀπὸ τῶν νη λοιπὰ μδ τοσούτου ἡ περίμετρος. ἐὰν δὲ θέλης τὴν περιφέρειαν πρώτην εὑρεῖν, ποίησον οὕτως κὰ νη εἰκοσάκις καὶ δίς γίνονται μσος τούτων λαβὲ μέρος κθ΄ γίνονται μδ τοσούτου ἐστὶν ἡ περιφέρεια τοῦ κύκλου. ταῦτα ἄρον ἀπὸ τῶν νη λοιπὰ ιδ τοσούτου ἡ διάμετρος.

22 Απὸ τοῦ ἐμβαδοῦ τοῦ κύκλου τήν τε διάμετρον καὶ ω τὴν περίμετρον εὐρήσεις οῦτως ἔστω τὸ ἐμβαδὸν τοῦ

κύκλου μονάδων λη L' εύ ξεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετξον. ποίησον τὰ λη L' τεσσαρεσκαιδεκάκις γίνονται φλθ· τούτων μέρος ια' γίνεται μθ· ὧν πλευρὰ τετράγωνος 35 γίνεται έπτά· τοσούτου ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου. τὴν

inhalt des Kreises zu finden. Mache so: da Durchmesser \times Umkreis = 4 \times Flächeninhalt des Kreises, nimm Durchmesser \times Umkreis, oder $14 \times 44 = 616$; $\frac{1}{4} \times 616 = 154$; so viel Schoinien ist der Flächeninhalt des Kreises.

Auf andere Weise aus dem Durchmesser und dem Um- 19 kreis den Flächeninhalt zu finden. $\frac{1}{2}$ Durchmesser = 7; $\frac{1}{2}$ Um- kreis = 22; $7 \times 22 = 154$; so viel Schoinien wird der Flächeninhalt des Kreises sein.

Wieder auch auf andere Weise aus dem Durchmesser 20 und dem Umkreis den Flächeninhalt des Kreises zu finden.

1 Umkreis > Durchmesser oder 11 > 14 = 154, wie vorhin; so viel Schoinien der Flächeninhalt des Kreises.

Gegeben der Durchmesser des Kreises + Umkreis = 21 58 Schoinien, zu verteilen und zu finden, wie viel der Durch15 messer wird und wie viel der Umkreis. Mache so: wenn du zuerst den Durchmesser finden willst, nimm 58×7 = 406; $\frac{1}{29} \times 406 = 14$; so viel der Durchmesser. $58 \div 14$ = 44; so viel der Umkreis. Wenn du aber zuerst den Umkreis finden willst, mache so: $58 \times 22 = 1276$; $\frac{1}{29} \times 1276$ = 44; so viel ist der Umkreis des Kreises. $58 \div 44 = 14$; so viel der Durchmesser.

Aus dem Flächeninhalt des Kreises wirst du sowohl den 22 Durchmesser als den Umkreis finden folgendermaßen: es sei

⁶ γίνονται] Hultsch, γίνεται A. 9 γίνονται] Hultsch, γίνεται A. 10 γίνονται] Hultsch, γίνεται A. 14 εὐφεῖν τοῦ χύπλου C 17 χύπλου] C; πύπλου ὧν ἥμισυ γίνεται ος καὶ ἔστι γῆς μοδίων τοσούτων A. 21 ἐὰν] A, ἐὰν δὲ C.

²³ γίνονται] γίνεται Α. 24 λοι C. 25 περιφέρειαν πρώτην] Α, περίφορον πρώτον C. οὕτως] C, οm. Α. 27 γίνονται] γίνεται Α. έστιν] C, ἔσται Α. περίφερος C. 30 ἀπὸ—35 χύκλον] Α, οm. C.

δε περίμετρον αὐτοῦ εύρεῖν. ποίησον τὸ έμβαδὸν ήγουν τὰ $\overline{\lambda\eta}$ L' δηδοηκοντάκις $\overline{\eta}$. γίνονται $\overline{\gamma}\overline{\tau}\overline{\pi}\overline{\eta}$. τούτων μέοος έβδομον γίνεται υπό. ὧν πλευρά τετράγωνος γίνεται είχοσιδύο τοσούτου έσται ή περίμετρος.

Έτερος αύκλος, οδ ή διάμετρος σγοινίων ζ. ή άρα 5 περίμετρος αὐτοῦ, ὅτι τριπλάσιος καὶ ἐφέβδομός ἐστι της διαμέτρου, έσται σχοινίων τη καὶ ξ ζ' ζ'. καὶ έπεὶ τὸ ὑπὸ τῆς διαμέτρου καὶ τῆς περιμέτρου τετραπλάσιόν έστι τοῦ κύκλου, τὸ ἄρα ὑπὸ τῆς διαμέτρου καὶ τοῦ τετάρτου τῆς περιμέτρου ἴσον ἔσται τῷ κύκλῳ. ἔστιν 10 οὖν ή διάμετρος τοῦ κύκλου σχοινίων ξ, τὸ δὲ δ΄ τῆς π εριμέτρου σχοινίων $\delta L' \xi' ι \delta' ἤτοι σχοινίων <math>\delta$ καὶ πέντε ζ' ζ' ταῦτα δι' άλλήλων πολυπλασιαζόμενα γίνονται πη δ' κη' καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου σγοινίων τοσούτων. ὧν τὸ ήμισύ ἐστιν ὁ μοδισμός.

"Ετερος κύκλος, οξ ή διάμετρος σχοινίων τβ ζ' δ'. εύρεῖν αὐτοῦ τὴν περίμετρον. ποίει οὕτως ἐπειδὴ ιβ σχοινίων καὶ $\overline{\gamma}$ δ' δ' ἐστὶν ἡ διάμετρος, ἀνάλυσον διὰ τὰ τέταρτα καὶ τὰ σχοινία εἰς δ΄ δ΄ γίνονται δμοῦ τέταρτα να· ταῦτα ποίησον γ· γίνονται σνγ· τούτοις 20 πρόσθες καὶ τὸ ξ΄ τῶν $\overline{\nu}$ α ἤγουν $\overline{\xi}$ καὶ $\overline{\beta}$ ξ΄ ξ΄ γίνονται τὰ ὅλα δ΄ δ΄ $\overline{\varrho\xi}$ καὶ $\overline{\beta}$ ξ' ξ' τῶν δ΄ δ΄ ἤτοι μονάδες $\overline{\mu}$ και ιδ΄ της μονάδος τοσούτων σχοινίων έστιν ή περίμετοος.

Το δε έμβαδον τοῦ κύκλου ἀπο τῆς διαμέτρου εύ- 25 οείν. ποίησον ούτως τὰ ιβ ζ΄ δ΄ τῆς διαμέτρου ἐφ' έαυτά γίνονται οξβ Δ΄ ις΄ ταῦτα ένδεκάκις γίνονται αψπη η' ις' τούτων μέρος ιδ' γίνεται οκζ Δ' ζ' ιδ' οιβ' σκδ΄ τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

"Αλλως είς τὸ εύρεῖν τὸ έμβαδὸν ἀπὸ μόνης τῆς 30 διαμέτρου. έπειδή ιβ σχοινίων καὶ γ δ' δ' έστιν ή

der Flächeninhalt des Kreises = $38\frac{1}{2}$; zu finden seinen Durchmesser. $38\frac{1}{2} \times 14 = 539$; $\frac{1}{11} \times 539 = 49$; $\sqrt{49} = 7$; so viel der Durchmesser des Kreises. Und dessen Umkreis zu finden. Nimm den Flächeninhalt oder $38\frac{1}{2} \times 88 = 3388$; $5\frac{1}{7} \times 3388 = 484$; $\sqrt{484} = 22$; so viel wird der Umkreis sein.

Ein anderer Kreis, dessen Durchmesser = 6 Schoinien; 23 da sein Umkreis = $3\frac{1}{7}$ Durchmesser, wird er also sein = $18\frac{6}{7}$ Schoinien. Und da Durchmesser \times Umkreis = 4×10 der Kreis, so wird Durchmesser $\times \frac{1}{4}$ Umkreis = dem Kreis sein. Nun ist der Durchmesser des Kreises = 6 Schoinien und $\frac{1}{4}$ Umkreis = $4\frac{1}{2}\frac{1}{7}\frac{1}{14}$ Schoinien = $4\frac{5}{7}$ Schoinien; 6 \times $4\frac{5}{7} = 28\frac{1}{4}\frac{1}{28}$; und es ist der Flächeninhalt des Kreises so viel Schoinien. Die Hälfte davon ist die Modienzahl.

Ein anderer Kreis, dessen Durchmesser = $12\frac{1}{2}\frac{1}{4}$ Schoi- 24 nien; zu finden seinen Umkreis. Mache so: da der Durchmesser = $12\frac{3}{4}$ Schoinien, so verwandle wegen der Viertel auch die Schoinien in Viertel; gibt zusammen $\frac{51}{4}$; $3 \times \frac{51}{4} = \frac{153}{4}$; $\frac{1}{7} \times 51 = 7\frac{2}{7}$; zusammen $\frac{153}{4} + 7\frac{2}{7}$: $4 = \frac{160}{4} + \frac{2}{7}$: $4 = 40\frac{1}{14}$; so viel Schoinien ist der Umkreis.

Den Flächeninhalt des Kreises aus dem Durchmesser zu 25 finden. Mache so: $12\frac{1}{2}\frac{1}{4}$ des Durchmessers $\times 12\frac{1}{2}\frac{1}{4}$ = $162\frac{1}{2}\frac{1}{16}$; $11 \times 162\frac{1}{2}\frac{1}{16} = 1788\frac{1}{8}\frac{1}{16}$; $\frac{1}{14} \times 1788\frac{1}{8}\frac{1}{16} = 127\frac{1}{2}\frac{1}{7}\frac{1}{14}\frac{1}{112}\frac{1}{224}$; so viel Schoinien der Flächeninhalt des Kreises.

Anders um den Flächeninhalt aus dem Durchmesser allein 26 zu finden. Da der Durchmesser $=12\frac{3}{4}$ Schoinien, so ver-

διάμετος, ἀνάλυσον διὰ τὰ τέταρτα καὶ τὰ ιβ σχοινία εἰς δ΄ δ΄ καὶ γίνονται ὁμοῦ δ΄ δ΄ να. ταῦτα ἐφ' ἑαυτά γίνονται δ΄ δ΄ τῶν δ΄ δ΄ βχα· ταῦτα ἑνδεκάκις· γίνονται μυριάδες β καὶ $\overline{\eta}$ χια· τούτων τὸ ιδ΄ γίνονται βμγ L' ζ΄· τούτων τὸ ις΄ διὰ τὸ πολυπλασιασθῆναι δ΄ ἐπὶ 5 δ΄· γίνονται $\overline{\eta}$ χις $\overline{\eta}$ ις΄ λβ΄ $\overline{\eta}$ ιβ΄· τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ χύχλου.

Τὸ δὲ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου ἀπὸ μόνης τῆς διαμέτρου εύρεῖν. ποίησον οὕτως τὴν διάμετρον, τουτ-30 έστι τὰ τ̄ς σχοινία καὶ τὰ ρ̄ ε΄ ε΄, ἐφ' ἑαυτά γίνονται

σξη ε' ε' δ' καὶ δ ε' ε' τῶν ε' ε' · ταῦτα ἐνδεκάκις· γίνονται βληνη ε' ε' β καὶ δ ε' ε' τῶν ε' ε' · τούτων μέρος

wandle wegen der Viertel auch die 12 Schoinien in Viertel; gibt zusammen $\frac{51}{4}$. $\frac{51}{4} > \frac{51}{4} = \frac{2601}{4} : 4 ; 11 > \frac{2601}{4} : 4 = \frac{28611}{4} : 4 ; \frac{1}{14} > 28611 = 2043\frac{1}{2}\frac{1}{7};$ davon $\frac{1}{16}$, weil Viertel mit Vierteln multipliziert sind, = $127\frac{1}{8}\frac{1}{16}\frac{1}{32}\frac{1}{212};$ so viel Schoinien der Flächeninhalt des Kreises.

Aus dem Umkreis allein den Flächeninhalt des Kreises zu 27 finden. Mache so: der Umkreis oder 40_{14}^1 Schoinien $\times 40_{14}^1$ = $1605_{\frac{2}{3}}^2 \frac{1}{21} \frac{1}{196}$; $7 \times 1605_{\frac{2}{3}}^2 \frac{1}{21} \frac{1}{196} = 11240_{28}^1$; $\frac{1}{88} \times 11240_{28}^1$ = $127_{\frac{2}{3}}^2 \frac{1}{21} \frac{1}{112} \frac{1}{224}$; so viel Schoinien ist der Flächeninhalt des 10 Kreises.

Aus dem Durchmesser und dem Umkreis den Flächen- 28 inhalt zu finden. Mache so: $\frac{1}{4}$ Umkreis = $10\frac{1}{56}$ Schoinien; multipliziere dies mit $12\frac{1}{2}\frac{1}{4}$ des Durchmessers folgendermaßen: $10 > 12\frac{1}{2}\frac{1}{4} = 127\frac{1}{2}; \frac{1}{56} > 12\frac{1}{2}\frac{1}{4} = \frac{1}{7}\frac{1}{14}\frac{1}{112}\frac{1}{224};$ 15 zusammen $127\frac{1}{2}\frac{1}{7}\frac{1}{14}\frac{1}{112}\frac{1}{224};$ so viel Schoinien der Flächeninhalt des Kreises. Die Hälfte davon ist die Modienzahl.

Ein anderer Kreis, dessen Durchmesser = $16\frac{1}{3}\frac{1}{15}$ Schoi- 29 nien = $16\frac{2}{5}$ Schoinien; zu finden seinen Umkreis. Verwandle auch die Schoinien in Fünftel; gibt zusammen ${82 \atop 5}$. $3 \times {82 \atop 5}$ 20 = ${246 \atop 5}$; ${1 \atop 7} \times {82 \atop 5}$ = $11{5 \atop 7}$: 5; zusammen ${246 \atop 5}$ + $11{5 \atop 7}$: 5 = $257{5 \atop 7}$: 5 = $51{1 \atop 3}$ ${1 \atop 7}$ ${1 \atop 15}$; so viel Schoinien wird der Umkreis sein.

Den Flächeninhalt des Kreises aus dem Durchmesser 30 allein zu finden. Mache so: der Durchmesser oder $16\frac{2}{5}$ Schoinien $\times 16\frac{2}{5} = 268\frac{4}{5}\frac{4}{25}$; $11 \times 268\frac{4}{5}\frac{4}{25} = 2958\frac{2}{5}\frac{4}{25}$;

ιδ΄ γίνεται σια δ΄ κε΄ κη΄· τοσούτων σχοινίων έστὶ τὸ εμβαδὸν τοῦ κύκλου.

31 "Ετι ἄλλως ἀπὸ μόνης τῆς διαμέτοου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. ἐπειδὴ τὰ τς γ΄ ιε΄ σχοινία πβ ε΄ ε΄ εἰσί, πολυπλασίασον ταῦτα ἐφ' ἐαυτά. γίνονται ε΄ ε΄ τῶν ε΄ ε΄ ε΄ τῶν ταῦτα διὰ τὸ εἶναι ε΄ ε΄ τῶν ε΄ ε΄ μέρισον παρὰ τὰ πε΄ γίνεται τὸ εἰνοστόπεμπτον τούτων σιὰ δ΄ κε΄ κη΄. τοσούτων σιὰ δ΄ κε΄ κη΄ τοσούτων σιὰ δ΄ κε΄ κη΄. τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

'Απὸ δὲ τῆς περιμέτρου μόνης τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου εύρεῖν. ποίησον ούτως έπειδή ή περίμετρος τοῦ κύκλου να σχοινίων καὶ λεπτών τριακοστοπέμπτων ιθ έστι, πολυπλασίασου πρότερον τὰ να σχοινία ἐφ' έαυτά: γίνονται βχα: είτα πολυπλασίασον τὰ αὐτὰ να σχοινία 15 καὶ ἐπὶ τὰ ιθ λε' λε' γίνονται λε' λε' λξθ καὶ αὖθις πολυπλασίασον τὰ ιθ λε' λε' πρότερον μεν ἐπὶ τὰ να σχοινία γίνονται λε΄ λε΄ Σξθ είτα πολυπλασίασον τὰ αὐτὰ τθ λε' λε' καὶ ἐφ' ξαυτά γίνονται λε' λε' τῶν $\lambda \varepsilon' \lambda \varepsilon' \overline{\tau \xi \alpha}$ yinomena $\lambda \varepsilon' \lambda \varepsilon' \overline{\iota}$ naì $\iota \overline{\alpha}$ $\lambda \varepsilon'$ $\lambda \varepsilon'$ $\tau \widetilde{\omega} \nu$ $\lambda \varepsilon'$ $\lambda \varepsilon'$ $\iota \varepsilon'$ όμοῦ σχοινία βχα λε΄ λε΄ αλμη καὶ λε΄ λε΄ τῶν λε΄ λε΄ τα. τὰ αλμη λε΄ λε΄ μεριζόμενα παρά τὰ λε γίνονται σχοινία νε, μένουσι δε καὶ λε' λε' κρ' τὰ τοιαῦτα νε σχοινία προστίθενται είς τὰ έτερα βχα καὶ ποσοῦνται σὺν αὐτοῖς εἰς βχνς καὶ ἔστιν ὁ ἀπὸ τοῦ 25 πολυπλασιασμού συναγόμενος όλος ἀριθμὸς σχοινία 33 $\beta \gamma \nu \varsigma$ $\lambda \varepsilon'$ $\lambda \varepsilon'$ $\lambda \varepsilon'$ $\lambda \alpha \lambda \varepsilon'$ $\lambda \varepsilon'$ νων δὲ καὶ τῶν πρ λε΄ λε΄ εἰς λε΄ λε΄ τῶν λε΄ λε΄ γίνεται δ τοιοῦτος πολυπλασιασμός σχοινία βχνς καὶ λε΄ λε΄ τῶν λε΄ λε΄ ωις. ταῦτα έπτάκις. γίνονται σγοι- 30 νία α πφοβ και λε΄ λε΄ των λε΄ λε΄ εψιβ γινόμενα τοιακοστόπεμπτα $\overline{\varrho\xi\gamma}$ ε΄· τὰ $\overline{\varrho\xi\gamma}$ ε΄ λε΄ λε΄ μεριζόμενα παρὰ τὰ λε γίνονται σχοινία $\overline{\delta}$ L' ζ΄ ν΄. ταῦτα προστίθενται εἰς τὰ $\ddot{\alpha}$ $\eta \varphi q \ddot{\beta}$ · καὶ γίνεται $\dot{\delta}$ έπταπλασιασμὸς τοῦ ποs λυπλασιασμοῦ σχοινία $\ddot{\alpha}$ $\eta \overline{\varphi} q \overline{\varsigma}$ L' ζ΄ ν΄. τούτων μέρος πη΄ γίνεται σχοινία $\overline{\sigma}$ $\overline{\alpha}$ δ' κε΄ κη΄· τοσούτων τὸ ἐμβαδον τοῦ κύκλου.

Wieder auf andere Weise aus dem Durchmesser allein 31 den Flächeninhalt zu finden. Da $16\frac{1}{3}\frac{1}{15}$ Schoinien $=\frac{82}{5}$, mache $\frac{82}{5} \times \frac{82}{5} = \frac{6724}{5} : 5$; $11 \times 6724 = 73964$; $\frac{1}{14} \times 73964 = 5283\frac{1}{7}$; dividiere dies, weil es Fünftel von Fünfteln sind, mit 25; $\frac{1}{25} \times 5283\frac{1}{7} = 211\frac{1}{4}\frac{1}{25}\frac{1}{28}$; so viel Schoinien der Flächeninhalt des Kreises.

Aus dem Umkreis allein den Flächeninhalt des Kreises 32 zu finden. Mache so: da der Umkreis des Kreises $=51\frac{19}{35}$ Schoinien, nimm erst 51 Schoinien \times 51 = 2601; darauf ebenso 51 Schoinien $\times\frac{19}{35}=\frac{969}{35}$; und wiederum erst $\frac{19}{35}\times51$ Schoinien $=\frac{969}{35}$; darauf ebenso $\frac{19}{35}\times\frac{19}{35}=\frac{361}{35}:35=10\frac{11}{35}:35$; zusammen $2601\frac{1948}{35}\frac{11}{1225}$ Schoinien. 1948:35 15 = $55\frac{23}{35}$ Schoinien; 55+2601=2656 Schoinien; und es ist die ganze aus der Multiplikation sich ergebende Zahl = $2656\frac{23}{35}\frac{11}{1225}$ Schoinien. Wenn aber auch die $\frac{23}{35}$ in 1225 stel 33 verwandelt werden, gibt diese Multiplikation $2656\frac{816}{1225}$ Schoinien; $7\times2656\frac{816}{1225}=18592\frac{5712}{1215}=18592+163\frac{1}{5}:35$; $163\frac{1}{5}:35=4\frac{1}{2}\frac{1}{7}\frac{1}{50}$; $18592+4\frac{1}{2}\frac{1}{7}\frac{1}{50}=18596\frac{1}{2}\frac{1}{7}\frac{1}{50}$; $\frac{1}{88}\times18596\frac{1}{2}\frac{1}{7}\frac{1}{50}=211\frac{1}{4}\frac{1}{25}\frac{1}{28}$; so viel der Flächeninhalt des Kreises.

34 "Αλλως ἀπὸ τῆς περιμέτρου μόνης τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου εύρεῖν. ἐπειδή ή περίμετρος τοῦ κύκλου να σχοινίων καὶ τθ λε' λε' έστίν, ἀνάλυσον καὶ τὰ σχοινία είς τοιακοστόπεμπτα: γίνονται δμοῦ τὰ ὅλα λε΄ λε΄ αωδ. ταῦτα ἐφ' ξαυτά· γίνονται μυριάδες της καὶ 5 δυις ταῦτα έπτάκις γίνονται μυριάδες βσοη καί Σιβ. τούτων μέρος πη' γίνεται μυριάδες πε καὶ ηωοδ· ταῦτα παρά τὰ σεπε μεριζόμενα διὰ τὸ εἶναι λε' λε' των λε΄ λε΄ γίνονται σια δ΄ κε΄ κη΄ τοσούτων σγοινίων έστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

Απὸ δὲ τῆς διαμέτρου καὶ τῆς περιμέτρου τὸ ἐμ-35 βαδὸν τοῦ κύκλου εύρεῖν. ποίησον οὕτως λαβὲ τὸ δ΄ τῆς περιμέτρου ήγουν τὰ ιβ σχοινία καὶ λεπτὰ λε' λε' λα καὶ πολυπλασίασον αὐτὰ ἐπὶ τὴν διάμετρον, τουτέστιν ἐπὶ τὰ τς σχοινία καὶ ιδ λε΄ λε΄ ούτως είβ τς 15 οςβ καὶ ιβ τὰ ιδ λε΄ λε΄ οξη λε΄ λε΄ καὶ λα λε΄ λε΄ τῶν $\overline{\iota_5}$ σχοινίων $\overline{\iota_5}$ λε' λε', καὶ $\overline{\lambda\alpha}$ λε' λε' τῶν $\overline{\iota\delta}$ λε' λε' $v\lambda\overline{\delta}$ $\lambda\varepsilon'$ $\lambda\varepsilon'$ $\tau\widetilde{\omega}\nu$ $\lambda\varepsilon'$ $\lambda\varepsilon'$ $\gamma\iota\nu\delta\mu\varepsilon\nu\alpha$ $\kappa\alpha$ $\tau\alpha\widetilde{\nu}\tau\alpha$ $\lambda\varepsilon'$ $\lambda\varepsilon'$ $\overline{\iota\beta}$ καὶ ιδ λε' λε' τῶν λε' λε'. δμοῦ σχοινία ροβ λε' λε' μενα παρά τὰ λε γίνονται σχοινία ιθ, μένουσι δὲ καὶ λε΄ λε΄ τα τὰ δὲ τθ σχοινία συντίθενται τοῖς έτέροις οςβ· καὶ γίνονται όμοῦ σχοινία σια λε' λε' τα καὶ ιδ $\lambda \varepsilon' \lambda \varepsilon' \tau \tilde{\omega} v \lambda \varepsilon' \lambda \varepsilon' \gamma \iota v \delta \mu \varepsilon v \alpha \lambda \alpha \tau \tilde{\alpha} \tilde{\nu} \tau \alpha \tilde{\gamma} \gamma \sigma v v \tau \tilde{\alpha} \tilde{\iota} \overline{\delta}$ $\lambda \varepsilon' \lambda \varepsilon' \tau \tilde{\omega} \nu \lambda \varepsilon' \lambda \varepsilon' \tilde{\beta} \varepsilon' \varepsilon' \tau \tilde{\alpha} \lambda \varepsilon' \tau \tilde{\alpha} \tau \tilde{\alpha} \gamma' \iota \varepsilon' \lambda \varepsilon' \lambda \varepsilon' 25$ μεριζόμενα παρά τὰ λε γίνονται δ' κε' κη' . λέγε γὰρ δ' $\tau \tilde{\omega} \nu$ $\lambda \epsilon \tilde{\eta} \perp' \delta'$, ϵl $\iota \omega \tau \delta \pi \epsilon \mu \pi \tau \sigma \nu$ $\iota \epsilon \tilde{\alpha} \gamma' \iota \epsilon'$, καὶ τὸ κη' τῶν λε α δ' καὶ ἔστι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου σχοινίων σια δ' κε' κη'. ὧν τὸ ημισύ έστιν δ μοδισμός.

30

Auf andere Weise aus dem Umkreis allein den Flächen- 34 inhalt des Kreises zu finden. Da der Umkreis des Kreises $=51^{19}_{35}$ Schoinien, so verwandle auch die Schoinien in 35 stel; gibt zusammen das Ganze $\frac{1804}{35}$. $1804 \times 1804 = 3254416$; $57 \times 3254416 = 22780912$. $\frac{1}{88} \times 22780912 = 258874$; dies mit 1225 dividiert, weil es 35 stel von 35 steln ist, gibt $211\frac{1}{4}$ $\frac{1}{25}$ $\frac{1}{28}$; so viel Schoinien ist der Flächeninhalt des Kreises.

Aus dem Durchmesser und dem Umkreis den Flächen- 35 inhalt des Kreises zu finden. Mache so: $\frac{1}{4} \times \text{Umkreis} = 12\frac{31}{35}$ Schoinien; multipliziere dies mit dem Durchmesser, d. i. mit $16\frac{14}{35}$ Schoinien, folgendermaßen: $12 \times 16 = 192$, $12 \times \frac{14}{35} = \frac{168}{35}$; und $\frac{31}{35} \times 16$ Schoinien $= \frac{496}{35}$, $\frac{31}{35} \times \frac{14}{35} = \frac{434}{35}$: $35 = \frac{12}{35} + \frac{14}{35}$: 35; zusammen $192\frac{676}{35} + \frac{14}{35}$: 35 Schoinien. 676: $35 = 19\frac{11}{35}$ Schoinien; $192 + \frac{14}{35}$: $35 + 19\frac{11}{35}$ Schoinien $= 211\frac{11}{35} + \frac{14}{35}$: 35 Schoinien; $\frac{14}{36}$: $35 = \frac{2}{5}$: 35; $11\frac{1}{3}\frac{1}{15}$: $35 = \frac{1}{4}\frac{1}{25}\frac{1}{28}$; rechne nämlich so: $\frac{1}{4} \times 35 = 8\frac{1}{2}\frac{1}{4}$, $\frac{1}{25} \times 35 = 1\frac{1}{3}\frac{1}{15}$, $\frac{1}{28} \times 35 = 1\frac{1}{4}$; und es ist der Flächeninhalt des Kreises $= 211\frac{1}{4}\frac{1}{25}\frac{1}{28}$ Schoinien. Die Hälfte davon ist die Modienzahl.

⁴ τὰ ὅλα] C, οπ. Α. 8 ασκε] Α, χίλια διαπόσια $\overline{\kappa}\epsilon$ C. 20 τὰ] Α, δμοῦ τὰ C. 22 δὲ] C, οπ. Α. 23 σχοινία] Α, σχοινίων C. 26 κη΄] Α, οπ. C. 30 Post μοδισμός add. C 21, 1—2, deinde: ἔστω τοίνυν τοῦ πύπλου περίμετρος μονάδες μδ. ταῦτα ἑπτάπις γίνονται τη τούτων τὸ κβ΄ γίνονται $\overline{\kappa}$ καὶ ἔστιν ἡ τοῦ πύπλου διάμετρος μονάδων $\overline{\kappa}$ itum 21, 11—13, deinde: εἰ εἰς σφαῖραν θέλης πύβου ἐμβαλεῖν τετράγωνον, εἰπέ μοι, πόση ἐκάστη πλευρὰ τοῦ πύβου. ποιῶ οῦτως ἐὰν ἡ ἡ διάμετρος τῆς σφαίρας ποδῶν $\overline{\kappa}$, τὸ $\overline{\kappa}$ τῆς διαμέτρου η΄ $\overline{\kappa}$. ταῦτα δὶς γίνονται ρμό' $\overline{\kappa}$. ὁν πλευρὰ τετραγωνικὴ $\overline{\kappa}$ i τοσούτων ποδῶν ἔσται ἑκάστη πλευρὰ τοῦ πύβου.

18 Περί ήμινυπλίων.

1 "Εστω ήμικύκλιον ἤτοι ἀψίς, οὖ ή περίμετρος σχοινίων $\bar{\xi}$ εύρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως τὰ $\bar{\xi}$ τῆς διαμέτρου ἐπὶ τὰ ια τῆς περιμέτρου ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδόν. ὧν τὸ ἤμισύ ἐστιν ὁ μοδισμός.

" $A\lambda\lambda\omega_S$. σύνθες τὴν βάσιν καὶ τὴν κάθετον· γίνονται $\overline{\kappa\alpha}$. τούτοις καθύλου προστίθει τὸ κα΄· γίνεται α· δμοῦ $\overline{\kappa\beta}$ · τοσούτων ἔσται σχοινίων ἡ περίμετρος τοῦ

ήμικυκλίου.

Αψῖδα μετοῆσαι, ῆς ἡ δὶ διάμετοος ποδῶν ἰδ, ἡ δὲ κάθετος ποδῶν ζ΄ εὐοεῖν αὐτῆς τὸ ἐμβαδόν. ποιει οὕτως τὴν διάμετοον ἐφ' 5 ἐαυτήν γίνονται πόδες Οίασον τὸ κη' γίνονται πόδες Κονς ὁν τὸ κη' γίνονται πόδες οξ τοσούτων 10 ποδῶν ἔστω τὸ ἐμβαδόν.

Τὸ δὲ ἐμβαδὸν αὐτοῦ Ας εὐρεῖν ἀπὸ μόνης τῆς βάσεως. ποίει οὕτως τὰ ιδ τῆς βάσεως ἐφ' ἐαυτά γίσε νονται ρας τούτων μέρος κη΄ γίνεται ος τοσούτων σχοινίων ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἡμικυκλίου.

5 "Άλλως. τὰ ιδ ἐφ' ἐαυτά γίνονται ፬ςξ. ἀπὸ τού-

Es sei ein Halbkreis oder Apsis, dessen Umkreis = 11 1 Schoinien, der Durchmesser aber = 7 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. Mache so: 7 des Durchmessers > 11 5 des Umkreises = 77, \(\frac{1}{4} > 77 = 19\frac{1}{4}\); so viel Schoinien wird der Flächeninhalt sein. Und die Hälfte davon ist die Modienzahl.

Ein anderer Halbkreis oder Apsis, dessen Grundlinie 2 = 14 Schoinien, die Höhe = 7 Schoinien; zu finden dessen 10 Umkreis. Mache so: $3 \times$ Höhe, dazu $\frac{1}{7}$ der Höhe; so wirst du den Umkreis finden. Es sei z. B. die Höhe des vorliegenden Halbkreises = 7 Schoinien; $3 \times 7 = 21$, $21 + \frac{1}{7} \times 7 = 21 + 1 = 22$; so viel Schoinien wird der Umkreis des Halbkreises sein.

Auf andere Weise. Grundlinie + Höhe = $21, \frac{1}{21} \times 21$ 3 = 1, 21 + 1 = 22; so viel Schoinien wird der Umkreis des Halbkreises sein.

4 Eine Apsis zu messen, deren Durchmesser = 14 Fuß, die Höhe = 7 Fuß; zu finden ihren Flächen inhalt. Mache so: Durchmesser × Durchmesser = 196 Fuß; 11 × 196 = 2156 Fuß; $\frac{1}{28}$ × 2156 = 77 Fuß; so viel Fuß sei der Flächen inhalt.

Zu finden seinen Flächen-4 inhalt aus der Grundlinie allein. Mache so: 14 der Grundlinie $\times 14 = 196$, 196 5 $\times 11 = 2156$, $2156 \times \frac{1}{28} = 77$; so viel Schoinien wird der Flächeninhalt des Halbkreises sein.

Auf andere Weise. $14 \times 14 = 196$, $(\frac{1}{7} + \frac{1}{14}) \times 196$ 5

5 μέρος] C, τὸ A. 7 ἐστιν] C, ἔσται A. 10 τριπλασίασον] C, τριπλασιάσας A. 11 τὸ] C, καὶ τὸ A. 19 ἡμινυλίον] A, κύκλον C.

1 τὸ-2 εὐοεῖν] fol. 53° C, reliqua parte paginae uacante.
5 ταντα] Α, τὰ αὐτὰ C. ἐν-δεκάκις] C, δεκάκις καὶ ἄπαξ γι΄ Α.

των ἄφελε τὸ ζ΄ ιδ΄, τουτέστι τὰ μβ. λοιπὰ ονδ. ὧν τὸ Δ΄ γίνονται οξ΄ τοσοῦτον τὸ ἐμβαδόν.

Eί δὲ καὶ ἀπὸ τῆς καθ- Απὸ δὲ τῆς καθέτου μό- $\frac{A0}{6}$ έτου θέλεις εύρεῖν τὸ ἐμ- νης τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἡμιβαδόν, ποίει ούτως τοὺς ζ $πόδας τῆς μαθέτου πολυ- τως τὰ <math>\frac{1}{5}$ τῆς μαθέτου έφ' πλασίασον έφ' έαυτούς γί- 5 έαυτά γίνονται μθ ταῦτα νονται πόδες μθ. τούτους ένδεκάκις γίνονται πόδες φλθ. ὧν τὸ ζ΄ γίνονται τοσοῦτον τὸ ἐμβαδόν. πόδες οξ.

κυκλίου εύρεῖν. ποίει οὕένδεκάκις γίνονται φλθ. τούτων τὸ ζ΄ γίνονται οζ.

AC Απὸ δὲ μόνης τῆς περιφερείας τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἡμικυκλίου εύρεῖν. ποίει ούτως τὰ πβ τῆς περιφερείας έφ' έαυτά γίνονται υπδ ταῦτα έπτάχις γίνονται γτπη τ τούτων μέρος μδ΄ γίνεται οξ. τοσούτων τὸ ἐμβαδόν.

Άπὸ δὲ τῆς βάσεως καὶ τῆς καθέτου τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ εύρεῖν. ποίει ούτως τὰ ιδ τῆς βάσεως ἐπὶ τὰ $ar{\xi}$ $au \widetilde{\eta}_S$ καθέτου \cdot γίνονται $\overline{\varsigma \eta}$ \cdot ἀπὸ τούτων ἄφελε τὸ ξ' ιδ΄, τουτέστι τὰ πα' λοιπὰ οξ' τοσούτων τὸ ἐμβαδὸν 10 τοῦ ἡμικυκλίου.

9 "Αλλως. τὰ ιδ τῆς βάσεως ἐπὶ τὰ ζ τῆς καθέτου. γίνονται ζη· ταῦτα δεκάκις καὶ ἄπαξ· γίνονται ζοη· τούτων τὸ ιδ΄ γίνονται οξ' τοσούτων τὸ ἐμβαδόν.

Απὸ δὲ τῆς καθέτου καὶ τῆς περιφερείας τὸ έμ- 15 βαδον τοῦ ημικυκλίου εύρεῖν. ποίει ούτως τὰ ζ τῆς καθέτου έπὶ τὰ κβ τῆς περιφερείας γίνονται σνδ. τούτων τὸ ήμισυ γίνονται οξ τοσούτων τὸ ἐμβαδόν.

11 "Αλλως. τὸ ημισυ τῆς καθέτου γίνεται γ Δ' ταῦτα έπὶ τὰ εἰκοσιδύο τῆς περιφερείας γίνονται οξ. τοσού- 20 των τὸ ἐμβαδόν.

12 Απὸ δὲ τῆς βάσεως καὶ τῆς περιφερείας τὸ ἐμβα-

 $=42, 196 \div 42 = 154, \frac{1}{2} \times 154 = 77$; so viel der Flächeninhalt.

Wenn du aber den Flächen-Fuß, $\frac{1}{7} \times 539 = 77$ Fuß.

Aus der Höhe allein den inhalt auch aus der Höhe Flächeninhalt des Halbkreises finden willst, mache so: 7 zu finden. Mache so: 7 der Fuß der Höhe \times 7 = 49 Höhe \times 7 = 49, 11 \times 49 Fuß, 11×49 Fuß = 539 5 = 539, $\frac{1}{7} \times 539 = 77$; so groß der Flächeninhalt.

Aus dem Umkreis allein den Flächeninhalt des Halbkreises 7 zu finden. Mache so: 22 des Umkreises $\times 22 = 484$, $_{5}$ 7 × 484 = 3388, $\frac{1}{44}$ × 3388 = 77; so groß der Flächeninhalt.

Zu finden dessen Flächeninhalt aus der Grundlinie und 8 der Höhe. Mache so: 14 der Grundlinie × 7 der Höhe $= 98, (\frac{1}{7} + \frac{1}{14}) \times 98 = 21, 98 \div 21 = 77$; so viel der 10 Flächeninhalt des Halbkreises.

Auf andere Weise. 14 der Grundlinie × 7 der Höhe 9 $= 98, 11 \times 98 = 1078, \frac{1}{14} \times 1078 = 77$; so viel der Flächeninhalt

Aus der Höhe und dem Umkreis den Flächeninhalt des 10 15 Halbkreises zu finden. Mache so: 7 der Höhe × 22 des Umkreises = $154, \frac{1}{2} \times 154 = 77$; so viel der Flächeninhalt.

Auf andere Weise. $\frac{1}{2} \times$ Höhe = $3\frac{1}{2}$, $3\frac{1}{2} \times 22$ des Um- 11 kreises = 77; so viel der Flächeninhalt.

Aus der Grundlinie und dem Umkreis den Flächeninhalt 12

¹ $\tau \delta$] A, om. C. $\lambda o \iota^{\pi}$ C. 2 τοσούτον AC, fort. τοσούτων. 8 τοσοῦτον] AC, fort. τοσούτων.

⁶ τοσούτων] C, τοσούτον A. 10 $\pi\alpha$] A, $n\vartheta'$ C. λ οιπὰ] Α, λοι C. τοσούτων] C, τοσοῦτον Α. 14 τοσούτων] C, τοσοῦτον Α. 17 $\overline{\text{ρνδ}}$] Α, $\overline{\text{ρνξ}}$ C. τούτων τὸ ημισν] Α, τὸ ημισν τούτων C. 18 γίνεται Α. τοσούτων] C, τοσοῦτον Α. 20 τοσούτων] C, τοσοῦτον Α.

δὸν τοῦ ἡμιχυκλίου εύρεῖν. πολυπλασίασον τὴν βάσιν ἐπὶ τὴν περιφέρειαν ἤγουν τὰ ιδ ἐπὶ τὰ εἰκοσιδύο γίνονται τη τούτων μέρος τέταρτον γίνεται έβδομηκονταεπτά τοσούτων ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἡμιχυκλίου.

13 "Αλλως. τὸ ἥμισυ τῆς βάσεως ἐπὶ τὸ ῆμισυ τῆς 5 περιφερείας, τουτέστι τὰ $\overline{\xi}$ ἐπὶ τὰ $\overline{\iota\alpha}$. γίνονται $\overline{\mathsf{ο}\xi}$. τοσούτων τὸ ἐμβαδόν.

14 "Αλλως. τὸ δ΄ τῆς περιφερείας ἐπὶ τὴν βάσιν, ἤγουν τὰ $\bar{\epsilon}$ \angle ΄ ἐπὶ τὰ $\bar{\iota}\bar{\delta}$. γίνονται καὶ οὕτως $\bar{ο}\bar{\zeta}$. τοσούτων ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἡμικυκλίου. ὧν τὸ \angle ΄ 10 ἔσται ὁ μοδισμός.

Αψίδα ἤγουν ἡμικύκλιον μετοῆσαι, ἦς ἡ διάμετρος ποδῶν ζ̄, ἡ δὲ κάθετος κατὰ τὸ ἤμισυ τῆς διαμέτρου ποδῶν ȳ ∠΄, καὶ ἡ περίμετρος ποδῶν τα΄ εὐρεῖν αὐτῆς τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως τὰ ξ̄ τῆς διαμέτρου ἐπὶ τὰ 15 τα τῆς περιμέτρου γίνονται πόδες οξ΄ τούτων τὸ δ΄ γίνονται πόδες ιθ δ΄ τοσούτων ἔσται ποδῶν τὸ ἐμβαδόν.

16 "Αλλη μέθοδος τοῦ αὐτοῦ ἐμβαδοῦ. τοὺς ξ πόδας τῆς διαμέτρου ἐφ' ἑαυτούς γίνονται πόδες μθ' τού- 20 τους ἐπὶ τα γίνονται πόδες φλθ' ὧν τὸ κη' γίνονται πόδες τὸ δ'.

19 Περί τμημάτων ήμικυκλίου έλαττόνων.

Τμῆμα χύχλου ἔλαττον ἡμικυκλίου, οὖ ἡ μὲν βάσις σχοινίων $\overline{\iota s}$, ἡ δὲ κάθετος σχοινίων \overline{s} εὐρεῖν αὐτοῦ 25 τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως σύνθες τὴν βάσιν καὶ τὴν κάθετον γίνονται $\overline{\kappa \beta}$ ὧν τὸ ἡμισυ γίνονται $\overline{\iota \alpha}$ ταῦτα ἐπὶ τὴν κάθετον ἡγουν ἐπὶ τὰ \overline{s} γίνονται $\overline{\xi s}$. καὶ τῆς βάσεως τὸ ἡμισυ γίνονται $\overline{\eta}$ ταῦτα ἐφ' ἑαυτά γίνονται $\overline{\xi s}$. 30

des Halbkreises zu finden. Grundlinie X Umkreis oder $14 \times 22 = 308, \frac{1}{4} \times 308 = 77$; so viel ist der Flächeninhalt des Halbkreises.

Auf andere Weise. $\frac{1}{2}$ Grundlinie $\times \frac{1}{2}$ Umkreis oder 13 $5.7 \times 11 = 77$; so viel der Flächeninhalt.

Auf andere Weise. $\frac{1}{4}$ Umkreis \times Grundlinie oder $5\frac{1}{2}$ 14 ×14 = 77, wie vorhin; so viel Schoinien wird der Flächeninhalt des Halbkreises sein. Die Hälfte davon wird die Modienzahl sein.

10 Eine Apsis oder Halbkreis zu messen, deren Durchmesser 15 = 7 Fuß, die Höhe der Hälfte des Durchmessers entsprechend = 3½ Fuß, der Umkreis aber 11 Fuß; zu finden deren Flächeninhalt. Mache so: 7 des Durchmessers × 11 des Umkreises = 77 Fuß, $\frac{1}{4} \times 77$ Fuß = $19\frac{1}{4}$ Fuß; so viel Fuß wird der 15 Flächeninhalt sein.

Eine andere Methode für denselben Flächeninhalt. 7 Fuß 16 des Durchmessers $\times 7 = 49$ Fuß, 49 Fuß $\times 11 = 539$ Fuß, $\frac{1}{99} \times 539 \text{ Fuß} = 19\frac{1}{4} \text{ Fuß}.$

Von Abschnitten, die kleiner sind als ein Halbkreis.

19

Ein Kreisabschnitt kleiner als ein Halbkreis, dessen 1 Grundlinie = 16 Schoinien, die Höhe = 6 Schoinien; zu finden dessen Flächeninhalt.*) Mache so: Höhe + Grundlinie $=22, \frac{1}{2} \times 22 = 11, 11 \times \text{H\"ohe oder } 11 \times 6 = 66;$ $\frac{1}{2}$ × Grundlinie = 8, 8 × 8 = 64, $\frac{1}{14}$ × 64 = $4\frac{1}{2}\frac{1}{14}$; 66 +

*) Formel
$$\frac{b+h}{2}h + \frac{1}{14}\left(\frac{b}{2}\right)^2$$

⁴ τοσούτων] C, τοσοῦτον A. 6 τοσούτων] C, τοσοῦτον A. 23 ήμικυκλίου έλαττόνων] C, κύκλου ήττόνων ήμικυκλίου A 26 τὴν βάσιν και τὴν] C, βάσιν και A.

γίνονται \overline{o} \angle' ιδ' τοσούτων σχοινίων τὸ έμβαδὸν τοῦ τμήματος. ὧν τὸ ήμισυ γίνονται $\overline{\lambda \varepsilon}$ δ' κη' καὶ ἔστι γῆς μοδίων τοσούτων.

- α ζ΄· τοῦτο πρόσθες τοῖς π. γίνονται πα ζ΄· τοσούτων 10 τρινίων ἔσται ἡ περίμετρος.

 2 'Εὰν δὲ θέλης καὶ τὴν περιφέρειαν τοῦ τοιούτων 10 τρινίων ἔσται ἡ περίμετρος.
- 3 "Έτερον τμήμα ἔλασσον ήμικυκλίου, οὖ ή βάσις σχοινίων $\overline{\iota \beta}$, ή δὲ κάθετος σχοινίων δ· εὐφεῖν τὸ ἐμβαδόν. ποίησον οὕτως σύνθες βάσιν καὶ κάθετον γίνονται $\overline{\iota \varsigma}$. ὧν ήμισυ γίνεται $\overline{\eta}$. ταῦτα ἐπὶ τὰ $\overline{\delta}$ τῆς $\iota \varsigma$ νονται $\overline{\iota \varsigma}$. ὧν ήμισυ γίνονται $\overline{\iota \varsigma}$. ὧν τὸ $\iota \delta'$. γίνονται $\overline{\lambda β}$. καὶ τῆς βάσεως τὸ ήμισυ γίνονται $\overline{\beta}$ ι' νονται $\overline{\beta}$ ι' ταῦτα πρόσθες τοῖς $\overline{\lambda β}$. γίνονται $\overline{\lambda δ}$ ι' νονται $\overline{\beta}$ ι' ιδ'. ταῦτα πρόσθες τοῖς $\overline{\lambda β}$. γίνονται $\overline{\lambda δ}$ ι' ιδ' τοσούτων ἔσται σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τμήματος. $\overline{\delta}$ $\overline{\delta}$ $\overline{\delta}$ τὸ ήμισύ ἐστιν ὁ μοδισμός.
- 4 Τὴν δὲ περίμετρον τούτου εὐρήσεις οὕτως πολυπλασίασον τὰ τῆς βάσεως ἐφ' ἐαυτά γίνονται ρμό
 καὶ τὰ δ τῆς καθέτου ἐφ' ἐαυτά γίνονται τῶς ταῦτα
 τετράκις γίνονται ἔδ ταῦτα πρόσθες τοῖς ρμδ γίνονται ση ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ γίνεται ιδ γ΄ ιβ΄ παρὰ 25
 τὸ σύνεγγυς, τούτοις πρόσθες τῶν δ τῆς καθέτου τὸ
 τέταρτον ἤγουν μονάδα μίαν γίνονται τε γ΄ ιβ΄ τοσούτων σχοινίων ἔσται ἡ περίμετρος τοῦ τοιούτου
 τμήματος.

 $\frac{S}{5}$ Έστω έλαττον ήμικυκλίου, ή κάθετος ποδῶν \overline{S} , ή $\frac{1}{30}$ δὲ βάσις ποδῶν $\overline{I\delta}$. εύρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποιῶ

 $4\frac{1}{2}\frac{1}{14} = 70\frac{1}{2}\frac{1}{14}$; so viel Schoinien der Flächeninhalt des Abschnitts. $\frac{1}{2} \times 70\frac{1}{2}\frac{1}{14} = 35\frac{1}{4}\frac{1}{28}$; und er ist so viel Modien Land.

Wenn du aber auch den Umkreis eines solchen Ab-2 schnitts finden willst, mache so*): 16 der Grundlinie × 16 = 256, 6 der Höhe × 6 = 36, 4 × 36 = 144, 256 + 144 = 400, $\sqrt{400} = 20$; $\frac{1}{4}$ × 6 der Höhe = $1\frac{1}{2}$, $20 + 1\frac{1}{2}$ = $21\frac{1}{2}$; so viel Schoinien wird der Umkreis sein.

Ein anderer Abschnitt kleiner als ein Halbkreis, dessen 3 Grundlinie = 12 Schoinien, die Höhe aber 4 Schoinien; zu finden den Flächeninhalt. Mache so**): Grundlinie + Höhe = $16, \frac{1}{2} \times 16 = 8, 8 \times 4$ der Höhe = $32; \frac{1}{2} \times$ Grundlinie = $6, 6 \times 6 = 36, \frac{1}{14} \times 36 = 2\frac{1}{2}\frac{1}{14}, 32 + 2\frac{1}{2}\frac{1}{14} = 34\frac{1}{2}\frac{1}{14}$; so viel Schoinien wird der Flächeninhalt des Abschnitts sein. Die Hälfte davon ist die Modienzahl.

Dessen Umkreis aber wirst du so finden*): 12 der ⁴ Grundlinie × 12 = 144, 4 der Höhe × 4 = 16, 16 × 4 = 64, 144 + 64 = 208, $\sqrt{208} = 14\frac{1}{3}\frac{1}{12}$ annähernd; $\frac{1}{4}$ × 4 der Höhe = 1, $14\frac{1}{3}\frac{1}{12} + 1 = 15\frac{1}{3}\frac{1}{12}$; so viel Schoinien wird ²⁰ der Umkreis eines solchen Abschnitts sein.

Es sei ein Abschnitt kleiner als ein Halbkreis, die Höhe 5 = 6 Fuß, die Grundlinie = 14 Fuß; zu finden dessen Flächen-

*) Formel
$$\sqrt{b^2 + 4h^2} + \frac{1}{4}h$$
.
**) Formel $\frac{b+h}{2}h + \frac{1}{14}(\frac{b}{2})^2$.

30 ποδῶν] α S, ut semper. 31 ποιῶ] scrib. ποίει.

ούτως. σύνθες τὴν βάσιν καὶ κάθετον. γίνονται πόδες $\bar{\chi}$. ἀνονται πόδες $\bar{\chi}$. ταῦτα ποστιθῶ τοῖς $\bar{\chi}$. γίνονται $\bar{\chi}$ $\bar{\chi}$ $\bar{\chi}$ ταῦτα έκὶ τὴν κάθετον. $\bar{\chi}$ $\bar{\chi}$

6 "Εστω τμήμα ἦττον ἡμικυκλίου καὶ ἐχέτω τὴν μὲν βάσιν ποδῶν μ, τὴν δὲ κάθετον ποδῶν ι˙ εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν περίμετρον. ποίει οὕτως πάντοτε συντίθει τὴν διάμετρον καὶ τὴν κάθετον όμοῦ γίνονται πόδες ν˙ 10 ὕφαιρε καθολικῶς τούτων τὸ δ΄ γίνονται πόδες ιβ L΄ λοικὸν μένουσι πόδες λζ L΄. τούτοις προστίθει καθολικῶς τούτων τὸ δ΄ γίνονται πόδες θ̄ δ΄ η΄ σύνθες όμοῦ γίνονται πόδες μ̄ς L΄ δ΄ η΄ τοσούτων ποδῶν ἔστω ἡ περίμετρος τοῦ τμήματος. ὑφείλαμεν δὲ δ΄ καὶ προσ- 15 εθήκαμεν δ΄, ἐπειδὴ ἡ κάθετος τέταρτον μέρος ἐστὶ τῆς βάσεως.

"Εστω τμῆμα ἦττον ἡμικυκλίου ἔχον τὴν βάσιν ποδῶν $\overline{\eta}$, τὴν δὲ κάθετον ποδῶν $\overline{\gamma}$ εύρεῖν αὐτοῦ τὴν περίμετρον. ποιῶ οὕτως τὴν βάσιν ἐφ' ἑαυτήν γί- 20 νονται πόδες $\overline{\xi}$ δ. καὶ τὴν κάθετον ἐφ' ἑαυτήν γίνονται πόδες $\overline{\delta}$ δ. ταῦτα ποιῶ τετράκις γίνονται πόδες $\overline{\lambda}$ 5. ταῦτα προστιθῶ τοῖς $\overline{\xi}$ 6. γίνονται $\overline{\rho}$ 6. ὧν πλευρὰ τετράγωνικὴ γίνεται πόδες $\overline{\iota}$ 7. ἐξ ὧν ἀφαιρῶ τὰ $\overline{\eta}$ τῆς βάσεως γίνονται $\overline{\rho}$ 6. καὶ ἐπειδὴ ἡ κάθετος ποδῶν $\overline{\gamma}$ 7. καὶ ἡ βάσις ποδῶν $\overline{\eta}$ 7, μερίζω τὰ $\overline{\gamma}$ 7 τῆς καθέτον παρὰ τὰ $\overline{\eta}$ 7 τῆς βάσεως γίνεται ποδὸς δ' $\overline{\eta}$ 6. ταῦτα ποιῶ δίς γίνεται $\overline{\iota}$ 6. δ'. ταῦτα προστιθῶ τοῖς $\overline{\iota}$ 7 γίνονται $\overline{\iota}$ 7 δ', $\overline{\iota}$ 8 ἐστιν ἡ περίμετρος τοῦ τμήματος ποδῶν $\overline{\iota}$ 8 δ'.

8 Τμημα ήττον ημικυκλίου μετοείται ούτως βάσεως

inhalt. Ich mache so*): Grundlinie + Höhe = 20 Fuß, $\frac{1}{2} \times 20$ Fuß = 10 Fuß, $10 \times$ Höhe = 60 Fuß. Darauf $\frac{1}{2} \times$ Grundlinie = 7 Fuß, 7 Fuß \times 7 = 49 Fuß, $\frac{1}{14} \times$ 49 = $3\frac{1}{2}$, $60 + 3\frac{1}{2} = 63\frac{1}{2}$ Fuß; der Flächeninhalt wird sein $5 = 63\frac{1}{2}$ Fuß.

Es**) sei ein Abschnitt kleiner als ein Halbkreis, und 6 er habe die Grundlinie = 40 Fuß, die Höhe = 10 Fuß; zu finden dessen Umkreis. Mache so: immer Durchmesser***) + Höhe = 50 Fuß, davon allgemein $\frac{1}{4} = 12\frac{1}{2}$ Fuß, $50 \div 12\frac{1}{2} = 37\frac{1}{2}$ Fuß; hierzu allgemein $\frac{1}{4} = 9\frac{1}{4}\frac{1}{8}$ Fuß, $37\frac{1}{2} + 9\frac{1}{4}\frac{1}{8} = 46\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{8}$ Fuß; so viel Fuß sei der Umkreis des Abschnitts. Wir haben aber $\frac{1}{4}$ subtrahiert und $\frac{1}{4}$ addiert, weil die Höhe = $\frac{1}{4}$ der Grundlinie ist.

Es sei ein Abschnitt kleiner als ein Halbkreis, dessen 7 Grundlinie = 8 Fuß, die Höhe = 3 Fuß; zu finden seinen Umkreis. Ich mache so†): Grundlinie \times Grundlinie = 64 Fuß, Höhe \times Höhe = 9 Fuß, 9 \times 4 = 36 Fuß, 64 + 36 = 100, $\sqrt{100}$ = 10 Fuß, 10 \div 8 der Grundlinie = 2. Und da die Höhe = 3 Fuß, die Grundlinie = 8 Fuß, dividiere 20 ich 3 der Höhe mit 8 der Grundlinie; macht $\frac{1}{4}$ Fuß; $2 \times (\frac{1}{4} + \frac{1}{8}) = \frac{1}{2} \frac{1}{4}$, dies zu 10 addiert = $10\frac{1}{2} \frac{1}{4}$; und es ist der Umkreis des Abschnitts = $10\frac{1}{2} \frac{1}{4}$ Fuß.

Ein ††) Abschnitt kleiner als ein Halbkreis wird so ge- 8

*) Formel
$$\frac{b+h}{2}h + \frac{1}{14}\left(\frac{b}{2}\right)^2$$

) = Μετρήσεις 33. *) D. h. Grundlinie.

†) Das Ergebnis richtig nach der Formel $\sqrt{b^2+4h^2}+\frac{1}{4}h$, aber die Ausrechnung von $\frac{1}{4}h=\frac{1}{2}\frac{1}{4}$ (Z. 24 ff.) ist mißverständlich.

 $\dagger\dagger) = M \epsilon \tau \varrho \eta \sigma \epsilon \iota \varsigma 30.$

⁶ ἔσται] scrib. καὶ ἔσται. 9 ποίει] ποιῶ^{ει} S. 11 ἕφαιρε] scrib. ὑφαίρει. 14 ποδῶν] $^{00}_{\pi}$ S. 22 τετράκις] $^{\infty}_{\pi}$ S.

²⁴ $\gamma i \nu \varepsilon \tau \alpha i$ $\gamma t / S$, ut semper. 27 $\tau o \delta \delta s$ $\hat{\beta} S$, ut semper. 29 5 fort. scrib. $\kappa \alpha l$.

20

 \mathbf{s} πόδες $\iota \overline{\beta}$, καθέτου πόδες $\overline{\delta}$. συντίθει τὴν βάσιν καὶ τὴν κάθετον· γίνονται πόδες $\overline{\iota \mathbf{s}}$. ὧν τὸ \underline{L} ' γίνονται πόδες $\overline{\eta}$. ταῦτα ἐπὶ τὴν κάθετον· γίνονται πόδες $\overline{\lambda \mathbf{s}}$. καὶ τὸ \underline{L} ' τῆς βάσεως ἐφ' ἐαυτό· γίνονται πόδες $\overline{\lambda \mathbf{s}}$. τούτων τῶν $\overline{\lambda \mathbf{s}}$ τὸ $\iota \delta$ '. γίνονται πόδες $\overline{\beta}$ \underline{L} ' $\iota \delta$ '· ταῦτα \mathbf{s} ποδῶν $\overline{\lambda \delta}$ \underline{L} ' $\iota \delta$ '. γίνεται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τμήματος ποδῶν $\overline{\lambda \delta}$ \underline{L} ' $\iota \delta$ '.

Περί τμημάτων μειζόνων ήμικυκλίου.

AC "Εστω τμημα μείζον ημικυκλίου, οδ ή μεν βάσις σχοινίων τβ, ή δε κάθετος σχοινίων θ. εύρειν αὐτοῦ 10 τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως προσαναπληρούσθω διὰ παντὸς ή κάθετος, ἕως οὖ συμπέση τῷ κύκλῳ, καὶ διαιρείτω τὰ τῆς βάσεως σχοινία μέσον γίνονται 5. ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίνονται λε. ταῦτα μέριζε παρά τὴν κάθετον, τουτέστι παρὰ τὰ $\overline{\vartheta}$ · γίνονται $\overline{\delta}$. ἔσται $\overline{0}$ ν 15 τοῦ ἐλάσσονος τμήματος ἡ κάθετος σχοινίων $\overline{\delta}$. ώστε ή διάμετρος τοῦ ὅλου κύκλου σχοινίων τγ. ἐὰν οὖν μετοήσωμεν έλαττον τμημα, οδ ή μεν βάσις έστι σχοινίων τβ, ή δε κάθετος σχοινίων δ, μετρήσωμεν δε καί κύκλον, οξ ή διάμετρός έστιν σχοινίων τη, αφέλωμεν 20 δὲ ἀπὸ τοῦ κύκλου τὸ ἔλαττον τμῆμα, ἕξομεν καὶ τὸ 2 λοιπον μέγιστον τμημα του κύκλου μεμετοημένον. οἶον έστω ή διάμετρος τοῦ όλου κύκλου σχοινίων τη. ταῦτα έφ' ξαυτά γίνονται οξθ ταῦτα ξυδεκάκις γίνονται αωνθ· τούτων τὸ ιδ΄· γίνονται ολβ Δ΄ δ΄ κη΄· τοσούτων 25 σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὅλου κύκλου. ἀπὸ τούτων ύπεξαιρεθήτω τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἐλάσσονος τμήματος, όπεο έστι κατά την προεκτεθείσαν έφοδον σχοινίων λδ ζ΄ ιδ΄ καὶ τὰ λοιπὰ ήγουν τὰ বη ζ΄ ιδ΄ ἔστω τοῦ

messen: Grundlinie = 12 Fuß, Höhe = 4 Fuß. Grundlinie + Höhe = 16 Fuß, $\frac{1}{2} \times 16 = 8$ Fuß, $8 \times$ Höhe = 32 Fuß. $\frac{1}{2}$ Grundlinie $\times \frac{1}{2}$ Grundlinie = 36 Fuß, $\frac{1}{14} \times 36 = 2\frac{1}{2}\frac{1}{14}$ Fuß, $32 + 2\frac{1}{2}\frac{1}{14} = 34\frac{1}{2}\frac{1}{14}$ Fuß.

Von Abschnitten größer als ein Halbkreis.

20

Es sei ein Abschnitt größer als ein Halbkreis, dessen 1 Grundlinie = 12 Schoinien, die Höhe = 9 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. Mache so: es sei die Höhe vollständig ergänzt, bis sie mit dem Kreis zusammenfällt, und 10 sie halbiere die Schoinien der Grundlinie; macht 6. 6 × 6 = 36; dividiere dies mit der Höhe, d. h. 36:9 = 4. Also ist die Höhe des kleineren Abschnitts = 4 Schoinien, der Durchmesser des ganzen Kreises also = 13 Schoinien. Wenn wir nun einen kleineren Abschnitt messen, dessen Grund-15 linie = 12 Schoinien, die Höhe aber = 4 Schoinien, und auch einen Kreis messen, dessen Durchmesser = 13 Schoinien, und vom Kreis den kleineren Abschnitt abziehen, werden wir den übrigen, größeren Abschnitt des Kreises auch gemessen haben. Es sei z. B. der Durchmesser des ganzen 2 Kreises = 13 Schoinien. $13 \times 13 = 169$, $11 \times 169 = 1859$, $\frac{1}{14} \times 1859 = 132\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{28}$; so viel Schoinien der Flächeninhalt des ganzen Kreises. Hiervon werde subtrahiert der Flächeninhalt des kleineren Abschnitts, der nach der früher angegebenen Methode*) = 34½ ½ Schoinien ist; der

*) 19, 8.

¹ πόδες (pr.)] $\vec{\Delta}$ S. συντίθει] συντίθεις S. 4 έαυτό έαυτά S. 5 τῶν] corr. ex τὸ in scrib. S. 6 προστίθει προστίθεις S. 8 τμημάτων μειζόνων] C, μειζόνων τμημάτων A. 11 προσαναπληρούσθω] C, προσαναπεπληρώσθω A. 17 σχοινίων] C, ἔσται σχοινίων A. 19 δὲ καὶ] A, οὖν τὸν C. 20 ἔστιν] C, ἔστι A. 26 τὸ] C, ἔστὶ τὸ A. 30 λοιπὰ] $\lambda οὖ$ C.

μείζονος τμήματος τὸ ἐμβαδόν. ὧν τὸ ήμισυ ἔσται δ μοδισμός.

Τὴν δὲ περίμετρον τοῦ ὅλου κύκλου εύρεῖν. ποίησον τήν διάμετρον τρισσάχις γίνονται λθ. τούτοις πρόσθες καὶ τὸ ζ΄ τῶν τη ἤγουν α ω΄ ζ΄ κα΄ γίνονται μω΄ ζ΄ κα΄ 5 τοσούτων σχοινίων ή περίμετρος τοῦ κύκλου. ἀπὸ τούτων υπέξελε τὸν ἀριθμὸν τῆς περιφερείας τοῦ ἐλάσσονος τμήματος, ός έστι κατά την προγραφείσαν μέθοδον σχοινίων τε γ' ιβ' καὶ τὰ περιλιμπανόμενα ήγουν τὰ πε γ' ιβ' μβ' ἔσται δ ἀριθμὸς τῆς περιφερείας τοῦ 10 μείζονος τμήματος.

"Εστω μεῖζον ἡμικυκλίου, ή βάσις ποδῶν αδ, ή δὲ κάθετος ποδων τς εύρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποιῶ ούτως την βάσιν έπὶ την μάθετον γίνονται πόδες τπδ. ταῦτα ένδεκάκις γίνονται πόδες δσκδ. ὧν τὸ ιδ΄ γίνονται πόδες τα Δ΄ έμβαδόν.

Έτερον τμημα μείζον Δο ημικυκλίου, οδ ή βάσις σχοινίων αδ. εύρειν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως ι ήχθω κάθετος διὰ τοῦ κέντρου έπὶ τὴν βάσιν, ήτις έστὶ πρὸς ὀρθάς, καὶ μετρηθείσα έστω σχοινίων τς, καὶ προσαναπληρούσθω δ ζ' ιδ' τοσούτου ἔσται τὸ 10 κύκλος, καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ κάθετος και διαιρείτω είς δύο μέρη τὰ τῆς βάσεως, ώς είναι τὰ τοῦ ένὸς τμήματος σχοινία ιβ. ταῦτα 15 έφ' έαυτά γίνονται ομδ. ταῦτα μέρισον παρά τὰ τς της καθέτου γίνονται θ. τοσούτων ἔσται σχοινίων ή ἐπιβληθεῖσα τῆ καθέτω. 20 ώς εἶναι όμοῦ τὴν ὅλην

Rest oder $98\frac{1}{7}\frac{1}{14}$ sei der Rauminhalt des größeren Abschnitts. Die Hälfte davon wird die Modienzahl sein.

Den Umkreis des ganzen Kreises zu finden. $3 \times \text{Durch-3}$ messer = 39, hierzu $\frac{1}{7} \times 13 = 1\frac{2}{3}\frac{1}{7}\frac{1}{21}$; macht $40\frac{2}{3}\frac{1}{7}\frac{1}{21}$; so viel Schoinien der Umkreis des Kreises. Subtrahiere hiervon die Zahl des Bogens des kleineren Abschointets, die nach der vorher beschriebenen Methode*) $= 15\frac{1}{3}\frac{1}{12}$ Schoinien ist; so wird der Rest oder $25\frac{1}{3}\frac{1}{12}\frac{1}{42}$ die Zahl des Bogens des größeren Abschnitts sein.

Es sei ein Abschnitt größer als ein Halbkreis, die Grundlinie = 24 Fuß, die Höhe = 16 Fuß; zu finden dessen Flächeninhalt. Ich mache so: Grundlinie \times Höhe = 384 Fuß, 11×384 Fuß = 4224 Fuß, $\frac{1}{14} \times 4224$ Fuß = $301\frac{1}{2}\frac{1}{14}$ Fuß; so viel wird der Flächeninhalt sein.***)

Ein anderer Abschnitt 4 größer als ein Halbkreis, dessen Grundlinie = 24 Schoinien; zu finden dessen Flächen-5 inhalt. Mache so: es sei die Höhe durch den Mittelpunkt senkrecht auf die Grundlinie gezogen und sei gemessen = 16 Schoinien; man ergänze 10 den Kreis und verlängere die Höhe; sie halbiere die Grundlinie, so daß jedes Stück = 12 Schoinien. $12 \times 12 =$ 144, 144:16 der Höhe = 9; 15 so viel Schoinien wird die Verlängerung der Höhe sein, die ganze Höhe also oder der

<sup>*) 19, 4.

**)</sup> Nach der unrichtigen Formel 11bh:14; vgl. Mετρήσεις 29.

 $[\]mathbf{5}$ $\overline{\mu}$] C, ὁμοῦ μονάδες τεσσαράποντα A. \mathbf{w}' $\mathbf{\xi}'$ \mathbf{n} $\mathbf{\alpha}'$] C, δίμοιρον εδρόσμον εἰκοστὸν πρῶτον A. $\mathbf{9}$ \mathbf{i} $\mathbf{\beta}'$] C, \mathbf{i} \mathbf{s}'' A. $\mathbf{10}$ \mathbf{i} $\mathbf{\beta}'$] C, \mathbf{i} \mathbf{s}'' A.

¹ μείζον] μείζων S.

¹ τμῆμα] A, τμῆμα τὲ C. 10 ή] addidi, om. AC. 14 σχοινία] A, σχοινίων C.

αφθετον ἤτοι διάμετοον κύχλου.

Έὰν δὲ θέλης διαστεϊλαι καὶ γνῶναι ἰδίως τοῦ τε μείζονος καὶ τοῦ ήττονος τμήματος τὸ ἐμβαδόν, ποίει ούτως μέτρει τμημα κύκλου ήττον ημικυκλίου, οδ ή μεν βάσις σχοινίων αδ, ή δε προς δρθάς σχοινίων θ, κατά τὸ προγραφέν υπόδειγμα, και τὸ γινόμενον έξ 5 αὐτοῦ ἐμβαδὸν ὕφειλον ἀπὸ τοῦ ἐμβαδοῦ τοῦ κύκλου, καὶ τὸ ὑπολιμπανόμενον μέτρον ἔστω τοῦ μείζονος τμή-6 ματος, οίον ως έν υποδείγματι σύνθες βάσιν καὶ κάθετον τοῦ ήττονος ήμικυκλίου, τουτέστι τὰ πό καί θ. γίνονται λγ. ὧν τὸ ήμισυ. γίνονται τζ ζ. ταῦτα ἐπὶ τὰ 10 θ της καθέτου γίνονται σμη ζ΄. καὶ τὸ ήμισυ της βάσεως ήγουν τὰ ιβ έφ' έαυτά γίνονται ομδ ών τὸ ιδ' γίνονται τ δ' κη' ταῦτα πρόσθες τοῖς σμη Δ' γίνονται ονη Δ΄ δ΄ κη΄ τοσούτων σχοινίων ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ήττονος ήμικυκλίου. ταῦτα ὕφειλον ἀπὸ τοῦ ὅλου ἐμ- 15 βαδοῦ τοῦ κύκλου ἤγουν ἀπὸ τῶν ῦςα καὶ τοῦ ιδ΄. καὶ ὑπολιμπάνονται τλβ δ΄ κη΄, ᾶτινα ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ μείζονος τμήματος.

7 'Εὰν δὲ θέλης τοῦ τε μείζονος καὶ τοῦ ἥττονος τμήματος τὴν περιφέρειαν εύρεῖν, ποίησον οὕτως τὰ κὸ τῆς καθέτου ἐφ' ἐαυτά γίνονται πα ταῦτα τετράκις γίνονται τκὸ. ταῦτα σύνθες τοῖς φος γίνονται ὁμοῦ ②. Durchmesser = 25 Schoinien. $25 \times 25 = 625, 625 \times 11$ = $6875, \frac{1}{14} \times 6875 = 491\frac{1}{14};$ so viel Schoinien wird der 5 Flächeninhalt des Kreises sein.*)

Wenn du aber trennen willst und gesondert den Flächen-5 inhalt sowohl des größeren als des kleineren Abschnitts erkennen, mache so: miß nach dem vorher beschriebenen Beispiel**) einen Kreisabschnitt kleiner als ein Halbkreis, 5 dessen Grundlinie = 24 Schoinien, die Senkrechte aber = 9 Schoinien, und subtrahiere den daraus sich ergebenden Flächeninhalt vom Flächeninhalt des Kreises; der Rest sei das Maß des größeren Abschnitts. Z. B. so***): addiere Grund-6 linie und Höhe des Abschnitts, der kleiner ist als ein Halbto kreis, d. h. 24 + 9 = 33; $\frac{1}{2} \times 33 = 16\frac{1}{2}$, $16\frac{1}{2} \times 9$ der Höhe = $148\frac{1}{2}$; $\frac{1}{2} \times$ Grundlinie oder $12 \times 12 = 144$, $\frac{1}{14} \times 144 = 10\frac{1}{4}\frac{1}{28}$, $148\frac{1}{2} + 10\frac{1}{4}\frac{1}{28} = 158\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{28}$; so viel Schoinien wird der Flächeninhalt des Abschnitts sein, der kleiner ist als ein Halbkreis. Subtrahiere dies vom ganzen 5 Flächeninhalt des Kreises, d. h. $491\frac{1}{14} \div 158\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{28} = 332\frac{1}{4}\frac{1}{28}$, was der Flächeninhalt des größeren Abschnitts sein wird.

Wenn du aber den Bogen sowohl des größeren als des 7 kleineren Abschnitts finden willst, mache so†): 24 der Grundlinie \times 24 = 576, 9 der Höhe \times 9 = 81, 4 \times 81 0 = 324; 576 + 324 = 900, $\sqrt{900}$ = 30, 30 \div 24 Schoi-

*) Ist nur die Einleitung zu der S. 364b 3 gestellten Aufgabe, die in 5 als eine neue (Z. 1 ff.) behandelt wird.
**) 20, 4.

***) Formel
$$\frac{b+h}{2}h + \frac{1}{14}(\frac{h}{2})^2$$
.

†) Formel
$$\sqrt{b^2+4h^2}+(\sqrt{b^2+4h^2}\div b)\frac{h}{b}$$

7 τοῦ] C, τοῦ ὅλου Α.

⁷ ἔστω] C, ἔσται A. 9 τὰ] C, om. Ā. 11 ομη --12 γίνονται] AD, om. C. 13 τ̄] A, om. C. νη'] Α, νθ' C. ταῦτα --14 νη'] Α, om. C. 22 ἐφ' ἐαντά] Α, om. C.

ών πλευρά τετραγωνική γίνεται λ. έξ ών υσειλον τά τῆς βάσεως αδ σχοινία λοιπά ζ. και ἐπειδήπεο ή μεν κάθετός έστιν σχοινίων θ, ή δε βάσις σχοινίων κδ, ποίει ούτως τὰ θ τῆς καθέτου πόστον μέρος ἐστὶ τῶν κδ τῆς βάσεως; ἔστιν οὖν γ η΄ τῶν τοίνυν εξ λαβε 5 $\tau \dot{o} \ \overline{\gamma} \ \eta'$ γίνονται $\overline{\beta} \ \delta'$ ταῦτα σύνθες τοῖς $\overline{\lambda}$ γίνονται λβ δ΄ τοσούτων ἔσται σχοινίων τοῦ ἐλάττονος τμήματος ή περίμετρος. καὶ ἐπειδή ή τοῦ δλου κύκλου περίμετρός έστιν σχοινίων οη ζ΄ ιδ΄, υφειλον έξ αὐτῶν τὰ έσται ή περιφέρεια τοῦ μείζονος τμήματος.

"Εστω τμημα ημικυκλίου "Αλλο τμημα μείζον ημι- ΔΟ μείζον καὶ έχετω τὴν βάσιν κυκλίου, οὖ ἡ μὲν βάσις $\pi \circ \delta \tilde{\omega} \nu \ \overline{\varkappa}$, $\tau \dot{\eta} \nu \delta \dot{\varepsilon} \pi \circ \dot{\sigma} s \dot{\sigma} \circ - \sigma \gamma \circ \iota \nu \iota \omega \nu \ \overline{\varkappa}$, $\dot{\eta} \delta \dot{\varepsilon} \pi \circ \dot{\sigma} s \dot{\sigma} \circ - \sigma \gamma \circ \iota \nu \iota \omega \nu \ \overline{\varkappa}$ θάς ήτοι μάθετον ποδών θάς σχοινίων λ. εύρεῖν λ εύρεῖν αὐτοῦ τὸ έμβα- 5 αὐτοῦ τὸ έμβαδόν. ποίει δόν. ποιῶ οὕτως: ἐπειδὴ μετζόν ἐστιν ἡμικυκλίου, προσαναπληρῶ τὸν κύκλον καὶ εύρίσκω τοῦ ἐλάσσονος τμήματος τὴν κάθετον ού- 10 ματος τὸ ύψος τῆς καθτως λαμβάνω τὸ Δ΄ τῆς βάσεως γίνονται πόδες τ. ταῦτα ἐφ' έαυτά· γίνονται ο. ταῦτα μερίζω παρά τοὺς $\overline{\lambda}$ $au\eta_S$ καθέτου· γίνονται 15 ε l_S τὰ $\overline{\lambda}$ · γίνονται $\overline{\gamma}$ γ΄· πόδες γ γ' ταῦτα προστιδῶ τοῖς λ. γίνονται λγ γ'. αἴοω ἀπὸ τούτων τὰ λ. λοιπὸν μένει πόδες γ γ'.

ούτως ἐπειδήπεο μεῖζόν έστι τοῦ ημικυκλίου, προσαναπλήρου τὸν κύκλον, καὶ εύρήσεις τοῦ ἐλάττονος τμήέτου. καὶ λαβὲ τῆς βάσεως τὸ ημισυ γίνονται το ταῦτα πολυπλασίασον ἐφ' ἑαυτά· γίνονται ο. ταῦτα μέρισον ταῦτα πρόσθες τοῖς λ. γίνονται λη γ΄ τοσούτων έσται σχοινίων ή κάθετος ήτοι διάμετρος τοῦ όλου ἔστω τοῦ ἐλάσσονος τμή- 20 κύκλου, ἤγουν τοῦ μὲν

nien der Grundlinie = 6. Und da die Höhe = 9 Schoinien, die Grundlinie aber = 24 Schoinien, mache so: ein wie großer Teil der 24 der Grundlinie sind die 9 der Höhe? 9:24=3:8. Nimm dann $\frac{3}{8}$ von $6=2\frac{1}{4}$; $30+2\frac{1}{4}=$ 5 321; so viel Schoinien wird der Umkreis des kleineren Abschnitts sein. Und da der Umkreis des ganzen Kreises = $78\frac{1}{2}\frac{1}{14}$ Schoinien,*) subtrahiere davon $32\frac{1}{4}$; so wird der Rest oder 46¹/₄ der Bogen des größeren Abschnitts sein.

Es**) sei ein Abschnitt größer als ein Halbkreis mit der Grundlinie = 20 Fuß, der Senkrechten aber oder der Höhe = 30 Fuß; zu finden dessen Flächeninhalt. Ich mache so: da er größer ist als ein Halbkreis, ergänze ich den Kreis und finde die Höhe des kleineren Abschnitts 10 des kleineren Abschnitts finso: ½ Grundlinie = 10 Fuß, $10 \times 10 = 100, 100:30$ der Höhe = $3\frac{1}{3}$ Fuß, 30 + $3\frac{1}{3}$ = $33\frac{1}{3}$. $33\frac{1}{3}$ ÷ 30 = $3\frac{1}{3}$ Fuß; es sei die Höhe, d. h. 15 Senkrechte oder der Durchdie Senkrechte, des kleineren Abschnitts = $3\frac{1}{3}$ Fuß. Darauf

Ein anderer Abschnitt größer als ein Halbkreis, dessen Grundlinie = 20 Schoinien, die Senkrechte aber = 5 30 Schoinien; zu finden seinen Flächeninhalt. Mache so: da er größer ist als der Halbkreis, ergänze den Kreis; so wirst du die Höhe der Senkrechten den. Nimm $\frac{1}{2} \times$ Grundlinie $=10, 10 \times 10 = 100, 100$ $:30=3\frac{1}{3},\ 30+3\frac{1}{3}=33\frac{1}{3};$ so viel Schoinien wird die messer des ganzen Kreises sein, d. h. die des größeren

^{*)} Denn der Durchmesser ist 9 + 16 = 25; s. 20, 4. ** = Μετοήσεις 32.

⁹ έστιν] C, έστι Α.

⁷ προσαναπλήρου] Hultsch, προσαναπλήροι Α, προσαναπλήρει C. 12 γίνονται comp. C, γίνεται A. $15 \overline{\lambda}$] τριάντα C, λ τῆς πρὸς ὀρθάς Α. 16 ταῦτα -17 y'] A, om. C.

ματος τὸ ΰψος ποδῶν γ γ', τουτέστιν ή κάθετος. άρτι 9 εύρίσκω δλου τοῦ κύκλου τὸ ἐμβαδόν γίνεται ποδῶν ωογ, ως προδέδεικται. καὶ τοῦ έλάσσονος τμήματος εύρίσκω τὸ έμβαδόν, ώς προέδειξα, καὶ αἴρω ἀπὸ δλου τοῦ κύκλου καὶ τὸ τοῦ μείζονος τμήματος, καθώς προείπον.

μείζονος τμήματος σχοινίων λ, τοῦ δὲ ήττονος σχοινίων γ γ'. εδρίσκεται τοίνυν τοῦ ὅλου κύκλου τὸ 5 έμβαδον ἀπὸ τοῦ προκειμένου ύποδείγματος σχοινίων σογ καὶ λεπτοῦ έξηκοστοτρίτου ένός. δμοίως εύρίσκεται καὶ τοῦ ήττολοιπον έστω το έμβαδον 10 νος τμήματος το έμβαδον ἀπὸ τοῦ προκειμένου ὑποδείγματος σχοινίων με καὶ λεπτῶν έξημοστοτρίτων β. είτα ύπεξαιρείται ἀπὸ τοῦ 15 δλου κύκλου τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἐλάττονος τμήματος, καὶ τὸ ὑπολιμπανόμενον έσται του μείζονος τμήματος.

- Όλου δὲ τοῦ κύκλου τὸ ἐμβαδὸν εύρήσεις οὕτως. 10 $\tau \alpha \overline{\lambda \gamma} \gamma' \epsilon \varphi' \epsilon \alpha \nu \tau \alpha' \gamma (\nu \nu \nu \tau \alpha \iota \overline{\alpha \rho \iota \alpha} \vartheta' \cdot \tau \alpha \tilde{\nu} \tau \alpha \dot{\alpha} \epsilon \iota \delta \epsilon$ κάκις και απαξ. γίνονται α βοκβ 5' ιη'. ὧν ἀεὶ τὸ ιδ'. γίνονται σογ καὶ ξγ΄ τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὅλου χύχλου.
- Τοῦ δὲ ἐλάττονος τμήματος τὸ ἐμβαδὸν εύρήσεις ούτως σύνθες τούτου την βάσιν και την κάθετον ήγουν τὰ π καὶ γ γ' γίνονται πρ γ' τούτων λαβὲ τὸ ημισυ γίνονται τα ω΄. ταῦτα πολυπλασίασον ἐπὶ τὰ γ γ΄ τῆς καθέτου γίνονται λη ω΄ 5΄ ιη΄. εἶτα λαβὲ τὸ ήμισυ 10 τῆς βάσεως γίνονται το ταῦτα πολυπλασίασον ἐφ' έαυτά γίνονται ο δυ το ιδ' γίνονται ξζ' ταῦτα σύνθες

findeich den Flächeninhalt des ganzen Kreises = 873 Fuß, wie vorher bewiesen.*) Und ich finde den Flächeninhalt des kleineren Abschnitts, wie ich vorher bewiesen habe, **) und subtrahiere ihn vom ganzen Kreis; der Rest sei der Flächeninhalt des größeren gesagt habe.***)

Abschnitts = 30 Schoinien, die des kleineren = $3\frac{1}{9}$ Schoinien. Folglich findet man 9 nach dem vorliegenden Bei-5 spiel den Flächeninhalt des ganzen Kreises = 873 1 Schoinien. Ebenso findet man auch nach dem vorliegenden Beispiel den Flächeninhalt des Abschnitts, wie ich vorhin 10 kleineren Abschnitts = $46\frac{2}{63}$. Darauf subtrahiert man vom ganzen Kreis den Flächeninhalt des kleineren Abschnitts, und der Rest wird der des grö-15 Beren Abschnitts sein. †)

Den Flächeninhalt des ganzen Kreises wirst du so finden: 10 $33\frac{1}{3} \times 33\frac{1}{3} = 1111\frac{1}{9}$, immer $11 \times 1111\frac{1}{9} = 12222\frac{1}{6}\frac{1}{18}$, immer $\frac{1}{14} \times 12222\frac{1}{6}\frac{1}{18} = 873\frac{1}{63}$; so viel Schoinien der Flächeninhalt des ganzen Kreises.

Den Flächeninhalt aber des kleineren Abschnitts wirst du 11 so finden: addiere dessen Grundlinie und Höhe oder 20 + $3\frac{1}{3}=23\frac{1}{3},\ \frac{1}{2}\times23\frac{1}{3}=11\frac{2}{3};\ 11\frac{2}{3}\times3\frac{1}{3}\ \text{der H\"ohe}=38\frac{2}{3}\frac{1}{6}\frac{1}{18};\ \frac{1}{2}\times\text{Grundlinie}=10,\ 10\times10=100,\ \frac{1}{14}\times100$

*) 17, 4.

**) 19, 1 nach der Formel $\frac{b+h}{2}h + \frac{1}{14}(\frac{b}{2})^2$, wie in 11.

***) 20, 1.

†) Die hier bezeichneten Rechnungen werden in 10-11 als neue Aufgaben vorgeführt.

> 7 ωογ-12 σχοινίων] A, om. C. 13 έξημοστότριτον C. 18 τοῦ] fort. τὸ τοῦ.

¹ ξμβαδὸν] A, ξμβαδὸν ἀπὸ τοῦ προπειμένου ὑποδείγματος νίων μς΄ C. 4 $\overline{\omega}$ ογ] A, ω ΄ C. παὶ] C, om. A. ξγ΄] A, σχοινίων με' C. ξγ" (, (h.e. καί?) γ' C. τοσούτων] C, τοσούτων έσται Α. 8 καί] 11 γίνονται] comp. C, γίνεται Α. πολυπλα-C, καὶ τὰ Α. σίασον C. om. A.

τοῖς $\overline{\lambda\eta}$ ω' ς' ιη' · γίνονται μονάδες $\overline{\mu\varsigma}$ καὶ λεπτὰ έξηκοστότριτα $\overline{\beta}$ · τοσούτων σχοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἐλάττονος τμήματος · ὧν ὑφελομένων ἀπὸ τοῦ ὅλου κύκλου, τουτέστιν ἀπὸ τῶν $\overline{\omega o \gamma}$ καὶ τοῦ ένὸς έξηκοστοτρίτου, ὑπολιμπάνονται σχοινία $\overline{\omega \kappa \zeta}$ παρὰ λεπτὸν ς έξηκοστότριτον $\overline{\alpha}$, ἄτινά εἰσι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ μείζονος τμήματος.

Τὴν δὲ περίμετρον τοῦ ὅλου κύκλου εύρεῖν. ποίησον την διάμετρον τρισσάκις και ζ΄ γίνονται οδ ζ΄ ζ΄ ιδ΄ κα' έξ ὧν τοῦ έλάττονος τμήματος τὴν περιφέρειαν 10 καὶ τὸ λοιπὸν ἔσται τοῦ μείζονος τμήματος ή περι-13 φέρεια. εύρήσεις δὲ τοῦ ἐλάττονος τμήματος τὴν περιφέρειαν ούτως πολυπλασίασον τὰ π τῆς βάσεως ἐφ' ξαυτά· γ(νονται \overline{v} · δμοίως καὶ τὰ $\overline{\gamma}$ γ' τῆς καθέτου έφ' ξαυτά γίνονται τα θ' ταῦτα τετράκις γίνονται 15 $\overline{\mu\delta}$ γ' ϑ' . $\tau \alpha \tilde{v} \tau \alpha$ $\pi \rho \delta \sigma \vartheta \varepsilon \varsigma$ $\tau o \tilde{i} \varsigma$ \overline{v} $\gamma \ell \nu \rho \nu \tau \alpha i$ $\delta \mu o \tilde{v}$ $\overline{v \mu \delta}$ γ' θ'. ὧν πλευρά τετράγωνος γίνεται πα ιβ' παρά τὸ σύνεγγυς τούτοις πρόσθες τὸ τέταρτον τῆς καθέτου, δ έστιν Δ΄ γ΄· γίνονται πα Δ΄ γ΄ ιβ΄· τοσούτων σχοινίων έσται ή περιφέρεια τοῦ έλάττονος τμήματος. ταῦτα 20 ᾶρον ἀπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ κύκλου, τουτέστιν ἀπὸ τῶν οδ καὶ τοῦ Δ΄ ξ΄ ιδ΄ κα΄ · λοιπὰ πβ Δ΄ γ΄ πδ΄ · τοσούτων σχοινίων έσται καὶ ή τοῦ μείζονος τμήματος περιφέρεια.

14 Τμήματος δε κύκλου ύποκειμένου και της βάσεως 25 ύπεστρωμένης και φανεράς ούσης και της καθέτου, ήτις και πρὸς ὀρθὰς καλεῖται, ἀπὸ τοῦ κέντρου της κορυφης ἐπὶ τὴν βάσιν ἀχθείσης και ἐστηριγμένης εὐρεῖν, πότερον ἡμικύκλιόν ἐστιν ἢ ἔλαττον ἢ μεῖζον τοῦ ἡμικυκλίου. εὐρίσκεται δὲ οὕτως ἐὰν ἡ πρὸς ὀρθὰς 30 ἴση τῷ ἡμίσει μέρει τῆς βάσεως τυγχάνη, ἡμικύκλιόν = $7\frac{1}{7}$, $38\frac{2}{3}\frac{1}{6}\frac{1}{18} + 7\frac{1}{7} = 46\frac{2}{63}$; so viel Schoinien der Flächeninhalt des kleineren Abschnitts. Dies vom ganzen Kreis subtrahiert oder $873\frac{1}{63} \div 46\frac{2}{63} = 827 \div \frac{1}{63}$, was der Flächeninhalt des größeren Abschnitts ist.

Den Umkreis des ganzen Kreises zu finden. $3\frac{1}{7} \times Durch$ 12 messer = $104\frac{1}{2}\frac{1}{7}\frac{1}{14}\frac{1}{21}$. Subtrahiere davon den Bogen des kleineren Abschnitts; dann wird der Rest der Bogen des größeren Abschnitts sein. Den Bogen aber des kleineren 13 Abschnitts wirst du so finden: 20 der Grundlinie \times 20 = 400, ebenso $3\frac{1}{3}$ der Höhe $\times 3\frac{1}{3} = 11\frac{1}{9}$, $4 \times 11\frac{1}{9} = 44\frac{1}{3}\frac{1}{9}$; $400 + 44\frac{1}{3}\frac{1}{9} = 444\frac{1}{3}\frac{1}{9}$, $\sqrt{444\frac{1}{3}\frac{1}{9}} = 21\frac{1}{12}$ annähernd, $\frac{1}{4} \times \text{Höhe} = \frac{1}{2}\frac{1}{3}$, $21\frac{1}{12} + \frac{1}{2}\frac{1}{3} = 21\frac{1}{2}\frac{1}{3}\frac{1}{12}$; so viel Schoinien wird der Bogen des kleineren Abschnitts sein.*) Subtrahiere dies vom Umkreis des Kreises, d. h. $104\frac{1}{2}\frac{1}{7}\frac{1}{14}\frac{1}{21} \div 21\frac{1}{2}\frac{1}{3}\frac{1}{12}$. $15 = 82\frac{1}{2}\frac{1}{3}\frac{1}{34}$; so viel Schoinien wird der Bogen des größeren Abschnitts sein.

Wenn ein Kreisabschnitt vorliegt und die Grundlinie 14 unten gezogen und bekannt ist, und die Höhe, welche auch die Senkrechte heißt, vom Scheitelpunkt auf die Grund-20 linie gezogen und festgelegt ist, zu finden, ob der Abschnitt ein Halbkreis ist oder kleiner oder größer als ein Halbkreis. Dies wird so gefunden: wenn die Senkrechte der Hälfte der Grundlinie gleich ist, so ist er ein voller Halb-

*) Formel $\sqrt{b^2 + 4h^2 + \frac{1}{4}h}$.

¹ $\lambda \bar{\epsilon}$ ° C. έξεικοστότρι/ ° C. 2 τὸ] ° C, ἔσται τὸ Α. 4 έξεικοστοτρίτου ° C. 6 έξεικοστότριτου ° C. 8 Τὴν] () ὴν ° C. 9 ζ ° (pr.)] ° C, τὸ ἔβδομου Α. 15 $\bar{\iota}\bar{\alpha}$ ϑ ΄] Α, οm. ° C. ταντα] ° C, ταντα ποίησου Α. 16 πρόσθες] ° C, σύνθες Α. γίνονται—17 γ ΄] Α, οm. ° C. 17 $\bar{\iota}\beta$ ΄] ° C, $\bar{\iota}\epsilon$ ΄ ΄ Α. τὸ] Α, οm. ° C. 19 $\bar{\iota}\beta$ ΄] ° C, $\bar{\iota}\epsilon$ ΄ ΄ Α. σχοινίων ἔσται] ° C, ἔσται σχοινίων Α. 20 ἐλάττονος] ° C, ἔλάσσονος Α. 22 $\bar{\varrho}\bar{\partial}$] Α, $\bar{\varrho}\nu\delta$ ′ ° C. $\bar{\pi}\bar{\beta}$] ° C, $\bar{\tau}\gamma$ ′ Α. 26 καλ (alt.)] Α, οm. ° C. 29 μείζων ° C. 31 μέρη ° C. τυγχάνη] Hultsch, τυγχάνει Α C.

έστι πλήφες, έὰν δὲ μείζων, τοῦ ἡμικυκλίου μείζον, έὰν δὲ ἐλάσσων, ἔλασσον.

- Δύο δὲ κύκλων περί τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων τὸ 211 μεταξύ των περιφερειών αύτων χωρίον δυνατόν έστιν εύρεῖν μετρήσαντι άμα έκάτερον τῶν κύκλων καὶ ἀφ- 5 ελόντι μετὰ τοῦτο ἀπὸ τοῦ μείζονος τὸν ἐλάσσονα. οξον έστωσαν περί τὸ αὐτὸ κέντρον κύκλοι δύο, δ μέν μείζων, δ δε ελάττων, καὶ ή μεν τοῦ μείζονος κύκλου διάμετρος έστω σχοινίων πς, ή δε τοῦ ελάττονος σχοινίων ιδ. έὰν οὖν μετοήσωμεν εκάτερον κύκλον καὶ 10 άφέλωμεν ἀπὸ τοῦ μείζονος τὸν ἐλάττονα, έξομεν καὶ τὸ μεταξύ τῶν περιφερειῶν αὐτῶν χωρίον μεμετρημένον. οἶον ἔστω τοῦ μείζονος κύκλου ή διάμετρος σχοινίων π5. ταῦτα ἐφ' ἐαυτά γίνονται πος ταῦτα δεκάκις καὶ απαξ. γίνονται ζυλς. τούτων τὸ ιδ. γίνονται φλα 15 ζ΄ τοσούτων σγοινίων τὸ ἐμβαδὸν τοῦ μείζονος κύ-2 κλου. δμοίως έστω καὶ ή τοῦ ελάττονος κύκλου διάμετρος σχοινίων ιδ. ταῦτα ἐφ' ἐαυτά γίνονται οςς. ταῦτα ένδεμάκις γίνονται βονς τούτων τὸ ιδ' γίνονται ονδ· τοσούτων έσται σγοινίων καὶ τοῦ ἐλάττονος κύ- 20 κλου τὸ ἐμβαδόν. ἐὰν οὖν ἀφέλωμεν τὰ ονδ ἀπὸ τῶν φλα ζ', ὑπολιμπάνονται τοζ ζ', ἄπερ εἰσὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ μεταξύ τῶν περιφερειῶν τῶν δύο κύκλων χωρίου. καλείται δέ τὸ τοιούτον ίτυς.
 - 3 Όρος κύκλου εύρεθεὶς ἐν ἄλλῷ βιβλίῷ τοῦ Ἡρῶνος. 25 $-\frac{"Εχει ἡ περίμετρος πρὸς τὴν διάμετρον λόγον, οἶον πρὸς ξ.$

kreis, wenn größer, dann größer als der Halbkreis, wenn aber kleiner, dann kleiner.

Wenn*) zwei Kreise um denselben Mittelpunkt gegeben 21 1 sind, ist es möglich den Raum zwischen ihren Umkreisen 5 zu finden, wenn man beide Kreise zugleich mißt und dann vom größeren den kleineren abzieht. Es seien z. B. um denselben Mittelpunkt zwei Kreise, ein größerer und ein kleinerer, und der Durchmesser des größeren Kreises sei = 26 Schoinien, der des kleineren = 14 Schoinien. Wenn wir 10 nun beide Kreise messen und vom größeren den kleineren abziehen, werden wir auch den Raum zwischen ihren Umkreisen gemessen haben. Es sei z. B. der Durchmesser des größeren Kreises = 26 Schoinien; $26 \times 26 = 676$, $676 \times 11 = 7436, \frac{1}{14} \times 7436 = 531\frac{1}{7}$; so viel Schoinien 15 der Flächeninhalt des größeren Kreises. In derselben Weise 2 sei auch der Durchmesser des kleineren Kreises = 14 Schoinien; $14 \times 14 = 196$, $11 \times 196 = 2156$, $\frac{1}{14} \times 2156$ = 154; so viel Schoinien wird auch der Flächeninhalt des kleineren Kreises sein. Wenn wir dann 154 von 531¹/₇ ab-20 ziehen, bleibt als Rest 377¹/₇, was der Flächeninhalt des Raumes ist zwischen den Umkreisen der beiden Kreise. Ein solcher wird Kreisring genannt.

Definition**) des Kreises gefunden in einem anderen

Buche Herons.

Der Umkreis verhält sich zum Durchmesser, wie 22:7.

25

*) Vgl. Heron, Μετφιπά p. 68, 12 ff. **) D. h. Berechnung. Vgl. Heron, Μετφιπά p. 66, 6 ff.

om. A. 5 μετρήσαντι] C, μετρήσαντα A. τῶν κύκλων] C, κύκλον A. ἀφελόντι] C, ἀφελόντα A. 6 τοῦτο] A, τούτον τὸ C. τοῦ] A, τῆς C. ἐλάττονα A. 9 διάμετρος] A, ἡ διάμετρος C. ἐλάττονος] C, ἐλάσσονος A. 13 τοῦ] C, ἡ τοῦ A. ἡ] C, om. A. 15 ξυλς] A, νλς C. 16 μείζονος] A, om. C. 17 διάμετρος] A, ἡ διάμετρος C. 20 ἔσται] C, om. A. 22 ξ΄] C, καὶ τοῦ ξ΄΄ A. εἰσὶ] C, ἐστὶ A. 23 τοῦ] A, τὸ C. 24 καλείται - ἰτυς] A, om. C. 25 $^{\circ}$ Hρωνος] A, αὐτοῦ $^{\circ}$ Hρωνος οῦτως C. Pro 21, 1—2 hoc loco 21, 8—13 habet C, tum demum 21, 3.

Α ώστε, έὰν δοθη ή τοῦ κύκλου διάμετρος μονάδων ιδ, καὶ χοῆ τὴν περίμετοον άπὸ τῆς διαμέτρου εύρεῖν, δεῖ ποιήσαντας τὰ ιδ ἐπὶ τὰ κβ καὶ τούτων τὸ ζ΄ λαβόντας τοσούτου άποφαίνεσθαι την περιφέρειαν. οἶον ἔστω ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου μονάδων ιδ. ταῦτα 10 είκοσάκις καὶ δίς γίνονται τη τούτων τὸ ζ΄ γίνονται μδ. ἔσται οὖν ή τοῦ κύκλου περίμετρος μονάδων μδ.

ώστε, έὰν ἦ τοῦ κύκλου, ο εί τύχοι, ή διάμετρος μονάδων ιδ, δεῖ ποιήσαντα τὰ ιδ ἐπι τὰ κβ καὶ τού-5 των τὸ ζ΄ λαβόντα ἀποφαίνεσθαι τοσούτων την περιφέρειαν έστι δε μδ.

Πάλιν, ἐὰν δοθῆ ἡ περι- 15 φέρεια μονάδων μδ, καὶ χοῆ τὴν διάμετρον ἀπὸ τῆς περιμέτρου εύρεῖν, δεῖ ποιήσαντας τὰ μδ έπτάκις καὶ τῶν ἐκ τούτων γενομένων 20 μεν τὴν διάμετρον . ἔστι τὸ κβ΄ λαβόντας τοσούτου αποφαίνεσθαι την διάμετρον. οἷον ἔστω ή τοῦ κύκλου περίμετρος μονάδων μδ. ταῦτα έπτάκις 25 γίνονται τη τούτων τὸ κβ΄ γίνονται ιδ. και έστιν ή τοῦ κύκλου διάμετρος μονάδων ιδ.

Καὶ πάλιν, έὰν δοθῆ ή 4 περιφέρεια μδ, καὶ βουλώμεθα την διάμετρον εύρεῖν, ποιήσαντες τὰ μδ έπτάκις τῶν γινομένων τὸ κβ΄ έξοδὲ δεκατέσσαρες.

5 Δοθείσης της περιμέτρου 30 Δείκνυσι δε έν τη τοῦ 5 καὶ τῆς διαμέτρου ἐν ἀριθ- κύκλου μετρήσει, ὅτι τὸ

Wenn also der Durchmesser des Kreises gegeben ist = 14, und der Umkreis aus dem Durchmesser gefunden werden soll, muß man machen 14×22 , davon $\frac{1}{7}$ nehmen und den Umkreis zu so viel angeben. Es sei z. B. der Durchmesser des Kreises = 14; $14 \times 22 = 308, \frac{1}{7} \times 10$ 308 = 44; der Umkreis des Kreises wird also = 44 sein.

Wiederum, wenn der Umkreis gegeben ist = 44, und 15 kreis gegeben ist = 44, und der Durchmesser aus dem Umkreis gefunden werden soll, muß man machen 7× 44, aus deren Produkt $\frac{1}{20}$ nehmen und den Durchmesser 20 haben, d. h. = 14. zu so viel angeben. Es sei z. B. der Umkreis des Kreises =44; $7 \times 44 = 308$, $\frac{1}{29}$ $\times 308 = 14$; und es ist der Durchmesser des Kreises 25 = 14.

Wenn der Umkreis und der Durchmesser in Zahlen ge-

Wenn also der Durchmesser des Kreises z. B. = 14 ist, muß man machen 14×22, davon $\frac{1}{7}$ nehmen und den Um-5 kreis zu so viel ar geben, d.h. = 44.

Wiederum, wenn der Um- 4 wir den Durchmesser finden wollen, machen wir 7 × 44 und werden dann den Durchmesser $=\frac{1}{22}$ des Produkts

Er beweist aber in der 5 Kreismessung, daß das Pro-

16 βουλώμεθα] Hultsch, βουλόμεθα С. 30 Δείπνυσι] вс. Archimedes (Κύκλ. μέτο. 1). έν τῆ Hultsch, ἐντὸς C

Α μοῖς τὸ ὑπὸ τῆς περιμέτρου και της διαμέτρου τετραπλάσιόν έστι τοῦ κύκλου, τὸ δὲ ὑπὸ τῆς περιμέτρου καὶ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου διπλάσιον. ώστε, έὰν δοθη ή περιφέρεια μονάδων μδ καὶ ή διάμετρος μονάδων ιδ, καὶ λαβόντες τὰ ιδ τῆς μεν έπὶ τὰ μδ τῆς περιμέτρου, καὶ τῶν γενομένων τὸ τέταρτον ληψόμεθα έστι δε μονάδες ονδ. τοσούτου έρουμεν είναι τὸ έμβαδὸν 15 τοῦ χύκλου.

ύπὸ τῆς περιφερείας τοῦ ο κύκλου καὶ τῆς ἐκ τοῦ **κέντρου διπλάσιόν ἐστι τοῦ** κύκλου. ώστε, έὰν δοθη 5 ή περιφέρεια μονάδων μδ, λαβόντες τῆς διαμέτρου τὸ L'· ἔστι δὲ μονάδες ξ· πολυπλασιάζομεν έπὶ τὰ μδ καλ των γενομένων τὸ Δ΄ διαμέτρου πολυπλασιάσω- 10 ληψόμεθα έστι δε μονάδες ονδ. τοσούτων έρουμεν τὸ ἐμβαδον τοῦ κύκλου.

'Εάν δε λάβωμεν της διαμέτρου το ημισυ, ο έστι μονάδες έπτά, και πολυπλασιάσωμεν έπι τὰ μδ τῆς περιμέτρου καλ των γενομένων τὸ ήμισυ ληψόμεθα. έστι δε και ούτως μονάδες ονδ. τοσούτου αποφαινόμεθα είναι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου. ἔστιν οὖν τῷ κύκλω ἴσον τὸ ὑπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου καὶ τοῦ ἡμίσεος της περιφερείας. ώστε, έαν λάβωμεν το ήμισυ της διαμέτρου, ὅ ἐστι μονάδες ξ, καὶ πολυπλασιάσωμεν ἐπὶ τὸ ημισυ της περιφερείας, τουτέστιν έπὶ τὰ εἰκοσιδύο. γίνεται δέ καὶ ούτως ονδ. τοσούτου έρουμεν είναι τὸ 10 έμβαδὸν τοῦ κύκλου.

7 Ομοίως καὶ τὸ ὑπὸ τῆς διαμέτρου καὶ τοῦ τετάρτου τῆς περιφερείας ἴσον ἐστὶ τῷ κύκλῳ. τῆς γὰρ διαμέτρου ούσης μονάδων ιδ καὶ τῆς περιμέτρου μονάδων μδ. έὰν λάβωμεν τῆς περιμέτρου τὸ τέταρτον, ὅ ἐστι μο- 15 geben sind, ist das Produkt des Umkreises und des Durchmessers viermal so groß als der Kreis, das des Umkreises und des Radius doppelt so groß. Wenn also der Umkreis gegeben ist = 44 und der Durchmesser = 14, und wir 14 des Durchmessers Umkreises multiplizieren und vom Produkt 1 nehmen, d. h. 154, so werden wir den Flächeninhalt des Kreises zu so viel angeben.

dukt des Umkreises des Kreises und des Radius doppelt so groß ist als der Kreis. Wenn also der Umkreis ge-5 geben ist = 44, nehmen wir $\frac{1}{2}$ × Durchmesser, d. h. 7. und multiplizieren mit 44 und nehmen vom Produkt die Hälfte, d. h. 154; zu so viel nehmen und mit 44 des 10 werden wir den Flächeninhalt des Kreises angeben.

Wenn wir aber $\frac{1}{2} \times$ Durchmesser nehmen, d. h. 7, und 6 mit 44 des Umkreises multiplizieren und die Hälfte des Produkts nehmen, d. h. wiederum 154, so geben wir den Flächeninhalt des Kreises zu so viel an. Nun ist das Produkt 5 des Radius und der halben Peripherie dem Kreis gleich. Wenn wir daher $\frac{1}{2} \times$ Durchmesser, d. h. 7, nehmen und mit der halben Peripherie, d. h. 22, multiplizieren, was wiederum 154 gibt, so werden wir den Flächeninhalt des Kreises zu so viel angeben.

In derselben Weise ist auch das Produkt des Durch- 7 messers und \(\frac{1}{4} \) der Peripherie gleich dem Kreis. Es sei n\(\text{n\) mlich der Durchmesser = 14 und der Umkreis = 44; wenn wir dann 1 × Umkreis, d. h. 11, nehmen und mit dem

¹ ὑπὸ] scripsi, ἀπὸ Α. 4 ὑπὸ] scripsi, ἀπὸ Α. 13 ληψόμεθα] Hultsch, ληψώμεθα A.

^{1—}p. 380, 3 om. C. 3 ληψόμεθα] Hultsch, ληψώμεθα 6 ὑπὸ] scripsi, ἀπὸ Α. 12 ὑπὸ] scripsi, ἀπὸ Α.

νάδες $\overline{\iota \alpha}$, καὶ πολυπλασιάσωμεν ἐπὶ τὴν ὅλην διάμετοον ἤγουν ἐπὶ τὰ $\overline{\iota \delta}$. ἔστι δὲ καὶ οὕτως $\overline{\varrho \nu \delta}$. τοσούτου $_{AC}$ ἐ $\varrho \circ \tilde{\iota}$ μεν εἶναι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

"Εὰν δέη χωρίου τινὸς δοθέντος ἤτοι εὐθυγράμμου ἢ οἱουδηποτοῦν τούτῳ ἴσον κύκλον ποιήσασθαι, δεῖ 5 λαβόντας τὸ ια΄ μέρος τοῦ ἐμβαδοῦ καὶ τοῦτο ποιήσαντας τεσσαρεσκαιδεκάκις, εἶτα τῶν γενομένων πλευρὰν τοῦ κύκλου διάμετρον. οἶον ἔστω τὸ ἐμβαδὸν τοῦ δοθέντος χωρίου μονάδων ροδ. τούτων τὸ ια΄ γίνονται 10 ιδ΄ ταῦτα τεσσαρεσκαιδεκάκις γίνονται ρος τοῦ κύκλου μονάδων ἰδ, ἐκ δὲ τῆς διαμέτρου δῆλος ὁ κύκλος ἐκ τῶν ποοειρημένων.

Δοθέντων συναμφοτέρων των αριθμών ήγουν της 15 διαμέτρου, της περιμέτρου καὶ τοῦ ἐμβαδοῦ τοῦ κύκλου έν αριθμώ έν**ι** διαστείλαι και εύρείν εκαστον άριθμόν. ποίει ούτως έστω ὁ δοθείς άριθμός μονάδες σιβ. ταῦτα ἀεὶ ἐπὶ τὰ ονδ. γίνονται μυριάδες γ καὶ βχμη. τούτοις προστίθει καθολικώς ωμα γίνονται μυ- 20 οιάδες τοείς καὶ γυπθ. ὧν πλευρά τετράγωνος γίνεται οπγ. ἀπὸ τούτων πούφισον πθ. λοιπὰ ονδ. ὧν μέρος 10 ια΄ γίνεται ιδ· τοσούτου ή διάμετρος τοῦ κύκλου. ἐὰν δε θέλης και την περιφέρειαν εύρειν, ύφειλον τὰ κθ άπὸ τῶν οπγ. λοιπὰ ονδ. ταῦτα ποίησον δίς. γίνονται 25 τη· τούτων λαβὲ μέρος ζ΄· γίνονται μδ· τοσούτου ή περίμετρος. τὸ δὲ ἐμβαδὸν εύρεῖν. ποίει οὕτως τὰ ιδ της διαμέτρου έπὶ τὰ μδ της περιμέτρου γίνονται χις τούτων λαβέ μέρος τέταρτον γίνονται σνδ. τοσοῦτον τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου. ὁμοῦ τῶν τοιῶν ἀριθ- 30 μῶν μονάδες σιβ.

ganzen Durchmesser, d. h. 14, multiplizieren, was wiederum 154 gibt, so werden wir den Flächeninhalt des Kreises zu so viel angeben.

Wenn ein Raum gegeben ist, es sei gradlinig oder von 8 5 welcher Art immer, und man einen Kreis diesem gleich konstruieren soll, so nehme man 1/11 des Flächeninhalts, multipliziere dies mit 14, nehme die Quadratwurzel des Produkts und gebe den Durchmesser des Kreises zu so viel an. Es sei z. B. der Flächeninhalt des gegebenen Raumes = 154; 10 1/11 × 154 = 14, 14 × 14 = 196, √196 = 14; es wird also der Durchmesser des Kreises = 14 sein, und aus dem Durchmesser ergibt sich der Kreis nach dem vorher Gesagten.*)

Wenn beide**) Zahlen, die des Durchmessers, des Umkreises und des Flächeninhalts des Kreises, in einer Zahl ge15 geben sind, sie auseinander zu legen und jede Zahl zu finden.***) Mache so: es sei die gegebene Zahl 212; immer $154 \times 212 = 32648$, allgemein 841 + 32648 = 33489, $\sqrt{33489} = 183$, $183 \div 29 = 154$, $\frac{1}{11} \times 154 = 14$; so viel
der Durchmesser des Kreises. Wenn du aber auch die Peri10 pherie finden willst, subtrahiere $183 \div 29 = 154$, 2×154 = 308, $\frac{1}{7} \times 308 = 44$; so viel der Umkreis. Den Flächeninhalt zu finden. Mache so: 14 des Durchmessers \times 44 des
Umkreises = 616, $\frac{1}{4} \times 616 = 154$; so groß der Flächeninhalt des Kreises. Und 14 + 44 + 154 = 212.

31 $\sigma\iota\beta$] A, om. C.

^{8—10} post 20, 14 p. 374, 2 habet C. 4 δέη D, δὲ ἡ C, δὲ δέη A. 5 τούτω Hultsch, τοῦτο AC. κύκλον] D, κύκλον AC. 12 τετραγωνική A, τετραγωνικήν C. 14 προσιρημένων C, προκειμένων A. 15 συναμφοτέρων C δὲ συναμφοτέρων A. τῆς] A, τοῦ C. 20 $\overline{\beta \chi \mu \eta}$ C, $\overline{\beta \chi \mu \eta}$ A. 21 τρεῖς] C, γ A. 22 λοῦ C. 24 ὕφειλον] C, κούφισον A. 26 ξ΄] A, $\overline{\epsilon}$ ζ΄ C. 27 τὸ—

 $\mathbf{A} \, \mathbf{C}^{\mathbf{a}} \, \mathbf{C}^{\mathbf{b}}$

Δοθέντος κύκλου ἐντὸς τετραγώνου καὶ τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου οὕσης μονάδων ξ εὐρεῖν τὸ ἐμβαρὰνουται μθ. ὧν τὸ ζ΄ ιδ΄. γίνονται ῖ Ĺ΄. τοσούτων ἔσται 5
τὸ ἐμβαδὸν τῶν ἔξω τοῦ κύκλου ὁ τμημάτων τοῦ τετραγώνου. ποίει οὕτως. τὰ ξ τῆς διαμέτρου ἐφ' ἐαυτά.
γίνονται μθ. ὧν τὸ ζ΄ ιδ΄. γίνονται ῖ Ĺ΄. τοσούτων ἔσται 5
τὸ ἐμβαδὸν τὰν ἔξω τοῦ κύκλου τεσσάρων τμημάτων
τοῦ τετραγώνου.

12 "Αλλως. τὰ ξ τῆς διαμέτρου ἐφ' ἐαυτά· γίνονται μθ· ταῦτα τρισσάκις· γίνονται ομζ· τούτων τὸ ιδ΄· γίνονται τὶ L΄· τοσούτων τὸ ἐμβαδὸν τῶν τεσσάρων 10 τμημάτων.

13 Ένὸς δὲ ἐκάστου τμήματος τὸ ἐμβαδὸν εὐρήσεις οὕτως. λαβὲ τῆς διαμέτρου τὸ L'. γίνονται γ L'. ταῦτα ἐφ' ἐαυτά. γίνονται ιβ δ΄. ταῦτα τρισσάκις. γίνονται λς L' δ΄. τούτων μέρος ιδ΄ γίνεται β L' η'. τοσούτων 15 τὸ ἐμβαδὸν ἐνὸς ἑκάστου τμήματος.

14 Πενταγώνιον ἰσόπλευοον, οὖ ἐκάστη πλευοὰ ἀνὰ ποδῶν λε· εὐοεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποιῶ οὕτως· τὰ λε ἐφ' ἑαυτά· γίνονται καπε· ταῦτα δὴ δωδεκάκις· γίνονται α ζόψ· ὧν τὸ ζ'· γίνονται βο· τοσούτων ἔσται 20 ποδῶν τὸ ἐμβαδόν.

Δ 'Eν ἄλλφ βιβλίφ τοῦ "Ηρωνος εὐρέθη οὕτως ἔστω έκάστη πλευρὰ ποδῶν δέκα· ταῦτα ἐφ' ἐαυτά· γίνονται οξ. τοῦτα ἐπὶ τὰ ε̄. γίνονται οξ. ὧν τὸ γ'· γίνονται οξ. τοῦτοῦτον τὸ ἐμβαδόν.

16 Έξάγωνον ἰσόπλευρον, οὖ ἐκάστη πλευρὰ ἀνὰ ποδῶν λ̄ εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως τὰ λ̄ ἐφ' ἐαυτά γίνονται Β΄ ταῦτα ἀεὶ τρισκαιδεκάκις γίνονται ä αψ. ὧν τὸ ε΄ γίνονται βτμ. τοσούτων ἔσται ποδῶν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ έξαγωνίου.

AC "Αλλως ἐν ἄλλφ βιβλίφ. ἔστω ἡ πλευοὰ τοῦ έξα-

Wenn ein Kreis innerhalb eines Quadrats gegeben ist, 11 und der Durchmesser = 7 ist, den Flächeninhalt zu finden der 4 Stücke des Quadrats außerhalb des Kreises. Mache so: 7 des Durchmessers \times 7 = 49, $\binom{1}{7} + \frac{1}{14} \times 49 = 10\frac{1}{2}$; 5 so viel wird der Flächeninhalt sein der 4 Stücke des Quadrats außerhalb des Kreises.

Auf andere Weise. 7 des Durchmessers \times 7 = 49, 12 $3 \times 49 = 147$, $\frac{1}{14} \times 147 = 10\frac{1}{2}$; so viel der Flächeninhalt der 4 Stücke.

Den Flächeninhalt aber jedes einzelnen Stücks wirst du so 13 finden: $\frac{1}{2} \times$ Durchmesser = $3\frac{1}{2}$, $3\frac{1}{2} \times 3\frac{1}{2} = 12\frac{1}{4}$, $3 \times 12\frac{1}{4} = 36\frac{1}{2}\frac{1}{4}$, $\frac{1}{14} \times 36\frac{1}{2}\frac{1}{4} = 2\frac{1}{2}\frac{1}{8}$; so viel der Flächeninhalt jedes einzelnen Stücks,

Ein gleichseitiges Fünfeck, in dem jede Seite = 35 Fuß; 14 zu finden seinen Flächeninhalt. Ich mache so: $35 \times 35 = 1225$, $1225 \times 12 = 14700$, $\frac{1}{7} \times 14700 = 2100$; so viel Fuß wird der Flächeninhalt sein.

In einem anderen Buche Herons*) wurde es gefunden 15 so: es sei jede Seite = 10 Fuß; $10 \times 10 = 100$, 5×100 20 = 500, $\frac{1}{3} \times 500 = 166\frac{2}{3}$; so groß der Flächeninhalt.

Ein gleichseitiges Sechseck, in dem jede Seite = 30 Fuß; 16 zu finden dessen Flächeninhalt. Mache so: $30 \times 30 = 900$, immer $13 \times 900 = 11700$, $\frac{1}{5} \times 11700 = 2340$; so viel Fuß wird der Flächeninhalt des Sechsecks sein.**)

Auf andere Weise in einem anderen Buch.***) Es sei 17

*) Vgl. Heron, Μετ
ǫικά S. 52, 9; Diophantus ed. Tannery II S. 18, 8.

**) Vgl. Diophantus II S. 18, 20.
***) Vgl. Diophantus II S. 18, 16.

 $11{-}13$ et hoc loco (C^b) et post 20, 14 (C^a) habet C (cfr. ad p. 374).

γώνου ποδῶν λ. ποίει τὴν πλευρὰν ἐφ' ἐαυτήν γινουται π. τούτων τὸ γ' καὶ τὸ ι' γίνονται τς ταῦτα εξάκις γίνονται βτμ. τοσούτων εσται ποδῶν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ εξαγώνου. οὖτος γὰρ ἀκριβέστερος τριγώνου γὰρ ἰσοπλεύρου τῆ μεθόδω ἐμέρισε τὸ εξάγω- 5 κου καὶ εστησε τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ. οὕτως κεῖται καὶ εἰς τὰ πλάτη τοῦ "Ηρωνος.

18 Έπτάγωνον Ισόπλευρον καὶ Ισογώνιον, οὖ έκάστη πλευρὰ ἀνὰ ποδῶν τὸ εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ εἰμβαδόν. ποίει οὕτως τὰ τὰ ἐφ' εἰαυτά γίνονται οῦ ταῦτα ἀεὶ ἐπὶ τὰ 10 κοτα ποδῶν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ επταγώνου.

19 'Οκταγώνιον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον, οὖ έκάστη πλευρὰ ἀνὰ ποδῶν τὸ εύρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως τὰ τὰ ἐφ' ἐαυτά· γίνονται ο̄· ταῦτα δὲ ἐπὶ τὰ 15 τὰ 15 ἐσται ποδῶν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὀκταγώνου.

20 'Ενναγώνιον Ισόπλευρον καὶ Ισογώνιον, οὖ ἐκάστη πλευρὰ ἀνὰ ποδῶν τὸ εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως· τὰ τὰ ἐφ' ἑαυτά· γίνονται ϙ· ταῦτα ἐπὶ τὰ να· 20 ἐσται ποδῶν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἐνναγώνου.

21 Δεκαγώνιον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον, οὖ έκάστη πλευρὰ ἀνὰ ποδῶν τὰ εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως τὰ τὰ ἐκὰ ἐαυτά γίνονται οζ ταῦτα ἐπὶ τὰ τε 25 γίνονται πόδες ψν τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ δεκαγώνου.

22 Ένδεκαγώνιον Ισόπλευρόν τε καὶ Ισογώνιον, οδ

die Seite des Sechsecks = 30 Fuß; 30 der Seite × 30 $=900, (\frac{1}{3} + \frac{1}{10}) \times 900 = 390, 6 \times 390 = 2340$; so viel Fuß wird der Flächeninhalt des Sechsecks sein. Und dies ist · das genauere Verfahren, denn nach der Methode bei einem 5 gleichseitigen Dreieck hat er das Sechseck geteilt und seinen Flächeninhalt festgestellt. So steht es auch in der ausführlichen Darstellung Herons.*)

Ein gleichseitiges und gleichwinkliges Siebeneck, in dem 18 jede Seite = 10 Fuß; zu finden seinen Flächeninhalt. Mache 10 so: $10 \times 10 = 100$, immer $43 \times 100 = 4300$, $\frac{1}{12} \times 4300$ = 3581; so viel Fuß wird der Flächeninhalt des Siebenecks

Ein gleichseitiges und gleichwinkliges Achteck, in dem 19 jede Seite = 10 Fuß; zu finden seinen Flächeninhalt. Mache 15 so: $10 \times 10 = 100$, $29 \times 100 = 2900$, $\frac{1}{6} \times 2900 =$ 4831; so viel Fuß wird der Flächeninhalt des Achtecks sein.***)

Ein gleichseitiges und gleichwinkliges Neuneck, in dem 20 jede Seite = 10 Fuß; zu finden seinen Flächeninhalt. Mache 20 so: $10 \times 10 = 100$, $51 \times 100 = 5100$, $\frac{1}{8} \times 5100 =$ 6371; so viel Fuß wird der Flächeninhalt des Neunecks sein.†)

Ein gleichseitiges und gleichwinkliges Zehneck, in dem 21 jede Seite = 10 Fuß; zu finden seinen Flächeninhalt. Mache so: $10 \times 10 = 100$, $15 \times 100 = 1500$ Fuß, $\frac{1}{2} \times 1500$ 25 = 750 Fuß; so viel wird der Flächeninhalt des Zehnecks sein.++)

Ein gleichseitiges und gleichwinkliges Elfeck, in dem 22

*) Heron, Μετρικά I 19, berechnet das Sechseck aus dem gleichseitigen Dreieck, ebenso Stereometr. II 36, 8-9, wo der Flächeninhalt des Dreiecks wie hier $= (\frac{1}{3} + \frac{1}{10})s^2$ gerechnet wird.

***) Ebd. II S. 19, 4.

δῶν νπη C. 17 ἔσται ποδῶν] Α, ποδῶν ἔσται C. 18 ἰσογώνιον] A, ἰσόγωνον C. 21 γίνονται (alt.)] comp. C, γίνεται A. 22 ἐνναγώνου] C, ἐνναγωνίου A. 23 δεκαγώνιον] C, δεκάγωνον A. 26 πόδες] C, om. A. 28 ἐνδεκαγώνιον] C, ἐνδεκάγωνον Α.

ξαάστη πλευρὰ ἀνὰ ποδῶν $\overline{\iota}$ εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως τὰ $\overline{\iota}$ ἐφ' ἑαυτά γίνονται $\overline{\iota}$ ο ταῦτα ἐπὶ τὰ $\overline{\xi}$ ς γίνονται πόδες $\overline{\zeta}$ ς τούτων τὸ ζ' γίνονται πόσον τοῦ εὐραδὸν τοῦ ενδεκαγώνου.

23 Δωδεκαγώνιον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, οὖ έκάστη πλευρὰ ἀνὰ ποδῶν τὰ εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβα-δόν. ποἰει οὕτως τὰ τὰ ἐφ' ἐαυτά γίνονται καντα ἀεὶ ἐπὶ τὰ με γίνονται καντα τὸ ἐπὰ τὰ τὰ ἐπὶ τὰ με γίνονται καντα τοσούτων ἔσται ποδῶν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ δωδεκαγώνου. 10

Το Θσα δε τῶν πολυγώνων σχημάτων οὐκ ἔστιν ἰσόπλευρα καὶ ἰσογώνια, ταῦτα εἰς τρίγωνα καταδιαιρούμενα μετρεῖται. τὰ δὲ περιφερῆ τῶν ἐπιπέδων σχημάτων, ὅσα δύνανται μετρεῖσθαι, ἐν τοῖς προλαβοῦσι
κατὰ τὸ ἀκόλουθον ἐξεθέμεθα.

25 'Αρχιμήδης μεν οὖν ἐν τῆ τοῦ κύκλου μετρήσει δείκνυσιν, ὡς τα τετράγωνα τὰ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου ἴσα γίνεται ὡς ἔγγιστα δεκατέσσαρσι κύκλοις: ὥστε, ἐὰν δοθῆ ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου ποδῶν τ̄, δεήσει τὰ τ̄ ἐφ' ἑαυτὰ ποιήσαντα καὶ τὰ γινόμενα ἐπὶ 20

άποφαίνεσθαι χρή τοῦ κύκλου τὸ ἐμβαδόν.

Ποοσθήκη Πατοικίου λαμπροτάτου θεωρήματος.

τὰ τα, καὶ τούτων τὸ ιδ΄ γίνονται οη ζ΄ ιδ΄ τοσούτων

26 Παραληφθέντος χωρίου ἄνισα πλάτη ἔχοντος καὶ εἰς μῆκος πολλαπλάσιον ἐκτεινομένου, ἐκί τι μέρος κο πλάτους ποδῶν ζ, προιόντα πάλιν ποδῶν ε̄, ἔτι προιόντα ποδῶν γ̄, εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως σύνθες τοῦς γ̄ τόπους γίνονται τε τούτων κράτει τὸ

³τὰ] C, om. A. πόδες] C, om. A. 6 δωδεκαγώνιον] C, δωδεκάγωνον A. τε] A, om. C. 9τὰ] C, om. A. γίνονται

jede Seite = 10 Fuß; zu finden seinen Flächeninhalt. Mache so: $10 \times 10 = 100$, $66 \times 100 = 6600$ Fuß, $\frac{1}{7} \times 6600$ $Fu\beta = 942\frac{1}{2}\frac{1}{13}\frac{1}{42}Fu\beta;$ so viel Fuß wird der Flächeninhalt des Elfecks sein.*)

Ein gleichseitiges und gleichwinkliges Zwölfeck, in dem 23 jede Seite = 10 Fuß; zu finden dessen Flächeninhalt. Mache so: $10 \times 10 = 100$, immer $45 \times 100 = 4500$, $\frac{1}{4} \times 4500$ = 1125; so viel Fuß wird der Flächeninhalt des Zwölfecks sein.**)

Die Vielecke aber, die nicht gleichseitig und gleich- 24 winklig sind, werden gemessen, indem sie in Dreiecke aufgeteilt werden. Die krummlinigen aber der ebenen Figuren, so weit sie gemessen werden können, haben wir im vorhergehenden der Reihe nach erklärt.***)

Archimedes nun beweist in der Kreismessung,†) daß 11 25 Quadrate des Durchmessers des Kreises = 14 Kreisen mit großer Annäherung. Wenn also der Durchmesser des Kreises gegeben ist = 10 Fuß, muß man rechnen: 10 × 10 $\times 11:14=78\frac{1}{2}\frac{1}{14}$; zu so viel muß man den Flächeninhalt 20 des Kreises angeben. ++)

Zusatz eines Theorems von dem hochedlen Patrikios.

Wenn ein Raum vorgelegt wird mit ungleichen Breiten 26 und zu einer vielfachen Länge ausgedehnt, für einen Teil der Breite = 7 Fuß, weiterhin dagegen = 5 Fuß und noch 25 weiterhin = 3 Fuß, seinen Flächeninhalt zu finden. Mache so:

*) Diophantus II S. 20, 8.
***) = Heron, Μετρικά S. 66, 1—5. **) Ebd. II S. 20, 12. †) Prop. 2.

††) Heron, Μετρικά S. 66, 6-12.

(alt.)] comp. C, γίνεται Α. 10 δωδεκαγώνου] C, δωδεκαγωνίου Α. 11—15 om. C. 16 Pro titulo praemittit Άρχιμήδους Δ. 20 ποιήσαντα] ΑC, scrib. ποιήσαι. γινόμενα] C, γενόμενα
 Δ. 21 γίνονται] comp. C, λαβόντα γίνεται δὲ Α. ιδ΄] Hultsch, ι΄ C, οπ. Α. τοσούτων] C, τοσούτων ποδών Α. 22 τοῦ κύκλου τὸ ἐμβαδόν] C, τὸ ἔμβαδὸν τοῦ κύκλου Α. 24 χωρίου] C, χώρου Α. 25 ἐπί] C, ὡς είναι ἐπί Α. μέρος] Α, μέρους C. 26 ποδων (alt.)] C, πόδας Α. προιόντα (alt.)] Α, προιόντος C. 27 ποδῶν] C, πόδας A. 28 γ] A, τρεῖς C.

τοίτον μέρος γίνονται $\bar{\epsilon}$ ταῦτα έπὶ τὸ μῆκος, εἰσὶ δὲ τοῦ μήκους πόδες $\bar{\kappa}$, γίνονται $\bar{\varrho}$ τοσούτων έσται τὸ έμβαδὸν τοῦ ἀνισοπλατοῦς χωρίου.

Πεπλήρωται ή τῶν ἐπιπέδων κατὰ ἔκθεσιν "Ηρωνος μέτρησις.

Ποοσθήκη Μακαρίου λαμπροτάτου θεωρήματος.

28 Εἰ ἀπὸ ἐμβαδοῦ τινος θέλω συστήσασθαι τοίγωνον ἐσόπλευρον, ποιῶ οὕτως τοιακοντάκις τὸ προβληθὲν 15 ἐμβαδόν, καὶ τῶν γινομένων λαβὼν μερίδα ιγ΄ τὸν ἐφ' ἐαυτὴν πολυπλασιασμὸν τῆς τοῦ τριγώνου πλευρᾶς εἶναι ἡγοῦμαι εἶτα τούτου τὸν τετραγωνισμὸν ποιῶν σαφῶς ἔχω τὸν ἀριθμὸν τῆς πλευρᾶς τοῦ ἰσοπλεύρου τριγώνου.

Τοῦ αὐτοῦ.

29

"Ετι τοιγώνου ἰσοπλεύοου ἡμῖν ποοβεβλήσθω κάθετος ἔχουσα μονάδας ξ ποὸς τοῖς π. ἐὰν ἀπὸ ταύτης θέλω εὐοεῖν τὸ ποσὸν μιᾶς ἐκάστης πλευρᾶς, ποιῶ οὕτως τὴν κάθετον ἀεὶ ἐπὶ τὰ δύο εἶτα τῶν γινομένων μερίδα γ' λαμβάνων ποοστίθεμαι ταῖς κατὰ τὴν 25 καθετον μονάσι καὶ οὕτως ἀποφαίνομαι τὴν πλευρὰν τοῦ τριγώνου, πόσων ἐστὶ μονάδων.

30 Παντός τοιγώνου σκαληνοῦ όξυγωνίου αί περί τὴν

29

addiere die 3 Strecken, macht 15; $\frac{1}{3} \times 15 = 5$, $5 \times$ Länge oder 5×20 Fuß = 100; so viel wird der Flächeninhalt sein des Raumes von ungleicher Breite.

Wenn man aber die Breiten desselben Raumes für mehrere 27 5 Strecken nehmen muß, weil er für mehrere Strecken verschiedentlich ungleich ist, so muß man die Breiten addieren, und, so viel Mal man sie nimmt, einen so großen Teil der Summe muß man nehmen und mit der Länge multiplizieren. Wenn man z.B. 5 mal mißt, muß man $\frac{1}{5}$ der Summe nehmen, 10 wenn 7 mal, $\frac{1}{7}$, und so weiter das Ergebnis mit der Länge multiplizieren, wie vorhin gesagt.

Hiermit ist die Vermessung der ebenen Figuren nach

Herons Darstellung zu Ende.

Zusatz eines Theorems von dem hochedeln Makarios.

Wenn ich aus irgendeinem Raum ein gleichseitiges Dreieck machen will, mache ich so: 30 mal den gegebenen Raum,

davon setze ich = dem Quadrat der Dreieckseite.*) Dann
ziehe ich daraus die Quadratwurzel und habe genau die
Zahl der Seite des gleichseitigen Dreiecks.

Von demselben.

Ferner sei die Höhe eines gleichseitigen Dreiecks uns gegeben = 26. Wenn ich daraus die Größe einer jeden Seite finden will, mache ich so: immer 2 × die Höhe, dann nehme ich vom Produkt $\frac{1}{3}$ und addiere es zu den Einheiten 25 der Höhe und gebe so an, wie viel Einheiten die Dreieckseite hat.**)

In einem beliebigen ungleichseitigen spitzwinkligen Drei- 30 eck sind die Quadrate der beiden den spitzen Winkel um-

) Nach der S. 385 Anm. angeführten Formel: Dreieck = $(\frac{1}{3} + \frac{1}{10})s^2$.

**) Nach der ungenauen Formel $s = h + \frac{2h}{3}$, also $\sqrt{3} = \frac{6}{5}$.

διαφόρως] Α, διαφόρους C. 7 συνθήσας] ΑC. 8 συντεθέντων] Α, συντιθέντων C. 13—p. 390, 14 C, om. Α. 17 έαυτην] ξαυτή C.

ο δοθήν δύο πλευραί της λοιπης της ύποτεινούσης μείζονές είσιν έφ' έαυτας πολυπλασιαζόμεναι.

καὶ παυτός τοιγώνου σκαληνοῦ ἀμβλυγωνίου αί περί την δοθην γωνίαν δύο πλευραί της λοιπης της ύποτεινούσης ήττονές είσι πολυπλασιαζόμεναι ποὸς 5 έαυτάς.

καὶ παντός τριγώνου δρθογωνίου αί περὶ τὴν δρθην γωνίαν δύο πλευραί τη λοιπη τη ύποτεινούση ίσαι είσιν έφ' έαυτας πολυπλασιαζόμεναι.

παντός τριγώνου αί δύο πλευοαί της λοιπης μείζονές είσι πάντη μεταλαμβανόμεναι.

καὶ παυτός κύκλου ή περίμετρος της διαμέτρου τριπλάσιός έστι καὶ ἐφέβδομος.

Εὐκλείδου εὐθυμετρικά.

Τῶν εὐθυμετρικῶν διαστημάτων μέτρα έστὶ τάδε* δάκτυλος, παλαιστής, σπιθαμή, πούς, πῆχυς, βῆμα, δογυιά, ἄκενα, πλέθοον, στάδιον, μίλιον τούτων δε έλάχιστόν έστι δάκτυλος. ἔχει μεν ὁ παλαιστής $\delta \alpha \varkappa \tau \dot{v} \lambda o v_S \delta$, $o \dot{v} \gamma \dot{v} \alpha S \overline{\gamma}$, η δε σπιθαμη έχει παλαι- 10 δας $\overline{\beta}$ \angle , παλαιστάς $\overline{\iota}$, δανστάς γ, δακτύλους ιβ, ούγγίας θ, δ δε πους έχει παλαιστάς δ, δακτύλους τς, οὐγγίας ιβ. δ πῆχυς ἔγει

Είδέναι χρή, ὅτι ὁ δάν- ٢ τυλος ποῶτός ἐστιν καὶ ώσπερ μονάς. δ παλαιστής δακτύλους έχει δ. δ πούς 5 έχει παλαιστάς δ. δ πῆχυς ἔχει πόδα α ζ΄, τουτέστι παλαιστάς 5, δακτύλους **πδ.** τὸ βῆμα ἔχει πῆχυν $\overline{\alpha}$ καὶ πόδα $\overline{\alpha}$, $\overline{\delta}$ έστι πότύλους μ. ή δργυιὰ ἔχει $βήματα \overline{β} καὶ πόδα \overline{α}, δ$ έστι πήχεις δ, τουτέστι πόδας 5, παλαιστάς πδ, πόδα α ζ΄. τὸ βῆμα ἔχει 15 δακτύλους σξ. ή ἄκενα

15

SV

schließenden Seiten größer als das Quadrat der übrigen,

gegenüberliegenden.

22

1

Und in einem beliebigen ungleichseitigen stumpfwinkligen Dreieck sind die Quadrate der beiden den stumpfen ⁵ Winkel umschließenden Seiten kleiner als das Quadrat der übrigen, gegenüberliegenden.

Und in einem beliebigen rechtwinkligen Dreieck sind die Quadrate der beiden den rechten Winkel umschließenden Seiten gleich dem Quadrat der übrigen, gegenüberliegenden.

In jedem Dreieck sind die zwei Seiten in jeder belie-

bigen Kombination größer als die übrige.

Und in jedem Kreis ist der Umkreis = $3\frac{1}{7}$ des Durchmessers.

Längenmaße des Eukleides.

Für die Längenstrecken gibt es folgende Maße: Zoll, Handbreit, Spanne, Fuß, Elle, Schritt, Klafter, Akena, Plethron, Stadion, Meile; und von diesen ist das kleinste der Zoll. Der Handbreit = 4 Zoll = 3 Unzen, die Spanne = 3 Handbreiten = 12 Zoll =9 Unzen, der Fuß = 4 Hand- 10 Die Klafter = 2 Schritt 1 Fuß breiten = 16 Zoll = 12 Unzen. Die Elle = $1\frac{1}{2}$ Fuß. Der

Man muß wissen, daß der Zoll das erste ist und gegewissermaßen die Einheit. Der Handbreit = 4 Zoll. Der 5 Fuß = 4 Handbreiten. Die Elle = 1^{1}_{2} Fuß = 6 Handbreiten = 24 Zoll. Der Schritt = 1 Elle 1 Fuß $= 2\frac{1}{2}$ Fuß = 10 Handbreiten = 40 Zoll. = 4 Ellen = 6 Fuß = 24Handbreiten = 96 Zoll. Die

⁴ όρθην] scrib. άμβλεῖαν. 1 όρθην] scrib. όξεῖαν. 8 τῆ λοιπῆ-ἴσαι] τῆς λοιπῆς τῆς ὑποτεινούσης ἴσα C. 13 καί] ()αί C. 14 τοιπλάσιός] scrib. τοιπλασία.

¹⁵ hab. ASV. 1-p. 392, 9 om. A.

⁵ ακενα] S, ακαινα V. 9 ovyvias To SV, ut solent.

¹⁵ $\pi \delta \delta \alpha$ \Re SV, ut semper.

C fol. 13r.

² καὶ ὥσπερ] scripsi, ὥσπερ nal C. 3 παλαιστής -η- e corr. C. 4 6] spat. uac. initio lineae C. 6 πόδα] πόδας C. 8 κδ] δ' C. τὸ] ()ò C. 11 ή] om. init. lin. C. όργηὰ C. 15 ή] om. init. lin. C.

 $πήχεις <math>\overline{\beta}$, $πόδας \overline{\gamma}$. $\mathring{\eta}$ $\mathring{\delta}_{Q}$ γυιὰ ἔχει πήχεις δ, πόδας ς. ή ἄκενα ἔχει πήχεις 5 β, πόδας τ. τὸ δὲ πλέθρον τὸ εὐθυμετρικὸν ἔχει πήχεις ξς β, πόδας ο. τὸ στάδιον έχει πλέθοα 5, δογυιὰς Θ, πήχεις υ, πόδας χ. τὸ μίλιον ἔχει στάδια μαϊκόν μίλιον έχει πόδας ευ τὸ καλούμενον παο' αὐτοῖς.

έχει δογυιάν α ω', δ έστι βήματα τέσσαρα, τουτέστι πήχεις 5 παὶ πόδα α, τουτέστι πόδας τ, παλαιστάς 5 μ, δακτύλους οξ. τὸ πλέθοον έχει ἀχένας το γίνονται δογυιαί το πόδες δ. τουτέστι βήματα μ ἢ πήχεις ξς καὶ ποὺς α πόδας $\xi \angle'$, πόδας δ φ , τὸ δὲ Pω- 10 $\overline{\varphi}$, παλαιστὰς \overline{v} . τὸ στάδιον έχει πλέθοα 5, απένας ξ, δογυιάς ο, βήματα $\overline{\sigma\mu}$, $\pi\eta\gamma\epsilon\iota\varsigma\overline{\upsilon}$, $\pi\delta\delta\alpha\varsigma\overline{\gamma}$. $\tau\delta$ μίλιον έχει στάδια ξήμισυ, 15 πλέθοα με, ἀκένας υν, ὀογυιάς ψν, βήματα ,αω, πή- $\chi \varepsilon \iota \varsigma \ \overline{\gamma}, \pi \delta \delta \alpha \varsigma \ \delta \varphi.$

SV Τοῦ δὲ ποδός ἐστιν εἴδη γ, εὐθυμετρικός, ἐπίπεδος, στερεός. εύθυμετρικός μέν έστιν δ έχων μηκος καί πλάτος τούτου δε το μημος καταμετρείται. έπίπεδος δέ έστιν δ έχων μημος ποδός α, πλάτος ποδός α τούτου δὲ τὰ ἐπίπεδα σγήματα καταμετρεῖται. δ δὲ στε- 5 οεὸς ποὺς ἔχει μῆχος ποδὸς α, πλάτος ποδὸς α, πάχος ποδός α' τούτου δέ τὰ στερεὰ σχήματα καταμετρεῖται. χωρεῖ δὲ ὁ στερεὸς ποὺς κεράμιον α, μοδίους γ, έκαστος μόδιος ἀπὸ ξεστῶν Ἰταλικῶν ἀριθμῷ τς.

Τοιγώνου Ισοπλεύοου τὸ έμβαδὸν εύρεῖν. τὴν πλευ- 10 οὰν ἐφ' ἑαυτήν· ταῦτα ἐπὶ τὰ τη· ὧν λ' ἔστω τὸ ἐμβαδόν. άλλως δε πάλιν την πλευράν έφ' εαυτήν καί

⁶ γίνονται όργυιαλ Τ΄ όργι 3 ακενα] S, ακαινα V. πή-

Schritt = 2 Ellen = 3 Fuß. Die Klafter = 4 Ellen = 6 Fuß. Die Akena = $6\frac{2}{3}$ Ellen = 10 Fuß. Und das Plethron als Längenmaß = $66\frac{2}{8}$ Ellen = 100 Fuß. Das Stadion = 6 Plethren = 100 Klafter = 400 Ellen = 600 Fu. Die Meile = $7\frac{1}{9}$ Stadien = 4500Fuß, die römische Meile aber, 10 nen = 100 Klafter = 240 die bei ihnen so heißt, = 5400 Fuß.

Akena = $1\frac{2}{3}$ Klafter = 4 Schritt = 6 Ellen 1 Fuß = 10 Fuß = 40 Handbreiten = 160 Zoll. Das Plethron 5 = 10 Akenen = 16 Klafter $4 \text{ Fu}\beta = 40 \text{ Schritt} = 66$ Ellen 1 Fuß = 100 Fuß = 400 Handbreiten. Das Stadion = 6 Plethren = 60 Ake-Schritt = 400 Ellen = 600Fuß. Die Meile = $7\frac{1}{2}$ Stadien = 45 Plethren = 450 Akenen = 750 Klafter = 15 1800 Schritt = 3000 Ellen $= 4500 \text{ Fu}\beta$.

Vom Fuß aber gibt es 3 Arten: Längenmaß, Quadrat- 2 fuß, Kubikfuß. Das Längenmaß hat 1 Fuß Länge, und darin wird die Länge angegeben. Der Quadratfuß aber hat 1 Fuß Länge, 1 Fuß Breite, und darin werden ebene Figuren an-5 gegeben. Der Kubikfuß aber hat 1 Fuß Länge, 1 Fuß Breite, 1 Fuß Dicke, und darin werden körperliche Figuren angegeben; der Kubikfuß faßt 1 Keramion, 3 Modien, jeder Modius zu 16 italischen Xesten.

Den Flächeninhalt eines gleichseitigen Dreiecks zu finden. 3 10 Seite × Seite, dies × 13, davon $\frac{1}{30}$ sei der Flächeninhalt.

 $[\]chi \epsilon \iota \varsigma$] corr. ex $\overset{o}{\pi}$ V, $\overset{o}{\pi}$ S. 7 $\pi\lambda \delta \partial \rho \alpha \in \mathbb{R}$ S, $\pi o \in \mathbb{R}$ V.

C. 9 $\pi \circ \dot{v}_S$] $\pi \overset{\delta}{\circ}$ C. 12 $\dot{\phi}_S$ C. 15 $\dot{\phi}_S P$ C.

⁸ $\bar{\rho}$] post ras. 1 litt. S, $\hat{\rho}^{\gamma}$ V.

² καὶ πλάτος] corruptum, ποδὸς α΄ Hultsch. 3 τούτου] SV, τούτφ Hultsch. δὲ] S, om. V. 4 πλάτος] V, πλάτους S. τούτου δὲ] scripsi, ταῦτα μὲν SV, τούτφ μὲν Hultsch.

⁶ πάχος] π^{α} S, om. V. 7 ποδὸς $\overline{\alpha}$] om. V. τούτου] S V, τούτο Hultsch. 9 Ἰταλικῶν] -τ- e corr. in scrib. S.

της βάσεως τὸ L' ἐφ' ἑαυτό. ὕφειλον ἀπὸ τῶν συναχθέντων καὶ τῶν καταλειφθέντων ποίει πλευρὰν τετος.

4 'Εὰν δὲ ζητήσωμεν ἄλλου τοιγώνου τὸ ἐμβαδὸν οίουδηποτοῦν, πάντοτε ποίει τὴν βάσιν ἐπὶ τὴν κάθε- 5 τον ὧν L' ἔστω τὸ ἐμβαδόν.

5 Τετραγώνου Ισοπλεύρου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. τὴν πλευρὰν ἐφ' ἑαυτήν καὶ ἕξεις τὸ ἐμβαδόν. ἐὰν δὲ τὴν διαγώνιον τοῦ αὐτοῦ τετραγώνου, δὶς τὸ ἐμβαδόν . ὧν πλευρὰ τετραγωνική.

3 Τετραγώνου έτερομήκους τὸ ἐμβαδὸν εὐρεῖν. τὴν πλευρὰν ἐπὶ τὴν πλευράν ἔστω τὸ ἐμβαδόν. ἐὰν δὲ τὴν διαγώνιον τοῦ αὐτοῦ ἐτερομήκους, ἐκάστην πλευρὰν ἐφ' ἐαυτὴν μίξας ὧν πλευρὰ τετράγωνος ἔστω ἡ διαγώνιος.

Πενταγώνου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. τὴν πλευρὰν ἐφ' ἑαυτήν ταῦτα ἐπὶ τὰ ε̄ ὧν γ΄ ἔστω τὸ ἐμβαδόν.

Εξαγώνου τὸ ἐμβαδὸν εύοεῖν. τὴν πλευρὰν ἐφ' ἐαυτήν ταῦτα ἐπὶ τὰ ξ' ὧν γ' καὶ ι' ἔσται τὸ ἐμβαδόν.

9 Έπταγώνου τὸ ἐμβαδὸν εύοεῖν. τὴν πλευοὰν ἐφ' 20 ἐαυτήν· ταῦτα ἐπὶ τὰ μγ· ὧν ιβ΄ ἔστω τὸ ἐμβαδόν.

10 $^{\prime}$ Οκταγώνου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. τὴν πλευρὰν ἐφ' έαυτήν ταῦτα ἐπὶ τὰ $\overline{n\vartheta}$. ὧν ς' ἔστω τὸ ἐμβαδόν.

11 Ένναγώνου τὸ ἐμβαδὸν εύοεῖν. τὴν πλευοὰν ἐφ' έαυτήν ταῦτα ἐπὶ τὰ να ὧν η' ἔστω τὸ ἐμβαδόν.

12 Δεκαγώνου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. τὴν πλευρὰν ἐφ' ἑαυτήν ταῦτα ἐπὶ τὰ τ̄ε' ὧν L' ἔσται τὸ ἐμβαδόν. ἄλλως δὲ πάλιν τὴν πλευρὰν ἐφ' ἑαυτήν ταῦτα ἐπὶ τὰ λ̄ŋ' ὧν ε' ἔστω τὸ ἐμβαδόν. αῦτη ἡ ἀκριβεστέρα ἐστίν.

13 Ένδεκαγώνου τὸ ἐμβαδὸν εύοεῖν. τὴν πλευοὰν ἐφ' 30 ἐαυτήν ταῦτα ἐπὶ τὰ ξς· ὧν ζ΄ ἔστω τὸ ἐμβαδόν.

Und wieder auf andere Weise: Seite \times Seite, $\frac{1}{2}$ Grundlinie \times $\frac{1}{2}$ Grundlinie, ziehe dies von dem vorigen Produkt ab, nimm von dem Rest die Quadratwurzel; dies sei die Höhe.

Wenn wir aber den Flächeninhalt eines anderen, beliebigen 4 5 Dreiecks suchen, mache immer Grundlinie × Höhe; die Hälfte davon sei der Flächeninhalt.

Den Flächeninhalt eines gleichseitigen Vierecks zu finden. 5 Seite × Seite, so wirst du den Flächeninhalt haben. Wenn du aber die Diagonale desselben Vierecks finden willst, nimm 10 2 × Flächeninhalt, davon die Quadratwurzel.

Den Flächeninhalt eines länglichen Vierecks zu finden. Sei- 6 te Seite, dies sei der Flächeninhalt. Wenn aber die Diagonale desselben länglichen Vierecks, nimm die Summe der Quadrate jeder Seite; davon die Quadratwurzel sei die Diagonale.

Den Flächeninhalt eines Fünfecks zu finden. Seite × 7 Seite, dies × 5, davon ½ sei der Flächeninhalt.

Den Flächeninhalt eines Sechsecks zu finden. Seite \times 8 Seite, dies \times 6, davon $\frac{1}{3}\frac{1}{10}$ wird der Flächeninhalt sein.

Den Flächeninhalt eines Siebenecks zu finden. Seite \times 9 20 Seite, dies \times 43, davon $\frac{1}{12}$ sei der Flächeninhalt.

Den Flächeninhalt eines Achtecks zu finden. Seite \times 10 Seite, dies \times 29, davon $\frac{1}{6}$ sei der Flächeninhalt.

Den Flächeninhalt eines Neunecks zu finden. Seite \times 11 Seite, dies \times 51, davon $\frac{1}{8}$ sei der Flächeninhalt.

Den Flächeninhalt eines Zehnecks zu finden. Seite × 12 Seite, dies × 15, die Hälfte davon wird der Flächeninhalt sein. Und wieder auf andere Weise: Seite × Seite, dies × 38, davon ½ sei der Flächeninhalt. Dies ist die genauere.

Den Flächeninhalt eines Elfecks zu finden. Seite \times Seite, 13 so dies \times 66, davon $\frac{1}{2}$ sei der Flächeninhalt.

- 14 Δωδεκαγώνου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. τὴν πλευρὰν ἐφ' ἐαυτήν ταῦτα ἐπὶ τὰ με ὧν δ΄ ἔστω τὸ ἐμβαδόν.
- 15 Κύκλου ἀπὸ τῆς διαμέτρου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν.
 ποίει τὴν διάμετρον ἐφ' ἐαυτήν ταῦτα ἐπὶ τὰ ια· ὧν ιδ' ἔστω τὸ ἐμβαδόν.
- 16 Κύκλου τὴν περίμετρον εύρεῖν. τὴν διάμετρον τριπλασίασον καὶ πρόσβαλε τὸ ζ΄ τῆς διαμέτρου καὶ ἔξεις τὴν περίμετρον. ἄλλως δὲ πάλιν τὴν διάμετρον ἐπὶ τὰ κβ πολυπλασιάσας μέριζε ὧν ζ΄.
- 17 'Απὸ τῆς περιμέτρου τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. ποίει τὴν 10 περίμετρον ἐφ' ἑαυτήν· ταῦτα ἐπὶ τὰ ζ· ὧν πη΄ ἔστω τὸ ἐμβαδόν.
- 18 'Απὸ περιμέτρου καὶ διαμέτρου, τουτέστιν ἐὰν μίξω τὴν διάμετρον καὶ τὴν περίμετρον, τὸ ἐμβαδὸν εύρεῖν. ποιει οὕτως ἀπὸ διαμέτρου καὶ περιμέτρου χωρίσαι 15 τὴν διάμετρον καὶ τὴν περίμετρον ποιῶ οὕτως τὰς ἀμφοτέρας φωνὰς ἐπὶ τὰ ξ καὶ μέριζε ὧν κθ' ἔξεις τὴν διάμετρον καὶ τὰ ὑπολειφθέντα ἔστω ἡ περίμετρος. τὸ ἡμισυ τῆς διαμέτρου ἐπὶ τὸ Ĺ' τῆς περιμέτρου πολυπλασίασον, καὶ ἔξεις τὸ ἐμβαδόν.

Περὶ ήμικυκλίων.

19 Το ἐμβαδὸν εύρεῖν ἀπὸ τῆς διαμέτρου. τὴν διάμετρον ἐφ' ἑαυτήν ταῦτα ιᾶ ὧν κη' ἔστω τὸ ἐμβαδόν.

20 Τὴν περίμετρον εύρεῖν. τὴν διάμετρον ἐπὶ τὰ κβ πολυπλασίαζε καὶ μέριζε· ὧν ιδ΄ ἔστω ἡ περίμετρος. 25

21 'Απὸ τῆς περιμέτρου εύρεῖν τὴν διάμετρον. τὴν περίμετρον ἐπὶ τὰ ἰδ· ὧν κβ΄ ἔστω ἡ διάμετρος.

² kotw] SV, koti A. 9 ξ'] SV, tò ξ' A. 11 $\pi\eta'$] SV, tò $\pi\eta'$ A. 13 τουτέστιν — 14 περίμετρον] SV, om. A.

Den Flächeninhalt eines Zwölfecks zu finden. Seite \times 14 Seite, dies \times 45, davon $\frac{1}{4}$ sei der Flächeninhalt.

Den Flächeninhalt eines Kreises aus dem Durchmesser zu 15 finden. Mache Durchmesser \times Durchmesser, dies \times 11, 5 davon $\frac{1}{14}$ sei der Flächeninhalt.

Den Umkreis eines Kreises zu finden. $3 \times$ Durchmesser 16 $+\frac{1}{7}$ Durchmesser; so wirst du den Umkreis haben. Und wieder auf andere Weise: $22 \times$ Durchmesser, davon $\frac{1}{7}$.

Aus dem Umkreis den Flächeninhalt zu finden. Mache 17 10 Umkreis \times Umkreis, dies \times 7, davon $\frac{1}{88}$ sei der Umkreis.

Aus dem Umkreis und dem Durchmesser, d. h. wenn ich 18 Durchmesser und Umkreis addiere, den Flächeninhalt zu finden. Mache so: aus Durchmesser + Umkreis sind der Durchmesser und der Umkreis zu scheiden. Ich mache so: beide 15 Ansätze × 7, davon $\frac{1}{29}$; so wirst du den Durchmesser haben; der Rest sei der Umkreis. $\frac{1}{2}$ Durchmesser × $\frac{1}{2}$ Umkreis; so wirst du den Flächeninhalt haben.

Von Halbkreisen.

Den Flächeninhalt aus dem Durchmesser zu finden. Durch- 19
20 messer ➤ Durchmesser, dies ➤ 11, davon ½ sei der Flächeninhalt.

Den Umkreis zu finden. Durchmesser > 22, davon $\frac{1}{14}$ 20 sei der Umkreis.

Aus dem Umkreis den Durchmesser zu finden. Umkreis 21 \times 14, davon $\frac{1}{22}$ sei der Durchmesser.

¹⁵ οὕτως] οὕτως τὸ ημισυ της διαμέτρου ἐπὶ τὸ ημισυ της περιμέτρου πολυπλασίασον καὶ ἔξεις τὸ ἐμβαδόν Α. περιμέτρου] περιμέτρου, τουτέστιν ἐὰν μίξης την διάμετρον καὶ την περιμετρον Α. 16 ποιῶ] SV, ποίει Α. 17 τὰ] scripsi, τῶν ASV. 18 ἔστω] SV, ἔστιν Α. 19 τὸ (pr.)—20 ἐμβαδόν] SV, οm. Α. 21 Περὶ ἡμιτυκλίων] Α, οm. SV. 23 ιὰ] SV, ἐνδεκάκις Α. 25 ιδ΄] SV, τὸ ιδ΄ Α. 26 ᾿Απὸ—27 διάμετρος] SV, οm. Α. 27 περίμετρον] περίμετ $_0^0$ S. $_1^0$] Hultsch, om. SV.

23

- 22 ' $A\pi$ ο περιμέτρου το έμβαδον εύρεῖν. την περιμετρον έ φ ' εαυτήν ταῦτα έπὶ τὰ $\bar{\xi}$. ὧν μδ' ἔστω το έμβαδόν.
- 23 'Απὸ τοῦ ἐμβαδοῦ τὴν περίμετρον εύρεῖν. ποίει τὸ ἐμβαδὸν ἐπὶ τὰ μο καὶ μέριζε ὧν ζ΄ καὶ τῶν γενα- 5 μένων λάμβανε πλευρὰν τετραγωνικήν ἔστω ἡ περίμετρος.
- 24 Απὸ τοῦ ἐμβαδοῦ τὴν διάμετοον εύρεῖν. ποίει τὸ ἐμβαδὸν ἐπὶ τὰ πη καὶ μέριζε ὧν ια΄ καὶ τῶν συναχθέντων λάμβανε πλευρὰν τετραγωνικήν ἔστω ἡ 10 διάμετρος.

"Ηρωνος είσαγωγαί.

ACS Ή πρώτη γεωμετρία, καθώς ήμᾶς δ παλαιὸς διδάσκει λόγος, τὰ περί την γεωμετρίαν καὶ διανομάς κατησγολεῖτο, όθεν καὶ γεωμετρία ἐκλήθη. ή γὰρ 15 της μετρήσεως έπίνοια παρ' Αλγυπτίοις ηθρέθη διά την τοῦ Νείλου ἀνάβασιν πολλά γὰο φανερά ὄντα γωρία πρὸ τῆς ἀναβάσεως τῆ ἀναβάσει ἀφανῆ ἐποίει, πολλά δὲ μετά τὴν ἀπόβασιν φανερά ἐγίνετο, καὶ οὐκέτι ην δυνατόν ξααστον διακοῖναι τὰ ἴδια ἐξ οὖ ἐπενό- 20 ησαν οί Αλγύπτιοι τήνδε την μέτρησιν τῆς ἀπολειπομένης ἀπὸ τοῦ Νείλου γῆς. χρῶνται δὲ τῆ μετρήσει πρός έκάστην πλευράν τοῦ χωρίου ότε μέν τῷ καλουμένω σχοινίω, ότε δε καλάμω, ότε δε πήχει, ότε δε καὶ έτέροις μέτροις. γρειώδους δὲ τοῦ πράγματος τοῖς 25 άνθρώποις ύπάργοντος έπὶ πλέον προήγθη τὸ γένος, ώστε καὶ ἐπὶ τὰ στερεὰ σώματα χωρῆσαι τὴν διοίκησιν των μετοήσεων καὶ των διανομων.

² μδ΄] SV, τὸ μδ΄ Α. 5 γεναμένων] SV, γενομένων Α.

Aus dem Umkreis den Flächeninhalt zu finden. Umkreis 22 \times Umkreis, dies \times 7, davon $\frac{1}{44}$ sei der Flächeninhalt.

Aus dem Flächeninhalt den Ümkreis zu finden. Flächen- 23 inhalt × 44, davon $\frac{1}{7}$, nimm die Quadratwurzel des Ergebnisses; dies sei der Umkreis.

Aus dem Flächeninhalt den Durchmesser zu finden. 24 Flächeninhalt > 28, davon $\frac{1}{11}$; nimm die Quadratwurzel des Ergebnisses; dies sei der Durchmesser.

Herons Einleitung.

23

Die erste Geometrie beschäftigte sich, wie der alte Be- 1 richt uns belehrt, mit Vermessung und Verteilung des Landes, weshalb sie eben Landmessung benannt wurde. Der Gedanke der Vermessung kam nämlich bei den Ägyptern auf wegen des Steigens des Nils; denn viele Grundstücke, die 15 vor dem Steigen sichtbar waren, machte er durch das Steigen unsichtbar, und viele wurden nach seinem Sinken sichtbar, und es war nicht mehr möglich für den einzelnen das seinige zu unterscheiden; daher erfanden die Ägypter die genannte Vermessung des vom Nil verlassenen Landes.' Sie gebrauchen 20 die Vermessung für jede Seite des Grundstücks bald mit dem sogenannten Schoinion, bald mit Meßrute, bald mit Elle, bald auch mit anderen Maßen. Und da die Sache den Menschen von Nutzen war, wurde die Art weiter gefördert, so daß das Verfahren der Vermessungen und Verteilungen 25 sich auch auf die Körper erstreckte.

3

2 Εἰς οὖν τὸν περὶ τῶν μετρήσεων λόγον ἀναγκαϊόν ἐστιν εἰδέναι τὴν τῶν μέτρων ἰδέαν, πρὸς ὁ βούλεταί τις ἀναμετρεῖν, καὶ ἐκάστου σχήματος τὸ εἶδος, καὶ πῶς δεῖ ἀναμετρεῖν. ὑποδείξομεν δὲ πρῶτον τὴν τῶν μέτρων ἰδέαν.

Περὶ εὐθυμετρικῶν.

Εὐθυμετρικὸν μὲν οὖν ἐστι πᾶν τὸ κατὰ μῆκος μόνον μετρούμενον, ὥσπερ ἐν ταῖς σκουτλώσεσιν οἱ στροφίολοι καὶ ἐν τοῖς ξυλικοῖς τὰ κυμάτια, καὶ ὅσα πρὸς μῆκος μόνον μετρεῖται.

- 4 "Εστι τῶν μέτρων εἴδη τάδε δάκτυλος, παλαιστής, διχάς, σπιθαμή, πούς, πυγών, πῆχυς, βῆμα, ξύλον, ὀργυιά, κάλαμος, ἄκενα, ἄμμα, πλέθρον, ἰούγερον, στάδιον, δίαυλον, μίλιον, σχοῖνος, παρασάγγης [ἐλάχιστον δὲ τούτων ἐστὶ δάκτυλος, καὶ πάντα τὰ ἐλάττονα μόρια 15 καλεῖται].
- το O μεν οὖν παλαιστης έχει δακτύλους $\bar{\delta}$, $\bar{\eta}$ δε διχάς έχει παλαιστάς $\bar{\beta}$, δακτύλους $\bar{\eta}$.

6 $^{\circ}H$ σπιθαμή ἔχει παλαιστὰς $\overline{\gamma}$, δακτύλους $\overline{\iota \beta}$ καλείται δὲ καὶ $[\delta]$ ξυλοποιστικός πῆχυς.

20

7 Ο ποὺς ὁ μὲν βασιλικὸς καὶ Φιλεταίρειος λεγόμενος ἔχει παλαιστὰς $\overline{\delta}$, δακτύλους $\overline{\iota}$ 5, δ δὲ Ἰταλικὸς ποὺς ἔχει δακτύλους $\overline{\iota}$ 7 γ 7.

Β ΄Η πυγών έχει παλαιστάς ε, δακτύλους π.

9 'Ο πῆχυς ἔχει παλαιστὰς ς, δακτύλους πό [καλεῖται 25 δὲ καὶ ξυλοπριστικὸς πῆχυς].

10 Τὸ βῆμα ἔχει πῆχυν α β, παλαιστὰς τ, δακτύλους μ.

- 11 To ξύλον ἔχει πήχεις $\bar{\gamma}$, πόδας $\bar{\delta}$ L', παλαιστὰς $\bar{\imath\eta}$, δακτύλους $\bar{\delta}$.
- 12 $^{\prime}H$ δογυιὰ ἔχει πήχεις $\overline{\delta},$ πόδας Φιλεται ϱ είους $\overline{\varsigma},$ ϖ $^{\prime}$ Ιταλικοὺς $\overline{\overline{\varsigma}}$ $\varepsilon'.$

3

10

Für die Lehre von den Vermessungen nun ist es not- 2 wendig zu kennen die Art der Maße, wonach man messen will, die Form jeder Figur, und wie man messen soll. Zuerst werden wir die Art der Maße angeben.

Von Längenmaßen.

Gradlinig meßbar ist alles, was nur der Länge nach gemessen wird, wie bei den Kleiderbesätzen die Franzen, beim Holzwerk die Leisten, und was sonst nur in die Länge gemessen wird,

Von den Maßen gibt es folgende Arten: Zoll, Handbreit, 4 Zeigefingeröffnung, Spanne, Fuß, Pygon, Elle, Schritt, Holz, Klafter, Rute, Akena, Amma, Plethron, Jugerum, Stadion, Doppelstadion, Meile, Schoinos, Parasang [das kleinste davon ist der Zoll, und alle kleineren werden Teile genannt].

5 Der Handbreit nun hat 4 Zoll, die Zeigefingeröffnung 5 aber hat 2 Handbreiten, 8 Zoll.

Die Spanne hat 3 Handbreiten, 12 Zoll; sie wird auch 6 Holzsägerelle genannt.

Der sogenannte königliche und Philetaireische Fuß hat 7 20 4 Handbreiten, 16 Zoll, der italische Fuß aber hat $13\frac{1}{3}$ Zoll.

Die Pygon hat 5 Handbreiten, 20 Zoll.

Die Elle hat 6 Handbreiten, 24 Zoll [sie wird auch 9 Holzsägerelle genannt].

Der Schritt hat $1\frac{2}{3}$ Elle, 10 Handbreiten, 40 Zoll.

Das Holz hat 3 Ellen, $4\frac{1}{2}$ Fuß, 18 Handbreiten, 72 Zoll. 11 Die Klafter hat 4 Ellen, 6 Philetaireische Fuß, $7\frac{1}{5}$ italische. 12

1 τῶν μετρήσεων] S, τῆς μετρήσεως AC. λόγον] AS, λόγον

παὶ C. 4 δεῖ] AS, δη C. πρῶτον] CS, οm. Å 11 Ἦστι] AS, ἔτι C. 12 Ante ὀργνιά add. η m. 2 C. 14 ἐλάχιστον -16 παλεῖται] A, οm. CS. 18 ἔχει] S, οm. AC. $\bar{\beta}$] AC, $\bar{\delta}$ S. 19 παλεῖται-20 πῆχνς] S, οm. AC. 20 δ] deleo, cfr. lin. 26. 21 Φιλεταίρειος] S, φιλεταίριος AC. 24 η δ C. παλαιστὰς] $\bar{\kappa}$ S, πόδας C. δαπτύλονς $\bar{\kappa}$] om. C. 25 ἔχει] om. C. παλεῖται-26 πῆχνς] om. S. 26 παὶ ξυλοπριστιπὸς] A, ἰτταλικὸς C. 27 τὸ $-\bar{\mu}$] post $\bar{\alpha}$ β lin. 29 ponit C. $\bar{\beta}$] S, $\bar{\omega}$ AC. 28 πόδας $\bar{\delta}$ $\bar{\delta}$ [om. C. 30 Φιλεταιρείονς] S, φιλεταιρίονς AC, ut semper in seqq. 31 ἰτταλικὸς C, ut semper in seqq.

25

- 14 Tò ἄμμα ἔχει πήχεις $\overline{\mu}$, πόδας Φιλεταιοείους $\overline{\xi}$, Υταλικούς $\overline{\text{οβ}}$.
- 15 Το πλέθουν ἔχει ἀπένας $\bar{\iota}$, πήχεις $\bar{\xi}_{\bar{\iota}}$ \not \not πόδας \not Φιλ- $\vec{\iota}$ εταιρείους μὲν $\bar{\varrho}$, Ἰταλιποὺς δὲ $\bar{\varrho}$ $\bar{\iota}$ $\bar{\eta}$ δὲ ἄπενα ἔχει πόδας $\bar{\varrho}$ Φιλεταιρείους $\bar{\iota}$ ἤτοι δαπτύλους $\bar{\varrho}$.
- 16 Το Ιούγερον ἔχει πλέθοα β, ἀκένας π, πήχεις ολγ γ΄, πόδας Φιλεταιρείους μὲν μήκους σ, πλάτους ρ, Ἰτα- λικούς δὲ μήκους πόδας σμ, πλάτους οκ [ώς γίνεσθαι 10 ἐμβαδούς ἐν τετραγώνφ β ηω].
- 17 Τὸ στάδιον ἔχει πλέθοα $\bar{\varsigma}$, ἀπένας $\bar{\xi}$, πήχεις $\bar{\upsilon}$, πόδας Φιλεταιρείους μὲν $\bar{\chi}$, Ἰταλικούς δὲ $\bar{\psi}$ π.
- 18 Το δίαυλον ἔχει στάδια $\overline{\beta}$, πλέθοα $\overline{\iota \beta}$, ἀκένας $\overline{\varrho \kappa}$, πήχεις $\overline{\omega}$, πόδας Φιλεται $\overline{\varrho \kappa}$ ίους μέν $\overline{\iota \alpha \sigma}$, Ἰταλικούς δὲ 15 πόδας $\overline{\iota \alpha \nu \mu}$.
- 19 Τὸ μίλιον ἔχει στάδια $\bar{\xi}$ \angle' , πλέθρα $\bar{\mu}\bar{\epsilon}$, ἀπένας $\bar{v}\bar{v}$, πήχεις $\bar{\gamma}$, πόδας Φιλεταιρείους μὲν $\bar{\beta}\bar{\varphi}$, Ἰταλιποὺς δὲ $\bar{\epsilon}\bar{v}$.
- 20 \dot{H} σχοῖνος ἔχει μίλια $\bar{\delta}$, σταδίους $\bar{\lambda}$.
- 21 O παρασάγγης ἔχει μίλια $\overline{\delta}$, σταδίους $\overline{\lambda}$ ἔστι δὲ τὸ μέτρον Περσικόν.

20

- 22 ['Αλλὰ ταῦτα μὲν κατὰ τὴν παλαιὰν ἔκθεσιν· τὴν δὲ νῦν κρατοῦσαν δύναμιν ἐν τοῖς προοιμίοις τοῦ λόγου ὑπετάξαμεν].
- ^{CS} Τὰ μὲν οὖν εὐθυμετρικὰ εἴδη εἰσὶν τα, δάκτυλος, οὐγκία, παλαιστής, σπιθαμή, πούς, πῆχυς, βῆμα, ὀργυιά, ἄκενα, πλέθρον, στάδιον ἐλάχιστον δὲ τούτων ἐστὶ δάκτυλος, καὶ πάντα τὰ ἐλάττονα μόρια καλεῖται.

 $[\]frac{1}{7}$ β] S, w' AC. $\frac{3}{7}$ πήχυς C. $\frac{5}{7}$ β] S, w' AC. $\frac{6}{7}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$ β] A, om. CS. $\frac{3}{7}$ πήχυς C. $\frac{1}{7}$ μὲν μήκους S, μήκους

Die Rute hat $6\frac{2}{3}$ Ellen, 10 Philetaireische Fuß, 12 ita- 13 lische.

Das Amma hat 40 Ellen, 60 Philetaireische Fuß, 72 14 italische.

Das Plethron hat 10 Akenen, $66\frac{2}{3}$ Ellen, 100 Phile- 15 taireische Fuß und 120 italische [Die Akena aber hat 10 Philetaireische Fuß oder 160 Zoll].

Das Iugerum hat 2 Plethren, 20 Akenen, $133\frac{1}{3}$ Ellen, 16 Philetaireische Fuß in Länge 200, in Breite 100, italische 10 aber in Länge 240, in Breite 120 [so daß es im Quadrat 28 800 Quadratfuß werden].

Das Stadion hat 6 Plethren, 60 Akenen, 400 Ellen, 17 600 Philetaireische Fuß und 720 italische.

Das Doppelstadion hat 2 Stadien, 12 Plethren, 120 18 15 Akenen, 800 Ellen, 1200 Philetaireische Fuß und 1440 italische.

Eine Meile hat $7\frac{1}{2}$ Stadien, 45 Plethren, 450 Akenen, 19 3000 Ellen, 4500 Philetaireische Fuß und 5400 italische.

Die Schoinos hat 4 Meilen, 30 Stadien.

Der Parasang hat 4 Meilen, 30 Stadien; es ist ein per- 21 sisches Maß.

[Dies ist nach der alten Darstellung; die heute gelten- 22 den Werte haben wir in der Einleitung dieser Schrift aufgeführt].

Die Arten der Längenmaße nun sind 11: Zoll, Unze, 23 Handbreit, Spanne, Fuß, Elle, Schritt, Klafter, Akena, Plethron, Stadion; das kleinste von diesen ist der Zoll, alle kleineren werden Teile genannt.

μὲν Α, μὲν λ΄ μήπους C. $\overline{\sigma}$] AC, π \overline{c} S. πλάτους $\overline{\varrho}$] om. CS, πλάτους δὲ $\overline{\varrho}$ A. 10 μήπους πόδας] $\overset{H}{\mu}$ $\overset{\sigma}{n}$ S, πόδας μήπους C, τὸ μὲν μῆπος πόδας A. πλάτους] $\overset{\lambda}{n}$ πόδας C, πλεύ ϱ ου $\overset{\sigma}{n}$ S, τὸ δὲ πλάτος A. $\overset{\omega}{\omega}$ s—11 $\overset{\omega}{\beta}$, $\overline{\eta}$ ω] A, om. CS. 12 πήχυς C. 14 στάδια— $\overline{\iota}$ $\overset{\omega}{\beta}$] SC (σταδίους C), πλέθ ϱ α $\overset{\omega}{\iota}$ $\overset{\omega}{\beta}$ $\overset{\omega}{\eta}$ τοι στάδια $\overset{\omega}{\beta}$ A. 17 $\overset{\omega}{\nu}$ $\overset{\omega}$ $\overset{\omega}{\nu}$ $\overset{$

25

cs 24 'Η οὐγμία ἔχει δαμτύλους α γ'.

O παλαιστής ἔχει δακτύλους $\overline{\delta}$, οὐγκίας $\overline{\gamma}$.

26 ΄Η σπιθαμή ἔχει παλαιστάς $\overline{\gamma}$, δακτύλους ιβ.

27 Ο ποὺς ἔχει παλαιστὰς δ, δακτύλους τς.

28 Ο πῆχυς ἔχει παλαιστὰς ξ, δακτύλους κδ.

29 Τὸ βῆμα ἔχει παλαιστὰς $\bar{\iota}$, δαμτύλους $\bar{\mu}$.

30 ή δογυιὰ ἔχει δακτύλους ς, πόδας ς.

31 ΄Η ἄπενα ἔχει δακτύλους οξ, πόδας τ Φιλεταιοείους· καλείται δὲ φωμαϊστὶ πεοτίκα.

32 Το πλέθοον ἔχει τὸ Ἑλληνικὸν πόδας ο τὸ μῆκος 10 καὶ τὸ πλάτος πόδας ο έν τετραγώνω.

33 Το ἰούγερον ἔχει τὸ Ἑλληνικὸν τὸ μὲν μῆκος πόσας $\overline{\sigma\mu}$, τὸ δὲ πλάτος πόδας $\overline{\varrho\kappa}$, ὡς γίνεσθαι ἐμβασους ἐν τετραγών φ πόδας β $,\overline{\eta}\varphi$.

15

34 Το στάδιον ἔχει πλέθοα $\bar{\varsigma}$, ἀκένας $\bar{\xi}$.

35 Τὸ μίλιον ἔχει πόδας $\bar{\epsilon}$, βήματα $\bar{\beta}$, ἀπένας $\bar{\varphi}$.

36 'Η οὐγκία ἔχει ἐν τετραγώνω δάκτυλον α β δ'.

37 $\dot{}$ Ο παλαιστής έχει έν τετοαγών $\dot{}$ σακτύλους $\dot{}$ $\dot{}$

39 Ο πούς ὁ τετράγωνος ἔχει οὐγκίας ομό, δακτύλους σνε, στερεὸς δὲ οὐγκίας σψιη, δακτύλους δςε.

40 ΄Ο δὲ στερεὸς πῆχυς ἔχει οὐγκίας εωλβ, παλαιστὰς ²⁵ στε, δακτύλους α γωκδ.

41 Tò $\beta \tilde{\eta} \mu \alpha$ $\tilde{\epsilon} \chi \epsilon \iota$ $\epsilon \iota$ ϵ

· 24
25
1. 26
27
28
oll. 29
30
eische Fuß; sie 31
Länge und 100 32
Länge, 120 Fuß 33
atfuß wird.
. 34
500 Akenen. 35
36
ll, der Kubik- 37

Die Quadratspanne hat 81 Unzen, 144 Zoll, die Kubik- 38 20 spanne aber hat 729 Unzen, 1728 Zoll.

Der Quadratfuß hat 144 Unzen, 256 Zoll, der Kubikfuß 39 aber 1728 Unzen, 4096 Zoll.

Die Kubikelle*) hat 5832 Unzen, 216 Handbreiten, 40 13824 Zoll.

Der Schritt hat im Quadrat 100 Handbreiten, 900 Un- 41 zen, 1600 Zoll.

*) Vor δ δὲ Z. 25 fehlt wahrscheinlich: δ τετράγωνος πῆχυς ἔχει οὐγκίας τκδ, δακτύλους φος (Hultsch, Metrol. scriptt. I p. 185).

κοὺς S. 12 πόδας] $\overset{o}{\pi}$ S, ποδῶν C. 13 πόδας] $\overset{o}{\pi}$ S, om. C. 14 πόδας] $\overset{o}{\pi}$ S, om. C. $\overset{o}{\beta}$ S, $\overset{o}{\mu}$ S, $\overset{o}{\mu}$ S, om. C. 17 $\overset{o}{\beta}$ S, $\overset{o}{\mu}$ S, om. C. $\overset{o}{\beta}$ S, $\overset{o}{\mu}$ S, om. C. 17 $\overset{o}{\beta}$ S, $\overset{o}{\mu}$ S. 19 στερεὸς] Hultsch (στερεὸ), ἔτερος SC. οὐγπίας] Γο S. 20 σπηθαμὴ C. οὐγπίας] Γο S. 21 στερεὸς] Hultsch, ἔτέρα SC. σπηθαμὴ C. οὐγπίας] Γο S. $\overset{o}{\mu}$ S. 23 οὐγπίας] Γο S. 24 στερεὸς] Hultsch, στερεὸς SC. οὐγπίας] Γο S. 25 δὲ] δ- e corr. in serib. S. οὐγπίας] Γο S. 26 $\overset{o}{\alpha}$ S, $\overset{o}{\alpha}$ S, $\overset{o}{\alpha}$ C 27 οὐγπίας] Γο S.

42 $^{\circ}H$ τετράγωνος ὀργυιὰ ἔχει πόδας $\overline{\lambda_5}$, ἡ δὲ τετράγωνος ἄκενα ἔχει πόδας $\overline{\rho}$.

43 Τὸ μίλιον ἔχει σταδίους ζ ζ΄.

44 ή σχοῖνος ἔχει σταδίους μη.

45 Ο παρασάγγης έχει σταδίους ξ.

46 Θ σταθμός έχει σταδίους π.

47 Ο Όλυμπιακὸς ἀγὰν ἔχει ἱπποδοόμιον ἔχον σταδίους η, καὶ τούτου ἡ μὲν πλευρὰ ἔχει σταδίους γ καὶ
πλέθρον α, τὸ δὲ πλάτος πρὸς τὴν ἄφεσιν στάδιον α
καὶ πλέθρα δ΄ όμοῦ πόδες δω. καὶ πρὸς τῷ ἡρώҫ τῷ 10
λεγομένῳ Ταραξίππου κάμπτοντες τρέχουσιν οί μὲν
ἡλικιῶται πάντες σταδίους ζ, αὶ συνωρίδες αὶ μὲν πωλικαὶ κύκλους γ, αὶ δὲ τέλειαι η, ἄρματα τὰ μὲν πωλικὰ κύκλους η, τὰ δὲ τέλεια κύκλους ιβ.

48 Τὸ οὖν δεδηλωμένον ἐπεὶ τοσοῦτον ἔχει, ἀναγκαῖόν 15 ἐστι τῶν μέτρων δηλῶσαι μεθόδους, οἱ πόσοι πήχεις πόσας δύνανται ὀργυιὰς ποιεῖν, οὕτως ἡ ὀργυιὰ ἡ εὐθυμετρικὴ ἔχει δακτύλους \overline{qs} , πόδας \overline{s} , πήχεις $\overline{\delta}$, σπιθαμὰς $\overline{\eta}$.

49 "Ακενα εὐθυμετοική ἔχει δακτύλους οξ, πόδας τ̄, 20 πήχεις ξ΄Β΄, παλαιστάς μ̄, σπιθαμάς τ̄γ γ΄, ὀογυιὰν α΄Β΄.

50 Πλεθρία εὐθυμετρική ἔχει δακτύλους $\overline{\alpha \chi}$, πόδας $\overline{\varrho}$, πήχεις ξε β , παλαιστάς $\overline{\upsilon}$, σπιθαμάς $\overline{\varrho \lambda \gamma}$ γ' , δργυιάς $\overline{\iota \varepsilon}$ β , ἀκένας $\overline{\iota}$.

51 Πλινθίον εὐθυμετοικὸν ἔχει δακτύλους $\overline{\beta v}$, πόδας 25 $\overline{\varrho v}$, πήχεις $\overline{\varrho}$, παλαιστὰς $\overline{\chi}$, σπιθαμὰς $\overline{\sigma}$, ὀργυιὰς $\overline{\kappa \epsilon}$, ἀκένας $\overline{\iota \epsilon}$, πλέθρον $\overline{\alpha}$ \angle' .

52 Στάδιον εὐθυμετοικὸν ἔχει δακτύλους , θχ, πόδας

² $\bar{\varrho}$] Letronne, $\bar{\varrho}$ στερεούς CS, ϱ ΄ Φιλεται $\bar{\varrho}$ είους Hultsch. 3 sqq. om. C. 7 sqq. u. H. Schöne, Jahrb. d. arch. Inst. XII

Die Quadratklafter hat 36 Fuß, die Quadratakena aber 42 100 Fuß.

Die Meile hat $7\frac{1}{9}$ Stadien. 43 Die Schoinos hat 48 Stadien. 44

Der Parasang hat 60 Stadien. 5 45

Der Stathmos hat 20 Stadien. 46

Der Olympische Spielplatz hat eine Rennbahn zu 8 Sta- 47 dien; deren Seite hat 3 Stadien 1 Plethron, die Breite aber am Ablauf 1 Stadion 4 Plethren; zusammen 4800 Fuß.

10 Indem sie an dem nach Taraxippos benannten Heroon umbiegen, laufen alle gleichaltrigen Pferde 6 Stadien, die Gespanne von jungen Pferden 3 Umläufe, die von erwachsenen 8, die Wagen mit jungen Pferden 8 Umläufe, die mit erwachsenen 12 Umläufe.

Nachdem nun die Auseinandersetzung so weit vorge- 48 schritten ist, ist es notwendig für die Maße Methoden anzugeben, wie viel Ellen wie viel Klaftern machen können, folgendermaßen: die Klafter als Längenmaß hat 96 Zoll, 6 Fuß, 4 Ellen, 8 Spannen.

Eine Akena als Längenmaß hat 160 Zoll, 10 Fuß, $6\frac{2}{3}$ 49

Ellen, 40 Handbreiten, $13\frac{1}{3}$ Spannen, $1\frac{2}{3}$ Klafter.

Eine Plethre als Längenmaß hat 1600 Zoll, 100 Fuß, 50 $66\frac{2}{3}$ Ellen, 400 Handbreiten, $133\frac{1}{3}$ Spannen, $16\frac{2}{3}$ Klaftern, 10 Akenen.

Ein Plinthion als Längenmaß hat 2400 Zoll, 150 Fuß, 51 100 Ellen, 600 Handbreiten, 200 Spannen, 25 Klaftern, 15 Akenen, $1\frac{1}{9}$ Plethron.

Ein Stadion als Längenmaß hat 9600 Zoll, 600 Fuß, 52

p. 150 et O. Schroeder, Pindari carm. p. 54. 7 ἀγὼν] Schöne, om. S. 8 μέν] scripsi, μία S. 10 ὁμοῦ] addidi, om. S. ήρωω τω scripsi, δωτικώ S, ήρίω τω Schöne. 11 Ταραξίππου] Ο. Crusius, παρεξίππω S, ταραξίππω Schöne. κάμπτοντες] addidi, om. S. τρέχουσιν] -ρ- e corr. in scrib. S. 12 κέλητες πάντες Schöne. σταδίους] κύκλους Schroeder. αί (pr.)] Schöne, αί τέλειαι S. μὲν] Schroeder, μὲν ἡλιπιῶται S. 13 τὰ] Schöne, om. S. 16 δηλῶσαι] δηλώσει S. 22 πλεθοία] inauditum. 27 ἀκεν S.

- \overline{x} , $\pi \eta \chi \epsilon_{is} \overline{v}$, $\pi \alpha \lambda \alpha_{is} \overline{\sigma} \alpha_{is} \overline{\delta} \overline{v}$, $\sigma \pi_{is} \overline{\sigma} \alpha_{is} \overline{\delta} \overline{v}$, $\delta \rho \gamma v_{is} \overline{\delta} \overline{\delta}$, $\delta \rho \gamma v_{is} \overline{\delta} \overline{\delta}$, $\delta \rho \gamma v_{is} \overline{\delta} \overline{\delta}$.
- 53 Μίλιον εὐθυμετοικὸν ἔχει δακτύλους ξ , $\bar{\beta}$, πόδας $\bar{\delta}$, πήχεις $\bar{\gamma}$, παλαιστὰς $\bar{\alpha}$, $\bar{\eta}$, σπιθαμὰς $\bar{\xi}$ τοε, δογυιὰς $\bar{\psi}$ ν, ἀκένας \bar{v} ν, πλέθοα $\bar{\mu}$ ε, πλινθία $\bar{\lambda}$, στάδια $\bar{\xi}$ $\bar{\xi}$. 5 φασὶ δὲ καὶ τὸ βῆμα ἔχειν πήχεις $\bar{\beta}$, ώς καὶ ἐν τούτφ ἐπίστασθαι.
- 54 Εἰ δὲ θέλεις εἰς τὰ μέτρα παρεμβαλεῖν τι, σχοῖνος εὐθυμετρικός, ἢν οἱ Αἰγύπτιοι πλειονεσ προσαγορεύουσιν + δ παρασάγγης ἔχει δακτύλων κη μυριάδας $\bar{\eta}$ · 10 γίνονται πήχεις $\bar{\alpha}$, $\bar{\beta}$, πόδες $\bar{\alpha}$, $\bar{\eta}$, σπιθαμαὶ $\bar{\beta}$, $\bar{\delta}$, παλαισταὶ $\bar{\xi}$, $\bar{\beta}$, δργυιαὶ $\bar{\gamma}$, ἄκεναι $\bar{\alpha}\bar{\omega}$, πλέθρα $\bar{\alpha}\bar{\kappa}$, πλινθία $\bar{\alpha}\bar{\kappa}$, στάδια $\bar{\lambda}$, μίλια $\bar{\delta}$.
 - τ Περί μέτρων καὶ σταθμῶν ὀνομασίας.
- 55 Πᾶν τάλαντον ὶδίας ἔχει μνᾶς $\bar{\xi}$, ή δὲ μνᾶ στα- 15 τῆρας $\bar{\kappa}$ ε, ὁ δὲ στατὴρ δραχμάς, αῖ εἰσιν ὁλκαί, $\bar{\delta}$ · ἔχει οὖν τὸ τάλαντον μνᾶς μὲν $\bar{\xi}$, στατῆρας δὲ $\bar{\kappa}$ αρ, δραχμὰς δὲ $\bar{\kappa}$ ε, ἡ δὲ δραχμὴ ὀβολοὺς ἔχει $\bar{\epsilon}$ ς, ὁ δὲ ὀβολὸς χαλ- κοῦς $\bar{\eta}$ · ἔχει οὖν ἡ δραχμὴ χαλκοῦς $\bar{\mu}\eta$.
- Το Αττικον τάλαντον Ισοστάσιον μεν τῷ Πτολε- 20 μαικῷ καὶ Αντιοχικῷ καὶ Ισάριθμον ἐν πᾶσι, δυνάμει δὲ τοῦ μεν Πτολεμαικοῦ κατὰ τὸ νόμισμα τετραπλάσιον, ἐπίτριτον δὲ τοῦ 'Αντιοχικοῦ, τῷ δὲ Τυρίῷ ἴσον. ἀναλόγως δὲ τῷ περὶ τὸ τάλαντον εἰρημένη διαφορῷ καὶ τἆλλα παραληφθήσεται μνᾶ τε γὰρ μνᾶς καὶ στατὴρ 25 στατῆρος καὶ δραχμὴ δραχμῆς ταὐτὰ διοίσει, ὅσην αἰρεῖ ἐπὶ τοῦτο διαφοράν.
- 57 Οἶδα δὲ καὶ ξυλικὸν ἐν Αντιοχεία τάλαντον ἕτερον,

³ δαπτυ^λ $\underline{\zeta}$ β S. 4 $\underline{\alpha}_{,H}$ S. 6 $\dot{\omega}_{S}$ — 7 $\dot{\epsilon}\pi$ lστασθαι] corrupta. $\underline{9}$ πλειονεσ] uocabulum Aegyptiorum corruptum;

400 Ellen, 2400 Handbreiten, 800 Spannen, 100 Klaftern, 60 Akenen, 6 Plethren, 4 Plinthien.

Eine Meile als Längenmaß hat 72000 Zoll, 4500 Fuß, 53 3000 Ellen, 18000 Handbreiten, 6375 Spannen,*) 750 5 Klaftern, 450 Akenen, 45 Plethren, 30 Plinthien, 7½ Stadien. Man sagt auch, daß der Schritt 2 Ellen hat . . .

Wenn du aber zwischen die Maße etwas einschieben 54 willst, so hat die Schoinos als Längenmaß, von den Ägyptern πλειονεσ genannt, der Parasang hat 288 000 Zoll, d.h. 10 12 000 Ellen, 18 000 Fuß, 24 000 Spannen, 72 000 Handbreiten, 3000 Klaftern, 1800 Akenen, 180 Plethren, 120 Plinthien, 30 Stadien, 4 Meilen.

Von der Benennung der Maße und Gewichte.

Jedes Talent hat 60 Minen, die Mine 25 Stateren, der Sta55 ter 4 Drachmen, auch Holkai benannt. Das Talent hat also
60 Minen, 1500 Stateren, 6000 Drachmen. Die Drachme
aber hat 6 Obolen, der Obol 8 Chalkoi; also hat die Drachme
48 Chalkoi.

Das attische Talent entspricht in Gewicht und Einteilung 56
20 vollkommen dem Ptolemäischen und Antiochischen, an Wert
aber ist es in Geld das vierfache des Ptolemäischen, \(\frac{4}{3}\) des
Antiochischen, dem Tyrischen aber gleich. Und entsprechend
dem beim Talent angegebenen Unterschied kann auch das
übrige bestimmt werden; denn zwischen Mine und Mine,
25 Stater und Stater, Drachme und Drachme wird derselbe
Unterschied sein, den du für dies wählst.

Ich kenne aber auch in Antiocheia ein anderes Talent, 57

*) Müßte sein 6000 Spannen.

cfr. Hultsch, Scriptt. metrol. II p. 110, 1 signes. 10 Ante δ lacuna est. Δ/α $\overline{\chi}\eta$ $\widecheck{\mu}/S$. 11 $\gamma \widecheck{\iota} v o v \tau \alpha \iota$] comp. S. π^χ S. σ^{χ} S. 12 $\mathring{\alpha} u \acute{\epsilon} v \alpha \varsigma$ S. 14 sqq. C fol. 108°, om. S. $\mathring{\sigma} v o \mu \alpha \sigma \widecheck{\iota} \alpha \varsigma$ B, $\mathring{\sigma} v o \mu \alpha \sigma \alpha \iota$? C. 20 $\tau \widetilde{\phi}$ Intoleman σ^{χ} σ^{χ} Antioxin $\widetilde{\phi}$ Hultsch, $\tau \widetilde{\phi} v$ Intoleman σ^{χ} σ^{χ} Antioxin σ^{χ} S. 26 σ^{χ} decay σ^{χ} Hultsch, σ^{χ} S. 27 σ^{χ} S. 28 σ^{χ} S. 29 σ^{χ} S. 29 σ^{χ} S. 20 σ^{χ} S. 20 σ^{χ} S. 20 σ^{χ} S. 20 σ^{χ} S. 21 σ^{χ} S. 22 σ^{χ} S. 23 σ^{χ} S. 24 σ^{χ} S. 25 σ^{χ} S. 26 σ^{χ} S. 27 σ^{χ} S. 28 σ^{χ} S. 29 σ^{χ} S. 29 σ^{χ} S. 20 σ

- ο ὁ μνᾶς μὲν ἰδίας ἔχει ξ̄, έξαπλάσιον δὲ σχεδὸν τῷ τοῦ νομίσματος ἀριθμῷ τό τε ἐν ᾿Αλεξανδρεία ξυλικὸν τῷ πέμπτῷ διαφέρει πρὸς τὸ προειρημένον ἐπιχώριον περιττεῦον.
- 58 Τὸ δὲ πας' Όμης στάλαντον ἴσον ἐδύνατο τῷ μετὰ ταῦτα Δαςεικῷ ἄγει οὖν τὸ χουσοῦν τάλαντον 'Αττικὰς δοαχμὰς δύο, γράμματα ξ, τετάςτας δηλαδή τέσσαςεις.
- 59 Οὐ λανθάνει δέ με καὶ τῶν δοαχμῶν εἶναι πλείους διαφοράς τήν τε γὰρ Αἰγιναίαν καὶ τὴν 'Pοδίαν μνᾶν 10 τῆς Πτολεμαικῆς εἶναι πενταπλάσιον, έξαπλασίαν δὲ τὴν νησιωτικὴν οὕτω προσαγορευομένην.
- 60 Τῆ οὖν 'Αττικῆ πρός τε σταθμὸν καὶ νόμισμα χρηστέον ἰσοδύναμος γάρ ἐστι καὶ ἰσοστάσιος τῆ 'Ιταλικῆ μνᾶ· στατήρων ἐστὶν κε, ἡ δὲ 'Ιταλικὴ λίτρα στα- 15 τήρων κδ· αί δὲ λοιπαὶ μναῖ διάφοροι.
- 52 Διαιρεῖται δὲ ἐκ περιουσίας καὶ τὸ δηνάριον κατὰ 'Ρωμαίους εἰς μέρη ˌασνβ' ἔχει γὰρ μέρη τῶ, νούμμους 25 δ, ἀσσάρια τ̄ς ὁ δὲ νοῦμμος οὐγγίαν ἔχει τῷ σταθμῷ. τὸ ἀσσάριον διαιρεῖται εἴς τε L' καὶ γ' καὶ δ' καὶ τ΄ καὶ η' καὶ δ' καὶ ιη' καὶ κό' καὶ λς' καὶ μ' καὶ οβ', τὰ δὲ μέρη ταῦτα ὶδίας ὀνομασίας ἔχει παρὰ τοῖς 'Ρωμαίοις λογισταῖς. 30

für Holz, das 60 Minen hat, an Geldwert aber ungefähr das sechsfache ist; und das Holztalent in Alexandreia ist $\frac{1}{5}$ größer als das vorhergenannte lokale.

Das Talent bei Homer aber galt so viel als der spätere 58 5 Dareikos; ein Goldtalent gilt also 2 attische Drachmen, 6 Grammata und natürlich 4 Quarten.

Es ist mir nicht entgangen, daß es auch bei den Drachmen 59 mehrere Unterschiede gibt; denn sowohl die Äginetische als die rhodische Mine ist das fünffache der Ptolemäischen, und 10 die sogenannte insulare ist 6 mal so groß.

Die attische muß man nun für Gewicht und Geldwert 60 benutzen; denn an Wert und Gewicht ist sie der italischen Mine gleich; sie hat 25 Stateren, das italische Liter aber 24 Stateren; die übrigen Minen aber sind abweichend.

Das Liter macht 12 Unzen, die Unze 8 Drachmen, und 61 die Drachme ist 3 Gramm, das Gramm 2 Obolen. Wiederum ist das Gramm 3 Psemmen, der Thermos 2 Keratia, folglich das Liter 96 Drachmen, d. h. 1728 Keratia. Das Talent wird also an Geldwert = $62\frac{1}{2}$ Liter; das antiochische Holztalent aber ist = 375 Liter.

Auch der römische Denar wird noch in 1252 Teile ge- 62 teilt; er hat nämlich 12 Teile, 4 Nummi, 16 As; der Nummus hält an Gewicht eine Unze. Der As wird geteilt in $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{9}$ $\frac{1}{10}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{12}$ $\frac{1}{16}$ $\frac{1}{18}$ $\frac{1}{24}$ $\frac{1}{36}$ $\frac{1}{40}$ $\frac{1}{50}$ $\frac{1}{72}$, und diese Teile haben 25 bei den römischen Berechnern besondere Namen.

² τε] C, δὲ Hultsch. 10 Αἰγεινέαν C. 11 ἐξαπλάσιον Hultsch. 14 ἰτταλικῆ C. 15 ἐστὶν] C, δ' ἐστιν Hultsch. ἰτταλικὴ C. 16 διάφοροι] Hultsch, διάφοραι C. 18 τδ] supra scr. C. 21 λιτρῶν] Hultsch, λίτρας comp. C. 25 α σνβ] C, α σνβ Salmasius. α ερη α [β] C, τροπαικὰ β΄ Salmasius. 26 οδγγίαν] Salmasius, οδγγίας C. 28 καὶ δ΄] Hultsch, δ΄ C.

C

 \mathbf{v}

Περί μέτρων.

63 Ὁ ἀμφορεὺς παρ' ἐνίοις λέγεται μετρητής ἔχει οὖν ἡμιαμφόρια δύο, ἃ καλοῦσί τινες κάδους, Ῥωμαῖοι δὲ οὔρνας βρόχους δὲ ἔχει δ, χόας η, οὺς δὴ κογγία λέγουσι, κάβους δὲ ἡμεῖς. ὁ δὲ χοῦς χωρεῖ ξέστας ς, 5 ὡς τὸν ἀμφορέα εἶναι ξεστῶν μη. ὁ δὲ ἀντιοχικὸς μετρητής τοῦ Ἰταλικοῦ ἐστι διπλάσιος καὶ ς΄.

34 Ο ξέστης διαιρεῖται εἰς κοτύλας β, ἡ κοτύλη εἰς
δξύβαφα β, τὸ ὀξύβαφον εἰς κυάθους γ̄, ὁ κύαθος εἰς
μύστρια δ, ὰ δὴ λίστρια ὀνομάζουσιν, ὁ μύστρος ἤτοι 10
τὸ λίστριον εἰς κοχλιάρια δύο. ὁ ξέστης ἀναλύεται εἰς
κοχλιάρια ς̄ς, καὶ τὰ ἐλαιρὰ παραπλησίως, πλὴν ὅτι
ἀπὸ τοῦ καλουμένου κεντιναρίου τὴν ἀρχὴν ἔχει. ἔστι
δὲ ὁ μετρητὴς ἐλαιρὸς δυνατὰ ἔχων ῑς, καὶ καλεῖται
δ μο εκ ταῖς.

65 Ο μόδιος ἔχει ἡμιέχτα δύο, τὸ ἡμίεχτον χοίνικας δ, ό χοῖνιξ ξέστας β, ὡς τὸν μόδιον εἶναι ξέστας τς. καὶ τὰ λεπτὰ δὲ μέτρα τῶν ξηρῶν ὁμοίως τοῖς τῶν ὑγρῶν. ὁ Πτολομαικὸς δὲ μέδιμνος ἡμιόλιός ἐστι τοῦ Δττικοῦ καὶ συνέστηκεν ἐξ ἀρταβῶν μὲν τῶν παλαιῶν ²⁰ β. ἦν γὰρ ἡ ἀρτάβη μοδίων δ L', νῦν δὲ διὰ τὴν Ρωμαικὴν χρῆσιν ἡ ἀρτάβη χρηματίζει γ γ'.

66 Ο πόρος ὁ Φοινικικὸς καλούμενος σάτων ἐστὶ λ̄, τὸ σάτον μοδίου τὸ ς΄. ὁ χοῦς τὸ ἑξάξεστον μέτρον τὸ μὲν τοῦ οἰνου σταθμῷ ἐστιν Α ð̄, τὸ δὲ τοῦ μέλιτος 25 Α ῑε΄ καὶ πάσης ὕλης σταθμὸς διάφορος. ἡ οὐγγία τοῦ πεπέρεος κόκκους ἔχει ν̄, ἡ δὲ λίτρα ὑφ' εν κ̄.

"Ηρωνος μετρικά.

67 Τὸ ἰούγερον ἔχει ἀκαίνας σ̄, γεϊκῶν ποδῶν κος μήκους γὰρ ἔχει ἀκαίνας κος, διαιρεῖται δὲ εἰς κ μέρη εο

Von Maßen.

Die Amphora wird bei einigen Metretes genannt; sie hat 2 Halbamphoren, die einige Kadi nennen, die Römer aber Urnen; sie hat 4 Brochoi, 8 Choes, die jene Congia 5 nennen, wir aber Kaboi. Der Chus aber enthält 6 Xesten, so daß eine Amphora = 48 Xesten ist. Der antiochische Metretes aber ist $2\frac{1}{6}$ des italischen.

Der Xestes wird geteilt in 2 Kotylen, die Kotyle in 2 64 Oxybapha, das Oxybaphon in 3 Kyathoi, der Kyathos in 10 4 Mystria, die man Listria nennt, der Mystros oder das Listrion in 2 Kochliaria. Der Xestes reduziert sich somit auf 96 Kochliaria, und die Ölmaße ähnlich, nur daß sie vom sogenannten Centinarium ausgehen.....

Der Modius hat 2 Hemihekta, das Hemihekton 4 Choi- 65 nikes, der Choinix 2 Xesten, so daß der Modius 16 Xesten beträgt. Und auch die kleinen Maße von trocknen Sachen entsprechen denen der flüssigen. Der Ptolemäische Medimnos aber ist $1\frac{1}{2}$ des attischen und besteht aus 2 alten Artaben; die Artabe war nämlich = $4\frac{1}{2}$ Modien, jetzt aber 20 gilt die Artabe wegen des römischen Gebrauchs $3\frac{1}{2}$.

Der sogenannte phönikische Koros ist = 30 Sata, das 66 Saton ¹ Modius. Der Chus zu 6 Xesten ist von Wein an Gewicht 9 Liter, von Honig 15 Liter; und von jedem Stoff ist das Gewicht verschieden. Eine Unze Pfeffer hat 400

25 Körner, das Liter zusammen 5000.

Herons Vermessungslehre.

Das Jugerum hat 200 Akainen, 2400 Feldfuß; denn in der Länge hat es 24 Akainen, und es wird geteilt in 20

63

 ∇ ἀνὰ $\overline{\iota}$ β· γίνονται πόδες $\overline{\sigma}$ μ· πλάτους δὲ ἔχει δώδεκα ἀκαίνας· γίνονται πόδες $\overline{\sigma}$ κ. ἐὰν δὲ τὸ μῆκος ἐπὶ τὸ πλάτος, γίνονται πόδες $\ddot{\beta}$, $\overline{\eta}$ ω. ἡ ἄκαινα πόδας ἔχει $\overline{\iota}$ β· γίνονται παλαισταὶ $\overline{\mu}$ η. ὁ ποὺς ἔχει παλαιστὰς $\overline{\delta}$, δακτύλους $\overline{\iota}$ ξ. ὁ πῆχυς ὁ εὐθυμετρικὸς ἔχει πόδα ἕνα $\overline{\iota}$ 6 πῆχυς ὁ λιθικὸς ἔχει ὁμοίως πόδα $\overline{\alpha}$ $\underline{\iota}$ 1, δακτύλους $\overline{\lambda}$ 3.

ἐἀν τὸ πλάτος τοὺς κδ ἐπὶ τοὺς κδ, γίνονται δάκτυλοι ἄρωκδ, ξέσται ὑροοὶ μη, ξηροὺς δὲ χωρεῖ 10 μοδίους Ἰταλικοὺς λε· ἐπὶ λε· γίνονται ασκε· καὶ ταῦτα πολυπλασίασον ενδεκάκις· γίνονται ὰ γυοε.

"Εστι δε ή λιπαρά γη έν σπόρου καὶ γεωμένων ή 68 μελάγγεως γη ή παρά πασιν έπαινουμένη, οία στέγει ύετον ταύτη μετοείται ιούγερα ο γείκον έν της με- 15 λαγγέου καὶ λιπαρᾶς καὶ τῆς ποταμογόου ταύτης μιᾶς έκατοστής ή γεωμετρία έν ισότητι μετρεί ιούγερα ρ γεϊκὸν εν, τῆς δὲ ὑπογέου ἤτοι βαθυγέου μετρεῖ ἰούγερα οπε γεϊκον εν, της δε έρυθρας ήτοι κοκκίνου μετρεί ιούγερα σπε γεϊκὸν έν, τῆς δὲ παγάδος μετρεῖ ἰούγερα 20 ολγ γεϊκὸν έν, τὴν δὲ ὑπὸ ποταμοῦ ἐπιψαμμιζομένην μετοεί Ιούγερα ση γεϊκον έν, την δέ γε τραχείαν καί άμμώδη μετρεί Ιούγερα σν γεϊκον έν. άμπελον νεοκέντητον μετρεί Ιούγερα ο γεϊκον έν έρρουν έρρειθρον μετρεί ἰούγερα β γεϊκὸν ἕν ἐννιτρόγεων μετρεί ἰού- 25 γερα ο πεφαλή μία χορτοποπίου ιούγερα οπε πεφαλή μία. τὸ ἰούγερον ἔχει πήχεις ολγ γ'.

SV

24 1 Εύρεῖν δύο χωρία τετράγωνα, ὅπως τὸ τοῦ πρώτου

¹ δώδεια] Hultsch, Δ V. 2 ἀκενας V. 3 $\ddot{\beta}$, $\bar{\eta}\bar{\omega}$] Hultsch, $\bar{\beta}\bar{\omega}$ V. ἄκενα V. 4 $\bar{\mu}\bar{\eta}$] Hultsch, $\bar{\mu}$ V. 9 $\bar{q}\bar{o}\bar{s}$]

Teile zu 12; gibt 240 Fuß; in der Breite aber hat es 12 Akainen; gibt 120 Fuß. Länge × Breite, gibt 28800.*) Die Akaina hat 12 Fuß = 48 Handbreiten. Der Fuß hat 4 Handbreiten, 16 Zoll. Die Elle für gradlinige Messung 5 hat 1 Fuß, die Elle für Steine ebenfalls 1 Fuß, 24 Zoll. Breite $24 \times 24 = 576$ Zoll; dies \times Dicke = 13824Kubikzoll, 48 Xesten von Flüssigkeiten, von trocknen Sachen aber hält es 35 italische Modien. $35 \times 35 = 1225$, 1225 $\times 11 = 13475.**$ Die fette Ackererde ist die bei allen geschätzte schwarze 68 Erde, die das Regenwasser behält; so werden von der schwarzen und fetten Erde 100 Jugera gerechnet auf 1 Ackersteuerportion; und wenn die angeschwemmte Erde davon

100 beträgt, berechnet die Landmessung gleichmäßig 100 15 Jugera auf 1 Steuerportion; von der unterhalb oder tiefgelegenen Erde aber betragen 125 Jugera 1 Steuerportion; und von der roten oder scharlachfarbigen betragen 125 Jugera 1 Steuerportion; von der harten aber betragen 133 Jugera 1 Steuerportion, von der durch einen Fluß mit Sand 20 bedeckten betragen 108 Jugera 1 Steuerportion, von der felsigen und sandigen aber betragen 250 Jugera 1 Steuerportion. Von neubepflanztem Rebenland betragen 100 Jugera 1 Steuerportion, von bewässertem und kanalisiertem betragen 2 Jugera 1 Steuerportion; von salpeterhaltiger

25 Erde sind 100 Jugera 1 Portion; von Heuwiese sind 100 Jugera 1 Portion. Ein Jugerum hat 1331 Ellen.***)

Zu finden zwei viereckige Flächenräume der Art, daß 24 1

^{*)} Dieses Stück ist mir unverständlich.

**) Dieser Absatz ist ganz unklar.

***) 68 ist sachlich und namentlich sprachlich sehr unsicher und unklar.

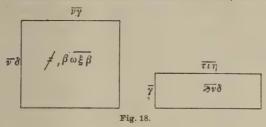
Hultsch, $\overline{\varphi o \beta}$ V. 11 $\mu o \delta i o v s$] scripsi, $\stackrel{o}{\mu} \bar{v}$ V. 13 $\xi \sigma \tau \iota \delta \dot{s}$] corr. ex $\xi \sigma \tau \iota \nu$ V. $\xi v - \gamma \epsilon \omega \mu \dot{\epsilon} \nu \omega v$] corrupta. 15 $\tau \alpha \dot{\nu} \tau \eta s$

SV ἐμβαδὸν τοῦ τοῦ δευτέρου ἐμβαδοῦ ἔσται τριπλάσιον.
ποιῶ οὕτως: τὰ γ κύβισον: γίνονται κζ: ταῦτα δίς:
γίνονται νδ. νῦν ἆρον μονάδα α. λοιπὸν γίνονται νγ.
ἔστω οὖν ἡ μὲν μία πλευρὰ ποδῶν νγ, ἡ δὲ ἐτέρα
πλευρὰ ποδῶν νδ. καὶ τοῦ ἄλλου χωρίου οὕτως: δὲς 5
ὁμοῦ τὰ νγ καὶ τὰ νδ. γίνονται πόδες οξ. ταῦτα ποίει
ἐπὶ τὰ γ ... λοιπὸν γίνονται πόδες τιη. ἔστω οὖν ἡ
τοῦ προτέρου πλευρὰ ποδῶν τιη, ἡ δὲ ἐτέρα πλευρὰ
ποδῶν γ΄ τὰ δὲ ἐμβαδὰ τοῦ ἐνὸς γίνεται ποδῶν χνδ
καὶ τοῦ ἄλλου ποδῶν βωξβ.

10

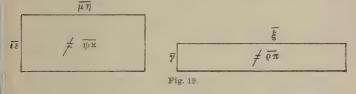
¹ τοῦ τοῦ] scripsi, τοῦ SV. 2 γίνονται] V, comp. S. 3 γίνονται] V, comp. S. μονάδα] $\stackrel{\circ}{\mu}$ SV. γίνονται] comp. SV. 4 ποδῶν] $\stackrel{\circ}{\pi}$ S. $\overline{\nu\gamma}$] S, $\nu\varsigma'$ V. 6 πόδες] $\stackrel{\circ}{\pi}$ S. 7 Post $\overline{\gamma}$ lac. indicauit Hultsch; suppl. γίνονται $\overline{\tau\kappa\alpha}$. δρον τὰ $\overline{\gamma}$. γίνονται] comp. S, ut semper. πόδες] $\stackrel{\circ}{\pi}$ S. 8 τοῦ προτέρον] scrib. προτέρα. ποδῶν] $\stackrel{\circ}{\pi}$ S, ut semper. 9 ποδῶν (alt.)] $\stackrel{\circ}{\pi}$ S, om. V. 12 τοῦ ἐμβαδοῦ] S, om. V. 14 λοιπὸν $\stackrel{\circ}{\nu}$ V, $\lambda \delta \widetilde{\iota}$ S; item lin. 17

der Flächeninhalt des ersteren dreimal so groß ist als der des zweiten. Ich mache so: $3^3 = 27$, $2 \times 27 = 54$, $54 \div 1 = 53$. Es sei also die eine Seite = 53 Fuß, die andere



= 54 Fuß. Und den des anderen Flächenraums so: 53 + 54 = 107 Fuß, 3 × 107 [= 321, 321 ÷ 3] = 318. Es sei also die eine Seite = 318 Fuß, die andere = 3 Fuß; der Flächeninhalt aber des einen wird = 954 Fuß, der des anderen 2862 Fuß.

Zu finden einen Flächenraum, dessen Umkreis dem eines 2 anderen gleich ist, der Flächeninhalt aber 4 mal so groß. Ich mache so: $4^3 = 64$ Fuß, $64 \div 1 = 63$ Fuß; so viel ist jeder Umkreis, aus 2 der parallelen Seiten zusammengesetzt. Man hat dann die Seiten zu sondern. Ich mache so: $4 \div 1$



= 3; die eine Seite ist also = 3 Fuß. Die andere Seite so: $63 \div 3 = 60$. Bei dem anderen Flächenraum mache so: $4 \times 4 = 16$ Fuß, $16 \div 1 = 15$ Fuß; so viel sei die erste Seite. Die andere Seite aber so: $63 \div 15 = 48$ Fuß; es

¹⁸ λοιπὸν] sic S. 21 λοι S. 22 ποδῶν $\bar{\iota}ε$] del. Hultsch. 23 λοιπὸν) sic S.

πλευρὰ ποδῶν $\overline{\mu\eta}$ τὸ δὲ ἐμβαδὸν τοῦ ένὸς ποδῶν $\overline{\psi x}$ καὶ τοῦ ἄλλου ποδῶν $\overline{\varrho \pi}$.

- $X \omega \rho lov τετράγωνον ἔχον τὸ ἐμβαδὸν μετὰ τῆς περιμέτρου ποδῶν <math>\overline{\omega q}$ ς διαχωρίσαι τὸ ἐμβαδὸν ἀπὸ τῆς περιμέτρου. ποιῶ οὕτως ἔκθου καθολικῶς μονάδας δ $\overline{\delta}$ ὧν L' γίνεται πόδες $\overline{\delta}$. ταῦτα ποίησον ἐφ' ἐαυτά γίνονται πόδες $\overline{\delta}$. ὧν πλευρὰ τετραγωνική γίνεται ποδῶν $\overline{\lambda}$. καὶ ἀπὸ τῶν $\overline{\delta}$ ὕφειλον τὸ L' γίνονται πόδες $\overline{\beta}$ λοιπὸν γίνονται πόδες $\overline{\kappa q}$. τὸ οὖν ἐμβαδόν 10 ἐστιν ποδῶν ψπδ, καὶ ἡ περίμετρος ἔστω ποδῶν $\overline{\rho l}$ τοσούτων ἔστω τὸ ἐμβαδὸν μετὰ τῆς περιμέτρου, ποδῶν $\overline{\omega q}$ ς.
- 4 Τρίγωνον δρθογώνιον, οὖ ἔστω ἡ περίμετρος πο- 15 δῶν ν̄· διαχωρίσαι τὰς πλευρὰς ἀπ' ἀλλήλων. ποιῶ οὕτως κατὰ τὴν Πυθαγορικὴν μέθοδον ἐπεί ἐστι τὸ παρὰ Πυθαγόρου πρῶτον τρίγωνον ὀρθογώνιον ηύρημένον τὸ γ΄ δ΄ ε΄, ποίει κοινωνοὺς τοὺς γ̄· ὁ πρῶτος ποδῶν γ̄, ὁ δεύτερος ποδῶν δ̄, ὁ γ΄ ποδῶν ε̄, κοινὰ 20 δὲ αὐτοῖς τὰ πάντα ἔστω ποδῶν ν̄. ἔστω οὖν τῷ μὲν πρώτῳ ποδῶν ιβ ζ΄, τῷ δὲ δευτέρῳ ποδῶν ις β, τῷ δὲ τρίτῳ ποδῶν π̄ ζ΄ γ΄· ὁμοῦ ἔστω τὰ πάντα ποδῶν ν̄, ὅ ἐστι περίμετρος τοῦ τριγώνου.
- 5 Τοιγώνου ὀοθογωνίου τὸ ἐμβαδὸν ποδῶν ε̄ εὐοεῖν 25 τὰς πλευράς. ποιῶ οὕτως σκέψαι τὰ ε̄ ἐπί τινα ἀριθ-

² $\overline{\varrho\pi}$] ϱ - ins. m. 1 S. In $\overline{\varrho\pi}$ des. V. 3 sqq. S f. 29°. 6 γίνεται] comp. S, ut semper. 10 γίνονται] comp. S, ut semper. 14 Seq. έξης ή καταγραφή S (figura f. 29°). 17 τδ] corr. ex τὰ (?) S. 19 ε΄, ποίει] scripsi, έποίει S. τοὺς] addidi, om. S. ὁ πρῶτος] sc. κοινωνός. 21 τὸ μὲν πρῶτον? (et 22 τὸ δὲ δεύτερον, τὸ δὲ τρίτον). 22 ποδῶν] π S,

sei die andere Seite = 48 Fuß; der Flächeninhalt aber des einen ist = 720 Fuß, der des anderen = 180 Fuß.*)

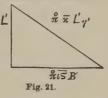
Ein Quadrat, dessen Flächeninhalt + Umkreis = 896 Fuß; 3 den Flächeninhalt vom Umkreis zu sondern. Ich mache so:

5 allgemein $\frac{1}{2} \times 4 = 2$ Fuß, 2×2 = 4 Fuß, 4 + 896 = 900 Fuß, $\sqrt{900}$ = 30 Fuß. $\frac{1}{2} \times 4 = 2$, $4 \div 2 = 2$, $30 \div 2 = 28$ **) Also ist der Flächeninhalt = $28^2 = **$) 784 Fuß, der Um- $28^2 = **$ 10 kreis = 112 Fuß. 784 + 112 = 896 Fuß; so viel sei Flächeninhalt + Um- Umkreis.***)

 $\frac{\mathring{\pi} \overline{\eta}}{\frac{\cancel{\pi} \overline{\eta}}{\frac{\cancel{\pi}}{\eta}}}{\frac{\cancel{\pi} \overline{\eta}}{\frac{\cancel{\pi} \overline{\eta}}{\frac{\cancel{\pi} \overline{\eta}}{\frac{\cancel{\pi} \overline{\eta}}{\frac{\cancel{\pi}}{\eta}}}{\frac{\cancel{\pi} \overline{\eta}}{\frac{\cancel{\pi}}{\eta}}}{\frac{\cancel{\pi} \overline{\eta}}{\frac{\cancel{\pi}}{\eta}}}{\frac{\cancel{\pi} \overline{\eta}}{\frac{\cancel{\pi}}{\eta}}}{\frac{\cancel{\pi} \overline{\eta}}{\frac{\cancel{\pi}}{\eta}}}{\frac{\cancel{\pi} \overline{\eta}}{\frac{\cancel{\pi}}{\eta}}}{\frac{\cancel{\pi}}{\eta}}}{\frac{\cancel{\pi} \overline{\eta}}{\frac{\cancel{\pi}}{\eta}}{\frac{\cancel{\pi}}{\eta}}}{\frac{\cancel{\pi}}{\eta}}}{\frac{\cancel{\pi}}{\eta}}}}}}}}}}}}}}}}}}}}$

Ein rechtwinkliges Dreieck, dessen Umkreis = 50 Fuß; 4 die Seiten voneinander zu sondern. Ich mache so nach der

15 Pythagoreischen Methode: da das von Pythagoras zuerst gefundene π' - \bar{\beta} \beta' \bar{\beta} \beta' \bar{\beta} \beta' \bar{\beta} \beta' \bar{\beta} \beta' \bar{\beta} \beta' \beta' \bar{\beta} \beta' \beta'



Es sei also die erste Seite = $12\frac{1}{2}$ Fuß, die zweite = $16\frac{9}{3}$ Fuß, die dritte = $20\frac{1}{2}\frac{1}{3}$ Fuß; und die Summe aller sei = 50 Fuß, was Umkreis des Dreiecks ist.†)

Der Flächeninhalt eines rechtwinkligen Dreiecks = 5 Fuß; 5 zu finden die Seiten. Ich mache so: suche das Produkt von

- *) Über diese zwei Aufgaben der unbestimmten Analytik sowie über 3-13 s. Bibliotheca mathem. VIII (1907-8) S. 118ff.
- **) Nach $\vec{\beta}$ Z. 10 fehlt: $\tau \alpha \tilde{v} \tau \alpha \dot{\alpha} \sigma \delta \tilde{v} \tilde{\lambda}$, nach $\overline{\kappa \eta}$ Z. 10: $\xi \sigma \tau \omega \dot{\eta} \eta \lambda \varepsilon v \rho \dot{\alpha} \sigma \delta \tilde{\omega} v \overline{\kappa \eta}$. Da aber Z. 11—14 zeigen, daß der Verf. ohne Verständnis exzerpiert, ist nichts zu ändern.
- ***) Es ist die Auflösung der unreinen quadratischen Gleichung $x^2 + 4x \div 896 = 0$.
 - †) 3x + 4x + 5x = 12x = 50.

ut semper. δ è] om. S. 26 ènl $\tau l \nu \alpha$] ènl (corr. ex ènl) $\tau l \nu \alpha$ S.

κ μὸν τετράγωνον ἔχοντα ξ, ἵνα πολυπλασιασθέντα τριγώνου ὀρθογωνίου τὸ ἐμβαδὸν ποιήση. πολυπλασιασθέντα δὲ ἐπὶ τὸν λς γίνονται πόδες οπ, καὶ ἔσται τριγώνου ὀρθογωνίου τὸ ἐμβαδόν, οὖ ἐστιν ἡ κάθετος ποδῶν θ, ἡ δὲ βάσις ποδῶν μ, ἡ δὲ ὑποτείνουσα πο- 5 δῶν μα. καὶ τὰ οπ μερίζω παρὰ τὸν ε, καὶ λς ἐστιν, μήκει δὲ ἕξ. λαβὲ τὸ ς΄ τῶν πλευρῶν, τουτέστι τῶν θ· γίνεται ποὺς α L΄· καὶ τῶν μ τὸ ς΄ γίνεται ποδῶν ξ β ἡ βάσις καὶ τῶν μα τὸ ς΄ γίνεται ποδῶν ξ L΄ γ΄ ἡ ὑποτείνουσα. τὸ οὖν ἐμβαδὸν ποδῶν ε.

6 Τοίγωνον ὀρθογώνιον, οὖ ἡ κάθετος ποδῶν τὰ, ἡ δὲ βάσις ποδῶν τ̄ς, ἡ δὲ ὑποτείνουσα ποδῶν τὰ γίνεται τὸ ἐμβαδὸν ποδῶν τ̄ς ταῦτα μερίσαι εἰς ἄνδρας τ̄ς ἐκάστῳ πόδας τ̄ς ἐν ὀρθογωνίοις τριγώνοις. ποιῶ οὕτως μέρισον τὸν τ̄ς εἰς τ̄ς γίνονται πόδες τ̄ς ὧν ιδ πλευρὰ τετραγωνικὴ γίνεται ποδῶν δ. ἄρτι λαμβάνω τῆς καθέτου τὸ δ΄ γίνονται πόδες γ΄ καὶ τῆς βάσεως τὸ δ΄ γίνονται πόδες δ΄ καὶ τῆς ὑποτεινούσης τὸ δ΄ γίνονται πόδες τ̄ς καὶ ἔσται τ̄ς τρίγωνα ἔχοντα τὴν μὲν κάθετον ποδῶν τ̄ς, τὴν δὲ βάσιν ποδῶν δ, τὴν δὲ 20 ὑποτείνουσαν ποδῶν τ̄ς, τὸ δὲ ἐμβαδὸν ποδῶν τ̄ς.

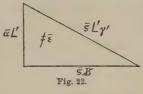
Τοίνωνον δοθογώνιον, οὖ ή κάθετος ποδῶν τῷ [τὸ ἐμβαδὸν ςς] εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν βάσιν καὶ τὴν ὑποτείνουσαν. ποιῶ οὕτως προστιθῶ τοῖς τῷ τῆς καθέτου τὸ γ' γίνονται πόδες δ΄ ὁμοῦ γίνονται πόδες τς τοσούτων εἔστω ἡ βάσις, ποδῶν τς. πάλιν προστιθῶ τῆς βάσεως τὸ δ' γίνονται πόδες δ΄ ὁμοῦ γίνονται πόδες κ΄ ἔστω ἡ ὑποτείνουσα ποδῶν κ. τὸ ἐμβαδὸν ἔστω ποδῶν ςς.

¹ τετράγωνον] corr. ex τετραγώνου S. πολυπλασιασθέντα] scripsi, πολυπλασιασθέν S. τριγώνου] -ου e corr. S. 2 τὸ ἐμβαδὸν] scripsi, τοῦ ἐμβαδοῦ S. 6 τὸν] scripsi, τῶν S.

5 und einer Quadratzahl, die 6 enthält, der Art, daß es den Flächeninhalt eines rechtwinkligen Dreiecks bilden kann.

5 × 36 = 180 Fuß, was der Flächeninhalteinesrechtwinkligen

5 Dreiecks ist, dessen Kathete = $\tilde{\alpha}$ 9 Fuß, die Grundlinie = 40 Fuß, die Hypotenuse = 41 Fuß. 180 : 5 = 36, $\sqrt{36} = 6$. Nimm $\frac{1}{6}$ der Seiten, $\frac{1}{6} \times 9 = 1\frac{1}{2}$ Fuß, $\frac{1}{6}$



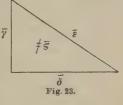
Seiten, $\frac{1}{6} \times 9 = 1\frac{1}{2}$ Fuß, $\frac{1}{6}$ $10 \times 40 = 6\frac{2}{3}$ Fuß, die Grundlinie, $\frac{1}{6} \times 41 = 6\frac{1}{2}\frac{1}{3}$, die Hypotenuse. Der Flächeninhalt ist folglich 5 Fuß.

Ein rechtwinkliges Dreieck, dessen Kathete = 12 Fuß, 6 die Grundlinie = 16 Fuß, die Hypotenuse = 20 Fuß; der Flächeninhalt = 96 Fuß. Dies an 16

15 Männer zu verteilen, jedem 6 Fuß in der Gestalt rechtwinkliger Dreiecke.

Ich mache so: 96:6 = 16 Fuß, √16

= 4 Fuß. ¼ der Kathete = 3 Fuß, ¼ der Grundlinie = 4 Fuß, ¼ der 20 Hypotenuse = 5 Fuß; und es entstehen 16 Dreiecke, deren Kathete

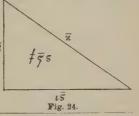


= 3 Fuβ, die Grundlinie = 4 Fuβ, die Hypotenuse = 5 Fuβ, und der Flächeninhalt = 6 Fuβ.

Ein rechtwinkliges Dreieck, dessen Kathete = 12 Fuß, 7

25 der Flächeninhalt = 96 Fuß; zu finden dessen Grundlinie und Hypotenuse. Ich mache so: $\frac{1}{3} \times 12$ der Kathete = 4, 12 + 4 = 16 $\overline{\beta}$ Fuß; so viel sei die Grundlinie. $\frac{1}{4}$ 30 der Grundlinie = 4, 16 + 4 = 20

Fuß; es sei die Hypotenuse = 20 Fuß. Der Flächeninhaltsei 96 Fuß.



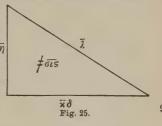
7 $\xi\xi$] scripsi, $\xi\xi\alpha\pi\lambda\alpha\sigma i \nu\alpha$ S. 8 $\gamma i \nu \varepsilon \tau \alpha i \ \pi o \nu \varepsilon$] compp. S, ut semper. 10 In $\bar{\varepsilon}$ des. f. 29^{ν} , seq. $\xi\xi\bar{\eta}_S$ S (fig. f. 30^{ν}). 15 $\tau \delta \nu$] scripsi, $\tau \bar{\omega} \nu$ S. 22 $\tau \varrho i \gamma \omega \nu o \nu$ $\delta \varrho \sigma \nu o \nu o \nu o \nu$] scripsi, $\tau \varrho i \gamma \omega \nu o \nu$ $\delta \varrho \sigma \nu o \nu o \nu$ S. 22 $\tau \delta - 23$ \bar{q}_S] in spatio angusto postea ins. S;

delenda. 27 γίνονται (alt.)] γίνον S.

Τοιγώνου ὀοθογωνίου τὸ ἐμβαδὸν μετὰ τῆς περι- 15 10 μέτρου ποδών σπ' ἀποδιαστείλαι τὰς πλευράς καὶ εύοείν τὸ ἐμβαδόν. ποιῶ οὕτως ἀεὶ ζήτει τοὺς ἀπαρτίζοντας ἀριθμούς ἀπαρτίζει δὲ τὸν σπ ὁ δὶς τὸν ρμ, δ δ' $\tau \dot{o} \nu$ \overline{o} , δ ε' $\tau \dot{o} \nu$ $\overline{\nu} \dot{s}$, δ ξ' $\tau \dot{o} \nu$ $\overline{\mu}$, δ η' $\tau \dot{o} \nu$ $\overline{\lambda \varepsilon}$, δ ι' τ $\eth \nu$ $\overline{\varkappa \eta}$, δ $\iota \delta'$ τ $\eth \nu$ $\overline{\varkappa}$. $\dot{\epsilon}$ $\sigma \varkappa \dot{\epsilon} \dot{\mu} \dot{\mu} \dot{\eta} \nu$, $\ddot{\sigma} \iota$ $\dot{\delta}$ $\ddot{\eta}$ $\varkappa \dot{\alpha} \dot{\lambda} \dot{\epsilon}$ 20 ποιήσουσι τὸ δοθὲν ἐπίταγμα. τῶν σπ τὸ η' γίνονται πόδες λε. διὰ παντὸς λάμβανε δυάδα τῶν η λοιπὸν μένουσιν 5 πόδες. τὰ οὖν λε καὶ τὰ 5 όμοῦ γίνονται πόδες μα. ταῦτα ποίει ἐφ' ἑαυτά γίνονται πόδες σχπα. τὰ λε ἐπὶ τὰ ς γίνονται πόδες δι ταῦτα ποίει 25 άεὶ ἐπὶ τὰ η γίνονται πόδες αχπ. ταῦτα ἆρον ἀπὸ τῶν αχπα λοιπὸν μένει α δυ πλευρά τετραγωνική γίνεται α. ἄρτι θές τὰ μα καὶ ἇρον μονάδα α. λοιπόν $\overline{\mu}$. $\delta v \perp' \gamma i \nu \varepsilon \tau \alpha i \ \overline{\varkappa}$. $\tau \circ \widetilde{\upsilon} \tau \circ \dot{\varepsilon} \sigma \tau i \nu \ \dot{\eta} \ \varkappa \acute{\sigma} \partial \varepsilon \tau \circ \varsigma$, $\pi \circ \delta \widetilde{\varpi} \nu \ \overline{\varkappa}$. καὶ θὲς πάλιν τὰ μα καὶ πρόσθες α γίνονται πόδες το μβ. ὧν L' γίνεται πόδες πα. ἔστω ή βάσις ποδῶν

Wenn wir aber in einem rechtwinkligen Dreieck, dessen 8 Grundlinie gegeben ist =24 Fuß, die Kathete und die Hypo-

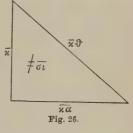
tenuse suchen, mache ich so: $\frac{1}{4} \times$ Grundlinie = 6, 24 ÷ 6
5 = 18 Fuß; es sei die Kathete = 18 Fuß. Wiederum $\frac{1}{4} \times i\overline{\eta}$ Grundlinie = 6, 24 + 6 = 30 Fuß; es sei die Hypotenuse = 30 Fuß. Der Flächeninhalt 10 = 216 Fuß. Wenn du aber aus der Hypotenuse die Grund-



linie und die Kathete finden willst, mache so: es sei die Hypotenuse = 30 Fuß; $\frac{1}{5} \times 30 = 6$, $30 \div 6 = 24$; es sei die Grundlinie = 24 Fuß. Wiederum $\frac{1}{4} \times 24 \text{ Fuß}$ der Grundtlinie = 6 Fuß, $24 \div 6 = 18 \text{ Fuß}$; es sei die Kathete = 18 Fuß. Der Flächeninhalt aber ist = 216 Fuß.

Der Flächeninhalt eines rechtwinkligen Dreiecks + der 10 Umkreis = 280 Fuß; die Seiten auszusondern und den Flächeninhalt zu finden. Ich mache

Tachenmant zu ninden. 1ch mache 20 so: suche immer die Faktoren; es ist aber $280 = 2 \times 140 = 4 \times 70 = 5 \times 56 = 7 \times 40 = 8 \times 35 = 10 \times 28 = 14 \times 20$. Ich finde, daß 8 und 35 die Forderung 25 erfüllen werden. $\frac{1}{8} \times 280 = 35$ Fuß. Nimm immer $8 \div 2 = 6$ Fuß. 35 + 6 = 41 Fuß, $41 \times 41 = 1681$ Fuß. $35 \times 6 = 210$ Fuß, 210 Fuß, 8 - 1680 Fuß. $1681 \div 1681$



210 Fuß $\times 8 = 1680$ Fuß; $1681 \div 1680 = 1$, $\sqrt{1} = 1$. Darauf so $41 \div 1 = 40$, $\frac{1}{2} \times 40 = 20$; das ist die Kathete, = 20 Fuß. Wiederum 41 + 1 = 42 Fuß, $\frac{1}{2} \times 42$ Fuß = 21 Fuß; es sei

¹⁸ $\overline{\sigma}\pi$] del. S. $\dot{\sigma}$ δls $\tau \dot{\sigma} \nu$] scripsi, διαμοσιοστοόγδοημοστοδυαστὸν S. 20 $\tau \dot{\sigma} \nu$ $\bar{\kappa}$] corr. ex $\tau \dot{\sigma}$ $\bar{\kappa}$ S. η' παι λε' S. 21 ποιήσωσι S. 28 μονάδα] $\dot{\mu}$ S. 29 $\dot{\eta}$] seq. spat. 1 litt. S.

- κα. καὶ θὲς τὰ λε καὶ ἆοον τὰ 5. λοιπὸν μένουσι πόδες κθ. ἄρτι θὲς κάτὴν θετον ἐπὶ τὴν βάσιν. ὧν μεναι ἔχουσι πόδας ο̄. ὁμοῦ σύνθες μετὰ τοῦ ἐμβαδοῦ γίνονται πόδες ο̄π.
- Τοιγώνου δοθογωνίου τὸ ἐμβαδὸν μετὰ τῆς περιμέτρου ποδών σο άποδιαστείλαι τὰς πλευράς καὶ τὸ έμβαδόν. ποιῶ οὕτως ἀεὶ ζήτει τοὺς ἀπαρτίζοντας άριθμούς, ώς καὶ ἐπὶ τοῦ πρώτου ἀπαρτίζει μονάδας $\tau \dot{o} \nu \ \overline{\sigma o} \ \delta \ \delta \dot{i} \dot{s} \ \tau \dot{o} \nu \ \varrho \lambda \varepsilon, \ \delta \ \gamma' \ \tau \dot{o} \nu \ \varsigma, \ \delta \ \varepsilon' \ \tau \dot{o} \nu \ \nu \delta, \ \delta \ \varsigma' \ 10$ $\overrightarrow{\tau}$ $\overrightarrow{\mu}$ $\overrightarrow{\epsilon}$, $\overrightarrow{\delta}$ $\overrightarrow{\vartheta}'$ $\overrightarrow{\tau}$ $\overrightarrow{\delta}$ $\overrightarrow{\nu}$ $\overrightarrow{\lambda}$, $\overrightarrow{\delta}$ $\overrightarrow{\iota}'$ $\overrightarrow{\tau}$ $\overrightarrow{\delta}$ $\overrightarrow{\nu}$ $\overrightarrow{\lambda}$ $\overrightarrow{\xi}$. $\overrightarrow{\xi}$ $\overrightarrow{\delta}$ $\overrightarrow{$ με ποιήσει τὸ ἐπιταγθέν, τὸ 5' τῶν σο γίνονται με πόδες. διὰ παντὸς λάμβανε δυάδα τῶν 5 λοιπὸν δ. τὰ με καὶ τὰ δ όμοῦ σύνθες γίνονται μθ. ταῦτα ποιήσομεν έφ' έαυτά. γίνονται πόδες βυα καὶ τὰ με 15 ποίησον ἐπὶ τὰ δ΄ γίνονται πόδες οπ. ταῦτα διὰ παντὸς ποίει ἐπὶ τὰ $\overline{\eta}$ γίνονται πόδες $\overline{\alpha \nu \mu}$. $\tilde{\alpha}$ ρον αὐτὰ άπὸ τῶν βυα λοιπὸν μένουσιν ∑ξα ὧν πλευρά τετραγωνική γίνεται ποδών λα. άρτι θές τὰ μθ καὶ άρον τὰ λα. γίνονται πόδες τη. ὧν ζ΄ γίνεται πόδες 20 θ. ἔστω ή κάθετος ποδῶν θ. καὶ θὲς τὰ μθ καὶ τὰ $\overline{\lambda}\alpha$. $\delta\mu$ οῦ $\overline{\pi}$ γίνονται πόδες. $\overline{\delta}$ ν L' γίνεται $\overline{\mu}$. $\overline{\epsilon}$ στω ή βάσις ποδῶν μ. καὶ θὲς τὰ με καὶ ἇρον τὰ δ. λοιπὸν μένουσι πόδες μα έστω ή υποτείνουσα ποδών μα. τὸ δὲ ἐμβαδὸν ποδῶν οπ. ἄρτι σύνθες όμοῦ τὰς γ πλευ- 25 οάς και τὸ ἐμβαδόν γίνονται πόδες σο.
- 12 Τοιγώνου δοθογωνίου τὸ ἐμβαδὸν μετὰ τῆς περιμέτρου ποδῶν ος ἀποδιαστεῖλαι τὰς πλευρὰς καὶ τὸ ἐμβαδόν. ποίει οὕτως σκέπτου τὸν ἀπαρτίζοντα ἀριθμόν ἐσκεψάμην, ὅτι ὁ ε̄ καὶ ὁ κ τὸ ἐπιταχθὲν ποιήσου- 30 σιν. τὸ ε΄ τῶν ος γίνονται πόδες κ. διὰ παντὸς λάμ-

die Grundlinie = 21 Fuß. $35 \div 6 = 29$ Fuß. Mache dann Kathete \times Grundlinie, davon $\frac{1}{2} = 210$ Fuß. Und die drei Seiten herumgemessen betragen 70 Fuß; 70 + Flächeninhalt = 280 Fuß.

In einem rechtwinkligen Dreieck Flächeninhalt + Um- 11 kreis = 270 Fuß; die Seiten und den Flächeninhalt auszusondern. Ich mache so: suche immer die Faktoren, wie auch in dem ersten Beispiel; es ist $270 = 2 \times 135 = 3 \times 90$ = $5 \times 54 = 6 \times 45 = 9 \times 30 = 10 \times 27$. Ich finde, 10 daß 6 und 45 die Forderung erfüllen werden. $\frac{1}{6} \times 270$

= 45 Fu B. Nimm immer $6 \div 2 = 4. \ 45 + 4 = 49, \ 5$ $49 \times 49 = 2401 \text{ Fu} \text{B};$ $45 \times 4 = 180 \text{ Fu} \text{B};$ $15 \text{ immer } 180 \times 8 = 1440$ $<math display="block"> \vec{\mu} \vec{\alpha}$

Fuß. $2401 \div 1440 = 961$; $\sqrt{961} = 31$ Fuß. Nimm dann $49 \div 31 = 18$ Fuß, $\frac{1}{2} \times 18 = 9$ Fuß; es sei die Kathete = 9 Fuß. 49 + 31 = 80 Fuß, $\frac{1}{2} \times 80 = 40$; es sei die Grundlinie = 40 Fuß. $45 \div 4 = 41$ Fuß; es sei die Hypotenuse = 41 Fuß. Der Flächeninhalt aber = 180 Fuß. Addiere dann die 3 Seiten und den Flächeninhalt; gibt 270 Fuß.

In einem rechtwinkligen Dreieck der Flächeninhalt + der 12 Umkreis = 100 Fuß; die Seiten und den Flächeninhalt auszusondern. Mache so: untersuche die Faktoren; ich finde, daß 5 und 20 die Forderung erfüllen werden. \(\frac{1}{5} \times 100 \)

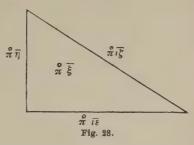
⁹ $\mu o \nu \acute{\alpha} \delta \alpha \varsigma$] S, corruptum. an $\mu \grave{\epsilon} \nu$ o $\acute{\nu} \nu$? 10 $\tau \acute{o} \nu$ (pr.)] scripsi, $\tau \~{\alpha} \nu$ S. \acute{o} o $\acute{\delta} l \varsigma$ $\tau \~{\alpha} \nu$] scripsi, $\acute{\delta} \nu \alpha \sigma \tau \~{\alpha} \nu$ S. $\tau \acute{o} \nu$ (tert. et quart.)] scripsi, $\acute{\sigma}$ S. 11 $\tau \acute{o} \nu$ (ter) $\acute{\sigma}$ S. 29 scr. $\tau \acute{o} \acute{\nu} \varsigma$ $\acute{\alpha} \pi \alpha \rho \tau \acute{t} \varsigma \acute{\nu} \tau \alpha \varsigma$ $\acute{\alpha} \iota \partial \mu \rho \acute{\nu} \varsigma$? 30 $\acute{\epsilon} \prime$ $\iota \alpha l$ \acute{o} $\iota \prime$ S.

δανε δυάδα τῶν ἔν λοιπὸν μένουσι γ. τὰ οὖν γ καὶ τὰ π σύνθες γίνονται πόδες πγ ταῦτα ἐφ' ἑαυτά γίνονται φπθ. καὶ τὰ π ποίησον ἐπὶ τὰ γ γίνονται πόδες ῦπ. ἄρον ἀπὸ τῶν φπθ. λοιπὸν μένουσι πόδες μθ δυ τὰ πλευρὰ τετραγωνικὴ γίνεται ποδῶν ζ. λοιπὸν μένουσι τ̄ς. ὧν L' γίνεται η ἔστω ἡ κάθετος ποδῶν η. θὲς πάλιν τὰ πγ καὶ πρόσθες τὰ ζ ὁμοῦ γίνονται πόδες λ. ὧν L' γίνεται τ̄ε ἔστω ἡ βάσις ποδῶν τ̄ε. καὶ θὲς τὰ π καὶ ἄρον τὰ γ λοιπὸν μένουσι πόδες τὰ π καὶ ἀρον τὰ γ λοιπὸν μένουσι πόδες τὰ π καὶ ἀρον τὰ γ λοιπὸν μένουσι πόδες τὰ π καὶ ἀρον τὰ γ λοιπὸν μένουσι πόδες τὰ π καὶ ἀρον τὰ γ λοιπὸν μένουσι πόδες τὰ π καὶ ἀρον τὰ γ πλευρὰς καὶ τὸ ἐμβαδόν ποδῶν ξ. ὁμοῦ σύνθες τὰς γ πλευρὰς καὶ τὸ ἐμβαδόν γίνονται πόδες ρ.

Τοιγώνου δοθογωνίου τὸ έμβαδὸν μετὰ τῆς περιμέτρου ποδών ζ. ἀποδιαστεϊλαι τὰς πλευράς καὶ τὸ 15 έμβαδόν. ποιῶ οὕτως ἐσκεψάμην, ὅτι ὁ ε καὶ ὁ τη ποιήσει τὸ ἐπιταχθέν, οὕτως τὸ ε΄ τῶν $\overline{\mathsf{G}}$. γίνονται πόδες τη. διὰ παντὸς λάμβανε δυάδα τῶν ε΄ μένουσι $\overline{\gamma}$ · σύνθες τὰ $\overline{\imath\eta}$ καὶ τὰ $\overline{\gamma}$ · γίνονται πόδες $\overline{\imath\alpha}$. ταῦτα έπὶ τὰ γ' γίνονται πόδες νδ' ταῦτα πάντοτε ποίει ἐπὶ 20 τὰ η γίνονται πόδες υλβ. ταῦτα ἆρον ἀπὸ τῶν υμα. λοιπον θ. ὧν πλευρά τετραγωνική γίνεται ποδών ν. Φèς τὰ $\overline{κ}$ α καὶ ἄρον τὰ $\overline{\gamma}$. λοιπὸν $\overline{\iota\eta}$. ὧν L' γίνεται πόδες θ' έστω ή κάθετος ποδών θ. καὶ θές πάλιν τὰ πα και πρόσθες τὰ γ. δμοῦ γίνονται πόδες κδ. ὧν ζ΄ 25 γίνεται ιβ. ἔστω ή βάσις ποδων ιβ. καὶ θές πάλιν τὰ $\overline{\iota\eta}$ καὶ $\tilde{\alpha}$ ρον τὰ $\overline{\gamma}$. λοιπὸν $\overline{\iota\epsilon}$. ἔστω ή ὑποτείνουσα ποδῶν ῖε. τὸ δὲ ἐμβαδὸν ποδῶν νδ. ὁμοῦ σύνθες τὰς γ πλευράς και το έμβαδόν γίνονται πόδες 6.

² γίνονται πόδες] Γ $\stackrel{o}{\pi}$ corr. ex o η in scrib. S. έφ' ἑαυτά]

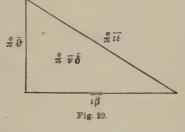
= 20 Fuß. Nimm immer $5 \div 2 = 3$. 3 + 20 = 23, $23 \times 23 = 529$. $20 \times 3 = 60$ Fuß; dies immer $\pi 7$ $\times 8 = 480$ Fuß. $529 \div 480 = 49$ Fuß, $\sqrt{49} = 7$, $[23 \div 7] = 16$. $\frac{1}{2} \times 16 = 8$; es sei die Kathete = 8 Fuß. Wie-10 derum 23 + 7 = 30 Fuß,



 $^{1}_{2} \times 30 = 15$; es sei die Grundlinie = 15 Fuß. $20 \div 3$ = 17 Fuß; es sei die Hypotenuse = 17 Fuß. Der Flächeninhalt aber = 60 Fuß. Addiere die 3 Seiten und den Flächeninhalt; gibt 100 Fuß.

In einem rechtwinkligen Dreieck der Flächeninhalt + der 13 Umkreis = 90 Fuß; die Seiten und den Flächeninhalt auszusondern. Ich mache so: ich finde, daß 5 und 18 die

Forderung erfüllen werden, folgendermaßen: $\frac{1}{5} \times 90$ 20 = 18 Fuß. Nimm immer $5 \div 2 = 3$, 18 + 3 = 21, $[21 \times 21 = 441]$. $18 \times 3 = 54$ Fuß. Nimm immer $8 \times 54 = 432$. $441 \div$



25 432 = 9, $\sqrt{9} = 3$ Fuß. $21 \div 3 = 18$, $\frac{1}{2} \times 18 = 9$ Fuß; es sei die Kathete

9 Fuß. Nimm wiederum 21 + 3 = 24 Fuß, ½×24 = 12; es sei die Grundlinie = 12 Fuß. Wiederum 18 ÷ 3
30 = 15; es sei die Hypotenuse = 15 Fuß. Der Flächeninhalt aber = 54 Fuß. Addiere die 3 Seiten und den Flächeninhalt; gibt 90 Fuß.

Σ 'Εν τῷ δοθέντι τοιγώνῷ εύρεῖν τὸ ἐγγραφόμενον τετράγωνον, ποιῶ οὕτως ἐὰν ἔχη τὴν κάθετον ποδῶν πα καὶ τὴν βάσιν ποδῶν πη καὶ τὴν ὑποτείνουσαν ποδῶν λε, καὶ ἐγγεγράφθω τετράγωνον, εύρεῖν αὐτοῦ τὰς πλευράς. ποιῶ οὕτως τὴν βάσιν ἐπὶ τὴν κάθετον το πολυπλασιάζω, τὰ πα ἐπὶ τὰ πη γίνονται πόδες φπη καὶ σύνθες βάσιν καὶ κάθετον ὁμοῦ γίνονται πόδες μθ. ἄρτι μερίζω τῶν ড়πη τὸ μθ' γίνονται πόδες ιβ ἔσται ἐκάστη πλευρὰ ποδῶν ιβ.

15 "Εστω τετράγωνον καὶ ἐχέτω τὸ ἐμβαδὸν ποδῶν ῷ 10 τούτου τὰς πλευρὰς εὐρήσομεν. ποιῶ οὕτως λαμβάνω τῶν ῷ πλευρὰν τετραγωνικὴν ποδῶν ῖ ἔστω ἡ πλευρὰ τοῦ τετραγώνου.

16 "Εστω έτερόμηκες καὶ ἐχέτω τὸ μῆκος ποδῶν η, τὸ δὲ ἐμβαδὸν ποδῶν μ̄' τούτου πλευρὰν εύρομεν. λαμ- 15 βάνω τῶν μ̄ τὸ η΄ γίνονται πόδες ε̄' ἔσται τὸ πλευρὸν ποδῶν ε̄.

17 "Εστω τετράγωνον καὶ ἐχέτω ἐκάστην πλευρὰν ἀνὰ ποδῶν δ, καὶ ἐγγεγράφθω κύκλος εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. εὐρεθήσεται ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου, ὅση το ἐστὶν ἡ πλευρὰ τοῦ τετραγώνου.

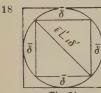


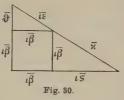
Fig. 34.

"Εστω τετράγωνον καὶ ἐχέτω ἐκάστην πλευρὰν ἀνὰ ποδῶν δ, καὶ περιγεγράφθω κύκλος· εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. ποιῶ οὕτως· πολυπλασιάζω τὰ δ 25 ἐφ' ἑαυτά· γίνονται τ̄ς. ταῦτα δίς· γίνονται λ̄β. τούτων λαμβάνω πλευρὰν

τετραγωνικήν· γίνονται πόδες $\bar{\epsilon}$ \angle' $\iota \delta'$ · τοσούτου $\bar{\epsilon}$ στω ή διάμετρος τοῦ κύκλου.

Zu finden das in einem gegebenen Dreieck eingeschrie- 14 bene Quadrat. Ich mache so: es habe die Kathete = 21 Fuß,

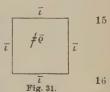
die Grundlinie = 28 Fuß, die Hypotenuse = 35 Fuß, und es sei ein 5 Quadrat eingeschrieben; zu finden dessen Seiten. Ich mache so: Grundlinie × Kathete, d. h. 21 × 28 = 588 Fuß; Grundlinie + Kathete = 49 Fuß. Dann 588:49 = 12 Fuß;



10 es wird jede Seite = 12 Fuß sein.*)

Es sei ein Quadrat, und es habe den

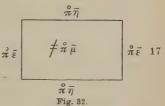
Flächeninhalt = 100 Fuß; wir wollen dessen Seiten finden. Ich mache so: $\sqrt{100} = 10^{-7}$ Fuß; so viel sei die Seite des Quadrats.



Es sei ein Rechteck, und es habe die Länge = 8 Fuß, den Flächeninhalt = 40 Fuß; wir

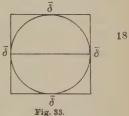
finden dessen Seite. Ich nehme $\frac{1}{8} \times 40 = 5$ Fuß; es wird die Seite = 5 Fuß sein.

Es sei ein Quadrat, und es habe jede Seite = 4 Fuß, und es sei ein Kreis darin eingeschrieben; zu finden dessen Durchmesser. Der Durchmesser



25 des Kreises wird so groß gefunden werden, als die Seite des Quadrats ist.

Es sei ein Quadrat, und es habe jede
Seite = 4 Fuß, und es sei ein Kreis dar- 5
um umgeschrieben; zu finden dessen
30 Durchmesser. Ich mache so: 4 × 4 =
16, 2 × 16 = 32, $\sqrt{32} = 5\frac{1}{2}\frac{1}{14}$ Fuß;
so groß sei der Durchmesser des Kreises.



*) Formel (a und b sind die Katheten): x = ab : a + b.

η S. 17 seq. ἐξῆς ἡ καταγραφή S (fig. f. 32*). 20 In διάμετοον des, fol. 32*.

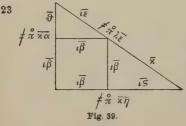
"Εστω τετράγωνον έτερόμηκες καὶ έχέτω τὸ μῆκος 19 ποδών δ, την δε πλευράν ποδών γ, καὶ έγγεγράφθω κύκλος εύρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. καὶ εύρεθήσεται τοσούτου, όσου τοῦ έτερομήχους ἐστὶν ἡ πλευρά, πο- $\delta \tilde{\omega} \nu \ \overline{\gamma}$.

Τρίγωνον δρθογώνιον, οξ ή πρός δρθάς ποδων γ, 20 ή δε βάσις ποδων δ, ή δε ύποτείνουσα ποδων ε τοῦ έγγραφομένου τετραγώνου είπεῖν τὰς πλευράς. ποιῶ ούτως την πρός δρθάς πολυπλασιάζω έπὶ την βάσιν. γίνονται πόδες ιβ καὶ συντιθῶ τὰς πλευράς, τὰ γ 10 καὶ τὰ δ. γίνονται ζ. καὶ λαμβάνω τῶν ιβ τὸ ζ΄. γίνεται α Δ΄ ζ΄ ιδ΄.

Τοιγώνου δοθογωνίου ή κάθετος ποδών τε, ή δέ 21 βάσις ποδών π, ή δε ύποτείνουσα ποδών πε, καὶ μετά β πόδας άλλο τρίγωνον περιγεγράφθω. ζητῶ αὐτοῦ 15 τας πλευράς. ἔστι δὲ ή μὲν κάθετος αὐτοῦ ποδῶν πα β, ή δὲ βάσις ποδῶν πη Δ΄ δ΄ η΄, ή δὲ ὑποτείνουσα ποδών λς θ΄. προσλαμβάνουσιν αί έξω τὰς αὐτὰς ψήφους καὶ γ' θ' αὐτῶν.

"Εστω τρίγωνον δρθογώνιον τὸ ΑΒΓ, καὶ ήγθω 20 22 κάθετος ή ΒΔ. ή μεν ΑΔ έπὶ την ΓΔ πολυπλασιαζομένη ποιεί, όσον ή ΒΔ έφ' ξαυτήν, ή δε ΑΔ έπλ την ΓΑ πολυπλασιαζομένη τοσοῦτον ποιεῖ, ὅσον ἡ ΑΒ ἐφ'

έαυτήν.



Τοιγώνου ὀρθογωνίου 25 ή κάθετος ποδών πα, ή δε τοῦ έγγραφομένου τετραγώνου πλευρά ποδῶν ιβ· εύρειν τὰς πλευράς. ποιῶ οὕτως αἴοω ἀπὸ τῶν 30 πα τὰ ιβ. λοιπὸν μένουσι

5

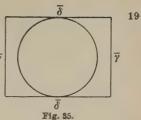
Es sei ein Rechteck, und es habe die Länge = 4 Fuß, die Seite = 3 Fuß, und es sei ein Kreis darin eingeschrieben; zu finden des-5 sen Durchmesser. Und er wird so groß gefunden werden, als die Seite des Rechtecks ist, d. h. = 3 Fuß.

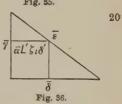
Ein rechtwinkliges Dreieck, dessen 10 Senkrechte = 3 Fuß, die Grundlinie = 4 Fuß, die Hypotenuse = 5 Fuß; die Seiten des eingeschriebenen Quadrats anzugeben. Ich mache so: Senkrechte \times Grundlinie = 12 Fuß, 3 + 4 der 15 Seiten = 7, $\frac{1}{7} \times 12 = 1\frac{1}{2} \frac{1}{7} \frac{1}{14}$.

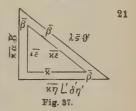
In einem rechtwinkligen Dreieck die Kathete = 15 Fuß, die Grundlinie = 20 Fuß, die Hypotenuse = 25 Fuß, und in einem Abstand von 2 Fuß sei 20 ein anderes Dreieck umgeschrieben; ich suche dessen Seiten. Und es ist dessen Kathete = $21\frac{2}{3}$ Fuß, die Grundlinie = $28\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{8}$ Fuß, die Hypotenuse = 361 Fuß. Die äußeren Seiten ha-

25 ben dieselben Werte $+\frac{1}{3}\frac{1}{9}$ davon. Es sei $AB\Gamma$ ein rechtwinkliges Dreieck, und es sei BA senkrecht gezogen. $A\Delta \times \Gamma\Delta$ $=B\Delta^2$, $A\Delta \times \Gamma A = AB^2$.

so In einem rechtwinkligen Drei-Fig. 38. eck die Kathete = 21 Fuß, die Seite des eingeschriebenen Quadrats = 12 Fuß; zu finden 2 την δε πλευράν] scripsi, πλευρά S. 4 τοσούτου] scripsi, οῦτως S. 14 Post \bar{n} del. $\bar{\eta}$ S. 18 ξξω] ξσω S, mg. /-αί ξξω τὰς αὐτὰς ψήφους ἤτοι τὰ αὐτὰ ποσὰ καὶ τὸ γ' δ΄ ξκάστης m.rec.S. 20 post ABΓ del. Δ S. 21 AΔ] scripsi, $\overline{\alpha \gamma}$ S. $\tau \dot{\eta} \nu$] scripsi, τὰ S. 23 ΓA] $\gamma \delta$ S. AB] $\alpha \delta$ S. 28 $\pi \lambda \epsilon \nu \varrho \alpha$] $\pi \lambda \epsilon \nu \varrho \varrho \delta$ S.









23

- s πόδες δ. καὶ ποιῶ τὰ κα ἐπὶ τὰ ιβ· γίνονται πόδες συβ. ἄρτι μερίζω παρὰ τὰ δ· γίνονται πόδες κη· ἔστω ἡ βάσις, ἡ δὲ ὑποτείνουσα ἔστω ποδῶν λε.
- 24 Τοίγωνον Ισόπλευρον ἔχον ἐκάστην πλευρὰν ποδῶν λ, καὶ ἐγγεγράφθω εἰς αὐτὸ τετράγωνον εὐρεῖν αὐτοῦ 5 τὰς πλευρὰς οὕτως. ζητῶ τοῦ τριγώνου τὴν κάθετον γίνεται ποδῶν π̄ς. μῖξον μετὰ τῶν λ ποδῶν τῆς πλευρὰς οᾶς γίνονται πόδες ν̄ς. καὶ ποιῶ τὴν πλευρὰν ἐπὶ τὴν κάθετον γίνονται πόδες ψ̄π. ἄρτι μερίζω παρὰ τὰ ν̄ς γίνονται πόδες τρ β ζ΄ ιδ΄ κα΄ τοσούτων ἔσται 10 τοῦ τετραγώνου ἡ πλευρά.

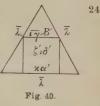
25 Όμοίως ἐπὶ παυτὸς τριγώνου ἔχουτος ἐγγραφόμενον τετράγωνον ἰσχύει ἡ αὐτὴ μέθοδος· τὴν βάσιν ἐπὶ τὴν κάθετον, καὶ μίξον βάσιν καὶ κάθετον, καὶ μέρισον τὸ ἐμβαδόν· καὶ ἕξεις τὰς πλευρὰς τοσούτου.

- 26 "Εστω τρίγωνον δρθογώνιον καὶ ἐχέτω τὴν κάθετον ποδῶν ς καὶ τὴν βάσιν ποδῶν η, τὴν δὲ ὑποτείνουσαν ποδῶν τ, καὶ ἐγγεγράφθω κύκλος εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. ποιῶ οὕτως συντιθῶ τὴν κάθετον καὶ τὴν βάσιν γίνονται πόδες ιδ. αἴρω ἀπὸ τούτων τὴν ὑπο- 20 τείνουσαν λοιπὸν μένουσι πόδες δ ἔστω ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου ποδῶν δ.
- 27 "Αλλως δὲ πάλιν εύρεῖν τὴν διάμετρον τοῦ ἐγγραφομένου κύκλου. ποιῶ οὕτως τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου ἐστὶ ποδῶν κδ. ταῦτα ποιῶ τετράκις γίνονται 25
 πόδες ςξ. ἄρτι σύνθες τὰς γ πλευρὰς τοῦ τριγώνου
 ὁμοῦ γίνονται πόδες κδ. ἄρτι μερίζω τῶν ςξ ποδῶν
 τὸ κδ΄ γίνονται πόδες δ. ἔστω ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου ποδῶν δ.

⁴ τρίγωνον Ισόπλευρον έχου] scripsi, τριγώνου Ισοπλεύρου

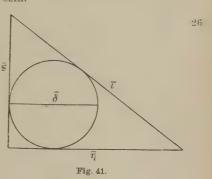
die Seiten. Ich mache so: $21 \div 12 = 9$ Fuß. $21 \times 12 = 252$; 252 : 9 = 28 Fuß; dies sei die Grundlinie die Hypotenuse aber sei = 35 Fuß.

Ein gleichseitiges Dreieck, das jede Seite 5 = 30 Fuß hat, und darin eingeschrieben ein Quadrat; zu finden dessen Seiten, folgendermaßen: ich suche die Kathete des Dreiecks; sie ist = 26 Fuß; 26 + 30 der Seite = 56 Fuß. Seite × Kathete = 780 Fuß. Dann 780 10:56 = 13\frac{2}{3}\frac{1}{7}\frac{14}{14}\frac{1}{21}\text{Fuß}; so viel wird die Seite des Quadrats sein.



Für ein beliebiges Dreieck mit einem eingeschriebenen 25 Quadrat ist ebenfalls dieselbe Methode gültig: Grundlinie Höhe, Grundlinie + Höhe, der Flächeninhalt damit geteilt; 15 so viel werden die Seiten sein.

Es sei ein rechtwinkliges Dreieck, und es habe die Kathete = 6 Fuß, die Grundlinie = 8 Fuß, die Hypotenuse=10 Fuß, und schrieben; zu finden dessen Durchmesser. Ich mache so: Kathete + Grundlinie = 14 Fuß, 14 ÷ 10 der Hypotenuse = 4 Fuß; es sei der Durchmesser des Kreises = 4 Fuß.



Auch auf andere Weise wiederum den Durchmesser des 27 so eingeschriebenen Kreises zu finden. Ich mache so: der Flächeninhalt des Dreiecks ist = 24 Fuß, 4 × 24 = 96 Fuß. Addiere dann die 3 Seiten des Dreiecks; gibt zusammen 24 Fuß. Dann $\frac{1}{24}$ × 96 = 4 Fuß; es sei der Durchmesser des Kreises = 4 Fuß.

ἔχοντος S. figura cap. 26 in cap. 27 repetitur. Heronis op. vol. IV ed. Heiberg.

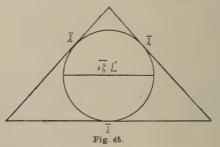
29 Τοίγωνον ἰσοσκελὲς ἔχον τὰ σκέλη ἀνὰ ποδῶν τε καὶ τὴν βάσιν ποδῶν τη, καὶ ἐγγεγοάφθω κύκλος εὐ- 5 οεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετοον. ποιῶ οὕτως τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τοιγώνου ἐστὶ ποδῶν οη ταῦτα ἐπὶ τὰ δ΄ γίνον-ται πόδες υλβ. ἄρτι σύνθες τὰς γ πλευρὰς τοῦ τριγώνου γίνονται πόδες μη. ἄρτι μερίζω τὰ υλβ παρὰ τὸν μη γίνονται πόδες δ΄ ἔστω ἡ διάμετρος τοῦ κύ- 10 κλου ποδῶν δ.

30 Τοίγωνον ἰσοσκελὲς ἔχον τὰ σκέλη ἀνὰ ποδῶν ιε καὶ τὴν βάσιν ποδῶν τη, καὶ περιγεγράφθω κύκλος εύρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. ποιῶ οὕτως τὸ πρῶτον σκέλος ἐφ' ἐαυτό, τουτέστι τὰ τε ἐπὶ τὰ τε γίνονται 15 πόδες ὅκε. φανερόν, ὅτι ἡ κάθετος τοῦ τριγώνου τοσούτου ἐστί, ποδῶν τβ. ἄρτι μερίζω τὸ ιβ΄ τῶν ὅκε γίνονται πόδες τη Δ΄ δ΄ ἔστω ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου τοσούτου.

 $_{\rm SS^bV}$ $\stackrel{\boldsymbol{\tau}_0 \sigma_0 v \boldsymbol{\tau}_0}{=}$

31

Εστω τρίγωνον Ισόπλευρον και έχέτω έκάστην πλευ- 20

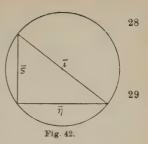


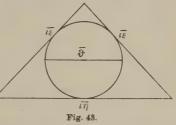
οὰν ἀνὰ ποδῶν $\bar{\lambda}$, καὶ ἐγγεγράφθω κύκλος [εύρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. ποιῶ οὕτως τὸ ἐμβαδόν ἐστι

Es sei ein rechtwinkliges Dreieck und darum umgeschrieben ein Kreis; wie groß wird dieser den Durchmesser haben? so groß als die 5 Hypotenuse des Dreiecks.

Ein gleichschenkliges Dreieck, dessen Schenkel je = 15 Fuß, die Grundlinie = 18 Fuß, und es sei ein Kreis darin eingeschrieben; zu fin-

10 den dessen Durchmesser.
 Ich mache so: der Flächeninhalt des Dreiecks = 108
 Fuß, 108 × 4 = 432 Fuß.
 Addiere dann die 3 Seiten
 15 des Dreiecks; gibt 48 Fuß; dann ½ × 432 = 9 Fuß; es sei der Durchmesser des Kreises = 9 Fuß.





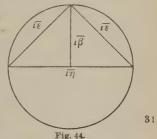
Ein gleichschenkliges Dreieck, dessen Schenkel je = 15 30

20 Fuß, die Grundlinie = 18 Fuß, und es sei ein Kreis umge-

schrieben; zu finden dessen Durchmesser. Ich mache so: der erste Schenkel mit sich selbst multipliziert, d. h. 15 × 15 = 225 Fuß.

25 Es ist klar, daß die Höhe des Dreiecks = 12 Fuß ist. Dann ½ × 225 = 18½¼ Fuß; es sei der Durchmesser des Kreises so viel.

Es sei ein gleichseitiges Dreiso eck, und es habe jede Seite = 30 Fuß, und es sei darin ein Kreis ein-



geschrieben; zu finden dessen Durchmesser. Ich mache so:

1 ἐμπεριγεγράφθω] an περιγραφῆ? sed cfr. p. 428, 4. 2 τοσούτου, ὅσου] scripsi, τοσούτου ὅσου S. 9 $v\bar{λ}\beta$] -λ- corr. ex μ in scrib. S. 14 διάμετο S. 20 sqq. habent praeter Sf. 34 $^{\rm v}$ ctiam Sf. $7^{\rm v}$ (S $^{\rm b}$) et V f. 6 $^{\rm v}$. 21 ἐγγεγράφθω] post έγ- ras. S $^{\rm b}$.

22 διάμετο S. In fig. 44 ad basim H L'Δ' S.

28*

- ss^bν ποδῶν τ̄q. ταῦτα ἐπὶ τὰ δ΄ γίνονται πόδες ˌαφξ. ἄρτι σύνθες τὰς γ πλευράς γίνονται πόδες ᾳ. ἄρτι μερίζω τῶν ˌαφξ τὸ q΄ γίνονται πόδες ιξ γ΄ τοσούτου ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου.
 - 32 "Εστω τρίγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἐχέτω ἐκάστην πλευ- 5 ρὰν ἀνὰ ποδῶν $\overline{\lambda}$, καὶ περιγεγράφθω κύκλος· εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. ποιῶ οὕτως· τὰ $\overline{\lambda}$ ἐφ' ἑαυτά· γίνονται $\overline{\Delta}$. φανερόν, ὅτι ἡ κάθετος τοῦ τριγώνου ἔσται ποδῶν $\overline{\kappa}\overline{s}$. ἄρτι μερίζω τῶν $\overline{\Delta}$ τὸ κς'· γίνονται πόδες $\overline{\lambda}\overline{\delta}$ L' η ' ἔστω ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου τοσούτων. 10
 - 33 "Εστω τρίγωνον όξυγώνιον, οὖ τὸ μικρότερον σκέλος ποδῶν τὰ καὶ τὸ μεῖζον ποδῶν τε καὶ ἡ βάσις ποδῶν τὸ, καὶ ἐγγεγράφθω κύκλος εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. ποιῶ οὕτως φανερόν, ὅτι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου ἐστὶ ποδῶν πδ. ταῦτα ἐπὶ τὰ δ΄ γίνονται 15 πόδες τλς. ἄρτι σύνθες τὰς γ πλευρὰς τοῦ τριγώνου γίνονται πόδες μβ. νῦν μερίζω τῶν τλς τὸ μβ΄ γίνονται πόδες η΄ ἔστω ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου ποδῶν η.
 - 34 "Εστω τρίγωνον δξυγώνιον, οὖ τὸ μικρότερον σκέ- 20 λος ποδῶν τη καὶ τὸ μεῖζον ποδῶν τε καὶ ἡ βάσις ποδῶν τδ, καὶ περιγεγράφθω κύκλος εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. ποιῶ οὕτως τὸ μικρότερον σκέλος ἐπὶ τὸ μεῖζον, τὰ τη ἐπὶ τὰ τε γίνονται πόδες οξε. φανερόν, ὅτι ἡ κάθετος τοῦ τριγώνου ἐστὶ ποδῶν ιβ. ἄρτι με- 25

der Flächeninhalt = 390 Fuß,*) $390 \times 4 = 1560$ Fuß. Addiere dann die 3 Seiten; macht 90 Fuß. $1560:90 = 17\frac{1}{3}$ Fuß; so viel der Durchmesser des Kreises.

Es sei ein gleichseitiges Dreieck, sund es habe jede Seite = 30 Fuß, und es sei darum umgeschrieben ein Kreis; zu finden dessen Durchmesser. Ich mache so: 30 × 30 = 900. Es ist klar, daß die Höhe des Dreiecks = 26 Fuß**) sein 10 wird. Dann 900: 26 = 34½ % Fuß; es sei der Durchmesser des Kreises so viel.

Es sei ein spitzwinkliges Dreieck, dessen kleinerer Schenkel = 13 Fuß, der größere = 15 Fuß, die Grundlinie

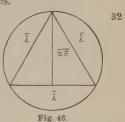
15 = 14 Fuß, und es sei ein Kreis eingeschrieben; zu finden dessen Durchmesser. Ich mache so: es ist klar, daß der Flächeninhalt des Dreiecks = 84 Fuß ist; 84 × 4 = 336 Fuß. Addiere

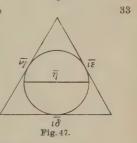
20 dann die 3 Seiten des Dreiecks; macht

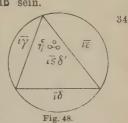
42 Fuß. 336: 42 = 8 Fuß; es wird

der Durchmesser des Kreises = 8 Fuß sein.

Es sei ein spitzwinkliges Dreieck, dessen kleinerer Schenkel = 13 Fuß, der größere = 15 Fuß, die Grundlinie = 14 Fuß, und es sei ein Kreis umgeschrieben; zu finden dessen Durchmesser. Ich mache so: der kleinere Schenkel × der größere, d. h. 13 × 15 = 50 195 Fuß. Es ist klar, daß die Höhe





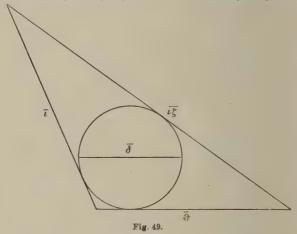


^{*)} $\sqrt{3} = 1\frac{11}{15}$.

^{**)} $h = \sqrt{900 \div 225} = \sqrt{675}$. $26 \times 26 = 676$.

 $\mathbf{s}^{\mathbf{s}^{\mathbf{b}}\nabla}$ ρίζω τῶν $\overline{\mathbf{o}}\mathbf{q}\mathbf{s}$ τὸ $\mathbf{i}\mathbf{\beta}'$. γίνονται πόδες $\overline{\mathbf{i}}\mathbf{s}$ δ'. τοσούτων έστω ή διάμετρος τοῦ χύχλου.

35 "Εστω τοίγωνον ἀμβλυγώνιον καὶ ἐχέτω τὴν μίαν πλευρὰν ποδῶν τ καὶ τὴν βάσιν ποδῶν θ καὶ τὴν ὑποτείνουσαν ποδῶν τζ, καὶ ἐγγεγράφθω κύκλος εὐ- 5 ρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. ποιῶ οὕτως φανερόν, ὅτι



τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου ἐστὶ ποδῶν $\overline{\lambda 5}$. ταῦτα ἐπὶ τὰ $\overline{\delta}$. γίνονται πόδες $\overline{\phi}$ φομένου γίνονται πόδες $\overline{\delta}$. ἔστω ἡ διάμετρος τοῦ ἐγγρα- 10 φομένου κύκλου ποδῶν $\overline{\delta}$.

36 "Εστω τρίγωνον ἀμβλυγώνιον καὶ ἐχέτω τὸ μικρότερον σκέλος ποδῶν τ καὶ τὴν βάσιν ποδῶν θ καὶ τὴν
ὑποτείνουσαν ποδῶν ιζ, καὶ περιγεγράφθω κύκλος.
εὑρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. ποιῶ οὕτως τὸ μικρό- 15
τερον σκέλος ἐπὶ τὸ μεῖζον, τὰ τ ἐπὶ τὰ ιζ γίνονται
πόδες ρο. φανερόν, ὅτι ἡ κάθετος τοῦ τριγώνου ἐστὶ

ποδῶν $\bar{\eta}$. ἄρτι μερίζω τὸ η' τῶν $\bar{\varrho}$ ο γ ℓ νονται πόδες $\bar{\chi}\bar{\alpha}$ δ' έστω $\bar{\eta}$ διάμετρος τοῦ κύκλου ποδῶν $\bar{\kappa}\bar{\alpha}$ δ'.

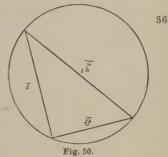
des Dreiecks = 12 Fuß ist; 195:12 = 16¹₄ Fuß; so viel sei der Durchmesser des Kreises.

Es sei ein stumpfwinkliges Dreieck, und es habe die 35 eine Seite = 10 Fuß, die Grundlinie = 9 Fuß, die Hypotenuse = 17 Fuß, und es sei ein Kreis eingeschrieben; zu finden dessen Durchmesser. Ich mache so: es ist klar, daß der Flächeninhalt des Dreiecks = 36 Fuß ist; 36 × 4 = 144 Fuß. Addiere die 3 Seiten des Dreiecks; macht 36 Fuß; 144:36 = 4 Fuß; es sei der Durchmesser des eingeschrie-

10 benen Kreises = 4 Fuß.

 $=21\frac{1}{4}$ Fuß.

Es sei ein stumpfwinkliges
Dreieck, und es habe den kleineren Schenkel = 10 Fuß, die
Grundlinie = 9 Fuß, die Hypo15 tenuse = 17 Fuß, und es sei ein
Kreis umgeschrieben; zu finden
dessen Durchmesser. Ich mache
so: der kleinere Schenkel × der
größere, d. h. 10 × 17 = 170
20 Fuß. Es ist klar, daß die Höhe
des Dreiecks = 8 Fuß ist. Dann



170:8 = 21½ Fuß; es sei der Durchmesser des Kreises

1 τὸ ιβ΄] corr. ex τὸ β΄ S, εἰς ι $\bar{\beta}$ SbV. 2 $\Delta_{\mu}^{\bar{\epsilon}}$ S. 5 έγεγοάφθω V. 9 μερίζω] S, μέρισον SbV. 10 Ante $\bar{\delta}$ del. γ Sb. έγγραφομένου] S, έπιγραφομένου SbV. 11 ποδῶν $\bar{\delta}$] $\bar{\pi}$ $\bar{\delta}$ SbV, om. S. 12 μιπρότερον] S, μιπρὸν SbV. 14 ποδῶν] $\bar{\pi}$ SbV, om. S. 17 $\bar{\eta}$] om. V. 19 des. Sb f. 8°, V f. 7°. In fig. 50 angulus obtusus peripheriam non tangit in S; eundem errorem habuit Sb, sed corr. m. rec.

37 Τοίγωνον σκαληνόν, οὖ τὸ ἔλαττον σκέλος ποδῶν τὸ, τὸ δὲ μεῖζον ποδῶν τε, ἡ δὲ βάσις ποδῶν τὸ, καὶ ἐγγεγοάφθω εἰς αὐτὸ κύκλος ἐφαπτόμενος τῶν γ πλευοῶν εὐοεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. ποἰει οὕτως ζήτει τοῦ σκαληνοῦ τριγώνου τὸ ἐμβαδόν καί ἐστιν, ὡς 5 ἐμάθομεν, ποδῶν πδ. ταῦτα καθολικῶς ποιῶ δ΄ γίνονται πόδες τλς. καὶ σύνθες τὴν περίμετρον τοῦ τριγώνου γίνονται πόδες μβ. ἄρτι μερίζω τὰ τλς παρὰ τὸν μβ΄ γίνονται πόδες η΄ τοσούτων ποδῶν ἔστω ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου.

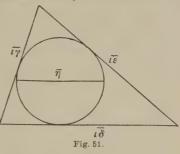
38 "Εστω τρίγωνον σκαληνόν, οὖ τὸ ἔλαττον σκέλος ποδῶν τὰ καὶ ἡ βάσις ποδῶν τὸ, ἡ δὲ ὑποτείνουσα ποδῶν τε, καὶ περιγεγράφθω κύκλος εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν διάμετρον. ποιῶ οὕτως τὸ μικρότερον σκέλος ἐπὶ τὸ μεῖζον, τὰ τὰ ἐπὶ τὰ τε γίνονται πόδες οξε. φανερόν, 15 ὅτι ἡ κάθετός ἐστιν τοῦ τριγώνου ποδῶν τῷ. ἄρτι μερίζω τὸ ιβ΄ τῶν οξε γίνονται πόδες τ̄ς δ΄ ἔστω ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου.

39 Δοθέντος κύκλου, οὖ ἡ διάμετοος ποδῶν ζ̄, ζητεῖς τὸ ἐξώτερον τετράγωνον τί φέρει. ποιῷ οὕτως τὰ ζ̄ το ἐξώτερον τετράγωνον τί φέρει. ποιῷ οὕτως τὰ ζ̄ το ἐψγραφομένου κύκλου τὸ ἐμβαδόν. ποιῷ οὕτως τὰ ζ̄ ἀψ' ἐαυτά γίνονται πόδες μθ δ΄ καὶ τὸ κη΄ γίνονται πόδες κοῦ ζ΄. πρόσθες νῦν τῶν μθ δ΄ καὶ τὸ κη΄ γίνονται πόδες λοῦ ζ΄. ποσούτου ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἐγγραφο- 25

⁹ τὸν] scripsi, τῶν S. 19 οδ ἡ διάμετρος] scripsi, τῆς διαμέτρον S. $\overset{\circ}{\pi}$ S. 23 έ φ^{ε} / S. 25 έμβαδο/ S.

Ein ungleichschenkliges Dreieck, dessen kleinerer Schen- 37 kel = 13 Fuß, der größere = 15 Fuß, die Grundlinie =

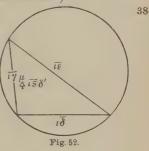
= 14 Fuß, und es sei darin ein Kreis eingeschrieben, der die 3 Seiten berührt; zu finden dessen Durchmesser. Mache so: suche den Flächeninhalt des ungleichschenkligen 10 Dreiecks; er ist, wie wir gelernt haben, = 84 Fuß. Immer 84 × 4 = 336 Fuß. Addiere den Um-

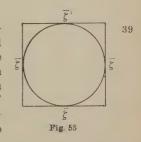


kreis des Dreiecks; macht 42. Dann 336:42 = 8 Fuß; 15 so viel Fuß sei der Durchmesser des Kreises.*)

Es sei ein ungleichschenkliges
Dreieck, dessen kleinerer Schenkel
= 13 Fuß, die Grundlinie = 14
Fuß, die Hypotenuse = 15 Fuß,
und es sei ein Kreis umgeschrieben; zu finden dessen Durchmesser:
Ich mache so: der kleinere Schenkel × der größere, d. h. 13 × 15
= 195 Fuß. Es ist klar, daß die
Höhe des Dreiecks = 12 Fuß ist.
Dann 195: 12 = 16 \frac{1}{4} Fuß; dies
sei der Durchmesser des Kreises.**

Gegeben ein Kreis, dessen Durchmesser = 7 Fuß; du suchst, wie viel 30 das äußere Quadrat beträgt. Ich mache so: $7 \times 7 = 49$ Fuß. Du willst auch den Flächeninhalt des eingeschriebenen Kreises finden. Ich mache so: $7 \times 7 = 49$ Fuß, $\frac{1}{2} \times 49 = 24\frac{1}{2}$ Fuß, $24\frac{1}{2}$ Signatur $1 \times 49 = 18\frac{1}{2}$ Fuß; so





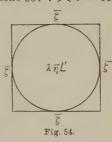
- ς μένου κύκλου $[\pi o \delta \tilde{\omega} v \ \overline{\lambda \eta} \ L']$ εἰς τὸ δοθέν μοι τετράγωνον.
- 40 "Αλλως δὲ πάλιν εύρεῖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου ἀπὸ τετραγώνου. ποιῶ οὕτως τὰ ζ ἐφ' ἐαυτά γίνονται μθ. ὕφειλον τῶν μθ τὸ ζ΄ καὶ τὸ ιδ΄ γίνονται τὶ Δ΄ τὸ λοιπὸν μένει λη Δ΄ τοσούτου ἔστω τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου. εἰ δὲ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου ποδῶν λη Δ΄, θέλεις εύρεῖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἔξωθεν τετραγώνου, ποίει οὕτως τῶν λη Δ΄ τὸ δ΄ καὶ τὸ μδ΄ γίνονται πόδες τὶ Δ΄ ταῦτα σύνθες μετὰ τῶν λη Δ΄ γίνονται μθ. ἔστω τὸ ἐμ- 10 βαδὸν τοῦ ἔξωθεν τετραγώνου ποδῶν μθ. εἰ δὲ θέλεις εύρεῖν τὴν διάμετρον τοῦ κύκλου ἀπὸ τῶν μθ, ποιεῖς τὰ μθ, ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ γίνεται ποδῶν ζ̄. ἔστω ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου καὶ ἡ πλευρὰ τοῦ τετραγώνου ποδῶν ζ̄.
- 41 "Εστω κύκλος, οὖ ἡ διάμετοος ποδῶν πη καὶ ἡ 15 περίμετοος ποδῶν πη, τὸ δὲ ἐμβαδὸν ποδῶν πη καὶ ἡ 15 κύκλου τὴν μέθοδον ἐν τοῖς δηλουμένοις]· ἐξ αὐτοῦ θέλεις διελεῖν ὀκτάεδοον. ποιῶ οὕτως· τῆς διαμέτρου τὸ Δ΄· γίνονται πόδες ιδ. καὶ τὰ ιδ πολυπλασιάζω ἐπὶ τὰ ια γίνονται πόδες ονδ. τούτων τὸ Δ΄· γίνονται πόδες 20 οζ. ταῦτα ὀκτάκις· γίνονται πόδες πιξ· ὅπερ ἔδει εὐρεῖν.
- 42 Μέθοδος, ἐὰν θέλης ἀπὸ ἐμβαδοῦ κύκλου εὐρεῖν περίμετρον. ποίει οὕτως ἐὰν ἔχη τὸ ἐμβαδὸν πόδας ονδ, ποιεῖς τὸ ἐμβαδὸν ἐπὶ τὰ πη γίνονται πόδες α γφνβ τον τὸ ζ΄ γίνονται πόδες ,α λλς των πλευρὰ τετραγωνική 25 γίνεται ποδῶν μὸ ἔστω ἡ περίμετρος ποδῶν μὸ.

41

viel ist der Flächeninhalt des Kreises, der eingeschrieben ist in das mir gegebene Quadrat.*)

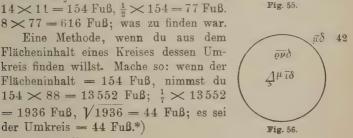
Wiederum in anderer Weise den Flächeninhalt des Krei- 40 ses aus dem Quadrat zu finden. Ich mache so: $7 \times 7 = 49$,

 $5\frac{1}{7} \times 49 + \frac{1}{14} \times 49 = 10\frac{1}{2}, 49 \div$ $10\frac{1}{2} = 38\frac{1}{2}$; so viel sei der Flächeninhalt des Kreises. Wenn aber der Flächeninhalt des Kreises = 38 1 Fuß, und du den Flächeninhalt des äuße-10 ren Quadrats finden willst, mache so: $\frac{1}{4} \times 38\frac{1}{2} + \frac{1}{44} \times 38\frac{1}{2} = 10\frac{1}{2}$ Fuß, $38\frac{1}{2} + 10\frac{1}{2} = 49$; es sei der Flächeninhalt des äußeren Quadrats = 49 Fuß.*) Wenn du aber aus den 49 Fuß



15 den Durchmesser des Kreises finden willst, nimmst du $\sqrt{49} = 7$; es sei der Durchmesser des Kreises und die Seite des Quadrats = 7 Fuß.

Es sei ein Kreis, dessen Durchmesser = 28 Fuß, der Umkreis = 88 Fuß, der 20 Flächeninhalt = 616 Fuß siehe die Methode der Kreisberechnung in der vorhergehenden Darstellung ; du willst daraus ein Achtelsektor**) entnehmen. Ich mache so: ½ × Durchmesser = 14 Fuß, 25 $14 \times 11 = 154 \text{ FuB}, \frac{1}{2} \times 154 = 77 \text{ FuB}.$ $8 \times 77 = 616$ Fuß; was zu finden war. Eine Methode, wenn du aus dem Flächeninhalt eines Kreises dessen Umkreis finden willst. Mache so: wenn der 30 Flächeninhalt = 154 Fuß, nimmst du $154 \times 88 = 13552$ Fuß; $\frac{1}{7} \times 13552$



7.5

*) $\pi = \frac{22}{\pi}$.

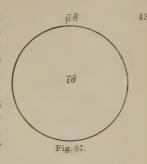
der Umkreis = 44 Fuß.*)

^{**)} Es handelt sich um die Berechnung eines solchen Ausschnitts, der als ein Dreieck behandelt wird. Z. 21 enthält die Probe; daher die Angabe des Flächeninhalts Z. 16.

- Εί δὲ θέλεις μῖξαι τὴν διάμετοον καὶ τὴν περί-, μετρον καὶ θέλεις ἀποδιαστεῖλαι τὴν διάμετρον ἀπὸ τῆς περιμέτρου, ποιεῖς οὕτως ἐἀν ἔχωσι τὰ ἀμφότερα πόδας νη, ποιεῖς πάντοτε τὰ νη ἐπὶ τὸν ζ΄ γίνονται πόδες ιδ΄ ε ἔστω ἡ διάμετρος ποδῶν ιδ καὶ ἡ περίμετρος ποδῶν μδ. ὁμοῦ γίνονται πόδες νη΄ τοσούτων ἔστω ὁ κύκλος.
- 44 Εἰ δὲ θέλεις εύφεῖν τὴν περίμετρον ἀπὸ τῆς διαμέτρου, ἐὰν ἔχη ἡ διάμετρος πόδας ιδ, ποιεῖς πάντοτε τὴν διάμετρον ἐπὶ τὰ κβ· γίνονται πόδες τη. ἄφτι 10 μερίζω· ὧν ζ΄· γίνονται πόδες μδ· ἔστω ἡ περίμετρος ποδῶν μδ.
- 45 "Αλλως δὲ πάλιν ἐὰν ἔχη ἡ διάμετοος πόδας ιδ, πάντοτε ποίει τὴν διάμετοον τοιπλασίονα γίνονται μβ· καὶ τὸ ζ΄ τῆς διαμέτοου γίνονται πόδες β. ταῦτα 15 πρόσθες τοῖς μβ· ὁμοῦ γίνονται μδ· ἔστω ἡ περίμετοος ποδῶν μδ.
- 46 'Εὰν μίξω τὴν διάμετρον καὶ τὴν περίμετρον καὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου καὶ μίξας εὕρω τὰς ἀμφοτέρας φωνὰς ποδῶν ἀριθμὸν σιβ, ἀποδιαστήσομεν ἕκαστον 20 ἀριθμὸν ἀπ' ἀλλήλων. ποιῶ οὕτως τὰ σιβ πολυπλασιάζω ἐπὶ παντὸς ἀριθμοῦ καθολικῶς ἐπὶ τὰ ρνδ· γίνονται γ βχμη. τούτοις καθολικῶς προστίθημι ωμα τετραγωνικήν γίνονται πόδες ρπγ· καὶ ἀπὸ τούτων 25 ὑφειλον κθ καθολικῶς λοιπὸν ρνδ · ὧν ια γίνεται πόδες ιδ· τοσούτων ποδῶν ἔστω ἡ διάμετρος, ἡ δὲ

⁴ τὸν] scripsi, τῶν S. 5 μθ΄] μθ S. 16 γΙνονται] sic S. 19 εὖρω] scripsi, εὖρον S. 20 ἀριθμὸν] scripsi, ἀριθμῶν S. 21 τὰ σιβ] scripsi, τὰς $\overline{\iota \beta}$ S. 27 ἡ δὲ περίμετρος] scripsi, τὴν δὲ περίμετρον S. fig. 57 in 44 et 45 repetit S.

Wenn du aber Durchmesser und Umkreis vereinigen willst und*) den Durchmesser vom Umkreis aussondern willst, machst du so: wenn beide zusammen = 58 Fuß, nimmst du immer 7 × 58 = 406 Fuß. Dann teile ich:**) ½ × 406 = 14 Fuß; es***) sei der Durchmesser = 14 Fuß und der Umkreis = 44 Fuß. 10 14 + 44 = 58 Fuß; so viel sei der Kreis.†)



Wenn du aber aus dem Durchmesser den Umkreis fin- 44 den willst, nimmst du, wenn der Durchmesser = 14 Fuß, immer Durchmesser × 22 = 308 Fuß. Dann teile ich:**)

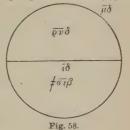
15 \frac{1}{7} × 308 = 44; es sei der Umkreis = 44 Fuß.***)

Wiederum auf andere Weise: wenn der Durchmesser = 45 14 Fuß, nimm immer $3 \times$ Durchmesser = 42 Fuß, $\frac{1}{7} \times$ Durchmesser = 2 Fuß; 42 + 2 = 44; es sei der Umkreis = 44 Fuß.***)

Wenn ich Durchmesser, Umkreis und Flächeninhalt des 46 Kreises vereinige und nach der Vereinigung der beiden ††)

Benennungen sie = 212 Füß finde, werden wir jede einzelne Zahl von den andern aussondern.*) Ich mache so:

25 immer bei jeder Zahl 212 × 154 = 32648; dann allgemein 32648 + 841 = 33489; dann immer 1/33489 = 183 Fuß, und immer 183 ÷ 29 = 154; \frac{1}{11} × 154 = 14 Fuß; \frac{1}{1+} \) so viel Fuß 30 sei der Durchmesser, der Umkreis aber



43 = XVII 72. *) Unlogisch für: wenn du aus der Summe von Durchmesser und Umkreis usw. Eine ähnliche Unklarheit Z. 18 ff. **) Ungenau für μερίζω τὸ κθ΄; vgl. Z. 11.

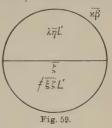
***) $\pi = \frac{22}{7}$. †) Verkehrt; $\tau \sigma \sigma \sigma \dot{\nu} \tau \omega \nu - \nu \dot{\nu} \kappa \lambda \sigma \sigma \sigma \sigma \Delta \nu = \frac{22}{7}$. †) Ungenau für: der drei. †††) Lösung der unreinen quadratischen Gleichung $x^2 + \frac{58}{11}x - \frac{2968}{11} = 0$.

- s περίμετρος ποδῶν μδ. φανερόν δέ, ὅτι τὸ ἐμβαδόν ἐστι ποδῶν ρνδ. ὁμοῦ σύνθες τὰ πάντα γίνονται ποδες σιβ.
- 47 'Εὰν δὲ θέλης καὶ ἐπὶ τῶν ζ εὐρεῖν τὴν αὐτὴν μέθοδον, ποίει οὕτως: μίξας τὴν διάμετρον καὶ τὴν 5 περίμετρον καὶ τὸ ἐμβαδὸν ὁμοῦ γίνονται πόδες ξζ L' ἀποδιαστήσομεν ἕκαστον ἀριθμὸν ἀπ' ἀλλήλων. ποιῶ οὕτως: τὰ ξζ L' πολυπλασιάζω ἐπὶ τὰ ρνδ καθολικῶς: ὁμοῦ γίνονται πόδες αταςε. τούτοις πάντοτε προστιθῶ ωμα: ὁμοῦ γίνονται πόδες α ασλς. τούτων ποιεῖς πλευ- 10 ρὰν τετραγωνικήν: γίνονται πόδες ος: ἀπὸ τούτων ὕφειλον καθολικῶς κθ: λοιπὸν μένουσιν ος: ὧν τὸ ια': γίνονται πόδες ζ: ἔστω ἡ διάμετρος ποδῶν ζ, ἡ δὲ περίμετρος ποδῶν λη L'. ὁμοῦ τὰ ἀμφότερα μίξας εὐρήσεις 15 πόδας ξξ /'.
- 48 Κύκλου ἡ διάμετρος ποδῶν πε. ἔτεμον βάσιν ποδῶν κὸ ζητῶ τὰς καθέτους. ποίει οὕτως λαβὲ τῶν
 πε τὸ Δ΄ γίνονται τβ Δ΄ ταῦτα ἐφ' ἐαυτά γίνονται
 πόδες ρνς δ΄. ὁμοίως καὶ τῆς βάσεως τὸ Δ΄ γίνονται το
 πόδες τῷ ταῦτα ἐφ' ἐαυτά γίνονται ρμο. ταῦτα ὕφειλον ἀπὸ τῶν ρνς δ΄ λοιπὸν τῷ δ΄ ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ γίνεται ποδῶν γ Δ΄. δὲς τὰ τῷ Δ΄ καὶ τὰ γ Δ΄
 γίνονται ὁμοῦ τς ἔσται ἡ μείζων κάθετος ποδῶν τς.
 καὶ ἀπὸ τῶν τῷ Δ΄ ἔρον τὰ γ Δ΄ λοιπὸν θ΄ ἡ ἐλάττων 25
 κάθετος ἔσται ποδῶν θ.
- 49 Κύκλου ή διάμετρος ποδῶν κε. ἔτεμον εὐθεῖαν ποδῶν τς ζητῶ τὴν βάσιν. ποιῶ οὕτως τὴν εὐθεῖαν ἐφ' ἑαυτήν γίνονται πόδες σνς καὶ τὰ θ τὰ ὑπολει-

= 44 Fuß.*) Und es ist klar, daß der Flächeninhalt = 154 Fuß ist. 14 + 44 + 154 = 212 Fuß.

Wenn du aber auch mit 7 dieselbe Methode anwenden**) 47 willst, mache so: Durchmesser + Umkreis + Flächeninhalt

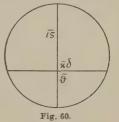
5 = $67\frac{1}{2}$; wir werden jede einzelne Zahl von den andern aussondern. Ich mache so: immer $67\frac{1}{2} \times 154 = 10395$ Fuß; dann immer 10395 + 841 = 11236 Fuß. $\sqrt{11236} = 106$ Fuß. Allgemein 10 $106 \div 29 = 77, \frac{1}{11} \times 77 = 7$; es sei der Durchmesser = 7 Fuß, der Umkreis aber 22 Fuß. Und es ist klar, daß der Flächeninhalt = $38\frac{1}{2}$ Fuß ist.



Wenn du beides ***) vereinst, wirst du finden 67 1 Fuß.

Der Durchmesser eines Kreises = 25 Fuß. Ich schneide 48 eine Grundlinie ab = 24 Fuß; ich

suche die Höhen. Mache so: $\frac{1}{2} \times 25$ = $12\frac{1}{2}$, $12\frac{1}{2} \times 12\frac{1}{2} = 156\frac{1}{4}$ Fuß. Ebenso $\frac{1}{2} \times$ Grundlinie = 12 Fuß, 20 $12 \times 12 = 144$, $156\frac{1}{4} \div 144 = 12\frac{1}{4}$, $\sqrt{12\frac{1}{4}} = 3\frac{1}{2}$ Fuß. $12\frac{1}{2} + 3\frac{1}{2} = 16$; es wird die größere Höhe = 16 Fuß sein. $12\frac{1}{2} \div 3\frac{1}{2} = 9$; die kleinere Höhe



Der Durchmesser eines Kreises = 25 Fuß. Ich schneide 49 eine Gerade ab = 16 Fuß; ich suche die Grundlinie. Mache so: die Gerade mit sich selbst multipliziert = 256 Fuß;

*) $\pi = \frac{22}{7}$.

wird = 9 Fuß sein.

***) Ungenau für: die drei Zahlen. Vgl. S. 444, 19.

^{**)} D. h. 'dieselbe Aufgabe als in 46 so einrichten, daß der Durchmesser = 7 wird.

et 59 in fine cap. 47). 5 an $\mu \tilde{\iota} \xi \sigma v$? 9 $\alpha \tilde{\iota} q \tilde{\iota} S$. 13 ξ —14 $\pi \sigma \delta \tilde{\omega} v$] addidi, om. S. $\xi \xi$] - ξ corr. ex \angle in scrib. S.

²¹ ομδ] scripsi, ονς δ΄ όμοίως καὶ τῆς βάσεως ομδ S. Fig. 60 in cap. 49 repetit S.

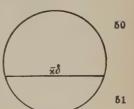
- s πόμενα τῆς διαμέτρου ἐφ' ἐαυτά. γίνονται πα. σύνθες όμοῦ γίνονται τλζ. καὶ τὰ κε τῆς διαμέτρου ἐφ' ἑαυτά. γίνονται χκε. ἀπὸ τούτων ἄρον τὰ τλζ. λοιπὸν σπη. ταῦτα δίς. γίνονται φος. ὧν πλευρὰ τετραγωνική γίνεται ποδῶν κδ. ἔστω ἡ βάσις ποδῶν κδ.
- 50 "Αλλως δὲ πάλιν' τὴν εὐθεῖαν ἐπὶ τὴν διάμετρον, τουτέστι τὰ τ̄ς ἐπὶ τὰ πε' γίνονται υ. ἀπὸ τούτων ἄρον τὰ τ̄ς ἐφ' ἑαυτά' γίνονται σνς λοιπὸν ομό. ταῦτα τετράκις γίνονται φος ὧν πλευρὰ τετράγωνος γίνεται ποδῶν πό ἡ [δὲ] βάσις ποδῶν κό.
- 51 Τμῆμα μεῖζον ἡμικυκλίου, οὖ ἡ μὲν διάμετρος ἤτοι βάσις ποδῶν τς καὶ ἡ κάθετος ποδῶν τς. ποίει τῆς βάσεως τὸ Δ΄ γίνονται πόδες η. ταῦτα ἐφ' ἐαυτά· γίνονται πόδες ξδ. ταῦτα μέρισον παρὰ τὴν κάθετον γίνονται δ· ἔστω ἡ λοιπὴ κάθετος τοῦ κύκλου τῆς 15 διαμέτρου τῶν κ ποδῶν δ. τὸ ἄρα ἐμβαδὸν τοῦ παντὸς κύκλου ποδῶν τιδ δ΄ κη΄. καὶ πάλιν μετροῦμεν τμῆμα ἔλαττον ἡμικυκλίου, οὖ ἡ διάμετρος ποδῶν τς, ἡ δὲ κάθετος ποδῶν δ΄ καί ἐστι ποδῶν μδ Δ΄ ιδ΄. λοιπον τὸ ἐμβαδὸν τοῦ μείζονος τμήματος ποδῶν σξθ Δ΄ τη΄. 20

¹ τῆς διαμέτρον] scripsi, τῷ κύκλω S. 2 τῆς διαμέτρον] scripsi, τοῦ κύκλον S. 6 τὴν διάμετρον] scripsi, τὸν κύκλον S. 8 ἐφ^ε/ S. 10 δὲ] deleo. 16 ποδῶν] $\overset{6}{\pi}$ $\overset{6}{\pi}$ S. 20 κη'] immo ζ' ιδ'. in κη' des. S fol. 38°, 6.

und der Rest des Durchmessers $9 \times 9 = 81$; 256 + 81= 337. 25 des Durchmessers $\times 25 = 625$, $625 \div 337$ $=288, 2 \times 288 = 576, \sqrt{576} = 24$ Fuß: es sei die Grundlinie = 24 Fuß.*)

5 Und wiederum auf andere Weise: die Gerade > Durchmesser, d. b. 16 $\times 25 = 400$. $16 \times 16 = 256$, 400 $\div 256 = 144; 4 \times 144 = 576, \sqrt{576}$ =24 Fuß; die Grundlinie = 24 Fuß.**)

Ein Segment größer als ein Halb-10 kreis, dessen Durchmesser oder Grundlinie = 16 Fuß, die Höhe = 16 Fuß. $\frac{1}{9} \times \text{Grundlinie} = 8 \text{ Fuß}, 8 \times 8 =$ 64 Fuß. 64: Höhe = 4 Fuß; es sei 15 die übrige Höhe von den 20 Fuß des Durchmessers des Kreises = 4 Fuß.**) Also der Flächeninhalt des ganzen Kreises = $314\frac{1}{4}\frac{1}{28}$ Fuß.***) Und wiederum messen†) wir ein Segment klei-20 ner als ein Halbkreis, dessen Durchmesser = 16 Fuß, die Höhe = 4 Fuß; und es ist = $44\frac{1}{2}\frac{1}{14}$ Fuß. Übrig bleibt



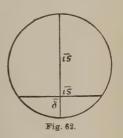


Fig. 61.

der Flächeninhalt des größeren Segments = $269\frac{1}{2}$ Fuß. ++

*) Sehr umständlich nach der Formel $d^2 = x^2 + y^2 = (\frac{1}{2}b)^2$ $+H^2+(\frac{1}{2}b)^2+h^2$ (d Durchmesser, b Grundlinie, H, h die beiden Höhen, x, y die beiden Katheten zur Hypotenuse d).

**) Formel (s. die vorige Anm.): $(\frac{1}{2}b)^2 = H \times (d + H)$.

***) $\pi = \frac{22}{7}$.
†) Siehe XIX 1.

††) Richtig ist $269\frac{1}{2}\frac{1}{7}\frac{1}{14}$.

CORRIGENDA.

p. 172 in mg. ext. excidit numerus capituli 1.

p. 316, 21 in apparatu addendum: 21 ov C, ετερον ον A.

p. 318, 7 , , ; ; ; ; ; τ πξ] C, γίνεται πζ΄ A.

p. 342, 18 in mg. ext. excidit numerus paragraphi 21.

p. 366 ad paragr. 5 adscribendum in mg. ext.: AC.

p. 370 ,, ,, 10 ,, ,, ,, : AC.

Praeterea codicibus ABCF denuo inspectis haec addo: Α γίνονται habet p. 292, 14, 28; 294, 3, 5, 18, 20, 27; 296, 1, 17,

27 pr.; 298, 9, 10, 14, 31; 300, 20, 24; 302, 3, 5, 13, 17, 29, 31; 304, 5, 13, 24; 306, 1, 21 pr., 22; 308, 1, 7, 19, 29; 310, 1, 20 pr., 21; 312, 4, 15 alt., 29; 314, 4, 16; 316, 2; 318, 1, 3 pr., 22, 26, 27 alt.

27 alt.

γίνεται p. 292, 1; 294, 5, 21; 296, 27 alt.; 298, 30; 300, 10, 12, 23, 28; 302, 4, 6; 304, 7, 21, 23, 27, 36; 306, 11, 14, 21 alt., 24; 308, 3, 9, 12, 21, 31, 34; 310, 3, 15, 20, 23; 312, 3, 6, 9, 15, 31; 314, 23, 30; 316, 1, 4, 6; 318, 3 alt., 27, 29.

compendium p p. 291, 1; 292, 20, 29, 30; 294, 25, 29, 34; 296, 2, 18, 23 bis, 24; 298, 11, 25; 300, 9, 11; 304, 1, 8, 10, 12, 14, 17, 18; 306, 2, 4, 9, 10; 308, 18 bis; 310, 15, 16, 30, 31; 312, 16, 19, 22; 314, 15 alt., 17, 20, 21, 28; 318, 6; 320, 17, 19.

Β p. 408, 14 habet ὀνομασίαι.

C p. 96, 18 habet σώμτι τὰς pro σωματικὰς. p. 100, 13 habet λογικῆ pro λογιστικῆ.

p. 108, 16 Olvoπίδης compendio obscuro scriptum.

p. 110, 5 habet ἐπεισοδιωδεστοῦσα pro ἐπεισοδιώδης οὖσα.

p. 112, 9 habet ἐαυτὸν compendio scripto, non ἐαυτὴν.

p. 134, 7 habet περιφερόγραμμ.

p. 374, 1 pro μείζων habet μείζον j ε΄, non μεῖζόν ἐστι.

p. 382, 13 pro γίνονται habet γίνεται ut A.

F p. 98, 17 habet κατὰ (compendio scriptum) ut C. p. 100, 5 pro alt. καὶ habet δὲ καὶ ut C (corr. Martin).

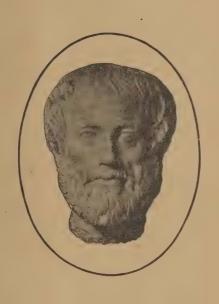
p. 100, 10 habet φρέατα, sed corr. ex φρέατι.

p. 100, 14 habet χωρίον pro χωρίων ut C (corr. Hultsch).

p. 102, 4 pro δμμα τε habet μματί.

p. 102, 5 pro μείουροι habet μύουροι ut C (corr. Martin).

 p. 144, 4 in apparatu delendum: μετοητῶμεν F; habet μὴ ζητῶμεν. B.G.TEUBNERS VERZEICHNIS VON AUSGABEN GRIECHISCHER UND LATEINISCHER SCHRIFTSTELLER



VERLAG VON B. G. TEUBNER
LEIPZIG & BERLIN
WINTER 1911

B. G. Teubners Ausgaben griechischer u. lateinischer Schriftsteller

Eine ausführliche Übersicht über den philologisch-historischen Verlag bietet das

Verlagsverzeichnis auf dem Gebiete der klassischen Altertumswissenschaft usw. Ausgabe 1911.

Inhalt: Klassische Altertumswissenschaft. Allg. Sprachwissenschaft, Volkskunde. Neuere Geschichte und Kultur, Sprache, Literatur und Kunst. Philosophie, Psychologie. Religionswissenschaft. Länder- und Völkerkunde. Volkswirtschaftslehre, Rechts- und Staatswissenschaften.

Zum Bildungswesen.

Für Interessenten umsonst und postfrei erhältlich vom

Verlag von B.G. Teubner in Leipzig, Poststr. 3/5

Januar 1912.

A. Ausgaben griechischer und lateinischer Schriftsteller.

1a. Bibliotheca scriptorum Graecorum et Romanorum Teubneriana. [8.]

Diese Sammlung hat die Aufgabe, die gesamten noch vorhandenen Erzeugnisse der griechischen und römischen Literatur in neuen, wohlfeilen Ausgaben zu veröffentlichen, soweit dies zugunsten der Wissenschaft oder der Schule wünschenswert ist. Die Texte der Ausgaben beruhen auf den jeweils neuesten Ergebnissen der kritischen Forschung, über die die beigefügte adnotatio critica, die sich teils in der praefatio, teils unter dem Text befindet, Auskunft gibt. Die Sammlung wird ununterbrochen fortgesetzt werden und in den früher erschienenen Bänden durch neue, verbesserte Ausgaben stets mit den Fortschritten der Wissenschaft Schritt zu halten suchen.

Die Sammlung umfaßt zurzeit gegen 550 Bände, die bei einmaligem Bezuge statt ca. 2000 Mark geheftet, 2250 Mark gebunden zum Vorzugspreise von ca. 1500 Mark, bzw. 1750 Mark abgegeben werden.

Alle Ausgaben sind auch gleichmäßig in Leinwand gebunden käuflich!

Textausgaben der griechischen und lateinischen Klassiker.

Die mit einem * bezeichneten Werke sind Neuerscheinungen seit Anfang 1911.

a) Griechische Schriftsteller.

Abercii titulus sepulcralis. Ed. W. Lüdtke et Th. Nissen. M 1.— 1.30.
—— vita. Ed. Th. Nissen. [In Vorb.]

Aeliani de nat. anim. II. XVII, var. hist., epistt., fragmm. Rec. R. Hercher. 2 voll. 12.20 13.20.

waria historia. Rec. R. Hercher.

Aeneae Tactici commentarius poliorce-

ticus. Rec. A. Hug. M. 1.35 1.75.

de obsidione toleranda commen-

tarius. Ed. R. Schöne. M. 4.50 5.— Aeschinis orationes. Ed. Fr. Blass. Ed. II. min. M. 2.80 3.30.

Preuss). M. 9.20 9.80.

*— Socratici reliquiae. Ed. H. Kraus. \$\mathcal{M} 2.80 3.20.

Aeschyli tragoediae. Iter. ed. H. Weil. M. 2.40 3.—

Einzeln jede Tragödie (Agamemnon. Choëphorae. Eumenides. Persae. Prometheus. Septem c. Th. Supplices)

— cantica. Dig. O. Schroeder.

M. 2.40 2.80.

[—] Scholia in Persas. Rec. O. Dähn-hardt. M. 3.60 4.20.

Aesopicae fabulae. Rec. C. Halm. M. — 90 1.30.

Alciphronis Rhetoris epistularum lib. IV. Ed. M. A. Schepers. M. 3.20 3.60.

Alexandri Lycopol. c. Manich. Ed. A Brinkmann. M. 1.- 1.25.

Alypius: s. Musici.

Ammo: s. Maximus.

Anacreontis carmina. Ed. V. Rose. Ed. II. M. 1.— 1.40.

— Ed. C. Preisendanz. [In Vorb.]

Anaritius: s. Euclid. suppl.

Andocidis orationes. Ed. Fr. Blass. Ed. III. M. 1.40 1.80.

Annae Comnenae Alexias. Rec. A. Reifferscheid. 2 voll. M. 7.50 8.60. Anonymi chronographia syntomos e cod.

Matrit. No. 121 (nunc 4701). Ed. Ad. Bauer. & 2.— 2.40.
Anonymus de incredibilibus: s. Mytho-

graphi.

Anthologia Graeca epigr. Palat. c. Plan.

Ed. H. Stadtmueller.
Vol. I: Pal. 1. I—VI (Plan. 1. V—VII)

M. 6. - 6.60.

Vol. II. P. 1: Pal. l. VII (Plan. l. III). M. 8.— 8.60. [P. 2 in Vorb.]

*Vol. III. P. 1: Pal. l. IX. (Epp. 1—563. Plan. l. I) M. 8.— 8.60. [P.2 in Vorb.]

— lyrica s.lyr. Graec. rell. Ed. Th. Bergk Ed. IV cur. E. Hiller et O. Crusius. M. 3.— 3.60.

Antiphontis orationes et fragmenta. Ed. Fr. Blaß. Ed. II. M. 2.10 2.50.

Antonini, M. Aurel., commentarr. Il. XII. | Aristotelis quae feruntur de coloribus, de Rec. I. Stich. Ed. II. M. 2.40 2.80.

Antoninus Liberalis: s. Mythographi.

Apocalypsis Anastasiae, Ed. R. Homburg. M. 1.20 1.60.

*Apolinari metaphrasis psalmorum. Ed. A. Ludwich. [In Vorb.]

Apollodori bibliotheca: s. Mythographi. Vol. I. Apollonius Pergaeus. Ed. et Lat. interpr.

est I. L. Heiberg. 2 voll. M. 9 .- 10 .-Apollonii Rhodii Argonautica. Rec. R. Merkel. M. 1.50 1.90.

Appiani hist. Rom. Ed. L. Mendelssohn. 2 voll. [Vol. I. M. 4.50 5 .- Vol. II. Ed. P. Viereck. Ed. II. M.6. - 6.60.] M.10.50

Archimedis opera omnia. Ed. et Latine vertit I. L. Heiberg. 3 voll. M. 18 .-19.80. Ed. II. Vol. I. M. 6. - 6.60. *Vol. II. [In Vorb.]

Aristeae ad Philocratem epistula c. cet. de vers. LXX interpr. testim. Ed. P.Wendland. M. 4. - 4.50.

Aristophanis comoediae. Ed. Th. Bergk. 2 voll. Ed. II. M. 4 .- 5 .-

Vol. I: Acharn., Equites, Nubes, Vespae, Pax. M. 2 .- , 2.50.

- II: Aves, Lysistrata, Thesmoph., Ranae, Eccles., Plutus. M. 2. - 2.50.

Einzeln jedes Stück M. - . 60 - . 90. cantica. Dig. O. Schroeder. M. 2.40

2.80. Aristotelis ars rhetorica. Ed. A. Roemer.

Ed. II. M. 3.60 4.-

- de arte poetica l. Rec. W. Christ. M. -. 60 -. 90.

- ethica Nicomachea. Rec. Fr. Susemihl Ed. II cur. O. Apelt. M. 2.40 2.80.

- magna moralia. Rec. Fr. Susemihl. M. 1.20 1.60.

ethica Eudemia.] Eudemi Rhodii ethica. Adi de virtutibus et vitiis l. rec. Fr. Susemihl. M. 1.80 2.20. - politica. Post Fr. Susemihlium

rec. O. Immisch. M.3. - 3.50.

-- oeconomica. Rec. Fr. Susemihl. M. 1.50 1.90.

- Πολιτεία Αθηναίων. Ed. Fr. Blass. Ed. IV. M 1.80 2.20.

- - ed. Th. Thalheim. M. 1.50 1.90. de animalibus historia. Ed. L. Ditt-

meyer. M. 6 - 6.60. - de partib. anim. Il. IV. Ed. B. Lang-

kavel. M. 2.80 3.20. *--- de animalium motu. Ed. Fr. Littig.

[In Vorb.] - physica. Rec. C. Prantl. [z. Zt. vergr. Neuaufl. i. Vorb.1

de coelo et de generatione et corrup-

tione. Rec. C. Prantl. M. 1.80 2.20.

audibilibus, physiognomonica. Rec. C. Prantl. M. - . 60 - . 90.

- quae feruntur de plantis, de mirab. auscultat., mechanica, de lineis insec., ventorum situs et nomina, de Melisso Xenophane Gorgia. Ed. O. Apelt. M. 3. - 3.40.

*- de anima II. III. Rec. Guil. Biehl. Ed II. cur. O. Apelt. M. 2.20 2.60. - parva naturalia. Rec. Guil. Biehl.

M. 1.80 2.20. Rec. Guil. Christ.

— metaphysica. Re Ed. II. M. 2.40 2.80. - qui fereb. libror. fragmenta.

V. Rose. M. 4.50 5 .---- Divisiones quae vulgo dicuntur Aristoteleae. Ed. H. Mutschmann. M. 2.80 3.20.

-: s. a. Musici.

Arriani Anabasis. Rec. C. Abicht [z. Zt. vergr.]

quae exstant omnia. Ed. A. G. Roos. Vol. I. Anabasis. Ed. maior. Mit 1 Tafel. M. 3.60 4.20.

- Anabasis. Ed. A. G. Roos. Ed. min. M. 1.80 2.20.

- scripta minora. Edd. R. Hercher et A. Eberhard. Ed. II. M. 1.80 2.20. Athenaei dipnosophistae II. XV. Rec. G.

Kaibel. 3 voll. M. 17.10 18.90. Autolyci de sphaera quae movetur l., de ortibus et occasibus II. II. Ed. Fr.

Hultsch. M. 3.60 4 .-Babrii fabulae Aesopeae. Rec. O. Crusius. Acc. fabul, dactyl, et iamb, rell. Ignatii et

al. testrast. iamb. rec. a C. Fr. Mueller. Ed. maior. M. 8.40 9. Rec. O. Crusius. Ed. minor. M. 4. - 4.60. - Ed. F. G. Schneidewin.

M. -. 60 1 .-

Bacchius: s. Musici.

Bacchylidis carmina. Ed. Fr. Blass. Ed. III. M. 2.40 2.90.

Batrachomyomachia: s. Hymni Homerici

Bio: s. Bucolici.

Blemyomachia: s. Eudocia Augusta. Bucolicorum Graecorum Theocriti, Bionis, Moschi reliquiae. Rec. H. L. Ahrens. Ed. II. M. -. 60 1.-

Caecilii Calactini fragmenta. Ed. E. Ofenloch. M. 6. - 6.60.

Callistratus: s. Philostratus (min.).

Callinici de vita S. Hypatii l. Edd. Sem. Philol. Bonn. sodales. M. 3. - 3.40.

Cassianus Bassus: s. Geoponica. Cebetis tabula. Ed. C. Praechter. M. -. 60 -. 90.

Chronica minora. Ed. C. Frick. Vol. I Acc. Hippolyti Romani praeter Canonem Paschalem fragmm. chronol. M. 6.80 7.40. Claudianus: s. Eudocia Augusta.

Cleomedis de motu circulari corporum caelestium II. II: Ed. H.Ziegler. M. 2.703.20.

Colluthus: s. Tryphiodorus.

Cornuti theologiae Graecae compendium. Rec. C. Lang. M. 1.50 2 .-

Corpusculum poesis epicae Graecae ludibundae. Edd. P. Brandt et C. Wachsmuth. 2 fascc. M. 6 .- 7 .-

*Damascii vita Isidori. Ed. J. Hardy. [In Vorb.]

Demades: s. Dinarchus.

Demetrii Cydon. de contemn. morte or. Ed. H. Deckelmann. M. 1.— 1.40.

Demetrii Τύποι Ἐπιστολιχοί et Libanii Έπιστολιμαΐοι Χαρακτήρες ed. V. Wei-

chert. M 2.60 3.20.

Demosthenis orationes. Rec. G. Dindorf. Ed. IV. cur. Fr. Blass. Ed. maior. [Mit adnot. crit.] 3 voll. je & 2.80 3.20. Ed. minor. [Ohne die adnot. crit.] 3 voll. je M. 1.80 2.20. 6 partes. je M. — .90 1.20.

Vol. I. Pars 1. Olynthiacae III. Philippica I. De pace. Philippica II. De Halonneso. De Chersoneso. Philippicae III. IV. Adversus Philippi epistolam. Philippi epistola. De contributione. De symmoriis. De Rhodiorum libertate. De Megalopolitis. De foedere Alexandri. M. -. 90 1.20.

- I. Pars 2. De corona. De falsa lega-

tione. M. -. 90 1.20.
- H. Pars 1. Adversus Leptinem. Contra Midiam. Adversus Andro-Adversus Aristocratem. tionem.

M. - . 90 1.20.

- II. Pars 2. Adversus Timocratem. Adversus Aristogitonem II. Adversus Aphobum III. Adversus Onetorem II. In Zenothemin. In Apaturium. In Phormionem. In Lacritum. Pro Phormione. In Pantaenetum. In Nausimachum. In Boeotum de nomine. In Boeotum de dote. M. — 90 1.20.

- III. Pars 1. In Spudiam. In Phaenippum. In Macartatum. In Leocharem. In Stephanum II. In Euergum. In Olympiodorum. In Timotheum. In Polyclem. Pro corona trierarchica. In Callippum. In Nicostratum. In Cononem. In Calliclem. M. - . 90 1.20.

- III. Pars 2. In Dionysodorum. In Eubulidem. In Theocrinem. In Neaeram. Oratio funebris. Amatoria. Procemia. Epistolae. Index historicus.

M. -. 90 1.20.

*Diadochi, S., de perfectione christiana. Graece et latine. Ed. J. E. Weis-Liebersdorf. [In Vorb.]

Didymus de Demosthene. Recc. H. Diels et W. Schubart. M. 1.20 1.50.

Dinarchi orationes adiectis Demadis qui fertur fragmentis ύπερ της δωδεκαετίας. Ed. Fr. Blass. Ed. II. M. 1. - 1.40.

Diodori bibliotheca hist. Edd. Fr. Vogel et C. Th. Fischer. 6 voll. Voll. I-III. je M. 6.— 6.60. Vol. IV. M. 6.80 7.40. Vol. V. M. 5.— 5.60. [Vol. VI in Vorb.]

Diodori bibliotheca hist. Ed. L. Dindorf. 5 voll. Vol. I u. II. [Vergr.] Vol. III u. IV. je M. 3.-. M. 3.75.

Diogenis Oenoandensis fragmenta. Ord. et expl. J. William. M. 2.40 2.80.

Dionis Cassii Cocceiani historia Romana. Ed. J. Melber. 5 voll. Vol. I. M. 6 .- 6.60. Vol. II. M. 4.80 5.40. [Die weiteren Bände

---- Ed. L. Dindorf. 5 voll. je M. 2.70. (Vol. I-III vergr.)

Dionis Chrysostomi orationes. Rec. L. Dindorf. 2 voll. Vol. I. [Vergr.] Vol. II. M. 2.70 3.60. [Neubearbeitung von A. Sonny in Vorb.]

Dionysi Halic. antiquitates Romanae. Ed. C. Jacoby. 4 voll M. 16 .- 18.40. - opuscula. Edd H. Usener et L.

Radermacher. Vol. I. M. 6 .- 6.60. - Vol. II. Fasc. I. M. 7.-

*____ Vol. II. Fasc. II. [In Vorb.] Diophanti opera omnia c. Gr. commentt.

Ed. P. Tannery. 2 voll. M. 10. — 11. — Divisiones Aristoteleae, s. Aristoteles.

Eclogae poetarum Graec. Ed. H. Stadtmueller. M. 2.70 3.20.

Enicorum Graec, fragmenta. Kinkel. Vol. I. M. 3. - 3.50.

Epicteti dissertationes ab Arriano dig. Rec. H. Schenkl. Acc. fragmm., enchiridion, gnomolog. Epict., rell., indd. Ed. maior. M. 10.— 10.80. Ed. minor. M. 6.— 6.60.

Epistulae privatae graecae in pap. aet. Lagid. serv. Ed. St. Witkowski. M. 3.20 3.60. [Ed. II in Vorb.]

Eratosthenis catasterismi: s. Mythographi III. 1.

*Eroticiscriptores Graeci. Ed.A.Me waldt. [In Vorb.]

Euclidis opera omuia. Edd. I. L. Heiberg et H Menge.

Voll. I-V. Elementa. Ed. et Lat. interpr. est Heiberg. M. 24.60 27.60.

- VI. Data. Ed.H Menge. M.5. - 5.60. — VII. Optica, Opticor. rec. Theonis, Catoptrica, c. scholl. ant. Ed. Heiberg. M. 5 .- 5.60. [Forts. in Vorb.] - Supplem .: Anaritii comm.

ex interpr. Gher. Crem. ed. M. Curtze. M. 6. - 6.60.

-: s. a. Musici.

Eudociae Augustae, Procli Lycii, Claudiani carmm. Graec. rell. Acc. Blemyomachiae fragmm. Rec. A. Ludwich. M. 4. - 4.40.

- violarium. Rec. I. Flach. M. 7.50 8.10.

Euripidis cantica dig. O. Schroeder M. 4.— 4.40.

--- tragoediae. Rec. A. Nauck. Ed. III. 3 voll. M. 7.80 9.30.

Vol., I: Alcestis. Andromacha. Bacchae. Hecuba. Helona. Electra. Heraclidae. Horcules furens. Supplices. Hippolytus. M. 2.40 2.90.

 — II: Iphigenia Aulidensis. Iphigenia Taurica. Ion. Cyclops. Medea. Orestes. Rhesus. Troades. Phoenissae. M. 2.40 2.90.

UN. 4.40 4.50.

— III: Perditarum tragoediarum fragmenta. M. 3.— 3.50.

Einzeln jede Tragödie $\mathcal{M} = .40 = .70$. Eusebii opera. Rec. G. Dindorf. 4 voll. \mathcal{M} 23.60 25.80.

Fabulae Aesopicae: s. Aesop. fab.

Fabulae Romanenses Graec. conscr. Rec. A. Eberhard. Vol. I. [Vergr.; Forts. erscheint nicht.]

Florilegium Graecum in usum primi gymnasiorum ordinis collectum a philologis Afranis. kart. Fasc. 1—10 je M.—.50; Fasc. 11—15 je M.—.60.

Hierzu unentgeltlich an Lehrer: Index

argumentorum et locorum.

Außer der Verwendung bei den Maturitätsprüfungen hat diese Sammlung den Zweck, dem Primaner das Beste und Schönste aus der griech. Literatur auf leichte Weise zugänglich zu machen und den Kreis der Altertumsstudien zu erweitern.

Galeni Pergameni scripta minora. Recc. I. Marquardt, I. Müller, G. Helm-

reich. 3 voll. M. 7.50 9.20.

----institutiologica. Ed. C. Kalbfleisch. M. 1.20 1.60.

de victu attenuante l. Ed. C. Kalb-

fleisch. M. 1.40 1.80.

— de temperamentis. Ed. G. Helmreich. M. 2.40 2.80.

— de usu partium II. XVII. Rec. G. Helmreich. 2 voll. Vol. I. Libb. I—VIII. Vol. II. Libb. IX—XVII. je M. 8.— 8.60. Gaudentius: s. Musici.

*Gemini elementa astronomiae. Rec. C.

Manitius. M. 8. - 8.60.

Geoponica sive Cassiani Bassi Schol. de re rastica eclogae. Rec. H. Beckh. M 10.— 10.80.

Georgii Acropol. annales. Rec. A. Heisenberg. Vol. I. II. 11.60 14.—

Georgii Cypri descriptio orbis Romani. Acc. Leonis imp. diatyposis genuina. Ed. H. Gelzer. Adi. s. 4 tabb. geograph. M. 3.— 3.50.

Georgii Monachi Chronicon. Ed. C. de Boor. Vol. I. II. M. 18.— 19.20.

Heliodori Aethiopic. II. X. Ed. I. Bekker. M. 2.40 2.90.

Hephaestionis enchiridion. c. comm. vet. ed. M. Consbruch. M. 8.— 8.60.

Heracliti quaestiones Homericae. Edd Societatis Philologae Bonnensis sodales. M. 3.60 4.—

--: s. a. Mythographi.

Hermippus, anon. christ. de astrologia dialogus. Edd. C. Kroll et P. Viereck. M. 1.80 2.20.

Herodiani ab excessu divi Marci II. VIII. Ed. I. Bekker. M. 1.20 1.60.

Herodoti historiarum II. IX. Ed. H. R. Dietsch. Ed. II cur. H. Kallenberg. 2 voll. [je M. 1.35 1.80] M. 2.70 3.60. Vol. I: Lib. 1.—4. Fasc. I: Lib. 1. 2.

·M. —. 80 1.10.

Fasc. II: Lib. 3. 4. M.—.80 1.10.
— II: Lib. 5—9. Fasc. I: Lib. 5. 6.
M.—.60—.90.

Fasc. II: Lib. 7. M. -. 45 -. 75. Fasc. III: Lib. 8. 9. M. -. 60 -. 90.

*Herondae mimiambi. Acc. Phoenicis Coronistae, Mattii mimiamb. fragmm. Ed. O. Crusius. Ed. IV minor. M. 2.40 2.80. Ed. maior. [U. d. Pr.]

Heronis Alexandrini opera. Vol. I. Druckworke u. Automatentheater, gr. u. dtsch. v. W. Se h midt. Im Anh. Herons Fragm. tb. Wasseruhren, Philons Druckw., Vitruv z. Pneumatik. M. 9.— 9.80. Suppl.: D. Gesch. d. Textüberliefrg. Gr. Wortrogister. M. 3.— 3.40.

— Vol. II. Fasc. I. Mechanik u. Katoptrik, hrsg. u. übers. von L. Nix u. W. Schmidt. Im Anh. Exzerpte aus Olympiodor, Vitruv, Plinius, Cato, Pseudo-Euclid. Mit 101 Fig. M. 8.—8.80.

— Vol. III. Vermessungslehre u. Dioptra, griech. u. deutsch hrsg. von H. Schöne. M 116 Fig. M. 8.— 8.80.

*— Vol. IV. Ed. I. L. Heiberg.

Hesiodi carmina. Rec. A. Rzach. Ed. II. M. 1.80 2.30.

Hesychii Milesii qui fertur de viris ill. l. Rec. I. Flach. M. — 80 1.10.

Hieroclis synecdemus. Acc. fragmenta ap. Constantinum Porphyrog. servata et nomina urbium mutata. Rec. A. Burckhardt. 1.20 1.60.

Hipparchi in Arati et Eudoxi Phaenomena comm. Rec. C. Manitius. M. 4. — 4.60.

Hippocratis opera, 7 voll. Recc. H. Kuehlewein et I. Ilberg. Vol. I (cum tab. phototyp.). & 6.—6.60. Vol. II. & 5.—5.50. [Fortsetz. noch unbestimmt.]

Historici Graeci minores. Ed. L. Dindorf. 2 voll. [z. Zt. vergr.; Neubearb. in Vorb.]

llias. Ed. Guil. Dindorf. Ed. V cur. C. Hentze. 2 partes. [je \mathcal{M} — .75 1.10.] \mathcal{M} 1.50 2.26. [In 1 Band geb. \mathcal{M} 2.—.] Pars I: II. 1-12. Pars II: II. 13-24.

Odyssea. Ed. Guil. Dindorf. Ed. V cur. C. Hentze. 2 partes. [je M. - .75 1.10.] M. 1.50 2.20. [In 1 Band geb. M. 2.-.] Pars I: Od. 1-12. Pars II: Od. 13-24.

- Rec. A. Ludwich. 2 voll. Ed. min. [je M - .75 1.10.] M. 1.50 2.20. Hymni Homerici acc. epigrammatis et

Batrachomyomachia. Rec. A. Baumeister. M. -. 75 1.10.

Hyperidis orationes. Ed. Fr. Blaß. Ed. III. [Vergr.; Neubearb. v. Jensen in Vorb.] Iamblichi protrepticus. Ed. H. Pistelli. M. 1.80 2.20.

– de communi math. scientia l. Ed.

N. Festa. M. 1.80 2.20.

– in Nicomachi arithm. introduct. l. Ed. H. Pistelli. M. 2.40 2.80.

* - vita Pythagorae. Ed. L. Deubner.

[In Vorb.] Ignatius Diaconus: s. Babrius u. Nice-

phorus. Inc. auct. Byzant. de re milit. l. Rec.

R. Vári. M. 2.40 2.80.

Inscriptiones Graecae ad inlustrandas dialectos selectae. Ed. F. Solmson. Ed. III. M. 1.60 2.-

- Latinae Graecae bilingues. Ed. F.

Zilken. [In Vorb.]

Ioannes Philoponus: s. Philoponus. Iosephi opera. Rec. S. Q. Naber. 6 voll. M. 26. - 29 .-

Isaei orationes. Ed. C. Scheibe. M. 1.20

- Ed. Th. Thalheim. M. 2.40 2.80. Isocratis orationes. Rec. H. Benseler. Ed. II cur. Fr. Blass. 2 voll. M. 4 .-

*Iuliani imp. quae supers. omnia. Rec. C. F. Hertlein. 2 voll. [Vergr.; Neubearbeit, von Fr. Cumont u. J. Bidez

in Vorb.]

Iustiniani imp. novellae. Ed. C. E. Za-chariae a Lingenthal. 2 partes. M. 10.50 11.60.

— — Appendix (I). M.—.60 1.-- Appendix (II). De dioecesi Aegyptiaca lex ab imp. Iustiniano anno 554 lata. M. 1.20 1.60.

Leonis diatyposis: s. Georgius Cyprius. *Libanii opera. Rec. R. Foerster. Vol. I-VI. M. 69, - 74.20. Vol. VII. [U. d. Pr.]

Έπιστολιμαΐοι Χαρακτήρες, в. Demetrius.

Luciani opera. Rec. C. Jacobitz. [6 part. je M. 1.05 1.40.] 3 voll. M. 6.30 7.80. - Ed. N. Nilén. Vol. I. Fasc. I. lib. I-XIV. M. 2.80 8.20. *Fasc. II. [U. d. Pr.]

Homeri carmina. Ed. Guil. Dindorf: [Lucianus] Prolegomena. Comp. N. Nilén. M. 1.- 1.25.

> [---] Scholia in Lucianum. Ed. H. Rabe M. 6. - 6.60.

Lycophronis Alexandra. Rec. G. Kinkel. M. 1.80 2,20.

Lycurgi or. in Leocratem. Ed. Fr. Blass. Ed. maior. M. - .90 1.30. Ed. minor.

M. -.60 -.90. Lydi 1. de ostentis et Calendaria Graeca omnia. Ed. C. Wachsmuth. Ed. II.

M. 6. - 6.60. - de mensibus l. Ed. R. Wünsch.

M. 5.20 5.80.

- de magistratibus l. Ed. R. Wünsch. M. 5. - 5.60.

Lysiae orationes. Rec. Th. Thalheim. Ed. maior. M. 3. - 3.60. Ed. minor. M. 1.20 1.60.

Marci Diaconi vita Porphyrii, episcopi Gazensis. Edd. soc. philol. Bonn. sodales. M. 2.40 2.80.

Maximi et Ammonis carminum de actionum auspiciis rell. Acc. anecdota astrologica. Rec. A. Ludwich. M. 1.80 2.20.

Maximi Tyrii philosophumena. Ed. H.

Hobein. M. 12. - 12.60.Menandrea. Ed. A. Körte. Ed. maior M.3 .-

3.40. Ed. minor M. 2.— 2.40. *Ed. II [In Vorb.]

Metrici scriptores Graeci. Ed. R. Westphal. Vol. I: Hephaestion. M. 2.70 3.20. Metrologicorum scriptorum reliquiae. Ed.

F. Hultsch, 2 voll. Vol. I: Scriptores Graeci. M. 2.70 3.20. [Vol. II: Scriptores Romani. M. 2.40 2.80.] M. 5.10 6.—

Moschus: s. Bucolici.

Musici scriptores Graeci. Aristoteles. Euclides, Nicomachus, Bacchius, Gaudentius, Alypius et melodiarum veterum quidquid exstat. Rec. C. Ianus. tabulae. M. 9 .- 9.80.

- - Supplementum: Melodiarum rell. M. 1.20 1.60.

Musonii Rufi reliquiae. Ed. O. Henze. M. 3.20 3.80.

Mythographi Graeci. Vol. I: Apollodori bibliotheca, Pediasimi lib. de Herculis laboribus. Ed. R. Wagner. M. 3.60 4.20.

- Vol. II. Fasc. I: Parthenii lib. πεοί ἐρωτικῶν παθημάτων, ed.P. Sokolowski. Antonini Liberalis μεταμορφώσεων συναγωγή, ed. E. Martini. M. 2.40 2.80. Suppl.: Parthenius, ed. E. Martini. M. 2.40 2.80.

- Vol. III. Fasc. I: Eratosthenis catasterismi. Ed. Olivieri. M. 1.20 1.60.

- Vol. III. Fasc. II: Palaephati περί άπίστων, Heracliti lib. περί ἀπίστων, Excerpta Vaticana (vulgo Anonymus de incredibilibus). Ed. N. Festa. M. 2.80 3.20.

Naturalium rerum scriptores Graeci minores. Vol. I: Paradoxographi, Antigonus, Apollonius, Phlegon, Anomymus Vaticanus. Rec. O. Koller. M. 2.70 3.10. Nicephori archiepiscopi opusce. hist. Ed.

C. de Boor. Acc. Ignatii Diaconi vita Nicephori. M. 3.30 3.70.

- Blemmydae curr. vitae et carmina.

Ed. A. Heisenberg. M. 4.— 4.40 Nicomachi Geraseni introductionis

arithm. II. II. Rec. R. Hoche. M. 1.80

-: s. a. Musici.

Libri I—XXIV. M. 6.— 6.60. Vol. II. M. 6.60 7.20.

paraphrasis s. evangelii Ioannei. Ed.

A. Scheindler. M. 4.50 5.—
*Olymplodorus in Platonis Phaedonem.

Ed. W. Norvin. [In Vorb.] Palaephatus: s. Mythographi.

Parthenius: s. Mythographi.

Patrum Nicaenorum nomina Graece, Latine, Syriace, Coptice, Arabice, Armeniace. Edd. H. Gelzer, H. Hilgenfeld,

O. Cuntz. M. 6.—6.60. Pausaniae Graeciae descriptio. Rec. Fr. Spiro. Voll. I.—III. M. 7.60 9.— Pediasimus: s. Mythographi.

Promission of the philodenia o

*_ π. κακιῶν lib. decimus. Ed. Chr.

Jensen. \mathcal{M} 2 - 2.25.

π. οἰκονομίας lib. Ed. Chr. Jensen.
Μ. 2.40 2.80.

*— π. παροησίας. Ed. A. Olivieri.
[In Vorb.]

π. τοῦ καθ' "Ομηφον ἀγαθοῦ βασιλέως lib. Ed. Al. Olivieri. Μ. 2.40 2.80. Philoponi de opificio mundi ll. Rec. W.

Reichardt. M. 4.— 4.60.
— de aeternitate mundi c. Proclum.

Ed. H. Rabe. M. 10.— 10.80. Philostrati(mai.) opera. Ed. C. L. Kayser.

2 voll. [z. Zt. vergr.]
— imagines. Recc. O. Benndorf et

C. Schenkl. M. 2.80 3.20.

Philostrati (min.) imagines et Callistrati descriptiones. Rocc. C. Schenkl et

*Phry ichi Sophistae praefatio sophistica. Ed. J. v. Borries: M. 4.—4.40.

Physiognomonici scriptores Graeci et Latini. Rec. R. Foerster. 2 voll. Vol. I. II. M. 14.—15.20.

Phoenix Coloph.: s. Herondas.

Pindari carmina. Ed. W. Christ. Ed. II.

% 1.80 2.20. 4 ------ ed. O. Schroeder. M. 2.40 2.80. [Pindari carmina.] Scholia vetera in Pindari carmina. 2 voll. Vol.1. Scholia in Olympionicas. Rec. A. B. Drachmann. M. 8.—8.60. Vol. II. Scholia in Pythionicas. Rec. A. B. Drachmann. M. 6.—6.60. Platonis dialogi secundum Thrasylli tetralogias dispositi. Ex recogn. C. F. Hermanni et M. Wohlrab. 6 voll. M. 14.—17.50. [Voll. I. III. IV. V. VI. je M. 2.40 3.— Vol. II. M. 2.—2.50.]

Auch in folgenden einzelnen Abteilungen: Nr. 1. Euthyphro. Apologia Socratis. Crito. Phaedo. M.—.70 1.—

2. Cratylus. Theaetetus. M. 1. — 1.40.
 3. Sophista. Politicus. M. 1. — 1.40.

3. Sophista. Politicus. M. 1.— 1.40.
 4. Parmenides. Philebus. M.—.901.30.

— 5. Convivium. Phaedrus. M. —.70

— 6. Alcibiades I et II. Hipparchus Erastae. Theages. M. — 70 1.—

— 7. Charmides. Laches. Lysis

M. — 70 1.—

— 8. Euthydemus. Protagoras. M. — . 70

— 9. Gorgias. Meno. M. 1.— 1.40.

— 10. Hippias I et II. Io. Menexenus. Clitophon. M. — 70 1.—

11. Rei publicae libri decem. M. 1.80
2.20.
12. Timaeus. Critias. Minos.

— 12. Timaeus. Critias. Minos. M. 1.— 1.40. — 13. Legum libri XII. Epinomis

- 13. Legum libri XII. Epinomis

M. 2.40 3.—

14. Platonis quae ferentur enistale

 14. Platonis quae feruntur epistolae XVIII. Acc. definitiones et septem dialogi spurii. M. 1.20 1.60.

— 15. Appendix Platonica continens isagogas vitasque antiquas, scholia, Timaei glossar., indices. M. 2.— 2.40.

Inhalt von Nr. 1— 3 = Vol. I. — 4— 6 = Vol. II. — 7—10 = Vol. III. — 11. 12 = Vol. IV.

> - 13 = Vol. V. - 14. 15 = Vol. VI.

Plotini Enneades praem. Porphyrii de vita Plotini deque ordine librorum eius libello. Ed. R. Volkmann. 2 voll. M. 9.— 10.20.

Plutarchi vitae parallelae. Rec. C. Sintenis. 5 voll. Ed. II. M 13.60 16.10. [Vol. I. M 2.80 3.30. Vol. II. M 3.40 4.—. Voll. III—IV. je M 2.50 3.—. Vol. V. M 2.40 2.80].

Auch in folgenden einzelnen Abteilungen:
Nr. 1. Theseus et Romulus, Lycurgus et
Numa, Solon et Publicola. M. 1.50 1.90.

— 2. Themistocles et Camillus, Pericles et Fabius Maximus, Alcibiades et Coriolanus. M. 1.50 1.90. Plutarchi vitae parallelae.

Nr. 3. Timoleon et Aemilius Paulus, Pelopidas et Marcellus. M. 1.20 1.60.

- 4. Aristides et Cato, Philopoemen et Flamininus, Pyrrhus et Marius M. 1.40 1.80.

- 5. Lysander et Sulla, Cimon et Lucullus. M. 1.20 1.60.

- 6. Nicias et Crassus, Sertorius et Eumenes. M. 1.- 1.40.

- 7. Agesilaus et Pompeius. M. 1.-1.40.

- 8. Alexander et Caesar. M.1. - 1.40. - 9. Phocion et Cato minor. M. - .80 1.10.

- 10. Agis et Cleomenes, Tib. et C. Gracchi. M. -. 80 1.10.

- 11. Demosthenes et Cicero. M. - .80 1.10.

— 12. Demetrius et Antonius. M. —. 80

1.10. M. 1.20 1.60. - 13. Dio et Brutus. - 14. Artaxerxes et Aratus, Galba et

Otho. M. 1.40 1.80.

Inhalt von Nr. 1 u. 2 = Vol. - 3- 5 = Vol. II. - 6- 8 = Vol. III. - 9-12 = Vol. IV.

-13 u.14 = Vol.*--- Edd. Cl. Lindskog, J. Mewaldt et K. Ziegler. 3 Bde. [In Vorb.]

- moralia. Rec. G. N. Bernardakis. 7 voll. je M. 5. - 5.60.

Polemonis declamationes duae. Rec. H. Hinck. M. 1.- 1.40.

Polyaeni strategematicon Il. VIII. E. Woelfflin. Ed. II cur. J. Melber. M. 7.50 8 .-

Polybii historiae. Rec. L. Dindorf. Ed. II cur. Th. Buttner-Wobst. 5 voll. M. 20.60 23.60.

Polystrati Epic. π. αλόγου καταφοονήσεως. Ed. C. Wilke. M. 1.20 1.60.

Porphyrii opuscc. sel. Rec. A. Nauck. Ed. II. M. 3.— 3.50.

- sententia ad intelligibilia ducentes. Ed. B. Mommert. M. 1.40 1.80.

-: s. a. Plotinus.

Procli Diadochi in primum Euclidis elementorum librum commentarii. Rec. G. Friedlein. M. 6.75 7.30.

- in Platonis rem publicam commentaril. Ed. G. Kroll. 2 voll. Vol. I. M. 5. - 5.60. Vol. II. M. 8. - 8.60.

- in Platonis Timaeum commentarii. Ed. E. Diehl. Vol. I-III. M. 30 .-32.20.

--- in Platonis Cratylum commentarii. Ed. G. Pasquali. M. 3. - 3.40.

- hypotyposis astronomicarum posi-

*Procli Diadochi stoicheiosis physica. Ed. A. Ritzenfeld. [In Vorb.]

- carmina: s. Eudocia Augusta. Procopii Caesariensis opera omnia. Rec. I. Haury. Voll. I. II. je M. 12.—12.80. Vol. III 1. M. 3.60 4.— Prophetarum vitae fabulosae. Edd. H.

Gelzer et Th. Schermann. M.5.60 6 .-

Ptolemaei opera. Ed. I. L. Heiberg. Vol. I. Syntaxis. P. I. libri I—VI. M. 8.— 8.60. P. II. libri VII—XIII. M. 12.— 12.60. Vol. II. Op. astron. min. M. 9. - 9.60.

*[---] Handbuch der Astronomie. Hrsg. von C. Manitius. 2 Bde. [In Vorb.] Quinti Smyrnaei Posthomericorum II. XIV.

Rec. A. Zimmermann. M. 3.60 4.20.

Repertorium griech. Wörterverzeichnisse u.Speziallexika v. H. Schöne. M .- . 801 .-Rhetores Graeci. Rec. L. Spengel. 3 voll. Vol. I. Ed. C. Hammer. M. 4.20 4.80. [Voll. II u. III vergr.; Neubearb. in Vorb.]

Scriptores erotici, s. Eroticiscriptores. - metrici, siehe: Metrici scriptores.

- metrologici, siehe: Metrologici scriptores.

- originum Constantinopolit. Th. Preger. 2 fascc. M. 10.- 11.20. - physiognomonici, siehe: Physio-

gnomonici scriptores.

– sacri et profani. Fasc. I: s. Philoponus.

Fasc. II: s. Patrum Nicaen. nomm. Fasc. III: s. Zacharias Rhetor. Fasc. IV: s. Stephanus von Taron.

Fasc. V: E. Gerland, Quellen z. Gesch. d. Erzbist. Patras. M. 6. - 6.60.

Sereni Antinoensis opuscula. Ed. I. L. Heiberg. M. 5. -- 5.50.

*Sexti Empirici opera. Ed. H. Mutschmann. 3 voll. Vol. Ι. Πυορωνείων ύποτυπώσεων. 1. ΙΙΙ. Μ 3.60 4.-

Simeonis Sethi syntagma. Ed. B. Langkavel. M. 1.80 2.20.

Sophoclis tragoediae. Rec. Guil. Dindorf. Ed. VI cur. S. Mekler. Ed. maior. M. 1.65 2.20. Ed. minor. M. 1.35 1.80. Einzeln jede Tragödie (Aiax. Antigone. Electra. Oedipus Col. Oedipus Tyr.

Philoctetes. Trachiniae) M. -. 30 -. 60. Sophoclis cantica. Dig. O. Schroeder. M. 1.40 1.80.

[---] Scholia in S. tragoedias vetera. Ed. P. N. Papageorgios. M. 4.80 5.40.

Stephanus von Taron. Edd. H. Gelzer et A. Burckhardt. M. 5.60 6 .-

Stobaei florilegium. Rec. A. Meineke. 4 voll. [vergr.

eclogae. Rec. A. Meineke. 2 voll. [z. Zt. vergr.]

Strabonis geographica. Rec. A. Meineke. 3 voll. M. 10.80 12.60

tionum. Ed. C. Manitius. M8. - 8.60. *Synkellos. Ed. W. Reichardt. [U. d. Pr.]

Syriani in Hermogenem comm. H. Rabe. 2 voll. M. 3.20 4.10.

Testamentum Novum Graece ed. Ph. Buttmann. Ed. V. M. 2.25 2.75.

Themistii paraphrases Aristotelis II. Ed. L. Spengel. 2 voll. M. 9.- 10.20.

Theocritus: s. Bucolici. Theodoreti Graec. affect. curatio. Rec.

H. Raeder. M. 6. - 6.60. Theodori Prodromi catomyomachia. Ed. B. Hercher. M. -. 50 -. 75.

Theonis Smyrnaei expositio rer. mathemat. ad leg. Platonem util. E. Hiller. M. 3.— 3.50. Theophrasti Eresii opera.

Rec. F. Wimmer. 3 voll. [Vol. I. II. vergr.] Vol. III. M. 2.40.

 π. λέξεως libri fragmenta. A. Mayer. M. 5 .- 5.40.

Theophylacti Simocattae historiae.

K. de Boor. M. 6.— 6.60. Thucydidis de bello Peloponnesiaco II. VIII. Rec. C. Hude. Ed. maior. 2 voll. [je M. 2.40 3.—] M. 4.80 6.— Ed. minor 2 voll. [je M. 1.20 1.80] M. 2.40 3.60.

Ed | Tryphiodori et Colluthi carmm. Ed. G. Weinberger. M. 1.40 1.80.

Xenophontis expeditio Cyri. Gemoll. Ed. maior. M. 2.40 3.-. Ed. minor. M. -. 80 1.10.

- historia Graeca. Rec. O. Keller. Ed. minor. M. -. 90 1.30.

- Rec. L. Dindorf. M. -. 90.

- institutio Cyri., Rec. A. Hug. Ed. maior M. 1.50 2. - Ed. minor M. - . 90 1.30. *___ Rec. W. Gemoll. Ed. maior-Ed. minor. [In Vorb.]

- commentarii. Rec. W. Gilbert. Ed. maior M. 1. - 1.40. Ed. minor M. - .45

-.75.

scripta minora. Rec. L. Dindorf. 2 fasec. M. 1.40 2.10.

* P. I: Oeconomicus, Symposion, Hiero, Agesilaus, Apologia. Ed. Th. Thalheim. M 1.40 1.80. P. II. Ed. F. Rühl. [In Vorb.] Zacharias Rhetor, Kirchengeschichte.

Deutsch hrsg. v. K. Ahrens u. G. Krüger.

M. 10. - 10.80.

Zonarae epitome historiarum. Ed. L. Dindorf. 6 voll. M. 27.20 30.80.

b) Lateinische Schriftsteller.

Ed.

[Acro.] Pseudacronis scholia in Horatium vetustiora. Rec. O. Keller. Vol. I/II. M. 21. - 22.60.

Ammiani Marcellini rer. gest. rell. Rec. V. Gardthausen. 2 voll. [z. Zt. vergr.

Neubearb. in Vorb.]

Ampelius, ed. Woelfflin, siehe: Florus. Anthimi de observatione ciborum epistola. Ed. V. Rose. Ed. II. M. 1.— 1.25.

Anthologia Latina sive poesis Latinae supplementum.

Pars I: Carmm. in codd. script. rec. A. Riese. 2 fascc. Ed. II. M. 8.80 10 .-II: Carmm. epigraphica conl. Fr. Buecheler. 3 fascc. Fasc. I. M. 4 .-4.60. Fasc. II. M. 5.20 5.80. [Fasc. III. Ed. Lommatzsch in Vorb.1

Suppl.: s. Damasus. Anthologie a. röm. Dichtern v. O. Mann.

M. -.60 -.90.

Apulei opera. Vol. I. Metamorphoses. Ed. R. Helm. M. 3.— 3.40. Vol. II. Fasc. II. Apologia. Rec. R. Helm. M. 2.40 2.80. Vol. II. Fasc. II. Florida. Ed. R. Helm. M. 2.40. 2.80. Vol. III. De philosophia II. Ed. P. Thomas. M. 4. - 4.40.

apologia et florida. Ed. J. v. d. Vliet.

M. 4. - 4.50.

Augustini de civ. dei II. XXII. B. Dombart. Ed. III. 2 voll. Vol. I. Lib. I—XIII. M 5.— 5.60. Vol. II. Lib. XIV— XXII. M. 4.20 4.80.

Augustini confessionum Il. XIII. Rec. P. Knöll. M. 2.70 3.20.

Aulularia sive Querolus comoedia. Ed. R. Peiper. M. 1.50 2 .-

Ausonii opuscula. Rec. R. Peiper. est tabula. M. 8. - 8.60.

S. Aureli Victoris de Caesaribus 1. Ed. F. Pichlmayr. M. 4. - 4.40.

Avieni Aratea. Ed. A. Breysig. M.1.-1.40. Benedicti regula monachorum. Ed. Woelfflin. M. 1.60 2.-

Boetii de instit. arithmetica II. II, de instit. musica Il. V. Ed. G. Friedlein. M. 5.10 5.60.

- commentarii in l. Aristotelis περί έρμηνείας. Rec. C. Meiser. 2 partes. M. 8.70 9.70.

Caesaris comment. cum A. Hirti aliorumque supplementis. Rec. B. Kübler. 3 voll. Vol. I: de bello Gallico. Ed. min.

M. -. 75 1.10. Ed. mai. M. 1.40 1.80. - II: de bello civili. Ed. min. M. - . 60

-.90. Ed. mai. M. 1.—1.40. — III. P. I: de b. Alex., de b. Afr. Rec. E. Woelfflin. Ed. min. M. —.70 1.— Ed. mai. M. 1.10 1.50.

- III. P. II: de b. Hispan., fragmenta, indices. M. 1.50 1.90.

- Rec. B. Dinter. Ausg. in 1 Bd. (ohne d. krit. praefatio). M. 1.50 2.10. Ed. minor. --- de bello Gallico. Ed. II. M. -. 75 1.10.

--- de bello civili. Ed. minor.

Ed. II. M.—.60—.90. Calpurni Flacci declamationes. G. Lehnert. M. 1.40 1.80. Ed.

- *Cassiodori institutiones divinarum et | Ciceronis scripta. Edd. F. W. Muller et saecularium artium. Ed. Ph. Stettner. [In Vorb.]
- Cassii Felicis de medicina l. Ed. V. Rose. M. 3. - 3.40.
- Catonis de agri cultura 1. Rec. H. Keil. M. 1.- 1.40.
- Catulli carmina. Recens. L. Mueller. M. -. 45 -. 75.
- , Tibulli, Propertii carmina. Rec. L. Mueller. M. 3. - 3.60.
- Celsi de medicina Il. Ed. C. Daremberg. M. 3.- 3.50.
- Censorini de die natali l. Rec. Fr. Hultsch. M. 1.20 1.60.
- Ciceronis scripta. Edd. F. W. Müller et G. Friedrich. 4 partes. 10 voll. M. 26.20 30.60.
 - Pars I: Opera rhetorica, ed. Friedrich. 2 voll. Vol. L. M. 1.60 2 .-Vol. II. M. 2.40 2.80.
 - II: Orationes, ed. Müller. 3 voll. je M. 2.40 2.80.
 - III: Epistulae, ed. Müller. 2 voll. [Vol. I. M. 3.60 4.20. Vol. II. M. 4.20 4.89.7 M. 7.80 9.—
 - IV: Scripta philosophica, Müller. 3 voll. je M. 2.40 2.80.
 - Auch in folgenden einzelnen Abteilungen: Nr. 1. Rhetorica ad. Herennium, ed.
 - Friedrich. M. -. 80 1.10.
 - 2. De inventione, ed. Friedrich. M. -. 80 1.10.
 - 3. De oratore, ed. Friedrich. M. 1.10 1.50. - 4. Brutus, ed. Friedrich. M. - . 70
 - 1.-
 - 5. Orator, ed. Friedrich. M. .50 -.75.
 - 6. De optimo genere oratorum, partitiones et topica, ed. Friedrich. M. -. 50 -. 75.
 - 7. Orationes pro P. Quinctio, pro Sex. Roscio Amerino, pro Q. Roscio comoedo, ed. Müller. M. -. 70 1 .-
 - 8. Divinatio in Q. Caecilium, actio in C. Verrem I, ed. Müller. M. -. 50 -.75.
 - 9a. Actionis in C. Verrem II sive accusationis Il. I-III, ed. Müller. M. 1.- 1.40.
 - 9b. -- 11. IV. V, ed. Müller. M. -. 50 -. 75.
 - 10. Orationes pro M. Tullio, pro M. Fonteio, pro A. Caecina, de imperio Cn Pompeii (pro lege Manilia), ed. Müller. M. -. 50 -. 75.

- G. Friedrich.
 - Nr. 11. Orationes pro A. Cluentio Habito, de lege agr. tres, pro C. Rabirio perduellionis reo, ed. Müller. M. - . 80
 - 12. Orationes in L. Catilinam, pro L. Murena, ed. Müller. M. -.70
 - 13. Orationes pro P. Sulla, pro Archia poeta, pro Flacco, ed. Müller. M. -. 50 -. 75.
 - 14. Orationes post reditum in senatu et post reditum ad Quirites habitae, de domo sua, de haruspicum responso, ed. Müller. M. --. 70 1.-
 - 15. Orationes pro P. Sestio, in P. Vatinium, pro M. Caelio, ed. Müller. M. -. 70 1.-
 - 16. Orationes de provinciis consularibus, pro L. Cornelio Balbo, in L. Calpurnium Pisonem, pro Cn. Plancio, pro Rabirio Postumo, ed. Müller. M. -. 70 1 .--
 - 17. Orationes pro T. Annio Milone, pro M. Marcello, pro Q. Ligario, pro rege Deiotaro, ed. Müller. M. -. 50 -.75.
 - 18. Orationes in M. Antonium Philippicae XIV, ed. Müller. M -. 90 1.30.
 - 19. Epistt. ad fam. l. I-IV, ed. Müller. M. - . 90 1.30.
 - 20. Epistt. ad fam. l. V-VIII, ed. Müller. M. -. 90 1.30. - 21. Epistt. ad fam. l. IX-XII, ed
 - Müller. M. -. 90 1.30.
 - 22. Epistt. ad fam. 1. XIII-XVI, ed. Müller. M. -. 90 1.30.
 - 23. Epistulae ad Quintum fratrem, Q. Ciceronis de petitione ad M. fratrem epistula, eiusdem versus quidam de signis XII, ed. Müller. M. -.60 -.90.
 - 24. Epistt. ad Att. 1. I-IV, ed. Müller. M. 1.- 1.40.
 - 25. Epistt. ad Att. 1 V-VIII, ed Müller. M. 1.- 1.40.
 - 26. Epistt. ad Att. l. IX-XII, ed.
 - Müller. M. 1. 1.40. - 27. Epistt. ad Att. l. XIII-XVI, ed.
 - Müller. M. 1.- 1.40. - 28. Epistt. ad Brutum et epist. ad Octavium, ed. Müller. M - . 60 - . 90.
 - 29. Academica, ed. Müller. M. . 70 1.-
 - 30. De finibus, ed. Müller. M. 1.-1.40.
 - 31. Tusculanae disputationes, ed. Müller. M. -. 80 1.10.
 - 32. De natura deorum, ed. Müller. M -. 70 1 .-

9 *

Ciceronis scripta. Edd. F. W. Müller et G. Friedrich.

Nr. 33. De divinatione, de fato, ed. Müller. M. -. 70 1.-

34. De re publica, ed. Müller

M. -. 70 1 .-- 35. De legibus, ed. Müller. M -. 701.-

- 36. De officiis, ed. Müller. M. -. 701.-- 37. Cato Maior de senectute, Laclius de amicitia, Paradoxa, ed. Müller. M. -. 50 -. 75.

Inhalt von

Nr. 1. 2 = Pars I, vol. - 3-6 = Pars I, vol. II. 7- 9 = Pars II, vol.

- 10-14 = Pars II, vol. II. - 15-18 = Pars II, vol. III.

- 19-23 = Pars III, vol. I. - 24-28 = Pars III, vol. II. - 29-31 = Pars IV, vol. I. - 32-35 = Pars IV, vol. II.

- 36. 37 u. Fragm. = Pars IV, vol. III. orationes selectae XXI. C. F. W. Müller. 2 partes. M. 1.70 2:30. Pars I: Oratt. pro Roscio Amerino, in Verrem Il. IV et V, pro lege Manilia, in Catilinam, pro Murena. M - . 80 1.10.

- II: Oratt. pro Sulla, pro Archia, pro Sestio, pro Plancio, pro Milone, pro Marcello, pro Ligario, pro Deiotaro, Philippicae I. II. XIV. M. - . 90 1.20.

- orationes selectae XIX. Edd., indices adiecc. A. Eberhard et C. Hirschfelder. Ed. II. M. 2. - 2.50.

Oratt. pro Roscio Amerino, in Verrem II. IV. V, de imperio Pompei, in Catilinam IV, pro Murena, pro Ligario, pro rege Delotaro, in Antonium Philippicae I. II, divinatio in Caecilium.

--- epistolae. Rec. A.S. Wesenberg. 2 voll. [je M. 3.— 3.60.] M. 6.— 7.20.

- epistolae selectae. Ed. R. Dietsch. 2 partes. [P. I. M. 1. - 1.40. P. II. M. 1.50 2.-] M. 2.50 3.40.

--- de virtut. l. fr. Ed. H. Knoellinger.

M. 2. - 2.40.

[--- | Scholia in Ciceronis orationis Bobiensia ed. P. Hildebrandt. M.S .- 8.60. Claudiani carm. Rec. J. Koch. M. 3. 60 4.20. Claudii Hermeri mulomedicina Chironis. Ed. E. Oder. M. 12.- 12.80.

Commodiani carmina. Rec. E. Ludwig.

2 partt. M. 2.70 3.50.

[Constantinus.] Inc. auct. de C. Magno ciusque matre Helena libellus. E. Heydenreich. M. — .60 — .90. Cornelius Nepos: s. Nepos.

*Corpus agrimensorum Romanorum. Rec. C. Thulin. 2 Bde. I. Texte. II. Übersetzung. [In Vorb.]

Curtii Rufi hist. Alexandri Magni. Iterum rec. E. Hedicke. Ed. major M. 3.60 4.20. Ed. minor M 1.20 1.60.

- Rec. Th. Vogel. [vergr.]

Damasi epigrammata. Acc. Pseudodamasiana. Rec. M. Ihm. Adi. est tabula M. 2.40 2.80.

*Dictys Cretensis ephem. belli Troiani 11. VI. Rec. F. Meister. [z. Zt. vergr.;

Neubearb. in Vorb.]
Donati comm. Terenti. Acc. Eugraphi commentum et scholia Bembina. Ed. P. Wessner. I. M. 10 - 10.80. Vol. II. M 12.— 12.80. Vol. III, 1. M 8.— 8.50. — interpretat. Vergil. Ed. H. Georgii. 2 voll. M. 24. — 26. —

Dracontii carmm. min. Ed. Fr. de Duhn.

M. 1.20 1.60.

Eclogae poetar. Latin. Ed. S. Brandt.

Ed. III. M. 1.— 1.20. Eugraphius: s. Donatus.

Eutropii breviarium hist. Rom. Fr. Ruehl. M. -.45 -.75.

Favonii Eulogii disp. de somnio Scipionis. Ed. A. Holder. M. 1.40 1.80.

Firmici Materni matheseos Il. VIII. Edd. W. Kroll et F. Skutsch. M. 4. - 4.50. Fasc. II. [U. d. Pr.]

- de errore profan, relig. K. Ziegler: M. 3.20 3.60.

Flori, L., Annael, epitomae Il. II et P. Annii Flori fragmentum de Vergilio. O. Rossbach. M. 2.80 3.20.

*Florilegium Latinum. Zusammengestellt von der Philolog. Vereinigung des Königin-Carola-Gymnasiums zu Leipzig. Heft 1: Drama. Heft 2: Erzählende Prosa. Heft 3: Epik u. Lyrik. Fabeln. Heft 4: Rednerische Prosa u. Inschriftliches. Je \mathcal{M} —.60.

Frontini strategematon II. IV. Gundermann. M. 1.50 1.90.

*Frontonis epistulae ad. M. Caesarem ed. E. Hauler. [U. d. Pr.]

Fulgentii, Fabii Planciadis, opera. Acc. Gordiani Fulgentii de aetatibus mundi et hominis et S. Fulgentii episcopi super Thebaiden. Rec. R. Helm. M. 4.— 4.50.

Gai institutionum commentt. quattuor. Rec. Ph. Ed. Huschke. Ed. II cur. E. Seckel et B. Kübler M. 2.80 3.20. Gelli noctium Attic. Il. XX. Rec. C.

Hosius. 2 voll. M. 6.80 8 .-Gemini elementa astronomiae.

Manitius. M. 8 .- 8.60. Germanici Caesaris Aratea. Ed. A. Brey-

sig. Ed. II. Acc. Epigramm. M. 2 .- 2.40. Grammaticae Romanae fragm. Coll. rec. H. Funaioli. Vol. I. M. 12 .- 12.60.

Grani Liciniani quae supersunt. M. Flemisch. M. 1.— 1.30. Hieronymi de vir. inlustr. 1. Acc. Gennadi

catalogus viror. inlustr. Rec. G. Herding. M. 2.40 2.80.

llistoria Apollonii, regis Tyri. Rec. A. Riese. Ed. II. M. 1.40 1.80.

Historicorum Roman. fragmenta. Ed. H. Peter. M. 4.50 5 .-

Horatii Flacci opera. Rec. L. Mueller Ed. maior [vergr.] Ed. minor [vergr.]

- Rec. F. Vollmer. Ed. maior. M 2. - 2.40. Ed. minor. M 1. - 1.40. *[---] Horazens Versmaße.

Schroeder. M. -. 60.

Hygini grammatici l. de munit. castr. Rec. G. Gemoll. M. - .75 1.10.

*Imperatorum romanorum acta. P. I. Inde ab Augusto usque ad Hadriani mortem. Coll. O. Haberleitner. [Unter d. Presse.]

Incerti auctoris de Constantino Magno eiusque matre Helena libellus prim. Ed. E. Heydenreich. M. -. 60 -. 90.

*Inscriptiones Latinae Graecae bilingues. Ed. F. Zilken. [In Vorb.]

Latinae Caesaris morte antiquiores.

Ed. K. Witte. [In Vorb.] Iurisprudentiae antehadrianae supersunt. Ed. F. P. Bremer. Pars I. M. 5 .- 5.60. Pars II. Sectio I. M. 8 .-8.60. II. M. 8.— 8.80.

- anteiustinianae quae supersunt. In usum maxime academicum rec., adnot. Ph. Ed. Huschke. Ed. V.M. 6.75 7.40.

*- Ed. VI auct. et emend. edd. E. Seckel et B. Kübler. 2 voll. Vol. I. M. 4.40 5 .- Vol. II, fasc. 1. M 2.20 2.60. - - Supplement: Bruchstücke a. Schriften röm. Juristen. Von E. Huschke.

M. - . 75 1 .-Ed. Ph. Ed.

Iustiniani institutiones.

Huschke. M. 1 .- 1.40. Iustini epitoma hist. Philipp. Pompei

Trogi ex rec. Fr. Ruehl. Acc. prologi in Pompeium Trogum ab A. de Gutschmid rec. M. 1.60 2.20.

luvenalis satirarum II. Rec. C. F. Hermann. M. -. 60 -. 90.

Iuvenci II. evangelicorum IV. Rec. C. Marold. M. 1.80 2.20.

Lactantius Placidus: s. Statius. Vol. III. Livi ab urbe condita libri. Recc. G. Weissenborn et M. Müller. 6 partes. M. 8.10 11.10. Pars I-III. Ed. II c. M. Müller je M. 1.20 1.70. Pars IV. Ed. II c. M. Müller. Pars V-VI je M.1.50 2.-

Pars I-V auch in einzelnen Heften:

Pars I fasc. I: Lib. 1- 3. M -. 70 1.10.

— I fasc. II: Lib. 4— 6. M.—.70 1.10. — II fasc. I: Lib. 7—10. М.—.70 1.10. — II fasc. II: Lib. 21—23. М.—.70 1.10.

-III fasc. I: Lib. 24-26. M. -. 70 1.10.

- III fasc. II: Lib. 27-30. M. -. 70 1.10. - IV fasc. I: Lib. 31-35. M. -. 85 1.25.

- IV fasc. II: Lib. 36-38. M. -. 85 1.25. - V fasc. I: Lib. 39-40. M. -. 85 1.25.

- - Ed. II ed. G. Heraeus. M. - . 85 1.25.

Pars V fasc. II: Lib. 41-140. M -. 85 1.25. *- VI: Fragmenta et index. [In Vorb.] Livi periochae, fragmenta Oxyrhynchi reperta et Iulii Obsequentis prodigiorum liber. Ed. O. Rossbach. M. 2.80 3.20. Lucani de bello civ. ll. X. It. Ed. C. Hosius.

M. 4.40 5 .-[Lucanus.] Adnotationes super Lucanum.

Ed. J. Endt. M. 8. - 8.60. Lucreti Cari de rerum natura Il. VI. Ed.

A. Brieger. Ed. II. M. 2.10 2.50. Appendix einzeln M -. 30.

Macrobius. Rec. F. Eyssenhardt. Ed. II. M. 8.- 8.60.

Marcelli de medicamentis. Ed. G. Helmreich. M. 3.60 4.20.

Martialis epigrammaton II. Rec. W. Gilbert. M. 2.70 3.20.

*Martianus Capella. Ed. A. Dick. [In Vorb.] Melae, Pomponii, de chorographia libri.

Ed. C. Frick. M. 1.20 1.60. Metrologicorum scriptorum reliquiae. Ed. F. Hultsch. Vol. II: Scriptores Romani. M. 2.40 2.80. [Vol. I: Scriptores

Graeci. M. 2.70 3.20.] 2 voll. M. 5.10 6.-Minucii Felicis Octavius. Rec. Herm.

Boenig. M. 1.60 2.—

*— Rec. Waltzing. [In Vorb.]

Mulomedicina Chironis: s. Claudius.

Nepotis vitae. Ed. C. Halm. Ed. II cur. A. Fleckeisen. M. -. 30 -. 60.

---- m. Schulwörterbuch v. H. Haacke-Stange. 15. Auflage. M. 1.75.

Nonii Marcelli de conpendiosa doctrina libb. XX. Ed. W. M. Lindsay. Vol. I-III: lib. I-XX et ind. M. 17.20 19.-Orosii hist. adv. paganos 11. VII. Rec. C.

Zangemeister. M. 4.— 4.50. Qvidius Naso. Rec. R. Merkel. 3 tomi.

M. 2.90 4.10.

Tom. I: Amores. Heroides. Epistulae. Medicamina faciei femineae. amatoria. Remedia amoris. Ed. II cur. R. Ehwald. M. 1.— 1.40. Tom. II: Metamorphoses. Ed.

M. -. 90 1.30.

Tom. III: Tristia. Ibis. Ex Ponto libri. Fasti. Ed. II. M. 1 .- 1.40. tristium II. V. Ed. R. Merkel.

M. -.45 -.75. - fastorum Il. VI. Ed. R. Merkel.

M. -. 60 -. 90.

- metamorphoseon delectus Siebelisianus. Ed. Fr. Polle. Mit Index. M. -. 70 1 .-.

Palladii opus agriculturae. Rec. J. C. Schmitt. M. 5.20 5.60. *Panegyrici Latini XII.

Rec. Asm. Bachrens. It. ed. Guil. Bachrens.

M. 5. - 5.50. Patrum Nicaenorum nomina Graece, La-

tine, Syriace, Coptice, Arabice, Armeniace. Edd. H. Gelzer, H. Hilgenfeld, O. Cuntz. M. 6.—6.60. Pelagonii ars veterinaria. Ed. M. Ihm.

M. 2.40 2.80.

Persii satirarum l. Rec. C. Hermann.

Phaedri fabulae Aesopiae. Rec.L. Mueller. M — 30 — 60.

mit Schulwörterbuch von A. Schaubach. 3. Aufl. M. -. 90 1.30.

Physiognomonici scriptores Graeci et Latini. Rec. R. Foerster. 2 voll. [Vol. I. M. 8.— 8.60, Vol. II. M. 6.—

6.60.] M. 14. — 15.20. Plauti comoediae. Recc. F. Goetz et

Fr. Schoell. 7 fascc. M. 10.50 14.— Fasc. I. Amphitruo, Asinaria, Aulularia Praec. de Plauti vita ac poesi testimvet. M. 1.50 2.—

— II. Bacchides, Captivi, Casina Ed. II. M. 1.50 2.—

- III. Cistellaria, Curculio, Epidicus.

M. 1.50 2.—
— IV. †Menaechmi, Mercator, †Miles

glor. M. 1.50 2.—

- V. † Mostellaria, Persa, † Poenulus. M. 1.50 2.-

- VI. †Pseudolus, †Rudens, Stichus. M. 1.50 2.—

— VII. †Trinummus, Truculentus, fragmenta. Acc. conspectus metrorum. M. 1.50 2.—

Einzeln die mit † bezeichneten Stücke je M.—.60.—.90, die übrigen je M.—.45 —.75. Supplementum (De Plauti vita ac poesi testimonia veterum. Conspectus metrorum) M.—.45.—.75.

Plini naturalis historia. Rec. C. Mayhoff. 6 voll. Ed. II. [Vol. I. M. 8.— 8.60. Vol. II. Ed. III. M. 8.— 8.60. Vol. III. M. 4.— 4.50. Voll. IV. V. je M. 6.— 6.60. Vol. VI. (Index.) Ed. Jan. M. 3.— 3.50.] M. 35.— 38.40.

- Il. dubii sermonis VIII rell. Coll. I.

W. Beck. M. 1.40 1.80.

— (lun.) epistulae. [vergr.]

Rec. R. C. Kukula. M.3.— 3.60.

Plinii Secundi quae fertur una cum Gargilii Martialis medicina. Ed. V. Rose. M. 2-70 3-10.

Poetae Latini minores. Rec. Aem. Baehrens. 6 voll. [Voll. II u. VI vergr.]

M. 20.10 23.40.

— Rec. F. Vollmer. Vol. I. Appendix Vergiliana. M 2.40 2.80. Vol. II, fasc. 1. Ovidi Halieuticon libri I fragmentum. Gratti Cynegeticon libri I fragmentum. M - .60 - .85.

Pomponius Mela: s. Mela.

Porphyrionis commentarii in Horatium. Rec. G. Meyer. M. 5.— 5.60.

Prisciani euporiston II. III. Ed. V. Rose. Acc. Vindiciani Afri quae feruntur rell. M. 7.20 7.80.

Propertii elegiae. Rec. L. Mueller.

- Ed. C. Hosius. M. 1.60 2.-

Pseudacronis scholia in Horatium. Ed. O. C. Keller. Vol. I. M. 9. - 9.80 vol. II. M. 12. - 12.80.

Quintiliani instit. orat. II. XII. Rec. Ed. Bonnell. 2 voll. [vol. I vergr.] je M. 1.80 2.20.

Quintillani instit. liber X. Rec. C. Halm. M. — . 30 — . 60.

— Ed. L. Radermacher. Pars I. M. 3.— 3.50. [Pars II in Vorb.] — declamationes. Rec. C. Ritter.

M. 4.80 5.40.
— decl. XIX majores. Ed. G. Lehnert

M. 12.— 12.60. Remigii Autissiodor. in art. Donati min.

commentum. Ed. W. Fox. M. 1.80 2.20. Sallusti Catilina, lugurtha, ex historiis orationes et epistulae. Ed. A. Eussner. M. — 45 — .75.

Scaenicae Romanorum poesis fragmenta. Rec. O. Ribbeck. Ed. III. Vol. I Tragicorum fragmm. M. 4. - 4.60. Vol. II. Comicorum fragmm. M. 5. - 5.60.

Scribonii Largi compositiones. Ed. 6

Helmreich. M. 1.80 2.20.

Scriptores historiae Augustae. Iterum rec. H. Peter. 2 voll. M. 7.50 8.60.

Senecae opera quae supersunt. Vol. I.
Fasc. I. Dialog. II. XII. Ed. E. Hermes.

M. 3.20 3.80. Vol. I. Fasc. II. De
beneficiis. De clementia. Ed. C. Hosius.

M. 2.40 2.80. Vol. II. Naturalium quaest.
II. VIII. Ed. A. Gercke. M. 3.60 4.20.

Vol. III. Ad Lucil. epist. mor. Ed.
O. Hense. M. 5.60 6.20. Vol. IV.

*Fragm., Ind. Ed. E. Bickel. [In Vorb.]

— Suppl. (Fragm. Ind.) Rec. Fr. Haase.

M. 1.80 2.40.

G. Richter. Ed. H. M. 5.60 6.20.

Senecae (rhetoris) oratorum et rhetorum sententiae, divisiones, colores. Ed. A. Kiessling. M. 4.50 5.—

Sidonius Apollin. Rec. P. Mohr. M. 5.60

6.20.

Sili Italici Punica. Ed. L. Bauer. 2 voll. je M. 2.40 2.80.

Sorani gynaeciorum vetus translatio Latina cum add. Graeci textus rell. Ed. V. Rose. M. 4.80 5.40.

Statius. Edd. A. Klotz et R. Jahnke. *Vol.I: Silvae. It. ed A. Klotz. M. 2.40 2.80.

- II. Fasc. I: Achilleis. Rec. A. Klotz et O. Müller. M. 1.20 1.60.

— II. Fasc. II: Thebais. Rec. A. Klotz. M. 8.— 8.60.

- III: Lactantii Placidi scholia in Achilleidem. Ed.R.Jahnke. M8. - 8.60.

Suetoni Tranquilli opera. Rec. M. Ihm. Ed. minor. 2 voll. Vol. I. De vita Caesarum libri VIII. M. 2.40 2.80. [Vol. II in Vorb.] Suctoni Tranquilli opera. Rec. C. L. Roth. 2 fasce. [Fasc. I vergr.] Fasc. II. De grammaticis et rhetoribus. M. -. 80 1.20.

Tacitus. Rec. C. Halm. Ed. IV. 2 tomi

M. 2.40 3.20.

Tomus I. Libb. ab excessu divi Augusti. M. 1.20 1.60. [Fasc. I: Lib. I—VI. M.—.75 1.10. Fasc. II: Lib. XI—XVI. $M_{\bullet} - .75 1.10.1$

Tacitus. Tomus II. Historiae et libb. minores. M. 1.20 1.60. [Fasc. I: Historiae. M. - . 90 1.30. Fasc. II: Germania. Agricola. Dialogus. M. - . 45 - . 75.]

Terenti comoediae. Rec. A. Fleckeisen.

Ed. II. M. 2.10 2.60.

Jedes Stück (Adelphoe, Andria, Eunuchus, Hauton Timorumenos, Hecyra, Phormio) M. -. 45 -. 75.

[---] Scholia Terentiana. Ed. Fr. Schlee. M. 2. - 2.40.

Tibulli Il, IV. Rec. L. Mueller. M. -.45

-.75. Ulpiani fragmenta. Ed. E. Huschke.

Ed. V. M. -. 75 1.10. Valeri Alexandri Polemi res gestae Alexandri Macedonis: Rec. B. Kuebler. M. 4.- 4.50.

Valerii Flacci Argonautica. Rec. Aem.

Valeri Maximi factorum et dictorum memorab. II. IX. Cum Iulii Paridis et Ianuarii Nepotiani epitomis. Rec. C. Kempf. Ed. II. M. 7.20 7.80.

*Varronis rer. rustic. libri III. ed G. Goetz.

M 2.- 2.40.

Vegeti Renati digestorum artis mulomedicinae libri. Ed. E. Lommatzsch. M. 6.- 6.60.

- -- epitoma rei milit. Rec. C. Lang. Ed. II. M. 3.90 4.40.

Vellei Paterculi hist. Roman. rell. Ed. C. Halm. M. 1. - 1.40.

- Rec. Fr. Haase. M. - . 60 - . 90. Vergili Maronis opera. Rec. O. Ribbeck. Ed. II. M. 1.50 2.-

- Aeneis. Rec. O. Ribbeck. M. - . 90

- Bucolica et Georgica. Rec. O. Ribbeck. M -.45 -.75. beck. M - 45 - .75.

- Bucolica, Georgica, Aeneis. Rec.
O. Güthling. 2 tomi. M 1.35 2.05.

Tom. I: Bucolica. Georgica. M. -. 50 -. 80.

— II: Aeneis. M. — 90 1.30.
*[——] Scholia in Vergilii Bucolica etc. Ed. Funaioli. [In Vorb.]

Virgili Grammatici opera. Ed. J. Huemer.

M. 2.40 2.80. Vitruvii de architectura Il. X. Ed.V. Rose. Ed. II. M. 5. - 5.60.

- Ed. Krohn. [In Vorb.]

1b. Bibliotheca scriptorum medii aevi Teubneriana. [8.]

dorf. M. 3. - 3.40.

Amarcii sermonum Il. IV. Ed. M. Manitius. M. 2.25 2.60.

Canabutzae in Dionysium Halic. comm. Ed. M. Lehnerdt. M. 1.80 2.20.

Christus patiens. Tragoedia Gregorio Nazianzeno falso attributa. Rec. I. G. Brambs. M. 2.40 2.80.

Comoediae Horatianae tres. Ed. R. Jahnke. M. 1.20 1.60.

Egidii Corboliensis viaticus de signis et sympt. aegritud. ed. V. Rose. M. 2.80 3.20. Guilelmi Blesensis Aldae comoedia. Ed. C. Lohmeyer. M. -. 80 1.20.

Alberti Stadensis Troilus. Ed. Th. Merz- | Hildegardis causae et curae. Ed. P. Kairser. M. 4.40 5.— Horatii Romani porcaria. Ed. M. Leh-

nerdt. M. 1.20 1.60.

Hrotsvitae opera. Ed. K. Strecker. M. 4. - 4.60. Odonis abbatis Cluniacensis occupatio.

Ed. A. Swoboda. M. 4.—4.60.
*Paulus Aeginetes. Ed. I. L. Heiberg.

[In Vorb.] Thiofridi Epternacensis vita Willibrordi

metrica. Ed. K. Rossberg. M. 1.80 2.20. Vitae sanctorum novem metricae. Guil. Harster. M. 3 .- 3.50.

Vita S. Genovefae virginis ed. C. Künstle. M 1.20 1.60.

1c. Bibliotheca scriptorum Latinorum recentioris aetatis. Edidit Iosephus Frey. [8.]

Ed. E. Weber. M. 2.40 2.80. Fickelscherer. M. 1.50 2 .-

Epistolae sel. viror. clar. saec. XVI. XVII. | Mureti scripta sel. Ed. I. Frey. 2 voll. M 2.40 3.20. Manutii, Pauli, epistulae sel. Ed. M. Ruhnkenii elogium Tib. Hemsterhusii. Ed. I. Frey. M. -. 45 -. 70.

2. Sammlung wissenschaftlicher Kommentare zu griechischen und römischen Schriftstellern. [gr. 8.]

Mit der Sammlung wissenschaftlicher Kommentare zu griechischen und römischen Literaturwerken hofft die Verlagsbuchhandlung einem wirklichen Bedürfnis zu begegnen. Das Unternehmen soll zu einer, umfassenderen und verständnisvolleren Beschäftigung mit den Hauptwerken der antiken Literatur als den vornehmsten Äußerungen des klassischen Altertums auffordern und anleiten.

Apologeten, zwei griechische. Von J. Geffcken. M. 10.- 11.-

Actna. Von S. Sudhaus. M. 6.— 7.— Catulli Veronensis liber. Von G. Friedrich. M. 12.— 13.—

*Johannes von Gaza und Paulus Silentiarius. Von P. Friedländer. [U. d. Pr.]

Lucretius de rer. nat. Buch III. Von R. Heinze. M. 4. — 5. —

Philostratos über Gymnastik. Von J. Jüthner. M. 10.— 11.—

Sophokles Elektra. Von G. Kaibel. 2., unveränd. Aufl. & 6.— 7.— Vergilius Aeneis Buch VI. Von E. Norden. & 12.— 13.—

In Vorbereitung:

Clemens Alex. Paldagogos. Von Schwartz Luklan Philopseudes, Von R. Wünsch Ovid Herolden. Von R. Ehwald. Pindar Pythlen. Von O. Schröder. Properz. Von Jacoby. Tacitus Germaula. Von G. Wissowa.

3. Einzelausgaben griechischer und lateinischer Schriftsteller.

[gr. 8, wenn nichts anderes bemerkt.]

Die meisten der nachstehend aufgeführten Ausgaben sind bestimmt, wissenschaftlichen Zwecken zu dienen. Sie enthalten daher mit wenigen Ausnahmen den vollständigen kritischen Apparat unter dem Texte; zum großen Teil sind sie — wie dies dann in der Titelangabe bemerkt ist — mit kritischem und exogetischem Kommentar verschen.

a) Griechische Schriftsteller.

Acta apostolorum: s. Lucas.

Aeschinis orationes. Ed., scholia adi. F. Schultz. *M*. 8.—

weidner. M. 3.60.

Aeschyll Agamemnon, Ed. R. H. Klausen. Ed. alt. cur. R. Enger. M. 3.75.

Komm. von K. H. Keck. M. 9.—

- fabulae et fragmm. Rec. G. Dindorf.
4. M. 4.-

— Septem ad Thebas. Rec. Fr. Ritschelius. Ed. II. M. 3.—

Alciphronis rhet. epistolae. Ed. A. Meineke. M. 4.—

Aλφάβητος τῆς ἀγάπης. Das ABC der Liebe. E. Sammlung rhod. Liebeslieder. Hrsg. v. W. Wagner. M. 2.40.

Anthologiae Planudeae appendix Barberino-Vaticana. Rec. L. Sternbach. M. 4.—

Apollonius' von Kitium illustr. Kommentar z. d. Hippokrat. Schrift π. ἄςθηων. Hrsg. v. H. Schöne. Mit 31 Tafeln in Lichtdr. 4. Μ. 10.—

Aristophanis fabulae et fragmm. Re G. Dindorf. 4. M. 6.—

— ecclesiazusae. Rec. A. von Velsen. M. 2.40.

— equites. Rec. A. von Velsen. Ed. II cur. K. Zacher. M. 3.—

pax. Ed. K. Zacher. M 5 .- 6.-

— Plutus. Rec. A. von Velsen. M. 2.— — thesmophoriazusae. Rec. A. von

Velsen. Ed. II. M. 2.—

Aristotelis ars rhet. cum adnotatione L. Spengel. Acc. vet. translatio Latina. 2 voll. M. 16.—

moerbeka. Rec. Fr. Susemihl. M.18.—

— ethica Nicomachea. Ed. et comment. instr. G. Ramsauer. Adi. est Fr. Susemihlii epist. crit. M. 12.—

Artemidori onirocritica. Rec. R. Hercher. M. 8.—

Bionis epitaphius Adonidis. Ed. H. L. Ahrens. M. 1.50.

Bucolicorum Graec. Theocriti, Bionis et Moschi reliquiae. Ed. H. L. Ahrens. 2 tomi. & 21.60.

Callimachea. Ed. O. Schneider. 2 voll. M. 33.-

Vol. I. Hymni cum scholiis vet. M. 11 .-Fragmenta. Indices. M. 22. -- II. Carmina Graeca medii aevi. Ed. G. Wag-

ner. M. 9.-

popularia Graeciae recentioris. Ed.

A. Passow. M. 14.-

Christianor. carmm. Anthologia Graeca. Edd. W. Christ et M. Paranikas. M. 10 .-

Comicorum Atticorum fragmenta. Ed. Th. Kock. 3 voll. M. 48 .-

Vol. I. Antiquae comoediae fragmenta.

M. 18.-- II. Novae comoediae fragmenta.

Pars I. M. 14.-

- III. Novae comoediae fragmenta. P. II. Comic. inc. act. fragm. Fragm. poet. Indices. Suppl. M. 16 .-

*Corpus fabularum Aesopicarum. Ed. O. Crusius, A. Hausrath, P. Knoell,

P. Marc. [In Vorb.]

- medicorum Graecorum. Vol. X1, 1. Philumeni de venenatis animalibus eorumque remediis ed. M. Wellmann. M. 2.80.

--- Vol. V, 9. 2. Galeni in Hippocratis prorrheticum l. Ed. H. Diels. [In Vorb.]

Demetrii Phalerei de elocutione libellus. Ed. L. Radermacher. M. 5 .-

Demosthenis oratt. de corona et de falsa legatione. Cum argumentis Graece et Latine ed. I. Th. Voemelius. M. 16 .-

- orat. adv. Leptinem. Cum argumentis Graece et Latine ed. I. Th. Voemel. M. 4.-

— de corona oratio. In usum schol. ed. I. H. Lipsius. Ed. II. M. 1.60.

Περί διαλέχτων excerptum ed. Schneider. M. -. 60.

Didymi Chalcenteri fragmenta. Ed.

M. Schmidt. M. 9.-

Dionysii Thracis ars grammatica. Ed. G. Uhlig. M. 8.—

*Διονυσίου ή Λογγίνου περί υψους. De sublimitate libellus. Ed. O. Iahn. Quart. ed. I. Vahlen. M. 2.80 3.20.

Epicurea. Ed. H. Usener (Anast. Neudruck.) M. 12. — 13. —.

[Epiphanius.] Quaestiones Epiphanianae metrologicae et criticae. Acc. tabula phototypica, Scr. O. Viedebantt. M.6.-

Eratosthenis carminum reliquiae. Disp. et expl. Ed. E. Hiller. M. 3 .-

- geographische Fragmente, hrsg. von Berger. M. 8.40.

Etymologicum Gudianum quod vocatur. Rec. et apparatum criticum indicesque adi. Al. de Stefani. Fasc. I: Litteras A-B cont. M. 10 .-

Euripidis fabulae et fragmenta. Rec. G. Dindorf. 4. M. 9 .-

Euripidis fabulae. Edd. R. Prinz et N. Wecklein. M. 46.60.

Vol. I. Pars I. Medea. Ed. II. M. 2.40. - II. Alcostis. Ed.III. M.1.80.

- III. Несива. Ed. II. M.2.40. - IV. Electra. M. 2.-

- V. Ion. M. 2.80.

- VI. Helena. M. 3.-I.

I. -VII. Cyclops. Ed.II. M.1.40. II. - I. Iphigenia Taurica. M. 2.40.

- II. Supplices. M. 2 .-II. II.

- III. Bacchae. M. 2.-- IV. Heraclidae. M. 2.-II. П. - V. Hercules. M. 2.40.

- II. - VI. Iphigenia Aulidensis. M. 2.80.

— III. I. Andromacha. M.2.40. - III. - II. Hippolytus. M. 2.80.

- III. - III. Orestes. M. 2.80. -- III.

 IV. Phoenissae. M. 2.80.
 V. Troades. M. 2.80.
 VI. Rhesus. M. 3.60. -- III. - III.

tragoediae. Edd. A. J. E. Pflugk. R. Klotz et N. Wecklein. (Mit latein. Kommentar.)

Medea. Ed. III. M. 1.50. — Hecuba. Ed. III. M. 1.20. — Andromacha. Ed. II. M. 1.20. - Heraclidae. Ed. II. M. 1.20. - Helena. Ed. II. M. 1.20. - Alcestis. Ed. II. M. 1.20. - Hercules furens. Ed. II. M. 1.80. - Phoenissae. Ed. II. M. 2.25. — Orestes. M. 1.20. — Iphigenia Taurica. M. 1.20. - Iphigenia quae est Aulide. M. 1.20.

Eusebii canonum epitome ex Dionysii Telmaharensis chronico petita. Verterunt notisque illustrarunt C. Siegfried et H. Gelzer. 4. M. 6 .-

Galeni de placitis Hippocratis et Platonis. Rec. I. Müller. Vol. I. Prolegg., text. Graec., adnot. crit., vers. Lat. M. 20 .-

* ---- in Hippocratis prorrheticum s. Corpus medicorum Graecorum.

*--- Pergameni de atticissantium studiis testimonia. Colleg. atque exam. G. Herbst. M. 6 .-

Gnomica I. Sexti Pythagorici, Clitarchi, Euagrii Pontici sententiae. Ed. A. Elter. gr. 4. M. 2.40.

- II. Epicteti et Moschionis sententiae. Ed. A. Elter. gr. 4. M. 1.60.

Grammatici Graeci recogniti et apparatu

critico instructi. 8 partes. 15 voll. Lex.-8. Pars I. Vol. I. Dionysii Thracis ars

grammatica. Ed. G. Uhlig. M.8 .-Pars I. Vol. III. Scholia in Dionysii Thracis artem grammaticam. Rec.

A. Hilgard. M. 36 .-

Pars II. Vol. I. Apollonii Dyscoli quae supersunt. Edd. R. Schneider und G. Uhlig. 2 Fasc. M. 26 .-

Grammatici Graeci recogniti et apparatu critico instructi. 8 partes. 15 voll. Lex.-8.

Pars II. Vol. II. Apollonii Dyscoli de constructione orationis libri quattuor. Ed G. Uhlig. M 24.-Vol. III. Librorum Apol-Pars II.

lonii deperditorum fragmm. Ed.

R. Schneider. M. 14 .-

Pars III. Vol. I. Herodiani technici reliquiae. Ed. A. Lentz. Tom.I. M.20-. Pars III. Vol. II. Herodiani technici reliquiae. Ed. A. Lentz. Tom. II.

2 Fasc. M. 34.— Pars IV. Vol. I. Theodosii canones et Choerobosci scholia in canones nominales. Rec. A. Hilgard. M. 14.-

Pars IV. Vol. II. Choerobosci scholia in canones verbales et Sophronii excerpta e Characis commentario. Rec.

A. Hilgard. M. 22 .-[Fortsetzung in Vorb.]

Herodas' Mimiamben, hrsg. v. R. Meister. Lex.-8. [Vergr. Neue Aufl. in Vorb.] Herodiani ab excessu d. Marci Il. VIII.

Ed. L. Mendelssohn. M. 6.80. - technici rell. Ed., expl. A. Lentz.

2 tomi. Lex.-8. M. 54.-

Herodots II. Buch m. sachl. Erläut. hrsg. v. A. Wiedemann. M. 12.-

Ησιόδου τὰ ἄπαντα ἐξ έρμηνείας Κ.

Σίττλ. M. 10.— Hesiodi quae fer. carmina. Rec. R. Rzach

Acc. Homeri et Hesiodi certamen. M. 18. -- Rec. A. Köchly, lect. var. subscr. G. Kinkel. Pars I. M. 5 .-

[Fortsetzung erscheint nicht.]

- Rec. et ill. C. Goettling Ed. III.

cur. I. Flach. M 6.60.

[---] Glossen und Scholien zur Hesiodischen Theogonie mit Prolegomena von J Flach. M. 8.-

Hesychii Milesii onomatologi rell. Ed. I. Flach. Acc. appendix Pseudohesychiana, indd., spec. photolithogr cod. A. M. 9 .-Hipparch, geograph Fragmente, hrsg. von

H. Berger M. 2 40 Homeri carmina, Rec. A. Ludwich. Pars I. Ilias. 2 voll Vol. I M. 16. - 18 .- Vol. IL. M 20 .- 23 .-- Pars II. Odyssea. 2 voll.

M 16 .- 20 .-- Odyssen. Ed. I. La Roche. 2 partt.

M. 13.-

- Ilias. Ed. I. La Roche. 2 partt

M. 22 .-

– Iliadis carmina seiuncta, discreta, emendata, prolegg et app. crit. instructa ed. G Christ. 2 partt. M. 16 .-

[---] D. Homer. Hymnen hrsg. u. erl. v.

A. Gemoll M 6 80

[---] D. Homer. Batrachomyomachia des Pigres nebst Scholien u. Paraphrase hrsg. u erl v A Ludwich. M 20 -

Incerti auctoris epitome rerum gestarum Alexandri Magni. Ed O Wagner. M.3.-

Inscriptiones Graecae metricae ex scriptoribus praeter Anthologiam collectae. Ed. Th. Preger. M. 8 .-

Inventio sanctae crucis. Ed. A. Holder M. 2.80

[Iohannes.] Evangelium sec. Iohannem.

Ed. F. Blass. M. 5.60. Iohannes Kamateros, είσαγωγή αστρονο-

μίας. Bearb. v. L. Weigl. M. 3.-

Iuliani II. contra Christianos: s. Scriptorum Graecorum e. q. s.

- deutsch v. J. Neumann. M.1.-Kosmas und Damian. Texte und Einleitung von L. Deubner. M. 8 .- 9.-

Kyrillos, d. h. Theodosios: s. Theodosios. Leges Graecorum sacrae e titulis coll. Edd. J. de Prott et L. Ziehen. 2 fascc. Fasc. I. Fasti sacri. Ed. J. de Prott. M. 2.80 Fasc. II. 1. Leges Graeciae et insularum. Ed. L. Ziehen. M. 12 .-

Lesbonactis Sophistae quae supersunt. Ed Fr. Kiehr. M. 2.-Lexicographi Graeci recogniti et apparatu

critico instructi. Etwa 10 Bände. gr. 8. [In Vorbereitung.]

I. Lexika zu den zehn Rednern (G. Wentzel).

II. Phrynichus, Aelius Dionysius, Pausanias und and. Atticisten (L. Cohn). III. Homerlexika (A. Ludwich).

IV. Stephanus von Byzanz.

V. Cyrill, Bachmannsches Lexikon und Verwandtes, insbesond. Bibelglossare (G. Wentzel).

VI. Photios.

VII. Suidas (G. Wentzel).

VIII. Hesych.

IX. Pollux. Ed. E. Bethe. Fasc. L. M. 14.-

X. Verschiedene Spezialglossare, mentlich botanische, chemische, medizinische u. dgl.

[Näheres s. Teubners Mitteilungen 1897 No. 1 S. 2.1

[Lucas.] Acta apostolorum. Ed. F. Blas.

[---] Evangelium sec. Lucam. F. Blas. M. 4 .-

Luciani quae feruntur Podagra et Ocypus ed. J. Zimmermann. M. 3. - 4.-

* -- quae fertur Demosthenis laudatio.

Rec. Albers. [U. d. Pr.] Lykophrons Alexandra. Hrsg., übers. u.

erklärt von C. v. Holzinger. M. 15 .-[Lysias.] Pseudol. oratio funcbris. Ed. M Erdmann. M. -. 80.

[Matthaeus.] Evangelium sec. Matthaeum.

Ed. F. Blaß. M 3.60.

Metrodori Epicurei fragmenta coll., script. inc. Epicurei comment. moralem subi. A Koerte. M 2 40.

Musãos, Hero u. Leander. Eingel. u. übers. v. H. Oelschläger. 16. M. 1 .-

Nicandrea theriaca et alexipharmaca. Rec. O. Schneider. Acc. scholia. M. 9 .-Περίπαθων excerpta ed. R. Schneider.

M. -.80

Papyri, Glessener. 3 Hefte. 1. Heft von E. Kornemann und O. Eger. M. 7 .-2. Heft von P. M. Meyer. M. 8 .-*--- Hamburger. ca. 3 Hefte. 1. Heft

von P. M. Meyer. M 8.-Papyrus magica mus. Lugd. Bat. a C. Leemans ed. denuo ed. A. Dieterich.

Papyrusurkunden: s. Urkunden.

Philodemi Epicurei de ira 1. Ed. Th. Gomperz. Lex.-8. M. 10.80.

- περί ποιημάτων l. II fragmm. Ed.

A. Hausrath. M 2 .-

Philumenos s. Corpus medicorum Graecor. Phoinix von Kolophon. Texte und Untersuchungen. Von G. A. Gerhard. M. 12 .-

[Photios.] Reitzenstein, R., der Anfang des Lexikons des Photios. M. 7 - 9.50. Pindari carmina rec. O. Schroeder. (Poet. lyr. Graec. coll. Th. Bergk. Ed. V. I, 1.)

- Siegeslieder, erkl. v. Fr. Mezger.

M. 8.-

- carmina prolegomenis et commentariis instructa ed. W. Christ. M. 14 .- 16 .-- versezetei kritikai és Magyarázó jegyzetekkel kladta Hómann Ottó. I. Kötet. M. 4 .- [Ohne Fortsetzung.]

Platonis opera omnia. Rec., prolegg. et commentt. instr. G Stallbaum. 10 voll. (21 sectiones.) (Mit latein. Kommentar.)

Die nicht aufgeführten Schriften sind

vergriffen.

Apologia Socratis et Crito. Ed. V cur. M Wohlrab. M. 2.40. — Protagoras. Ed. IV cur. I S. Kroschel. M. 2.40. -Phaedrus. Ed. II. M. 2.40. - Menexenus, Lysis, Hippias uterque, Io Ed. II. M. 2.70. - Laches, Charmides, Alcibiades I. II. Ed. II. M. 2.70. — Cratylus. M. 2.70. — Meno et Euthyphro itemque incerti scriptoris Theages, Erastae et Hipparchus. Ed. II. cur. A. R. Fritzsche. M. 6.— - Theaetetus Ed. M Wohlrab. Ed. II. M. 3.60. - Sophista. Ed. II cur. O. Apelt. M 5.60. - Politicus et incerti auctoris Minos. M. 2.70. - Philebus. M. 2.70. — Loges. 3 voll. [je M. 3.60.] M. 10.80. [Vol. I. Lib. I—IV. Vol. II. Lib. V-VIII. Vol. III. Lib. IX-XII et Epinomis.]

Timaeus interpreto Chalcidio cum eiusdem commentario Ed. I. Wrobel.

M. 11.20.

Plutarchi de musica. Ed. R. Volkmann.

M. 3.60

- de proverbiis Alexandrinorum. Rec. O. Crusius. Fasc. I. 4. M. 2.80.

Plutarchi de proverbiis Alexandrinorum. Fasc. II. Commentarius. 4. M. 3.-

Plutarchi Themistocles. Für quellenkritische Übungen comm. u. hrsg. v. A. Bauer. M. 2.-

— τὸ ἐν Δελφοῖς Ε. Ed. G. N. Ber-

nardakis. M. 1.50.

- vitae parallelae Agesilai et Pompeii. Rec. Cl. Lindskog. M. 3.60 4.40.

Poetae lyrici Graeci. Ed. V.

Vol. I. 1. Pindari carmina. Recens. O. Schröder. M. 14.-- II. Poetae eleg. et iambogr. Rec.

O. Crusius. [In Vorb.]

Poetarum scenicorum Graecorum Aeschyli, Sophoclis, Euripidis et Aristophanis fabulae et fragmenta. Rec. Guil. Dindorf. Ed. V. 4. M. 20 .-

Pollucis onomasticon. Rec. E. Bethe. (Lexicographi Graeci IX.) Fasc. I. M. 14 .-

Porphyrii quaestt. Homer. ad Iliadem pertin. rell. Ed. H. Schrader. 2 fasco. Lex.-8. M. 16.-

- ad Odysseam pertin. rell. H. Schrader. Lex.-8. M. 10.-

Ptolemaei περί κριτηρίου και ήγεμονικού lib. Rec. Fr. Hanow, gr. 4. M. 1.-

[Scylax.] Anonymi vulgo Scylacis Caryandensis periplum maris interni cum appendice. Rec. B. Fabricius. Ed. II.

Scriptorum Graecorum qui christ. impugn. relig. quae supers. Fasc. III: Iuliani imp, contra Christianos quae supers. Ed. C. I. Neumann. Insunt Cyrilli Alex. fragmm. Syriaca ab E. Nestle edita. M. 6.-

Sophoclis tragoediae et fragmm. Rec. G. Dindorf 4. M. 5.-

--- Recc. et explann. E. Wunder et N. Wecklein. 2 voll. M. 10.80.

Philoctetes. Ed. IV. M. 1.50. - Oedipus Rex. Ed. V. M. 1.50. - Oedipus Coloneus. Ed. V. M. 1.80. - Antigona. Ed. V. M. 1.50. — Electra. Ed. IV. M. 1.80. — Aiax. Ed. III. M. 1.20. — Trachiniae. Ed. III. M. 1.50.

- König Oidipus. Griechisch u. deutsch m. Kommentar von F. Ritter. M. 5 .-

Antigone. Griech. u. deutsch hrsg. v. A. Boeckh. Nebst 2 Abhandl. ub. diese Tragödie. (Mit Porträt Aug. Boeckhs.) 2. Aufl. M. 4.40.

Staatsverträge des Altertums. Hrsg. v. R. von Scala I. Teil M. 8 .-

Stoicorum veterum fragmenta. Ed. J. v. Arnim. Vol. I. M. 8.— Vol. II. M. 14.— Vol. III. M. 12.— *Vol. IV. Indices [In Vorb.]

Theodoros, der h. Theodosios: s. Theodosios.

[Theodosios.] D. heil. Theodosios. Schriften d. Theodoros u. Kyrillus, hrsg. von H. Usener. M. 4 .-

Theophanis chronographia. Rec. C. de Boor. 2 voll. M. 50 .-

Theophrasts Charaktere. Hrsg. v. d. Philol. Gesellschaft zu Leipzig. M. 6 .-Thucydidis historiae. Recens. C. Hude.

Tom. I: Libri I—IV. M. 10.— — II: Libri V—VIII. Indices. M. 12.—

de bello Peloponnesiaco II. VIII. Explann. E. F. Poppo et I. M. Stahl 4 voll. [8 sectiones.] M. 22.80. Lib. 1. Ed. III. M. 4.50. — Lib. 2.

Ed. II. M. 3.—. Lib. 8. Ed. II. M. 2. 40.

Lib. 4. Ed. II. M. 2.70. — Lib. 5.

Ed. II. M. 2.40. — Lib. 6. Ed. II. M. 2.40. - Lib. 7. Ed. II. M. 2.70. - Lib. 8. Ed. II. M. 2.70.

Tragicorum Graecorum fragmenta. Rec. A. Nauck. Ed. II. M. 26 .-

Urkunden, griechische, d. Papyrussammlung zu Leipzig. I. Band. Mit Beiträgen von U. Wilcken herausg. von L. Mitteis. Mit 2 Tafeln in Lichtdruck. 4. M. 28. -

*[----] Chrestomathie griechischer Papyrusurkunden. Von L. Mitteis u. U. Wilcken.

[U. d. Pr..]

Xenokrates. Darstellg. d. Lehre u. Sammlg. d. Fragmente. V. R. Heinze. M. 5.60. Xenophontis hist. Graeca. Rec. O. Keller. Ed. maior. M. 10.-

Xenophontis opera omnia, recensita et

commentariis instructa.

sohn. M. 10.-

De Cyri Minoris expeditione Il. VII (Anabasis), rec. R. Kühner. 2 partt. Pars I. M. 1.80. [Pars II vergr.] Oeconomicus, rec. L. Breitenbach.

M. 1.50.

Hellenica, rec. L. Breitenbach. 2 partt. M. 6.60. Pars I. Libri I et II. Ed. II. M. 1.80.

- II. Libri III-VII. M. 4.80. Zosimi historia nova. Ed. L. Mendels-

b) Lateinische Schriftsteller.

Anecdota Helvetica. Rec. H. Hagen. Lex.-8. M. 19.—

Aurelii imp. epistt.: s. Fronto, ed. Naber.

Averrois paraphrasis in 1. poeticae Aristotelis. Ed. F. Heidenhain. Ed. II. M.1.-Aviani fabulae. Ed. G. Froehner. gr. 12. M. 1.20.

[Caesar.] Polionis de b. Africo comm.: s. Polio.

Caesii Bassi, Atilii Fortunatiani de metris II. Rec. H. Keil. gr. 4. M. 1.60.

Catonis praeter libr. de re rust. quae extant. Rec. H. Jordan. M. 5 .-

- de agri cult. l., Varronis rer. rust. 11. III. Rec. H. Keil. 3 voll. M. 33.40. Vol. I. Fasc. I. Cato. M. 2.40.

I. - II. Varro. M. 6. -

- II. - I. Comm. in Cat. M. 6 .-- II. - II. Comm. in Varr. M. 8.-

- III. - I. Ind. in Cat. M. 3.-- III. - II. Ind. in Varr. M. 8.-

Catulli 1. Recensuit et interpretatus est Aem. Baehrens. 2 voll. M. 16.40.

Vol. I. Ed. II cur. K. P. Schulze. M.4.-- II. Commentarius. 2 fasce. M. 12.40.

Ciceronis, M. Tulli, ad M. Brut. orator. Rec. F. Heerdegen. M. 3.20.

*- Cato major. Ed. C. Simbeck. [InVorb.] - Paradoxa Stoicor., academic. rel. cum Lucullo, Timaeus. Ed. O. Plasberg. Fasc. I. M. 8 .- 9 .-

*— de nat. deor., de divinat., de fato. Ed. O. Plasberg. Fasc. II. M. 8.— 9.— - epistularum II. XVI. Ed. L. Mondelssohn. Acc tabulae chronolog. ab Aem. Koernero et O. E. Schmidtio confectae. M. 12.-

[Ciceronis] ad Herennium Il. VI: s. Cornificius und [Herennius].

· Q. Tullii, rell. Rec. Fr. Buecheler. M. 1.60.

Claudiani carmina. Rec. L. Jeep. 2 voll. M. 20.40.

Commentarii notarum Tironianarum, Cum prolegg., adnott. crit. et exeget. notarumque indice alphabet. Ed. Guil. Schmitz. [132 autograph. Tafeln.] Folio. In Mappe M. 40 .-

Cornifici rhetoricorum ad C. Herennium II. VIII. Rec. et interpret. est C. L. Kayser.

M. 8.-

Corpus glossarior. Latinor. a G. Loewe incohatum auspiciis Societatis litterarum regiae Saxonicae comp., rec., ed. G. Goetz. 7 voll. Lex.-8.

Vol. I. [In Vorb.]

- II. Glossae Latinograecae et Graecolatinae. Edd. G. Goetzet G. Gundermann. Acc. minora utriusque linguae glossaria. Adiectae sunt 3 tabb. phototyp. M. 20 .-

- III. Hermeneumata Pseudodositheana. Ed. G. Goetz. Acc. hermeneumata medicobotanica vetustiora. M. 22 .-

- IV. Glossae codicum Vaticani 3321, Sangallensis 912, Leidensis 67 F. Ed. G. Goetz. M. 20.-

- V. Placidi liber glossarum, glossaria reliqua. Ed. G. Goetz. M. 22.-

- VI. Thesaurus glossarum emendatarum. Conf. G. Goetz. 2 fasce. je M. 18 .-

Corpus glossarior. Latinor. a G. Loewe | Grammatici Latini ex rec. H. Keil. incohatum auspiciis Societatis litterarum regiae Saxonicae comp., rec., ed. G. Goetz.

Vol. VII Thesaurus gloss. emendatarum. Conff. G. Goetz et G. Heraeus. 2 fasce. Fasc. I. M. 24. - Fasc. II. M. 12.-

Didascaliae apostolorum fragmenta Veronensia Latina. Acc. canonum qui dic. apostolorum et Aegyptiorum reliquiae. Prim. ed. E. Hauler. Fasc. I. Praefatio, fragmenta. Mit 2 Tafeln. M. 4 .-

Ennianae poesis reliquiae. Rec. I. Vahlen. Ed. II. M. 16. - 18.-

Exuperantius, Epitome. Hrsg. v. G. Landgraf u. C. Weyman. M. -. 60.

Fragmentum de jure fisci. Ed. P. Krueger. M. 1.60.

Frontonis et M. Aurelii imp. epistulae. Rec. S. A. Naber. M. 8 .-

- Ed. H. Hauler. [In Vorb.]

Gedichte, unedierte lateinische, hrsg. von E. Bachrens. M. 1.20

Glossae nominum. Ed. G. Loewe. Acc. eiusdem opuscula glossographica coll. a G. Goetz. M. 6 .-

Grammatici Latini ex rec. H. Keil. 7 voll. Lex.-8. M. 139.20.

Vol. I. Fasc. 1. Charisii ars gramm. ex rec. H. Keil. [Vergr.]

- I. Fasc. 2. Diomedis ars gramm. ex Charisii arte gramm. excerpta ex rec. H. Keil. M. 10 .-

- II. Fasc. 1 et 2. Prisciani institutiones gramm. ex rec. M. Hertz. Vol. I. [Vergr.]

- III. Fasc. 1. Prisciani institutiones gramm. ex rec. M. Hertz. Vol. II. M. 12.-

- III. Fasc. 2. Prisciani de figuris numerorum, de metris Terentii, de praeexercitamentis rhetoricis libri, institutio de nomine et pronomine et verbo, partitiones duodecim versuum Aeneidos principalium, accedit Prisciani qui dic. liber de accentibus ex rec. H. Keil. [Vergr.]

- IV. Fasc. 1. Probi catholica, instituta artium, de nomine excerpta, de ultimis syllabis liber ad Caelestinum ex rec. H. Keil. - Notarum laterculi edente Th. Mommsen. M. 11 .-

- IV. Fasc. 2. Donati ars grammatica, Marii Servii Honorati commentarius in artem Donati, de finalibus, de centum metris, de metris Horatii, Sergii de littera, de syllaba, de pedibus, de accentibus, de distinctione commentarius, explanationes artis Donati, de idiomatibus ex rec. H. Keil. M. 8.-3

Vol. V. Fasc. 1. Cledonii ars gramm., Pompeii commentum artis Donati, excerpta ex commentariis in Donatum ex rec. H. Keil. M. 9 .-

V. Fasc. 2. Consentius, Phocas, Eutyches, Augustinus, Palaemon, Asper, de nomine et pronomine, de dublis nominibus, Macrobii excerpta ex rec. H. Keil. M. 10 .-

- VI. Fasc. 1. Marius Victorinus. Maximus Victorinus, Caesius Bassus, Atilius Fortunatianus ex rec. H. Keil. M. 9 .-

- VI. Fasc. 2. Terentianus Maurus, Marius Plotius Sacerdos, Rufinus, Mallius Theodorus, fragmenta et excerpta metrica ex rec. H. Keil. M. 14.-

-VII. Fasc.1. Scriptores de orthographia Terentius Scaurus, Velius Longus, Caper, Agroecius, Cassiodo-rius, Martyrius, Beda, Albinus ex rec.

H. Keil. M. 10.-

- VII. Fasc. 2. Audacis de Scauri et Palladii libris excerpta, Dosithei gramm., Arusiani Messii exempla elocutionum, Cornelii Frontonis liber de differentiis, fragmenta gramm., index scriptorum ex rec. H. Keil. M. 11.20.

Supplementum continens anecdota Helvetica ex rec. H. Hagen. Lex. -8. M. 19.-

[Herennius.] Incerti auctoris de ratione dicendi ad C. H. II. IV. [M. Tulli Ciceronis ad Herennium libri VI.] F. Marx. M. 14.-

Historicorum Romanorum reliquiae. Ed. H. Peter. 2 voll. M. 28.-

Horatii opera. Recc. O. Keller et A. Holder. 2 voll. gr. 8. Vol. I. Carmina, epodi, carmen saec.

Iterum rec. O. Keller. M. 12 .-[Vol. II vergr.]

- Editio minor. M. 4.-Rec. L. Mueller. - carmina.

M. 2.40 3.60.

Satiren. Kritisch hergestellt, metrisch übersetzt u. mit Kommentar versehen von C. Kirchner u. W. S. Teuffel. 2 voll M. 16.40.

- Lat. u. deutsch m. Erläuter. von L. Döderlein. M. 7 .-

- siehe auch: Satura, v. Blümner. - Episteln. Lat. u. deutsch m. Erläut. von L. Döderlein. [B. I vergr.] B. II.

M. 3.-- Briefe, im Bersmaß ber Urschrift verbeutscht von A. Bacmeister u. D. Reller. 8. M. 2.40 3.20.

Institutionum et regularum iuris Romani | Plauti comoediae. syntagma. Ed. R. Gneist. Ed. II. M. 5.20 [Iuris consulti.] Kalb, W., Roms Juristen

nach ihrer Sprache. M. 4 .-

Iuvenalis saturae. Erkl. v. A. Weidner. 2. Aufl. M. 4.40.

- -- siehe auch: Satura, v. Blümner. [Lucanus.] Scholia in L. bellum civile

ed. H. Usener. Pars I. M. 8 .- [Fortsetzung erscheint nicht.]

Lucilii carminum reliquiae. Rec. F. Marx-Vol. I.: Proleg., testim., fasti L., carm. rel., indices, tab. geogr. M. 8. - 10.60.

— Vol. II. (Komment.) M. 14. — 17.— Nepotis quae supersunt. Ed. C. Halm. M. 2.40.

Nonii Marcelli compendiosa doctrina. Emend. et adnot. L. Mueller. 2 partt. M. 32 .-

Novatiani epist. de cibis Indaicis. Hrsg. v. G. Landgraf u. C. Weyman. M. 1.20.

Optatiani Porphyrii carmina. Rec. L. Mueller. M. 3.60.

Orestis tragoedia. Ed. I. Machly. 16. M. 1.20.

Ovidii ex Ponto II. Ed. O. Korn. M. 5 .-- Elegien der Liebe. Deutsch von H. Oelschläger. 2. Aufl. Min.-Ausg. M. 2.40 3.20.

Persius, siehe: Satura, v. Blümner.

Phaedri fabulae Aesopiae. Ed. L. Müller. M. 3.—

Placidi glossae. Rec. et illustr. A. Deuerling. M. 2.80 4

Plauti comoediae. Recensuit, instrumento critico et prolegomenis auxit F. Ritscholius sociis operae adsumptis G. Loewe, G. Goetz, F. Schoell. 4 tomi.

Tom. I fasc. I. Trinummus. Rec. F. Ritschl. Ed. III cur. F. Schoell. M. 5.60.

- I fasc. II. Epidicus. Rec. G. Goetz. Ed. II. M. 4 .-

- I fasc. III. Curculio. Rec. G. Goetz. M. 2.40.

- I fasc. IV. Asinaria. Recc. G. Goetz et G. Loewe. M. 3.60.

Truculentus. - I fasc. V. Rec. F. Schoell. M. 4.80.

- II fasc. I. Aulularia. Rec. G. Goetz. M 2.40.

- II fasc. II. Amphitruo. Recc. G. Goetz et G. Loewe. M. 3.60.

- II fasc. III. Mercator. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz.

- II fasc. IV. Stichus. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz. M. 3.60.

Tom. II fasc. V. Poenulus. Recc. F. Ritschelii schedis adhibitis G. Goetz et G. Loewe. M. 5 .-

- III fasc. I. Bacchides. Rec. F Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz

- III fasc. II. Captivi. Rec. F. Schoell. M. 4.-

- III fasc. III. Rudens. Rec. F. Schoell. M. 5.60. - III fasc. IV. Pseudolus. Rec. F.

Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz. M. 5.60. - III fasc. V. Menaechmi. Rec. F.

Ritschl. Ed. II cur. F. Schoell. M. 5.60. - IV fasc. I. Casina. Rec. F. Schoell.

- IV fasc. II. Miles gloriosus. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Gootz M. 6 . -

- IV fasc. III. Persa. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. F. Schoell. M. 5.60.

- IV fasc. IV. Mostellaria. Rec. F Ritschl. Ed. II cur. F. Schoell. M. 6.-

- IV fasc. V. Cistellaria. Rec. F. Schooll. Acc. dependitarum fabularum fragmenta a G. Goetz recensita. M. 5.60.

- Ex rec. et cum app. crit. F. Ritschl. [Vergriffen außer:]

Tom. I. Pars 3. Bacchides. M. 3 .-

- III. Pars 1. Persa. M. 3.-- III. Pars 2. Mercator. M. 3.-

- Scholarum in usum rec. F. Ritschl. [Vergr. außer:] Bacchides, Stichus, Pseudolus, Persa, Mer-

cator. Einzeln je M. -. 50.

miles gloriosus. Ed. O. Ribbeck. M. 2.80.

Polemii Silvii laterculus. Ed. Th. Mommsen. Lex.-8. M. -. 80.

Polionis de bello Africo comm. Edd. E. Wölfflin et A. Miodoński. Adi. est tab. photolithograph. M. 6.80.

[Probus.] Die Appendix Probi. Hrsg. v. W. Heraeus. M. 1.20.

Psalterium, das tironische, der Wolfenbütteler Bibliothek. Hrsg. v. Kgl. Steno-graph. Institut zu Dresden. Mit Einleitung und Übertragung des tiron. Textes von O. Lehmann. M. 10 .--

Quintiliani institutionis orator. Il. XII. Rec. C. Halm. 2 partes. [Pars I vergr.] Pars II: Libb. VII-XII. M. 9 .-

Rhetores Latini minores. Ed. C. Halm. Lex.-8. 2 fasce. M. 17.-

Saliarium carminum rell. Ed. B. Maurenbrecher. [Vergr.]

Sallusti Crispl quae supersunt. Rec. Rud. Dietsch. 2 voll. [Vol. I vergr.] Vol. II: Historiarum rell. Index. M. (.20. --- historiarum fragmenta. Ed. Fr.

Kritz. M. 9 .-- historiarum rell. Ed. B. Mauren-

brecher.

Fasc. I. Prolegomena. M. 2,-

Fasc. II. Fragmenta argumentis, commentariis, apparatu crit. instructa. Acc. indices. M. 8.-

Satura. Ausgew. Satiren d. Horaz, Persius u. Juvenal in freier metr. Übertragung von H. Blümner. M. 5 .- 5.80.

Scaenicae Romanorum poesis fragmenta. Rec. O. Ribbeck. 2 voll. Ed. II. M.23 .-Vol. I. Tragicorum fragmenta. M. 9.-- II. Comicorum fragmenta. M. 14 .-

Servii grammatici qui fer. in Vergilii carmina commentarii. Recc. G. Thilo et H. Hagen. 3 voll.
Vol. I fasc. I. In Aen. I—III comm.

Rec. G. Thilo. M. 14.—
— I fasc. II. In Aen. IV—V comm. Rec. G. Thilo. M. 10 .-

- II fasc. I. In Aen. VI-VIII comm. Rec. G. Thilo. M. 10 .-

- II fasc. II. In Aen. IX-XII comm.

Rec. G. Thilo. M. 10.-- III fasc. I. In Buc. et Georg. comm.

Rec. G. Thilo. M. 10.40. - III fasc. II. App. Serviana. M. 20 .-[- III fasc. III (Indices) in Vorb.]

Staatsverträge des Altertums. Hrsg. v. B. von Scala. I. Teil. M. 8. Statii silvae. Hrsg. von Fr. Vollmer. M. 16 .-

Thebais et Achilleis cum scholiis.
Rec. O. Müller. Vol. I: Thebaidos II. I-VI. M. 8.- [Fortsetzung erscheint nicht.]

Suctoni Tranquilli opera. Rec. M. Ihm. 3 voll. Vol. I: de vita Caesarum libri VIII. [Mit 3 Tafeln.] M. 12. - 15. -

Symmachi relationes. Rec. Guil. Meyer

M. 1.60.

Syri sententiae. Rec. Guil. Meyer. M. 2.40. - Rec. E. Woelfflin. M. 3.60. Taciti de origine et situ Germanorum 1.

Rec. A. Holder. M. 2 .-

- dialogus de oratoribus. Rec. Aem. Bachrens. M. 2 .-

*Terentii comoediae. Hrsg. von M. Warren, E. Hauler und R. Knauer. [In Vorb.] [Tiro.] Comm. not. Tir. ed. Schmitz. siehe: Commentarii.

-] Das tiron. Psalterium, siehe: Psal-

terium.

Varronis saturarum Menippearum rell. Rec. A. Riese. M. 6 .-

- rerum rusticarum Il. III, rec. Keil, siehe: Cato.

- antiquitatum rer. divin. II. I. XIV. XV. XVI. Praemissae sunt quaestt. Varr. Ed. R. Agahd. M. 9.20.

- de lingua latina. Edd. G. Götz et

Fr. Schöll. M. 10 .- 12.50.

Vergilii Maronis opera app. crit. in artius contracto iterum rec. O. Ribbeck. IV voll. M. 22.40.

Vol. I. Bucolica et Georgica. M. 5.— — II. Aeneidos libri I—VI. M. 7.20. - III. Aeneidos libri VII-XII. M. 7.20. - IV. Appendix Vergiliana. M. 3 .-

- -- Ed. I. [Vergriffen außer:]

Vol. III. Aeneidos lib. VII-XII. M. 8 .-- IV. Appendix Vergiliana. M. 5 .-- Jugendverse und Heimatpoesie Vergils. Erklärung des Catalepton. Theodor Birt. M. 3.60 4.20.

[---] Scholia Bernensia ad Vergilii Buc. et Georg. Ed. H. Hagen. M. 6 .-Volusii Maeciani distributio partium.

Ed. Th. Mommsen. M. - . 30.

4. Meisterwerke der Griechen und Römer in kommentierten Ausgaben. [gr. 8.]

Die Ausgaben beabsichtigen, nicht nur den Schülern der oberen Gymnasialklassen, sondern auch angehenden Philologen sowie Freunden des klassischen Altertums, zunächst zu Zwecken privater Lektüre, verläßliche und die neuesten Fortschritte der philologischen Forschung verwertende Texte und Kommentare griechischer und lateinischer, von der Gymnasiallekture selten oder gar nicht berücksichtigter Meisterwerke darzubieten.

- I. Aischylos' Perser, von H. Jurenka. 2 Hefte. M. 1.40.
- II. Isokrates' Panegyrikos, von J. Mesk. 2 Hefte. M. 1.40.
- III. Auswahl a. d. röm. Lyrikern (m. griech. Parallel.), von H. Jurenka. 2 Hft. M. 1.60.
- IV. Lysias? Reden geg. Eratosthenes und üb. d. Olbaum, von E. Sewera. 2 Hefte. M. 1.20.
- V. Ausgewählte Briefe Ciceros, von E. Gschwind. 2 Hefte. M. 1.80.
- VI. Amor und Psyche, ein Märchen des Apuleius, von F. Norden. 2 Hefte. M. 1.40.

- VII. Euripides, Iphigenie in Aulis, von K. Busche. 2 Hefte. M. 1.40.
- VIII. Euripides, Kyklops, v. N. Wecklein. 2 Hefte. M. 1 .-IX. Briefe des jüngeren Plinius, von

R.C. Kukula. 2. Aufl. 2 Hefte. M.2.20.

- X. Lykurgos' Rede gegen Leokrates, von E. Sofer. 2 Hefte. M. 1.80.
- XI. Plutarchs Biographie des Aristeides, von J. Simon. 2 Hefte. M. 1.60.
- XII. Tacitus' Rednerdialog, v. R. Dienel. 2 Hefte. M. 2 .-

5. B. G. Teubners Schulausgaben griechischer und lateinischer Klassiker mit deutschen erklärenden Anmerkungen. [gr. 8.]

Bekanntlich zeichnen diese Ausgaben sich dadurch aus, daß sie das Bedürfnis der Schule ins Auge fassen, ohne dabei die Ansprüche der Wissenschaft unberücksichtigt zu lassen. Die Sammlung enthält fast alle in Schulen gelesenen Werke der klassischen Schriftsteller.

a) Griechische Schriftsteller.

- Aeschylus' Agamemnon. Von R. Enger. 3. Aufl., von Th. Plus. M. 2.25 2.75.
- Perser. Von W. S. Teuffel. 4. Aufl., von N. Wecklein. M. 1.50 2 .-
- Prometheus. Von N. Wecklein. 3. Aufl. M. 1.80 2.25.
- --- Von L. Schmidt. M. 1.20.
- die Sieben geg. Theben. Von N. Wecklein. # 1.20 1.50.
- lein. M. 1.60 2 .-
- Orestie. Von N. Wecklein. M. 6 .-Daraus einzeln: I. Agamemnon. II. Die III. Die Eumeniden. Choephoren. je M. 2 .-
- Aristophanes' Wolken. Von W. S. Teuffel. 2. Aufl., von O. Kaehler. M. 2.70 3.20.
- Aristoteles, der Staat der Athener. Der historische Hauptteil (Kap. I-XLI). Von K. Hude. M. -. 60 -. 85.
- Arrians Anabasis. Von K. Abicht. 2 Hefte. I. Heft. L. I-III. M. Karte. M. 1.80 2.25. II. Heft. L. IV-VII. M. 2.25 2.75. M. 4.05 5 .-
- Demosthenes' ausgewählte Reden. C. Rehdantz u. Fr. Blas. 2 Teile. M. 6.60 8.55.
 - I. Teil. A. u. d. T.: IX Philipp. Reden. 2 Hefte. M. 4.70 6.05.
 - Heft I: I-III. Olynthische Reden. IV. Erste Rede geg. Philippos. 9. Aufl., von K. Fuhr. M. 1.40 1.80.

- Demosthenes' ausgewählte Reden.
 - Heft II. Abt.1: V. Rede über den Frieden. VI. Zweite Rede gegen Philippos. VII. Hegesippos' Rede über Halonnes. VIII. Rede über die Angelegenheiten im Cherrones. IX. Dritte Rede gegen Philippos. 6. Auft., von Fr. Blas. M 1.50 2 .-
 - II. Abt. 2: Indices. 4. Aufl., von Fr. Blas. M. 1.80 2.25.
 - II. Teil. Die Rede vom Kranze. 2. Aufl. Von K. Fuhr. M. 2.40 2.90.
- die Schutzflehenden. Von N. Weck- Euripides' ausgewählte Tragödien. Von
 - N. Wecklein. I. Bdch. Medea. 4. Aufl. M. 1.80 2.25. II. Bdch. Iphigenia im Taurierland.
 - 3. Aufl M. 1.60 2.10. III. Bdch. Die Bacchen.
 - M. 1.60 2.10. IV. Bdch. Hippolytos. 2. Aufl. M. 1.80
 - 2.25.

 - V. Bdch. Phönissen. M. 1.80 2.25.
 VI. Bdch. Electra. M. 1.40 1.80.
 VII. Bdch. Orestes. M. 1.60 2.—
 VIII. Bdch. Helens. M. 1.60 2.—
 - *IX. Bdch. Andromache. M. 1.60 2.— *X. Bdch. Ion. [In Vorb.] Herodotos. Von K. Abicht. 5 Bände.
 - 5 Bände. M. 12.50 16 .-
 - Band I. Heft 1. Buch I nebst Einleitung u. Übersicht über den Dialekt. 5. Aufi. M. 2.40 2.90.
 - Band I. Heft 2. B. II. 3. A. M. 1.50 2 .-- II. Heft 1. B. III. 3. A. M. 1.50 2.-
 - II. Heft 2. B. IV. 3. A. M. 1.50 2.-
 - III. B. V u. VI. 4. A. M. 2. 2.50 - IV. B.VII. M. 2 K. 4. A. M. 1. 80 2.30 - V. Buch VIII u. IX. Mit 2 Karten.
 - 4. Aufl. M. 1.80 2.30.

Homers Ilias, erklärt von J. La Roche. [Lyriker.] Anthologie a. d. Lyrikern der 6 Teile.

Teil I. Ges. 1- 4. 3. Aufl. M. 1.50 2.-- II. Ges. 5- 8. 3. Aufl. M. 1.50 2.-

- III. Ges. 9-12. 3. Aufl. M. 1.50 2.-- IV. Ges. 13-16. 3. Aufl. M. 1.50 2. -

V. Ges. 17—20. 2. Aufl. [Vergr.]
VI. Ges. 21—24. 2. Aufl. [Vergr.]

--- Von K. Fr. Ameis u. C. Hentze. 2 Bände zu je 4 Heften.

Band I. H. 1. Ges. 1- 3. 6. A. M. 1.20 1.70

— I. H. 2. Ges. 4— 6. 6. A. M. 1.40 1.80 I. H. 1/2 zusammen in 1 Band M. 3.20 I. H. 3. Ges. 7- 9. 5. A. M. 1. 60 2.-

1. H. 4. Ges. 10-12. 5. A. M. 1. 20 1.70 - I. H. 3/4 zusammen in 1 Band M. 3.40 - II. H. 1. Ges. 13-15. 4. A. M. 1.20 1.70

H. H. 2. Ges. 16-18. 4. A. M 1.40 1.80 II. H. 1/2 zusammen in 1 Band M. 3.20 - II. H. 3. Ges. 19-21, 4. A. M. 1. 20 1.70

- II. H. 4. Ges. 22-24. 4. A. M. 1. 60 2.20 - II. H. 3/4 zusammen in 1 Band M. 3.50

- Anhang. 8 Hefte.

Heft 1. Ges. 1- 3. 3. Aufl. M. 2.10 2.60 - 2. Gos. 4- 6. 2. Aufl. M. 1.50 2.-3. Ges. 7- 9. 2. Aufl. M. 1.80 2.30

4. Ges. 10—12. 2. Aufl. M. 1.20 1.70 5. Ges. 13—15. 2. Aufl. M. 1.80 2.30

6. Ges. 16-18. 2. Aufl. M. 2.10 2.60 7. Ges. 19-21. M. 1.50 2.-

8. Ges. 22-24. M. 1.80 2.30

- Odyssee. Von K. Fr. Ameis und C. Hentze. 2 Bände.

Band I. H. 1. Ges. 1-6. 12. A. M. 1.80 2.30 - I. H. 2. Ges. 7-12. 11. A. M. 1.80 2.30

I. H. 1/2 zusammengeb. M. 4.20 *- II. H. 1. Ges. 13-18. 9. A. v. P. Cauer. M. 1.60 2 .-

- II. H. 2. Ges. 19-24. 10. A. v. P. Cauer. M. 1.80 2.30.

II. H. 1/2 zusammengeb. M. 3.60

- Anhang. 4 Hefte.

Heft 1. Ges. 1- 6. 4. Aufl. M. 1.50 2.-- 2. Ges. 7-12. 3. Aufl. M. 1.20 1.70 - 3. Ges. 13-18. 3. Aufl. M. 1.20 1.70

- 4. Ges. 19-24. 3. Aufl. M. 2.10 2.60

Isokrates' ausgewählte Reden. Von O. u.M. Schneider. 2 Bändchen. M. 3. - 3.95. I. Bändchen. Demonicus, Euagoras,

Areopagiticus. 3. Aufl., v. M. Schneider. M. 1.20 1.70.

II. Bändchen. Panegyricus u. Philippus. 3. Aufl. M. 1.80 2.25.

Lucians ausgewählte Schriften. Von C. Jacobitz. 3 Bändchen.

I. Bändchen, Traum. Timon. Prometheus. Charon. 4. Aufl., von K. Bürger. M. 1.50 2. [2. u. 3. Bdch. vergr.]

Lykurgos' Rede gegen Leokrates. C. Rehdantz. M. 2.25 2.75.

Griechen. Von E. Buchholz. 2 Bdchn. M. 4.20 5,20.

I. Bändchen. Elegiker u. Iambographen 6. Aufl., von R. Peppmüller M. 2.10 2.60.

II. Bändchen. Die melischen und chorischen Dichter. 5. Aufl., von J. Sitzler. M. 2.10 2.60.

Lysias' ausgew. Reden. Von H. Frohborger. Kleinere Ausg. 2 Hefte.

I. Heft. Prolegomena. - R. gegen Eratosthenes. — R. geg. Agoratos. — Verteidigung gog. die Anklage wegen Umsturzes der demokratischen Verfassung. — R. f. Mantitheos. — R. geg. Philon. 3. Aufl., v. Th. Thalheim. M. 1.80 2.25.

II. Heft. Reden gegen Alkibiades. -R. geg. Nikomachos. — R. üb. d. Vermögen d. Aristophanes. - R. üb. d. Olbaum. - R. geg. die Kornhändler. - R. geg. Theomnestos. - R. f. d. Gebrechlichen. — R. geg. Diogeiton. 2. Auflage, von Th. Thalheim. M 1.80 2.25.

- Größere Ausgabe. 3 Bände. [Bd. II u. III vergr.]

I. Bd. R. geg. Eratosthenes, Agoratos. Verteidigung geg. die Anklage weg. Umsturzes d. Verfassung. 2. Aufl., von G. Gebauer. M. 4.50.

Platons ausgew. Schriften. Von Chr. Cron. J. Deuschle u. a.

I. Teil. Die Verteidigungsrede d. Sokrates. Kriton. Von Chr. Cron. 11. Aufl., von H. Uhle. M. 1. - 1.40. II. Teil. Gorgias. Von J. Deuschle.

5. Aufl., von W. Nestle. M. 2.10 2.60. III. Teil. 1. Heft. Laches. Von Chr.

Cron. 5. Aufl. M. -. 75 1.20. III. Teil. 2. Heft. Euthyphron. Von M. Wohlrab. 4. Aufl. M. - . 60 - . 90.

IV. Teil. Protagoras. Von J. Deuschle u. Chr. Cron. 6. Aufl. v. W. Nestle M. 1.60 2.-

V. Teil. Symposion. Von A. Hug. 3. Aufl. von H. Schöne. M. 2.40 3.-

VI. Teil. Phaedon. Von M. Wohlrab. 4. Aufl. M. 1.60 2.10.

VII. Teil. Der Staat. I. Buch. Von M. Wohlrab. M. -. 60 -. 90.

*VIII. Teil. Hippias maior. Ed.W. Zilles. [In Vorb.]

Plutarchs ausgew. Biographien. Von O. Siefert und Fr. Blaß. 6 Bändchen. M. 6.90 9.60.

I. Bändchen. Philopoemen u. Flamininus. Von O. Siefert. 2. Aufl., von Fr. Blas. M. -. 90 1.30.

Plutarchs ausgew. Biographien. Von O. Thukydides. Von G. Böhme u. S. Wid-Siefert und Fr. Blaß.

II. Bändchen. Timoleon u. Pyrrhos. Von O. Siefert. 2. Aufl., von Fr. Blaß. M. 1.50 2 .-

III. Bändchen. Themistokles u. Perikles. Von Fr. Blaß. 3. Aufl., v. B. Kaiser. M. 1.80 2.25.

IV. Bändchen. Aristides u. Cato. Von Fr. Blaß. 2. Aufl. M. 1.20 1.70. V. u. VI. Bändchen. [Vergr.]

Quellenbuch, histor., zur alten Geschichte. I. Abt. Griechische Geschichte. Von W. Herbst und A. Baumeister. 3. Aufl. 1. Heft. [Vergr.] 2. Heft. M. 1.80 2,30.

Sophokles. Von G. Wolffund L. Bellermann.

I. Teil. Aias. 5. Aufl. M. 1.50 2.-II. - Elektra. 4. Aufl. M. 1.50 2.-

III. - Antigone. 6. Aufl. M. 1.50 2.-IV. - König Oidipus, 5. Aufl. M. 1.60 2.-V. - Oidipus auf Kolonos. [Vergr.]

Supplementum lect. Graecae. Von C. A. J. Hoffmann. M. 1.50 2 .--

Testamentum novum Graece. Von Fr. Zelle. 5 Teile.

I. Evangelium d. Matthäus. Von Fr. Zelle 1.80 2.25.

IV. Evangelium d. Johannes. Von B. Wohlfahrt. M. 1.50 2 .-

V. Apostelgeschichte. Von B. Wohlfahrt. M. 1.80 2.25. [Teil II u. III in Vorb.]

Thukydides. Von G. Böhme u. S. Widmann. 9 Bändehen. M. 11. - 15.40. 1. Bdchn. 1. Bch. 6. Aufl. M. 1.20 1.70.

2. - 6. - M.1.20 1.70.2.7 3. — 5. — 4. — 5. — M. 1.20 1.70.

M. 1.20 1.70.

mann.

 Bdchn. 5. Bch. 5. Aufl. M. 1.20 1.70. 6. — 6. — M.1.20 1.70. 7. — 6. — *M.* 1.40 1.80.

8. 8. — 5. — M. 1.20 1.70. 9. Bdchn. Einleitung u. Register. 5. Aufl. M. 1.20 1.70.

Xenophons Anabasis. Von F. Vollbrecht. Ausgabe m. Kommentar unter d. Text. I. Bdchn, B. I. II. 10. Aufl, M. 2 Figurentaf. u. 1 Karte. M. 1.40 2 .-

II. B. III. IV. 9. u. 8. Aufl. M. - . 90 1.20.

Ш. B. V-VII. 8. Aufl. M. 1.60 2.__ - B. I-IV. Text u. Kom.

mentar getrennt. Text. M. e. Übersichtskarte. M. - .90

1.20. Kommentar. Mit Holzschnitten und

Figurentafeln. M. 1.35 1.80. Kyropädie. Von L. Breitenbach. 2 Hefte. je M. 1.50 2 .--

I. Heft. Buch I-IV. 4. Auflage, von B. Büchsenschütz.

Buch V-VIII. 3. Aufl. - griech. Geschichte. Von B. Büchsenschütz. 2 Hefte.

I. Heft. Buch I-IV. 7. Aufl. M. 2 .- 2.40. II. - Buch V-VII. 5. Aufl. M. 1.80 2.20.

- Memorabilien. Von Raph. Kühner. 6. Aufl., von Rud. Kühner. M. 1.60 2.20.

-Agesilaos. Von O. Güthling. M.1.50 2.-- Anabasis u. Hellenika in Ausw. Mit Einleitung, Karten, Plänen u. Abbild. Text und Kommentar. Von G. Sorof. 2 Bdchn.

I. Bdchn. Anab. Buch 1-4. Text. M. 1.20 1.50.

Kommentar. M. 1.20 1.50. Anab. Buch 5-7 u. Hellenika. Text. M. 2. - 2.20. Kommentar. M. 1.40 1.60.

b) Lateinische Schriftsteller.

Caesaris belli Gallici libri VII und Hirtii liber VIII. Von A. Doberenz. 9. Aufl., von B. Dinter. 3 Hefte. M. 2.55 4 .-

I. Heft Buch I-III. M. Einleit, u. Karte v. Gallien. M. -. 90 1.40.

Buch IV-VI. M. -. 75 1.20.

III. - Buch VII u. VIII u. Anhang. M. -. 90 1.40.

--- commentarii de bello civili. Von A. Doberenz. 5. Aufl., von B. Dinter M. 2.40 2.90.

Ciceronis de oratore. Von K. W. Piderit. 6. Aufl., von O. Harnecker. 3 Hefte. M. 4.80 6.25.

I. Heft. Einleit: u. Buch I. M. 1.80 2.25.

П. — Buch II. M. 1.50 2 .-Buch III. M. Indices u. Register

z. d. Anmerkungen. M. 1.50 2.-Aus Heft III besonders abgedruckt:

Erklär. Indices u. Register d. Anmerkgn. M. -. 45.

- 5. Aufl., von Fr. Th. Adler. In 1 Band. M. 4.50.

- K. W. Piderit. S. Aufl., von W. Friedrich. M. 2.25 2.75.
- orator. Von K. W. Piderit. 2. Aufl. M. 2. - 2.60.
- -- partitiones oratoriae. Von K. W. Piderit. M. 1 .- 1.40.
- Rede f. S. Roscius. Von Fr. Richter u. A. Fleckeisen. 4. Aufl., von G. Ammon. M. 1.- 1.40.
- div. in Caecilium. Von Fr. Richter. 2. Aufl., von A. Eberhard. M. -. 45 -. 80.
 - Reden gegen Verres. IV. Buch. Von Fr. Richter u. A. Eberhard. 4. Aufl. von H. Nohl. M. 1.50 2 .-
- V. Buch. Von Fr. Richter. 2. Aufl., von A. Eberhard. M. 1.20 1.70.
- --- Rede üb. d. Imperium d. Cn. Pompejus. Von Fr. Richter. 5. Aufl., von A. Eberhard. M. -. 75 1.20.
- Reden g. Catilina. Von Fr. Richter. 6. Aufl., von A. Eberhard. M. 1. - 1.40.
- Rede f. Murena. Von H. A. Koch. 2. Aufl., von G. Landgraf. M. - . 90 1.30.
- Rede f. Sulla. Von Fr. Richter. 2. Aufl., von G. Landgraf. M. —. 75 1.20.
- Rede f. Sestius. Von H. A. Koch. 2. Aufl., von A. Eberhard. [Vergriffen.]
- Rede f. Plancius. Von E. Köpke. 3. Aufl., von G. Landgraf. M. 1.20 1.70.
- Redef. Milo. V.Fr.Richteru.A.Eberhard. 5. Aufl., von H. Nohl. M. 1.20 1.60.
- I. u. II. Philipp. Rede. Von H. A. Koch. 3. Aufl., v. A. Eberhard. M. 1.20 1.70.
- I., IV. u. XIV. Philipp. Rede. Von E. R. Gast. M. -. 60 -- 90.
- Reden f. Marcellus, f. Ligarius u. f. Delotarus. Von Fr. Richter. 4. Aufl., von A. Eberhard. M. 1.20 1.70.
- Rede f. Archias. Von Fr. Richter u. A. Eberhard. 5. Aufl., von H. Nohl. M. -.50 -.80.
- Rede f. Flaccus. Von A. du Mesnil. M. 3.60 4.10.
- ausgew. Briefe. Von J. Frey. 6. Aufl. M. 2.20 3 .-
- Tusculanae disputationes.
 - Heine. 2 Hefte. *I. Heft. Buch I. II. 5. Aufl., v. Pohlenz.
 - [In Vorb.] II. - Buch III-V. 4. Aufl. M. 1.65 2.15.
- Cato maior. Von C. Meißner. 5. Aufl., von Landgraf. M. - . 60 1 .-
- somnium Scipionis. Von C. Meißner. 5. Aufl., von G. Landgraf. M. -.50 -.80.

- Ciceronis Brutus de claris oratoribus. Von | Ciceronis Laelius. Von C. Meißner. 2. Aufl. M. -. 75 1.20.
 - de finibus bon. et mal. Von H. Hoistein. [Vergr.]
 - de legibus. Von A. du Mesnil M. 3.90 4.50.
 - de natura deorum. Von A. Goethe. M. 2.40 2.90.
 - -] Chrestomathia Ciceroniana. Ein Lesebuch f. mittlere u. obere Gymnasialklassen. Von C. F. Lüders. 3. Aufl., bearb. v. O. Weißenfels. Mit Titelbild. M. 2.80.
 - -] Briefe Ciceros u. s. Zeitgenossen. Von O. E. Schmidt. I. Heft. M. 1 .-- 1.40. Cornelius Nepos, siehe: Nepos.
 - Curtius Rufus. Von Th. Vogel und A. Weinhold. 2 Bändchen.
 - I. Bd. B. III-V. 4. A. M. 2.40 2.80. II. - B. VI-X. 3. A. M. 2.60 3.20. -: s. a. Orationes sell.
 - [Elegiker.] Anthologie a. d. El. der Römer. Von C. Jacoby. 2. Aufl. 4 Hft. M. 3.50 5.10.
 - 1. Heft: Catull. M. -. 90 1.30. 2. Heft: Tibull. M. -. 60 1.-
 - 3. Heft: Properz. M. 1.- 1.40.
 - 4. Heft: Ovid. M. 1.- 1.40. *Horaz, Oden u. Epoden. Von C.W.Nauck.
 - 17. Aufl., v. O. Weißenfels. ca. M. 2.25 2.75. [U. d. Pr.]
 - [--] Auswahl a. d. griech. Lyrik z. Gebrauch b. d. Erklärg. Horaz. Oden, von Großmann. M. -. 15.
 - Satiren und Episteln. Von G. T. A. Krüger. 2 Abteilungen. *I. Abt. Satiren. 16. Aufl., v. G. Krüger.
 - M. 1.80 2.30. II. - Episteln. 15. Aufl., v. G. Krüger.
 - M. 2. 2.50.
 - Sermonen. Von A. Th. Fritzsche 2 Bände. M. 4.40 5.40.
 - I. Bd. Der Sermonen Buch I. M. 2.40 2.90. II. - Der Sermonen Buch II. M.2. - 2.50.
 - Livii ab urbe condita libri.
 - Lib. 1. Von M. Müller. 2. Aufl. M. 1. 50 2 .-Lib. 2. Von M. Müller. 2. Aufl. von W. Heraeus. M. 1.50 2 .-
 - Lib. 3. Von F. Luterbacher. M.1.201.70. Lib. 4. Von F. Luterbacher. M.1.201.70.
 - Lib. 5. Von F. Luterbacher. M.1.201.70. Lib. 6. Von F. Luterbacher. M.1.201.70.
 - Lib. 7. Von F. Luterbacher. M.1.201.70.
 - Jib. 8. Von F. Luterbacher. M.1.201.70. Lib. 9. Von F. Luterbacher. M.1.201.70.
 - Lib. 10. Von F. Luterbacher. M.1.201.70. Lib. 21. Von E. Wölfflin. 5. Aufl. M. 1.20 1.70.
 - Lib. 22. Von E. Wölfflin. 4. Aufl. M. 1. 20 1.70.
 - Lib. 23. Von F. Luterbacher. 2. Aud M 1.20 1.70.

Livii ab urbe condita libri.

Lib. 24. Von H. J. Müller. 2. Aufl. M. 1.35 1.80.

Lib. 25. Von H. J. Müller. # 1.20 1.70.
Lib. 26. Von F. Friedersdorff. # 1.20

1.70. Lib. 27. Von F. Friedersdorff. M. 1.20

1.70. Lib. 28. Von F. Friedersdorff. M. 1.20

1.70. Lib. 29. Von F. Luter bacher. M.1.201.70.

Lib. 30. Von F. Luterbacher. M1.201.70. Nepos. Von J. Siebelis - Jancovius.

Nepos. Von J. Siebelis - Jancovius. 12. Aufl., von O. Stange. Mit 3 Karten. M. 1.20 1.70.

— Von H. Ebeling. M. —. 75.

— Ad historiae fidem rec. et usui scholarum accomm. Ed. E. Ortmann. Editio V. M. 1.— 1.40.

Ovidii metamorphoses. Von J. Siebelis u. Fr. Polle, 2 Hefte. Bearb. v. O. Stange. je £ 1.50 2.— Zus. in einem Band £ 4.— I. Heft. Buch I.—IX. 18. Aufl. MitKarte. *II. — Buch X.—XV. 15. Aufl.

--- fastorum libri VI. Von H. Peter.

2 Abteilungen.

I. Abt. Text u. Kommentar. 4. Aufl. M. 2.80 3.20.

II. — Krit. u. exeget. Ausführungen. 3. Aufl. M. — 90 1.30.

— ausgew. Gedichte m. Erläut. für den Schulgebr. Von H. Günther. M. 1.50 2.-

Phaedri fabulae. Von J. Siebelis und F. A. Eckstein. 6. Aufl., v. Fr. Polle. M. -. 75 1.20.

Plautus' ausgewählte Komödlen. Von E. J. Brix. 4 Bdchn.

I. Bdchn. Trinummus. 5. Aufl., von M. Niemeyer. £1.60 2.— II. — Captivi. 6. Aufl., von M. Nie-

meyer. M. 1.40 1.80.

III. — Menachan A. Auflage, von

M. Niemeyer. M.1.—1.40.

IV. — Miles gloriosus. 3. Auflage.

M. 1.80 2.30.

Plinius' d. J. ausgewählte Briefe. Von A. Kreuser. M. 1.50 2.—

Quellenbuch, histor., zur alten Geschichte. II. Abt. Römische Geschichte. Von A. Weidner. 2. Aufl. 1. Heft M. 1.80 2.30. 2. Heft. M. 2.40 3.— 3. Heft. M. 2.70 3.30.

Quintiliani institut. orat. liber X. Von G. T. A. Krüger. 3. Aufl., von G. Krüger. M. 1.— 1.40.

Sallusti Crispi bell. Catil., bell. Iugurth., oratt. et epist. ex historiis excerptae. Von Th. Opitz. 3 Hefte. M. 2.50 3.20. I. Heft: Bellum Catilinae. 2. Auf.

M. —. 60 1.—

II. — Bellum Iugurthinum. 2. Aufl.
 M. 1.— 1.40.
 III. — Reden u. Briefe a. d. Historien.

M. -. 45 -. 80.
Tacitus' Historien. Von K. Heraeus.

Tacitus' Historien. Von K. Heraeus. 2 Teile. M. 4.30 5.40.

I. Teil. Buch I u. II. 5. Aufl., von W. Heraeus. M. 2.20 2.80.

II. — Buch III—V. 4. Auflage, von W. Heraeus. M. 2.10 2.60.
Annelon, Von A. Draeger, 9 Physics

—— Annalen. Von A. Draeger. 2 Bände. M. 5.70 7.50.

I. Band. 1. Heft. (Buch 1 u. 2.) 7. Aufl., von W. Heraeus. £ 1.50 2.— 2. Heft. [Buch 3—6.] 6. Aufl., von F. Becher. £ 1.50 2.—

II. — 2 Hefte: Buch XI—XIII. Buch XIV—XVI. 4. Aufl., von F. Becher. je M. 1.35 1.75.

von W. Heraeus. M. -. 80 1.20.

dialogus de oratoribus. Von G. Andresen. 3. Aufl. M. —. 90 1.30.
 Germania. Von E. Wolff. 2. Aufl.

M. 1.40 1.80.

Terentius, ausgewählte Komödien. Von C. Dziatzko.

*I. Bändchen. Phormio. 4. Aufl., von E. Hauler. ca. M. 2.40 2.90. [U. d. Pr.]

II. — Adelphoe. 2. Aufl., von R. Kauer. *M*. 2.40 2.90.

Vergils Aeneide. Von K. Kappes. 4 Hefte I. Heft. Buch I—III. 6. Aufl., v.M. Fickel-

Scherer. M. 1.40 1.90.

II. — Buch IV, V. 4. Aufl., VI 5. Aufl.
von E. Wörner. 3 Abt. je
M. — 50 — 80.

II. — Buch IV—VI (4. Aufl.) in 1 Band

M. 2.—

111. — Buch VII—IX. 8. Aufl. M. 1.20

IV. — Buch X, XI, XII. 3. Aufl., von M. Fickelscherer. 3 Abt. je M. —.50 —.80.

IV. — Buch X—XII. 3. Aufl. 3 Abt. in 1 Band. M. 2.—

6. Schultexte der "Bibliotheca Teubneriana". [gr. 8. geb.]

Die Schultexte der "Bibliotheca Teubneriana" bieten in denkbar bester Ausstattung zu wohlfeilem Preise den Zwecken der Schule besonders entsprechende, in keiner Weise aber der Tätigkeit des Lehrers vorgreifende, unverkürzte und zusatzlose Texte. Sie geben daher einen auf kritischer Grundlage ruhenden, aber aller kritischen Zeichen sich enthaltenden, in seiner inneren wie äußeren Gestaltung vielmehr in haltliche Gesichtspunkte zum Ausdruck bringenden 'lesbaren' Text Die Schultexte enthalten als Beigaben eine Einleitung, die in abrißartiger Form das Wichtigste über Leben und Werke des Schriftstellers sowie über sachlich im Zusammenhange Wissenswertes bietet; ferner gegebenenfalls eine Inhaltsabersicht oder Zeittafel (jedoch keine Dispositionen) sowie ein Namenverzeichnis, das außer geographischen und Personennamen auch sachlich wichtige Ausdrücke enthält, bzw. kurz erklärt.

Von Th. Thalheim. M. 1 .-Herodot B. I-IV. Von A. Fritsch. M.2.40.

- B. V-IX. Von A. Fritsch. M. 2 .-Lysias' ausgew. Reden. Von Th. Thalheim. M. 1 .-

Thukydides B. I-III. Von S. Widmann.

M. 1.80.

Einzeln: Buch I, Buch II. je M. 1 .-B. VI -VIII. Von S. Widmann. M. 1.80.

Xenophons Anabasis. Von W. Gemoll.

3. Aufl. M. 1.60.

- - Buch I-IV. M. 1.10.

- Memorabilien, Von W. Gilbert, M1.10.

Caesar de bello Gallice. Von J. H. Schmalz. M. 1.20.

Ciceros Catilinar. Reden. Von C. F. W. Müller. M. -.55.

- Rede üb. d. Oberbefehl des Cn. Pompeius. Von C. F. W. Müller. M. -.55.

Demosthenes' neun Philippische Reden. Ciceros Rede f. Milo. Von C. F.W. Müller.

- Rede für Archias. Von C. F.W. Müller.

- Rede für Roscius. Von G. Landgraf. M. -.60.

- Reden geg. Verres. IV. V. Von C. F. W. Müller. M. 1 .-

Horaz. Von G. Krüger. M. 1.80.

Livius Buch I u. II (u. Auswahl a. Buch III u. V). Von K. Heraeus. M. 2 .-

- Buch XXI-XXIII. Von M. Müller. M 1.60.

Ovids Metamorphosen in Auswahl. O. Stange. M. 2 .-

Sallusts Catilinar. Verschwörung. Th. Opitz. M. -.55.

- Jugurthin. Krieg. Von Th. Opitz, M. -.80.

Beides zusammengeb. M. 1.20.

Vergils Aneide. Von O. Güthling. M. 2 .-

7. Verschiedene Ausgaben für den Schulgebrauch.

[Lyrik.] Lyricorum Graecorum carmina quae ad Horatium pertinent, selecta iterum edidit Adolfus Großmann. M. -. 15.

*Opitz, Th., u. A. Weinhold, Chrestomathie aus Schriftstellern der sogenannten silbernen Latinität. M. 3.60.

Auch in 5 Heften: Heft I. 2. Aufl. M. 1.20. Heft II A 2. Aufl. M. -. 50, Heft II B 2. Aufl. M. -. 40, *Heft III -. 60 1.-, *Heft IV 2. Aufl. 1.-, *Heft V -. 60 1.-

Heft I. Suetonius, Velleius und Florus. III. Heft. Plinius d. A. und Vitruvius

- II A. Tacitus, Iustinus, Curtius, Valerius IV. - Seneca und Celsus. - II B. Plinius d. J. [Maximus. V. - Quintilianus.

*Tirocinium poeticum. Erstes Lesebuch aus lateinischen Dichtern. Zusammengestellt und mit kurzen Erläuterungen versehen von Johannes Siebelis. 19. Auflage, von Otto Stange. M. 1.20. Mit Wörterbuch von A. Schaubach. M. 1.60.

wahl für die Schule nebst einer Einleitung in die Schriftstellerei Ciceros und in die alte Philosophie von Prof. Dr. O.Weißen fels. Mit Titelbild. M 2 .- 2.60.

Ciceros philosophische Schriften. Aus- Ciceros rhetorische Schriften. Auswahl für die Schule nebst Einleitung und Vorbemerkungen von Prof Dr. O. Weißenfels. M 1.80 2.40.

Beide Sammlungen erschienen auch in 7 bzw. 3 Einzelheften.

8. B. G. Teubners Schülerausgaben griech. u. lat. Schriftsteller.

[gr. 8. geb.]

Jedes Bändchen zerfällt in 3 Hefte:

- 1. Text enthält diesen in übersichtlicher Gliederung, mit Inhaltsangaben über den Hauptabschnitten und am Rande, nebst den Karten und Plänen;
- Hilfsheft enthält die Zusammenstellungen, die die Verwertung der Lektüre unterstützen sollen, nebst den erläuternden Skizzen und Abbildungen;
- Kommentar enthält die fortlaufenden Erläuterungen, die die Vorbereitung erleichtern sollen.
- 2/3. als Erklärungen auch zusammengebunden erhältlich.

Die Sammlung soll wirkliche "Schülerausgaben" bringen, die den Bedürfnissen der Schule in dieser Richtung in der Einrichtung wie der Ausstattung entgegenkommen wollen, in der Gestaltung des "Textes", wie der Fassung der "Erklärungen", die sowohl Anmerkungen als Zusammenfassungen bieten, ferner durch das Verständnis fördernde Beigaben, wie Karten und Pläne, Abbildungen und Skizzen.

Das Charakteristische der Sammlung ist das zielbewußte Streben nach organischem Aufbau der Lektüre durch alle Klassen und nach Hebung und Verwertung der Lektüre nach der inhaltlichen und sprachlichen Seite hin, durch Einheit der Leitung, Einmütigkeit der Herausgeber im ganzen bei aller Selbständigkeit im einzelnen, wie sie deren Namen verbürgen, und ernstes Bemühen, wirklich Gutes zu bieten, seitens des Verlegers.

Ziel und Zweck der Ausgaben sind, sowohl den Fortschritt der Lektüre durch Wegräumung der zeitraubenden und nutzlosen Hindernisse zu erleichtern, als die Erreichung des Endzieles durch Einheitlichkeit der Methode und planmäßige Verwertung der Ergebnisse zu sichern.

Erschienen sind:

Cäsars Bürgerkrieg. Gallischer Krieg (Fügner). Gallischer Krieg in Auswahl (Haynel). — Ciceros Rede de impe io Pompci und die Catilinarischen Reden (Stegmann). Rede für Roscius und für Archias (Hänsel). Rede für Qu. Ligarius und für Deiotaros (Stegmann). Verrinen (Bardt) Cato maior (Weißenfels, Wessner). Philosophische Schriften (Weißenfels). Briefe (Bardt). — Horaz (Schimmelpfeng). — Livius' 1. Dekade. 3. Dekade. Verkürzte Auswahl aus der 1. und 3. Dekade (Fügner). — Nepos (Fügner). — Ovids Metamorphosen (Fickelscherer). — Sallusts Catilinarische Verschwörung. Jugurthinischer Krieg (Stegmann). — Tacitus' Annalen (Stegmann). Germania. Agricola (Altenburg). — Vergils Äneide (Fickelscherer).

Demosthenes (Reich). — Herodot (Abicht). — Homers Odyssee. Ilias (Henkel). — Lysias' ausgew. Reden (Fickelscherer). — Philosophen. Auswahl aus den griechischen Philosophen. I. Teil: Auswahl aus Plato. II. Teil: Auswahl aus Aristoteles. (Epiktet, Marc. Anrel., Epikur, Theophrast, Plutarch, Lucian) (Weißenfels). — Platons Apologie u. Kriton (Rösiger). — Sophokles' Antigone König Ödipus. Aias (Conradt). — Thukyd des (Lange). — Xenophons Anabasis. Hellenika (Sorof). Memorabilien (Rösiger).

Texte, Kommentare und Hilfshefte sind gesondert zu beziehen.

Nähere Angaben im "Verzeichnis von Ausgaben griechischer und lateinischer Schulschriftsteller" (umsonst und postfrei vom Verlag B. G. Teubner, Leipzig, Poststr. 3).

B. Hilfsbücher für die Erklärung der Schriftsteller.

Auswahl.

(Ein vollständiges Verzeichnis enthält Teubners "Philologischer Katalog".)

1. Griechische Schriftsteller.

Aeschylus.

Dindorf, Guil., lexicon Aeschyleum. Lex.-8. 1873. M. 16.—

Richter, P., zur Dramaturgie des Ä. gr. 8.

1892. M. 6 50. Westphal, R., Proleg. zu A.' Tragödien.

gr. 8. 1869. M. 5 .-Aristarchus.

Ludwich, A., Ar. s Homer. Textkritik. 2 Teile. gr. 8. 1884/85. M. 28.-

Römer, A., Aristarchea s. u. Homer, Belzner.

Aristophanes.

Müller-Strübing, Ar. u. d. histor. Kritik. gr. 8. 1873. M 16.-

Roemer, A., Studien z. Ar. u. den alten Erklärern dess. I. Teil. gr. 8. 19.2. M 8.-

Zacher, K., die Handschriften u. Klassen der Aristophanesscholien. gr. 8. 1889. M. 6. -

Aristoteles.

Heitz, E., die verlorenen Schriften des Ar. gr. 8. 1865. M. 6.-

Bucolici.

Hiller, E., Beiträge z. Textgesch. d gr. Bukoliker. gr. 8. 1888. M. 3.20.

Demosthenes.

Fox, W., die Kranzrede d. D., m. Rücksicht a. d. Anklage d. Aschines analysiert u. gewürdigt. gr. 8. 1880. M. 5.60.

Preuß, S., index Demosthenicus. gr. 8.

1892. M. 10.-

Schaefer, A., D. und seine Zeit. 2 Ausg. 3 Bände. gr. 8. 1885-1887. M. 30.-Etymologica.

Reitzenstein, R., Geschichte d. griech. E. gr. 8. 1896. M. 18.-

Herondas.

Crusius, O., Unters. z. d. Mimiamben d. H. gr. 8. 1892. M. 6.-

Hesiodus.

Dimitrijević, M. R., studia Hesiodea. gr. 8. 1900. M. 6.-

Steitz, Aug., die Werke und Tage d. H. nach ihrer Komposition. gr. 8 1869. M4.-

Autenrieth, G., Wörterbuch zu den Homer. Gedichten. 11. Aufl., von Kaegi. gr. 8.

1908. M 3.60.

*Belzner, E., Homerische Probleme. I. Die kulturellen Verhältnisse der Odyssee als kritische Instanz. Mit einem Nachwort (Aristarchea) von A. Römer. 8. 1911. M. 5. - 6.50,

Finoler, G., Homer. gr. 8. 1908. M6 .- 7 .-

Homerus.

Frohwein, E., verbum Homericum. 1881. M. 3.60.

Gehring, A., index Hom. Lex.-8. 1891.

M. 16 .-

Gladstone, W. E., Homerische Studien, frei bearbeitet von A. Schuster. gr. 8. 1863. M. 9.-

Kammer, E., die Einheit der Odyssee.

gr. 8. 1873. M. 16.-

La Roche, J., die Homerische Textkritik im Altertum, gr. 8. 1866. M. 10 .-

Lexicon Homericum, ed. H. Ebeling. 2 voll. Lex.-8. 1874/1885. Vol. I. M. 42.-,

Vol. II. M. 18.— Ludwich, A., die Homervulgata als voralexandrinisch erwiesen. gr. 8. 1898

M. 6. -

Noack, F., Homerische Paläste. 1903. M. 2.80 3.80.

Nutzhorn, F., die Entstehungsw. d. Hom.

Gedichte. gr 8. 1869. M. 5.— Volkmann, R., die Wolfschen Prolegomena gr. 8. 1874. M. 8.-

Isocrates.

Preuß, S., index Isocrateus. gr. 8. 1904. M. 8 .-

Lucianus.

Helm, B., L. und Menipp. gr. 8. 1906. M 10.- 13.-

Oratores.

Blaß, Fr., die attische Beredsamkeit. 3 Abt. z. Aufl. gr. 8. I. 1887. M 14. - 16. -II. 1892. M. 14. — 16. — III 1. 1893. M 16. - 18. - III.2. 1898. M. 12. -M. 14.

Pindarus.

Rumpel, J., lexicon Pindaricum. gr. 8. 1883. M. 12 .--

Photios.

Reitzenstein, R., der Anfang des Lexikons des Photios. Mit 2 Tafeln in Lichtdruck. gr. 8. 1907. M. 7.- 9.50.

Plato.

Finsler, G., Platon und die aristotelische Poetik. gr. 8. 1900. M. 6.-

Immisch, O., philologische Studien zu Pl. 1. Heft. Axiochus. gr. 8. 1896. M 3 .-II. Heft. De recens. Platon. praesidiis atque rationibus. gr. 8. 1903. A 3.00.

Raeder, H., Pl.s philosophische Entwickl. gr. 8. 1905 M 8.- 10.-

Ritter, C., Pl. Gesetze. Darstellung des Inhalts. 8. 1896. M. 3 20. Kommentar zum griech. Text. M 10 .-

Plato.

Schmidt, H., kritischer Kommentar zu P. Theätet. gr. 8. 1877. M. 4.-

---- exegetischer Komment. z. P. Theätet. gr. 8. 1880. M. 3.20.

Wohlrab, M., vier Vorträge über Pl. 8. 1879. M 1.60.

Poetae comici.

Zieliński, Th., Gliederung der altattisch. Komödie. gr. 8. 1885. M. 10.-

Suphocles.

Plüß, Th., S.' Elektra. Eine Auslegung. gr. 8. 1891. M. 3.—

Theocritus.

Rumpel, J., lexicon Theocriteum. gr. 8 1879. M 8.-

Thucydides.

Herbst, L., zu Th. Erklärungen und Wiederherstellungen. I. Reihe. Buch I bis IV. gr. 8. 1892. M. 2.80 II. Reihe. Buch V-VIII. gr. 8. 1893. M. 3.60.

Stahl, I. M., quaestiones grammaticae ad Th. pertinentes. Auctas et correctas iterum edidit St. gr. 8. 1886. M 1.60.

Xenophon.

Hoffmeister, E. v., durch Armenien und der Zug Xenophons. Mit 101 Abb. und 4 Karten. gr. 8. 1911. M. 8 .-

2. Lateinische Schriftsteller.

Caesar.

Ebeling, H., Schulwörterbuch zu Caesar. 6. Aufl. gr. 8. 1907. M 1.80.

Klotz, A., Caesarstudien. Nebst einer Analyse der Strabonischen Beschreibung von Gallien und Britannien. gr. 8. 1910. M 6. - 7.20.

Menge et Preuß, lexicon Caesarianum. Lex.-8. 1885/90. M 18.—

Cicero.

Schmidt, O. E., der Briefwechsel des C. gr. 8. 1893. M 12.-

Zieliński, Th., Cicero im Wandel der Jahrhunderte. 2. Aufl. gr. 8. 19/8. M. 7. - 8. - [3. Aufl. unter der Presse.]

Horatius.

Friedrichs, J. G., Q. Horatius Flaccus. Phil. Unters. gr. 8. 1894. M 6.-

Keller, O., Epilegomena zu H. 3 Teile. gr. 8. (je M 8.—) M 24.— I. Teil. 1879. II. u. III. Teil. 1880.

*Kukula, R. C., Römische Säkularpoesie. Neue Studien zu Horaz' XVI. Epodus und Vergils IV. Ekloge. 8. 1911. M. 3. - 4.40.

Müller, L., Q. Horatius Flaccus. 8. 1880. M 2.40.

Plüß, Th., Horazstudien. Alte und neue Aufsätze über Horazische Lyrik. gr. 8. 1882. M 6 .-

Stemplinger, Ed., das Fortleben der H.schen Lyrik seit der Renaissance. gr. 8. 1906. M 8. - 9. -

Iuris consulti.

Kalb, W., Roms Juristen nach ihrer Sprache. gr. 8. 1890. M 4 .-

Lucilius.

Müller, L., Leben u. Werke des C. Lucilius. gr. 8. 1876. M 1.20.

Ovidius.

Siebelis-Polle, Wörterbuch gu D.s Detamorphoien. 5. Aufl. gr. 8. 1893. M.4. 40 4.80. Stange, D, fleines Wörterbuch gu D.s Meta-

morphojen. gr. 8. 1899. M. 2.50. Tolkiehn, J., quaest ad Heroides O. spect. gr. 8. 1888. M. 2.80.

Plautus.

Lexicon Plantinum conscripsit Gonzalez Lodge. gr. 8. Vol. I. Fasc. 1-5 je M.7.20. Ritschl, Fr., prolegomena de rationibus emendationis Plautinae. gr. 1880. M.4. -Sudhaus, S., der Aufbau der Plautinischen Cantica. gr. 8. 1909. M. 5. - 6. -

Tacitus.

Braeger, A., über Syntax und Stil des T. 3. Aufl. gr. 8. 1882. M. 2.80. Gerber et Greef, lexicon Taciteum. Lex.-8.

1877—1903. M. 64.—

Vergilius.

Birt, Th., Jugendverse und Heimatpoesie Vergils. 1910. M. 3.60 4.20. Comparetti, V. im Mittelalter.

1875. M. 6.-

Heinze, R., Vergils epische Technik. 2. Aufl.

gr. 8. 1908. M 12. — 14.— Plüß, V. und die epische Kunst. gr. 8. 1884. M. 8. -

Skutsch, F., aus V.s Frühzeit. gr. 8. 1901. M. 4. - 4.60.

- Gallus u.V. (A. V.s Frühzeit, II. Teil).

gr. 8. 1906. M 5.— 5.60. Sountag, M., V. als bukolischer Dichter. gr. 8. 1891. M 5.-Weidner, A., Kommentar zu V.s Aeneis.

Bd. I u. II. gr. 8. 1869. M 8.-

C. Wichtige Handbücher und neuere Erscheinungen aus dem Gebiete der klassischen Philologie.

Ein vollständiges Verzeichnis enthält Teubners "Philologischer Katalog". (Die mit * bezeichneten Werke sind Neuerscheinungen seit Anfang 1911.)

*Die griechische und lateinische Literatur und Sprache. Inhalt: I. Die griechische Literatur und Sprache. Die griechische Literatur des Altertums: U. v. Wilamowitz-Moellendorff. — Die griechische Literatur des Mittelalters: E. Krumbacher. — Die griechische Sprache: J. Wackernagel. — II. Die lateinische Literatur und Sprache Die römische Literatur des Altertums: Fr. Leo. — Die lateinische Literatur im Übergang vom Altertum zum Mittelalter: E. Norden. — Die lateinische Sprache: F. Skutsch. (Die Kultur der Gegenwart. Ihre Entwicklung und ihre Ziele. Herausgegeben von Prof. Paul Hinneberg. Teil I, Abt. 8.) 3. Auflage. M 12. – , geb. . . . M 14. —

"... Wir erhalten hier die Summe der literarischen und sprachlichen Forschung unserer Zeit, in der Darstellung gleich ausgezeichnet durch die Weite des Gesichtskreises wie durch die Fülle und Originalität der leitenden Gesichtspunkte. Die Eigenart der Darstellung ist darin begründet, daß sie von philologischem Detail gånzlich absehend nur die Triebkräfte des geistigen Lebens und ihre Entwicklung verfolgt und mit besonderer Liebe bei der allgemeinen Charakteristik der hervortretenden Persönlichkeiten verweilt... Und hinter jedem Abschnitte steht eine geist- und temperamentvolle Persönlichkeit, die der Darstellung durchweg den Stempel der Subjektivität aufdrückt, am meisten natürlich — dem Charakter ihres Verfassers entsprechend — in der Geschichte der griechischen Literatur im Altertum."

"In großen Zügen wird uns die griechisch-römische Kultur als eine kontinuierliche Entwicklung vorgeführt, die uns zu den Grundlagen der modernen Kultur führt. Hellenistische und christliche, mittellgriechische und mittellateinische Literatur erscheinen als Glieder dieser großen Entwicklung, und die Sprachgeschichte eröffnet uns einen Blick in die ungeheuren Welten, die rückwärts durch die vergleichende Sprachwissenschaft, vorwärts durch die Betrachtung des Fortlebens der antiken Sprachen im Mittelund Neugriechischen und in den romanischen Sprachen erschlossen sind."

(Paul Wendland in der Deutschen Literaturzeitung.)

Staat und Gesellschaft der Griechen und Römer. I. Staat und Gesellschaft der Griechen: U. v. Wilamowitz-Moellendorff. — II. Staat und Gesellschaft der Römer: B. Niese. (Die Kultur der Gegenwart, ihre Entwicklung und ihre Ziele. Herausgegeben von Prof. Paul Hinneberg Teil II, Abt. 4, I.) \mathcal{M} 8.—, geb. \mathcal{M} 10.—

Die Darstellung von Staat und Gesellschaft der Griechen gliedert sich entsprechend dem allgemeinen Gange der Geschichte ebenso wie die Darstellung der Literatur in die hellenische, attische und hellenistische Periode. Vorausgeschickt ist eine knappe Übersicht über die Griechen und ihre Nachbarstämme, damit die Ausdehnung und Bedeutung des Volkes über die Grenzen des eigentlichen Griechenlandes hinaus klar werde. In der hellenischen Periode soll wesentlich die typische Form des griechischen Gemeinwesens als Stammstaat anschaulich werden, danach die entwickelte athenische Demokratie, endlich das makedonische Königtum und neben und unter diesem die griechische Freistadt. Die Gesellschaft kommt wesentlich nur so weit zur Darstellung, als sie die politischen Bildungen erzeugt und trägt. Der Abschnitt über den Staat und die Gesellschaft Roms, den B. Nies e vor seinem Hingang noch vollenden konnte, schildert den in drei Perioden, Republik, Revolutionszeit und Kaiserzeit, sich vollziehenden Entwicklungsprozeß der kleinen Stadtgemeinde zu dem weltbeherrschenden Imperium Romanum sowie dessen allmählichen Verfall und Untergang. Den Schluß bildet ein Ausblick auf die bis in die Gegenwart hin fühlbaren Nachwirkungen des römischen Staates.

Baumgarten, Fritz, Frauz Poland und Richard Wagner, die hellenische Kultur. 2., stark vermehrte Auflage. Mit 7 farbigen Tafeln, 2 Karten und über 400 Abbildungen im Text und auf 2 Doppeltafeln. \mathcal{M} 10.—, geb. \mathcal{M} 12.—

Die glänzende Aufnahme, die das Buch gefunden hat, beweist, daß das Bestreben nach einer zusammenfassenden Darstellung der hellenischen Kultur vorlag, und daß die Verfasser ihre Aufgabe vortrefflich gelöst haben. In der 2. Auflage wird den neuen Entdeckungen sowie der außerordentlichen Bedeutung der Vasonmalerei für die heutige Forschung Rechnung getragen. Der schon außerordentlich reiche Bilderschmuck ist durch eine beträchtliche Anzahl sorgsam ausgewählter neuer Abbildungen vermehrt. So liegt denn ein Werk vor, das nach Form und Inhalt Vollendetes leistet. Nicht nur Lehrer und Schüler der Oberklassen höherer Lehranstalten, sondern ebenso Studierende und Künstler, alle Freunde des klassischen Altertums, ja alle Gebildeten finden in dieser Darstellung der hellenischen Kultur die mustergultige Grundlage für ein geschichtliches Verständnis aller späteren kulturellen Entwickelung.

n...B. legt hier das Ergebnis jahrelangen unermüdlichen Suchens vor: ein unschätzbares Dokumentenbuch für die Auffassungen des Hellenentums. Das Namenregister allein schon beweist, mit welchem Spüreifer der Verf. den wechselnden und doch im Kern selten veränderten Eindrücken nachgegangen ist, die die genialste der Nationen bei ihren fleißigsten Kindern hinterließ; denn die Deutschen stehen naturgemäß voran.... Eine klare Disposition und ein ausgezeichnetes Schlagwortregister erhöhen die Brauchbarkeit dieser Geschichte vom Mantel Helenas... "(Deutsche Rundschau.)

Gercke, A., und Ed. Norden, Einleitung in die Altertumswissenschaft. Unter Mitwirkung zahlreicher Gelehrten herausgegeben.

III. Band. 1. Griechische Geschichte bis zur Schlacht bei Chaironeia (C. F. Lehmann-Haupt). 2. Griechische Geschichte seit Alexander (K. J. Beloch). 3. Römische Geschichte bis zum Ende der Republik (K. J. Beloch). 4. Die römische Kaiserzeit (E. Kornemann). 5. Griechische Staatsaltertümer (B. Keil). 6. Römische Staatsaltertümer (K. J. Neumann). Geh. M. 9.—, geb.

Bei Bezug aller 3 Bände ermäßigt sich der Preis auf M. 26.— (geheftet) und 30.— (gebunden). Diese Ermäßigung wird so gewährt, daß Band I allgemein geh. M. 13.— und geb. M. 15.— kostet, Band II aber nur geh. M. 6.— und geb. M. 7.50 und Band III geh. M. 7.—, geb. M. 7.50.

Das Werk will nicht nur den Studenten, sondern auch jüngeren Mitforschern an Universitäten und Gymnasien ein Wegweiser durch die verschlungenen Pfade der weiten Gebiete der Altertumswissenschaften sein. Den Blick auf das Große und Ganze unserer Wissenschaft zu lenken, ihr die möglichst gesichert erscheinenden Resultate der einzelnen Disziplinen sowie gelegentlich die Wege, auf denen dazu gelangt wurde, in knappen Übersichten zu zeigen, die besten Ausgaben wichtiger Autoren und hervorragende moderne Werke der Lektüre zu empfehlen, auf Probleme, die noch ihrer Lösung harren, aufmerksam zu machen und somit ein Gesamtbild unserer Wissenschaft, ihrer Hilfsmittel und Aufgaben zu liefern: das sind die Ziele des Werkes, das durch die Mitarbeit von Gelehrten, die sich einen Namen in der Wissenschaft erworben haben, zu einem Haupt- und Grundbuche der klassischen Altertumswissenschaften werden dürfte und das als Führer und Berater nicht bloß während der Studienzeit, sondern auch im praktischen Lehrberuf dazu beitragen wird, die sich leider immer vergrößernde Kluft zwischen Wissenschaft und Schule zu verringern. — Jedem Band ist ein Gener al-Register beigegeben.

"...Vorab sei gesagt, daß der Plan des Ganzen gut und die Ausführung bis jetzt in hohem Maße gelungen ist. Es wird, hoff ich, nicht auf einer Voreingenommenheit beruhen, wenn ich den Preis den Bearbeitern der griechischen Literatur zuerkennen möchte. Etwas Anziehenderes als diese Skizze der griechischen Poesie hat man lange nicht gelesen, und die Behandlung der Prosa imponiert durch Solidität der Gelehrsamkeit und Weite des Blickes. Die Einführung in die römische Literatur wird ihrem Zweck in hohem Maße gerecht: überall spürt man eine behutsame und feine Hand. Sehr wertvoll ist beiden Literaturgeschichten angehängt ein Abschnitt, Gesichtspunkte und Probleme'. Besonders wertvoll und eigen in Auffassung und Vortrag ist wiederum die Einleitung in die 'Sprache' (wobei man den überaus zurückhaltenden Verfasser wohl zum ersten Male zusammenhängend über das Lateinische reden hört): man beneidet den jungen Studenten, der, von solcher Hand geführt, einen ersten Einblick erhält in diese ebenso geisterfüllte als rätselvolle Welt" (Berliner philologische Wochenschrift.)

*Lübker, Fr., Reallexikon des klassischen Altertums. Vollständige Neubearbeitung. [8. Aufl.] Herausg. von J. Geffeken u. E. Ziebarth. [ca. 1000 S.] Lex.-8. [Unter der Presse.]

Die Neubearbeitung entspricht den vielfach geäußerten Wünschen nach einem Buche, das in knapper Form, durch Hinweise auf die nötigen Quellen und Hilfsmittel, Belehrung über Einzelheiten aus der Literatur und dem ganzen Leben der Antike bringt. Sie will aber in keiner Weise die große Pauly-Wissowasche Real-Enzyklopädie ersetzen oder gar verdrängen, obensowenig wie seinerzeit der alte Lübker dem alten Pauly Konkurrenz machte. Denn ihre Ziele sind völlig andere: es werden keine selbständigen Abhandlungen gegeben, sondern nur der nötige Apparat über die Tatsachen und die Forschung. Das Werk orientiert, enthält sich aber aller subjektiven Urteile über Personen und Sachen; zum Zeichen dessen bleiben die Beiträge auch ohne den Namen des Verfassers. Da aber das Material schon eine bertächtliche Masse darstellt und der Raum nur beschränkt bleiben darf, so bedienen sich die Verfasser in ihren Angaben eines außerordentlich kurzen, im Charakter von Notizen gehaltenen Stils und geben dementsprechend auch nur wenige, aber möglichst gute archäologische Abbildungen.

Entsprechend einem bald nach Dieterichs Tode vielfach geäußerten Wunsche, es möchten die nicht immer bequem zugänglichen "Kleinen Schriften" Dieterichs in einer Sammelausgabe vereinigt werden, bietet der vorliegende Band sämtliche Aufsätze, soweit sie nicht selbständig in Buchform erschienen sind. Neu ist darin vor allem "Der Untergang der antiken Religion", den der Herausgeber aus Dieterichs Notizen zu seinen Vorträgen und aus Nachschriften zusammengestellt hat. Obwohl diese Zusammenstellung naturgemäß unvollkommen sein muß, soll sie doch veröffentlicht werden, da Dieterich lebhaft gewünscht hatte, die hier ausgesprochenen Gedanken möchten nicht verloren gehen. Aus dem Nachlaß wird ferner zum ersten Mal ein Aufsatz über "Verhülte Hände" gedruckt. Erst diese Sammlung vermag ein abgerundetes Bild von der wissenschaftlichen Bedeutung Dieterichs und von der Förderung, die die religionsgeschichtliche Erforschung des Altertums ihm verdankt, zu geben.

Usener, H., Vorträge und Aufsätze. M 5.-, geb. M 6.-

Aus den noch nicht veröffentlichten kleineren Schriften Useners ist hier eine Auswahl von Vorträgen und Aufsätzen zusammengesetzt, die für einen weiten Leserkreis bestimmt sind. Sie sollen "denen, die für geschichtliche Wissenschaften Verständnis und Teilnahme haben, insbesondere aber jungen Philologen Anregung und Erhebung bringen und ihnen ein Bild geben von der Höhe und Weite der wissenschaftlichen Ziele dieses großen dahingegangenen Meisters und dieser Philologie". Den Inhalt bilden die Abhandlungen: Philologie und Geschichtswissenschaft, Mythologio, Organisation der wissenschaftlichen Arbeit, über vergleichende Sitten- und Rechtsgeschichte, Geburt und Kindheit Christi; Pelagia, die Perle (aus der Geschichte eines Bildes). Als Anhang beigefügt ist die Novelle "Die Flucht vor dem Weibe", die als Bearbeitung einer altchristlichen Legende sich ungezwungen anschließt.

In engem Rahmen und übersichtlicher Form gibt das Buch nach den einleitenden Abschnitten über Begriff und Einteilung der Philologie, sowie der verschiedenen Behandlungsmethoden einen Überblick über die bedeutendsten Vertreter der Altertumswissenschaft und ihrer Werke nebst reichhaltigen, aber sorgfältig gesichteten Literaturangaben. Das Buch hilft einem wirklichen Bedürfnis ab, da eine das ganze Gebiet umfassende Darstellung der Geschichte der klassischen Philologie überhaupt noch nicht vorhanden ist.

*— Imagines philologorum. 160 Bildnisse klassischer Philologen von der Renaissance bis zur Gegenwart. Kart. M 3.20, geb. M 4.—

Eine in ihrer Art bis heute auch nicht annähernd existierende Sammlung von 160 Porträten der Koryphäen der klassischen Altertumswissenschaft von der Renaissance bis zur Gegenwart, jedoch mit Ausschluß der Lebenden. Vollständigkeit war weder erstrebt, noch möglich, hat es doch z. B. von Valckenaer nie ein Porträt gegeben, und auch von H Stephanus und J. Bernays scheinen keine Bilder zu existieren. Im übrigen dürften aber wohl alle Koryphäen vertreten sein. Zugrunde gelegt wurden die besten gleichzeitigen Originale, von denen manche hier zum erstenmal reproduziert werden.

Diese Exempla sollen es ermöglichen, daß vor allem der Student, aber auch jeder sonst sich mit Paläographie Beschäftigende zu billigem Preise das nötige Material als Eigentum erwerben kann, statt nur auf die Benutzung der in Bibliotheken vorhandenen großen Worke angewiesen zu sein. Sie bieten nebst einer knappen "enarratio tabularum" eine allgemeine Übersicht über die Schriftarten bis zum 15. Jahrhundert in folgender Anordnung: Capitalis quadrata, Capitalis rustica, Unciale, Halbunciale, Merowingisch, Kursive von Bobbio, Westgotisch, Insular, Langobardisch-Beneventanisch, Karolingische und Gotische Minuskel, Humanistenschrift.

Mayser, E., Grammatik der griechischen Papyri aus der Ptolemäerzeit. Mit Einschluß der gleichzeitigen Ostraka und der in Ägypten verfaßten Inschriften. Laut- und Wortlehre. \mathcal{M} 14.—, geb. . \mathcal{M} 17.—

Das Buch will zunächst eine georduete, vollständige und auf den besten bisher publizierten Lesungen berühende Sammlung des sprachlichen Materials für die erste Periode unserer nichtliterarischen Papyrustexte bieten und damit die Geschichte der griechischen Umgangs- und Kanzleisprache im griechischen Ägypten der vorrömischen Zeit auf eine sichere Grundlage stellen. Nach allen bisher genachten Erfahrungen kann behauptet werden, daß aus der Periode, die das Werk umfaßt, alle vorkommenden und zu erwartenden Typen sprachlicher Erscheinungen schon aus dem bisher publizierten Material ersichtlich und demnach in diesem Buche verzeichnet sind. Daß auch das sonst stiefmütterlich behandelte Gebiet der Wortbildungslehre ausführlich besprochen und in geschichtliche Beleuchtung gestellt ist, dürfte vielen erwünscht sein.

Die Kenntnis einer Sprache bleibt oberflächlich, solange sich der Lernende nicht über die Gründe für die verschiedenartige Gestaltung ihres Baues klar geworden ist. In dieser Hinsicht durchforscht man die Grammatiken meist vergeblich. Es ist aber schwer zu begreifen, warum sich gerade der Sprachbetrieb allein von unseren Schuldisziplinen dem Zuge des 19. Jahrhunderts, alle Dinge in ihrer geschichtlichen Entwicklung zu verfolgen, nicht anschließen soll, und unverständlich, warum man der Schablone des rein gedächtnismäßigen Einübens im Sprachunterricht nicht möglichst entraten soll, um besonders in den oberen Klassen eine mehr vertiefende, mehr zum Nachdenken zwingende und anregende Lehrmethode zu wählen. Als ein kleiner Anlauf nach diesem Ziele hin will dieses Schriftchen aufgefaßt sein.

Meillet, A., Einführung in die vergleichende Grammatik der indogermanischen Sprachen. Vom Verfasser genehmigte und durchgesehene Übersetzung von Wilhelm Printz. M. 7.—, geb. M. 8.—

Ein Überblick über das gesamte Gebiet der indogermanischen Sprachwissenschaft. An ein ausführliches methodisches Kapitel schließt sich eine Übersicht über die indogermanischen Sprachgruppen, sodaun wird eingehend Laut- und Formenlehre, Syntax sowie der Wortschatz der indogermanischen Sprachen besprochen und zum Schluß die Entwicklung der indogerm-nischen Dialekte behandelt, während ein Anhang eine kurze Geschichte der indogermanischen Sprachwissenschaft und bibliographische Angaben enthält. Die Übertragung darf sich als einen in seiner Art bisher noch nicht vorhandenen Führer durch die indogermanische Sprachwissenschaft bezeichnen.

Schwartz, E., Charakterköpfe aus der antiken Literatur. 1. Reihe: 1. Hesiod und Pindar; 2. Thukydides und Euripides; 3. Sokrates und Plato; 4. Polybios und Poseidonios; 5. Cicero. 3. Aufl. 2. Reihe: Fünf Vorträge: 1. Diogenes der Hund und Krates der Kyniker; 2. Epikur; 3. Theokrit; 4. Eratosthenes; 5. Paulus. 2. Aufl. Je M 2.20, geb. je M 2.80.

"... Schwartz beherrscht den Stoff in ganz ungewöhnlicher Weise: das Reinstoffliche aber tritt allmählich ganz in den Hintergrund, dafür erglänzt jede einzelne der Erscheinungen um so klarer und mächtiger im Lichte ihrer Zeit. Der Verfasser ist in den Jahrhunderten der griechischen Poesie — sowohl in denen, wo sie sich entwickelte, als auch in denen, da sie ihre Blüte erlebte — mit gleicher sozusagen hellseherischer Sicherheit zu Hause: wir lernen jeden einzelnen der geistigen Heroen als ein mit innerer Notwendigkeit aus seiner Epoche hervorgehendes Phänomen betrachten und einschätzen, und Schwartz schildert uns ihn so lebendig, daß wir ihn wie mit Fleisch und Blut begabt vor uns zu sehen glauben." (Das literarische Echo.)

Misch, G., Geschichte der Autobiographie. 3 Bände. I. Band. & 8.—, geb. & 10.—. [Bd. II u. III in Vorb.].

"... Die vornehmsten Werke der wissenschaftlichen Literatur sind die, welche keiner Spezialwissenschaft angehören, und von denen doch die verschiedensten Fachgelehrten urteilen müssen, daß sie 'ihnen neue Lichter aufstecken. Nicht jedes Jahr bringt ein solches Buch; hier ist eins. Damit ist Lobes genug gesagt. Auch das ist damit gesagt, daß es kein Fachgelehrter eigentlich beurteilen kann. Da indessen der erste Band nur das Altertum behandelt, so wird der Philologe, wenn er davon wirklich etwas versteht, darüber ein Urteil haben, ob das Material hinreichend ausgenützt ist, und dann sich des Fortschritts freuen, den das Verständnis der Werke notwendig machen muß, wenn sie als Teil der Weltliteratur betrachtet werden. Und das ist hier nicht einmal die Hauptsache, sondern jene philosophische Betrachtung des Menschen und seiner Geistesgeschichte, die Misch aus der Schule Wilhelm Diltheys mitbringt."

(U. v. Wilamowitz-Moellendorff i. d. Internationalen Wochenschrift.)

Norden, Ed., Die antike Kunstprosa vom VI. Jahrhundert v. Chr. bis in die Zeit der Renaissance. 2 Bände. 2. Abdruck. [Einzeln jeder Band M 14,—, geb. M 16.—] M 28.—, geb. M 32.—

"E. Norden hat die Aufgabe mit einer Energie und Gelehrsamkeit angefaßt, die nivele Ehre macht. Als Gesamtleistung verdient das Buch die höchste Anerkennung. ... So ist es denn auch gar kein Wunder, wenn das Beste und wirklich Neue, was das Buch bringt, im 2. Bande steht. Namentlich was über die altkirchliche Literatur, die Geschichte der Predigt, über den Stil des Humanistenlateins und seinen Einfluß auf die Prosa der lebenden Sprachen vorgetragen wird, verdient nicht bloß von Philologen gelesen zu werden. Aber auch der I. Band, der die Entwicklung der griechischen und lateinischen Kunstprosa bis in die römische Kaiserzeit behandelt, erfreut durch eine Fülle treffender Einzelbeobachtungen und gelehrter Sammlungen. Die Charakteristiken der einzelnen Persönlichkeiten zeugen von erfreulich gesundem und besonnenem Urteil."

Eine großzügige Geschichte der antiken Historiographie von ihren frühesten Anfängen bis in die christliche Zeit im Zusammenhang mit der allgemeinen Geistesgeschichte und unter besonderer Berücksichtigung des vom heutigen Brauch wesentlich abweichenden Verhältnisses des Geschichtsschreibers einerseits zur historischen Wirklichkeit, andrerseits zu seinen Vorgängern. Ist die Erkenntnis nicht neu, daß die Behandlung des Stoffes seit Ephoros und Theopompos durchaus unter dem Banne der Rhetorik steht, so ist die Tatsache bisher immer nur für einen einzelnen Autor erwiesen; die Behandlung im Zusammenhang lätt die Schriftsteller in gerechterer Beleuchtung erscheinen, erklärt Fehler und Vorzüge aus ihrer Zeit. Die Schlußkapitel beweisen, daß nur Tendenz und Böswilligkeit im Altertum die Abhängigkeit des Geschichtsschreibers von seinem Vorgänger als Plagiat gebrandmarkt haben, daß vielmehr dessen Stoff als Gemeingut willkürlich nach den Regeln der Kunst behandelt werden konnte, die von dem Ziel, wie es Thukydides gezeigt hatte, immer weiter nach der Belletristrik zu abirrte.

Das Buch, ursprünglich nur für Schulen bestimmt, wendet sich in der neuen Ausgabe an einen weiteren Leserkreis; deshalb wurde mehrfach auf moderne Anschauungen und Urteile bezug genommen, die ursprüngliche Anlage aber unverändert gelassen. Das Buch zeichnet ein anschauliches Bild des dramatischen Lebens in Athen. Die einzelnen Werke werden nach geschichtlicher Folge und Beziehungen zueinander eingehend behandelt, die Kunstmittel der alten Tragödie in ihrer Entwicklung und Fortwirkung in das richtige Licht gesetzt und die Persönlichkeiten der Dichter klar herausgearbeitet. Historische Kritik wie ästhetische Behandlung kommen in gleicher Weise zu ihrem Rechte.

"Der Verfasser ist der Schwierigkeit, die sich seiner Untersuchung entgegenstellte, in meisterhafter Weise Herr geworden. . . Dieser dürftige Abriß gibt aber noch keine Vorstellung von dem reichen Inhalt des Buches. Es fallen mehrfach sehr schätzenswerte Nebenfrüchte ab . . . So leistet das Buch mehr, als sein Titel verspricht, und wird auf verschiedenen Gebieten der Forschung befruchtend wirken."

(W. Nestle i. d. Neuen Jahrbüchern fr d. klass. Altertum usw.)

Teuffel, W. S., Geschichte der römischen Literatur. 6. Aufl., bearbeitet von E. Klostermann, W. Kroll, R. Leonhard, F. Skutsch und P. Wessner. 3 Bände [zus. ca. 80 Bg.]

- *1. Band: Bis zum Jahre 37 v. Chr. [Unter d. Presse.] ,
- *3. Band: Vom Jahre 96 n. Chr. bis zum 8. Jahrhundert. [Unt. d. Pr.]

Bei der Neubearbeitung des "Teuffel" soll an dem Charakter dieses bewährten Handbuches möglichst wenig geändert werden. Aber schon dadurch, daß die Literatur von fast 20 Jahren nachzutragen ist, ohne daß doch der Umfang merklich wachsen soll, sind Streichungen nötig geworden, die sich auf die nicht zur eigentlichen Literaturgeschichte gehörigen Anmerkungen erstreckt haben, daher wird man im neuen "Teuffel" weniges Aufsätze, die Konjekturen enthalten, und weniger sprachliche Monographien zitiert finden.

Klotz, A., Cäsarstudien. Nebst einer Analyse der Strabonischen Beschreibung von Gallien und Britannien. M. 6.—, geb. 7.20

Ausgehend von dem literarischen Charakter des cäsarischen Werkes als commentarii behandelt der orste Teil die geographischen Interpolationen im Bellum Gallicum besonders nach Sprache und Stil und weist deren einheitlichen Ursprung aus einem geographischen Werke nach. Der zweite Teil sucht die Nipperdeysche Ansicht, daß das Bellum Alexandrinum der Anfang von Hirtius' Fortsetzung des Bellum civile sei, eingehender zu begründen. Der dritte Teil erörtert einige stilistische Eigentümlichkeiten Cäsars und behandelt dann eine Reihe von Stellen des Bellum Gallicum kritisch. Ein Anhang gibt einige Beobachtungen über den unfertigen Zustand des Bellum civile.

Heinze, M., Virgils epische Technik. 2. Auflage. M 12,-, geb. M 14.-

"Heinzes Buch bedeutet wohl den tiefsten Einblick, der bisher in Virgils Dichterstätte geschehen ist. Noch nie ist mit so viel Liebe und durchdringenden Scharfsinn der ganze ungeheure Weg nachgegangen worden, der von dem Chaos der bis auf Virgil vorhandenen Tradition der Aneas-Sage bis zur Vollendung jener zwölf Bücher führte, die vom Augenblick ihres Erscheinens an klassisch sein sollten. Nicht die Widersprüche und Lücken des Werkes, nicht kleine Fehler und Ungeschicklichkeiten des Dichters, diese Lieblingsobjekte der modernen Virgil-Kritik, bilden den Ausgangspunkt von Heinzes Betrachtungen: was Virgil erstrebt hat, was sein Stoff, seine Vorbilder, seine Nation und seine Zeit forderten, das ist hier die Frage..." (Beil. z. Allg. Zeitung.)

"Hatten wir schon, als diese Schrift zum erstenmal erschien, allen Grund, die ohner seentliche Vorarbeiten unternommene klare und die Hauptsachen erschöpfende Überstelt mit lebhaftem Dank zu begrüßen, so wird dieser Dank in Ansehung der vermehrten Auflage noch gesteigert. Aus dem Schriftchen von 101 Seiten ist ein umfangreiches Buch geworden, in allen seinen Teilen vertieft, erneut, erweitert. Ganz neu sind z. B. die Ausführungen über die englische Auflätung. Nicht minder wie für die Geschichte Ciceros im Wandel der Jahrhunderte werden wir aber dankbar sein für die Darstellung seines Wesens und seiner Lehre im Zusammenhang mit den umgebenden geistigen Bewegungen. Das ist in dieser eindringenden, fein abwägenden und unparteilschen Weise auch bisher noch nicht geschehen."

Bone, K., Πείφατα τέχνης. Über Lesen und Erklären von Dichtwerken. Kart.

Gegenüber der Forderung: "Der Dichter müsse als Dichter gelesen werden", und es seien grammatische, biographische, historische u. a. Erörterungen überhaupt aus den Lektürestunden zu verbannen, will Verf. zeigen, daß solche Erörterungen unumgängliche Voraussetzungen für das Verständnis sind, ja daß sie die allerfeinsten und künstlerischen Seiten des Werkes, die $\pi eigerta \tau e \chi v \eta_s$ betreffen, die unter keinen Umständen zu kurz kommen dürfen. Dies an Beispielen, insbesondere aus Horaz zu zeigen, ist der Zweck des Buches.

"... Es ist m. W. noch nicht versucht worden, das Gesamtbild eines antiken Gemeinwesens in der Weise darzustellen, wie es hier geschehen ist. Nicht einmal Pompeji, an dessen Erforschung doch jetzt seit weit über 100 Jahren gearbeitet wird, ist so bearbeitet worden; und angesichts der vorliegenden Tafel von Priene muß man sich darüber wundern. Der praktische Blick Th. Wiegands hat das Richtige erkannt und die geeigneten Künstler herausgefunden; Zippelius und Wolfsfeld verdanken wir die schöne Rekonstruktion, und Wiegand selbst eine treffliche Einführung in die Benutzung der Tafel. Das Bild bietet das denkhar Zuverlässigste; daß sorgsame Studien jeder Einzelheit zugrund liegen, lehrt jeder Blick, den man zum Vergleich in das große Werk tun mag. Zeichnung und Farbengebung sind tadellos." (Südwestdeutsche Schulblätter.)

"Thiersch stellt die Pharosforschung auf ganz neuen Boden; man kann sagen, daß er sie im Grunde genommen überhaupt ers schafft Das ungeahnt reiche Material, das er zur Lösung heranzieht, wird alle Welt verblüffen, ebenso die unabsehbare Reihe von Problemen, die sich dem Leser im Laufe der Untersuchung auftut. Wir haben die Resultate vieljähriger Arbeit vor uns, die in Alexandria selbst begonnen, später in der Heimat nach allen Seiten vertieft wurde. Ich schätze das Thierschsche Buch überaus hoch."

(J. Strzygowsky in den Neuen Jahrbüchern f. d. klass. Altertum usw.)

Cumont, F., die Mysterien des Mithra. Ein Beitrag zur Religionsgeschichte der römischen Kaiserzeit. Autorisierte deutsche Übersetzung von G. Gehrich. 2. Aufl. Mit 9 Abbildungen im Text und auf 2 Tafeln, sowie 1 Karte. \mathcal{M} 5.—, geb. \mathcal{M} 5.60

"Das Buch ist gerade für einen deutschen Leserkreis geeignet, da es auf die religionsgeschichtlichen Fragen, die neuerdings nicht nur Fachkreise, sondern jedern ann interessieren, ein besonderes Licht wirft. Es schildert die Wanderung eines indoiranischen Gedankens durch die ganze antike Welt und zeigt an einem Beispiel, in welchem Umfang die Übertragung religiöser Ideen in historischer Zeit nachweislich stattgefunden hat." (Neue Jahrbücher f. d. klass. Altertum usw.)

—, —, die orientalischen Religionen im römischen Heidentum. Autorisierte deutsche Ausgabe von Georg Gehrich. M5.—, geb. M6.—

Das Werk behandelt die große Umwandlung, welche das religiöse Leben des Abendlandes während der römischen Kaiserzeit durch den wachsenden Einfluß der orientalischen Kulte erfuhr; es schildert in großen Zügen, wie und warum sich die Überlegenheit des hellenisierten Orients seit dem Beginn unserer Zeitrechnung in Verfassung, Recht, Wirtschaft und Geistesleben des römischen Reiches immer mehr geltend macht. Es folgt die Geschichte der einzelnen Fremdkulte und ihrer Einwanderung in das Abendland. Das Schlußkapitel verwebt die gewonnenen Ergebnisse zu einem anschaulichen Gesamtbilde.

Domaszewski, A. von, Abhandlungen zur römischen Religion. Mit 26 Abbildungen und 1 Tafel. Geh. M 6.—, geb. M 7.—

In diesem Buche vereinigt D. seine bisher schwer zugänglichen Abhandlungen zur römischen Religion, die mit Erfolg manchen bisher dunklen Punkt unserer Kenntnis der Entwicklungsgeschichte der römischen Religion, wie ihrer Wirkungen auf die Geschichte und die staatlichen Institutionen aufhellen. Alle Abhandlungen durchzieht der Gedanke, daß die schöpferischen Ideen, welche die älteste Religion der Römer erzeugt haben, im Laufe vieler Jahrhunderte immer wieder tätig waren, neue Formen zu entwickeln, und daß somit die Gebilde, wie sie unter dem Einfuß fremder Kulte in so bunter Fülle entstanden, die Möglichkeit bieten, die Entstehung der ältesten Formen zu erkennen.

Kaerst, J., Geschichte d. hellenistischen Zeitalters. In 3 Bden. I. Band. Die Grundlegung d. Hellenismus. M. 12.—, geb. M. 14.—. II. Band, 1. Hälfte: Das Wesen des Hellenismus. M. 12.—, geb. M. 14.—. [Fortsetzung in Vorbereitung.]

siner Entscheidung stets die Möglichkeiten erwogen. Daß sein Werk ganz ausgereiftist, zeigt mit am deutlichsten sein Maßhalten. Es ist ein gefährliches Gebiet, die Geschichte Alexanders, wo jeder leicht zeigen kann, was er nicht kann; mit dem Mute der Jugend ist Kaerst an diese Aufgabe gegangen, um in der Kraft der Mannesjahre sie zu lösen. Das Urteil über ein Werk, das völlig hat ausreifen können, darf einen hohen Maßstab anlegen, aber diese Geschichte Alexanders enttäuscht auch die Leser nicht, die viel erwarten: in Forschung und Darstellung, nach Form und Inhalt ist sie die bedeutendste, die durchdachteste seit J. G. Droysen." (K. J. Neumann im Literarischen Zentralblatt.)

*Mitteis, L., u. U. Wilcken, Grundzüge u. Chrestomathie der Papyruskunde. In 2 Teilen zu je 2 Halbbänden.

I. Band: Historischer Teil. Von U. Wilcken.

1. Hälfte: Grundzüge. M 12.-, geb. M 14.-2. Hälfte: Chrestomathie. M 14.-, geb. M 16.- Gesamtwerkes:

II. Band: Juristischer Teil. Von L. Mitteis.

1. Hälfte: Grundzüge. M 8 .- , geb. M 10 .-

2. Hälfte: Chrestomathie. M 12 .- , geb. M 14 .-

Ermäßigter Preis des

M 40.—, geb. M 48.—

Angesichts der zahlreichen, unsere Kenntnis der antiken Kultur nach den verschiedensten Seiten bereichernden Papyrusfunde der letzten Jahre machte sich dringend das Bedürfnis nach einer, das weitschichtige Material übersichtlich darbietenden Sammlung geltend. Die vorliegende Chrestomathie bietet die für Philologen, Historiker, Juristen und Theologen wesentlichen Texte in einem historischen und einem juristischen Band. Der I. Band umfaßt nach einer allgemeinen Einleitung in die Papyruskunde die allgemeinen historischen Grundzüge der Verfassung, Verwaltung und Bevölkerungs-geschichte Ägyptens von Alexander bis zu den Kalifen, ferner kulturgeschichtliche Probleme, wie Religion, Erziehung, Volksleben, ferner die Finanzen, die Bodenwirtschaft u.a. Der II. Band behandelt die rechtshistorischen Probleme: das Prozeßrecht der ptolemäischen und römischen Zeit, die Lehre von den Urkunden, das Grundbuchwesen und Pfandrecht, den Kauf, das Familienrecht u. a. Während die zweite Hälfte eines jeden Bandes die Texte in möglichst gereinigter Form darbietet, enthält die erste zusammenfassende Darstellungen der betreffenden Gebiete, die nicht nur dem Anfänger eine Einführung in das Studium der Papyruskunde, sondern auch dem Fortgeschrittenen einen Überblick über den derzeitigen Stand der einzelnen Fragen zu geben vermögen.

Der Vorfasser macht den Versuch, zu zeichnen, wie sich in dem republikanischen Rom die Stellung einer Kaiserin entwickelt hat, und welche Ideen und Faktoren dabei mitwirkten. Die Einleitung gibt eine Übersicht über die literarischen und monumentalen Quellen zur Geschichte Livias. Kap I. schildert Livia in der Familie, ihr Verhältnis zu Augustus, Tiberius, Germanicus, Agrippina usw. Es wird gezeigt, daß Livia nie einen beherrschenden Einfluß auf Augustus ausgeübt und keinen jahrelangen, geheimen Kampf gegen die Angehörigen des Gatten geführt hat, um Tiberius zum Nachfolger zu machen. Kap. II., der wichtigste Teil der Arbeit, zeigt, wie sich analog der Stellung des princeps auch die der Kaiserin in Rom allmählich entwickelt hat. Als Vorbild für ihre Erhöhung dienten dem Kaiser und dem Senat die Privilegien der Vestalinnen, den Untertanen vielfach die Stellung der hellenistischen Königinnen. Kap. III. gibt eine Übersicht über Livias Vermögen und seine Verwaltung.

Ziebarth, E., Aus dem griechischen Schulwesen. Eudemos von Milet

Ausgehend von einer zu Milet aufgefundenen Urkunde über eine Schulstiftung des Eudemos, versucht Ziebarth auf Grund des in letzter Zeit so reich zutage getretenen inschriftlichen und papyrologischen, zum Teil noch unedierten Materials einen Einblick in griechische Schulverhältnisse zu gewinnen. So handelt der Verfasser u. a. von Staat und Schule, von Schulstiftungen und Stiftungsschulen, von Lehrern und Schülern, vom Unterrichtsbetrieb und Schulprüfungen, wobei sich Gelegenheit findet, eine Reihe von Einzelfragen, wie Schulgebäude, Schülerverbin ungen, Gehaltsverhältnisse und soziale Stellung der Lehrer, Mädchenschulwesen. Bürgerkunde, patriotische und religiöse Erziehung u. a. zu berühren, und liefert damit einen interesssanten Beitrag zur Erkenntnis der Bedeutung und Wertschätzung, welche dem Jugendunterricht im Altertum zuteil

"... Welche Arbeit und welcher Fleiß in dem Buche steckt, kann nur der ermessen, der das zerstreute Material etwas näher betrachtet. Das Buch ist ein glänzender Beweis dafür, wie sehr unsere Kenntnis des antiken Lebens durch die Ergebnisse der Forschung mit Spaten und Hacke gefördert wird. Verf. verdient den Dank aller Freunde der Bildung für diese einem weiteren Kreise zugängliche Zusammenstellung dieser Ergebnisse. Als Beitrag zur Schulgeschichte gehört das Buch in die Lehrerbibliotheken und auf den Arbeitstisch jedes Freundes des klassischen Altertums ..."

(Osterreichische Mittelschule.)

*Aufhauser, Joh. B., das Drachenwunder des | Gardthausen, V., Augustus und seine Zeit. heiligen Georg in der griech. u. lat. Überlieferung [Byzant. Archiv VI]. Mit 19 Abb. auf 7 Tafeln. \mathcal{M} 10.—11.50.

Ausfeld, A., der griechische Alexanderroman. Nach des Verfassers Tode herausgegeben von W. Kroll. M. 8 .- 10 .-Bardt, C., zur Technik des Übersetzens

lateinischer Prosa. M. -.60.

Benseler, G. E., und K. Schenkl, griechischdeutsches und deutsch-griechisches Schul-

wörterbuch. 2 Teile. I. Teil. Griechisch-deutsches Schulwörterbuch. 13. Aufl., bearb. von A. Kaegi. M. 6.75 8 .- II. Teil. Deutsch-griechisches

Schulwörterbuch. 6. Auflage, bearb. von K. Schenkl. M. 9. - 10.50.

Berger, A., die Strafklauseln in den Papyrusurkunden. Ein Beitrag zum gräcoägyptischen Obligationenrecht. M8-

Birt, Th., die Buchrolle in der Kunst. Archäol.-antiquar. Untersuchungen zum antiken Buchwesen. Mit 190 Abbildungen, M. 12. - 15.-

Blaß, F., die attische Beredsamkeit. 3 Abt.

2. Aufl. M. 56 .- 64.-

Blümner, H., Technologie und Terminologie der Gewerbe und Künste bei Griechen und Römern. 4 Bde. Mit zahlr. Abb. M. 50.40. Böckh, A., und Ludolf Dissen, Briefwechsel

siehe Hoffmann, M.

Brauchitsch, G. v., die Panathenäischen Preisamphoren. Mit 37 Abbildungen und 1 Lichtdrucktafel. M. 6. - 7.-

Brunn, H., kleine Schriften. Herausg. von H. Brunn u. H. Bulle. Mit zahlreichen Abbildungen. 3 Bände. I. Band. M. 10.-M. 13.— H. Band. M. 20.— 23.— III. Band. M. 14.— 17.—

Cantor, M., Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. I. Band. Von den ältesten Zeiten bis 1200 n. Chr. Mit 114 Fig. und 1 lithogr. Tafel. 3. Aufl. M. 24, - 26,-

Deubner, L., Kosmas und Damian. Texte und Einleitung. M. 8 .- 9 .-

Diels, H., Elementum. Eine Vorarbeit zum griech. u. latein. Thesaurus. M. 3 .-

Dieterich, A., Nekyia. Beitr. zur Erklärung d. neuentdeckten Petrusapokalypse. M.6. - eine Mithrasliturgie. 2. Aufl. besorgt von R. Wünsch. M. 6 .- 7 .-

- Mutter Erde. Ein Versuch über Volks-

religion. M. 3.20 3.80.

Dziatzko, K., Untersuchungen über ausgewählte Kapitel des antiken Buchwesens.

Eger, O., zum ägyptischen Grundbuchwesen in römischer Zeit. M. 7 .- 8 .-

Fimmen, D., Zeit und Dauer der kretischmykenischen Kultur. Mit 1 synchronistischen Tabelle. M. 3 .--

Fischer, Th., Mittelmeerbilder. Ges. Abhandlungen zur Kunde der Mittelmeerländer. M. 6. - 7 .-. Neue Folge M. 6. - 7 .-

2 Teile.

I. Teil. I. Band. M.10. - II. Band. M.12. -III. Band. M.S. - Zusammengeb. M. 32. -II. Teil. (Anmerk.) I. Band. M.6 .- II. Band. M. 9.- III. Band. M. 7.- Zusammengeb. M. 24 .-

- Griechische Paläographie. Mit 12 Tafeln und vielen Illustrationen. M. 18.40.

Gelzer, H., ausgewählte kleine Schriften. Mit einem Porträt Gelzers. M. 5.- 6 .-

Gilbert, G., Handbuch der griech. Staatsaltertümer. 2 Bände. M. 13.60.

I. Band. Der Staat d. Lakedaimonier u. d. Athener. 2. Aufl. M. 8. - II. Band. M. 5.60.

O., Geschichte und Topographie der Stadt Rom im Altertum. 3 Abt. M. 24.-I. Abteil. M. 6.- II. Abteil. M. 8.-III. Abteil. M. 10.—

die meteorologischen Theorien des griechischen Altertums. Mit 12 Figuren

im Text. M. 20. - 22.50.

Grammatik, historische, der lateinischen Sprache. Unter Mitwirkung von H. Blase, A. Dittmar, J. Golling, G. Herbig, C. F. W. Müller, J. H. Schmalz, Fr. Stolz, J. Thüssing und A. Weinold hrsg. von G. Landgraf. In mehreren

Bänden. gr. 8. I. Band. Von Fr. Stolz. I. Hälfte: Einleitung und Lautlehre. II. Hälfte: Stammbildungslehre. 1894. 1895. je M. 7.-III. Band. Syntax des einfachen Satzes. I. Heft: Einleitung, Literatur, Tempora und Modi, Genera Verbi. 1903. M. 8.—

[Fortsetzung u. d. Pr.] Supplement: Müller, C. F. W., Syntax

des Nominativs und Akkusativs im Lateinischen. M. 6 .-

Hagen, H., gradus ad criticen. Für philologische Seminarien und zum Selbst-

gebrauch. M. 2.80.

Heinichen, Fr. A., lateinisch-deutsches und deutsch-latein. Schulwörterbuch. 2 Teile. I. Teil. Lateinisch-deutsches Schulwörterbuch. 8. Aufl., bearbeitet von H. Blase u. W. Reeb. M. 6.75 8 .- II. Teil. Deutschlateinisches Schulwörterbuch. 6. Aufl., bearbeitet von C. Wagener. M. 5.75 7.—

- Kleines lateinisch-deutsches Schulwörterbuch, bearbeitet von H. Blase und

W. Reeb. 'M 5.-*Helbig, W., Führer durch die öffentlichen Sammlungen der klassischen Altertümer in Rom. 2 Bände. [3. Aufl. in Vorb.]

Herkenrath, E., der Enoplies. Ein Beitrag zur griechisch. Metrik. M. 6. - 8. -Herzog, E., Geschichte und System der röm.

Staatsverfassung. 2 Bände. M. 33 .-Hoffmann, M., August Boeckh.

Lebensbeschreibung und Auswahl aus seinem wissenschaftlichen Briefwechsel. Ermäß. Preis. M. 7. - 9.-

Hoffmann, M., Briefwechsel zwischen August Boeckh und Ludolf Dissen, Pindar und anderes betreffend. M. 5 .- 6 .-

*Hönn, K., Quellenuntersuchungen zu den Viten des Heliogabalus und des Severus Alexander im Corpus der Scriptores historiae Augustae. M 8. - 9.-

Ilberg, J., u. M. Wellmann, zwei Vorträge zur Geschichte d. antiken Medizin. M 1.40.

Imhoof-Blumer, F., Porträtköpfe v. römisch. Münzen der Republik und der Kaiserzeit. Für den Schulgebrauch herausgeg. 4 Lichtdrucktafeln. 2. Aufl. kart. M. 3.20.

- Porträtköpfe auf antiken Münzen hellenischer und hellenisierter Völker. Mit Zeittafeln der Dynastien des Altertums nach ihren Münzen. Mit 296 Bildnissen in Lichtdruck, kart. M. 10 .-

- und O. Keller, Tier- und Pflanzenbilder

auf antiken Münzen u. Gemmen. 26 Lichtdrucktafeln mit 1352 Abbild, u. 178 Seiten erläuterndem Text. M. 24.-

Kaerst, J., die antike Idee der Ökumene in ihrer politischen und kulturellen Bedeu-

tung. M. 1.20.

Keller, O., lateinische Volksetymologie und

Verwandtes. M. 10 .-

Klotz, Reinh., Handbuch der lateinischen Stilistik. Nach des Verf. Tode herausgeg. von Rich. Klotz. M. 4.80.

- Rich., Grundzüge altröm. Metrik. M.12. -Krumbacher, K., die Photographie i. Dienste der Geisteswissenschaften. Mit 15 Tafeln. M. 3.60.

— populäre Aufsätze. M. 6.- 7.-

Lehmann, K., die Angriffe der drei Barkiden auf Italien. Drei quellenkritisch-kriegsgeschichtliche Untersuch. Mit 4 Karten, 5 Plänen und 6 Abbild. M. 10 .- 13 .-

Lehrs, K., populäre Aufsätze aus dem Altertum, vorzugsweise zur Ethik und Religion der Griechen. 2. Aufl. M. 11.-

Leo, Fr., die griechisch-römische Biographie nach ihrer literarischen Form. M7 .-

*Leonhard, W., Hettiter und Amazonen. Die griechische Tradition über die "Chatti" und ein Versuch zu ihrer historischen Verwertung. M 8 .- 9.50.

Lexikon, ausführliches, der griechischen und römischen Mythologie. Im Verein mit vielen Gelehrten hrsg. von W. H. Roscher. Mit zahlreichen Abbildungen. 3 Bände. 1. Band. (A-H.) M. 34. - II. Band. (I-M.) M. 38.- III. Band. (N-P.) M. 44.-IV.Band. 59.-64.Lieferung. (Q-Sisyphos) Jede Lieferung M. 2.- (Fortsetzung unter der Presse.) Supplemente:

I. Bruchmann, epitheta deorum quae apud poetas Graecos leguntur. M. 10.-II. Carter, epitheta deorum. M. 7.-

III. Berger, mythische Kosmographie der Griechen. M. 1.80.

Ludwich, A., Aristarchs Homerische Textkritik nach den Fragmenten des Didymos dargestellt und beurteilt. Nebst Beilagen. 2 Teile. M. 28. - [I. Teil. M. 12. - II. Teil. M. 16.-]

Man, G., die Religionsphilosophie Kaiser Julians in seinen Reden auf König Helios und die Göttermutter. Mit einer Ubersetzung der beiden Reden. M. 6 .- 7 .-

Mitteis, L., Reichsrecht und Volksrecht in den östlichen Provinzen des römischen Kaiserreichs. M. 14.-

- zur Geschichte der Erbpacht im Alter-

tum. AG Wph. XX. M. 2:-

- aus den griechischen Papyrusurkunden. M. 1.20.

Mommsen, A., Feste der Stadt Athen im Altertum, geordnet nach attischem Kalender. Umarbeitung der 1864 erschienenen Heortologie. M. 16 .-

Nilsson, M. P., griechische Feste von religiöser Bedeutung mit Ausschluß der

attischen. M. 12.- 15.-

Noack, F., Ovalhaus und Palast in Kreta. Ein Beitrag zur Frühgeschichte des Hauses. M. 2.40 3.20.

— homerische Paläste. Eine Studie zu den Denkmälern und zum Epos. Mit 2 Tafeln u. 14 Abb. M 2.80 3.80.

Otto, W., Priester und Tempel im hellenistisch. Ägypten. 2 Bde. je M 14.— 17.—

Griechische Papyri im Museum des Oberhess. Geschichtsvereins zu Gießen. Im Verein mit O. Eger hrsg. u. erklärt von E. Kornemann u. P. M. Meyer. Bd. I. Heft 1: Urkunden Nr. 1-35. M 7 .-Heft 2: Urkunden Nr. 36-57. M 8 .-

*Griechische Papyrusurkunden der Hamburger Stadtbibliothek. Bd. I hrsg. u. erklärt von P. M. Meyer. Heft 1. Urk. Nr. 1-23 Mit 7 Lichtdrucktafeln. M. 8.-

Partsch, I., Griechisches Bürgschaftsrecht.
2 Teile. I. Teil. Das Recht des altgriechischen Gemeindestaats. M 14.- 17.-

Peter, H., die geschichtliche Literatur über die römische Kaiserzeit bis Theodosius I. und ihre Quellen. 2 Bände. je M. 12 .-

- der Brief in der römischen Literatur. Literaturgeschichtliche Untersuchungen u. Zusammenfassungen. M. 6.—

Poland, F., Geschichte des griechischen Vereinswesens. JG XXXVIII. M. 24.-

Reitzenstein, R., hellenistische Mysterienreligionen, ihre Grundlagen und Wirkungen. M 4 .- 4.80.

hellenistische Wundererzählungen M. 5 .- 7 .-

Ribbeck, O., Friedr. Wilh. Ritschl. Ein Beitrag z. Gesch. d. Philol. 2 Bde. M. 19.20. - Reden und Vorträge. M. 6.- 8.-

*Riepl, W. Beiträge zur Darstellung des Nachrichtenwesens b. d. Römern. [U. d. Pr.]

Riese, A., das rheinische Germanien in der Teuffel, W.S., Studien und Charakteristiken

antiken Literatur. M. 14.— Roßbach, A., und R. Westphal, Theorie der musischen Künste der Hellenen. (Als 3. Auflage der Roßbach - Westphalschen

Metrik.) 3 Bände. M. 36 .-

L. Band. Griechische Rhythmik von Westphal. M. 7.20. IL Band. Griechische Harmonik und Melopöie von Westphal. M. 6.80. III. Band. I. Abt. Allgemeine Theorie der griechisch. Metrik von Westphal und Gleditsch. M. 8.- II. Abt. Griechische Metrik mit besonderer Rücksicht auf die Strophengattungen und die übrigen melischen Metra von Roßbach und Westphal. M. 14.-

Rostowzew, M., Studien zur Geschichte des römischen Kolonates. Erstes Beiheft zum "Archiv für Papyrusforschung". M 14.-(f. Abonn. des "Arch. f. Papyrusf." M 11 -)

*Samter, E., Geburt, Hochzeit und Tod. Beiträge z.vergl. Volksk. Mit 7Abb. M6 - 7.50. Schaefer, A., Demosthenes und seine Zeit-2., rev. Ausgabe. 3 Bände. M. 30 .-

Schmidt, J. H. H., Synonymik der griechisch.

Sprache. 4 Bände. M. 54.-

Handbuch der lateinischen und griechi-

schen Synonymik. M. 12.-

Schmitz, W., Commentarii notarum Tironianarum ed. W. S. Mit 132 Tafeln. In Mappe M. 40 .-Schneider, A., das alte Rom. Auf 12 Karten

und 14 Tafeln dargestellt. M. 16. -. 12 Pläne

apart. M. 6.-

Schroeder, 0., Vorarbeiten zur griech. Versgeschichte. M. 5 — 6.—

*Schwarz, A. B., Hypothek und Hypallagma. Beitrag zum Pfand- und Vollstreckungsrecht der griechischen Papyri. A 6 .- 7 .-Sittl, K., die Gebärden der Griechen und

Römer. Mit zahlreich. Abbild. M 10.-Sitzler, J., Abriß der griechischen Literatur-

geschichte. I. Band: Bis zum Tode Alexanders des Großen. M. 4 .-

Stählin, O., Editionstechnik. Ratschläge f. d. Anlage textkritischer Ausgaben. M. 1.60 Stemplinger, Ed., das Fortleben der horazischen Lyrik seit der Renaiss. M. 8 .- 9 .-

Stengel, P., Opferbräuche der Griechen. Mit 6 Abbildungen. M 6.- 7.-

Stoll. H., die Sagen des klassischen Altertums. 6. Aufl Neu bearb von H. Lamer. Mit 79 Abb. je M 3.60, in 2 Bände. 1 Band M 6 .-

- die Götter des klassischen Altertums. 8. Aufl. Neu bearb. von H. Lamer. Mit

92 Abbildungen. M 4.50.

Studniczka, F., die Siegesgöttin. Entwurf der Geschichte einer antiken Idealgestalt. Mit 12 Tafeln. M. 2.-

Susemill, F., Geschichte der griechischen Literatur in der Alexandrinerzeit. 2 Bände. I. Bd. M. 16. - 18. - II. Bd. M. 14. - 16. - z. griech. u. röm. Literaturgesch. 2. Aufl. Mit Lebensabriß des Verfassers. M. 12.-

Thesaurus linguae Latinae editus auctoritate et consilio academiarum quinque Germanicarum Berolinensis, Gottingensis, Lipsiensis, Monacensis, Vindobonensis, 1900—1909. Vol. I. *M.* 74.— 82.— Vol. II. *M.* 82.— 90.— Vol. III. fasc. 1. M. 7.60. *fasc. 2—8 je M. 7.20. Vol. IV. M. 58.— 66.—. Vol. V. fasc. 1 M. 7.60. fasc. 2 M. 7.20. *fasc. 3 M 8 .-

- Supplementum. Nomina propria latina.

fasc. 1-II. je M. 7.20.

--- Index librorum scriptorum inscriptionum ex quibus exempla adferuntur. M. 7.20. Einbanddecke M. 5 .-

*Thieling, W., der Hellenismus in Kleinafrika. M8 - 9.-

Troels-Lund, Himmelshild u. Weltanschauung im Wandel der Zeiten. Deutsch von L. Bloch. 2. Auflage. M 5 .-

Usener, H., der heilige Tychon. (Sonderbare Heilige. Texte u. Unters. L) M. 5 .- 6 .-

Vahlen, I., opuscula academica. 2 partes. Pars I. Procemia indicibus lectionum praemissa I-XXXIII ab a. MDCCCLXXV ad. a. MDCCCLXXXXI. M. 12. - 14.50. Pars II. Procemia indicibus lectionum praemissa XXXIV-LXIII ab

a. MDCCCLXXXXII ad. a. MDCCCCVI.

M. 14. - 16.50.

* --- Gesammelte philologische Schriften. Erster Teil: Schriften der Wiener Zeit 1858—1874. M 14.— 16.50.

Vaniček, Al., etymologisches Wörterbuch der lateinischen Sprache. 2. Aufl. M. 6 .-

- griech.-lat. etym. Wörterb. 2 Bde. M. 24. -[I. Band. M. 10. -- II. Band. M. 14. --]

Verhandlungen der 19.-50. Versammlung deutscher Philologen und Schulmänner. (Einzeln käuflich.)

Volkmann, R., Geschichte und Kritik der Wolfschen Prolegomena zu Homer. M. 8 .--- die Rhetorik d. Griechen u. Römer in syst. Übersicht dargestellt. 2. Aufl. M. 12.-

Wachsmuth, C., die Stadt Athen im Altertum. I. Band. Mit 2 Karten M. 20. - II. Band. 1. Abteil. M. 12. - [2. Abteil. in Vorber.]

Weber, W., Untersuchungen zur Geschichte des Kaisers Hadrianus. M. 8.- 9.-

Weicker, G., der Seelenvogel in der alten Literatur und Kunst. Mit 103 Abb. M. 28.-

*Weinreich, O., der Trug des Nektanebos. Wandl. eines Novellenstoffes. M 4.— 4.80.

Willers, H., Geschichte d. röm. Kupferprägung v. Bundesgenossenkrieg bis auf Claudius. Mit 33 Abb. u. 18 Tafeln. M. 12. - 15. -Wislicenus, W. F., astronom. Chronologie. M. 5 .-

Neue Jahrbücher

für das klassische Altertum, Geschichte und deutsche Literatur und für Pädagogik.

Herausgegeben von

Johannes Ilberg und Paul Cauer

XIV. Jahrgang. (17. u. 18. Bd.) 1911. Jährlich 10 Hefte. Preis: M. 30. -

Die erste Abteilung der "Neuen Jahrbücher" will für die drei ersten im Titel genannten Wissenschaftsgebiete, die, durch zahllose Fäden miteinander verbunden, die Grundlage unserer historischen Bildung im weiteren und tieferen Sinne ausmachen, einem bei der zunehmenden Ausdehnung aller Forschungszweige immer dringender werdenden Bedürfnis dienen. Dem einzelnen, der überhaupt nicht oder nur auf kleinem Gebiete selbstforschend tätig sein kann, wird die Möglichkeit geboten, den hauptsächlichen Fortschritten der Wissenschaft auf den ihm durch den Beruf und eigene Studien naheliegenden Gebieten zu folgen.

Insbesondere dient sie der Aufrechterhaltung des vielfach gefährdeten Zusammenhanges zwischen Wissenschaft und Schule nach Kräften und an ihrem Teile. Wenn sie auch nur in großen Zügen die Erweiterung und Vertiefung der Erkenntnis wiedergeben kann, so berücksichtigt sie doch nicht etwa nur das für den höheren Unterricht direkt Brauchbare; der Lehrer soll eine freie wissen-

schaftliche Persönlichkeit sein und bleiben.

Die zweite Abteilung will Fragen der theoretischen und praktischen Pädagogik an höheren Schulen erörtern und der Erforschung ihrer Geschichte dienen.

Byzantinische Zeitschrift

Begründet von Karl Krumbacher

unter Mitwirkung zahlreicher Fachgenossen herausgegeben von

August Heisenberg und Paul Marc

XX. Band. 1911. Vierteljährlich ein Heft. Preis eines Bandes: M 20. —

Dazu erschien: Generalregister zu Band I—XII, 1892—1903. Mit Unterstützung des Therianosfonds der Kgl. Bayer. Akademie der Wissenschaften ausgearbeitet von Paul Marc. [VIII u. 592 S.] gr. 8.

Das internationale Zentralorgan für die gegenwärtig so mächtig aufbühenden byzantinischen Studien bildet die Byzantinische Zeitschrift, von der nunmehr 20 stattliche Bände vorliegen. Sie sieht ihre Aufgabe darin, über alle Fortschritte, welche die moderne Erforschung der byzantinischen Geschichte, Literatur, Sprache, Kunst, Religion, Epigraphik, Numismatik usw. aufzuweisen hat, wie auch über alle äußeren Vorkommnisse auf dem Gebiete zu orientieren und so den weiteren Ausbau der Disziplin zu fördern. Dies geschieht einmal durch selbständige Aufsätze, dann durch ausführliche Besprechungen wichtiger Neuerscheinungen, endlich durch eine möglichst vollständige, vom Herausgeber unter stärdiger Mitwirkung mehrerer Fachgenossen bearbeitete Bibliographie über alle in das Programm der Zeitschrift einschlagenden Gebiete. Der Bericht beräcksichtigt gleichmäßig alle Sprachen und verzeichnet jedesmal die ganze neuere Literatur bis etwa 2--3 Monate vor dem Erscheinen des Heftes, eine Promptheit, die von keiner anderen mit Inhaltsangaben versehenen, eine ganze Disziplin umfassenden Bibliographie erreicht wird. Den gesamten Inhalt der ersten 12 Bände, und zwar sowohl der Aufsätze und Besprechungen als der bibliographischen Notizen analysiert das von P. Marc ausgearbeitete Generalregister.

VERLAG VON B. G. TEUBNER IN LEIPZIG UND BERLIN

Archiv für Religionswissenschaft. Nach Albrecht Diekung von H. Oldenberg, C. Bezold, K. Th. Preuß in Verbindung mit L. Deubner herausgegeben von Richard Wünsch. XIV. Band. 1911. Jährlich 4 Hefte. Preis M. 18.—

Das "Archiv für Religionswissenschaft" will der Erforschung des allegmein ethnischen Untergrundes aller Religionen, wie der Genesis unserer Religion, des Unterganges der antiken Religion und des Werdens des Christentums dienen und insbesondere die verschiedenen Philologien, Völkerkunde und Volkskunde und die wissenschaftliche Theologie vereinigen. Nebem der I. Abteilung, die wissenschaftliche Abh andlung en enthält, stehen als II. Abteilung, die wissenschaftliche Abh andlung en enthält, stehen als II. Abteilung Berichte, in denen von Vertretern der einzelnen Gebiete kurz die hauptsächlichsten Forschungen und Fortschritte religionsgeschichtlicher Art in ihrem besonderen Arbeitsbereiche hervorgehoben und beurteilt werden. Regelmäßig kehren wieder in fester Verteilung auf drei Jahrgänge zusammenfassende Berichte über wichtige Erscheinungen auf den verschiedenen Gebieten der Religionswissenschaft. Die III. Abteilung bringt Mitteilungen und Hinweise, durch die wichtige Entdeckungen, verborgenere Erscheinungen, auch abgelegenere und vergessene Publikationen früherer Jahre in kurzen Nachrichten zur Kenntnis gebracht werden.

Archiv für Kulturgeschichte. Unter Mitwirkung von Fr. von Bezold, G. Dehio, W. Dilthey, H. Finke, W. Goetz, K. Hampe, O. Lauffer, K. Neumann, A. Schulte, E. Troeltsch herausgegeben von Georg Steinhausen. IX. Band. 1911. Jährlich 4 Hefte. Preis M. 12.—

Das "Archiv für Kulturgeschichte" will eine Zentralstätte für die Arbeit auf dem Gebiete der gesamten Kulturgeschichte sein, und dabei vor allem im Zusammenhang mit neueren Richtungen der geschichtlichen Forschung der Arbeit auf dem Gebiet der Geschichte des höheren Geisteslebens ein geeignetes Organ sichern. Als Aufgabe der kulturgeschichtlichen Forschung muß es gelten, aus dem ganzen für die geschichtliche Erkenntnis einer bestimmten Zeit vorhandenen Material das für deren Gesamtkultur und Gesamtgeist Bezeichnende festzustellen, und so wird sie in erster Linie als Spezialforschung wissenschaftlichen Charakter tragen. Sie wird sich jedoch in ausgedehntem Maße die Ergebnisse sonstiger Spezialforschung, freilich nicht durch einfache Übernahme, sondern durch selbständige Verarbeitung unter ihren besonderen methodischen Gesichtspunkten und für ihre besondere Aufgabe, zunutze machen dürfen und müssen. Dieser Aufgabe soll insbesondere die Einrichtung regelmäßiger Literaturberichte dienen. Sie sollen neben der I. Abteilung, die selbständige wissenschaftliche Abhandlung en enthält, als II. Abteilung stehen und je ein Spezialgebiet in dem bezeichneten Sinne in Bearbeitung nehmen, das für die kulturgeschichtliche Forschung Wertvolle aus der Fülle der literarischen Erscheinungen des betreffenden Gebiets unter kulturgeschichtlichen Gesichtspunkten herausheben. Mit ihnen zumal hofft das "Archiv" der Kulturgeschichte ein vertieftes Interesse bei den Vertretern aller übrigen historischen Einzeldisziplinen zu sichern, zwischen denen sie ihrer Stellung nach eine universale Verbindung zu stiften berufen ist. Eine III. Abteilung soll kleine Mitteilungen und Hinweise bringen.

In diesem Rahmen behandeln u. a.: Prof Laqueur-Straßburg: Antike Kultur, Prof. Winter-Straßburg: Antike Kunst, Prof. Misch-Straßburg: Geschichte der Persönlichkeitsentwicklung.

Archiv für Papyrusforschung und verwandte Gebiete unter Mitwirkung von R. Gradenwitz, B. P. Grenfell, A. S. Hunt, P. Jouguet, F. G. Kenyon, G. Lumbroso, J. P. Mahaffy, L. Mitteis, J. Nicole, W. Schubart, P. Viereck herausgegeben von U. Wilchen. V. Band, 4 Hefte. gr. S. 1908—11. Preis M. 24.—

Das Archiv für Papyrusforschung bildet eine Zentralorgan für dieses Wissenschaftsgebiet, das sich die Förderung der literarischen Texte ebenso wie der Urkunden, der griechischen wie der lateinischen, zur Aufgabe stollt. Dabei zieht es alles, was zur Erklärung der Papyri beitragen kann oder seinerseits durch sie beleuchtet wird, mögen es literarische Nachrichten oder Steinschriften, Ostraka oder Münzen sein, gleichfalls heran.

DIE KULTUR DER GEGENWART

IHRE ENTWICKLUNG UND IHRE ZIELE

HERAUSGEGEBEN VON PROFESSOR PAUL HINNEBERG

In 4 Teilen. Lex.-8. Jeder Teil zerfällt in einzelne inhaltlich vollständig in sich abgeschlossene und einzeln käufliche Bände (Abteilungen).

Teil I und II: Die geisteswissenschaftlichen Kulturgebiete.

Teil III: Mathematik und Naturwissenschaft.

Teil IV: Die technischen Kulturgebiete.

Die "Kultur der Gegenwart" soll eine systematisch aufgebaute, geschichtlich begründete Gesamtdarstellung unserer heutigen Kulturdarbieten, indem sie die Fundamentalergebnisse der einzelnen Kulturgebiete nach ihrer Bedeutung für die gesamte Kultur der Gegenwart und für deren Weiterentwicklung in großen Zügen zur Darstellung bringt. Das Werk vereinigt eine Zahl erster Namen aus Wissenschaft und Praxis und bietet Darstellungen der einzelnen Gebiete jeweils aus der Feder des dazu Berufensten in gemeinverständlicher, künstlerisch gewählter Sprache auf knappstem Raume.

Von Teil I und II sind erschienen:

Die allgemeinen Grundlagen der Kultur der Gegenwart. (I, I.) Bearbeitet von W. Lexis, Fr. Paulsen, G. Schöppa, A. Matthias, H. Gaudig, G. Kerschensteiner, W. v. Dyck, L. Pallat, K. Kraepelin, J. Lessing, O. N. Witt, G. Göhler, P. Schlenther, K. Bücher, R. Pietschmann, F. Milkau, H. Diels. [XV u.671 S.] Lex.-8. 1906. Geh. M. 16.—, in Leinw. geb. M. 18.— [2. Aufl. u. d. Pr.]

Die orientalischen Religionen. (I, 3, 1.) Bearbeitet von Edv. Lehmann, A. Erman, C. Bezold, H. Oldenberg, J. Goldziher, A. Grünwedel, J. J. M. de Groot, K. Florenz, H. Haas. [VII u. 267 S.] Lex.-8. 1906. Geh. M. 7.—, in Leinwand geb. M. 9.—

Geschichte der christlichen Religion. Mit Einleitung: Die israelitischjüdische Religion. (I, 4, 1.) Bearbeitet von J. Wellhausen, A. Jülicher, A. Harnack, N. Bonwetsch, K. Müller, A. Ehrhard, E. Troeltsch. 2., stark vermehrte und verbesserte Auflage. [X u. 792 S.] Lex.-8. 1909. Geh. M. 18.—, in Leinwand geb. M. 20.—

Allgemeine Geschichte der Philosophie. (I, 5.) Bearbeitet von W. Wundt H. Oldenberg, J. Goldziher, W. Grube, T. Jnouye, H. v. Arnim, Cl. Baeumker, W. Windelband. [VIII u. 572 S.] Lex.-8. 1909. Geh. M. 12.—, in Leinw. geb. M. 14.—

Systematische Philosophie. (I, 6.) Bearbeitet von W. Dilthey, A. Riehl, W. Wundt, W. Ostwald, H. Ebbinghaus, R. Eucken, Fr. Paulsen, W. Münch, Th. Lipps. 2. Aufl. [Xu. 435 S.] Lex.-8. 1908. Geh. M. 10.—, in Leinw. geb. M. 12.—

DIE KULTUR DER GEGENWART

Die orientalischen Literaturen. (1, 7.) Bearbeitet von E. Schmidt, A. Erman, C. Bezold, H. Gunkel, Th. Nöldeke, M. J. de Goeje, R. Pischel, K. Geldner, P. Horn, F. N. Finck, W. Grube, K. Florenz. [IX u. 419 S.] Lex.-8. 1906. Geh. M. 10.—, in Leinwand geb. M. 12.—

Die griechische und lateinische Literatur und Sprache. (I, 8.) Bearbeitet von: U. v. Wilamowitz-Moellendorff, K. Krumbacher, J. Wackernagel, Fr. Leo, E. Norden, F. Skutsch. 3. Aufl. Geh. ca. M 10.—, in Leinw. geb. ca. M 12.—

Die osteuropäischen Literaturen und die slawischen Sprachen. (I. 9.) Bearbeitet von A. Bezzenberger, A. Brückner, V. v. Jagié, J. Máchal, M. Murko, F. Riedl, E. Setälä, G. Suits, A. Thumb, A. Wesselovsky, E. Wolter. [VIII u. 396 S.] 1908. Geh. M. 10.—, in Leinwand geb. M. 12.—

Dieromanischen Literaturen u. Sprachen. Mit Einschluß des Keltischen. (I, II, I.) Bearbeitet von H. Zimmer, K. Meyer, L. Chr. Stern, H. Morf, W. Meyer-Lübcke. [VII u. 499 S.] 1909. Geh. M. 12.—, in Leinw. geb. M. 14.—

Allgemeine Verfassungs- und Verwaltungsgeschichte, I. Hälfte. (II, 2, 1.) Bearbeitet von A. Vierkandt, L. Wenger, M. Hartmann, O. Franke, K. Rathgen, A. Luschin v. Ebengreuth, O. Hintze. [VII u. 373 S] 1911. Geh. M 10.—, in Leinw, geb. M 12.—

Staat und Gesellschaft des Orients. (II, 3.) Bearbeitet von A. Vierkandt, G. Maspero, M. Hartmann, O. Franke, K. Rathgen. [Unter der Presse.]

Staat und Gesellschaft der Griechen und Römer. (II, 4, 1.) Bearbeitet von U. v. Wilamowitz-Moellendorff und B. Niese. [VI n. 280 S.] 1910. Geh. M. 8.—, in Leinwand geb. M. 10.—

Staat und Gesellschaft der neueren Zeit (bis zur französischen Revolution). (II, 5, 1,) Bearbeitet von F. v. Bezold, E. Gothein, R. Koser. [VI u. 349 S.] Lex.-8. 1908. Geh. M 9.—, in Leinwand geb. M 11.—

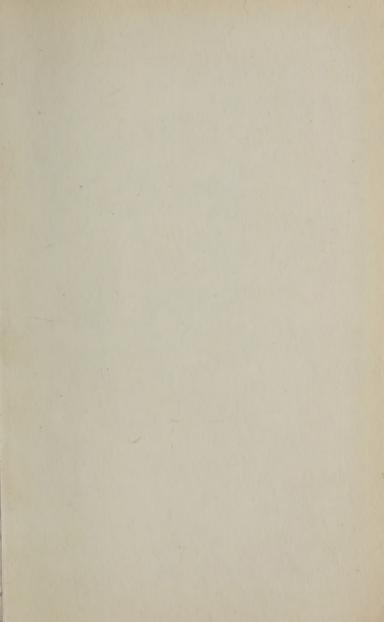
Systematische Rechtswissenschaft. (II, 8.) Bearbeitet von R. Stammler, R. Sohm, K. Gareis, V. Ehrenberg, L. v. Bar, L. v. Seuffert, F. v. Liszt, W. Kahl, P. Laband, G. Anschutz, E. Bernatzik, F. v. Martitz. [X, LX u. 526 S.] Lex.-8. 1906. Geh. M. 14.—, in Leinwand geb. M. 16.—

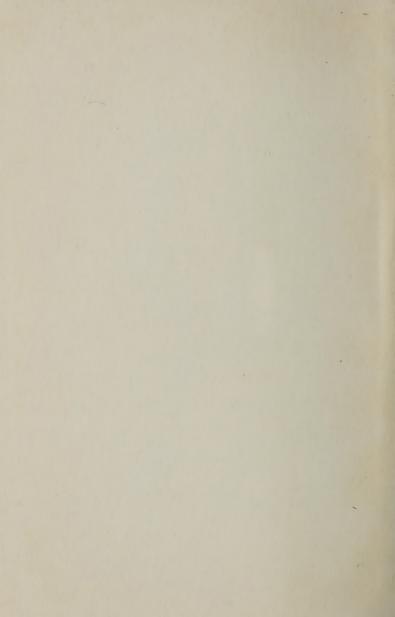
Allgemeine Volkswirtschaftslehre. (II, 10. 1.) Bearbeitet von W. Lexis. Geh. M. 7.—, in Leinwand geb. M. 9.—

Von Teil I und II (Die geisteswissenschaftlichen Kulturgebiete) befinden sich noch in Vorbereitung:

Teil I, Abt. 2: Die Aufgaben und Methoden der Geisteswissenschaften. Abt. 3, II: Die europäische Religion des Altertums. Abt. 10: Die deutsche Literatur und Sprache. Abt. 11: Englische Literatur und Sprache, skandinavische Literatur und allgemeine Literaturwissenschaft. Abt. 12: Musik. Abt. 13: Die orientalische Kunst. Die europäische Kunst des Mittelalters und der Neuzeit. Allgemeine Kunstwissenschaft. Teil II, Abt. 11: Völker-, Länder und Staatenkunde. (Die anthropogeographischen Grundlagen von Staat und Gesellschaft, Recht und Wirtschaft.) Abt. 2, II: Allgemeine Verfassungs- und Verwaltungsgeschichte. 2. Hälfte. Abt. 4, II: Staat und Gesellschaft der Mittelalters. Abt. 5, II: Staat und Gesellschaft der neuesten Zeit (v. m. Beginn der französischen Revolution). Abt. 6: System der Staats- und Gesellschaftswissenschaft. Abt. 7: Allgemeine Rechtsgeschichte mit der Geschichte der Rechtswissenschaft. Abt. 7: Allgemeine Wirtschaftsgeschichte mit Geschichte der Volkswirtschaftslehre. Abt. 10, II: Spezielle Volkswirtschaftslehre. Abt. 10, III: Spezielle Volkswirtschaftslehre. Abt. 10, III: Spezielle Volkswirtschaftslehre. Abt. 10, III: System der Staats- und Gemeindewirtschaftslehre (Finanzwissenschaft).

Probeheft mit Inhaltsübersicht des Gesamtwerkes u. Probestücken auf Wunsch ums. u. postfr. vom Verlag.





JAN 3 RECO

UNIVERSITY OF ILLINOIS-URBANA

510H4320 C001 HERONIS ALEXANDRINI OPERA QVAE SVPERSVNT



3 0112 016936657